即矫直力矩 $M_i$ 中本应该包括这一项,但由于该项对 $M_i$ 影响不大,故予以忽略。

## 8.10 凝固计算常用公式

## 8.10.1 液相线及固相线温度

设液相线温度为  $T_{\text{LL}}(^{\infty})$ ; 固相线温度为  $T_{\text{ss}}(^{\infty})$  (化学元素均为质量分数 (%))。

(1) 商家 K 于 1988 年提供给某钢铁公司超低头板坯连铸机的 Teetip 公式

$$T_{LL} = 1536.6 - \{88[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 5.5[Cu] + 1.5[Cr] + 4[Ni] + 2[Mo] + 18[Ti] + 1\}$$
 (2-8-174)

在式 (2-8-174) 中,1℃是对 P+S 而言。对气体和其他元素,必要时再减去 2℃。88 [%C] 是当含碳量 <0.5% 时的系数,当含碳量 >0.5% 时超出部分系数为 76,例如 0.6% C含量时,意味着温度降低为  $0.5\times88+0.1\times76=51.6$ ℃。

(2)《宝钢技术》1997年第3期第20页,日本人的"平居公式"

$$T_{LL} = 1538 - \{55[C] + 80[C]^2 + 13[Si] + 4.8[Mn] + 1.5[Cr] + 4.3[Ni] + 30[P] + 30[S]\}$$
 (2-8-175)

当[C]≤0.09%时

$$T_{ss} = 1538 - \{478 [C] + 20.5 [Si] + 6.5 [Mn] + 2.0 [Cr] + 11.5 [Ni] + 5.5 [Al] + 500 [P] + 700 [S] \}$$
 (2-8-176)

当0.09% < [ C] ≤0.17% 时

$$T_{ss} = 1495 - \{20.5[Si] + 6.5[Mn] + 2.0[Cr] + 11.5[Ni] + 5.5[Al] + 500[P] + 700[S]\}$$
 (2-8-177)

当[C]>0.17%时

$$T_{ss} = 1527 - \{187.5 [C] + 20.5 [Si] + 6.5 [Mn] + 2.0 [Cr] + 11.5 [Ni] + 5.5 [Al] + 500 [P] + 700 [S] \}$$
 (2-8-178)

(3)《鉄と鋼》1990年第2号第217页,長田修次等人给出的"平居正纯公式"

$$T_{ss} = \theta_{S} - 20.5[Si] - 6.5[Mn] - 2.0[Cr] - 1.5[Ni] - 5.5[Al] - 156[P] - 700[S]$$
 (2-8-179)

当[C]≤0.10%时

$$\theta_{\rm S} = 1536 - 420 [\, {\rm C} \, ]$$

当 0.10% < 「 C ] ≤ 0.185% 时

$$\theta_{\rm S} = 1494$$

当[C] > 0.185%时

$$\theta_{\rm s}$$
 = 1525. 2 – 168. 8 [ C ]

零塑性温度 ZDT (Zero Ductility Temperature)

