

实验 E3 材料真空兼容性测试和等离子特性研究

2019 年 9 月 6 日

实验方案	实验记录	分析讨论	总成绩
年级、专业：	17 级物理学	组号：	6
姓名：	徐昊霆	学号：	17353071
日期：	2019.9.9	教师签名：	

1. 实验报告由三部分组成：

1) 预习报告：(提前一周)认真研读实验讲义，弄清实验原理；实验所需的仪器设备、用具及其使用（强烈建议到实验室预习），完成讲义中的预习思考题；了解实验需要测量的物理量，并根据要求提前准备实验记录表格（由学生自己在实验前设计好，可以打印）。预习成绩低于 50% 者不能做实验（实验 D2 和 D3 需要提前一周的周四完成预习报告交任课老师批改，批改通过后，才允许做实验）。

2) 实验记录：认真、客观记录实验条件、实验过程中的现象以及数据。实验记录请用珠笔或者钢笔书写并签名（用铅笔记录的被认为无效）。保持原始记录，包括写错删除部分，如因误记需要修改记录，必须按规范修改。（不得输入电脑打印，但可扫描手记后打印扫描件）；离开前请实验教师检查记录并签名。

3) 分析讨论：处理实验原始数据（学习仪器使用类型的实验除外），对数据的可靠性和合理性进行分析；按规范呈现数据和结果（图、表），包括数据、图表按顺序编号及其引用；分析物理现象（含回答实验思考题，写出问题思考过程，必要时按规范引用数据）；最后得出结论。实验报告就是预习报告、实验记录、和数据处理与分析合起来，加上本页封面。

2. 每次完成实验后的一周内交实验报告。

3. 实验报告建议双面打印。

目录

1 实验原理与方案	3
1.1 实验目的	3
1.2 仪器用具	3
1.3 实验安全注意事项	3
1.4 实验原理	4
1.4.1 真空的获得和测量	4
1.4.2 固体对气体的吸附及气体的脱附	4
1.4.3 气体放电、等离子体和帕邢定律	4
1.5 四极质谱仪	4
2 实验步骤与记录	6
2.1 实验内容	6
2.1.1 使用机械泵和分子泵获得高真空。	6
2.1.2 验证帕邢定律	6
2.1.3 获得等离子体基本参数	8
2.1.4 测试不同材料脱气性质	9
2.1.5 研究四极电场特性及其中离子运动方程，探讨四极质谱仪 工作原理	9
2.2 实验中遇到的问题记录	9
3 分析与讨论	10
3.1 四极质谱仪原理的深入研究	10
3.1.1 Mathieu 方程	10
3.1.2 基本解的概念	10
3.1.3 方程的 Floquet 解	11
3.1.4 Floquet 解与量子力学中的 Bloch 定理	12
3.1.5 Mathieu 方程的周期解	13
3.2 实验后思考题	13

1 实验原理与方案

1.1 实验目的

- 1. 学习基本的真空知识和技术, 掌握真空的获得和测量方法。
- 2. 通过真空气体放电实验, 验证帕邢定律。
- 3. 了解四极杆质谱仪工作原理, 掌握质谱仪的操作, 进行真空系统检漏和真空环境分析。
- 4. 研究等离子体特性, 获得等离子体基本参数。
- 5. 使用质谱仪测试不同材料在真空中的脱气性质, 了解材料的真空兼容性。
- 6. 深入探讨四极质谱仪工作原理。

1.2 仪器用具

上海宜准公司 VQP01 真空平台, 该装置由如下四部分构成。

编号	仪器名称	数量	主要参数 (型号, 测量范围, 精度)
1	放电管	1	用于实现空气 (或氩气) 的击穿和放电
2	放电电源	1	提供 0-1000V 的可调电压输出
3	空气送气与调节系统	1	包含气压测量装置
4	击穿电压测量系统	1	

此外, 为了保证高压电极处安全问题, 特对高压电源实施继电器控制, 只有真空计打开并且压强低于 1000 Pa 时, 高压电源才导通。

1.3 实验安全注意事项

- 1. 操作前请检查真空腔体是否密封, 检查高压电源开关、分子泵电源开关是否断开, 以及应急按钮是否断开。
- 2. 注意高电压电源使用安全。(高压电源受真空计控制, 实验前请确认真空计是否通电; 通电情况下请勿插拔高压电源后面板高压输出接口, 切勿接触后侧电力控制部分; 实验前请检查高压电源调节旋钮, 务必置零; 实验过程中请勿接触高压电源后面板以及高压电源内侧结构。)
- 3. 若实验中用到分子泵, 需机械泵先抽真空压强低于 10 pa 以下才能开启分子泵电源。
- 4. 若实验中用到四极质谱仪, 开启四极质谱仪时保证真空压强低于 5.0×10^{-2} Pa。

