## Informatik I: Einführung in die Programmierung 25. Effiziente Programme

N N N EBURG

Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Bernhard Nebel



## Z III

### Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile

### Motivation



- - Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit

- Wenn wir einen Algorithmus implementieren, so sind wir daran interessiert, ein allgemeines Problem zu lösen ...
- ..., d.h. es gibt viele Probleminstanzen, für die wir eine Lösung finden wollen.
- Unser Programm soll typischerweise also oftmals ausgeführt werden ...
- ... und wir wollen nicht unnötig lange auf die Lösungen warten.

In der Informatik geht es also nicht nur darum, maschinelle, automatisierte Verfahren zu entwickeln, es geht auch darum, dass diese Programme effizient sind.

### Aber.

We should forget about small efficiencies, say about 97% of the time: premature optimization is the root of all evil. (Donald Knuth)



- Schreibe lesbaren Code.
- Überprüfe Korrektheit (schreibe Test-Instanzen und überprüfe die Korrektheit der Implementierung nach jeder Veränderung des Codes)
- 3 Optimiere die Implementierung dort, wo es sich lohnt!
  - Softwarewerkzeuge können bei der Analyse hilfreich sein.
  - Profiler: ein Tool, mit dem sich das Laufzeitverhalten von Programm-Code analysieren lässt; erlaubt es verschiedene Implementierungen zu vergleichen
  - Messen der Laufzeit: Wie oft wird eine Funktion aufgerufen? Wie lange dauert das Ausführen der Funktion?
  - Speichernutzung: Wie viel Arbeitsspeicher wird benötigt? Wird nicht benötigter Speicher wieder freigegeben? In Python: Garbage-Collection

#### Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

## Einige Daumenregeln für effizientes Programmieren



JNI

Es gibt eine Reihe von allgemeinen Regeln, die sich in Python-Büchern und Internet-Foren immer wieder finden:

### Daumenregeln

- Benutze Python-Tuples anstelle von Listen, sofern nur eine immutable Sequenz benötigt wird
- Benutze Iteratoren anstelle von großen Tuples oder Listen (sofern die Sequenz nicht wiederholt gebraucht wird)
- Benutze (wo möglich und sinnvoll) Python's built-in Funktionen und Datenstrukturen
- Benutze iterative anstelle rekursiver Lösungen, sofern möglich
- . . . .

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul

Solche Daumenregeln sind aber im Einzelfall zu überprüfen ...

### Rekursiy vs. iteratiy



REIBU

Ein beliebtes Beispiel um aufzuzeigen, dass iterative Lösungen in Python meist ein besseres Laufzeitverhalten aufweisen:

```
factorial.py
def fac rec(n):
    if n > 1:
        return n * fac rec(n-1)
    else:
        return 1
def fac_iter(n):
    res = 1
    for i in range(2, n+1):
        res *= i
    return res
```

### Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul

### Zeitmessung mit dem Modul time



# REIBURG

```
time
```

```
if name == ' main ':
   import time
   t0 = time.time()
   for _ in range(1000000):
       fac iter(20)
   delta = time.time() - t0
   print("fac_iter: %s sec." % delta)
   t0 = time.time()
   for _ in range(1000000):
       fac rec(20)
   delta = time.time() - t0
   print("fac rec: %s sec." % delta)
```

- Unterschied ist Faktor 2!
- Aber Unterschiede im μSekunden-Bereich.

#### Motivation

Das Modul timeit

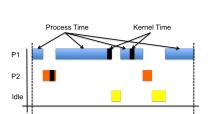
Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

### Welche Zeiten kann man messen?



## UNI FREIBURG



Wall Clock Time

- Process time: Die Zeit, in der die CPU für den Prozess aktiv war.
- Kernel time: Die Zeit der Process time, die in Kernel-(System-)Routinen verbracht wurde.
- User space time = Process time Kernel time
- Wall clock time: Die tatsächlich vergangene Zeit vom Start des Prozesses bis zum Ende (inkl. Warten auf I/O und Schlafen).

### Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

### Welche Zeiten sind relevant?



```
(\rightarrow \texttt{time.process\_time()})
```

- Das Herausrechnen der Kernelzeit geht in Python nicht!
- Ist man an Antwortzeiten interessiert, dann ist die Wanduhr-Zeit entscheidend (→ time.time()). Auf einer Einbenutzermaschine mit einem CPU-intensiven Prozess sollte es praktisch keinen Unterschied zur Prozesszeit geben.
- Wichtig: Die eingebaute Uhr misst meist mit geringer Auflösung (z.B. nur 1 Sekunde oder msec Sekunde). Außerdem kann diese Uhr verstellt werden (automatisch oder manuell).
- Deshalb gibt es meist auch einen Zeitzähler mit hoher Auflösung (nsec), der nicht verstellt werden kann.

```
(→ time.perf_counter())
```

#### Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisie-

Das Modul



UNI FREIBURG

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile



#### Monvanor

### Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul

```
timeit
```

0.38516487198648974

```
>>> from timeit import timeit
>>> timeit('"-".join(str(n) for n in range(100))',
... number=10000)
0.4888567019952461
>>> timeit('"-".join([str(n) for n in range(100)])',
... number=10000)
0.4697451650281437
>>> timeit('"-".join(map(str, range(100)))',
... number=10000)
```

19.01.2016 B. Nebel - Info I 13 / 44



Wie das Doctest-Modul hat das Modul timeit auch ein Command-Line Interface:

### timeit in der Konsole

```
$ python3 -m timeit '"-".join(str(n) for n in range(100))'
10000 loops, best of 3: 41.5 usec per loop
$ python3 -m timeit '"-".join([str(n) for n in range(100)])
10000 loops, best of 3: 38.7 usec per loop
$ python3 -m timeit '"-".join(map(str, range(100)))'
10000 loops, best of 3: 32.4 usec per loop
```

Das Modul timeit

Funktions-Memoisie-

cProfile

Tracing mit dem Modul

Für weitere mögliche Optionen beim Aufruf aus der Konsole siehe die Documentation (http://docs.python.org/3.3/library/timeit.html).



15/44

Das Modul stellt neben einer Klasse Timer, mit dem sich spezielle Timer-Objekte erzeugen lassen, die folgenden beiden Funktionen zur Verfügung:

```
timeit.timeit(stmt='pass', setup='pass',
timer=<default timer>, number=1000000):
Erzeugt eine Timer-Instanz mit dem gegebenen
Python-Snippet stmt (quotiert) und einem Python-Snippet
setup, der initial ausgeführt wird. timer ist per Default
time.perf_counter(). Anschließend wird die
timeit()-Methode des Timers number-oft ausgeführt.
```

```
timeit.repeat(stmt='pass', setup='pass',
timer=<default
timer>, repeat=3, number=1000000):
wie die letzte Funktion mit dem Unterschied, dass die
repeat Methode des Timers aufgerufen wird (und zwar
repeat-mal).
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul



Das Modul

Tracing mit

```
Wie kann man das nun benutzen, um verschiedene Funktionen zu testen?
```

### Eine timeit-Testfunktion

```
def func a(): ...
def func b(): ...
def func c(): ...
repeat = 5
number = 1000
for fct in ("func_a", "func_b", "func_c"):
    t = timeit.repeat(
        "%s()" % fct,
        setup="from __main__ import %s" % fct,
        repeat=repeat, number=number)
    print("%s:" % fct, str(t))
```



UNI FREIBURG

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

### Funktionsaufrufe zählen (1)



JNI

Oftmals resultiert eine ineffiziente Implementierung daher, dass ein und dasselbe Ergebnis iteriert berechnet wird.

Ein typisches Beispiel ist die Fibonacci-Funktion, die uns schon früher begegnet ist:

