

Algorithmen für Programmierwettbewerbe

Vorlesung 2: Datenstrukturen in der Standardbibliothek

Überblick



IO

Lineare Datenstrukturen

Nicht-lineare

Datenstrukturen

Tipps und Tricks

INEFFECTIVE SORTS

```
DEFINE HALFHEARTEDMERGESORT(LIST):  
  IF LENGTH(LIST) < 2:  
    RETURN LIST  
  PIVOT = INT(LENGTH(LIST) / 2)  
  A = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[:PIVOT])  
  B = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[PIVOT:])  
  // UMMMMM  
  RETURN[A, B] // HERE. SORRY.
```

```
DEFINE FASTBOGOSORT(LIST):  
  // AN OPTIMIZED BOGOSORT  
  // RUNS IN O(N LOG N)  
  FOR N FROM 1 TO LOG(LENGTH(LIST)):  
    SHUFFLE(LIST):  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  RETURN "KERNEL PAGE FAULT (ERROR CODE: 2)"
```

```
DEFINE JOBINTERVIEWQUICKSORT(LIST):  
  OK SO YOU CHOOSE A PIVOT  
  THEN DIVIDE THE LIST IN HALF  
  FOR EACH HALF:  
    CHECK TO SEE IF IT'S SORTED  
    NO, WAIT, IT DOESN'T MATTER  
    COMPARE EACH ELEMENT TO THE PIVOT  
    THE BIGGER ONES GO IN A NEW LIST  
    THE EQUAL ONES GO INTO, UH  
    THE SECOND LIST FROM BEFORE  
  HANG ON, LET ME NAME THE LISTS  
  THIS IS LIST A  
  THE NEW ONE IS LIST B  
  PUT THE BIG ONES INTO LIST B  
  NOW TAKE THE SECOND LIST  
  CALL IT LIST, UH, A2  
  WHICH ONE WAS THE PIVOT IN?  
  SCRATCH ALL THAT  
  IT JUST RECURSIVELY CALLS ITSELF  
  UNTIL BOTH LISTS ARE EMPTY  
  RIGHT?  
  NOT EMPTY, BUT YOU KNOW WHAT I MEAN  
  AM I ALLOWED TO USE THE STANDARD LIBRARIES?
```

```
DEFINE PANICSORT(LIST):  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  FOR N FROM 1 TO 10000:  
    PIVOT = RANDOM(0, LENGTH(LIST))  
    LIST = LIST[PIVOT:] + LIST[:PIVOT]  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // THIS CAN'T BE HAPPENING  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // COME ON COME ON  
    RETURN LIST  
  // OH JEEZ  
  // I'M GONNA BE IN SO MUCH TROUBLE  
  LIST = [ ]  
  SYSTEM("SHUTDOWN -H +5")  
  SYSTEM("RM -RF .")  
  SYSTEM("RM -RF ~/*")  
  SYSTEM("RM -RF /")  
  SYSTEM("RD /S /Q C:\*") // PORTABILITY  
  RETURN [1, 2, 3, 4, 5]
```

C++	Java
<pre>int64_t i, j; cin >> i >> j; cout << i << endl; cout << j << "\n";</pre>	<pre>Scanner s = new Scanner(System.in); int i = s.nextInt(); int j = FastIO.nextInt(); System.out.println(i); FastIO.out.println(j);</pre>

- Scanner ist langsam
 - ➔ bei großen Eingaben FastIO verwenden
- `endl` ist langsamer als `"\n"`, weil es noch einen Flush verursacht, den man eigentlich nicht braucht (ist aber fast immer völlig egal). Äquivalent zu:

```
cout << i << "\n" << flush;
```

```
public class FastIO {
    static BufferedReader r = new BufferedReader(new InputStreamReader(System.in));
    static StringTokenizer tokens = new StringTokenizer("");
    static PrintStream out = new PrintStream(new BufferedOutputStream(System.out, false));

    static boolean hasNext() throws IOException {
        while (!tokens.hasMoreTokens()) {
            String line = r.readLine();
            if (line == null) return false;
            tokens = new StringTokenizer(line);
        }
        return true;
    }

    static String next() throws IOException {
        hasNext();
        return tokens.nextToken();
    }

    static int nextInt() throws IOException {
        return Integer.parseInt(next());
    }
}
```

