

Údajová abstrakcia

- focus on operations on the data, not on how to implement them on a computer
- example: numbers are abstractions
 - define what set of numbers
 - define what operations on them
- numbers in a computer
 - specify what interval
 - implement operations

Údajový typ

- numbers, characters, strings etc. are represented as bit patterns
- data type is a method of interpreting such bit patterns
- data type `real` is not a set of all real numbers

Abstraktný údajový typ

- data type as an abstract concept defined by a set of logical properties
- legal operations involving that type are specified
- ADT may be implemented
 - hardware implementation
 - software implementation

Špecifikácia ADT prirodzené číslo

```
structure NATNO
declare  ZERO() → natno
         ISZERO(natno) → boolean
         SUCC(natno) → natno
         ADD(natno,natno) → natno
         EQ(natno,natno) → boolean
```

Continued ➡

Špecifikácia ADT prirodzené číslo

```
for all x,y ∈ natno let
  ISZERO(ZERO) = true
  ISZERO(SUCC(x)) = false
  ADD(ZERO,y) = y
  ADD(SUCC(x),y) = SUCC(ADD(x,y))
  EQ(x,ZERO) = if ISZERO(x) then true else false
  EQ(ZERO,SUCC(y)) = false
  EQ(SUCC(x),SUCC(y)) = EQ(x,y)
end
end NATNO
```

Zásobník (STACK)

Zásobník

- Abstraktná dátová štruktúra
- Pracuje na princípe LIFO (Last In, First Out)
 - Údaje vložené ako posledné budú vyberané ako prvé
- Možné implementácie
 - ZVP
 - Poľom

Zásobník – formálna špecifikácia

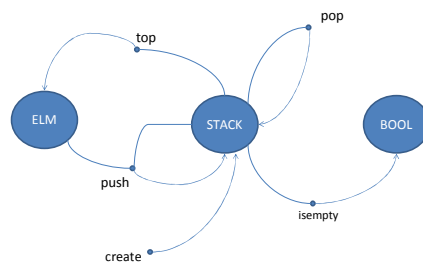
- Druhy: STACK, ELM, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> STACK //vytvorenie zásobníka
 - PUSH(STACK, ELM) -> STACK //vlozenie prvku
 - TOP(STACK) -> ELM //výber prvku
 - POP(STACK) -> STACK //zrušenie prvku
 - ISEMPY(STACK) -> BOOL //test na prázdnosť

Zásobník – formálna špecifikácia

Pre všetky $S \in \text{stack}$, $i \in \text{elm}$ platí

ISEMPY(CREATE) = true
ISEMPY(PUSH(S,i)) = false
POP(CREATE) = error
POP(PUSH(S,i)) = S
TOP(CREATE) = error
TOP(PUSH(S,i)) = i

Zásobník



Implementácia zásobníka pomocou poľa

```
CREATE(S)
  top(S) ← 0

PUSH(S,x)
  top(S) ← top(S) + 1
  S[top(S)] ← x

POP(S)
  if ISEMPY(S)
    then error "underflow"
  else top(S) ← top(S) - 1
  return S
```

Implementácia zásobníka pomocou poľa

```
TOP(stack) → item
  return S[top(S)]

ISEMPY(S)
  return top(S) = 0
```

SLL

- Najjednoduchšia reprezentácia lineárneho spájaného zoznamu
- Každý prvok obsahuje dátovú časť a ukazovateľ na ďalší prvok
- Ukazovateľ posledného prvku ukazuje na NULL

Singly Linked List

- Základné operácie:
 - CREATE: vytvorenie prázdneho SLL
 - ISEMPY: test na prázdnosť
 - INSERT: vloženie prvku
 - DELETE: vymazanie prvku
 - FIND: nájdenie prvku
- Ďalšie operácie:
 - DELETE_ALL, NUM_ELEMENTS, ...

