

$$1) V_1 = (5, -2, 1), V_2 = (0, 4, 6) \text{ e } V_3 = (-5, 8, 8)$$

$$a) w = (10, 2, 8)$$

$$\alpha_1 V_1 + \alpha_2 V_2 + \alpha_3 V_3 = w \Rightarrow \alpha_1 (5, -2, 1) + \alpha_2 (0, 4, 6) + \alpha_3 (-5, 8, 8) = (10, 2, 8) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (5\alpha_1 - 2\alpha_1, \alpha_1) + (0, 4\alpha_2, 6\alpha_2) + (-5\alpha_3, 8\alpha_3, 8\alpha_3) = (10, 2, 8)$$

$$5\alpha_1 - 5\alpha_3 = 10, -2\alpha_1 + 4\alpha_2 + 8\alpha_3 = 2, \alpha_1 + 6\alpha_2 + 8\alpha_3 = 8$$

$$\alpha_1 = 2 + \alpha_3, 4\alpha_2 + 6\alpha_3 = 6, 6\alpha_2 + 9\alpha_3 = 6$$

$$\alpha_2 = \frac{2-3\alpha_3}{2}, 4 - 6\alpha_3 + 9\alpha_3 = 6 \Rightarrow 4 = 6 \text{ absurdo.}$$

$$b) w = (10, -2, 5), \text{ usando como base a a)}$$

$$(5\alpha_1 - 2\alpha_1, \alpha_1) + (0, 4\alpha_2, 6\alpha_2) + (-5\alpha_3, 8\alpha_3, 8\alpha_3) = (10, -2, 5)$$

$$5\alpha_1 - 5\alpha_3 = 10, -2\alpha_1 + 4\alpha_2 + 8\alpha_3 = -2, \alpha_1 + 6\alpha_2 + 8\alpha_3 = 5$$

$$\alpha_1 = 2 + \alpha_3, 4\alpha_2 + 6\alpha_3 = 2, 6\alpha_2 + 9\alpha_3 = 3$$

$$\alpha_2 = \frac{2-3\alpha_3}{2}, 6\left(\frac{2-3\alpha_3}{2}\right) + 9\alpha_3 = 3 \Rightarrow 3 - 9\alpha_3 + 9\alpha_3 = 3 \Rightarrow 3 = 3$$

$\therefore$  o vetor  $w$  é combinação linear de  $V_1, V_2$  e  $V_3$ , pois há  $\alpha_1$ ,

$\alpha_2, \alpha_3 \in \mathbb{R}$ , pelo sistema de equações infinitas.

$$2) V_1 = (5, -2, 1), V_2 = (0, 4, 6) \text{ e } V_3 = (-5, 8, 8) \text{ e } w = (0, 0, 0) = \vec{0}, \text{ usando 1.a) como base.}$$

$$5\alpha_1 - 5\alpha_3 = 0, -2\alpha_1 + 4\alpha_2 + 8\alpha_3 = 0, \alpha_1 + 6\alpha_2 + 8\alpha_3 = 0$$

$$\alpha_1 = \alpha_3, 4\alpha_2 + 6\alpha_3 = 0, 6\alpha_2 + 9\alpha_3 = 0 \Rightarrow \alpha_2 = \frac{-3\alpha_3}{2}, 6\left(\frac{-3\alpha_3}{2}\right) + 9\alpha_3 = 0 \Rightarrow -9\alpha_3 + 9\alpha_3 = 0$$

$\Rightarrow 0 = 0 \therefore$  (como há infinitas soluções, os vetores  $V_1, V_2$  e  $V_3$  são LD (linearmente dependentes)).

Assumindo de  $V_2$  e  $V_3$ :  
 $V_2$  como CL

$$\ln_1 V_1 + \ln_2 V_3 = V_2 \Rightarrow \ln_1 (5, -2, 1) + \ln_2 (-5, 8, 8) = (0, 4, 6) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (5\ln_1 - 5\ln_2, -2\ln_1 + 8\ln_2, \ln_1 + 8\ln_2) = (0, 4, 6)$$

$$5 \ln_1 - 5 \ln_2 = 0, -2 \ln_1 + 8 \ln_2 = 4, \ln_1 + 8 \ln_2 = 6$$

$$\ln_1 = \ln_2, -2 \ln_1 + 8 \ln_1 = 4, \ln_1 + 8 \ln_1 = 6 \Rightarrow 6 \ln_1 = 4, 9 \ln_1 = 6 \Rightarrow$$

$$\ln_1 = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}, \ln_1 = \frac{6}{9} = \frac{2}{3} \therefore \text{é possível escrever que o vetor 2 é}$$

combinação linear de  $V_1$  e  $V_3$  pela propriedade da dependência linear

entre os três vetores.