

# GESP CCF编程能力等级认证

Grade Examination of Software Programming

# C++ 五级

2024年12月

单选题(每题2分,共30分)

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
答案	(														

第	1 题	下面关于链表和数组的描述,	错误的是	( )	c

- □ A. 当数据数量不确定时,为了应对各种可能的情况,需要申请一个较大的数组,可能浪费空间;此时用链表比 较合适,大小可动态调整。
- **B.** 在链表中访问节点的效率较低,时间复杂度为O(n)。
- $\square$  C. 链表插入和删除元素效率较低,时间复杂度为O(n)。
- □ D. 链表的节点在内存中是分散存储的,通过指针连在一起。
- 第2题 在循环单链表中, 节点的 next 指针指向下一个节点, 最后一个节点的 next 指针指向()。
- □ A. 当前节点
- **B.** nullptr
- □ C. 第一个节点
- □ D. 上一个节点
- 第3题 为了方便链表的增删操作,一些算法生成一个虚拟头节点,方便统一删除头节点和其他节点。下面代码实现 了删除链表中值为 val 的节点,横线上应填的最佳代码是()。

```
1
    struct LinkedNode {
        int val;
 3
        LinkedNode* next;
 4
        LinkedNode(int val):val(val), next(nullptr){}
 5
 6
 7
    void removeElements(LinkedNode* head, int val) {
 8
        if (head == nullptr) {
 9
            return;
10
11
        LinkedNode* cur;
12
        LinkedNode* dummyHead = new LinkedNode(0); //虚拟头节点
13
                                           // 在此处填入代码
14
15
        while(cur ->next ! = nullptr) {
16
            if(cur->next->val == val) {
17
                LinkedNode* tmp = cur->next;
```

```
18
                 cur->next = cur->next->next;
19
                 delete tmp;
20
                 tmp = nullptr;
21
            }
22
            else {
23
                 cur = cur ->next;
24
            }
25
         }
26
        head = dummyHead->next;
27
         delete dummyHead;
28
         dummyHead = nullptr;
29 | }
```

- A. dummyHead->next = head; cur = dummyHead;
- C. dummyHead->next = head; cur = dummyHead->next;
- D. dummyHead->next = head->next; cur = dummyHead->next;
- 第4题 对下面两个函数,说法错误的是()。

```
1
    int fibA(int n) {
 2
        if (n <= 1) return n;</pre>
 3
 4
        int f1 = 0, f2 = 1;
 5
        for (int i = 2; i <= n; ++i) {
 6
            int temp = f2;
 7
            f2 = f1 + f2;
 8
            f1 = temp;
 9
         }
10
        return f2;
11
    }
12
13
    int fibB(int n) {
14
        if (n \le 1) return n;
15
        return fibB(n - 1) + fibB(n - 2);
16
    }
17
```

- □ A. 两个函数的实现的功能相同。
- ☐ B. fibA采用递推方式。
- □ C. fibB采用的是递归方式。
- **D.** fibA时间复杂度为O(n),fibB的时间复杂度为 $O(n^2)$ 。

第5题 两块长方形土地的长宽分别为 24 和 36 米,要将它们分成正方形的小块,使得正方形的尺寸尽可能大。小杨采用如下的辗转相除函数 gcd(24,36)来求正方形分块的边长,则函数 gcd 调用顺序为()。

```
int gcd(int a, int b) {
   int big = a > b ? a : b;
   int small = a < b ? a : b;
   if (big % small == 0) {
      return small;
   }
   return gcd(small, big % small);
}</pre>
```

- A. gcd(24, 36), gcd(24, 12), gcd(12, 0)
- $\bigcap$  B. gcd(24, 36), gcd(12, 24), gcd(0, 12)
- C. gcd(24, 36), gcd(24, 12)
- D. gcd(24, 36), gcd(12, 24)

