

Поправителен изпит по Функционално програмиране - 14.08.2023 г.
Специалност Информационни системи, първи курс

Задача 1

Даден е списък от цели числа (евентуално включващ дубликати) и положително цяло число k . Да се дефинира функция `findMinMaxProduct :: [Integer] -> Int -> (Integer, Integer)`, която намира минималното и максималното възможно произведение на k елемента, взети от списъка. Ако списъкът не съдържа достатъчно елементи, да се връща грешка с подходящ текст.

Примери:

```
findMinMaxProduct [1, -2, -3, 4, 6, 7] 1 -> (-3, 7)
findMinMaxProduct [1, -2, -3, 4, 6, 7] 2 -> (-21, 42)
findMinMaxProduct [1, -2, -3, 4, 6, 7] 3 -> (-126, 168)
findMinMaxProduct [0, 6, 3, 5, 4]      4 -> (0, 360)
findMinMaxProduct [5, 4, 3, 3, 6]      2 -> (9, 30)
findMinMaxProduct [-4, -10, -1]        2 -> (4, 40)
```

Задача 2

Да се дефинира функция `intersectionPoints`, която получава две едноаргументни целочислени функции и краищата на целочислен интервал. Функцията да връща списък от точките от дадения интервал, в които двете функции се пресичат (т.е имат една и съща стойност), или празния списък, ако функциите не се пресичат в този интервал.

Примери:

```
intersectionPoints (\x -> x) (\x -> x * x) (-5) 5 -> [0,1]
intersectionPoints (\x -> x) (\x -> x * x + 1) (-5) 5 -> []
```

Задача 3

Обществото на информатиците провежда избори за съвет на старейшините. „Кандидатура“ е наредена двойка от низове: името на кандидата и неговата специалност, а „кандидатската листа“ е списък от кандидатури. Може да се гласува за произволен брой кандидати. Попълнените „бюлетини“ представляват предикати, които приемат кандидатура и връщат истина или лъжа, в зависимост дали се гласува за съответната кандидатура или не.

Да се дефинира функция `election :: [(String, String) -> Bool] -> [(String, String) -> (String, Int)]`, която връща сортиран в низходящ ред списък от наредени двойки от името на кандидата и броя от гласовете за него от бюлетините `ballots` в реда, в който кандидатите се срещат в листата `cl`.

Пример:

```
c1 = [("Kernighan","C"), ("Ritchie","C"), ("Stroustrup","C++"),  
      ("Steele","Scheme"), ("Sussman","Scheme"), ("Church","Lambda"), ("Curry",  
      "Lambda")]
```

```
b1 (name, specialty) = specialty == "Lambda" || last name == 'e'  
b2 (name, specialty) = name == "Church" || head specialty == 'C'  
b3 (name, specialty) = length name > 6 && specialty /= "C++"
```

```
election [b1, b2, b3] c1 → [("Ritchie",3), ("Kernighan",2),  
 ("Church",2), ("Stroustrup",1), ("Steele",1), ("Sussman",1),  
 ("Curry",1)]
```

Задача 4

Нека е дефиниран алгебричен тип, представящ двоично дърво, както следва:

```
data Tree a = Empty | Node a (Tree a) (Tree a)
```

Да се дефинира функция `(minCount bTree x)` от тип `minCount :: (Eq a) => Tree a -> a -> Int`, която намира броя на върховете (включително корена) на най-ниското поддърво на дадено двоично дърво `bTree` със стойност в корена, равна на `x`.

Пример:

```
tr = (Node 2 (Node 4 (Node 4 Empty Empty) Empty) Empty)  
minCount tr 4 → 1  
minCount tr 2 → 3
```