

Údajová abstrakcia

- sústredenie sa na operácie nad údajmi, nie na spôsob, ako ich implementovať v počítači
- príklad: čísla sú abstrakcie
 - definovať množinu čísiel
 - definovať, aké operácie nad nimi
- čísla v počítači
 - špecifikovať, aký interval
 - implementovať operácie

1

Údajový typ

- čísla, znaky, reťazce atď. sa reprezentujú (t.j. zapisujú) ako reťazce bitov
- údajový typ je metóda, ako interpretovať také bitové reťazce
- údajový typ `real` **nie je** množina všetkých reálnych čísiel

2

Abstraktný údajový typ (abstract data type ADT)

- údajový typ ako abstraktný pojem definovaný pomocou množiny vlastností
- určia sa prípustné operácie nad týmto typom
- ADT sa môže implementovať
 - hardvérovo
 - softvérovo

3

Špecifikácia ADT prirodzené číslo

```
structure NATNO
  declare   ZERO() → natno
           ISZERO(natno) → boolean
           SUCC(natno) → natno
           ADD(natno,natno) → natno
           EQ(natno,natno) → boolean
```

Continued ▢

4

Špecifikácia ADT prirodzené číslo

```
for all x,y ∈ natno let
  ISZERO(ZERO) = true
  ISZERO(SUCC(x)) = false
  ADD(ZERO,y) = y
  ADD(SUCC(x),y) = SUCC(ADD(x,y))
  EQ(x,ZERO) = if ISZERO(x) then true else false
  EQ(ZERO,SUCC(y)) = false
  EQ(SUCC(x),SUCC(y)) = EQ(x,y)
end
end NATNO
```

5

Zásobník (STACK)

6

Zásobník

- Pracuje na princípe LIFO (Last In, First Out)
 - Údaje vložené ako posledné budú vyberané ako prvé
- Možné implementácie
 - dynamickou pamäťou
 - poľom

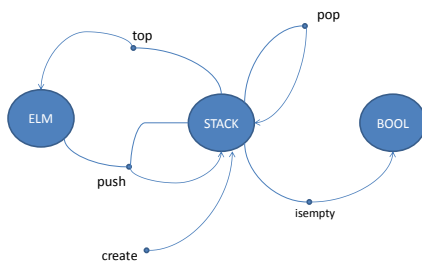
7

Zásobník – formálna špecifikácia

- Druhy: STACK, ELM, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> STACK //vytvorenie zásobníka
 - PUSH(STACK, ELM) -> STACK //vloženie prvku
 - TOP(STACK) -> ELM //výber prvku
 - POP(STACK) -> STACK //zrušenie prvku
 - ISEEMPTY(STACK) -> BOOL //test na prázdnosť

8

Zásobník



9

Zásobník – formálna špecifikácia

Pre všetky $S \in \text{stack}$, $i \in \text{elm}$ platí

$\text{ISEMPTY}(\text{CREATE}) = \text{true}$
 $\text{ISEMPTY}(\text{PUSH}(S,i)) = \text{false}$
 $\text{POP}(\text{CREATE}) = \text{error}$
 $\text{POP}(\text{PUSH}(S,i)) = S$
 $\text{TOP}(\text{CREATE}) = \text{error}$
 $\text{TOP}(\text{PUSH}(S,i)) = i$

10

Implementácia zásobníka pomocou poľa

```

STACK S
CREATE(S)
  top(S) ← 0

PUSH(S,x)
  top(S) ← top(S) + 1
  S[top(S)] ← x

POP(S)
  if ISEEMPTY(S)
    then error "underflow"
  else top(S) ← top(S) - 1
  return S
  
```

11

Implementácia zásobníka pomocou poľa

```

TOP(S)
  if ISEEMPTY(S)
    then error "underflow"
  else return S[top(S)]

ISEMPTY(S)
  return top(S) = 0
  
```

12

jednosmerne zreťazený zoznam (Singly Linked List SLL) *začiatok*

jednosmerne zreťazený zoznam (Singly Linked List SLL)