**第6题** 唯一分解定理表明,每个大于1的自然数可以唯一地写成若干个质数的乘积。下面函数将自然数n的所有质因素找出来,横线上能填写的最佳代码是( )。

```
1
   #include <vector>
 2
    vector<int> get_prime_factors(int n) {
        vector<int> factors;
 4
        if (n <= 1) {
 5
            cout << "输入的数必须是大于1的正整数" << endl;
 6
            return;
 7
        }
 8
        while (n \% 2 == 0) {
 9
            factors.push_back(2);
10
            n /= 2;
11
        }
12
13
                                        { // 在此处填入代码
14
            while (n \% i == 0) {
15
               factors.push_back(i);
16
               n /= i;
17
18
        }
19
20
        if (n > 2) {
21
            factors.push_back(n);
22
23
24
        return factors;
25
   }
```

- $\bigcap$  A. for (int i = 3; i <= n; i ++)
- $\bigcap$  **B.** for (int i = 3; i \* i <= n; i ++)
- $\bigcap$  C. for (int i = 3; i <= n; i += 2)
- **D.** for (int i = 3; i \* i <= n; i += 2)

**第7题** 下述代码实现素数表的埃拉托色尼(埃氏)筛法,筛选出所有小于等于n的素数。

```
1
    vector<int> sieve_Eratosthenes(int n) {
 2
        vector<bool> is_prime(n +1, true);
 3
        vector<int> primes;
 4
 5
        for (int i = 2; i * i <= n; i++) {
 6
             if (is_prime[i]) {
 7
                 primes.push_back(i);
 8
 9
                 for (int j = i * i; j <= n; j += i) {
10
                     is_prime[j] = false;
11
                 }
12
            }
13
         }
14
15
        for (int i = sqrt(n) + 1; i \le n; i++) {
16
            if (is_prime[i]) {
17
                 primes.push_back(i);
18
            }
19
         }
20
21
        return primes;
22
    }
```

下面说法,正确的是()。

- $\bigcap$  A. 代码的时间复杂度是  $O(n\sqrt{n})$ 。
- **B.** 在标记非素数时,代码从  $i^2$  开始,可以减少重复标记。
- $\bigcap$  C. 代码会输出所有小于等于 n 的奇数。
- □ D. 调用函数 sieve\_Eratosthenes(10), 函数返回值的数组中包含的元素有: 2, 3, 5, 7, 9。
- **第8题** 下述代码实现素数表的线性筛法,筛选出所有小于等于n的素数。下面说法正确的是()。

```
1
    vector<int> sieve_linear(int n) {
 2
        vector<bool> is_prime(n +1, true);
 3
        vector<int> primes;
 4
 5
         for (int i = 2; i <= n/2; i++) {
 6
             if (is_prime[i])
 7
                 primes.push_back(i);
 8
 9
            for (int j = 0; j < primes.size() && i * primes[j] <= n; j++) {
10
                 is_prime[ i * primes[j] ] = 0;
11
                 if (i % primes[j] == 0)
12
                     break;
13
            }
14
        }
15
16
         for (int i = n/2 +1; i \le n; i++) {
17
             if (is_prime[i])
18
                 primes.push_back(i);
19
         }
20
21
         return primes;
```

- $\bigcap$  A. 线性筛的时间复杂度是 O(n)
- □ B. 每个合数会被其所有的质因子标记一次。
- □ C. 线性筛和埃拉托色尼筛的实现思路完全相同。
- □ D. 以上都不对。
- 第9题 考虑以下C++代码实现的快速排序算法:

```
1
    int partition(vector<int>& arr, int left, int right) {
 2
         int pivot = arr[right]; // 基准值
 3
         int i = left - 1;
 4
 5
         for (int j = left; j < right; j++) {</pre>
 6
             if (arr[j] < pivot) {</pre>
 7
                 i++;
 8
                 swap(arr[i], arr[j]);
 9
             }
10
         }
11
         swap(arr[i + 1], arr[right]);
12
        return i + 1;
13
14
15
    // 快速排序
16
    void quickSort(vector<int>& arr, int left, int right) {
17
         if (left < right) {</pre>
18
             int pi = partition(arr, left, right);
19
             quickSort(arr, left, pi - 1);
20
             quickSort(arr, pi + 1, right);
21
        }
22
    }
```