■ FastIO muss am Ende geschlossen werden:

```
FastIO.out.close();
```

Überblick



IO

Lineare Datenstrukturen

Nicht-lineare

Datenstrukturen

Tipps und Tricks

INEFFECTIVE SORTS

```
DEFINE HALFHEARTEDMERGESORT(LIST):  
  IF LENGTH(LIST) < 2:  
    RETURN LIST  
  PIVOT = INT(LENGTH(LIST) / 2)  
  A = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[:PIVOT])  
  B = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[PIVOT:])  
  // UMMMMM  
  RETURN[A, B] // HERE. SORRY.
```

```
DEFINE FASTBOGOSORT(LIST):  
  // AN OPTIMIZED BOGOSORT  
  // RUNS IN O(N LOG N)  
  FOR N FROM 1 TO LOG(LENGTH(LIST)):  
    SHUFFLE(LIST):  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  RETURN "KERNEL PAGE FAULT (ERROR CODE: 2)"
```

```
DEFINE JOBINTERVIEWQUICKSORT(LIST):  
  OK SO YOU CHOOSE A PIVOT  
  THEN DIVIDE THE LIST IN HALF  
  FOR EACH HALF:  
    CHECK TO SEE IF IT'S SORTED  
    NO, WAIT, IT DOESN'T MATTER  
    COMPARE EACH ELEMENT TO THE PIVOT  
    THE BIGGER ONES GO IN A NEW LIST  
    THE EQUAL ONES GO INTO, UH  
    THE SECOND LIST FROM BEFORE  
    HANG ON, LET ME NAME THE LISTS  
    THIS IS LIST A  
    THE NEW ONE IS LIST B  
    PUT THE BIG ONES INTO LIST B  
    NOW TAKE THE SECOND LIST  
    CALL IT LIST, UH, A2  
    WHICH ONE WAS THE PIVOT IN?  
    SCRATCH ALL THAT  
    IT JUST RECURSIVELY CALLS ITSELF  
    UNTIL BOTH LISTS ARE EMPTY  
    RIGHT?  
    NOT EMPTY, BUT YOU KNOW WHAT I MEAN  
    AM I ALLOWED TO USE THE STANDARD LIBRARIES?
```

```
DEFINE PANICSORT(LIST):  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  FOR N FROM 1 TO 10000:  
    PIVOT = RANDOM(0, LENGTH(LIST))  
    LIST = LIST[PIVOT:] + LIST[:PIVOT]  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // THIS CAN'T BE HAPPENING  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // COME ON COME ON  
    RETURN LIST  
  // OH JEEZ  
  // I'M GONNA BE IN SO MUCH TROUBLE  
  LIST = [ ]  
  SYSTEM("SHUTDOWN -H +5")  
  SYSTEM("RM -RF .")  
  SYSTEM("RM -RF ~/*")  
  SYSTEM("RM -RF /")  
  SYSTEM("RD /S /Q C:\*") // PORTABILITY  
  RETURN [1, 2, 3, 4, 5]
```



Statisches Array

- Liste einer festen Anzahl von Elementen
- Anzahl der Elemente kann während der Ausführung des Programms **nicht** geändert werden.
- Arrays sind: einfach, schnell, oft ausreichend
- Operationen: Indexzugriff

```
int64_t a[100];  
a[2] = 10;
```

Achtung in C++

- Elemente uninitialisiert, es sei denn das Array ist global deklariert
- In Funktionen keine großen Arrays anlegen, sonst Stackoverflow
(globale Arrays landen im statischen Speicherbereich, lokale Arrays auf dem Stack)
- Arraygröße muss eine (Übersetzungszeit-)Konstante sein!

Dynamisches Array

- Liste mit dynamisch änderbarer Anzahl von Elementen

C++	Java	Laufzeit
<code>std::vector<T></code>	<code>java.util.ArrayList<T></code>	
<code>operator[]</code>	<code>get()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>push_back()</code>	<code>add()</code>	$\mathcal{O}(1)^*$
<code>pop_back()</code>	-	$\mathcal{O}(1)$
<code>erase()</code>	<code>remove()</code>	$\mathcal{O}(n)$
<code>clear()</code>	<code>removeAllElements()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>size()</code>	<code>size()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>empty()</code>	<code>isEmpty()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>back()</code>	-	$\mathcal{O}(1)$
<code>resize()</code>	<code>setSize()</code>	$\mathcal{O}(n)$
<code>reserve()</code>	<code>ensureCapacity()</code>	$\mathcal{O}(n)$

