Ordenação e Complexidade Algorítmica

Aula 09 Ordenação e Complexidade Algorítmica

Programação II, 2017-2018

v1.6. 2018-04-14

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção

Fusão

Quick Sort

Sumário

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

Sumário

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

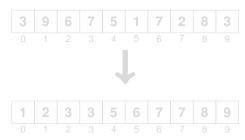
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser
 - Humorica, se totem numeros:
 lexicográfica, se forem palavnas, y cronológica, se forem datas.
 - A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

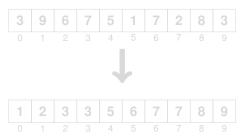
definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

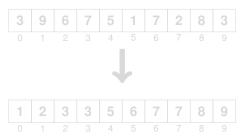
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

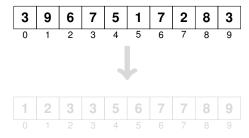
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- E preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser
 - lexicográfica, se forem palavnes; sronológica, se forem datas.

A ordenação pode ser crescente ou decrescente

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

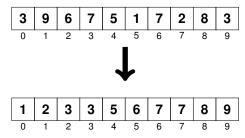
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

Ordenação

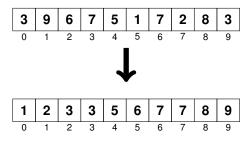
Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão

Quick Sort

Complexidade:

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - numerica, se forem numeros;
 - lexicográfica, se forem palavras
 - cronológica, se forem datas
 - .

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

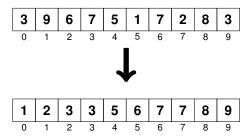
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Inserçao Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Bia-O

Ordenação

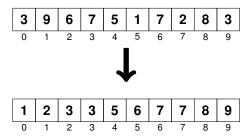
Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade:

comparação

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se forem palavras;
 - · cronológica, se forem datas.
 -

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação
Complexidade Algorítmica:
definicão

Notação Big-O

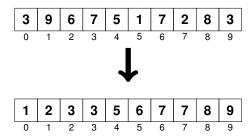
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - · lexicográfica, se forem palavras;
 - · cronológica, se forem datas.

•

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

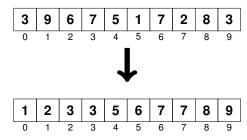
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se forem palavras;
 - · cronológica, se forem datas.

•

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

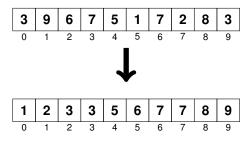
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se forem palavras;
 - cronológica, se forem datas.
 -

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definicão

Notação Big-O

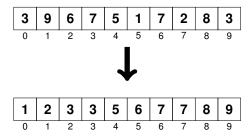
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

 Ordenação é o acto de colocar os elementos de uma sequência de dados numa ordem predefinida:



- É preciso haver uma relação de ordem entre os elementos.
- Essa relação de ordem pode ser:
 - · numérica, se forem números;
 - lexicográfica, se forem palavras;
 - cronológica, se forem datas.
 -

A ordenação pode ser crescente ou decrescente.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O
- Ordenação
 - Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação
 - (Bolha) Inserção Fusão
 - Quick Sort
 - Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica!

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica!

Ordenação por Seleção (SelectionSort);

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição Notação Bia-O
- Ordenação
- Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)
- Inserção Fusão
- comparação
- Complexidade:
- Quick Sort

Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);

Complexidade Algorítmica!

Ordenação por Seleção (SelectionSort);

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição Notação Bia-O
- Ordenação
- Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação
- (Bolha) Inserção
- Fusão
- Complexidade:
- Quick Sort

comparação

Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);

Ordenação por Seleção (SelectionSort);

Ordenação por Inserção (InsertionSort);

- Complexidade Algorítmica!

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);

Ordenação por Seleção (SelectionSort);

Ordenação por Inserção (InsertionSort);

Ordenação por Fusão (MergeSort);

Complexidade Algorítmica!

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição
- Notação Bia-O
- Ordenação
- Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)
- Inserção Fusão
- Quick Sort
- Complexidade: comparação

Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);

Ordenação por Seleção (SelectionSort);

Ordenação por Inserção (InsertionSort);

Ordenação por Fusão (MergeSort);

Ordenação Rápida QuickSort;

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

- Ordenação por Seleção (SelectionSort);
- Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);
- Ordenação por Inserção (InsertionSort);
- Ordenação por Fusão (MergeSort);
- Ordenação Rápida QuickSort;

. . .

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

- Ordenação por Seleção (SelectionSort);
- Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);
- Ordenação por Inserção (InsertionSort);
- Ordenação por Fusão (MergeSort);
- Ordenação Rápida QuickSort;

. . .

- Ordenação e Complexidade Algorítmica
- Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação
- Complexidade Algorítmica: definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

- Ordenação por Seleção (SelectionSort);
- Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);
- Ordenação por Inserção (InsertionSort);
- Ordenação por Fusão (MergeSort);
- Ordenação Rápida QuickSort;

. . .

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Complexidade Algorítmica!

- Ordenação por Seleção (SelectionSort);
- Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);
- Ordenação por Inserção (InsertionSort);
- Ordenação por Fusão (MergeSort);
- Ordenação Rápida QuickSort;
- . . .

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade:

comparação

Porquê tantos algoritmos de ordenação?

Complexidade Algorítmica!

- Ordenação por Seleção (SelectionSort);
- Ordenação por flutuação ou tipo "bolha" (BubbleSort);
- Ordenação por Inserção (InsertionSort);
- Ordenação por Fusão (MergeSort);
- Ordenação Rápida QuickSort;
- . . .

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade Algorítmica: definição

Complexidade (computacional) de um algoritmo

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.

 A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica:

definicão Algoritmica:

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução
 - 2 Espaço de memória utilizado
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Jidenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade:

comparação

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - 1 Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

É uma medida da quantidade de recursos computacionais necessários para executar esse algoritmo.

