DD1351 Logik för dataloger Laboration 3: Modellprovning för CTL

Simon Moradbakti & Nipun Thianwan

Hösten 2024

Introduktion

I denna laboration utvecklas och testas en modellprovare för temporallogiken CTL (Computational Tree Logic). En modellprovare är ett kraftfullt verktyg inom datavetenskap som möjliggör formell verifiering av system genom att kontrollera om en given logisk formel gäller i ett specifikt tillstånd i en modell. Målet med laborationen är att bygga ett verktyg genom att implementera en modellprovare i Prolog som följer reglerna för ett angivet bevissystem. Vidare ska systembeteende modelleras genom att skapa en realistisk modell av ett system med datalogisk relevans. Slutligen analyseras och verifieras beteendeegenskaper hos modellen genom att tillämpa CTL-formler. Laborationen syftar till att ge en djupare förståelse för modellering och verifiering av systemegenskaper samt att utveckla färdigheter inom logikprogrammering med Prolog.

Algoritm för Beviskontroll

En algoritm för beviskontroll är mycket viktig för den här uppgiften och kan beskrivas genom funktionerna i det Prolog programmet som gör upp algoritmen för beviskontroll. CTL-bevis som kan verifieras av programmet är ofta strukturerade som en samling listor. En lista består av olika typer av tillstånd och deras "grann-tillstånd", och en annan lista kan specificera vilka egenskaper som gäller för varje tillstånd. Denna beviskontrollen som har implementerats kan använda många olika predikat för att försöka lösa frågeställningar, men den generellt rekursiv. Programmet fungerar som sådant att den arbetar sig igenom beviset steg för steg, medan programmet söker efter den nödvändiga informationen som specificeras av varje formel.

Programmet börjar med ett enkelt initialiserings-predikat, som är verify, som bara läser in filen och delar upp innehållet i olika termer:

- 1. Transactions (tillståndens grann-lista)
- 2. Labeling (egenskaperna för tillstånd)
- 3. InitialState (nuvarande tillstånd)
- 4. Formula (formeln som ska verifieras).

Därefter anropas predikatet "evaluate", som startar själva beviskontrollen.

Kontroll av beviset

För litteraler kontrolleras om de ingår i märkningen av det aktuella tillståndet. Temporallogiska operatorer som \mathbf{AX} och \mathbf{EX} hanteras genom att iterera över efterföljande tillstånd. Exempelvis kontrollerar \mathbf{AX} att formeln gäller i alla efterföljare, medan \mathbf{EX} endast kräver att den gäller i minst en efterföljare. Globala operatorer som \mathbf{AG} och \mathbf{EG} säkerställer att formeln gäller på alla respektive minst en väg från det aktuella tillståndet. För \mathbf{AF} och \mathbf{EF} analyseras om formeln någon gång blir sann längs alla respektive någon väg. En besöktlista används för att hantera slingor, vilket förhindrar oändliga rekursioner. Återbesök av ett tillstånd tolkas som framgång för \mathbf{AG} och \mathbf{EG} men misslyckande för \mathbf{AF} och \mathbf{EF} . Algoritmen är implementerad rekursivt och säkerställer att varje tillstånd utvärderas noggrant mot formeln. Om alla delar av formeln kan verifieras från det initiala tillståndet returnerar programmet att formeln gäller i modellen. Annars identifieras var beviset bröt samman. Denna strategi följer noggrant de regler som specificeras i bevissystemet och säkerställer en korrekt utvärdering av CTL-formler i modellen.

Modellen

Modellen är baserad på ett bankkontosystem. Det finns 3 stycken olika tillstånd, s0 då användaren är inte inloggad och har ingen tillgång till sitt konto. s1 då användaren är inloggad men har inte tillgång till att göra några transaktioner. s2 då användaren är inloggad och har tillgång till att göra insättningar och uttag.