*amortisiert

Dynamisches Array (Verwendung)

```
#include <vector>
using namespace std;

int main() {
    vector<int64_t> numbers { 1, 2, 3 };
    numbers.push_back(4);
    numbers.push_back(5);
    cout << numbers[3] << endl; // Ausgabe: 4

    // gibt alle Zahlen aus: 1 2 3 4 5
    for(int64_t i = 0; i < numbers.size(); ++i) {
        cout << numbers[i] << "_";
    }
}
```

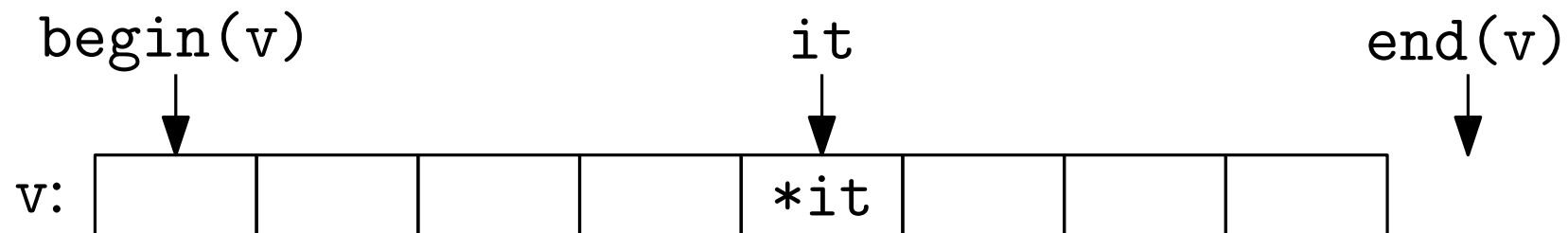

Dynamisches Array (Verwendung II)

```
struct TodoItem {  
    string name;  
};  
// ...  
vector<TodoItem> stack;  
stack.push_back ({ "Einkaufen" });  
stack.push_back ({ "Spülen" });  
// ...  
while (!stack.empty()) {  
    cout << stack.back().name << endl;  
    stack.pop_back();  
}  
void pop_back();
```

Iteratoren

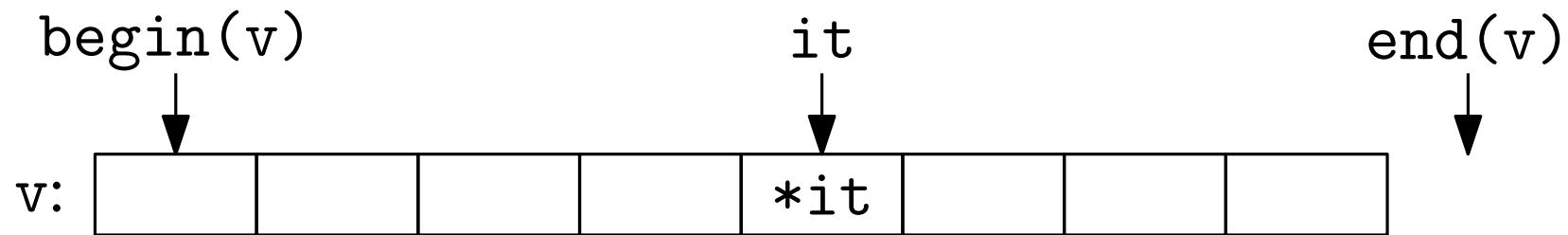
- *Iterator* ist ein Zeiger auf ein Objekt in einem Container
- Symbolischer End-Iterator zeigt auf Ende des Containers (**nicht** auf letztes Element)

C++	Java
<code>begin()</code> <code>end()</code> <code>++iterator</code> <code>*iterator</code>	<code>iterator()</code> <code>next()</code>



Verwendung von Iteratoren

```
vector<int64_t> numbers { 1, 2, 3, 4, 5 };  
for (auto it = begin(numbers);  
     it != end(numbers);  
     ++it) {  
    cout << *it << "_";  
}  
//äquivalent:  
for (int64_t x : numbers) {  
    cout << x << "_";  
}
```



Vorsicht beim Modifizieren von Containern



```
vector<int64_t> numbers { 1, 2, 3, 4, 5 };  
for (auto it = begin(numbers); it != end(numbers); ++it) {  
    if (*it % 2 != 0) {  
        numbers.erase(it);  
    }  
}
```

Fehler! Modifikation des Containers invalidiert die Iteratoren (auch beim Einfügen)

Korrekt:

```
vector<int64_t> numbers { 1, 2, 3, 4, 5 };  
  
numbers.erase(remove_if(  
    begin(numbers),  
    end(numbers),  
    [](const int64_t & x) { return x%2 != 0; } ),  
    end(numbers));
```

Sortieren und Suchen

- Arrays kann man sortieren und in ihnen suchen.