- Os recursos mais importantes a considerar são:
 - Tempo de execução.
 - 2 Espaço de memória utilizado.
- Normalmente, a quantidade de recursos depende da dimensão do problema.
- Por isso, a complexidade de um algoritmo é uma função da dimensão do problema.
 - Por exemplo, o tempo para ordenar um vector depende da dimensão do vector.
- A complexidade também pode depender dos dados concretos do problema, mas é vulgar considerarmos apenas a complexidade média ou do pior caso para certa dimensão dos dados.
 - Por exemplo, alguns algoritmos de ordenação são mais rápidos se os dados já estiverem ordenados.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

- Um mesmo programa, executado várias vezes no mesmo computador, pode demorar tempos diferentes, devido a fatores imprevisíveis como interrupções de hardware ou competição com outros processos no sistema.
- Assim, para medir a complexidade de um algoritmo sem depender de uma implementação concreta num certo sistema, é vulgar expressar os recursos necessários em unidades mais abstratas como o número de instruções executadas e o número de posições de memória ocupadas.
- Esses números, multiplicados por fatores adequados a um certo sistema, dão uma estimativa do tempo (em segundos) e memória (em bytes) gastos nesse sistema concreto.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definicão

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão Quick Sort

- Um mesmo programa, executado várias vezes no mesmo computador, pode demorar tempos diferentes, devido a fatores imprevisíveis como interrupções de hardware ou competição com outros processos no sistema.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:

comparação

- Um mesmo programa, executado várias vezes no mesmo computador, pode demorar tempos diferentes, devido a fatores imprevisíveis como interrupções de hardware ou competição com outros processos no sistema.
- Assim, para medir a complexidade de um algoritmo sem depender de uma implementação concreta num certo sistema, é vulgar expressar os recursos necessários em unidades mais abstratas como o número de instruções executadas e o número de posições de memória ocupadas.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:

comparação

- Um mesmo programa, executado várias vezes no mesmo computador, pode demorar tempos diferentes, devido a fatores imprevisíveis como interrupções de hardware ou competição com outros processos no sistema.
- Assim, para medir a complexidade de um algoritmo sem depender de uma implementação concreta num certo sistema, é vulgar expressar os recursos necessários em unidades mais abstratas como o número de instruções executadas e o número de posições de memória ocupadas.
- Esses números, multiplicados por fatores adequados a um certo sistema, dão uma estimativa do tempo (em segundos) e memória (em bytes) gastos nesse sistema concreto.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

remos assim que:

Complexidade Algorítmica: Introdução

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Motivação

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

 Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- · Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - · Factores multiplicativos constantes não são relevantes.

```
• Exemplos: O(100000 \cdot n) = O(n); O(100000) = O(1)
```

- Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
- Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)
 - · Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Exemplos: $O(100000 + n^2) = O(n^2)$; $O(n^2 + n^3) = O(n^3)$
 - Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplo: $f \in O(n) \implies f \in O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)
 - Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Exemplos: $O(100000 + n^2) = O(n^2)$; $O(n^2 + n^3) = O(n^3)$

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes n\u00e3o s\u00e3o relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)
 - Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Exemplos: $O(100000 + n^2) = O(n^2)$; $O(n^2 + n^3) = O(n^3)$
 - Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplo: $f \in O(n) \implies f \in O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação

09.7

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)
 - Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Exemplos: $O(100000 + n^2) = O(n^2)$; $O(n^2 + n^3) = O(n^3)$
 - Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplo: $f \in O(n) \implies f \in O(n^3)$

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Diz-se que uma função f(n) (representando a métrica em análise) tem uma complexidade O(g(n)) se, para valores de n suficientemente grandes, se verifica a desigualdade: $f(n) < K \cdot g(n)$, para uma certa constante K.

- Temos assim que:
 - Factores multiplicativos constantes não são relevantes.
 - Exemplos: $O(100000 \cdot n) = O(n)$; O(100000) = O(1)
 - Só interessa a parcela que cresce "mais depressa".
 - Exemplos: $O(100000 + n^2) = O(n^2)$; $O(n^2 + n^3) = O(n^3)$
 - Uma função com complexidade O(g(n)) também tem complexidade O(h(n)) se h(n) for majorante de g(n).
 - Exemplo: $f \in O(n) \implies f \in O(n^3)$
- Estamos, é claro, interessados em descobrir a menor função majorante possível!

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:

comparação

Classes mais comuns (ordem crescente de complexidade):

• Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)
Factorial: O(n²)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Constante: O(1)Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)
Factorial: O(n¹)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)

Exponencial: O(pFactorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão Quick Sort Complexidade:

comparação

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Expanancial: O(n²)

Exponencial: O(p)
 Factorial: O(n)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)

• Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

• Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)

Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil).

Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

 Classes mais comuns (ordem crescente de complexidade):

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)

• Factorial: O(n!

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

 Classes mais comuns (ordem crescente de complexidade):

· Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

• Linear: *O*(*n*)

• Pseudo-linear: $O(n \cdot log(n))$

Quadrática: O(n²)
Cúbica: O(n³)
Polinomial: O(n²)
Exponencial: O(p²)
Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil). Complexidade
Algorítmica:
Introdução
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Constante: O(1)

Logarítmica: O(log(n))

Linear: O(n)

Pseudo-linear: O(n · log(n))

 Quadrática: O(n²) Cúbica: O(n³) Polinomial: O(n^p) Exponencial: O(pⁿ)

Factorial: O(n!)

 Faz sentido fazer esta análise tendo em consideração a complexidade média ou a complexidade máxima (a complexidade mínima não é, em geral, tão útil).