Det finns även övergångar mellan dem olika tillstånden. Från s0 kan användaren bara gå till s1. Från s1 kan användaren gå till s2. Från s2 kan användaren bara gå tillbaka till s1. Modellen kan beskrivas som följande:

Modellen testades sedan med hjälp av prologkoden för att avgöra om användaren kan göra transaktioner alls (ef(q)) från det inloggade tillståndet utan transaktionstillgång (s1), och om användaren kan göra transaktioner medan de är inloggade och har transaktionstillgång (ef(and(p,q))).

Våra prolog bevis

Invalid

```
[[ s0 , [ s1 ]] ,
  [ s1 , [ s0 , s2 ]] ,
  [ s2 , [ s1 ]]].
[[ s0 , []] ,
  [ s1 , [ p ]] ,  % p = login
  [ s2 , [ p ]]].  % Endast p = login, q saknas
s0.
ef(q).
```

Valid

```
[[ s0 , [ s1 ]] ,
  [ s1 , [ s0 , s2 ]] ,
  [ s2 , [ s1 ]]].
[[ s0 , []] ,
  [ s1 , [ p ]] , % p = login
  [ s2 , [ p, q ]]]. % p = login, q = allowed transactions
s0.
ef(q).
```

Modellen följer samtliga givna bevis från instruktionerna:

Figure 1: formlerna som formaliserar beteendeegenskaperna

Predikat listan och dess sanningstabell

Predikatnamn	Beskrivning	Sann när	Falsk när
verify/1	Startar beviskontrollen genom att läsa in modellen och formeln från en fil.	Alla indata är korrekt formaterade och formeln verifieras.	Indata sak- nas, är felaktiga eller formeln inte veri- fieras.
evaluate/5	Utvärderar en CTL-formel för ett tillstånd i modellen.	Formeln håller i det aktuella tillståndet.	Formeln inte håller i det aktuella tillståndet.
evaluate_all_next/4	Kontrollerar att en formel gäller för alla efterföljande tillstånd (AX).	Alla efterföljande tillstånd uppfyller formeln.	Minst ett efterföljande tillstånd bry- ter formeln.
evaluate_exists_next/4	Kontrollerar att en formel gäller för minst ett efterföljande tillstånd (EX).	Minst ett efterföljande tillstånd uppfyller formeln.	Inget efterföljande tillstånd uppfyller formeln.
evaluate_all_globally/5	Kontrollerar att en formel gäller längs alla vägar från ett tillstånd (AG).	Formeln gäller glob- alt längs alla möjliga vägar.	Formeln bryts längs minst en väg.
evaluate_exists_globally/5	Kontrollerar att en formel gäller längs minst en väg från ett tillstånd (EG).	Formeln gäller längs minst en väg.	Formeln bryts längs alla vägar.
evaluate_all_finally/5	Kontrollerar att en formel gäller någon gång längs alla vägar (AF).	Formeln uppfylls någon gång längs alla vägar.	Det finns en väg där formeln aldrig upp- fylls.
evaluate_exists_finally/5	Kontrollerar att en formel gäller någon gång längs minst en väg (EF).	Formeln uppfylls längs minst en väg.	Det finns ingen väg där formeln uppfylls.