C++	Java
<pre>#include <algorithm> std::sort(begin, end)</pre>	<pre>import java.util.Array import java.util.Collections sort()</pre>

- Operationen für sortierte Arrays/Vektoren:

C++	Java
<pre>std::lower_bound std::upper_bound</pre>	<pre>binarySearch()</pre>

- Beispiel:

```
vector<int64_t> v {3, 1, 2, 2, 5};
sort(begin(v), end(v));           /* v = {1, 2, 2, 3, 5} */
lower_bound(begin(v), end(v), 2); /* v = {1, ->2, 2, 3, 5} */
upper_bound(begin(v), end(v), 2); /* v = {1, 2, 2, ->3, 5} */
distance(begin(v), lower_bound(begin(v), end(v), 2)); /* Index: 1 */
distance(begin(v), upper_bound(begin(v), end(v), 2)); /* Index: 3 */
```



C++: `std::next_permutation`

`std::next_permutation`:

- Ordnet die Elemente in die (lexikographisch) nächstgrößere Permutation um
- Vorher sortieren um mit kleinster Permutation zu starten
- `std::next_permutation` gibt `false` zurück, wenn es keine größere Permutation gibt.

Beispiel: $123 \rightarrow 132 \rightarrow 213 \rightarrow 231 \rightarrow 312 \rightarrow 321 \rightarrow \text{fertig}$



std::next_permutation (Verwendung)

```
string sequenz = "321";

// Ausgabe 321
do {
    cout << sequenz << "_";
} while (next_permutation(begin(sequenz), end(sequenz)));
cout << endl;

// Sortiert sequenz => sequenz = "123"
sort(begin(sequenz), end(sequenz));

// Ausgabe: 123 132 213 231 312 321
do {
    cout << sequenz << "_";
} while (next_permutation(begin(sequenz), end(sequenz)));
cout << endl;
```

Queue



Elemente werden hinten in Warteschlange eingefügt und vorne entfernt.
Funktioniert nach dem FIFO-Prinzip (first in, first out).

C++	Java	Laufzeit
<code>std::queue<T></code>	<code>java.util.Queue<T></code>	
<code>push()</code>	<code>add()</code>	$\mathcal{O}(1)^*$
<code>pop()</code>	<code>remove()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>front()</code>	<code>element()</code>	$\mathcal{O}(1)$
<code>empty()</code>	<code>isEmpty()</code>	$\mathcal{O}(1)$

*amortisiert

Wann benutzen?

- Breitensuche
- Warteschlangen



Queue (Verwendung)

```
vector<int64_t> v {3, 1, 7, 5};  
queue<int64_t> q;  
  
for (uint32_t i = 0; i < v.size(); ++i)  
    q.push(v[i]);  
  
// Ausgabe: 3 1 7 5  
while (!q.empty()) {  
    cout << q.front() << " ";  
    q.pop();  
}
```

Deque

Double-ended queue, implementiert Queue- und Stackinterface.
Queue ist eine Deque mit eingeschränktem Interface.

C++	Java	Laufzeit
<code>std::deque<T></code> <code>push_back()</code> <code>pop_back()</code> <code>back()</code> <code>push_front()</code> <code>pop_front()</code> <code>front()</code> <code>operator[]</code> <code>empty()</code>	<code>java.util.ArrayDeque<T></code> <code>addLast()</code> <code>pollLast()</code> <code>getLast()</code> <code>addFirst()</code> <code>pollFirst()</code> <code>getFirst()</code> <code>get()</code> <code>isEmpty()</code>	$\mathcal{O}(1)^*$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)^*$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$