$$ZDT = T_{ss} - \Delta T_{c} - \Delta T_{PS} \qquad (2-8-180)$$

当 [C]≤0.14%时

$$\Delta T_c = 12.86 [C] - 18$$

当0.14% < [ C ] ≤0.18% 时

$$\Delta T_{\rm c} = 700 [\rm C] - 103$$

当 0.18% < [ C ] ≤ 0.24% 时

$$\Delta T_{\rm c} = -466.7 [C] + 107$$

当 0.24% < [ C] ≤ 0.50% 时

$$\Delta T_{c} = -5$$
  
 $\Delta T_{PS} = 1007 [P] + 1411 [S] ([P] \le 0.04\%)$ 

据报道,按照式 (2-8-180) 计算的 ZDT 温度与实测值的误差在 20℃以内。

(4)《连续铸钢手册》, 1990年12月冶金工业出版社出版,第81页给出的公式液相线温度见表2-8-3。固相线温度见表2-8-4。

+	In (I) vo
表 2-8-3	液相线温度

136	农2-6-3 液怕线温度		
适应 钢种	计 算 公 式	准确度	附 注
各种钢	式(2-8-181): $T_{LL} = 1539 - \{70[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + [Cu] + 4[Ni] + 1.5[Cr] \}$ 式(2-8-182): $T_{LL} = 1534 - \{73[C] + 12[Si] + 3[Mn] + 28[P] + 30[S] + 7[Cu] + 3.5[Ni] + [Cr] + 3[Al] \}$ 式(2-8-183): $T_{LL} = 1539 - \{90[C] + 6.2[Si] + 1.7[Mn] + 28[P] + 40[S] + 2.6[Cu] + 2.9[Ni] + 1.8[Cr] + 5.1[Al] \}$	+5 ~15℃ -1 ~6℃	式(2-8-183)中,[C] ≤ 0.6%,而数字 1539 在《现代连续铸钢实用手册》第 52 页式(2-17)中为 1536。还说这三个公式计算误差在 ± 2~±5℃之间
碳素钢	式(2-8-184): $T_{LL} = 1538 - \{f[C] + 13[Si] + 4.8[Mn] + 1.5[Cr] + 3.1[Ni]\}$ $f[C] = 55[C] + 80[C]^2 \qquad \qquad \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ \\ $	±3℃ ±4℃	[C] ≤0.5%
主 适 特 钢 种	式(2-8-186): $T_{LL} = 1534 - \{91[C] + 21[Si] + 3.5[Mn] + 4[Ni] + 0.65[Cr] + 3[Mo]\}$ 式(2-8-187): $T_{LL} = 1536 - \{100.3[C] - 22.41[C]^2 - 0.61 + 13.55[Si] - 0.64[Si]^2 + 5.82[Mn] + 0.3[Mn]^2 + 0.2[Cu] + 4.18[Ni] + 0.01[Ni]^2 + 1.59[Cr] - 0.007[Cr]^2\}$ 式(2-8-188): $T_{LL} = 1536 - \{0.1 + 83.9[C] + 10[C]^2 + 12.6[Si] + 5.4[Mn] + 4.6[Cu] + 5.1[Ni] + 1.5[Cr] - 33[Mo] - 0[W] - 30[P] - 37[S] - 9.5[Nb]\}$	良好 ±2℃ 良好	式 (2-8-186) 和式 (2-8-187) 为回归式, 式 (2-8-187), 若是普通钢, 代人 [C] [Si] [Mn] 3 种元素, 从中减去 2~3℃即可。式 (2-8-188)[C]≤0.51%

## 表 2-8-4 固相线温度

式(2-8-189):  $T_{ss}$  = Fe-C 系的熔点( $^{\circ}$ C) -  $\{20.5[Si] + 6.5[Mn] + 500[P] + 700[S] + 2[Cr] + 11.5[Ni] + 5.5[Al]\}$  式(2-8-190):  $T_{ss}$  = Fe-C 系的熔点( $^{\circ}$ C) -  $\{7.6[Si] + 4.9[Mn] + 34.4[P] + 3.8[S] + 3.1[Ni] + 1.3[Cr] + 3.6[Al]\}$  式(2-8-191):  $T_{ss}$  = 1536 -  $\{415.3[C] + 12.3[Si] + 6.8[Mn] + 124.5[P] + 183.9[S] + 4.3[Ni] + 1.4[Cr] + 4.1[Al]\}$ 

在 M. El-Bealy, N. Leskinen, H. Fredriksson. Simulation of cooling conditions in secondary cooling zone in continuous casting process [J], Ironmaking and Steelmaking, 1995, Vol. 22 (3): 169-184 中所列的固相线温度计算公式和表 2-8-4 中式 (2-8-191) 有些许区别, 其 由1536为1535,415.3为200。

(5) 日本第 34 回特殊鋼部会 S. 43. 3 给出的公式

$$T_{LL} = 1536 - \{-0.61 + 100.3[C] - 22.41[C]^2 + 13.55[Si] - 0.64[Si]^2 + 5.82[Mn] + 0.3[Mn]^2 + 4.2[Cu] + 4.18[Ni] - 0.01[Ni]^2 + 1.59[Cr] - 0.007[Cr]^2\}$$

(2-8-192)

和式 (2-8-187) 相比, [Cu] 前面的系数式 (2-8-187) 是 0.2, 式 (2-8-192) 是 4.2; 0.01 [Ni]<sup>2</sup> 项前面,式 (2-8-187) 为正,式 (2-8-192) 为负。

(6)《日本广田连铸技术》1989年,武钢二炼钢刘良春等编译,第91页给出的公式  $T_{\rm LL} = 1536.6 - \{88[{\rm C}] + 25[{\rm S}] + 5[{\rm Cr}] + 8[{\rm Si}] + 5[{\rm Mn}] + 30[{\rm P}] + 10[{\rm Mn}] + 10[{\rm Mn}] + 10[{\rm Cr}] + 1$ 2[Mo] + 4[Ni] + 18[Ti] + 2[V](2-8-193)

