### Kostenmodelle

## Kostenmodelle

- Wünschenswert wäre es, den jeweils optimalsten Auswertungsplan zu finden. Dazu müssten aber alle denkbaren Pläne generiert und überprüft werden → nicht möglich
- Heuristische Optimierungen sollen in den meisten Fällen in kurzer Zeit gute Ergebnisse liefern
- Kostenmodelle helfen beim Vergleich von Auswertungsplänen, indem sie den Aufwand (Laufzeit) der Operatoren abschätzen. Sie verwenden dazu Parameter wie Indices, Ballungen, Kardinalitäten, Verteilungen, ...

## Selektivität

Selektivität bestimmt den relativen Anteil der Tupel, die ein Selektionskriterium p erfüllen.

Selektion mit Bedingung p:

$$sel_p := \frac{\left|\sigma_p(R)\right|}{\left|R\right|}$$

Selektivität eines Joins von R mit S:

$$sel_{RS} := \frac{|R \bowtie S|}{|R \times S|} = \frac{|R \bowtie S|}{|R| \cdot |S|}$$

# Selektivität abschätzen – einfache Fälle

• Selektivität auf einen Schlüssel ( $\sigma_{RA=c}$ ):

$$sel_{R.A=C} := \frac{1}{|R|}$$

 Bei einer Gleichverteilung der Attributwerte von R.A auf i verschiedene Werte:

$$sel_{R.A=C} := \frac{1}{i}$$

 Equijoin, wobei R.A Schlüssel ist und S.B der Fremschlüssel:

$$sel_{R\bowtie_{R.A=S.B}S}:=\frac{1}{|R|}$$

## Selektivität abschätzen – Verfahren

### Parametrisierte Verteilungen

Es wird versucht, die Parameter einer Funktion so zu bestimmen, dass diese die Verteilung möglichst gut annähert.

Durch Aufruf dieser Funktion wird dann die erwartete Anzahl an Tupel ermittelt.

Bild: Reinhard Pichler, Vorlesungsunterlagen Datenbanksysteme, Uni Wien (DBAI), http://www.dbai.tuwien.ac.at/education/dbs/current/folien/Kapitel8c.pdf

Gerald Aistleitner Seite 46

Normalverteilung 2

Tatsächliche Verteilung

## Selektivität abschätzen – Verfahren

## <u>Histogramm</u>

Der Wertebereich eines Attributs wird in Teilbereiche unterteilt und die relative Häufigkeit dieser Teilbereiche

ermittelt.

Flexible Annäher der Verteilung möglich.

Equi-width (Intervalle gleich groß)

Equi-depth (in jedem Intervall gleich viele Werte, aber unterschiedlich breit)

Bild: Reinhard Pichler, Vorlesungsunterlagen Datenbanksysteme, Uni Wien (DBAI), http://www.dbai.tuwien.ac.at/education/dbs/current/folien/Kapitel8c.pdf

## Selektivität abschätzen – Verfahren

### <u>Stichproben</u>

Sehr einfach zu implementieren.

Es wird eine zufällige Menge von Tupeln einer Relation analysiert und deren Verteilung als repräsentativ für die ganze Relation angesehen.

→ Teure Zugriffe auf Hintergrundspeicher notwendig

- Größter Kostenfaktor ist Hintergrundspeicherzugriff
- CPU-Aufwand im Verhältnis meist gering

#### **Notation:**

- m: Anzahl der Seitenrahmen im DB-Puffer
- b<sub>R</sub>, b<sub>S</sub>: Anzahl der Seiten (im Hintergrundspeicher)
   für die Relation R bzw. S
- M<sub>R</sub>, M<sub>S</sub>: Anzahl der Tupel von Relation R bzw. S
- p<sub>R</sub>, p<sub>S</sub>: Anzahl der Tupel pro Seite

#### **Selektion**

- Selektion mit Eingabe von einer Relation die im Hintergrundspeicher abgelegt ist
  - → Alle Seiten Lesen!

 $\rightarrow$  Kosten b<sub>R</sub>

Seite 50

- Eingabe kommt von einem anderen Operator
  - $\rightarrow$  nur filtern, keine neuen Zugriffe  $\rightarrow 0$
- Selektion mit Index:
  - B⁺-Baum mit Höhe von max. 4, Wurzel und Teil der
     1. Ebene meist im Hauptspeicher: → <=4 (~2)</li>
  - Hash-Index:
    - > statisches Hashing (ohne Überlauf) → 1
    - > erweiterbares Hashing (f. Indirektion) → +1
  - Wenn Index nur TID enthält → +<sup>\*</sup>

Gerald Aistleitner

### **Sortierung**

- Erzeugung der Level-0-Runs: jede Seite lesen, sortierung und wieder schreiben → 2 \* b<sub>R</sub>
- Länge Level-0-Runs: m Seiten
   Anzahl der Level 0 Runs: 
   → i= [b<sub>R</sub> / m]
- Bei jedem Pass: m-1 Runs zu einem gemerged Anzahl der benötigten Passes: → l=[log<sub>m-1</sub>(i)]
- Bei jedem Pass: alle Seiten gelesen und wieder geschrieben. Pro Pass also → 2 \* b<sub>R</sub>
- Gesamtkosten:

$$2b_R + l \cdot 2b_R = 2b_R \cdot (1+l) = 2b_R \cdot (1+[\log_{m-1}([b_R/m])])$$