*amortisiert

Wo ist der Haken? ➡ `operator[]` etwas langsamer als bei `vector`

Überblick



IO

Lineare Datenstrukturen

Nicht-lineare
Datenstrukturen

Tipps und Tricks

INEFFECTIVE SORTS

```
DEFINE HALFHEARTEDMERGESORT(LIST):  
  IF LENGTH(LIST) < 2:  
    RETURN LIST  
  PIVOT = INT(LENGTH(LIST) / 2)  
  A = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[:PIVOT])  
  B = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[PIVOT:])  
  // UMMMMM  
  RETURN[A, B] // HERE. SORRY.
```

```
DEFINE FASTBOGOSORT(LIST):  
  // AN OPTIMIZED BOGOSORT  
  // RUNS IN O(N LOG N)  
  FOR N FROM 1 TO LOG(LENGTH(LIST)):  
    SHUFFLE(LIST):  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  RETURN "KERNEL PAGE FAULT (ERROR CODE: 2)"
```

```
DEFINE JOBINTERVIEWQUICKSORT(LIST):  
  OK SO YOU CHOOSE A PIVOT  
  THEN DIVIDE THE LIST IN HALF  
  FOR EACH HALF:  
    CHECK TO SEE IF IT'S SORTED  
    NO, WAIT, IT DOESN'T MATTER  
    COMPARE EACH ELEMENT TO THE PIVOT  
    THE BIGGER ONES GO IN A NEW LIST  
    THE EQUAL ONES GO INTO, UH  
    THE SECOND LIST FROM BEFORE  
  HANG ON, LET ME NAME THE LISTS  
  THIS IS LIST A  
  THE NEW ONE IS LIST B  
  PUT THE BIG ONES INTO LIST B  
  NOW TAKE THE SECOND LIST  
  CALL IT LIST, UH, A2  
  WHICH ONE WAS THE PIVOT IN?  
  SCRATCH ALL THAT  
  IT JUST RECURSIVELY CALLS ITSELF  
  UNTIL BOTH LISTS ARE EMPTY  
  RIGHT?  
  NOT EMPTY, BUT YOU KNOW WHAT I MEAN  
  AM I ALLOWED TO USE THE STANDARD LIBRARIES?
```

```
DEFINE PANICSORT(LIST):  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  FOR N FROM 1 TO 10000:  
    PIVOT = RANDOM(0, LENGTH(LIST))  
    LIST = LIST[PIVOT:] + LIST[:PIVOT]  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // THIS CAN'T BE HAPPENING  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // COME ON COME ON  
    RETURN LIST  
  // OH JEEZ  
  // I'M GONNA BE IN SO MUCH TROUBLE  
  LIST = [ ]  
  SYSTEM("SHUTDOWN -H +5")  
  SYSTEM("RM -RF .")  
  SYSTEM("RM -RF ~/*")  
  SYSTEM("RM -RF /")  
  SYSTEM("RD /S /Q C:\*") // PORTABILITY  
  RETURN [1, 2, 3, 4, 5]
```

Balancierte Suchbäume

- Suchbäume stellen Operationen wie Einfügen, Suchen und Löschen zur Verfügung und halten Sortierung aufrecht.
- Balanciert: Operationen garantiert in $\mathcal{O}(\log n)$

C++	Java	Laufzeit
<code>std::set<T></code> <code>std::map<K,V></code> <code>operator[]</code> <code>insert()</code> <code>count()</code> <code>erase()</code> <code>size()</code> <code>empty()</code>	<code>java.util.TreeSet<T></code> <code>java.util.TreeMap<K,V></code> <code>get()</code> <code>add() / put()</code> <code>contains() / containsKey()</code> <code>remove()</code> <code>size()</code> <code>isEmpty()</code>	$\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(1)$ $\mathcal{O}(1)$

Map

Einträge einer `map<Key, Value>` bestehen aus Tupeln.
Die `map` ordnet Schlüsseln Werte zu.

`Key` muss eindeutig sein. Elemente der `map` nach Schlüsseln sortiert.
`Value` ist der Typ der abgespeicherten Werte.