```
fibonacci.py
def fib(n):
    if n <= 1:
        return n
    else:
        return fib(n-1) + fib(n-2)</pre>
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul trace

Die folgende kleine Variante zählt die Aufrufe der Funktion fib



```
fibonacci.py
def fib(n):
    global _calls
    calls += 1
    if n <= 1:
        return n
    else:
        return fib(n-1) + fib(n-2)
if __name__ == "__main__":
    for n in range(2, 11):
        calls = 0
        fib(n)
        print("fib(%s): fib has been called %s times" %
              (n, calls))
```

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile

### Funktionsaufrufe zählen (3)



## JNI

Wenn wir dies auf der Konsole ausführen, erhalten wir:

```
fib(2): fib has been called 3 times
fib(3): fib has been called 5 times
fib(4): fib has been called 9 times
fib(5): fib has been called 15 times
fib(6): fib has been called 25 times
fib(7): fib has been called 41 times
fib(8): fib has been called 67 times
fib(9): fib has been called 109 times
fib(10): fib has been called 177 times
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul

Hoppla! Um fib(10) zu berechnen brauchen wir doch eigentlich nur die Ergebnisse von fib(9) bis fib(2)? Wieso also 177 Aufrufe?

```
Lösung: speichere Resultate in einem Dictionary ...
fibonacci.py
fibs = {}
def fib_memo(n):
    if n <= 1:
         return n
    elif n in _fibs:
        # Check fib(n) already calculated
        return _fibs[n]
    else:
        res = fib_memo(n-1) + fib_memo(n-2)
        fibs[n] = res
        return res
```

Offensichtlich berechnet der Aufruf fib (10) fib (9) 1-mal,

fib(8) 2-mal, fib(7) 3-mal, fib(6) 5-mal, etc.



## NI REIBUR

Wenn wir jetzt die Funktionsaufrufe und die Lookups im Dictionary zählen wollen:

```
fibonacci.py
fibs = {}
def fib_memo(n):
    global _calls, _lookups
    calls += 1
    if n <= 1:
         return n
    elif n in _fibs:
        lookups += 1
        return fibs[n]
    else:
        res = fib memo(n-1) + fib memo(n-2)
        fibs[n] = res
        return res
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul



## FRE B

### Ein Aufruf von

## liefert dann:

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul

## Memoisierung (4)



```
FREIB
F
```

```
fib_memo(2): fib_memo called 3 times (with 0 lookups) fib_memo(3): fib_memo called 5 times (with 0 lookups) fib_memo(4): fib_memo called 7 times (with 1 lookups) fib_memo(5): fib_memo called 9 times (with 2 lookups) fib_memo(6): fib_memo called 11 times (with 3 lookups) fib_memo(7): fib_memo called 13 times (with 4 lookups) fib_memo(8): fib_memo called 15 times (with 5 lookups) fib_memo(9): fib_memo called 17 times (with 6 lookups) fib_memo(10): fib_memo called 19 times (with 7 lookups)
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul trace

Hieraus wird klar, dass die Implementierung fib\_memo bei weitem effizienter ist als die ursprüngliche.



A PROPERTY.

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile



- Bei größeren Programmen weiß man oft nicht, wo denn tatsächlich die Laufzeit "verbraten" wird.
- "Blindes" Optimieren ist eher kontraproduktiv:
  - Man steckt viel Arbeit in das Optimieren von Programmstellen, die aber gar keinen signifikanten Anteil an der Gesamtlaufzeit haben;
  - insgesamt hat dadurch diese Arbeit keinen sichtbaren positiven Effekt;
  - und womöglich führt das auch zu schlechter lesbarem und/oder wartbaren Code.
- Zuerst feststellen, wo sich Arbeit lohnt!
- → Für diesen Zweck gibt es Profiler.

### Das Modul: cProfile



Z

- cProfile.run(command, sort=-1):
  - command ist das Python-Kommando (als String), das aufgerufen werden soll, sort spezifiziert, nach welcher Spalte sortiert werden soll.
- Es wird dann eine Tabelle ausgegeben, in der in jeder Zeile eine Funktion beschrieben wird. Es gibt folgende Spalten:
  - ncalls: Anzahl der Aufrufe. Im Falle von zwei Zahlen, beschreibt die erste Zahl die totale Anzahl von Aufrufen, die zweite die Anzahl der primitiven (nicht-rekursiven) Aufrufe.
  - tottime: CPU Sekunden, die die Funktion verbraucht hat ohne Zeit für aufgerufene Funktionen zu berücksichtigen.
  - percall = tottime / ncalls.
  - cumtime: CPU Sekunden, die die Funktion inklusive der Zeit für aufgerufene Funktionen verbraucht hat.
  - percall = cumtime / ncalls.

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisie-

Das Modul

Tracing mit dem Modul

### cProfile bei der Arbeit: fib und fib\_memo



# EIBURG

### Python-Interpreter