- Najjednoduchšia reprezentácia lineárneho spájaného zoznamu
- Každý prvok obsahuje údajovú časť a ukazovateľ na ďalší prvok
- Ukazovateľ na ďalší prvok posledného prvku ukazuje na NULL

13

14

jednosmerne zreťazený zoznam

SLL - Reprezentácia

- Základné operácie:
 - CREATE: vytvorenie prázdneho SLL
 - ISEMPY: test na prázdnosť
 - INSERT: vloženie prvku
 - DELETE: vymazanie prvku
 - FIND: nájdenie prvku
- Ďalšie operácie:
 - DELETE_ALL, NUM_ELEMENTS, ...

```

Typedef struct uzol *SLL_UZOL;
Struct uzol
{
    SLL_TYP     prvok; //dátová časť
    SLL_UZOL    next; //nasledovník
}
SLL_UZOL zac; //smerník na začiatok

```



15

16

SLL insert

Insert 5:

1. Krok : Vytvorenie nového prvku



2. Krok : Priradenie smerníka a hodnoty novovytvorenému prvku
Nový prvok bude ukazovať na to isté miesto v pamäti (na ten istý prvok) ako ukazuje začiatok SLL



3. Krok : Nastavenie nového začiatku SLL
Začiatok SLL bude ukazovať na nový prvok



17

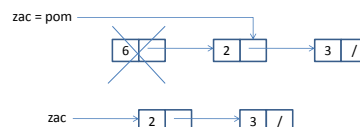
SLL delete

Delete:

1. Krok: Pomocnej premennej sa priradí ukazovateľ na ďalší prvok prvého prvku



2. Krok : Vymazanie prvého prvku a nastavenie začiatku SLL
Začiatku SLL sa priradí ukazovateľ uložený v pomocnej premennej



18

jednosmerne zretazený zoznam (Singly Linked List SLL) *prerušenie*

19

Implementácia zásobníka pomocou SLL

```
typedef SLL_UZOL STACK;
typedef SLL_TYP ST_TYP;
typedef int BOOL;

STACK zasobnik;

STACK CREATE()
{
    SLL_create( zasobnik );
}

BOOL ISEMPY( STACK zasobnik )
{
    return SLL_isempty( zasobnik );
}
```

20

Implementácia zásobníka pomocou SLL

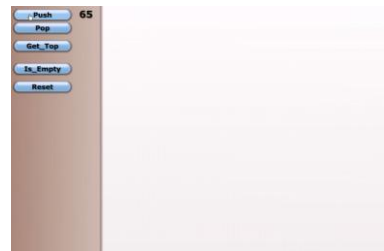
```
STACK POP( STACK zasobnik )
{
    if( ISEMPY( zasobnik ))
        return ERROR;
    else
        return SLL_delete( zasobnik );
}

ST_TYP TOP( STACK zasobnik )
{
    if( ISEMPY( zasobnik ))
        return ERROR;
    else
        return zasobnik->prvok;
}

STACK PUSH( STACK zasobnik, ST_TYP hodnota )
{
    return SLL_insert( zasobnik, hodnota );
}
```

21

Zásobník



22

FRONT (QUEUE)

23

FRONT

- Pracuje na princípe FIFO (First In, First Out)
 - Údaje vložené ako prvé budú vyberané ako prvé
- Možné implementácie
 - dynamickou pamäťou
 - poľom (vektorm)

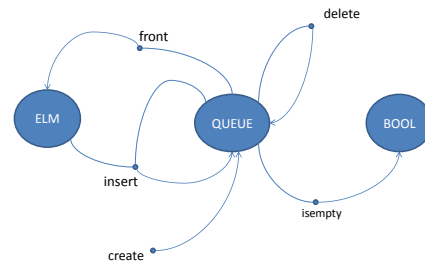
24

Front – formálna špecifikácia

- Druhy: QUEUE, ELM, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> QUEUE //vytvorenie frontu
 - INSERT(QUEUE, ELM) -> QUEUE //vlozenie prvku
 - FRONT(QUEUE) -> ELM //výber prvku
 - DELETE(QUEUE) -> QUEUE //zrušenie prvku
 - ISEMPY(QUEUE) -> BOOL //test na prázdnosť

