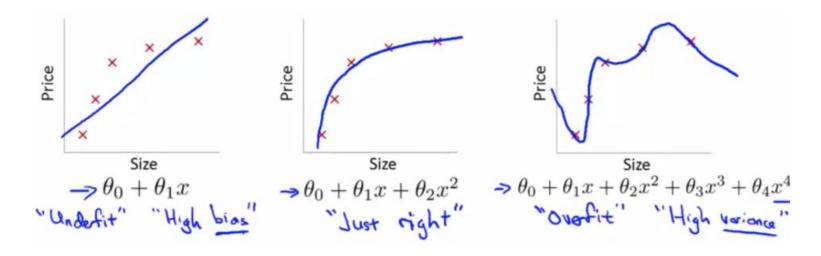
# Обучение с учителем: Регуляризация в линейных моделях. Метод Ближайших Соседей (KNN)

Екатерина Кондратьева



## Переобучение (model overfitting)



<sup>\*</sup>Здесь theta  $(\theta)$  -  $\beta$ 

<sup>\*</sup>В предыдущей лекции это были а и b

#### Регуляризация

Используется для улучшения обобщающей способности модели, то есть уменьшения эффекта переобучения, на практике часто рассматривается логистическая регрессия с регуляризацией.



#### Регрессия:

#### МНК функция потерь:

RSS(
$$\beta$$
) =  $\sum_{i=1}^{N} (y_i - f(x_i))^2$   
 =  $\sum_{i=1}^{N} (y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} x_{ij}\beta_j)^2$ .

N—number of samples

p—number of independent variables or features

x—feature

y—actual target or dependent variable

f(x)—estimated target

 $\beta$ —coefficient or weight corresponding to each feature or independent var.

https://web.stanford.edu/~hastie/ElemStatLearn/

#### Регрессия

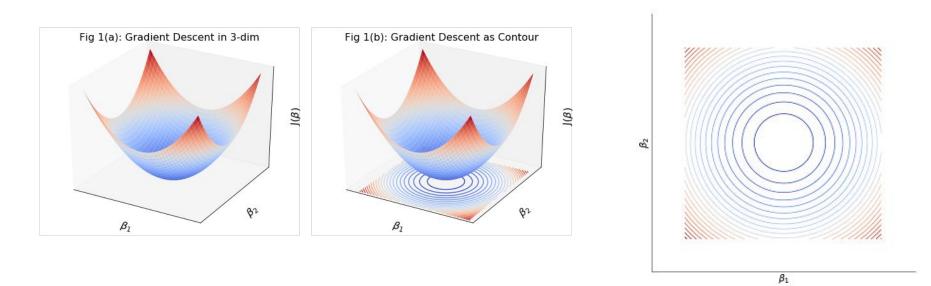


Fig 2: Gradient Descent on axes of  $\beta1$  and  $\beta2$ 

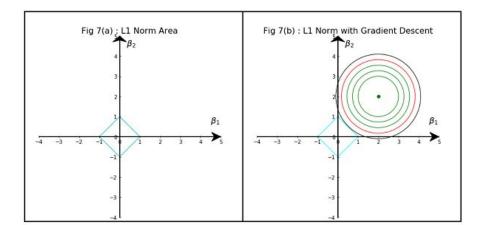
https://towardsdatascience.com/regularization-in-machine-learning-connecting-the-dots-c6e030bfaddd

## L1 Norm or Lasso Regression

L1 Norm is of the form  $|\beta 1| + |\beta 2|$ .

Modified Cost function for L1 Regularization is as follows:

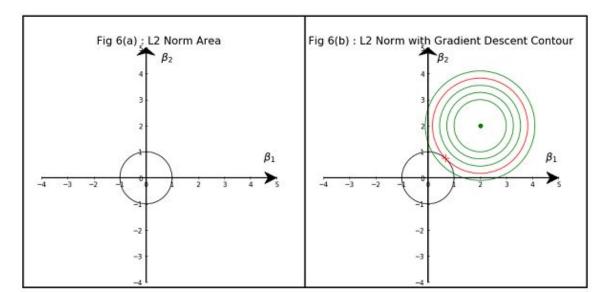
$$\hat{\beta}^{\text{lasso}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \left\{ \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \left( y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} x_{ij} \beta_j \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^{p} |\beta_j| \right\}$$



