## Cvičení 1 – Komplexní analýza 2024/2025 Dobrovolná domácí cvičení

Úloha 1. Určete reálnou a imaginární část komplexního čísla

$$z = \frac{6+2i}{-1-2i} + i^{81}.$$

Dále převeďte číslo z do goniometrického a exponenciálního tvaru, tj. určete r>0 a (nějaké)  $\varphi\in\mathbb{R}$  tak, aby platilo

$$z = r(\cos\varphi + i\sin\varphi) = re^{i\varphi}.$$

Úloha 2. Určete velikost a v jakém leží kvadrantu komplexní číslo

$$z = (-2 - 2i)^{13}(3 + 3i)^{20}.$$

Dále určete  $\arg z$ .

Úloha 3. Nalezněte všechna řešení binomické rovnice

$$z^3 = -5i.$$