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Ordenação por Seleção

A ordenação por seleção consiste em

- Procurar o valor mínimo no vector e colocá-lo na primeira posição.
- Depois repetir o processo a partir de cada uma das posições seguintes, por ordem.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++) {
    // find minimum in [i;end[
    int indexMin = i;
   for (int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[j] < a[indexMin])
      indexMin = j;
    // swap values a[i] and a[indexMin]
    swap(a, i, indexMin);
}

assert isSorted(a, start, end);
}</pre>
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão Quick Sort

Ordenação por Seleção

A ordenação por seleção consiste em:

- Procurar o valor mínimo no vector e colocá-lo na primeira posição.
- Depois repetir o processo a partir de cada uma das posições seguintes, por ordem.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

   for (int i = start; i < end-1; i++) {
      // find minimum in [i;end[
      int indexMin = i;
      for (int j = i+1; j < end; j++)
        if (a[j] < a[indexMin])
            indexMin = j;
      // swap values a[i] and a[indexMin]
        swap(a, i, indexMin);
   }

   assert isSorted(a, start, end);
}</pre>
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

A ordenação por seleção consiste em:

- Procurar o valor mínimo no vector e colocá-lo na primeira posição.
- Depois repetir o processo a partir de cada uma das posições seguintes, por ordem.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++) {
    // find minimum in [i;end[
    int indexMin = i;
   for (int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[j] < a[indexMin])
        indexMin = j;
    // swap values a[i] and a[indexMin]
        swap(a, i, indexMin);
   }

assert isSorted(a, start, end);
}</pre>
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão

A ordenação por seleção consiste em:

- Procurar o valor mínimo no vector e colocá-lo na primeira posição.
- Depois repetir o processo a partir de cada uma das posições seguintes, por ordem.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++) {
    // find minimum in [i;end[
    int indexMin = i;
   for (int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[j] < a[indexMin])
        indexMin = j;
    // swap values a[i] and a[indexMin]
        swap(a, i, indexMin);
   }

assert isSorted(a, start, end);
}</pre>
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão

A ordenação por seleção consiste em:

- Procurar o valor mínimo no vector e colocá-lo na primeira posição.
- Depois repetir o processo a partir de cada uma das posições seguintes, por ordem.

```
void selectionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++) {
    // find minimum in [i;end[
    int indexMin = i;
   for (int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[j] < a[indexMin])
        indexMin = j;
    // swap values a[i] and a[indexMin]
    swap(a, i, indexMin);
   }

   assert isSorted(a, start, end);
}</pre>
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação *Big-O*Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão Quick Sort

 A ordenação sequencial é uma variante da ordenação po seleção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++)
   for (int j = i+1; j < end; j++)
      if (a[i] > a[j])
        swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão Quick Sort Complexidade:

comparação

 A ordenação sequencial é uma variante da ordenação por seleção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++)
   for (int j = i+1; j < end; j++)
      if (a[i] > a[j])
      swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

 A ordenação sequencial é uma variante da ordenação por seleção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++)
   for (int j = i+1; j < end; j++)
      if (a[i] > a[j])
      swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

 A ordenação sequencial é uma variante da ordenação por seleção, mas em que se junta a procura do mínimo e a respectiva troca (tornando o algoritmo um pouco mais simples à custa de mais trocas).

```
void sequentialSort(int[] a, int start, int end) {
  assert validSubarray(a, start, end);

for (int i = start; i < end-1; i++)
  for (int j = i+1; j < end; j++)
    if (a[i] > a[j])
      swap(a, i, j); // swaps values a[i] and a[j]

assert isSorted(a, start, end);
}
```

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica:

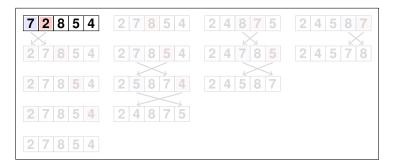
definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

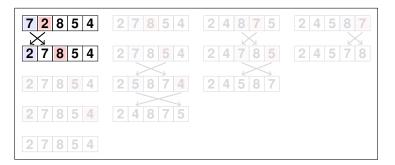
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

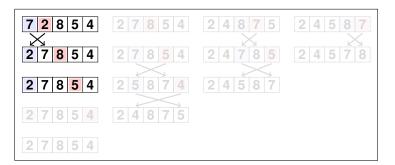
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

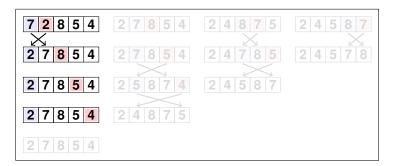
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexida



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

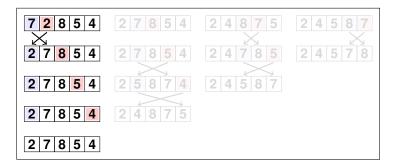
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

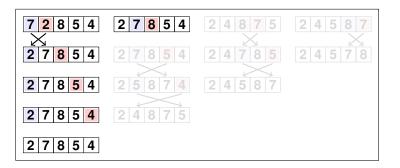
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

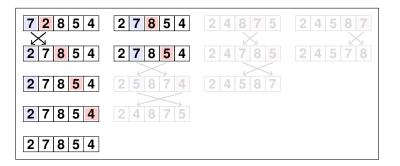
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão



- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

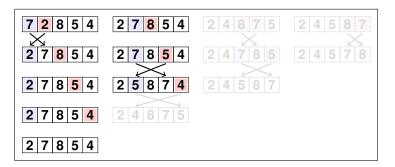
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

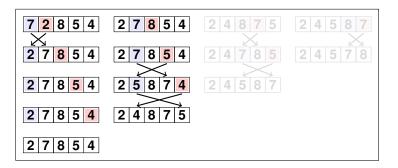
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort



Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

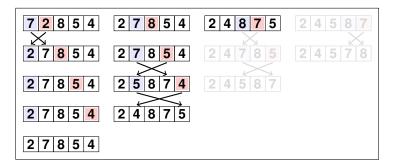
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort Complexidade:

comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

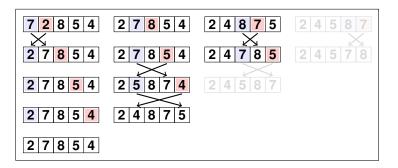
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Bia-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

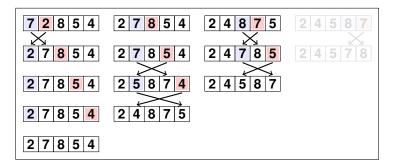
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

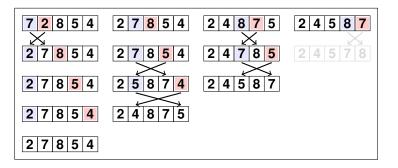
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Bia-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort



- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

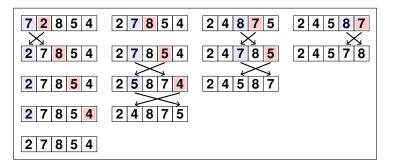
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação



- * Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Bia-O*

Ordenação

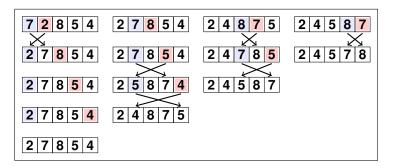
Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação

09 11



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

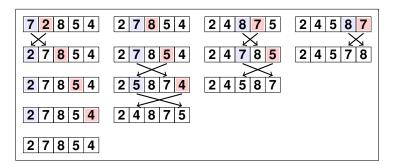
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n\cdot(n-1)/2=\frac{1}{2}(n^2-n)$ comparações, ou seja, tem complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Ordenação por Flutuação (Bolha)

A ordenação tipo "bolha" consiste em:

- Comparar todos os pares de elementos consecutivos e trocá-los se não estiverem na ordem certa.
- No fim dessa passagem, se tiver havido pelo menos uma troca, repete-se o procedimento. Quando não houver trocas, o vector está ordenado e o algoritmo termina.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

A ordenação tipo "bolha" consiste em:

- Comparar todos os pares de elementos consecutivos e trocá-los se não estiverem na ordem certa.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão Quick Sort A ordenação tipo "bolha" consiste em:

- Comparar todos os pares de elementos consecutivos e trocá-los se não estiverem na ordem certa.
- No fim dessa passagem, se tiver havido pelo menos uma troca, repete-se o procedimento. Quando não houver trocas, o vector está ordenado e o algoritmo termina.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

A ordenação tipo "bolha" consiste em:

- Comparar todos os pares de elementos consecutivos e trocá-los se não estiverem na ordem certa.
- No fim dessa passagem, se tiver havido pelo menos uma troca, repete-se o procedimento. Quando não houver trocas, o vector está ordenado e o algoritmo termina.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Ordenação por Flutuação (Bolha)

A ordenação tipo "bolha" consiste em:

- Comparar todos os pares de elementos consecutivos e trocá-los se não estiverem na ordem certa.
- No fim dessa passagem, se tiver havido pelo menos uma troca, repete-se o procedimento. Quando não houver trocas, o vector está ordenado e o algoritmo termina.