25

Front



26

Front – formálna špecifikácia

pre všetky $Q \in \text{queue}$, $i \in \text{elm}$ platí

```

ISEMPY(CREATE) = true
ISEMPY(INSERT(Q,i)) = false
DELETE(CREATE) = error
DELETE(INSERT(Q,i)) =
    if ISEMPY(Q) then CREATE
    else INSERT(DELETE(Q),i)
FRONT(CREATE) = error
FRONT(INSERT(Q,i)) =
    if ISEMPY(Q) then i
    else FRONT(Q)
  
```

27

Front

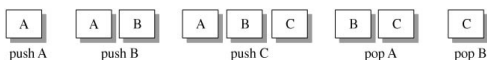
- Front je zoznam prvkov, v ktorom je možné pristupovať iba k prvému a poslednému prvku. Nový prvok sa vkladá na koniec. Pri výbere sa vyberá zo začiatku.



28

Front - operácie

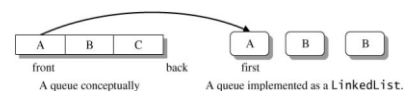
insert(item) – vloženie prvku na koniec, na obrázku označené push
 pop() – výber prvku zo začiatku
 front() – vráti hodnotu prvého prvku



29

Front – implementácia v java

- Front sa môže byť implementovať pomocou existujúcej triedy LinkedList



30

Front – implementácia v java

```
public class LinkedQueue<T> implements Queue<T>
{
    private LinkedList<T> qlist = null;
    public LinkedQueue ()
    {
        qlist = new LinkedList<T>();
    }
    . . .
}
```

31

Front – implementácia v java metóda pop()

```
public T pop()
{
    // ak je front prázdny - chyba
    if (isEmpty())
        throw new NoSuchElementException(
            "LinkedQueue pop(): queue empty");

    // vráti prvý element
    return qlist.removeFirst();
}
```

32

Implementácia frontu pomocou SLL

```
typedef struct uzol *SLL_UZOL;
struct uzol
{
    SLL_TYP  prvok;    //prvok typu SLL_TYP
    SLL_UZOL n;    //nasledovnik
}
typedef struct hlavicka
{
    SLL_UZOL zac, kon;    //smerniky začiatku a konca
} F_HLAV;

F_HLAV h; // smerník na front

F_HLAV CREATE( F_HLAV h)
{
    h.zac = h.kon = NULL;
    return h;
}
```

33

Implementácia frontu pomocou SLL

```
bool ISEMPY(F_HLAV h)
{
    return (h.zac == NULL);
}

SLL_TYP FRONT(F_HLAV h)
{
    if (ISEMPY(h))
        printf("CHYBA !");
    else
        return h.zac->prvok;
}
```

34

Implementácia frontu pomocou SLL

```
F_HLAV DELETE(F_HLAV h)
{
    SLL_UZOL pom;
    if (ISEMPY(h)) printf("CHYBA A !");
    else
    {
        pom = h.zac->n;
        free(h.zac);
        h.zac = pom;
    }
    return h;
}

F_HLAV INSERT(F_HLAV h, SLL_TYP hodnota)
{
    SLL_UZOL pom;
    pom = (SLL_UZOL) malloc(sizeof(uzol));
    pom->prvok = hodnota;
    pom->n = NULL;
    if (ISEMPY(h)) { h.kon = h.zac = pom; }
    else // Prídaj na koniec
    {
        h.kon->n = pom;
        h.kon = pom;
    }
    return h;
}
```

35

Implementácia frontu pomocou poľa

```
QUEUE Q
CREATE(Q)
    tail(Q) ← 1
    head(Q) ← 1
```

```
INSERT(Q,x)
    Q[tail(Q)] ← x
    if tail(Q) = length(Q)
        then tail(Q) ← 1
    else tail(Q) ← tail(Q) + 1
```