固相线温度同式 (2-8-189)。

(7)《连续铸钢原理与工艺》1994年,蔡开科等编,冶金工业出版社,第102~103 页, 此公式也是商家 K 于 20 世纪 70 年代培训商家 A 所用到的。

$$T_{LL} = 1537 - \{88[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 5[Cu] + 4[Ni] + 2[Mo] + 2[V] + 1.5[Cr]\}$$

$$(2-8-194)$$

(8)《连铸浇注工艺》1990年7月,倪满森编写技术报告,(1-6)~(1-7)页给出的 公式

$$T_{LL} = 1538 - \{f[C] + 13[Si] + 4.8[Mn] + 1.5[Cr] + 4.3[Ni] + 30[P] + 30[S]\}$$
  
当[C] < 0.5% 时:  $f[C] = 55[C] + 80[C]^2$ 

$$f[C] = 55[C] + 80[C]^{2}$$

此公式来自《鉄と鋼》1969, Vol, 55。

$$T_{LL} = 1536.6 - \{88[C] + 25[S] + 30[P] + 8[Si] + 5[Mn] + 18[Ti] + 2[Mo] + 4[Ni] + 5[Cu] + 2[V] + 1.5[Cr]\}$$

$$T_{LL} = 1534 - \{80.5[C] + 33.5[S] + 33.5[P] + 17.8[Si] + 3.75[Mn] + (2-8-196)$$

$$T_{LL} = 1534 - \{80.5[C] + 33.5[S] + 33.5[P] + 17.8[Si] + 3.75[Mn] + 3.4[Cu] + 3.4[Al] + 3[Ni]\}$$

$$(2-8-197)$$

(9) 商家 D 于 20 世纪 90 年初给 S 钢铁公司不锈钢连铸机推荐的公式

$$T_{LL} = 1536.6 - \{90[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 1.5[Cr] + 4[Ni] + 2[Mo] + 5[Cu] + 90[N]\}$$
 (2-8-198)

(10)《冶金单元设计》1994年,范光前编,冶金工业出版社,给出的用于不锈钢的公式  $T_{LL} = 1536 - \{78[C] + 7.6[Si] + 4.9[Mn] + 34[P] + 30[S] + 5[Cu] +$ 

$$I_{LL} = 1536 - \{78[C] + 7.6[Si] + 4.9[Mn] + 34[P] + 30[S] + 5[Cu] + 3.1[Ni] + 1.3[Cr] + 3.6[Al] + 2[Mo] + 2[V] + 18[Ti]\}$$

$$(2-8-199)$$

商家 D 于 21 世纪中期给 S 钢铁公司不锈钢连铸机推荐的也是此公式。

(11) 商家 D 于 21 世纪给 T 钢铁公司不锈钢连铸机推荐的两个公式

$$T_{LL} = 1536.6 - \{90[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 3[Al] + 1.55[Cr] + 4[Ni] + 2[Mo] + 18[Ti] + 80[N] + 5[Cu]\}$$
 (2-8-200a)

)中,[C]

注

文字 1539 式(2-17)

和式 日式, 是普

[Si] 从中

11%

$$T_{LL} = 1536.6 - \{90[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 5[Cu] + 4[Ni] + 1.55[Cr] + 2[Mo] + 18[Ti] + 80 \times 0.0001([N]ppm - 100)\}$$

$$(2-8-200b)$$

(12)《武钢炼钢生产技术进步概况》2003年萧忠敏编,冶金工业出版社,第332页,对硅钢

$$T_{LL} = 1539 - \{65[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 5[Cu] + 4[Ni] + 2[Mo] + 2[V] + 1.5[Cr]\}$$
 (2-8-201)

(13) 商家 B 于 21 世纪初给 A 钢铁公司不锈钢连铸机推荐的公式

当[C] < 0.2% 时

$$T_{LL} = 1536 - \{65[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 1.7[Al] + 5[Cu] + 1.5[Cr] + 4[Ni] + 2[V] + [W] + 1.7[Co] + 12.8[Zr] + 7[Nb] + 3[Ta] + 14[Ti] + 14[As] + 10[Sn]\}$$

当[C]=0.2%~0.5%时

$$T_{LL} = 1536 - \{88[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 1.7[Al] + 5[Cu] + 1.5[Cr] + 4[Ni] + 2[V]\}$$

当[C]>0.5%时

$$T_{LL} = 1536 - \{9[C] + 65[C]^{2} + 10[Si] + 6[Mn] + 30[P] + 30[S] + 3[Al] + 5[Cu] + 1.5[Cr] + 3.5[Ni] + 2[V]\}$$
(2-8-202)