以下关于快速排序的说法,正确的是()。

- □ A. 快速排序通过递归对子问题进行求解。
- $\square$  **B.** 快速排序的最坏时间复杂度是 $O(n \log n)$ 。
- □ C. 快速排序是一个稳定的排序算法。
- $\square$  **D.** 在最优情况下,快速排序的时间复杂度是O(n)。
- 第10题 下面关于归并排序,描述正确的是()。
- □ A. 归并排序是一个不稳定的排序算法。
- **B.** 归并排序的时间复杂度在最优、最差和平均情况下都是  $O(n \log n)$ 。
- $\square$  C. 归并排序需要额外的 O(1) 空间。
- □ D. 对于输入数组 {12, 11, 13, 5, 6, 7}, 代码输出结果为: 765131211。

**第 11 题** 给定一个长度为n的有序数组 nums ,其中所有元素都是唯一的。下面的函数返回数组中元素 target 的索引。

```
1
    int binarySearch(vector<int> &nums, int target, int left, int right) {
 2
        if (left > right) {
 3
             return -1;
 4
        }
 5
 6
        int middle = left + ((right - left) / 2);
 7
        if (nums[middle] == target) {
 8
             return middle;
 9
        }
10
         else if (nums[middle] < target) {</pre>
11
             return binarySearch(nums, target, middle + 1, right);
12
        }
13
        else
14
             return binarySearch(nums, target, left, middle - 1);
15
16
17
18
    int Find(vector<int> &nums, int target) {
19
        int n = nums.size();
20
         return binarySearch(nums, target, 0, n - 1);
21
   }
```

关于上述函数,描述不正确的是()。

- □ A. 函数采用二分查找、每次计算搜索当前搜索区间的中点、然后根据中点的元素值排除一半搜索区间。
- □ B. 函数采用递归求解,每次问题的规模减小一半。 >>
- C. 递归的终止条件是中间元素的值等于 target ,若数组中不包含该元素,递归不会终止。
- □ **D.** 算法的复杂度为O(logn).

**第 12 题** 给定一个长度为n的有序数组 nums ,其中可能包含重复元素。下面的函数返回数组中某个元素 target 的 左边界,若数组中不包含该元素,则返回 -1 。例如在数组 nums = [5,7,7,8,8,10] 中查找 target=8 ,函数返回8在数组中的左边界的索引为3。则横线上应填写的代码为( )。

```
int getLeftBoundary(vector<int>& nums, int target) {
 2
        int left = 0;
 3
        int right = nums.size() - 1;
4
 5
        while (left < right) {</pre>
 6
             int middle = left + ((right - left) / 2);
 7
            if (target <= nums[middle])</pre>
8
                                                        // 在此处填入代码
9
            else
10
                 left = middle+1;
11
        }
12
13
        return nums[left]==target?left:-1;
14
   }
```

```
\bigcap A. right = middle - 1;
```

- B. right = middle;
- C. right = middle + 1;

□ D. 以上都不对

第 13 题 假设有多个孩子,数组 g 保存所有孩子的胃口值。有多块饼干,数组 s 保存所有饼干的尺寸。小杨给孩子们发饼干,每个孩子最多只能给一块饼干。饼干的尺寸大于等于孩子的胃口时,孩子才能得到满足。小杨的目标是尽可能满足越多数量的孩子,因此打算采用贪心算法来找出能满足的孩子的数目,则横线上应填写的代码为()。

```
1
    int cooki4children(vector<int>& g, vector<int>& s) {
 2
        sort(g.begin(), g.end());
 3
        sort(s.begin(), s.end());
 4
 5
        int index = s.size() - 1; // 饼干数组下标
 6
        int result = 0;
 7
        for (int i = g.size() - 1; i >= 0; i--) {
 8
            if (index >= 0 \&\& s[index] >= g[i]) {
 9
                                                    // 在此处填入代码
10
11
        }
12
        return result;
13
    }
```