36

Implementácia frontu pomocou poľa

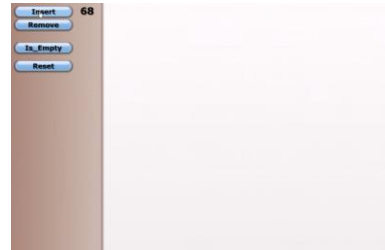
```

DELETE(Q, x)
  x ← Q[head(Q)]
  if head(Q) = length(Q)
    then head(Q) ← 1
    else head(Q) ← head(Q) + 1
  return x
FRONT(Q)
  return Q[head(Q)]
ISEMPTY(Q)
  return head(Q) = tail(Q)

```

37

FRONT



38

Ohraničený front

- Front, ktorý pozostáva najviac z daného počtu elementov. Nový prvok sa môže vložiť, len keď front nie je plný.
- poznámka: **toto je zmena špecifikácie!**
- Funkcia bool full() určuje, či je front plný
- Implementácia je možná napríklad pomocou poľa (vektora)

39

BQueue príklad

```

BQueue<Integer> q = new BQueue<Integer>(15);
int i;

// naplnenie fronty
for (i=1; !q.full(); i++)
  q.push(i);

System.out.println(q.peek() + " " + q.size());

try
{
  q.push(40); // exception
}

catch (IndexOutOfBoundsException iobe)
{ System.out.println(iobe); }

```

40

BQueue príklad

```

Output:
1 15
java.lang.IndexOutOfBoundsException: BQueue push(): queue full

```

41

BQueue implementácia

```

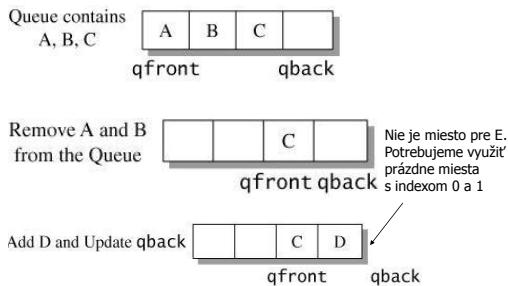
public class BQueue<T> implements Queue<T>
{
  private T[] queueArray;
  private int qfront, qback;
  private int qcapacity, qcount;

  public BQueue(int size)
  {
    qcapacity = size;
    queueArray = (T[])new Object[qcapacity];
    qfront = 0;
    qback = 0;
    qcount = 0;
  }
}

```

42

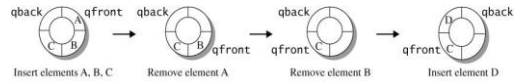
BQueue implementácia



43

BQueue implementácia

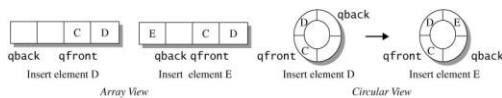
- Jedným z riešení ako sa vyhnúť problému s ohraničením je vytvorenie kruhového vektora.
- Prvky sa vkladajú v smere hodinových ručičiek



44

BQueue implementácia

- Vytvorenie kruhového vektora vyžaduje pravidelné aktualizovanie začiatkovej a koncovkej pozície frontu pri každej zmene (vložení, výbere prvku).



Move qback forward: $qback = (qback + 1) \% qcapacity$;
 Move qfront forward: $qfront = (qfront + 1) \% qcapacity$;

45

BQueue implementácia metóda full()

```
public boolean full()
{
    return qcount == qcapacity;
}
```

46

BQueue implementácia metóda push(item)

```
public void push(T item)
{
    if (qcount == qcapacity)
        throw new IndexOutOfBoundsException(
            "BQueue push(): queue full");

    queueArray[qback] = item;
    qback = (qback+1) % qcapacity;

    qcount++;
}
```

47

BQueue implementácia metóda pop()

```
public T pop()
{
    if (count == 0)
        throw new NoSuchElementException(
            "BQueue pop(): empty queue");

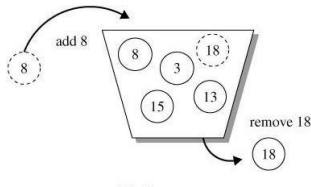
    T queueFront = queueArray[qfront];
    qfront = (qfront+1) % qcapacity;
    qcount--;

    return queueFront;
}
```

48

Prioritný front

- Prioritný front je zoznam prvkov, ktorým je pridelená priorita – je ich možné porovnávať. Prvky je možné vkladať v akoľvek poradí s rôznou prioritou avšak pri výbere sa vyberá vždy prvok s najvyššou prioritou.