Table 1: Predikat och deras egenskaper

Appendix A - Prolog kod

```
% Uncomment the following line for SICStus Prolog if needed:
% :- use_module(library(lists)).
:- discontiguous evaluate/5.
\mbox{\ensuremath{\upsigma}{\it K}} Reads model, initial state, and formula from a file.
verify(Input) :-
    see(Input),
    read(Transitions),
    read(Labeling),
    read(InitialState),
    read(Formula),
    seen,
    evaluate(Transitions, Labeling, InitialState, [],
       Formula).
% evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, Formula)
% Arguments:
% Transitions - Adjacency lists representing the transitions
% Labeling
              - Labeling of the states.
% State
              - Current state under evaluation.
% Visited
              - States visited so far.
% Formula
              - CTL formula to evaluate.
\% Evaluates to true if the sequent below holds:
% (Transitions, Labeling), State
% Visited
% ***** Literal Evaluation *****
evaluate(_, Labeling, State, [], Literal) :-
    member([State, Labels], Labeling),
    member(Literal, Labels).
% ***** Negation *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, [], neg(Formula)) :-
    \+ evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula).
% ***** Conjunction *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, [], and(Formula1,
   Formula2)) :-
    evaluate (Transitions, Labeling, State, [], Formula1),
    evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula2).
% ***** Disjunction *****
```

```
evaluate(Transitions, Labeling, State, [], or(Formula1,
   Formula2)) :-
    (evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula1);
     evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula2)).
% ***** AX (All Next) *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, [], ax(Formula)) :-
    member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_all_next(Transitions, Labeling, NextStates,
       Formula).
evaluate_all_next(Transitions, Labeling, [LastState],
   Formula) :-
    evaluate (Transitions, Labeling, LastState, [], Formula).
evaluate_all_next(Transitions, Labeling, [State|MoreStates],
    Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula),
    evaluate_all_next(Transitions, Labeling, MoreStates,
       Formula).
% ***** EX (Exists Next) *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, [], ex(Formula)) :-
    member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_exists_next(Transitions, Labeling, NextStates,
       Formula).
evaluate_exists_next(Transitions, Labeling, [LastState],
   Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, LastState, [], Formula).
evaluate_exists_next(Transitions, Labeling, [State|
   MoreStates], Formula) :-
    (evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula);
     evaluate_exists_next(Transitions, Labeling, MoreStates,
         Formula)).
% ***** AG (Always Globally) *****
evaluate(_, _, State, Visited, ag(_)) :-
    member(State, Visited).
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, ag(Formula))
    \+ member(State, Visited),
    evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula),
    member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_all_globally(Transitions, Labeling, NextStates,
        [State | Visited], Formula).
```

```
evaluate_all_globally(Transitions, Labeling, [LastState],
   Visited, Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, LastState, Visited, ag(
       Formula)).
evaluate_all_globally(Transitions, Labeling, [State|
   MoreStates], Visited, Formula) :-
    evaluate (Transitions, Labeling, State, Visited, ag(
       Formula)),
    evaluate_all_globally(Transitions, Labeling, MoreStates,
        Visited, Formula).
% ***** EG (Exists Globally) *****
evaluate(_, _, State, Visited, eg(_)) :-
   member(State, Visited).
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, eg(Formula))
    \+ member(State, Visited),
    evaluate (Transitions, Labeling, State, [], Formula),
   member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_exists_globally(Transitions, Labeling,
       NextStates, [State|Visited], Formula).
\verb| evaluate_exists_globally| (Transitions, Labeling, [LastState], \\
    Visited, Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, LastState, Visited, eg(
       Formula)).
evaluate_exists_globally(Transitions, Labeling, [State|
   MoreStates], Visited, Formula) :-
    (evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, eg(
       Formula));
     evaluate_exists_globally(Transitions, Labeling,
        MoreStates, Visited, Formula)).
% ***** AF (Always Finally) *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, af(Formula))
    \+ member(State, Visited),
    evaluate (Transitions, Labeling, State, [], Formula).
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, af(Formula))
    \+ member(State, Visited),
   member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_all_finally(Transitions, Labeling, NextStates,
       [State | Visited], Formula).
```

```
evaluate_all_finally(Transitions, Labeling, [LastState],
   Visited, Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, LastState, Visited, af(
       Formula)).
evaluate_all_finally(Transitions, Labeling, [State|
   MoreStates], Visited, Formula) :-
   evaluate (Transitions, Labeling, State, Visited, af (
       Formula)),
    evaluate_all_finally(Transitions, Labeling, MoreStates,
       Visited, Formula).
% ***** EF (Exists Finally) *****
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, ef(Formula))
    \+ member(State, Visited),
    evaluate(Transitions, Labeling, State, [], Formula).
evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, ef(Formula))
    \+ member(State, Visited),
   member([State, NextStates], Transitions),
    evaluate_exists_finally(Transitions, Labeling,
       NextStates, [State|Visited], Formula).
evaluate_exists_finally(Transitions, Labeling, [LastState],
   Visited, Formula) :-
    evaluate(Transitions, Labeling, LastState, Visited, ef(
       Formula)).
evaluate_exists_finally(Transitions, Labeling, [State|
   MoreStates], Visited, Formula) :-
    (evaluate(Transitions, Labeling, State, Visited, ef(
       Formula));
     evaluate_exists_finally(Transitions, Labeling,
        MoreStates, Visited, Formula)).
```

