

$$1) u = (1, 1, -1), v = (2, 4, 6)$$

$$u \times v = (u_2 v_3 - u_3 v_2, u_3 v_1 - u_1 v_3, u_1 v_2 - u_2 v_1) = (1 \cdot 6 - (-1) \cdot 4, (-1) \cdot 2 - 1 \cdot 6, 1 \cdot 4 - 1 \cdot 2) \\ = (6 - (-4), -2 - 6, 4 - 2) = (10, -8, 2)$$

• Verificação se é ortogonal a  $u$  e  $v$ .

$$(1, 1, -1) \cdot (10, -8, 2) = 10 - 8 - 2 = 0$$

$$(2, 4, 6) \cdot (10, -8, 2) = 20 - 32 + 12 = 0$$

$\therefore$  Como o produto escalar resultou nulo, ambos são ortogonais.

$$2) a) (i \times j) \times k$$

Pela propriedade da ortogonalidade, o produto vetorial  $(i \times j) \times k = 0$ .

b)  $(i + j) \times (i - j)$ . Considerando dois vetores unitários nos eixos  $x$  e  $y$ ,

o resultado será um vetor com direção em  $z$  com sentido positivo e módulo igual a  $\|i + j\| \|i - j\| \sin 90^\circ = \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot 1 = 2$

3) a)  $u(v \times w)$ , a expressão tem sentido, pois é o produto escalar entre o vetor  $u$  e o vetor resultante do produto vetorial  $(v \times w)$ .

b)  $u \times (v \cdot w)$ , a expressão não tem sentido, pois não há produto vetorial entre um vetor e um escalar vindo do produto escalar  $(v \cdot w)$ .

c)  $(u \cdot v) \times (u \cdot z)$ , a expressão não tem sentido, pois não há produto vetorial entre dois escalares, vindo dos produtos escalares  $(u \cdot v)$  e  $(u \cdot z)$ .