49

jednosmerne zreťazený zoznam (Singly Linked List SLL)

pokračovanie

50

jednosmerne zreťazený zoznam (pripomienka)

- Základné operácie:
 - CREATE: vytvorenie prázdneho SLL
 - ISEMPY: test na prázdnosť
 - INSERT: vloženie prvku
 - DELETE: vymazanie prvku
 - FIND: nájdenie prvku
- Ďalšie operácie:
 - DELETE_ALL, NUM_ELEMENTS, ...

51

SLL implementácia

```

SLL_UZOL SLL_create ( SLL_UZOL zac )
{
    zac = NULL;
    return zac;
}

int SLL_isempty ( SLL_UZOL smernik )
{
    return ( smernik == NULL );
}

SLL_UZOL SLL_insert ( SLL_UZOL smernik, SLL_TYP hodnota )
{
    SLL_UZOL pom;
    pom = (SLL_UZOL) malloc( sizeof(uzol) );
    pom->prvok = hodnota;
    pom->n = smernik;
    smernik = pom;
    Return smernik;
}

```

52

SLL implementácia

```

SLL_UZOL SLL_delete( SLL_UZOL smernik )
{
    SLL_UZOL pom;
    if(!SLL_isempty( smernik ))
    {
        pom = smernik->n;
        free( smernik );
        smernik = pom;
    }
    return smernik;
}

SLL_UZOL SLL_find( SLL_UZOL smernik, SLL_TYP hodnota )
{
    for ( ; !SLL_isempty(smernik); smernik = smernik->n )
        if( hodnota == smernik->prvok )
            return smernik;
    return NULL;
}

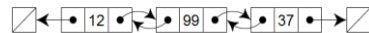
void SLL_all_elements( SLL_UZOL smernik )
{
    for( ; !SLL_isempty(smernik); smernik = smernik->n )
        printf( "%d\n", smernik->prvok );
}

```

53

Iné druhy spájaného zoznamu

- Obojsmerne spájaný zoznam
 - Každý prvok obsahuje ukazovateľ na ďalší prvok a aj na predchádzajúci prvok
- Cyklicky spájaný zoznam
 - Posledný prvok zoznamu ukazuje na prvý prvok



54

Zreťazaná voľná pamäť a.k.a./z.ť.a. dynamická pamäť

Zreťazaná voľná pamäť

- Predstavuje základný abstraktný typ, ktorý sa využíva pri implementácii ostatných abstraktných údajových typov
- Prvok obsahuje príznak, či je voľný a potom v závislosti od toho, či je voľný obsahuje buď informáciu o ďalšom voľnom (ak je voľný), alebo dátovú časť (ak nie je voľný)
- ZVP obsahuje okrem poľa prvkov ešte aj informáciu o prvom voľnom prvku

55

56

ZVP – Formálna špecifikácia

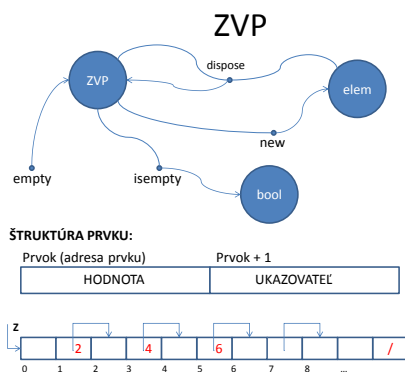
- CREATE() -> zvp
- NEW(zvp) -> item
- DISPOSE(zvp, item) -> zvp
- ISEEMPTY(zvp) -> bool