Appendix B - Prologbevis Output

Valid.txt

```
Windows PowerShell
windows PowerShell
Copyright (C) Microsoft Corporation. All rights reserved.

Try the new cross-platform PowerShell https://aka.ms/pscore6

PS C:\Users\Simon Moradbakti>pictures\Logik för dataloger\IV1351"
PS C:\Users\Simon Moradbakti\Pictures\Logik för dataloger\IV1351"
swipl
welcome to SWI-Prolog (threaded, 64 bits, version 9.2.8)
SWI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software.
Please run ?- license. for legal details.

For online help and background, visit https://www.swi-prolog.org
for built-in help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).

1 ?- ['testkod.pl'].
true.

2 ?- verify('tests/valid.txt').
true
```

Figure 2: Output Valid

Invalid.txt

```
Windows PowerShell
Windows PowerShell
Copyright (C) Microsoft Corporation. All rights reserved.

Try the new cross-platform PowerShell https://aka.ms/pscore6

PS C:\Users\Simon Moradbakti> cd "C:\Users\Simon Moradbakti\Pictures\Logik för dataloger\IV1351"

PS C:\Users\Simon Moradbakti\Pictures\Logik för dataloger\IV1351> swipl
Welcome to SWI-Prolog (threaded, 64 bits, version 9.2.8)
SWI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software.
Please run ?- license. for legal details.

For online help and background, visit https://www.swi-prolog.org
for built-in help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).

1 ?- ['testkod.pl'].
true.
2 ?- verify('tests/invalid.txt').
**Islse.
3 ?-
```