(14) 商家 D 在某钢铁公司碳钢板坯连铸机上采用下列公式计算液相线温度

$$T_{LL} = 1536.6 - \{ Factor[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 2[Ti] + 2[Mo] + 5[Cu] + 4[Ni] + 1.5[Cr] + 5.1[Al]_{sol} + 90[N] \}$$
 (2-8-203a)

系数 Factor 见表 2-8-5a。

表 2-8-5a 式 (2-8-203a) 中与碳含量有关的系数 Factor

[C]/%	Factor	[C]/%	Factor
0. 000 < [ C ] ≤0. 025	90. 0	0.500 < [C] ≤0.600	86. 1
0. 025 < [ C ] ≤0. 050	82. 0	0.600 < [ C ] ≤0.700	84. 2
0. 050 < [C] ≤0. 101	86. 0	0.700 < [C] ≤0.800	83. 2
0. 101 < [C] ≤0. 500	88. 4	0.800 < [C] ≤1.000	82. 3

(15) 商家 D 在另一钢铁公司提供的液相线温度计算方法

系数 Factor 1 和系数 Factor 2 见表 2-8-5b。

表 2-8-5b 式 (2-8-203b) 中与碳含量和其他元素含量有关的系数 Factor 1、Factor 2

[C]/%	Factor 1	其他元素代号	## - # - # - # - # - # - # - # - # - #	
-0.025	1.5	开心系气与	其他元素在钢中含量/%	Factor 2
≤0. 025	90	Si	0~3.0	8
0. 026 ~ 0. 050	82	Mn	0~1.5	5
0.060 ~ 0.10	86	P	0~0.7	20
0. 11 ~0. 50	88. 4	S		30
0.51~0.60	96.1		0 ~ 0. 08	25
0.01	86. 1	Cr	0 ~ 18. 0	1.5

				续表 2-8-5b
[C]/%	Factor1	其他元素代号	其他元素在钢中含量/%	Factor 2
0.61 ~ 0.70	84. 2	Ni	0 ~ 9. 0	4
0.71 ~ 0.80	83. 2	Cu	0 ~0.3	5
0.81 ~ 1.00	82. 3	Мо	0 ~ 0. 3	2
		V	0 ~ 1. 0	2
		W	0 ~ 18. 0	1
		As	0 ~ 0. 5	14
-6-		Sn	0 ~ 0. 03	10
		Al	0 ~ 0. 03	5. 1
		Ti	_	17
		0	0 ~ 0. 03	-80
		N	0 ~ 0. 03	90
		11		1300

当某钢种的化学成分为 [C] = 0.20%; [Si] = 0.17%; [Mn] = 0.40%; [P] = 0.020%; [S] = 0.015%时,应用式 (2-8-203b)计算液相线温度举例:

$$T_{LL} = 1536.6 - 88.4 \times 0.20 - 8 \times 1.7 - 5 \times 0.40 - 30 \times 0.020 - 25 \times 0.015$$
  
= 1514.6°C

(16)《连续铸钢》1994年,冶金工业出版社,陈雷编,第74页

$$T_{ss} = \begin{cases} 1534 - 410 \text{ [CE]} & (\text{ [C]} < 0.1\%) \\ 1493 & (0.1\% \leq \text{ [C]} < 0.2\%) \\ 1534 - 184 \text{ [CE]} & (\text{ [C]} > 0.2\%) \end{cases}$$
 (2-8-204)

$$CE = \{80.5[C] + 33.5[P] + 33.5[S] + 17.8[Si] + 3.75[Mn] + 3.4[Cu] + 3.4[Al] + 1.5[Cr] + 3[Ni]\}/80.5$$

(17)《薄板坯连铸连轧钢的组织性能控制》2006年,冶金工业出版社,康永林编, 第39页

$$T_{LL} = 1537 - \{65[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 2.7[Al] + 80[O] + 90[N]\}$$

$$T_{ss} = 1537 - \{175[C] + 20[Si] + 30[Mn] + 280[P] + 575[S] + 7.5[Al] + 160[O]\}$$

$$(2-8-206)$$

(18)《板坯连铸》1990年,冶金部工人技能视听教材编辑部编,第46页

板坯连铸》
$$1990$$
 年,福金印工代区局2007年  
 $T_{LL} = 1539 - \{65[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 5[Cu] + 90[N] + 80[O] + 4[Ni] + 1.5[Cr] \}$  (2-8-207)

(19)《品种钢、优特钢连铸 900 问》2007年,中国科学技术出版社,干勇等编,第 65页

$$T_{LL} = 1539 - \{70[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 4[Ni] + 2[Mo] + 2[V]\}$$

$$T_{ss} = 1534 - 2.29 \{80.5[C] + 17.8[Si] + 3.75[Mn] + 33.5[P] + (2-8-208)$$

33. 
$$5[S] + 3[N] + 1.5[Cr] + 3.4[Cu] + 3.4[Al]$$
 (2-8-209)