1.4 实验原理

1.4.1 真空的获得和测量

在给定空间内, 气体压强低于一个大气压的气体状态, 称之为真空。真空的获得就是人们常说的“抽真空”, 即利用各种真空泵将被抽容器中的气体抽出, 使该空间的压强低于一个大气压。真空测量是指用特定的仪器和装置, 对某一特定空间内真空高低的测定, 这种仪器或装置称为真空计 (仪器、规管)。

1.4.2 固体对气体的吸附及气体的脱附

气体吸附就是固体表面捕获气体分子的现象, 吸附分为物理吸附和化学吸附。其中物理吸附没有选择性, 任何气体在固体表面均可发生, 主要靠分子间的相互吸引力引起的。物理吸附的气体容易发生脱附, 而且这种吸附只在低温下有效; 化学吸附则发生在较高的温度下, 与化学反应相似, 气体不易脱附, 但只有当气体和固体表面原子接触生成化合物时才能产生吸附作用。气体的脱附是气体吸附的逆过程。通常把吸附在固体表面的气体分子从固体表面被释放出来的过程叫做气体的脱附。

1.4.3 气体放电、等离子体和帕邢定律

气体放电的基本过程是利用外 (电) 场加速电子使之碰撞中性原子 (分子) 来电离气体。等离子体由离子、电子以及未电离的中性原子 (分子) 的集合组成, 整体呈中性的物质状态。气体放电是产生等离子体的一种常见形式。帕邢定律是表征均匀电场气体间隙击穿电压、间隙距离和气压间关系的定律。帕邢定律的公式为

$$V_S = \frac{BPd}{\ln \left(\frac{APd}{\ln(1+1/\gamma)} \right)} \quad (1)$$

上式中 A, B 在一定范围内是常数。 γ 为离子撞击阴极时所发生的电子发射的过程系数。帕邢定律在一定 Pd 范围有效。气压过高或过高真空中, 帕邢定律不适用。

帕邢曲线是根据帕邢定律的函数表达式所绘制的曲线, 表达的物理意义为: 击穿电压 U 是电极距离 d 和气压 P 乘积的函数。帕邢曲线的主要特点是: 曲线在特定的 Pd 值时, 有最小的击穿电压。

1.5 四极质谱仪

四极杆上加有直流和射频交流分量电压 (势), 使得一定质量电荷比的离子可稳定的通过四极杆质量过滤器 (离子能够稳定地通过四极电场), 而不会撞上或逸

出四极杆, 可将离子根据质量电荷比进行过滤分类, 归纳成质谱。这部分的详细原理讨论请见第三部分分析与讨论。

2 实验步骤与记录

专业:	Physics	年级:	17
姓名:	徐昊霆	学号:	17353071
室温:		实验地点	教学楼
学生签名:		评分:	
日期:	2019.9.9	教师签名:	

2.1 实验内容

2.1.1 使用机械泵和分子泵获得高真空。

1. 实验前请检查放电管与电源之间的电路连接是否可靠; 电压调节旋钮是否最小位置; 气体流量调节旋钮是否置于最小位置。
2. 检查高压电源开关、分子泵电源开关以及应急开关是否处于断开状态。
3. 检查机械泵、分子泵、帕邢高压电源插头是否插上。
4. 检查帕邢实验高压电源与放电腔体 BNC 接头连接是否正常。
5. 检查完毕后, 推上空气开关, 打开电源总开关。
6. 查看电源按钮、电源指示灯是否正常 (绿色)。
7. 开启机械泵, 抽取真空至 2-3Pa, 大约需要 10 分钟。
8. 等机械泵抽取压强至 10pa 以下后, 闭合分子泵电源, 等待 5 秒钟后, 按分子泵电源面板上的绿色按钮, 进行分子泵运行, 继续抽取直至获得高真空