Figure 3: Output invalid

Körning av alla bevis från uppgiften

```
Windows PowerShell
Copyright (C) Microsoft Corponation. All rights reserved.

Try the new cross-platform PowerShell https://aka.ms/pscore6

PS C:\Users\Simon Moradbakti> cd "C:\Users\Simon Moradbakt\Pictures\Logik för dataloger\IV1351" pS C:\Users\Simon Moradbakti\Pictures\Logik för dataloger\IV1351 cd tests

PS C:\Users\Simon Moradbakti\Pictures\Logik för dataloger\IV1351\tests> swipl

Melcome to Swi-Prolog (threaded, 64 bits, version 9.2.8)

SMI-Prolog comes with ABSOLUTELY NO WARRANTY. This is free software.

Please run : license. for legal details.

For online help and background, visit https://www.swi-prolog.org

For built-in help, use ?- help(Topic). or ?- apropos(Word).

1 ?- ['run_all_tests'].

true.

2 ?- run all_tests('../testkod.pl').

valid@00.txt passed

valid@02.txt passed

valid@03.txt passed

valid@03.txt passed

valid@11.txt passed

valid@11.txt passed

valid@13.txt passed

valid@14.txt passed

valid@15.txt passed

valid@16.txt passed
```

```
ValidoS. txt passed
ValidoPR. txt passed
ValidoBS. txt passed
ValidoBS. txt passed
ValidoBR. txt passed
ValidoBR. txt passed
ValidoPR. txt passed
```

```
valid215.txt passed
valid218.txt passed
valid220.txt passed
valid220.txt passed
valid220.txt passed
valid225.txt passed
valid225.txt passed
valid229.txt passed
valid233.txt passed
valid233.txt passed
valid233.txt passed
valid235.txt passed
valid235.txt passed
valid225.txt passed
valid225.txt passed
valid225.txt passed
valid225.txt passed
valid255.txt passed
valid255.txt passed
valid265.txt passed
valid271.txt passed
valid271.txt passed
valid275.txt passed
valid275.txt passed
valid276.txt passed
valid276.txt passed
valid276.txt passed
valid276.txt passed
valid277.txt passed
valid278.txt passed
valid279.txt passed
valid281.txt passed
valid281.txt passed
valid281.txt passed
valid381.txt passed
valid384.txt passed
valid384.txt passed
valid385.txt passed
valid385.txt passed
valid386.txt passed
valid366.txt passed
valid3680.txt passed
valid3680.txt passed
valid3690.txt passed
```

```
valid393.txt passed
valid394.txt passed
valid395.txt passed
valid398.txt passed
valid398.txt passed
valid498.txt passed
valid499.txt passed
valid499.txt passed
valid499.txt passed
valid411.txt passed
valid411.txt passed
valid4128.txt passed
valid428.txt passed
valid428.txt passed
valid428.txt passed
valid428.txt passed
valid428.txt passed
valid438.txt passed
valid438.txt passed
valid438.txt passed
valid439.txt passed
valid494.txt passed
valid494.txt passed
valid495.txt passed
valid495.txt passed
valid495.txt passed
valid495.txt passed
valid495.txt passed
valid498.txt passed
valid498.txt passed
valid498.txt passed
valid498.txt passed
valid498.txt passed
valid498.txt passed
valid598.txt passed
```

```
valid592.txt passed
valid593.txt passed
valid595.txt passed
valid595.txt passed
valid595.txt passed
valid599.txt passed
valid699.txt passed
valid621.txt passed
valid621.txt passed
valid621.txt passed
valid623.txt passed
valid635.txt passed
valid635.txt passed
valid635.txt passed
valid635.txt passed
valid698.txt passed
valid698.txt passed
valid698.txt passed
valid696.txt passed
valid696.txt passed
valid667.txt passed
valid667.txt passed
valid667.txt passed
valid667.txt passed
valid667.txt passed
valid667.txt passed
valid670.txt passed
valid6975.txt passed
valid699.txt passed
valid699.txt passed
valid699.txt passed
valid796.txt passed
valid796.txt passed
valid796.txt passed
valid798.txt passed
valid880.txt passed
```

```
valid811.txt passed
valid821.txt passed
valid826.txt passed
valid826.txt passed
valid826.txt passed
valid833.txt passed
valid833.txt passed
valid836.txt passed
valid836.txt passed
valid836.txt passed
valid836.txt passed
valid840.txt passed
valid840.txt passed
valid843.txt passed
valid843.txt passed
valid843.txt passed
valid843.txt passed
valid853.txt passed
valid855.txt passed
valid856.txt passed
valid856.txt passed
valid857.txt passed
valid867.txt passed
valid873.txt passed
valid887.txt passed
valid887.txt passed
valid887.txt passed
valid887.txt passed
valid887.txt passed
valid896.txt passed
valid996.txt passed
valid996.txt passed
valid996.txt passed
valid996.txt passed
valid996.txt passed