SLL - Reprezentácia

```
typedef struct uzol *SLL_UZOL;
struct uzol
{
    SLL_TYP    prvok; //dátová časť
    SLL_UZOL   next; //nasledovnik
}
SLL_UZOL zac; //smernik na začiatok
```



SLL insert

Insert 5:

1. Krok : Vytvorenie nového prvku



2. Krok : Priradenie smerníka a hodnoty novovytvorenému prvku
Nový prvok bude ukazovať na to isté miesto v pamäti (na ten istý prvok) ako ukazuje začiatok SLL



3. Krok : Nastavenie nového začiatku SLL

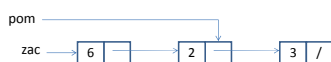
Začiatok SLL bude ukazovať na nový prvok



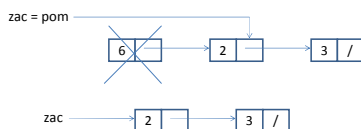
SLL delete

Delete:

1. Krok: Pomocnej premennej sa priradí ukazovateľ prvého prvku



2. Krok : Vymazanie prvého prvku a nastavenie začiatku SLL
Začiatku SLL sa priradí ukazovateľ uložený v pomocnej premennej



Implementácia zásobníka pomocou SLL

```
typedef SLL_UZOL STACK;
typedef SLL_TYP ST_TYP;
typedef int BOOL;

STACK zasobnik;

STACK CREATE()
{
    SLL_create( zasobnik );
}

BOOL ISEMPY( STACK zasobnik )
{
    return SLL_isempty( zasobnik );
}
```

Implementácia zásobníka pomocou SLL

```

STACK POP( STACK zasobnik )
{
    if( IEMPTY( zasobnik))
        return ERROR;
    else
        return SLL_delete( zasobnik );
}

ST_TYP TOP( STACK zasobnik )
{
    if( IEMPTY( zasobnik))
        return ERROR;
    else
        return zasobnik->prvok;
}

STACK PUSH( STACK zasobnik, ST_TYP hodnota )
{
    return SLL_insert( zasobnik, hodnota );
}

```

Zásobník



FRONT (QUEUE)

FRONT

- Abstraktná dátová štruktúra
- Pracuje na princípe FIFO(First In, First Out)
 - Údaje vložené ako prvé budú vyberané ako prvé
- Možné implementácie
 - ZVP
 - Poľom

Front – formálna špecifikácia

- Druhy: QUEUE, ELM, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> QUEUE //vytvorenie frontu
 - INSERT(QUEUE, ELM) -> QUEUE //vloženie prvku
 - FRONT(QUEUE) -> ELM //výber prvku
 - DELETE(QUEUE) -> QUEUE //zrušenie prvku
 - IEMPTY(QUEUE) -> BOOL //test na prázdnosť

Front – formálna špecifikácia

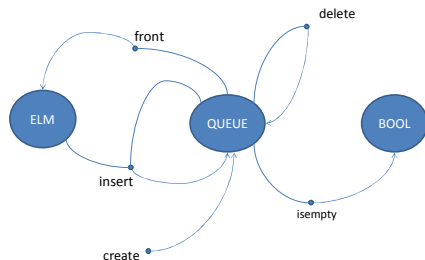
pre všetky $Q \in \text{queue}$, $i \in \text{elm}$ platí

```

ISEMPTY(CREATE) = true
ISEMPTY(INSERT(Q,i)) = false
DELETE(CREATE) = error
DELETE(INSERT(Q,i)) =
    if IEMPTY(Q) then CREATE
    else INSERT(DELETE(Q),i)
FRONT(CREATE) = error
FRONT(INSERT(Q,i)) =
    if IEMPTY(Q) then i
    else FRONT(Q)

```

Front



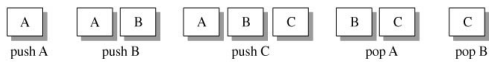
Front

- Front je zoznam prvkov, v ktorom je možné pristupovať iba k prvému a poslednému prvku. Nový prvok sa vkladá na koniec. Pri výbere sa vyberá zo začiatku.