### Joins: (Simple) Nested Loop Join

- Jede Seite von R wird einmal gelesen → b<sub>R</sub>
- Für jedes Tupel von R muss jede Seite von S einmal gelesen werden: → M<sub>R</sub> . b<sub>s</sub>
- Gesamtkosten:  $b_R + M_R \cdot b_S$

#### Beispiel:

= 0:0p:0::		
Anzahl Seiten	b <sub>R</sub> =1.000	b <sub>s</sub> =500
Anzahl Tupel	$M_R = 100.000$	$M_{\rm S}$ =50.000
Tupel / Seite	p <sub>R</sub> =100	p <sub>s</sub> =100
DB Puffer	M=100	

Gesamtkosten = 1.000 + 100.000 \* 500 = 50.001.001 I/Os

(bei 10ms pro I/O): ~ 140 Std

#### Joins: Pagewise Nested Loop Join

- Jede Seite von R wird einmal gelesen → b<sub>R</sub>
- Für jede Seite von R muss jede Seite von S einmal gelesen werden: → b<sub>R</sub> . b<sub>S</sub>
- Gesamtkosten:  $b_R + b_R \cdot b_S$

#### Beispiel:

= 0:0p:0::		
Anzahl Seiten	b <sub>R</sub> =1.000	b <sub>s</sub> =500
Anzahl Tupel	$M_R = 100.000$	$M_{\rm S}$ =50.000
Tupel / Seite	p <sub>R</sub> =100	p <sub>s</sub> =100
DB Puffer	M=100	

Gesamtkosten = 1.000 + 1.000 \* 500 = 501.000 I/Os

(bei 10ms pro I/O): ~ 1,4 Std

 $\rightarrow$  (b<sub>s</sub>-k)

 $\rightarrow [b_R/(m-k-1)]$ 

# Kostenabschätzung

#### Joins: Block Nested Loop Join

- Jede Seite von R wird einmal gelesen → b<sub>R</sub>
- Für jeden Block aus (m-k-1) Seiten von R muss jede Seite von S einmal gelesen werden. Ab dem 2. Durchlauf von S stehen die ersten k Seiten bereits im Puffer.
  - > 1. Durchlauf von S:
  - > Weitere DL von S:
  - > Gesamtanzahl der Durchläufe:
- Gesamtkosten:  $b_R + k + \frac{b_R}{(m-k-1)} \cdot (b_S k)$



Unter welchen Bedingungen sind die I/O Kosten optimal?

- soll R oder S kleiner sein?
- soll k groß oder klein gewählt werden?

### Joins: Index Nested Loop Join

- Jede Seite von R wird einmal gelesen → b<sub>R</sub>
- Für jedes Tupel in R Zugriff auf Tupel in S
  je nach Indexart → c=1-5 I/Os
- Gesamtkosten

wenn max 1 Tupel in S (B Schlüssel in S):  $b_R + c \cdot M_R$ 

wenn mehrere Treffer in S möglich:

- > geballter Index:  $b_R + M_R \cdot (c + b_S \cdot sel_{RS})$
- > ungeballter Index:  $b_R + M_R \cdot (c + M_S \cdot sel_{RS})$

Gerald Aistleitner

#### Joins: Sort Merge Join

Sortieren von R:

 $\rightarrow 2b_R \cdot (1+I_R)$ 

Sortieren von S:

 $\rightarrow$  2b<sub>s</sub> . (1+l<sub>s</sub>)

- · Kosten für Merge Join, wenn
  - > A in R oder B in S Schlüssel ist: (je 1 Durchlauf von R und S)

$$\rightarrow b_R + b_S$$

> für jedes R kann es mehrere Tupel in S geben: Worst Case als Nested Loop, wenn fast alle Werte von R.A und S.B gleich sind.

#### Joins: Hash Join

 Build-Phase: je einmal lesen und schreiben

$$\rightarrow 2(b_R + b_S)$$

 Probe-Phase: jede Seite von R und S je einmal

$$\rightarrow (b_R + b_S)$$

• Gesamtkosten:  $3 \cdot (b_R + b_S)$ 

#### Beispiel:

= 0:0p:0::			
Anzahl Seiten	b <sub>R</sub> =1.000	b <sub>s</sub> =500	
Anzahl Tupel	$M_R = 100.000$	$M_{\rm S} = 50.000$	
Tupel / Seite	p <sub>R</sub> =100	p <sub>s</sub> =100	
DB Puffer	M=100		

Gesamtkosten = 3 \* (1.000 + 500) = 4.500 I/Os

(bei 10ms pro I/O): 45 Sek.

Gerald Aistleitner