```
void bubbleSort(int[] a, int start, int end) {
  assert validSubarray(a, start, end);
  boolean swapExists;
  int f = end-1:
  do
    swapExists = false;
    for (int i = start; i < f; i++) {</pre>
      if (a[i] > a[i+1]) {
        swap(a, i, i+1);
        swapExists = true;
   while (swapExists);
  assert isSorted(a, start, end);
```

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

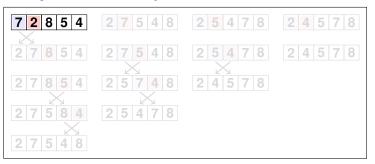
ntrodução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção
Ordenação por Flutuação

(Bolha) Insercão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1) + (n-2) + ··· 1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

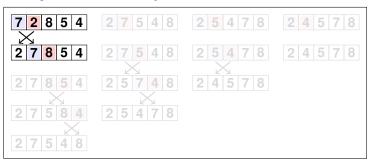
ntrodução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

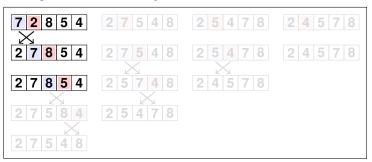
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção
Ordenação por Flutuação

(Bolha)



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n − 1) + (n − 2) + ··· 1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

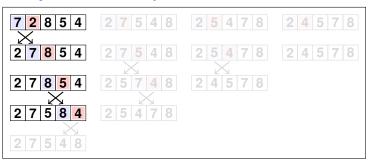
Ordenação

Inserção

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

Ordenação por Flutuação (Bolha)



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

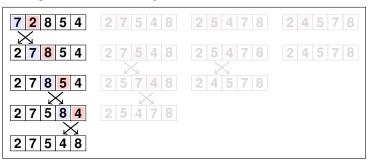
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

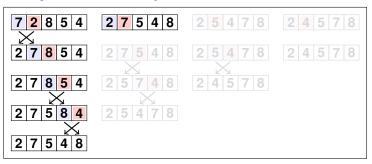
Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação
Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector ja está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

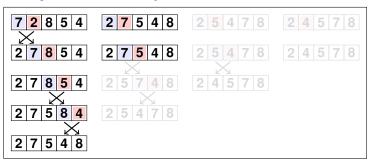
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção
Ordenação por Flutuação

(Bolha)

Fusão Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer
 (n-1)+(n-2)+····1 comparações, ou seja,
 complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

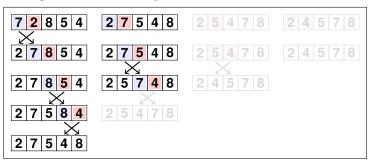
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão Quick Sort



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer (n-1)+(n-2)+···1 comparações, ou seja, complexidade O(n²);
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

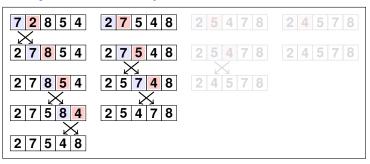
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

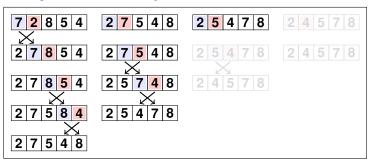
Ordenação por Flutuação

(Bolha)

Fusão

Quick Sort

Complexidade



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção

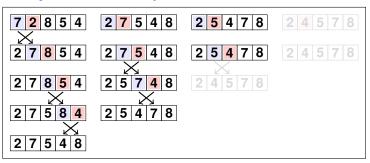
Ordenação por Flutuação

(Bolha) Insercão

Fusão

Quick Sort

Complexidade



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) tera também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

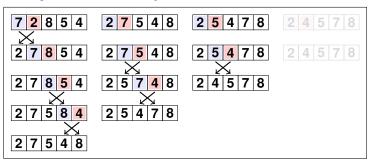
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

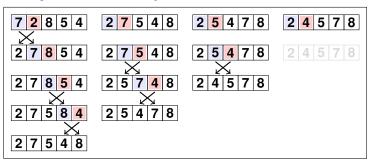
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado Nesse caso bastam n – 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

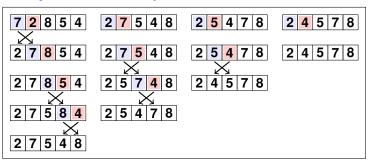
Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação

09.13



- Para um vector de dimensão n é necessário fazera
 - $(n-1)+(n-2)+\cdots$ 1 comparações, ou seja complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) tera também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado Nesse caso bastam n – 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

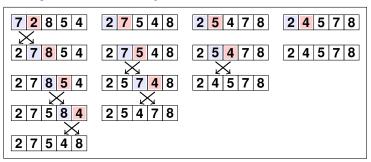
Ordenação por Seleção
Ordenação por Flutuação

(Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:
comparação

09.13



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

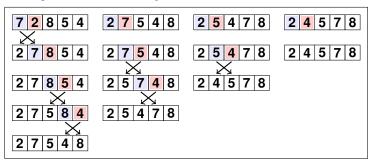
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

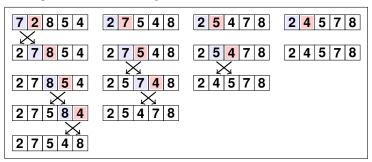
Motivação Complexidade Algorítmica: definicão

Notação *Big-O*

Ordenação
Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:
comparação



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação

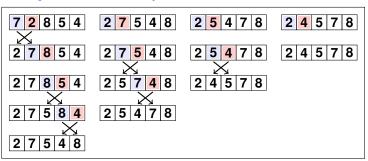
(Bolha)

Fusão

Quick Sort

Complexidade:
comparação

09 13



- Para um vector de dimensão n é necessário fazer $(n-1)+(n-2)+\cdots 1$ comparações, ou seja, complexidade $O(n^2)$;
- O número de trocas (no pior caso) terá também a mesma complexidade.
- O pior caso ocorre quando o vector está ordenado pela ordem inversa.
- O melhor caso ocorre quando o vector já está ordenado.
 Nesse caso bastam n 1 comparações (complexidade O(n)).

