# 初识机器学习

## 监督学习

监督学习（Supervised Learning）,输入样本已被标记。有两类问题，回归(Regression)和分类（Classification）。

Regression的输出是连续的，Classification输出离散。

**典型案例：**

Regression根据已知楼盘房价推测新楼盘房价。

Classification根据肿瘤样本的良性/恶性，推测新肿瘤是良性还是恶性。

## 无监督学习

无监督学习（Unsupervised Learning），输入样本没有被标记，需要根据样本间的相似性对样本集分类。

**典型案例：**

用户细分

混合音频的剥离

# 线性回归

监督学习中的回归问题，分为单变量线性回归（Linear regression with one variable）和多变量线性回归（(Linear Regression with Multiple Variables）。

一般公式为：

其中，，为变量数量，也叫特征数量。

矩阵公式：

## 代价函数

1. **函数原型**

文本

描述已自动生成

1. **python实现**

|  |
| --- |
| #代价函数  #x, y, theta为矩阵变量  def costFunctionJ(x, y, theta) :  #计算(x\*theta - y) ^ 2  inner = np.power(((x.dot(theta.T)) - y), 2)  #计算  累加和/2m  return np.sum(inner) / (2 \* len(x)) |

1. **原理**

假定训练实例原本为97x1的矩阵，为了计算矩阵相乘，前面插入一列1，为97x2矩阵。

矩阵为每个实例的输出，也是97x1矩阵。

m为实例数量，97。

矩阵为2x1矩阵，即，其中 = 1，每次运算有两个值。

回到代价函数公式，其中：

，

换成矩阵形式，即矩阵和矩阵相乘，，所得结果是97x1矩阵，包含了m个训练实例的每一个计算结果。

矩阵运算包含了每一个训练实例的计算结果与实际结构的差值。

python代码np.power((x.dot(theta.T), 2)，对差值矩阵的每个元素求平方。numpy使用dot进行矩阵乘法，使用multiply进行矩阵点乘。不要使用\*，容易乱。

最后的np.sum(inner) / (2 \* len(x))，也就是公式中功能。

## 批量梯度下降

1. **函数原型**

文本

描述已自动生成

1. **python实现**

|  |
| --- |
| def gradientDescent(x, y, theta, alpha, iters):      #theta矩阵清零      temp = np.matrix(np.zeros(theta.shape))      #revel()将多维数组降为一维      #返回theta元素个数      parameters = int(theta.ravel().shape[1])      #比如iters=5,则cost为长度为5的数组，值为0      cost = np.zeros(iters)        for i in range(iters):          error = (x.dot(theta.T)) - y          print(error)            for j in range(parameters):              term = np.multiply(error, x[:,j])              temp[0,j] = theta[0,j] - ((alpha / len(x)) \* np.sum(term))            theta = temp          cost[i] = costFunctionJ(x, y, theta)        return theta, cost |

1. **原理**

对于，梯度下降公式：

其中：

公式展开：

其中：

n为的特征数，本例中n=2。

求导后：

其中，代表矩阵中第行、第列，也就是第个训练实例的第个特征。

对于：

设矩阵R为计算结果，实际上是矩阵R和矩阵X的第一列相乘矩阵的累加。

回到python：

代码error = (x.dot(theta.T)) – y即为。

代码term = np.multiply(error, x[:,j])，即为，其中为矩阵的第列。

代码np.sum(term)即为。

代码temp[0,j] = theta[0,j] - ((alpha / len(x)) \* np.sum(term))即为对的迭代过程，其中在这里的取值为0，1。