```
>>> import cProfile
>>> cProfile.run('fib(35)')
```

29860706 function calls (4 primitive calls) in 10.555 seconds

Ordered by: standard name

```
percall filename: lineno(function)
  ncalls tottime
                  percall
                          cumtime
           0.000
                    0.000
                           10.555
                                  10.555 <string>:1(<module>)
29860703/1
          10.555
                   0.000 10.555 10.555 fibonacci_cprofile.py:9(fib)
           0.000
                    0.000 10.555
                                  10.555 {built-in method exec}
                                  0.000 {method 'disable' of 'lsprof.Profiler' objects}
           0.000
                    0.000
                          0.000
```

```
>>> cProfile.run('fib_memo(35)')
```

72 function calls (4 primitive calls) in 0.000 seconds

Ordered by: standard name

```
ncalls tottime
                                 percall filename: lineno(function)
                percall
                         cumtime
         0.000
                  0.000
                           0.000
                                   0.000 <string>:1(<module>)
 69/1
         0.000
                  0.000
                          0.000
                                   0.000 fibonacci_cprofile.py:18(fib_memo)
         0.000
                  0.000
                         0.000
                                  0.000 (built-in method exec)
         0.000
                  0.000
                          0.000
                                  0.000 {method 'disable' of 'lsprof.Profiler' objects}
```

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul



```
UNI
FREIBL
```

```
cpbsp.py
import math
import cProfile
def calc1(n):
    return n**2
def calc2(n):
    return math.sqrt(n)
def calc3(n):
    return math.log(n+1)
def programm():
    for i in range(100):
        calc1(i)
        for j in range(100):
            calc2(j)
            for k in range(100):
                calc3(k)
```

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul



# REIBURG

### Python-Interpreter

>>> cProfile.run('programm()', sort=1)

2020104 function calls in 0.665 seconds

Ordered by: internal time

ncalls	tottime	percall	cumtime	nomes11	filename:lineno(function)
HCalls	COLUTING	percarr	Cumcine	percarr	Tilename:Tineno(Tunction)
1000000	0.304	0.000	0.458	0.000	cpbsp.py:10(calc3)
1	0.202	0.202	0.665	0.665	cpbsp.py:13(programm)
1000000	0.154	0.000	0.154	0.000	{built-in method log}
10000	0.003	0.000	0.005	0.000	cpbsp.py:7(calc2)
10000	0.002	0.000	0.002	0.000	{built-in method sqrt}
100	0.000	0.000	0.000	0.000	cpbsp.py:4(calc1)
1	0.000	0.000	0.665	0.665	{built-in method exec}
1	0.000	0.000	0.665	0.665	<string>:1(<module>)</module></string>
1	0.000	0.000	0.000	0.000	<pre>{method 'disable' of '_lsprof.Profiler' objects}</pre>

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

### Das Modul

Tracing mit dem Modul

## Ein "richtiges" Programm: Der BF-Interpreter



NI PEIBURG

Wir erinnern uns: Das Programm bf.py ist ein brainfuck-Interrpeter. Wir benutzen jetzt die Variante bfio.py in der es die folgenden Funktionen gibt:

- bf(sourcefn, infn, outfn): Die Hauptfunktion
- open\_files(sfn, infn, outfn): Hilfsfunktion zum Öffnen der Dateien
- bfinterpret(srctext, fin=sys.stdin, fout=sys.stdout): Die Interpreterschleife
- noop(pc, ptr, src, data, fin, fout): Das erste der BF-Kommandos: Keine Operation, d.h. nur Inkrementieren des Programmzählers pc
- left(pc, ptr, src, data, fin, fout): Das zweite der BF-Kommandos: Bewege den Datenzeiger ptr nach links

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul trace

19.01.2016 B. Nebel – Info I 33 / 44

### cProfile bei der Arbeit: BF



# JNI

### Python-Interpreter