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação
Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção
Fusão
Quick Sort
Complexidade:

comparação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

o K

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.

- Existem duas partes no vector:
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada:
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

Complexidade Algorítmica: definição

Notação *Big-O*Ordenação

Ordenação Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação



E um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.

- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - · não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

0, 6, 1K

E um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.

- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- · Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - · não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

6 X

E um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.

- Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada:
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

É um método simples de inserção assente na partição do vector em duas partes: uma ordenada e outra por ordenar.



- · Existem duas partes no vector:
 - ordenada (vai aumentar)
 - · não-ordenada (vai diminuir)
- Ordena através da inserção no segmento ordenado (na posição correcta) de um elemento retirado da parte não ordenada;
- Inicialmente, o segmento ordenado contém apenas o primeiro elemento.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

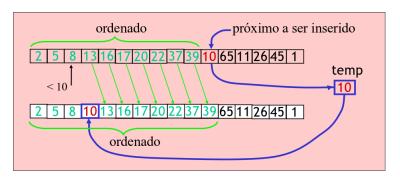
definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

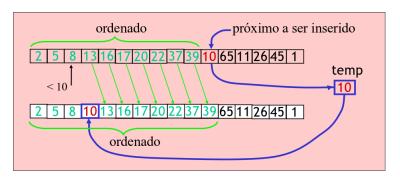
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- 🕕 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- ② Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- 個 Insere o elemento na posição pretendida



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

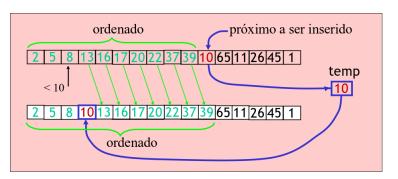
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- 🕕 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- ② Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- 個 Insere o elemento na posição pretendida



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

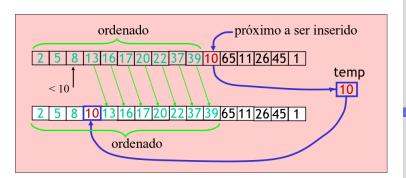
Notação Big-O
Ordenação

Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

- 1 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- 2 Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- 3 Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- Insere o elemento na posição pretendida



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

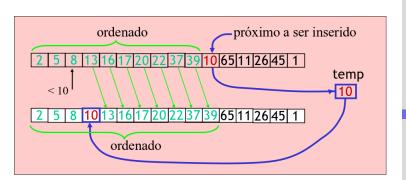
Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

- 1 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- 2 Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- ② Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- Insere o elemento na posição pretendida



- 1 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- 2 Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- O Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- Insere o elemento na posição pretendida.

Complexidade Algorítmica: Introdução

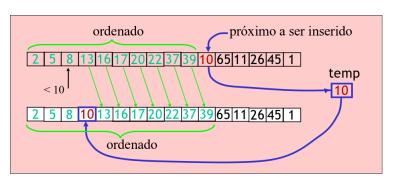
Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort
Complexidade:

- 1 "Retira" o primeiro elemento do segmento não ordenado.
- 2 Compara este elemento com os elementos da parte já ordenada até encontrar a posição que lhe cabe.
- O Desloca os elementos do vector ordenado para a direita dessa posição.
- 4 Insere o elemento na posição pretendida.

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end) {
    assert validSubarray(a, start, end);

    for (int i = start+1; i < end; i++) {
        int j;
        int v = a[i];
        for(j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
        a[j+1] = a[j];
        a[j+1] = v;
    }

    assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo resulta de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

...,...

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end) {
  assert validSubarray(a, start, end);
  for (int i = start+1; i < end; i++) {</pre>
   int i:
    int v = a[i];
    for (j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
      a[i+1] = a[i]:
    a[i+1] = v;
  assert isSorted(a, start, end);
```