valid996.txt passed
valid991.txt passed
valid991.txt passed
valid991.txt passed
valid991.txt passed
valid993.txt passed
valid993.txt passed
valid994.txt passed
valid996.txt passed
valid997.txt passed
valid997.txt passed
valid997.txt passed
valid997.txt passed
valid997.txt passed
invalid997.txt passed
```

```
invalid017.txt passed
invalid019.txt passed
invalid020.txt passed
invalid025.txt passed
invalid025.txt passed
invalid025.txt passed
invalid027.txt passed
invalid027.txt passed
invalid029.txt passed
invalid029.txt passed
invalid029.txt passed
invalid039.txt passed
invalid039.txt passed
invalid048.txt passed
invalid048.txt passed
invalid048.txt passed
invalid048.txt passed
invalid051.txt passed
invalid051.txt passed
invalid051.txt passed
invalid051.txt passed
invalid052.txt passed
invalid059.txt passed
invalid069.txt passed
invalid069.txt passed
invalid074.txt passed
invalid099.txt passed
invalid099.txt passed
invalid099.txt passed
invalid099.txt passed
invalid099.txt passed
invalid099.txt passed
invalid090.txt passed
invalid090.txt passed
invalid090.txt passed
invalid090.txt passed
invalid090.txt passed
invalid1091.txt passed
invalid1092.txt passed
invalid1093.txt passed
invalid1093.txt passed
invalid1093.txt passed
invalid1093.txt passed
invalid1094.txt passed
invalid1094.txt passed
invalid1094.txt passed
invalid1094.txt passed
```

```
invalid131.txt passed
invalid132.txt passed
invalid132.txt passed
invalid133.txt passed
invalid133.txt passed
invalid141.txt passed
invalid141.txt passed
invalid141.txt passed
invalid143.txt passed
invalid143.txt passed
invalid143.txt passed
invalid143.txt passed
invalid156.txt passed
invalid165.txt passed
invalid175.txt passed
invalid175.txt passed
invalid186.txt passed
invalid286.txt passed
```

```
invalid217.txt passed
invalid221.txt passed
invalid222.txt passed
invalid228.txt passed
invalid238.txt passed
invalid231.txt passed
invalid231.txt passed
invalid237.txt passed
invalid238.txt passed
invalid248.txt passed
invalid248.txt passed
invalid248.txt passed
invalid248.txt passed
invalid248.txt passed
invalid248.txt passed
invalid256.txt passed
invalid256.txt passed
invalid256.txt passed
invalid256.txt passed
invalid256.txt passed
invalid257.txt passed
invalid258.txt passed
invalid268.txt passed
invalid277.txt passed
invalid288.txt passed
invalid289.txt passed
invalid289.txt passed
invalid289.txt passed
invalid299.txt passed
invalid389.txt passed
```

```
invalid309 txt passed invalid313.txt passed invalid315.txt passed invalid315.txt passed invalid316.txt passed invalid316.txt passed invalid316.txt passed invalid317.txt passed invalid319.txt passed invalid319.txt passed invalid319.txt passed invalid3210.txt passed invalid3210.txt passed invalid322.txt passed invalid325.txt passed invalid325.txt passed invalid326.txt passed invalid328.txt passed invalid330.txt passed invalid330.txt passed invalid3310.txt passed invalid340.txt passed invalid351.txt passed invalid352.txt passed invalid353.txt passed invalid353.txt passed invalid354.txt passed invalid353.txt passed invalid357.txt passed invalid357.txt passed invalid368.txt passed invalid366.txt passed invalid367.txt passed invalid368.txt passed invalid368.txt passed invalid3
```

```
invalid383.txt passed
invalid384.txt passed
invalid386.txt passed
invalid386.txt passed
invalid386.txt passed
invalid388.txt passed
invalid389.txt passed
invalid399.txt passed
invalid399.txt passed
invalid499.txt passed
invalid404.txt passed
invalid410.txt passed
invalid416.txt passed
invalid416.txt passed
invalid416.txt passed
invalid416.txt passed
invalid416.txt passed
invalid425.txt passed
invalid425.txt passed
invalid425.txt passed
invalid425.txt passed
invalid426.txt passed
invalid426.txt passed
invalid426.txt passed
invalid436.txt passed
invalid446.txt passed
invalid446.txt passed
invalid446.txt passed
invalid446.txt passed
invalid446.txt passed
invalid446.txt passed
invalid456.txt passed
invalid456.txt passed
invalid456.txt passed
invalid466.txt passed
invalid467.txt passed
invalid47.txt passed
```

```
invalid475.txt passed
invalid481.txt passed
invalid482.txt passed
invalid482.txt passed
invalid483.txt passed
invalid483.txt passed
invalid483.txt passed
invalid489.txt passed