Front - operácie

push(item) – vloženie prvku na koniec
 pop() – výber prvku zo začiatku
 front() – vráti hodnotu prvého prvku

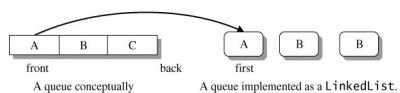


Front

- Front používa FIFO (first-in-first-out) disciplínu (prvý vložený prvok sa prvý vyberie z frontu)

Front – implementácia v java

- Front sa môže byť implementovať pomocou existujúcej triedy LinkedList



Front – implementácia v java

```
public class LinkedListQueue<T> implements Queue<T>
{
    private LinkedList<T> qlist = null;
    public LinkedListQueue ()
    {
        qlist = new LinkedList<T>();
    }
    ...
}
```

Front – implementácia v java metóda pop()

```
public T pop()
{
    // ak je front prázdny - chyba
    if (isEmpty())
        throw new NoSuchElementException(
            "LinkedList pop(): queue empty");

    // vráti prvý element
    return qlist.removeFirst();
}
```

Implementácia frontu pomocou SLL

```
typedef struct uzol *SLL_UZOL;
struct uzol
{
    SLL_TYP prvok; //prvok typu SLL_TYP
    SLL_UZOL n; //nasledovnik
}
typedef struct hlavicka
{
    SLL_UZOL zac, kon; // smerniky začiatku a konca
} F_HLAV;

F_HLAV h; // smernik na front

F_HLAV CREATE( F_HLAV h)
{
    h.zac = h.kon = NULL;
    return h;
}
```

Implementácia frontu pomocou SLL

```
bool ISEMPY( F_HLAV h)
{
    return (h.zac == NULL);
}

SLL_TYP FRONT(F_HLAV h)
{
    if( ISEMPY(h))
        printf("CHYBA !");
    else
        return h.zac->prvok;
}
```

Implementácia frontu pomocou SLL

```
F_HLAV DELETE( F_HLAV h)
{
    SLL_UZOL pom;
    if( ISEMPY(h)) printf("CHYBA !");
    else
    {
        pom = h.zac->n;
        free( h.zac);
        h.zac = pom;
    }
    return h;
}

F_HLAV INSERT(F_HLAV h, SLL_TYP hodnota)
{
    SLL_UZOL pom;
    pom = (SLL_UZOL) malloc( sizeof(uzol));
    pom->prvok = hodnota;
    pom->n = NULL;
    if( ISEMPY(h)) { h.kon = h.zac = pom; }
    else // Prísť na koniec
    {
        h.kon->n = pom;
        h.kon = pom;
    }
    return h;
}
```

Implementácia frontu pomocou poľa

```
structure QUEUE
CREATE(Q)
    tail(Q) ← 1
    head(Q) ← 1

INSERT(Q,x)
    Q[tail(Q)] ← x
    if tail(Q) = length(Q)
        then tail(Q) ← 1
    else tail(Q) ← tail(Q) + 1
```

Implementácia frontu pomocou poľa

```
DELETE(Q, x)
    x ← Q[head(Q)]
    if head(Q) = length(Q)
        then head(Q) ← 1
    else head(Q) ← head(Q) + 1
    return x

FRONT(Q)
    return Q[head(Q)]

ISEMPY(Q)
    return head(Q) = tail(Q)
```

FRONT



Ohraničený front

- Front, ktorý pozostáva najviac z daného počtu elementov. Nový prvok sa môže vložiť, len keď front nie je plný.
- Funkcia `bool full()` určuje, či je front plný
- Implementácia je možná napríklad pomocou poľa

BQueue príklad

```
BQueue<Integer> q = new BQueue<Integer>(15);
int i;

// naplnenie fronty
for (i=1; !q.full(); i++)
    q.push(i);

System.out.println(q.peek() + " " + q.size());

try
{
    q.push(40); // exception
}

catch (IndexOutOfBoundsException iobe)
{ System.out.println(iobe); }
```

BQueue príklad

```
Output:
1 15
java.lang.IndexOutOfBoundsException: BQueue push(): queue full
```

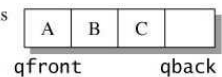
BQueue implementácia

```
public class BQueue<T> implements Queue<T>
{
    private T[] queueArray;
    private int qfront, qback;
    private int qcapacity, qcount;

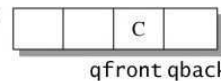
    public BQueue(int size)
    {
        qcapacity = size;
        queueArray = (T[])new Object[qcapacity];
        qfront = 0;
        qback = 0;
        qcount = 0;
    }
}
```