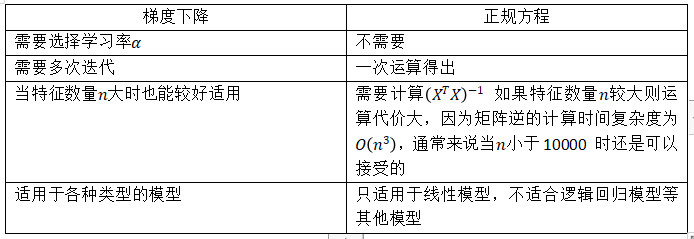
## 正规方程

正规方程（Normal Equation）是通过求解下面的方程来找出使得代价函数最小的参数的： 。

解得

TODO:推导过程涉及矩阵求导，目前不会，以后再推吧。

梯度下降与正规方程的比较：



总结，只要特征变量的数目并不大，标准方程是一个很好的计算参数的替代方法。具体地说，只要特征变量数量小于一万，我通常使用标准方程法，而不使用梯度下降法。

# 逻辑回归

Logistic Regression，监督学习中的分类问题，主要处理二分类中的线性可分问题。

对于线性可分，期望的假设函数处于[0, 1]范围，以便于判定：

当时，预测 = 1。

当时，预测 = 0。

因此结合了线性方程和Logistics/Sigmoid方程。

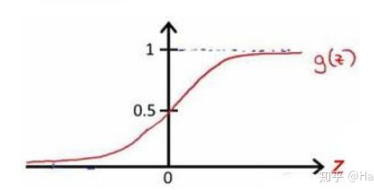
即：

的意义，给定输入变量,，计算输出变量等于1的可能性，也写作：

## 判定边界

Decision Boundary，就是判定的边界。

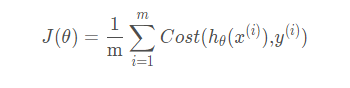
的图像为：



也就是确定后，的位置。

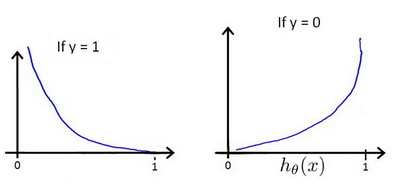
## 代价函数

逻辑回归的原始代价函数：



其中：

图像为：



这个函数的意义在于：

的情况，等于1时误差为0，越远离1，误差越大。

的情况，等于0时误差为0，越远离0，误差越大。

这样的函数特性符合实际预期，Cost二段式函数合并一下：

所以逻辑回归的最终代价函数为：

python代码实现也是根据这一条公式而来：

|  |
| --- |
| # Logistic Regression代价函数  # 返回值[jVal, gradient] - 为了适应fmin\_tcn调用  # 注意这个theta参数类型为数组  # 原因是fmin\_tnc函数自动调用代价函数时，  # 会对自动将theta转换成array\_like，因此参数theta的类型为array\_like  def costFunctionJ(theta, x, y):      #输入转换为矩阵形式      theta = np.matrix(theta)      x = np.matrix(x)      y = np.matrix(y)      #H(x)      hx= sigmoid(x.dot(theta.T))      first = np.multiply(-y, np.log(hx))      second = np.multiply((1 - y), np.log(1 - hx))      #矩阵形式，下面两个都可以，只是grad的形状不一样      #grad = 1.0/(len(X)) \* (hx - y).T.dot(x)      grad = 1.0/(len(X)) \* x.T.dot(hx - y)      return np.sum(first - second) / (len(X)), grad |

后续中， 这个代价函数会作为scipy库中的truncated newton (TNC) 算法的参数进行最优计算，为了适配TNC函数，代价函数的返回值参数表是[jVal, gradient]。

## 梯度下降

梯度下降公式：

代入后化简，得到的结果和线性方程的一致：

其中：

实际工程中基本不会使用这个算法，而是使用现成的算法库。

## TNC算法库

直接将代价函数、初始化值（[0, 0, 0]）、原始数据集传入fmin\_tnc函数进行调用。

|  |
| --- |
| import scipy.optimize as opt  result = opt.fmin\_tnc(func = costFunctionJ, \  x0 = theta, args=(x, y), messages = 0) |

返回值：

|  |
| --- |
| 返回值[array, nfevel, rc]  @array : 最优theta数组  @nfevel: 函数评估的数量  @rc : 返回码  返回码rc定义：  -1 : Infeasible (lower bound > upper bound)  0 : Local minimum reached (|pg| ~= 0)  1 : Converged (|f\_n-f\_(n-1)| ~= 0)  2 : Converged (|x\_n-x\_(n-1)| ~= 0)  3 : Max. number of function evaluations reached  4 : Linear search failed  5 : All lower bounds are equal to the upper bounds  6 : Unable to progress  7 : User requested end of minimization |