2.1.2 验证帕邢定律

1. 测量两电极之间的实际间距 d 。
2. 检查放电管与电源之间的电路连接是否可靠; 电压调节旋钮是否在最小位置; 气体流量调节旋钮是否在最小位置。
3. 检查高压电源开关, 分子泵电源开关是否处于断开状态。
4. 打开电源总开关
5. 开启机械泵, 抽真空至 2-3 Pa, 大约需要等待十分钟。
6. 调节减压阀, 使得流量计前气压在 0-1 大气压之间 (指导教师准备)。

7. 调节流量计的通气流量，至放电管内气压为 20Pa。
8. 观察真空计数据并记录。
9. 打开高压电源开关。
10. 调节电源的电压输出，可以快速增至 200V，然后继续缓慢升高电压，直至气体发生击穿现象。读取击穿时的电压 U 。记录气压和电压的数值于表 2-1。然后把电压降至 0V 以下，为下一次测量做好准备。在减小电压的过程中注意观察放电熄灭电压，并注意其与击穿电压的差别。
11. 注意：1) 增加电压的过程中，密切观察放电管电压表头和击穿电压表头的示数。2) 每个气压下，至少要重复 3 次测量，以三次击穿电压测量值之间的偏差不大于 15% 为成功测量，以得到可靠击穿电压。3) 在气压较高时，击穿前后，放电管的电压会有明显下降。接近击穿时的放电管电压为气体击穿电压。
12. 增加气体流量，使气压升高至 30Pa 左右，重复 (10) 的测量。
13. 依次增加气体流量，每次增加 10Pa 左右，重复 (10)。直至气压达到 100Pa。得到 8 组实验数据即可。
14. 减小气压回复至 20 Pa 左右，重复 (10)。
15. 依次减小气压，每隔 2Pa 测量一组数据，直至 4Pa。测得 7-8 组数据即可。
16. 实验完毕后，调节气体流量控制旋钮到最小位置，调节电压至最小值，依次关闭电压、机械泵、电源开关。

实验表格见下页。

两电极的实际距离 $d =$

P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						
P[Pa]						
U[V]						

2.1.3 获得等离子体基本参数

1、实验前检查真空腔体与电源之间的电路连接是否可靠；电压调节旋钮是否最小位置；气体流量调节旋钮是否最小位置。

2、检查高压电源开关以及分子泵电源开关是否处于断开状态，检查四级质谱仪电源是否连接，数据线是否连接电脑。

3、检查真空腔体气密性，检查应急开关是否处于断开状态。

4、打开电源总开关。

5、开启机械泵，抽真空至 10Pa 以下，大约需要十分钟。

6、机械泵抽取压强至 10Pa 以下后才能打开分子泵电源，等待 5 秒钟后，按分子泵电源面板上的绿色按钮，进行分子泵运行（此时分子泵转速会从 450 转降至 68 转左右进行自检，自检后开始从 68 转上升至 450 转）。

7、观察真空级显示屏，待分子泵抽取 5.0E-2Pa 以下再打开四级质谱仪。

8、继续抽取真空，待压强低于 10^{-3} Pa 后，可通过通气阀加入适量 He、Ne、Ar 等气体，便于通过软件观察各气体质谱图。（切记加入气体后压强勿超过 5.0E-

2Pa, 若超过该压强, 则需要继续抽气至低于该压强才能通过软件打开质谱仪灯丝, 否则将严重损坏质谱仪灯丝)

9、打开测试软件 VAccuRay3.0 进行实验。

10、打开软件后点击右键, 选择 Device setup, 出现以下界面: 首次试验不用改变任何参数, 直接点击 OK.

11、然后点击任务栏灯丝选项, 此时会出现 “Be Sure pressure Less Than $5.0\text{E}-2\text{Pa}$ ” 提示, 观察真空计确定真空度低于该提示值是才能点击确定, 否则将损坏四级质谱仪的灯丝, 发生危险。

12、点击确认后会出现 Spectrum 质谱图, 此时即可通过各种粒子的相对分子质量确定气体的波峰。

13、右键, 选择 Calculate Width, 进行波峰计算, 并记录相似数值。

14、记录数据后返回质谱图界面, 右键, 选择 Device setup, 改变参数 resolution 为 30、40、50…100 15、点击 OK, 重复 (10) (11) (12) (13) 步骤, 并记录数据。

16、之后改变数据 Emission、e Volt 等参数进行上述 (10) (11) (12) (13) 步骤实验并记录数据。

17、实验结束后, 先将分子泵电源面板处按红色按钮, 待转速降为 0 时, 才能断开分子泵电源开关才能断开机机械泵开关, 顺序切勿颠倒, 否则将损坏分子泵, 最后关闭总电源。

