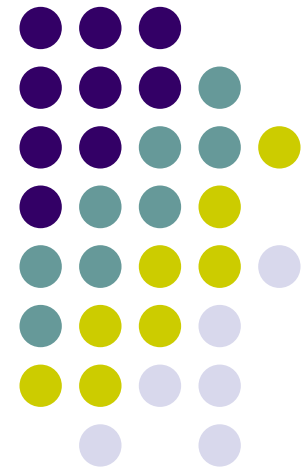


# PPI

19.10.2011





**Kombinačný logický systém** - má správanie, ktoré môžeme opísať funkciou  $Y = f(X)$  kde  $X$  je množina vstupných a  $Y$  výstupných premenných (vektorov, výstupné premenné závisia iba od vstupných premenných (vstupných vektorov) v danom čase.

**Sekvenčný logický systém** - je charakteristický tým, že výstupné premenné závisia nielen od vstupných premenných v danom časovom okamihu, ale aj od postupnosti vstupných premenných v predchádzajúcich časových okamihoch. V závislosti od postupnosti vstupných premenných môže teda sekvenčný obvod v danom čase generovať rôzne hodnoty výstupných premenných. Chovanie sa sekvenčného logického systému (obvodu) teda vyjadruje jeho pamäťovú schopnosť



- Na vstupe logického systému pôsobia vstupné signály (veličiny)  $x_1, x_2, \dots, x_m$ , ktoré menia svoju hodnotu v čase nezávisle od systému. Systém má ďalej výstupné signály (veličiny)  $y_1, y_2, \dots, y_n$ , ktorých funkčne závisia od hodnôt vstupných veličín.
- V sekvenčnom systéme sú vzťahy medzi hodnotami výstupných a vstupných veličín sú vo všeobecnosti sprostredkované určitými vnútornými veličinami stavovými veličinami systému  $z_1, z_2, \dots, z_p$ .



Ak tieto časové okamihy zmien závisia len od okamihov zmien vstupných premenných, hovoríme o **asynchrónnom sekvenčnom logickom systéme**. Ak tieto časové okamihy zmien závisia nielen od okamihov zmien vstupných premenných ale aj od synchronizačnej alebo hodinovej premennej (CLK), hovoríme o **synchrónnom sekvenčnom logickom systéme**.

# Postup pri návrhu synchrónneho sekvenčného obvodu.



- Kritérium optimálnosti-minimálny počet preklápacích obvodov, minimálny počet logických členov v kombinačnej časti alebo maximálna operačná rýchlosť.

## Postup

- Návrh automatu, kódovanie stavov
- Návrh budiacich funkcií pre stavové premenné
- Návrh výstupných funkcií
- Skupinová minimalizácia budiacich funkcií.

# KONEČNÉ STAVOVÉ AUTOMATY



Konečný stavový stroj - automat (Finite State Machine = FSM) je algebrický systém

$$A = (X, S, Y, p, v), A = (X, S, Y, p, v, s_0),$$

kde

$X \Rightarrow$  množina vstupných symbolov, vstupov

$S \Rightarrow$  množina stavov

$Y \Rightarrow$  množina výstupných symbolov, výstupov

$p \Rightarrow$  prechodová funkcia  $p: S \times X \rightarrow S$

$v \Rightarrow$  výstupná funkcia  $v: S \times X \rightarrow Y$  (Mealy)

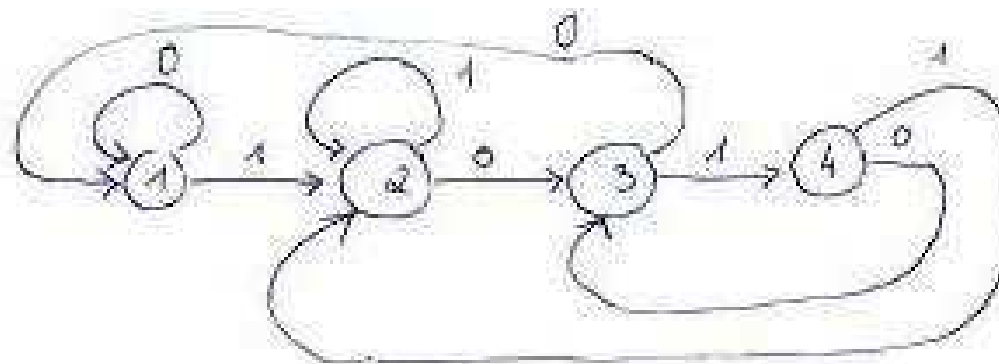
$v: S \rightarrow Y$  (Moore)

Rozpoznávanie reťazca 101 vo vstupnej postupnosti na vstupe x.  
 Ak sa vo vstupnej postupnosti na vstupe x objaví 101 výstup y sa nastaví na 1.