BQueue implementácia

Queue contains
A, B, C

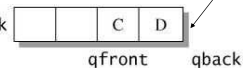


Remove A and B
from the Queue



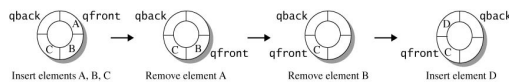
Nieje miesto pre E.
Potrebujeme využiť
prázdne miesta
s indexom 0 a 1

Add D and Update qback



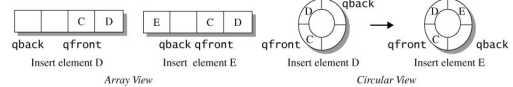
BQueue implementácia

- Jedným z riešení ako sa vyhnúť problému s ohraničením je vytvorenie cyklickej sekvencie.
- Prvky sa vkladajú v smere hodinových ručičiek



BQueue implementácia

- Vytvorenie cyklickej sekvencie vyžaduje pravidelné aktualizovanie začiatkovej a koncovkej pozície frontu pri každej zmene (vložení, výbere prvku).



Move qback forward: $qback = (qback + 1) \% qcapacity;$
Move qfront forward: $qfront = (qfront + 1) \% qcapacity;$

BQueue implementácia metóda full()

```
public boolean full()
{
    return qcount == qcapacity;
}
```

BQueue implementácia metóda push(item)

```
public void push(T item)
{
    if (qcount == qcapacity)
        throw new IndexOutOfBoundsException(
            "BQueue push(): queue full");

    queueArray[qback] = item;
    qback = (qback+1) % qcapacity;

    qcount++;
}
```

BQueue implementácia metóda pop()

```
public T pop()
{
    if (count == 0)
        throw new NoSuchElementException(
            "BQueue pop(): empty queue");

    T queueFront = queueArray[qfront];

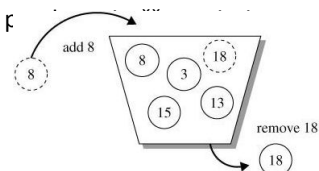
    qfront = (qfront+1) % qcapacity;

    qcount--;

    return queueFront;
}
```

Prioritný front

- Prioritný front je zoznam prvkov, ktorým je pridelená priorita – je ich možné porovnávať. Prvky je možné vkladáť v akomkoľvek poradí s rôznou prioritou avšak pri výbere sa vyberá vždy :



Singly Linked List (SLL)

SLL

- Najjednoduchšia reprezentácia lineárneho spájaného zoznamu
- Každý prvok obsahuje dátovú časť a ukazovateľ na ďalší prvok
- Ukazovateľ posledného prvku ukazuje na NULL

Singly Linked List

- Základné operácie:
 - CREATE: vytvorenie prázdneho SLL
 - ISEMPY: test na prázdnosť
 - INSERT: vloženie prvku
 - DELETE: vymazanie prvku
 - FIND: nájdenie prvku
- Ďalšie operácie:
 - DELETE_ALL, NUM_ELEMENTS, ...

SLL implementácia

```
SLL_UZOL SLL_create ( SLL_UZOL zac )
{
    zac = NULL;
    return zac;
}

int SLL_isempty ( SLL_UZOL smernik )
{
    return ( smernik == NULL );
}

SLL_UZOL SLL_insert ( SLL_UZOL smernik, SLL_TYP hodnota )
{
    SLL_UZOL pom;
    pom = (SLL_UZOL) malloc( sizeof(uzol) );
    pom->prvok = hodnota;
    pom->ni = smernik;
    smernik = pom;
    Return smernik;
}
```

SLL implementácia

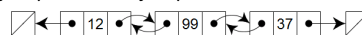
```
SLL_UZOL SLL_delete( SLL_UZOL smernik )
{
    SLL_UZOL pom;
    if( ! SLL_isempty ( smernik ) )
    {
        pom = smernik->ni;
        free( smernik );
        smernik = pom;
    }
    return smernik;
}

SLL_UZOL SLL_find( SLL_UZOL smernik, SLL_TYP hodnota )
{
    for ( ; SLL_isempty(smernik); smernik = smernik->ni )
        if( hodnota == smernik->prvok )
            return smernik;
    return NULL;
}

void SLL_all_elements( SLL_UZOL smernik )
{
    for( ; SLL_isempty(smernik); smernik = smernik->ni )
        printf( " %d \n", smernik->prvok );
}
```