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end) {
    assert validSubarray(a, start, end);

    for (int i = start+1; i < end; i++) {
        int j;
        int v = a[i];
        for(j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
        a[j+1] = a[j];
        a[j+1] = v;
    }

    assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo resulta de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Bia-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

```
void insertionSort(int[] a, int start, int end) {
   assert validSubarray(a, start, end);

   for (int i = start+1; i < end; i++) {
      int j;
      int v = a[i];
      for(j = i-1; j >= start && a[j] > v; j--)
            a[j+1] = a[j];
      a[j+1] = v;
   }

   assert isSorted(a, start, end);
}
```

- Uma vantagem deste algoritmo resulta de a procura ser sempre feita num subvector ordenado;
- Podemos reduzir ainda mais a complexidade aplicando o método da procura binária (TPC).

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

N.º de Comparações: 1 --

 Melhor caso: quando o vector original já está na orden certa.

certa.

Complexidade Algorítmica:

Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) \in O(n^2)$
- Melhor caso: quando o vector original já está na ordem certa.
 - N.º de Comparações: (n − 1) ∈ O(n)

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) \in O(n^2)$
- Melhor caso: quando o vector original já está na orden certa.
 - N.º de Comparações: (n − 1) ∈ O(n)

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

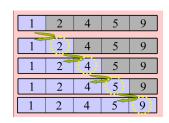
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- Pior caso: quando o vector original está por ordem inversa.
 - N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) \in O(n^2)$
- Melhor caso: quando o vector original já está na ordem certa.
 - N.º de Comparações: $(n-1) \in O(n)$



Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

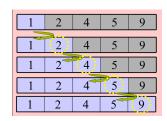
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

- Pior caso: quando o vector original está por ordem inversa.
 - N.º de Comparações: $1 + 2 + \cdots + (n-2) + (n-1) \in O(n^2)$
- Melhor caso: quando o vector original já está na ordem certa.
 - N.º de Comparações: $(n-1) \in O(n)$



Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Fusão - Merge

- MergeSort
- Características

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Fusão - Merge

MergeSort

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

Fusão - Merge

MergeSort

- Um algoritmo eficiente.
- Características
 - Recursivo
 - "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente:
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
 - Caso limite: vector com um elemento ou menos

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- Recursivo
- · "Dividir para Conquistar":
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sori recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- Caso limite: vector com um elemento ou menos.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Bia-O

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Um algoritmo eficiente.

Características:

- · Recursivo:

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

· Um algoritmo eficiente.

· Características:

- Recursivo;
- · "Dividir para Conquistar";
- Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
- Ordenar cada vector chamando o Merge Sor, recursivamente:
- No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
- Caso limite: vector com um elemento ou menos.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

- · Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sorrecursivamente;
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
 - Caso limite: vector com um elemento ou menos.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Bia-O*

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

- · Características:
 - · Recursivo:
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente;
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada:
 - Caso limite: vector com um elemento ou menos.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Bia-O*

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

· Um algoritmo eficiente.

- · Características:
 - Recursivo;
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente:
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
 - Caso limite: vector com um elemento ou menos

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

MergeSort

· Um algoritmo eficiente.

- · Características:
 - · Recursivo:
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Divide um vector de n elementos em duas partes de tamanho n/2;
 - Ordenar cada vector chamando o Merge Sort recursivamente:
 - No final: combinar as sub-vectores ordenados formando uma única lista ordenada;
 - Caso limite: vector com um elemento ou menos.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Fusão: Merge Sort

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

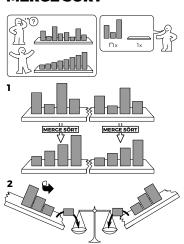
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

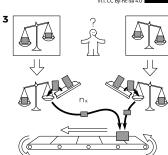
Inserção

Fusão Quick Sort

MERGE SÖRT



idea-instructions.com/merge-sort/ v1.1, CC by-nc-sa 4.0





Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definicão

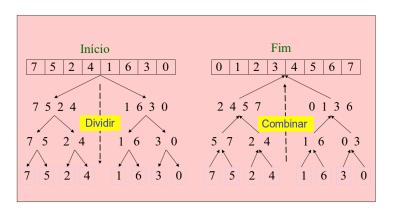
Notação *Big-O*Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Fusão: Merge Sort



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

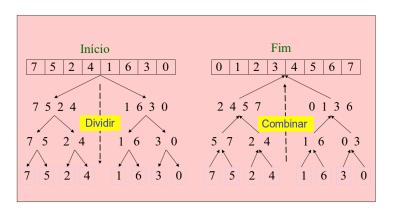
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Fusão: Merge Sort



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Fusão: Implementação

Complexidade Algorítmica: ntrodução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Fusão: Implementação

```
static void mergeSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
  if (end - start > 1) {
    int middle = (start + end) / 2;
   mergeSort(a, start, middle);
   mergeSort(a, middle, end);
                                                                        Notação Big-O
   mergeSubarravs(a, start, middle, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static void mergeSubarrays(int[] a, int start, int middle, int end) {
  int[] b = new int[end-start]; // auxiliary array
 int i1 = start;
 int i2 = middle;
 int i = 0;
 while (i1 < middle && i2 < end) {
   if (a[i1] < a[i2])
    b[j++] = a[i1++];
   else
     b[j++] = a[i2++];
 while (i1 < middle)
   b[i++] = a[i1++];
 while (i2 < end)
   b[i++] = a[i2++];
  arraycopy(b, 0, a, start, end-start);
```

Complexidade Algorítmica: ntrodução Motivação Complexidade Algorítmica:

Drdenação Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão Fusão

definição

Fusão: Implementação

```
static void mergeSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
  if (end - start > 1) {
    int middle = (start + end) / 2;
   mergeSort(a, start, middle);
   mergeSort(a, middle, end);
                                                                        Notação Big-O
   mergeSubarravs(a, start, middle, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static void mergeSubarrays(int[] a, int start, int middle, int end) {
  int[] b = new int[end-start]; // auxiliary array
 int i1 = start;
 int i2 = middle;
 int i = 0;
 while (i1 < middle && i2 < end) {
   if (a[i1] < a[i2])
    b[j++] = a[i1++];
   else
     b[j++] = a[i2++];
 while (i1 < middle)
   b[i++] = a[i1++];
 while (i2 < end)
   b[i++] = a[i2++];
  arraycopy(b, 0, a, start, end-start);
```

Complexidade Algorítmica: ntrodução Motivação Complexidade Algorítmica:

Drdenação Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão Fusão

definição

Merge - Complexidade

Ordenação e Complexidade Algorítmica

• Melhor Caso, Caso Médio e Pior Caso, O(n. log(n))



Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Merge - Complexidade

Melhor Caso, Caso Médio e Pior Caso: O(n · log(n))



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Merge - Complexidade

Melhor Caso, Caso Médio e Pior Caso: O(n · log(n))



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

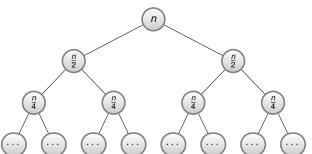
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Insercão

Fusão Quick Sort





QuickSort

- Algoritmo de Ordenação Rápida
- Características

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

· Algoritmo de Ordenação Rápida;

- Características
 - Recursivo
 - · "Dividir para Conquistar"
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e
 - "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste cas

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Algoritmo de Ordenação Rápida;

- · Características:
 - Recursivo
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso
 - Seleciona um elemento de referência no vector (pivot)
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

riolagao Dig O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- · Algoritmo de Ordenação Rápida;
- · Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso
 - Seleciona um elemento de referência no vector (pivot)
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Bia-O*

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo:
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso
 - · Seleciona um elemento de referência no vector (pivot
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso:

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- Características:
 - · Recursivo;
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva;
 - Mas neste caso:
 - Seleciona um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores
 - Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- · Características:
 - · Recursivo:
 - "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso:
 - Seleciona um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores;

Complexidade Algorítmica: Introdução

Complexidade Algorítmica: definição

Motivação Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

- Algoritmo de Ordenação Rápida;
- · Características:
 - · Recursivo;
 - · "Dividir para Conquistar";
 - Tal como o Merge Sort, divide o vector em duas partes e "ataca" cada um dos sub-vectores de forma recursiva:
 - Mas neste caso:
 - Seleciona um elemento de referência no vector (pivot);
 - Posiciona à esquerda do pivot os elementos inferiores;
 - · Posiciona à direita do pivot os elementos superiores.

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definicão

Notação Big-O

Ivolação big-C

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

QuickSort

Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

. . .

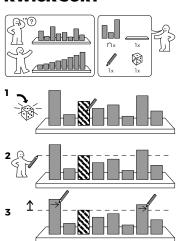
Ordenação

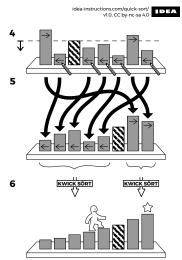
Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

KWICK SÖRT





Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

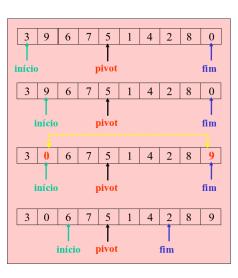
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão Quick Sort

QuickSort



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

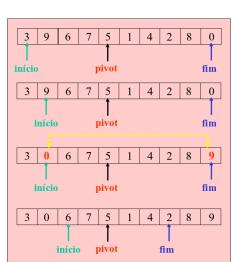
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção

Fusão

Quick Sort



- 1 Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" at encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um element menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3
- 6 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

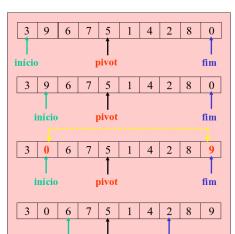
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort



pivot

fim

início

- 1 Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um element menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3
- Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

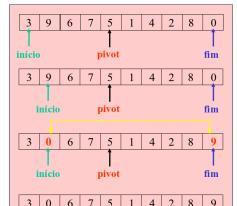
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort



pivot

fim

início

- Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3
- 5 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Motivação

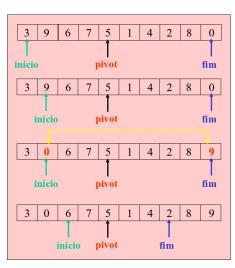
Notação *Big-O*Ordenação

Ordenação Ordenação por Seleção

Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort



- Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- 3 Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3:
- 6 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"

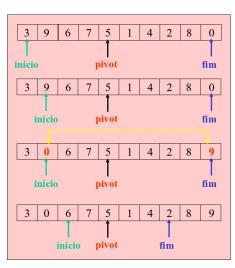
Complexidade Algorítmica: definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort



- 1 Escolher o pivot;
- 2 Movimentar o "inicio" até encontrar um elemento maior que o pivot;
- Movimentar o "fim" até encontrar um elemento menor que o pivot;
- 4 Trocar o elemento encontrado no ponto 2 com o elemento encontrado no ponto 3;
- 5 Recomeçar o processo (i.e. voltar ao ponto 2) até que: "inicio" > "fim"



Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

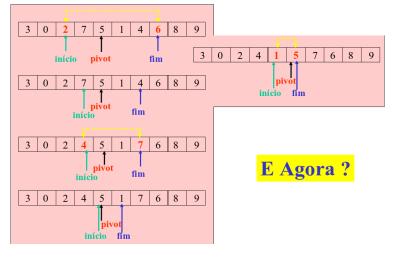
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

Fusão

Quick Sort





Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

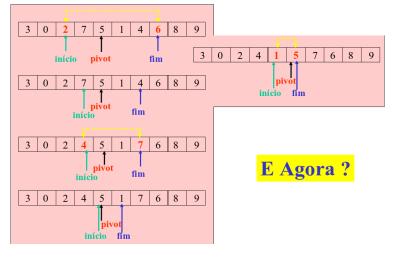
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção

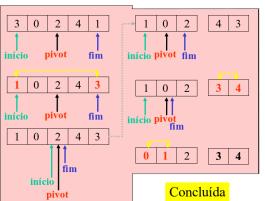
Fusão

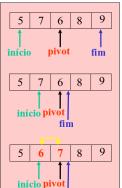
Quick Sort





- Temos 2 subproblemas;
- 3 0 2 4 1 5 7 6 8 9
- "Atacamos" cada um deles em separado, utilizando o mesmo método;





fim

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

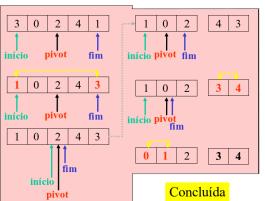
Ordenação

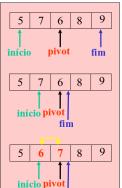
Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort



- Temos 2 subproblemas;
- 3 0 2 4 1 5 7 6 8 9
- "Atacamos" cada um deles em separado, utilizando o mesmo método;





fim

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort

Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção

Fusão Quick Sort

Complexidade: comparação

QuickSort: Implementação

Complexidade

Algorítmica: Introdução

Motivação

```
static void quickSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
 int n = end-start;
 if (n < 2) // should be higher (10)!
    sequentialSort(a, start, end);
 else {
    int posPivot = partition(a, start, end);
    quickSort(a, start, posPivot);
    if (posPivot+1 < end)</pre>
      quickSort(a, posPivot+1, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static int partition(int[] a, int start, int end) {
 int pivot = a[end-1];
 int i1 = start-1;
 int i2 = end-1:
 while (i1 < i2) {
   do
      i1++;
   while (a[i1] < pivot);</pre>
   do
     i2--:
   while (i2 > start && a[i2] > pivot);
   if (i1 < i2)
      swap(a, i1, i2);
  swap(a, i1, end-1);
 return i1;
```

Complexidade Algorítmica: definição
Notação *Big-O*Ordenação
Ordenação por Seleção
Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade

Algorítmica: Introdução

Motivação

(Bolha) Inserção Fusão Quick Sort

```
static void quickSort(int[] a, int start, int end) {
 assert validSubarray(a, start, end);
 int n = end-start;
 if (n < 2) // should be higher (10)!
    sequentialSort(a, start, end);
 else {
    int posPivot = partition(a, start, end);
    quickSort(a, start, posPivot);
    if (posPivot+1 < end)</pre>
      quickSort(a, posPivot+1, end);
 assert isSorted(a, start, end);
static int partition(int[] a, int start, int end) {
 int pivot = a[end-1];
 int i1 = start-1;
 int i2 = end-1:
 while (i1 < i2) {
   do
      i1++;
   while (a[i1] < pivot);</pre>
   do
     i2--:
   while (i2 > start && a[i2] > pivot);
   if (i1 < i2)
      swap(a, i1, i2);
  swap(a, i1, end-1);
 return i1;
```

- Algoritmo muito eficiente:
- Melhor Caso: quando o pivot escolhido em cadaa invocação for um valor mediano do conjunto de elementos: O(n · log(n));
- Pior Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor extremo do conjunto de elementos: O(n²)
- Caso Médio: em casos normais os pivots 'caiem' entre a mediana e os extremos, mas mesmo assim o tempo é da ordem de O(n · log(n))

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort

Algoritmo muito eficiente;

- Melhor Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor mediano do conjunto de elementos: O(n · log(n));
- Pior Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor extremo do conjunto de elementos: O(n²)
- Caso Médio: em casos normais os pivots 'caiem' entre a mediana e os extremos, mas mesmo assim o tempo é da ordem de O(n · log(n))

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha) Insercão

Fusão Quick Sort

- Algoritmo muito eficiente;
- Melhor Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor mediano do conjunto de elementos: $O(n \cdot log(n))$;

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

- Algoritmo muito eficiente;
- Melhor Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor mediano do conjunto de elementos: O(n · log(n));
- Pior Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor extremo do conjunto de elementos: O(n²)
- Caso Médio: em casos normais os pivots 'caiem' entre a mediana e os extremos, mas mesmo assim o tempo é da ordem de O(n · log(n))

Complexidade Algorítmica: Introdução Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação

(Bolha) Inserção Fusão

Quick Sort

- Algoritmo muito eficiente:
- Melhor Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor mediano do conjunto de elementos: $O(n \cdot log(n))$;
- Pior Caso: quando o pivot escolhido em cada invocação for um valor extremo do conjunto de elementos: $O(n^2)$
- · Caso Médio: em casos normais os pivots 'caiem' entre a mediana e os extremos, mas mesmo assim o tempo é da ordem de $O(n \cdot log(n))$

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação

Complexidade Algorítmica: definição

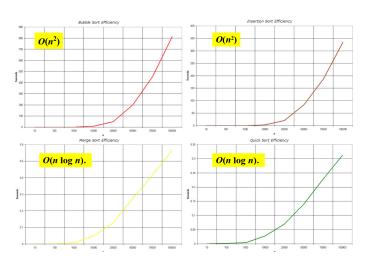
Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Complexidade: Gráficos Comparativos



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

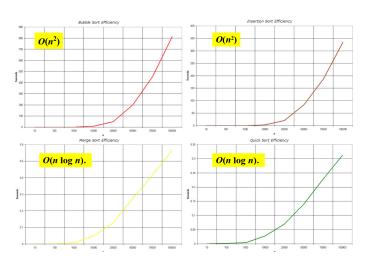
Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: Gráficos Comparativos



Ordenação e Complexidade Algorítmica

Complexidade Algorítmica: Introdução

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Big-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade Algorítmica: definição Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

 Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!

Motivação

Complexidade Algorítmica:
definição

Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

 Com um número relativamente baixo de elementos, o desempenho dos diferentes algoritmos n\u00e4o se distingue muito bem;

- Quando o número de elementos é pequeno (n < 50), o InsertionSort é uma boa opção, porque é muito rápido e simples;
- Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do MergeSort.¹

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!

muito bem:

simples;

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação *Big-O*

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

Complexidade: comparação

aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do *MergeSort*.¹

Com um número relativamente baixo de elementos, o

Quando o número de elementos é pequeno (n < 50), o

desempenho dos diferentes algoritmos não se distingue

InsertionSort é uma boa opção, porque é muito rápido e

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!

Motivação Complexidade Algorítmica:

definição Notação Bia-O

Ordenação

Ordenação por Seleção Ordenação por Flutuação (Bolha)

Inserção Fusão

Quick Sort

- Com um número relativamente baixo de elementos, o desempenho dos diferentes algoritmos não se distingue muito bem:
- Quando o número de elementos é pequeno (n < 50), o InsertionSort é uma boa opção, porque é muito rápido e simples;
- Quando o número de elementos aumenta, o QuickSort é aquele que apresenta melhor desempenho (médio) logo seguido do MergeSort.1

¹Dos algoritmos de ordenação apresentados!