00110101001010011

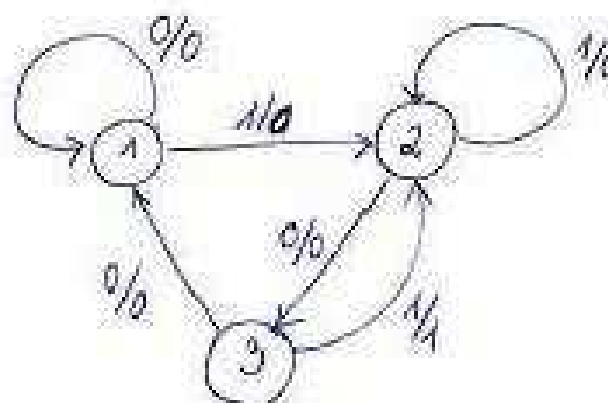
Automat Moore

		x	y
1	1	2	0
2	3	2	0
3	1	4	0
4	3	2	1



Automat Mealy

		x		y
1	1	2	0	0
2	3	2	0	0
3	1	2	0	1



# Automata Moore



$L_1, L_2$

		$x_2$	
		1	2
$z_1$	$z_2$	1	2
	$z_1$	4	3

		$x$	
		00	01
$z_2$	$z_2$	10	01
	$z_1$	00	10

		$x$	
		0	1
$z_1$	$z_2$	0	0
	$z_1$	0	0

		$x$	
		0	1
$z_2$	$z_2$	0	0
	$z_1$	0	0

$$\begin{aligned}
 L_1 &= z_1 \bar{x}_2 \bar{x} + x_1 x_2 x + \bar{z}_1 z_2 \bar{x} = \\
 &= (z_1 \uparrow \bar{x}_2 \uparrow \bar{x}) \uparrow (x_1 \uparrow x_2 \uparrow x) \uparrow (\bar{z}_1 \uparrow z_2 \uparrow \bar{x})
 \end{aligned}$$

$$L_2 = (\bar{z}_1 \uparrow z_2 \uparrow \bar{x}) \uparrow (\bar{x}_1 \uparrow x) \uparrow (z_1 \uparrow \bar{x}_2)$$

$$\begin{aligned}
 & \text{NAND } (5+2) \\
 & \quad \uparrow \quad \quad \quad \nwarrow \\
 & \text{4. Schengen} \quad \quad \quad \text{2. Schengen}
 \end{aligned}$$

$$y = z_1 \cdot \bar{x}_2 = (z_1 \uparrow \bar{x}_2) \uparrow 1$$



# Automatic Moore VÝHODNEJSIE KODOVANIE

$$Z_1 \quad Z_2 \quad x_1 \quad x_2 \quad \left| \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{array} \right.$$

$$Z_1 \quad Z_2 \quad x_1 \quad x_2 \quad \left| \begin{array}{cc} 00 & 01 \\ 10 & 11 \\ 00 & 01 \\ 00 & 10 \end{array} \right.$$

1. 00  
2. 01  
3. 11  
4. 10

$$Z_1 \quad Z_2 \quad x_1 \quad x_2 \quad \left| \begin{array}{cc} 0 & 0 \\ 0 & 0 \\ 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{array} \right.$$

$$Z_1 = x_1 \bar{x}_2 x + \bar{x}_1 \bar{x} = (x_1 \uparrow \bar{x}_2 \uparrow x) \uparrow (\bar{x}_1 \uparrow \bar{x})$$

$$Z_2 \quad x_1 \quad x_2 \quad \left| \begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{array} \right.$$

$$Z_2 = x - \bar{x} = x$$

3 NAND (2 + 1)  
1 step 2 step

$$y = Z_1 \cdot Z_2$$

$$Z_y = (Z_1 \uparrow Z_2) \uparrow$$

Automaat type mealy

		$x$		$x$
1	1	2	0	0
2	3	2	0	0
3	1	2	0	1

product state

hokorami  $L_1$  also hokorami  $L_2$

1	2
x	3

1	x
d	3

$Z_1, Z_2$

00	10
xx	xx
00	10
11	10

1 00  
x  
3 11  
2 10

$Z_1$

0	1
x	x
0	1
1	1

$Z_2$

0	0
x	x
0	0
1	0

$Z_2$

0	0
x	x
0	x
0	0

$$Z_1 = z_1 \overline{z_2} \overline{x} + x = (z_1 \uparrow \overline{z_2} \uparrow \overline{x}) \uparrow (x \uparrow)$$

$$Z_2 = z_1 \overline{z_2} \overline{x} = (z_1 \uparrow \overline{z_2} \uparrow \overline{x}) \uparrow$$

$$y = z_2 x = (z_2 \uparrow x) \uparrow$$