- A. result++; index--;
- ☐ B. result--; index--;
- ☐ C. result--; index++;
- D. result++; index++;
- 第14题 关于分治算法,以下说法中不正确的是()。
- □ A. 分治算法将问题分成子问题,然后分别解决子问题,最后合并结果。
- □ B. 归并排序采用了分治思想。
- □ C. 快速排序采用了分治思想。
- □ D. 冒泡排序采用了分治思想。
- 第15题 小杨编写了一个如下的高精度减法函数:

```
1
    vector<int> highPrecisionSubtract(vector<int> a, vector<int> b) {
 2
        vector<int> result;
 3
         int borrow = 0;
 4
 5
        for (int i = 0; i < a.size(); ++i) {
 6
             int digitA = a[i];
 7
             int digitB = i < b.size() ? b[i] : 0;</pre>
 8
 9
             int diff = digitA - digitB - borrow;
10
             if (diff < 0) {
11
                 diff += 10;
12
                 borrow = 1;
13
             }
14
             else {
15
                 borrow = 0;
16
17
```

```
18
            result.push_back(diff);
19
        }
20
21
        while (result.size() > 1 && result.back() == 0) {
22
            result.pop_back();
23
        }
24
25
        return result;
26 }
```

下面说法,正确的是()。

- $\square$  A. 如果数组a表示的整数小于b表示的整数,代码会正确返回二者的差为负数。
- B. 代码假设输入数字是以倒序存储的,例如 500 存储为 {0,0,5}。
- $\square$  C. 代码的时间复杂度为 O(a. size() + b. size())
- □ D. 当减法结果为 0 时,结果数组仍然会存储很多个元素0。

#### 判断题(每题2分,共20分) 2

题号 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 答案

第1题 单链表只支持在表头进行插入和删除操作。

第2题 线性筛相对于埃拉托斯特尼筛法,每个合数只会被它的最小质因数筛去一次,因此效率更高。

第3题 任何一个大于1的自然数都可以分解成若干个不同的质数的乘积,且分解方式是唯一的。

第4题 贪心算法通过每一步选择当前最优解,从而一定能获得全局最优解。

第5题 递归算法必须有一个明确的结束条件,否则会导致无限递归并可能引发栈溢出

第6题 快速排序和归并排序的平均时间复杂度均为 $O(n\log n)$ ,且都是稳定排序。

第7题 快速排序的时间复杂度总比插入排序的时间复杂度低。

第8题 二分查找仅适用于数组而不适合链表,因为二分查找需要跳跃式访问元素,链表中执行跳跃式访问的效率

第 10 题 递归函数每次调用自身时,系统都会为新开启的函数分配内存,以存储局部变量、调用地址和其他信息 等,导致递归通常比迭代更加耗费内存空间。 🗸

#### 3 编程题(每题25分,共50分)

#### 3.1 编程题1

试题名称: 奇妙数字

• 时间限制: 1.0 s

• 内存限制: 512.0 MB

### 3.1.1 题面描述

小杨认为一个数字 x 是奇妙数字当且仅当  $x=p^a$ ,其中 p 为任意质数且 a 为正整数。例如, $8=2^3$ ,所以 8 是奇妙数字,而 6 不是。

对于一个正整数 n, 小杨想要构建一个包含 m 个奇妙数字的集合  $\{x_1, x_2, \ldots, x_m\}$ , 使其满足以下条件:

- 集合中不包含相同的数字。
- $x_1 * x_2 * ... * x_m$  是 n 的因子(即  $x_1, x_2, ..., x_m$  这 m 个数字的乘积是 n 的因子)。

小杨希望集合包含的奇妙数字尽可能多,请你帮他计算出满足条件的集合最多包含多少个奇妙数字。

#### 3.1.2 输入格式

第一行包含一个正整数 n,含义如题面所示。

#### 3.1.3 输出格式

输出一个正整数,代表满足条件的集合最多包含的奇妙数字个数。

#### 3.1.4 样例

```
    1 | 128

    1 | 3
```

## 3.1.5 样例解释

关于本样例,符合题意的一个包含 3 个奇妙数字的集合是 2,4,8。 首先,因为  $2=2^1$ ,  $4=2^2$ ,8  $=2^3$ ,所以 2,4,8 均为奇妙数字。同时, $2\*4\*8=64$  是 128 的因子。

由于无法找到符合题意且同时包含4个奇妙数字的集合,因此本样例的答案为3。

子任务编号	数据点占比	n
1	20%	$\leq 10$
2	20%	$\leq 1000$
3	60%	$\leq 10^{12}$

对于全部数据,保证有  $2 \le n \le 10^{12}$ 。

#### 3.1.6 参考程序

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   #define ll long long
 4
   const int N = 1e5+10;
   11 calc(11 x){
 6
        int ans = 0;
 7
        11 tmp=1;
 8
        while(x>=tmp){
 9
            ans++;
10
            x-=tmp;
11
            tmp++;
12
        }
13
        return ans;
14
    }
```