Iné reprezentácie spájaného zoznamu

- Obojsmerne spájaný zoznam
 - Každý prvok obsahuje ukazovateľ na ďalší prvok a aj na predchádzajúci prvok



- Cyklický spájaný zoznam
 - Posledný prvok zoznamu ukazuje na prvý prvok



Zreťazaná voľná pamäť

Zreťazaná voľná pamäť

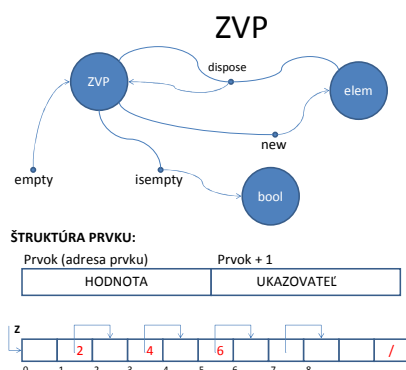
- Predstavuje základný abstraktný typ, ktorý sa využíva pri implementácii ostatných abstraktných údajových typov
- Prvok obsahuje príznak, či je voľný a potom v závislosti od toho či je voľný obsahuje buď informáciu o ďalšom voľnom (keď je voľný), alebo dátovú časť (keď nie je voľný)
- ZVP obsahuje okrem poľa prvkov ešte aj informáciu o prvom voľnom prvku

ZVP – Formálna špecifikácia

- sll = single link list
- CREATE() -> sll
- NEW(sll) -> item
- DISPOSE(sll, item) -> sll
- ISEMPY(sll) -> bool

Pre všetky $Z \in \text{sll}$, $i \in \text{item}$ platí

- ISEMPY(DISPOSE(Z, i)) = true
- DISPOSE(CREATE, i) = ERROR
- DISPOSE(Z, NEW(Z)) = Z
- NEW(DISPOSE(Z, i)) = i



ZVP – príklad implementácie

```

VAR ZVP: IND;

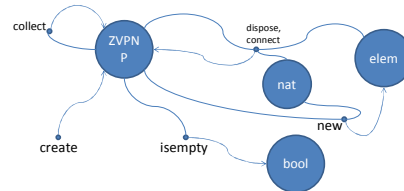
Function EMPTY(VAR ZVP:IND) //vyhľadanie zvp, vykoná sa začiatočné zretazanie voľných prvkov
VAR
  UK: IND;
BEGIN
  UK := ADMIN;
  WHILE UK < ADMIN-2 DO
    BEGIN
      PARAMET[UK+1] := UK+2;
      UK := UK+2;
    END;
  PARAMET[UK+1] := NIL;
  ZVP := ADMIN;
END;

Function NEW(Z:IND; VAR PRVOK:IND) //operácia poskytnutia prvku zo ZVP
BEGIN
  IF ISEMPY(ZVP)
  THEN
    BEGIN
      PRVOK := ZVP;
      ZVP := PARAMET[ZVP+1];
    END;
  ELSE
    BEGIN
      PRVOK := ZVP;
      ZVP := PARAMET[ZVP+1];
    END;
  END;
END;
    
```

ZVP nerovnakých prvkov

- Druhy: ZVPNP, ELM, NAT, BOOL
- Operácie:
 - CREATE() -> ZVPNP
 - NEW(ZVPNP, NAT) -> ELM
 - DISPOSE(ZVPNP, NAT, ELEM) -> ZVPNP
 - CONNECT(ZVPNP, NAT, ELM) -> ZVPNP (spojenie 2 prvkov)
 - COLLECT(ZVPNP) -> ZVPNP (spojenie do súvislej oblasti)
 - ISEEMPTY (ZVPNP) -> BOOL

ZVPNP



ŠTRUKTÚRA PRVKU:

Prvok	Prvok + 1	Prvok + Dĺžka - 1
DĹŽKA	HODNOTA	UKAZOVATEĽ

ZVP – COLLECT (implementácia zásobníkov v ZVP)