(20) 商家 A 于 1998 年提供给 A 钢铁公司板坯连铸机镀锡板计算公式

$$T_{LL} = 1536.8 - \{88[C] + 5[Mn] + 8[Si] + 30[P] + 25[S] + 5[Cr] + 2[Mo] + 4[Ni] + 18[Ti] + 2[V]\}$$
(2-8-210)

(21)《国外连铸新技术》译文集 (二), 20 世纪80年代, 第14页

$$T_{LL} = 1535 - \{78[C] + 4.9[Mn] + 3.6[Al] + 7.6[Si]\}$$
 (2-8-211)

(22)《钢铁》2012年,第10期,第28页

$$T_{ss} = 1536 - \{175[C] + 20[Si] + 30[Mn] + 280[P] + 575[S] + 6.5[Cr] + 4[V] + 4.75[Ni] + 7.5[Al] + 2.5[W] + 40[Ti] + 5[Mo] + 60[Nb] + 160[O]\} (2-8-212)$$

(23) 《炼钢》 2013年, 第5期, 第66~67页

$$T_{LL} = 1539 - \{70[C] + 8[Si] + 5[Mn] + 30[P] + 25[S] + 4[Ni] + 1.5[Cr]\}$$
 (2-8-213)   
式 (2-8-213) 与式 (2-8-181) 相比较缺少 [Cu]。此公式适应于一般钢种。

(24) 铸铁液相线温度及共晶温度

白口铸铁共晶温度: 
$$T_{sw} = 1104 + 9.8[C] - 12.1\{[Si] + 2.45[P]\}$$
 (2-8-215)

(25)《连续铸钢生产技术》2011年,化学工业出版社,杨吉春编著

$$T_{ss} = 1471 - \{25.2[C] + 12[Si] + 7.6[Mn] + 34[P] + 30[S] + 5[Cu] + 3.1[Ni] + 1.3[Cr] + 3.6[Al] + 2[Mo] + 2[V] + 18[Ti]\}$$
 (2-8-216)

杨吉春在书中计算液相线温度时引用了式 (2-8-183), 但是"1539"变成了"1536"。

## 8.10.2 碳当量

碳当量为 $C_{eq}$ ,其中元素均为质量分数(%)。

(1)《袖珍世界钢号手册》2003 年,机械工业出版社,林慧国等编,日本工业标准 (JIS)及日本焊接工程师学会推荐的公式。用于工程与焊接结构钢,低合金调质钢( $\sigma$  = 500~1000MPa)。通常 [C]  $\leq$  0.2%,[Mn]  $\leq$  1.5%,[Si]  $\leq$  0.55%, [Cu] = 0.5%, [Ni]  $\leq$  2.5%,[Cr]  $\leq$  1.25%,[Mo]  $\leq$  0.7%,[V]  $\leq$  0.1%,[B]  $\leq$  0.006%。如桥梁钢、普通结构用碳钢、焊接结构用碳钢、碳锰钢、焊接结构用铸钢、焊接结构用离心铸铁管等。商家 A、商家 H、商家 L 按照下面公式计算碳当量

$$C_{\text{eq}} (\%) = w(C) + \frac{w(Mn)}{6} + \frac{w(Si)}{24} + \frac{w(Ni)}{40} + \frac{w(Cr)}{5} + \frac{w(Mo)}{4} + \frac{w(V)}{14} (2-8-217)$$

焊接裂纹敏感指数,日本伊藤 (ITO) 公式,见《焊管》2004年3月,第27卷第2期,第71~72页

$$P_{cm}(\%) = w(C) + \frac{w(Mn)}{20} + \frac{w(Si)}{30} + \frac{w(Cu)}{20} + \frac{w(Ni)}{60} + \frac{w(Cr)}{20} + \frac{w(Mo)}{15} + \frac{w(V)}{10} + 5B$$
(2-8-218)

适应范围 [C] = 0.07% ~ 0.22% , [Mn] = 0.4% ~ 1.4% , [Si]  $\leq$  0.6% , [Cu] = 0.5% , [Ni]  $\leq$  1.2% , [Mo]  $\leq$  0.7% , [V]  $\leq$  0.12% , [Nb]  $\leq$  0.04% , [Ti]  $\leq$  0.5% , [B]  $\leq$  0.005% 。当钢板的焊接裂纹敏感指数  $P_{\rm cm}$   $\leq$  0.20% 时,防止冷裂纹的预热温度不会