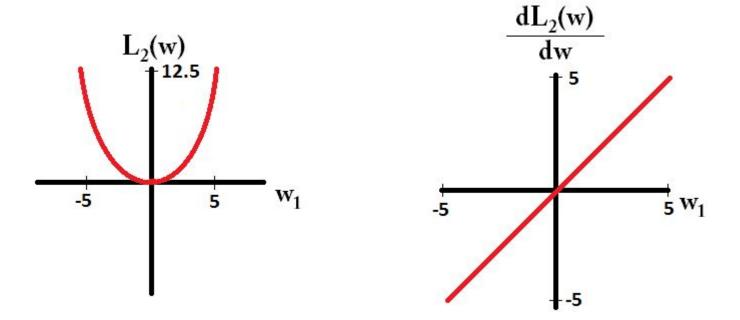
### L2 Norm or Ridge Regression

L2 Norm is Euclidean distance norm of the form  $|\beta 1|^2 + |\beta 2|^2$ .

$$\hat{\beta}^{\text{ridge}} = \underset{\beta}{\operatorname{argmin}} \left\{ \sum_{i=1}^{N} \left( y_i - \beta_0 - \sum_{j=1}^{p} x_{ij} \beta_j \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^{p} \beta_j^2 \right\}$$



#### L2 подробнее

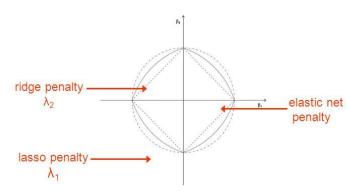


https://stats.stackexchange.com/questions/45643/why-I1-norm-for-sparse-models

- субградиенты, - изменение learning rate

## Elastic Net (L1 + L2 Norm)

$$\hat{eta} \equiv \operatorname*{argmin}_{eta} (\|y - Xeta\|^2 + \lambda_2 \|eta\|^2 + \lambda_1 \|eta\|_1).$$



# Метод k Ближайших Соседей



#### Метод k ближайших соседей

**Метод** *k***-ближайших соседей** (*k*-nearest neighbors algorithm, k-NN) — метрический алгоритм для автоматической классификации объектов или регрессии.

- В случае использования метода **для классификации** объект присваивается тому классу, который является наиболее распространённым среди соседей данного элемента, классы которых уже известны.
- В случае использования метода **для регрессии**, объекту присваивается среднее значение по ближайшим к нему объектам, значения которых уже известны

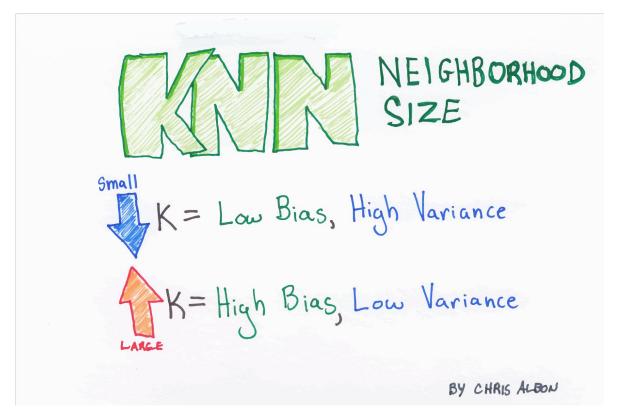
При таком способе во внимание принимается не только количество попавших в область определенных классов, но и их удаленность от нового значения. Для каждого класса *j* определяется оценка близости:

$$Q_j = \sum_{i=1}^n rac{1}{d(x,a_i)^2}$$
 , где  $d(x,a)$  — дистанция от нового значения  $x$  до объекта  $a$ .

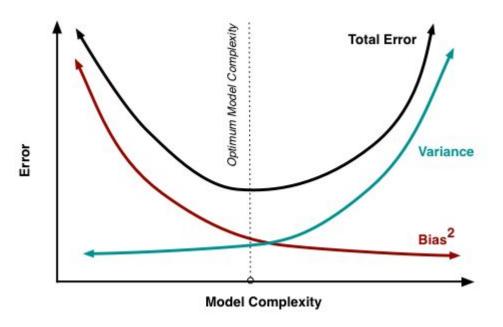
У какого класса выше значение близости, тот класс и присваивается новому объекту.