18、整理数据, 进行总结

2.1.4 测试不同材料脱气性质

2.1.5 研究四极电场特性及其中离子运动方程, 探讨四极质谱仪工作原理

这部分是纯理论工作, 请见分析与讨论。

2.2 实验中遇到的问题记录

3 分析与讨论

专业:	Physics	年级:	17
姓名:	徐昊霆	学号:	17353071
日期	2019.9		
评分		教师签名	

3.1 四极质谱仪原理的深入研究

本节深入探讨四极质谱仪的工作原理。

3.1.1 Mathieu 方程

根据提供的参考资料 [1], 我们知道离子在四极质谱仪中的四极场中运动, 它的 x 方向 (垂直于离子的入射方向) 的运动方程为

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \left(\frac{2eU}{mr_0^2} + \frac{2eV \cos \Omega t}{mr_0^2} \right) x = 0 \quad (2)$$

如果作替换

$$\lambda = \frac{2eU}{mr_0^2} \quad (3)$$

$$q = -\frac{eV \cos \Omega t}{mr_0^2} \quad (4)$$

则我们得到标准的 Mathieu 方程

$$\frac{d^2y}{dz^2} + (\lambda - 2q \cos 2z)y = 0. \quad (5)$$

3.1.2 基本解的概念

在我们处理 Mathieu 方程之前, 我们先考虑更为一般的方程

$$\frac{d^2y}{dz^2} + (\lambda - \phi(z))y = 0 \quad (6)$$

其中 $\phi(z)$ 是周期为 ω 的函数。

假设 $f(z)$ 和 $g(z)$ 是满足方程 6 的解, 且分别满足下列初值条件

$$f(0) = 1, \quad f'(0) = 0, \quad (7)$$

$$g(0) = 0, \quad g'(0) = 1 \quad (8)$$

因为这两个解均满足微分方程和上面的条件, 故很容易得到等式

$$f(z)g'(z) - f'(z)g(z) = \text{const} = 1 \quad (9)$$

因此, $f(z), g(z)$ 是两个线性无关的解, 我们称作**基本解**。由于 $\phi(z)$ 是周期为 ω 的周期函数, 所以 $f(z \pm \omega)$ 和 $g(z \pm \omega)$ 也是方程 6 的解。又根据微分方程理论, 一个二阶微分方程至多有两个线性无关的解, 所以微分方程的任何一个解都可以表示成基本解的线性组合, 于是有

$$f(z \pm \omega) = A_{\pm}f(z) + B_{\pm}g(z) \quad (10)$$

可以利用条件 7 定出上面式子的系数。

$$f(z \pm \omega) = f(\pm\omega)f(z) + f'(\pm\omega)g(z) \quad (11)$$

这里值得注意的是, 如果微分方程的某个系数具有周期性, 那么不能保证它的解也具有同样的周期性。类似地, 对于 $g(z)$ 有

$$g(z \pm \omega) = g(\pm\omega)f(z) + g'(\pm\omega)g(z) \quad (12)$$

如果我们进一步假定 $\phi(z)$ 是偶函数 (在 Mathieu 方程中情况确实是这样的), 则显然根据对称性, $f(-z), g(-z)$ 也是方程 6 的解。利用方程 7, 得到

$$f(-z) = f(z) \quad (13)$$

$$g(-z) = -g(z) \quad (14)$$

于是我们得到结论, 当 $\phi(z)$ 为偶函数时, 由条件 7 所得到的基本解 $f(z), g(z)$, 前者是偶函数, 后者是奇函数。因此, 方程 6 不能同时拥有两个线性无关的偶函数解或者两个线性无关的奇函数解。在上述条件成立的情况下, 方程 11 和方程 12 应该改写为

