

25. TAD ListaOrdonata – implementare folosind un arbore binar de cautare.

### 1. Enunț

În cadrul universității s-a organizat un concurs individual de programare. Fiecare student a primit un punctaj cuprins între 0 și 100 de puncte. În funcție de punctajul obținut, dar și de numărul total al participanților, acestora li se vor acorda diferite premii și mențiuni.

Se cere crearea unei aplicații care permite:

- Adăugarea unui participant
- Afișarea listei ordonate a participanților
- Afișarea listei ordonate a premianților/mențiunilor
- Afișarea punctajului unui anumit participant
- Ștergerea și modificarea datelor unui participant

Observații:

- Fiecare participant are un număr matricol, un nume, un punctaj și numărul grupei din care face parte
- Premiile I, II și trei se acorda primilor trei participanți cu cele mai mari punctaje mai mari decât 60
- Mențiunile se acorda primilor 25% dintre participanții cu punctaje mai mari de 40

### 2. Decizii de implementare

Se creează un arbore binar de căutare care poate să conțină obiecte generice comparabile. În cazul nostru, fiecare nod va fi de fapt un obiect de tip Participant, care va conține informațiile aferente acestuia. Deoarece majoritatea operațiilor vor avea ca și criteriu de comparare punctajul participanților, elementele (de tip comparabil) vor fi comparate în funcție de acest punctaj, iar arborele va fi construit pur și simplu prin compararea acestor elemente.

Arborele va fi abstractizat într-o listă ordonată, prin intermediul căreia se va face legătura dintre apelurile din consolă/GUI și arbore.

### 3. TAD OrderedList

Domeniu:

$L = \{l \mid l = [e_1, e_2, \dots, e_n], e_i \in TElement \ \forall i = 1, 2, \dots, n\}$

TElement

- ✧ ID: String
- ✧ Name: String
- ✧ Age: Integer
- ✧ Score: Float

TNode

- ✧ Parent:  $\uparrow TNode$
- ✧ ChildLeft:  $\uparrow TNode$
- ✧ ChildRight:  $\uparrow TNode$
- ✧ Element:  $\uparrow TElement$

Operații:

- Create(l)
  - Pre:  
Post:  $l \in L, l = \Phi$  listă vidă

Subalgoritm Create(l)

// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$

root <- NIL

count <- 0

● Insert(l, e)

■ Pre:  $l \in L, e \in TElement$

■ Post:  $l' = l \oplus e$

Subalgoritm Insert(l, e) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

node <- CreateNod(e)

Dacă root = NIL atunci

root <- node

Altfel

InsertNode(root, node)

Sf\_dacă

elems <- elems + 1

Sf\_Subalgoritm

Subalgoritm InsertNode(l, parent, node) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

Dacă node.Element < parent.Element atunci

Dacă parent.ChildLeft = NIL atunci

parent.ChildLeft <- node

node.Parent <- parent

Altfel

InsertNode(parent.ChildLeft, node)

Sf\_Dacă

Altfel Dacă node.Element > parent.Element atunci

Dacă parent.ChildRight = NIL atunci

parent.ChildRight <- node

node.Parent <- parent

Altfel

InsertNode(l, parent.ChildRight, node)

Sf\_Dacă

Sf\_Dacă

Sf\_Subalgoritm

● Remove(l, e)

■ Pre:  $l \in L, e \in TElement$

■ Post:  $l' = l - e$

Subalgoritm Remove(l, e) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

node <- SearchElement(l, e, l.root)

```
// Când nu are fii
Dacă node.ChildLeft = NIL && node.ChildRight = NIL atunci
    Dacă node.Parent != NIL atunci
        Dacă node.Parent.ChildLeft = node atunci
            [node.Parent].ChildLeft <- null;
        Altfel
            [node.Parent].ChildRight <- null;
        Sf_Dacă
    Sf_Dacă
    node <- NIL
    count <- count - 1
```

```
// Are un fiu (Stâng)
Altfel Dacă node.ChildRight = NIL atunci
    Dacă node.Parent != NIL atunci
        Dacă [node.Parent].ChildLeft = ↑node atunci
            [node.ChildLeft].Parent <- ↑node.Parent
            [node.Parent].ChildLeft <- ↑node.ChildLeft
        Altfel
            [node.ChildLeft].Parent <- ↑node.Parent
            [node.Parent].ChildLeft <- ↑node.ChildRight
        Sf_Dacă
    Sf_Dacă
    node <- NIL
    count <- count - 1
```

```
// Are un fiu (Drept)
Altfel Dacă node.ChildLeft = NIL atunci
    Dacă node.Parent != NIL atunci
        Dacă [node.Parent].ChildRight = ↑node atunci
            [node.ChildRight].Parent <- ↑node.Parent
            [node.Parent].ChildRight <- ↑node.ChildRight
        Altfel
            [node.Child.Right].Parent <- ↑node.Parent
            [node.Parent].ChildLeft <- ↑node.ChildRight
        Sf_Dacă
    Sf_Dacă
    node <- null
    count <- count - 1
```

```
// Are ambii fii
Altfel
    x <- node

    CâtTimp x.ChildLeft != NIL execută
        x <- x.ChildLeft
    Sf_CâtTimp
```

```
node.Element <- x.Element  
nodeChild <- x.ChildLeft = NIL ? x.ChildRight : x.ChildLeft
```

```
Dacă x.ChildLeft != NIL atunci  
    Dacă [x.Parent].ChildLeft = ↑x atunci  
        [x.Parent].ChildLeft <- ↑nodeChild  
    Altfel  
        [x.Parent].ChildRight <- ↑nodeChild  
Sf_Dacă  
Altfel  
    Dacă [x.Parent].ChildLeft = ↑x atunci  
        [x.Parent].ChildLeft <- ↑nodeChild  
    Altfel  
        [x.Parent].ChildRight <- ↑nodeChild  
Sf_Dacă  
Sf_Dacă  
count <- count - 1
```