Лекция: <a href="https://ru.coursera.org/lecture/vvedenie-mashinnoe-obuchenie/mietod-blizhaishikh-sosiediei-jCkvu">https://ru.coursera.org/lecture/vvedenie-mashinnoe-obuchenie/mietod-blizhaishikh-sosiediei-jCkvu</a>

#### Метод k ближайших соседей



#### Bias/variance tradeoff. Дилемма смещения/дисперсии

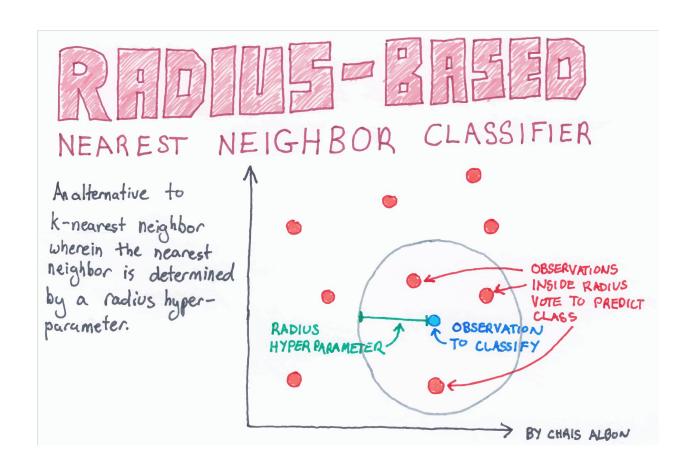


#### Простыми словами:

- если модель идеально описывает все данные (подфитилась), не факт, что она хорошо генерализуется на других данных
- если модель плохо описывает данные, то она не переобучилась, но, возможно, и не обучилась совсем :)

Смещение (bias)— это ошибка, возникающая в результате ошибочного предположения в алгоритме обучения. В результате большого смещения алгоритм может пропустить связь между признаками и выводом (недообучение).

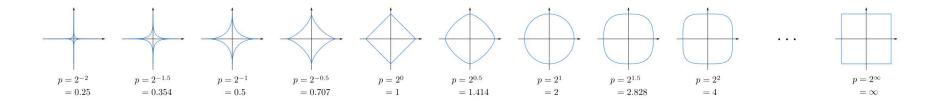
Дисперсия (variance)— это ошибка чувствительности к малым отклонениям в тренировочном наборе. При высокой дисперсии алгоритм может как-то трактовать случайный шум<sup>[en]</sup> в тренировочном наборе, а не желаемый результат (переобучение).



#### Метрики "близости"

Как расстояние между соседями измеряет sklearn:

https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier.html



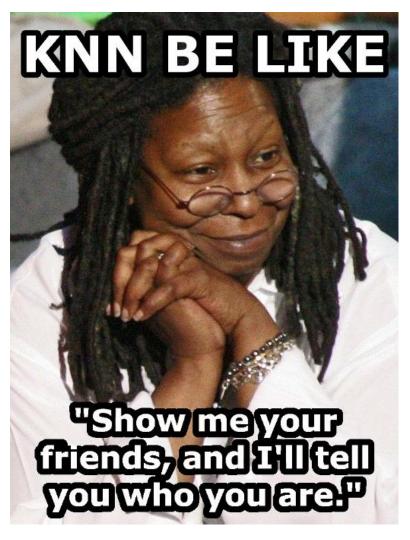
https://en.wikipedia.org/wiki/Minkowski\_distance

#### Метрики близости

#### А если не числовые объекты:

- Редакторское расстояние Левенштейна
- BLEU score (для переводчиков текста)

https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.neighbors.DistanceMetric



#### Вопросы для самопроверки:

- Почему L1-регуляризация производит отбор признаков?
- Почему может быть сделан выбор в сторону L2- регуляризации?
- Почему коэффициент регуляризации нельзя подбирать по обучающей выборке?

#### Источники:

- 1. <a href="https://towardsdatascience.com/regularization-in-machine-learning-connecting-the-dots-c6e030bfaddd">https://towardsdatascience.com/regularization-in-machine-learning-connecting-the-dots-c6e030bfaddd</a>
- 2. <a href="https://github.com/esokolov/ml-course-hse/">https://github.com/esokolov/ml-course-hse/</a>
- 3. <a href="https://chrisalbon.com/">https://chrisalbon.com/</a>
- 4. <a href="https://github.com/Slinkolgor/express\_ml">https://github.com/Slinkolgor/express\_ml</a>
- 5. <a href="https://docplayer.ru/41305484-Lekciya-2-obobshchennye-lineynye-modeli-regulyarizaciya-obucheniya.html">https://docplayer.ru/41305484-Lekciya-2-obobshchennye-lineynye-modeli-regulyarizaciya-obucheniya.html</a>
- 6. <a href="https://www.youtube.com/watch?v=Kloz">https://www.youtube.com/watch?v=Kloz</a> aa1ed4
- 7. <a href="https://github.com/esokolov/ml-course-hse/blob/master/2018-fall/lecture-notes/lecture03-linregr.pdf">https://github.com/esokolov/ml-course-hse/blob/master/2018-fall/lecture-notes/lecture03-linregr.pdf</a>