Pre všetky $Z \in \text{ZVP}$, $i \in \text{item}$ platí

- ISEEMPTY(DISPOSE(Z , i)) = true
- DISPOSE(CREATE, i) = ERROR
- DISPOSE(Z , NEW(Z)) = Z
- NEW(DISPOSE(Z , i)) = i

57

58



59

ZVP – príklad implementácie

VAR ZVP: IND;

Function EMPTY(VAR ZVP:IND) //vytvorenie zvp, vykoná sa začiatkové zretazenie voľných prvkov
VAR

UK : IND;

BEGIN

UK := ADRMIN;

WHILE UK < ADRMAX -2 DO

BEGIN

PAMAT[UK +1] := UK +2;

UK := UK + 2;

END;

PAMAT[UK + 1] := NIL;

ZVP := ADRMIN;

END;

60

ZVP – príklad implementácie

```

Function NEWZ( VAR ZVP : IND; VAR PRVOK : IND) //operácia
poskytnutia prvku zo ZVP
BEGIN
  IF ISEMPY(ZVP)
    THEN WRITELN(" Chyba: vyčerpanie pamate");
  ELSE
    BEGIN
      PRVOK := ZVP;
      ZVP := PAMAT[ ZVP + 1];
    END
  END;
END;

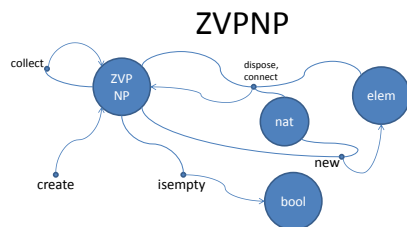
```

61

ZVP nerovnakých prvkov

- Druhy: ZVPNP, ELM, NAT, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> ZVPNP
 - NEW(ZVPNP, NAT) -> ELM
 - DISPOSE(ZVPNP, NAT, ELEM) ->ZVPNP
 - CONNECT(ZVPNP, NAT, ELM) -> ZVPNP (spojenie 2 prvkov)
 - COLLECT(ZVPNP) -> ZVPNP (spojenie do súvislej oblasti)
 - ISEMPY (ZVPNP) -> BOOL

62



ŠTRUKTÚRA PRVKU:

Prvok	Prvok + 1	Prvok + Dĺžka - 1
DĹŽKA	HODNOTA	UKAZOVATEL

63

príklad pridelenia zretazenej voľnej pamäte pre 3 zásobníky

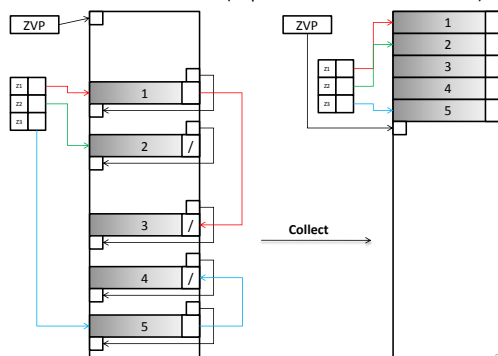
```

STACK z1, z2, z3;
...
PUSH(z1, 3);
...
PUSH(z3, 4);
...
PUSH(z2, 2);
...
PUSH(z1, 1);
...
PUSH(z3, 5);

```

64

ZVP – COLLECT (implementácia zásobníkov v ZVP)



65

Súťaž podporuje **Nadácia pre rozvoj informatiky**

ACM súťaž je opäť tu!

Lokálne kolo programátorskej súťaže na
STU prebehne v rámci

CTU Open Contest už 22.-23.10.2010

Info: www.fiit.stuba.sk/acm

Max. 3-členné družstvá pošlite mail na adresu acm.icpc@fiit.stuba.sk
do **stredy 20.10.2010 do 18:00 hod.** Ako odpoveď na Váš mail
dostanete potvrdenie účasti a ďalšie pokyny k dokončeniu registrácie.
Počet tímov je obmedzený!

66