Sf\_Dacă

Sf\_Subalgoritm

- Contains(l, e)
  - Pre:  $l \in L, e \in TElement$
  - Post: true dacă  $e \in l$ , false în caz contrar
  - Complexitate de timp  $O(h)$

Funcția Contains(l, e) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

Dacă SearchElement(l, e, l.root) != NIL atunci

Contains <- TRUE

Sf\_Dacă

Contains <- FALSE

Sf\_Funcția

Funcția SearchElement(l, e, parent) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

node <- parent

Dacă node = NIL atunci

SearchElement <- null

Sf\_Dacă

Dacă el = node.Element atunci

SearchElement <- node

Altfel Dacă el < node.Element atunci

SearchElement <- SearchElement(l, e, node.ChildLeft)

Altfel

SearchElement <- SearchElement(l, e, node.ChildRight)

Sf\_Dacă

Sf\_Funcția

- Empty(l)
  - Pre:  $l \in L$
  - Post: true dacă  $l = \Phi$ , false în caz contrar

Funcția Empty(l) este  
// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$   
Dacă l.root = NIL atunci  
    Empty <- TRUE  
Sf\_Dacă  
Empty <- FALSE  
Sf\_Funcția

- Clear(l)
  - Pre:  $l \in L$
  - Post:  $l = \Phi$

Subalgoritm Clear(l) este  
// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$   
l.root <- NIL  
count <- 0  
Sf\_Subalgoritm

- Count(l)
  - Pre:  $l \in L$
  - Post:  $n \in \text{Integer}$ , n este numărul de elemente din l

Funcția Count(l) este  
// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$   
Count <- count  
Sf\_Funcția

- Iterator(l, i)
  - Pre:  $l \in L$
  - Post:  $i \in I$ , i este un iterator pe lista l

Funcția Iterator(l) este  
// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$   
Iterator <- Iterator(l.root)  
Sf\_Funcția

- Destroy(l)
  - Pre:  $l \in L$
  - Post: l este distrusă, iar spațiul de memorie este dealocat

Funcția Destroy(l) este  
// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$   
l.root <- NIL  
// restul nodurilor sunt dealocate automat

#### 4. TAD Iterator

Domeniu:

$I = \{i \mid i \text{ este un iterator pe o listă ordonată de elemente de tip TElement}\}$

Operații:

- Create(i, l)
  - Pre:  $l \in \text{OrderedList}$
  - Post:  $i \in \text{Iterator}$ , s-a creat iteratorul i pe lista l, current indică către primul el

Subalgoritm Create(i, l) este

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

current <- FindMinimum(l.root)

Sf\_Subalgoritm

- Element(i, e)
  - Pre:  $i \in I$
  - Post:  $e \in \text{TElement}$ , e este elementul curent din iterație

Funcția Element(i)

// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$

Element <- current.Element;

Sf\_Funcția

- Valid(i)
  - Pre:  $i \in I$
  - Post: true dacă current referă o poziție validă din l, false în caz contrar

Funcția Valid(i) este

// Complexitatea de timp este  $\theta(1)$

Dacă current != NIL atunci

Valid <- TRUE

Altfel

Valid <- FALSE

Sf\_Dacă

Sf\_Funcția

- Next(i)
  - Pre:  $i \in I$
  - Post: current' referă la următorul element din listă (relativ la fostul curent)

Subalgoritm Next(i) este:

// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde h este înălțimea arborelui

Dacă current.ChildRight != NIL atunci

current <- FindMinimum(l, current.ChildRight)

Return

Sf\_Dacă

```
y <- current.Parent;  
x <- current;
```

```
CâtTimp y != NIL și x = y.ChildLeftt execută  
    x <- y  
    y <- y.Parent  
Sf_CâtTimp
```

```
current <- y  
Sf_Subalgoritm
```

Funcția FindMinimum(root) este  
// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde  $h$  este înălțimea arborelui  
Dacă root = NIL atunci  
 FindMinimum <- NIL  
Sf\_Dacă

Dacă root.ChildLeft != NIL atunci  
 FindMinimum <- FindMinimum(root.ChildLeft)  
Sf\_Dacă

FindMinimum <- root  
Sf\_Funcția

- Previous(i)
  - Pre:  $i \in I$
  - Post: current' referă la precedentul element din listă (relativ la fostul curent)

Subalgoritm Previous(i) este:  
// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde  $h$  este înălțimea arborelui  
Dacă current.ChildLeft != NIL atunci  
 current <- FindMaximum(l, current.ChildLeft)  
Return  
Sf\_Dacă

```
y <- current.Parent;  
x <- current;
```

```
CâtTimp y != NIL și x = y.ChildRight execută  
    x <- y  
    y <- y.Parent  
Sf_CâtTimp
```

```
current <- y  
Sf_Subalgoritm
```

Funcția FindMaximum(root) este  
// Complexitatea de timp este  $O(h)$ , unde  $h$  este înălțimea arborelui  
Dacă root = NIL atunci

```
FindMaximum <- NIL  
Sf_Dacă
```

```
Dacă root.ChildRight != NIL atunci  
    FindMaximum <- FindMaximum(root.ChildRight)  
Sf_Dacă
```

```
FindMaximum <- root  
Sf_Funcția
```