C++	Java
Key muss den <code><</code> -Operator überladen (<code>operator<</code>)	Key muss <code>Comparable</code> implementieren

std::map (Verwendung)

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <map>
using namespace std;

int main() {
    map<string, int64_t> m;
    string s;
    while(cin >> s) {
        m[s]++;
    }

    for (auto& val : m) {
        cout << val.first << "." << val.second << endl;
    }
}
```

Eingabe:

```
icpc
contest
unitrier
icpc
icpc
```

Ausgabe:

```
contest 1
icpc 3
unitrier 1
```

std::map – Überladen von Operatoren



```
struct Point {  
    int64_t x,y;  
};  
  
bool operator<(const Point& p1, const Point& p2) {  
    return (p1.x < p2.x) || (p1.x == p2.x && p1.y < p2.y);  
}  
  
bool operator==(const Point& p1, const Point& p2) {  
    return p1.x == p2.x && p1.y == p2.y;  
}  
  
// ...  
map<Point, int64_t> m;  
m[Point {2, 3}] = 10;  
// ...
```

std::set

Ein Set repräsentiert eine sortierte Schlüsselmenge (ohne Duplikate)

Beispiel mit `lower_bound`:

```
set<int64_t> S;  
S.insert(10);  
S.insert(20);  
S.insert(30);  
auto it = S.lower_bound(15);  
cout << *it << endl;
```

Ausgabe

20

C++	Java
(unordered_)?(multi)?(map—set)	(Tree—Hash)(Map—Set)

- multi... erlaubt mehrere Einträge mit dem gleichen Schlüssel.
- unordered_... bzw. Hash... ist durch Hashtabelle implementiert.
muss `std::hash<Key>` überladen bzw. Key muss `hashCode` überladen

Für mehr Informationen

<http://en.cppreference.com/w/cpp/container/map>

<http://en.cppreference.com/w/cpp/container/set>

<https://docs.oracle.com/en/java/javase/16/docs/api/java.base/java/util/TreeMap.html>

<https://docs.oracle.com/en/java/javase/16/docs/api/java.base/java/util/TreeSet.html>

Heaps

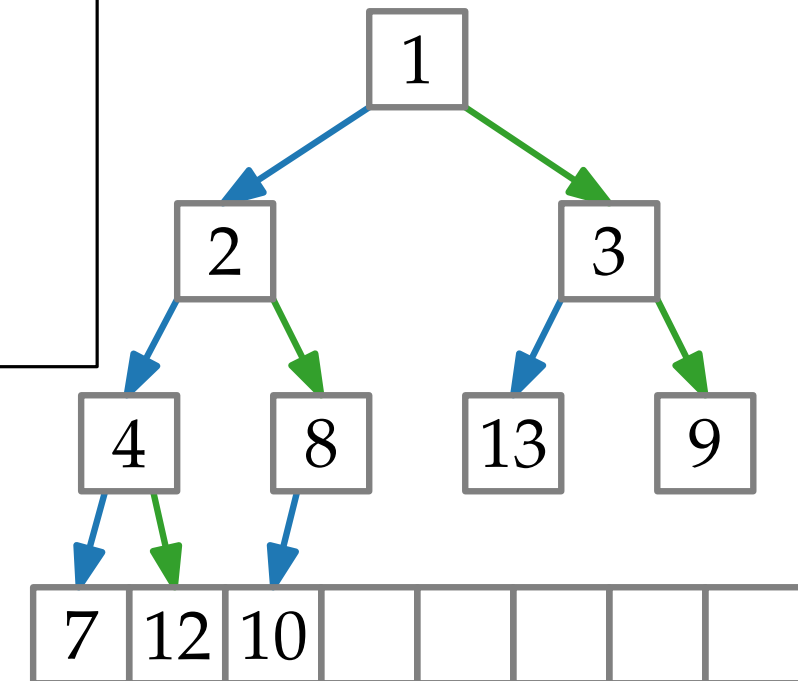


- Heaps ermöglichen Finden des größten Elements einer Menge
- Baum erfüllt die Heap-Eigenschaft: Elternknoten hat größeren (kleineren) Wert als alle seine Kinder
 - ➔ größtes (kleinstes) Element an der Wurzel

C++	Java	Laufzeit
<code>std::priority_queue<T></code> <code>push()</code> <code>pop()</code> <code>top()</code> größtes Element an Wurzel	<code>java.util.PriorityQueue<T></code> <code>put()</code> <code>get()</code> <code>peek()</code> kleinstes	$\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(\log n)$ $\mathcal{O}(1)$

Verwendung:

- ereignisbasierte Simulation
- Suchalgorithmen in Graphen
- ...



std::priority_queue (Anwendung)



```
priority_queue<int64_t> elems;
int64_t x;