```
>>> cProfile.run("bf('prime.b')", sort=1)
```

```
Primes up to: 40
2 3 5 7 11 13 17 19 23 29 31 37
34489714 function calls in 30.598 seconds
```

Ordered by: internal time

```
percall filename: lineno(function)
 ncalls tottime percall
                          cumtime
    192
         11 698
                   0.061
                           11.698
                                    0.061 {method 'acquire' of ' thread.lock' objects}
          8.417
                  8.417
                           30.598
                                    30.598 bf.py:54(bfinterpret)
 705038
         4.117
                 0.000
                          4.117
                                   0.000 bf.py:108(endloop)
  982715
           2.086
                   0.000
                          2.554
                                   0.000 bf.pv:94(beginloop)
11879063
          1.329
                   0.000
                          1.329
                                    0.000 {method 'get' of 'dict' objects}
         1.244
                   0.000
                          1.244
                                    0.000 (built-in method len)
13162690
 3086856
           0.389
                   0.000
                          0.389
                                    0.000 bf.pv:77(noop)
 726183
           0.361
                   0.000
                          0.447
                                    0.000 bf.py:86(incr)
 726253
           0.353
                   0.000
                          0.438
                                    0.000 bf.py:90(decr)
           0.299
                   0.000
                          0.299
                                    0.000 bf.py:83(right)
 1608314
 1608314
           0.288
                   0.000
                            0.288
                                    0.000 bf.py:80(left)
           0.002
                   0.000
                           11.702
                                    0.122 rpc.py:303(_getresponse)
     96
```

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisie-

### Das Modul

Tracing mit dem Modul



- Wieso wird die Methode acquire der \_thread.lock aufgerufen und verbraucht dann so viel Zeit?
- → Kommt durch Konsolen-I/O. Kann ignoriert werden!
  - bfinterpret verbraucht den Großteil der Zeit! Können wir die Interpreterschleife beschleunigen?
  - beginloop und endloop k\u00f6nnten auch eine Beschleunigung gebrauchen.
  - Die interne Methode len wird offensichtlich sehr oft aufgerufen.
  - Alles andere verbraucht nicht genug Zeit, als dass man sich hier Gedanken machen sollte.

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisie-

Das Modul

Tracing mit dem Modul

## Die Interpreterschleife



```
bf.py
```

- Beschleunigungsmöglichkeiten:
  - len vorziehen und in lokaler Variable speichern;
  - statt dict eine Liste (mit direkter Indizierung) oder if ...elif ...einsetzen (kann maximal 1,5 Sekunden bringen!);
  - keine Funktionsaufrufe, sondern direkt den Code hinschreiben (unschön!!)

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile



```
bf.py
```

```
def beginloop(pc, ptr, src, data, fin, fout):
   if data.get(ptr,0): return (pc, ptr)
   loop = 1;
   while loop > 0:
     pc += 1
     if pc >= len(src): raise BFError()
     if src[pc] == ']': loop -= 1
     elif src[pc] == '[': loop += 1
        return(pc, ptr)

def endloop(pc, ptr, src, data, fin, fout):
...
```

- Beschleunigungsmöglichkeiten:
  - len vorziehen und in lokaler Variable speichern;
  - Loop-Startadresse in einem Stack speichern und für Rücksprung nutzen

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul

Tracing mit dem Modul



- bfa.py: len aus Schleifen nehmen und Rücksprungadressen bei Schleifen merken: Statt 18 Sekunden, 12 Sekunden!
- bfb.py: Statt dict indizierbares Tuple: 11 Sekunden
- bfc.py: Statt Funktionsaufrufe über Tuple eine elif-Struktur und den Code direkt eingesetzt: 6 Sekunden!
- Fazit: Programm ist Faktor 3 schneller, ist jetzt aber sehr unschön. Speziell die letzte Modifikation macht das Programm schwerer les- und wartbar!
- Wenn es wirklich um Geschwindigkeit geht, sollte man andere Programmiersprachen, wie C oder C++, einsetzen
- Welchen Faktor kann man denn da gewinnen?
- http://benchmarksgame.alioth.debian.org/

timeit

Memoisie-

Das Modul cProfile

Tracing mit dem Modul



UNI FREIBU

Motivation

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile



- Der Profiler arbeitet nur auf der Ebene von Funktionen, nicht auf der Ebene von Zeilen.
- Manchmal möchte man wissen, wo denn die meiste Zeit innerhalb einer Funktion verbraucht wird.
- Manchmal möchte man auch wissen, welche Zeilen nicht ausgeführt wurden. Das ist wichtig, wenn man alle Zeilen mindestens einmal getestet haben möchte.
- ightarrow Überdeckungsanalyse mit dem Modul  ${ t trace}$
- Hier wird gezählt, wie oft eine Zeile ausgeführt wird.

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisie-

Das Modul



```
bftrace.py
```

```
import sys
import trace
tracer = trace.Trace(
        ignoredirs=[sys.prefix, sys.exec prefix],
        trace=0)
tracer.run("bf('prime.b','in10.txt','out.txt')")
r = tracer.results()
r.write results()
```

Schreibt die Datei *modulename*.cover in den Ordner, in dem auch das Modul liegt – für alle Module, die benutzt wurden, außer den ignorierten.

Das Modul timeit

Funktionsaufrufe Memoisie-

> Das Modul cProfile



### bftrace.cover

```
>>>>> def beginloop(pc, ptr, src, data, fin, fout):
           if data.get(ptr,0): return (pc, ptr)
10019:
 2956:
           loop = 1;
91293:
           while loop > 0:
88337:
               pc += 1
88337:
               if pc >= len(src):
                    raise BFError("Kein ']'")
>>>>>
88337:
               if src[pc] == ']':
 4831:
                    loop -= 1
83506:
               elif src[pc] == '[':
 1875:
                    loop += 1
 2956:
           return(pc, ptr)
```

Motivation

Das Modul

Funktionsaufrufe zählen und Memoisierung

Das Modul cProfile



- time.process\_time(): Verbrauchte CPU/Prozess-Zeit inklusive der Zeit im Kernel (vernachlässigbar).
- time.perf\_counter(): Wallclock-Zeit in hoher Auflösung, nicht verstellbar!
- Das Modul timeit stellt Funktionen und eine Aufrufschnittstelle zur Verfügung, um den Gesamtzeitbedarf zu messen.
- Das Modul cProfile hilft, ein Programm auf Funktionsebene zu messen und speziell die Flaschenhälse zu identifizieren.
- Das Modul trace misst, wie oft jede Zeile ausgeführt wird.

timeit

Memoisie-

Das Modul cProfile