$$f(z \pm \omega) = f(\omega)f(z) \pm f'(\omega)g(z) \quad (15)$$

$$g(z \pm \omega) = \pm g(\omega)f(z) + g'(\omega)g(z) \quad (16)$$

取 15 和 16 的负号, 利用条件 7 并假设 $g(\omega) \neq 0$, 我们得到一个十分重要的结果

$$f(\omega) = g'(\omega) \quad (17)$$

3.1.3 方程的 Floquet 解

系数 $\phi(z)$ 是周期函数的方程

$$\frac{d^2y}{dz^2} + (\lambda - \phi(z))y = 0 \quad (18)$$

的解 $\phi(z)$ 如果具有如下性质

$$y(z + \omega) = \sigma y(z) \quad (19)$$

其中 σ 是与 z 无关的常数, ω 是函数 $\phi(z)$ 的周期, 则 $y(z)$ 称为 Floquet 解。取 $z = 0$ 有

$$y(\omega) = \sigma y(0), y' = \sigma y'(0) \quad (20)$$

现在我们看一下什么条件下, Floquet 解存在。假设

$$y(z) = Af(z) + Bg(z) \quad (21)$$

则得到

$$[f(\omega) - \sigma]A + g(\omega)B = 0 \quad (22)$$

$$f'(\omega)A + [g'(\omega) - \sigma]B = 0 \quad (23)$$

这是一个关于 A, B 的齐次方程, 如果他们有非平凡解, 则要求系数行列式为 0。如果重写系数 $\sigma = \exp(i\nu\omega)$, 则有

$$\cos \nu\omega = \frac{1}{2} [f(\omega) + g'(\omega)] \quad (24)$$

利用式子 17, 则有

$$\cos \nu\omega = f(\omega) \quad (25)$$

方程的 Floquet 解总能写成下面的形式

$$y(z) = \exp(i\nu\omega)u(z) \quad (26)$$

其中 $u(z)$ 是周期为 ω 的周期函数, 证明略。

3.1.4 Floquet 解与量子力学中的 Bloch 定理

写到这里, 我不禁联想到量子力学中固体中的价带结构 (Band Structure)。我发现, 如果不看一些系数, 上面讨论的一般情况的方程 6 恰好是一个含有周期势场的薛定谔方程! 这时薛定谔方程的解满足著名的 Bloch 定理

$$\psi(z + a) = e^{iK a} \psi(a) \quad (27)$$

这完全是对上面讨论的 Floquet 解的对应。因此, 处理上面的方程实际上还可以直接使用量子力学的办法。即定义位移算符

$$Df(x) = f(x + a) \quad (28)$$

通过直接的证明可以得到, 位移算符与哈密顿算符对易, 故可以取一个波函数 ψ , 使得它同时是位移算符和哈密顿算符的本征函数

$$D\psi = e^{iK a} \psi(x) = \psi(x + a) \quad (29)$$

这样,就用量子力学的语言印证了上面的讨论。进一步地,如果保证这个方程有稳定解,则会导致有价带结构 (Band Structure) 的出现。也就意味着,能量必须间隔一段段空穴。在这个问题中,能量的取值取决于参数 λ, q , 可以断言,由于势能场是周期的,则一定会存在类似的空穴。四极质谱仪正是利用这个特性来筛选掉参数处在这些空穴的离子。下面我将具体地给出稳定解的条件。

3.1.5 Mathieu 方程的周期解

数学家已经证明 (由于在这里叙述篇幅过长, 故略去), 对于 Mathieu 方程 5 中的参数 λ, q , 当他们满足一定条件时, 该方程有周期为 π 或者 2π 的周期解, 利用周期性和式 25

$$\cos \nu \pi = f(\pi; \lambda, q) \quad (30)$$

显然, 稳定解存在的条件是

$$|f(\pi; \lambda, q)| < 1 \quad (31)$$

否则, ν 将取虚数, 也就意味着 Floquet 解发散。进一步地分析得到, 函数 $f(z)$ 实际上是 Mathieu 函数 $ce_m(z)$, 于是通过计算机就可以解出上述方程参数 λ, q 的取值范围。要获取更多关于 Mathieu 函数的性质, 读者可以查看 [2] [3]。至此, 我们没有具体地讨论复杂的 Mathieu 函数的性质, 而理解了四极质谱仪的工作原理。

3.2 实验后思考题

1. 为什么机械泵先抽真空压强低于 10 pa 以下才能开启分子泵电源?
2. 为什么开启四极质谱仪时保证真空压强低于 5.0×10^{-2} Pa ?
3. 为什么气体放电产生的等离子体能发出辉光?
4. 四极质谱仪中四极电场特性如何? 其中离子作何运动?

参考文献

- [1] SYSU, 四极质谱实验方案. <http://lovephysics.sysu.edu.cn/lib/exe/fetch.php?media=courses:modernphysicslabzhuhai:ref4-e3-2016.pdf>.
- [2] WIKIPEDIA, *Mathieu function*. https://en.wikipedia.org/wiki/Mathieu_function.
- [3] 王竹溪、郭敦仁, 特殊函数概论, 北京大学出版社.