```
15 | int main(){
16
        11 n;
17
         cin>>n;
18
        11 \text{ ans} = 0;
19
         for(ll i=2;i*i<=n;i++){
20
             if(n%i==0){
21
                 int cnt = 0;
22
                 while(n\%i==0){
23
                      cnt++;
24
                      n/=i;
25
                 }
26
                 ans+=calc(cnt);
27
             }
28
         }
29
         if(n!=1){
30
            ans+=calc(1);
31
         }
32
        cout<<ans<<"\n";</pre>
33 | }
```

### 3.2 编程题 2

• 试题名称: 武器强化

• 时间限制: 1.0 s

• 内存限制: 512.0 MB

### 3.2.1 题面描述

小杨有n 种武器和m 种强化材料。第i 种强化材料会适配第 $p_i$  种武器,小杨可以花费 $c_i$  金币将该材料对应的适配 武器修改为任意武器。

小杨最喜欢第1种武器,因此他希望适配该武器的强化材料种类数**严格大于**其他的武器,请你帮小杨计算为了满足该条件最少需要花费多少金币。

#### 3.2.2 输入格式

第一行包含两个正整数 n, m,含义如题面所示。

之后 m 行,每行包含两个正整数  $p_i, c_i$ ,代表第 i 种强化材料的适配武器和修改花费。

#### 3.2.3 输出格式

输出一个整数,代表能够使适配第1种武器的强化材料种类数严格大于其他的武器最少需要花费的金币。

#### 3.2.4 样例

```
1 | 4 4 | 2 | 1 1 | 3 | 2 1 | 4 | 3 1 | 5 | 3 2
```

```
1 |1
```

# 3.2.5 样例解释

花费 1,将第三种强化材料的适配武器由 3 改为 1。此时,武器 1 有 2 种强化材料适配,武器 2 和武器 3 都各有 1 种强化材料适配。满足适配第 1 种武器的强化材料种类数**严格大于**其他的武器。

子任务编号	数据点占比	n	m
1	20%	2	$\leq 1000$
2	20%	$\leq 1000$	2
3	60%	$\leq 1000$	$\leq 1000$

对于全部数据,保证有  $1 \le n, m \le 1000, 1 \le p_i \le n, 1 \le c_i \le 10^9$ 。

#### 3.2.6 参考程序

```
1 #include<bits/stdc++.h>
 2
   using namespace std;
 3 #define 11 long long
    int n, m;
 5
    int cnt[1010];
 6
    vector<int> cs[1010];
 8
    11 calc(int aim) {
 9
        int cur_cnt = cnt[1];
10
        11 \text{ res} = 0;
11
        vector<int> tmp;
12
        for (int i = 2; i <= n; i++) {
13
             int buy = max((int)cs[i].size() - aim + 1, 0);
14
            for (int j = 0; j < buy; ++j) {
15
                 res += (11)cs[i][j];
16
17
            cur_cnt += buy;
18
            for (int j = buy; j < cs[i].size(); ++j) {
19
                 tmp.push_back(cs[i][j]);
20
             }
21
         }
22
        sort(tmp.begin(), tmp.end());
23
        for (int i = 0; i < aim - cur_cnt; i++) {</pre>
24
            res += (ll)tmp[i];
25
        }
26
        return res;
27
28
29
    signed main() {
30
        // freopen("06.in", "r", stdin);
31
        cin >> n >> m;
32
        for (int i = 1; i <= m; i++) {
33
            int p, c;
34
            cin >> p >> c;
35
             cnt[p]++;
36
             cs[p].push_back(c);
37
        }
38
        for (int i = 1; i <=n; i++) {
39
             sort(cs[i].begin(), cs[i].end());
40
        }
41
        ll ans = 1e18;
```

```
for (int i = max(cnt[1], 1); i <= m; ++i) {
    ans = min(ans, calc(i));
}

cout << ans << "\n";
}</pre>
```