// Input: 4 2 76 3 21 34 45 42
while(cin >> x) {
    elems.push(x);

    if (x == 42) {
        // Ausgabe: 76 45 42 34 21 4 3 2
        while (!elems.empty()) {
            cout << elems.top() << "_";
            elems.pop();
        }
        cout << endl;
    }
}
```

Aufgabe:

Gegeben sei eine leere Schachtel.
Nacheinander werden unterschiedlich
nummerierte Kugeln eingeworfen.

Wird eine Kugel mit Nummer 42 in die
Schachtel gelegt, sollen alle Kugeln der
Größe nach (die Größte zuerst) aus der
Schachtel entfernt werden.

Überblick



IO

Lineare Datenstrukturen

Nicht-lineare

Datenstrukturen

Tipps und Tricks

INEFFECTIVE SORTS

```
DEFINE HALFHEARTEDMERGESORT(LIST):  
  IF LENGTH(LIST) < 2:  
    RETURN LIST  
  PIVOT = INT(LENGTH(LIST) / 2)  
  A = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[:PIVOT])  
  B = HALFHEARTEDMERGESORT(LIST[PIVOT:])  
  // UMMMMM  
  RETURN[A, B] // HERE. SORRY.
```

```
DEFINE FASTBOGOSORT(LIST):  
  // AN OPTIMIZED BOGOSORT  
  // RUNS IN O(N LOG N)  
  FOR N FROM 1 TO LOG(LENGTH(LIST)):  
    SHUFFLE(LIST):  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  RETURN "KERNEL PAGE FAULT (ERROR CODE: 2)"
```

```
DEFINE JOBINTERVIEWQUICKSORT(LIST):  
  OK SO YOU CHOOSE A PIVOT  
  THEN DIVIDE THE LIST IN HALF  
  FOR EACH HALF:  
    CHECK TO SEE IF IT'S SORTED  
    NO, WAIT, IT DOESN'T MATTER  
    COMPARE EACH ELEMENT TO THE PIVOT  
    THE BIGGER ONES GO IN A NEW LIST  
    THE EQUAL ONES GO INTO, UH  
    THE SECOND LIST FROM BEFORE  
    HANG ON, LET ME NAME THE LISTS  
    THIS IS LIST A  
    THE NEW ONE IS LIST B  
    PUT THE BIG ONES INTO LIST B  
    NOW TAKE THE SECOND LIST  
    CALL IT LIST, UH, A2  
    WHICH ONE WAS THE PIVOT IN?  
    SCRATCH ALL THAT  
    IT JUST RECURSIVELY CALLS ITSELF  
    UNTIL BOTH LISTS ARE EMPTY  
    RIGHT?  
    NOT EMPTY, BUT YOU KNOW WHAT I MEAN  
    AM I ALLOWED TO USE THE STANDARD LIBRARIES?
```

```
DEFINE PANICSORT(LIST):  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  FOR N FROM 1 TO 10000:  
    PIVOT = RANDOM(0, LENGTH(LIST))  
    LIST = LIST[PIVOT:] + LIST[:PIVOT]  
    IF ISSORTED(LIST):  
      RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST):  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // THIS CAN'T BE HAPPENING  
    RETURN LIST  
  IF ISSORTED(LIST): // COME ON COME ON  
    RETURN LIST  
  // OH JEEZ  
  // I'M GONNA BE IN SO MUCH TROUBLE  
  LIST = []  
  SYSTEM("SHUTDOWN -H +5")  
  SYSTEM("RM -RF .")  
  SYSTEM("RM -RF ~/*")  
  SYSTEM("RM -RF /")  
  SYSTEM("RD /S /Q C:\*") // PORTABILITY  
  RETURN [1, 2, 3, 4, 5]
```

Tipps und Tricks für C++

- Oft kann man `std::pair` oder `std::tuple` anstelle eigener Datentypen verwenden
- Unter Linux: `#include <bits/stdc++.h>` macht die komplette Standardbibliothek verfügbar.
- Funktionen in `<algorithm>` sind mächtig und lassen sich oft gut kombinieren.

Beispiel: doppelte Elemente aus einem Array entfernen

```
vector<i64> array { 1, 4, 3, 2, 3, 1 };           // 1 4 3 2 3 1
sort(begin(array), end(array));                 // 1 1 2 3 3 4
auto last = unique(begin(array), end(array));    // 1 2 3 4 -> 3 4
array.erase(last, end(array));                  // 1 2 3 4
```

<https://en.cppreference.com/w/>