invalid489.txt passed
invalid489.txt passed
invalid580.txt passed
invalid580.txt passed
invalid580.txt passed
invalid580.txt passed
invalid581.txt passed
invalid581.txt passed
invalid581.txt passed
invalid582.txt passed
invalid583.txt passed
invalid583.txt passed
invalid583.txt passed
invalid584.txt passed
invalid584.txt passed
invalid584.txt passed
invalid584.txt passed
invalid585.txt passed
invalid584.txt passed
invalid584.txt passed
invalid585.txt passed
invalid584.txt passed
invalid585.txt passed
invalid584.txt passed
invalid585.txt passed
invalid585.txt passed
invalid585.txt passed
invalid584.txt passed
invalid585.txt passed
```

```
invalid589.txt passed
invalid589.txt passed
invalid589.txt passed
invalid681.txt passed
invalid681.txt passed
invalid682.txt passed
invalid683.txt passed
invalid689.txt passed
invalid689.txt passed
invalid689.txt passed
invalid689.txt passed
invalid681.txt passed
invalid681.txt passed
invalid682.txt passed
invalid682.txt passed
invalid683.txt passed
invalid684.txt passed
invalid684.txt passed
invalid685.txt passed
invalid685.txt passed
invalid684.txt passed
invalid685.txt passed
invalid685.txt passed
invalid684.txt passed
invalid685.txt passed
invalid688.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
```

```
invalid680.txt passed
invalid681.txt passed
invalid685.txt passed
invalid680.txt passed
invalid680.txt passed
invalid680.txt passed
invalid680.txt passed
invalid690.txt passed
invalid691.txt passed
invalid691.txt passed
invalid693.txt passed
invalid693.txt passed
invalid693.txt passed
invalid697.txt passed
invalid697.txt passed
invalid697.txt passed
invalid790.txt passed
invalid790.txt passed
invalid790.txt passed
invalid790.txt passed
invalid791.txt passed
invalid791.txt passed
invalid792.txt passed
invalid793.txt passed
```

```
invalid759.txt passed
invalid760.txt passed
invalid760.txt passed
invalid770.txt passed
invalid771.txt passed
invalid771.txt passed
invalid772.txt passed
invalid772.txt passed
invalid773.txt passed
invalid778.txt passed
invalid778.txt passed
invalid782.txt passed
invalid782.txt passed
invalid782.txt passed
invalid781.txt passed
invalid781.txt passed
invalid782.txt passed
invalid781.txt passed
invalid782.txt passed
invalid783.txt passed
invalid783.txt passed
invalid783.txt passed
invalid789.txt passed
invalid880.txt passed
invalid880.txt passed
invalid880.txt passed
invalid881.txt passed
invalid881.txt passed
invalid882.txt passed
invalid883.txt passed
invalid884.txt passed
invalid884.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid884.txt passed
invalid888.txt passed
```

```
invalid856.txt passed
invalid857.txt passed
invalid858.txt passed
invalid860.txt passed
invalid860.txt passed
invalid860.txt passed
invalid861.txt passed
invalid876.txt passed
invalid876.txt passed
invalid876.txt passed
invalid876.txt passed
invalid876.txt passed
invalid876.txt passed
invalid878.txt passed
invalid878.txt passed
invalid878.txt passed
invalid888.txt passed
invalid881.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid888.txt passed
invalid889.txt passed
invalid898.txt passed
invalid898.txt passed
invalid898.txt passed
invalid898.txt passed
invalid898.txt passed
invalid992.txt passed
invalid993.txt passed
invalid932.txt passed
invalid932.txt passed
invalid932.txt passed
invalid932.txt passed
invalid932.txt passed
invalid932.txt passed
invalid933.txt passed
invalid934.txt passed
invalid935.txt passed
invalid936.txt passed
invalid948.txt passed
invalid948.txt passed
invalid948.txt passed
invalid948.txt passed
invalid948.txt passed
invalid944.txt passed
```

```
invalid945.txt passed
invalid946.txt passed
invalid946.txt passed
invalid948.txt passed
invalid948.txt passed
invalid950.txt passed
invalid950.txt passed
invalid950.txt passed
invalid950.txt passed
invalid950.txt passed
invalid960.txt passed
invalid960.txt passed
invalid960.txt passed
invalid960.txt passed
invalid960.txt passed
invalid970.txt passed
invalid970.txt passed
invalid970.txt passed
invalid970.txt passed
invalid970.txt passed
invalid970.txt passed
invalid980.txt passed
invalid980.txt passed
invalid980.txt passed
invalid980.txt passed
invalid980.txt passed
invalid990.txt passed
```

Figure 4: Output av alla bevis från uppgiften