

```
/*  
http://didawiki.cli.di.unipi.it/lib/exe/fetch.php/informatica/all-  
b/esercizigrafia19.pdf
```

Sia  $G = (V, E)$  un grafo connesso e non orientato. Progettare un algoritmo che ricevuto in ingresso  $G$  e un suo vertice  $r$ , restituisca il numero di vertici che si trovano a distanza massima da  $r$ .

Antonio Boffa (a.boffa@studenti.unipi.it)

```
*/  
  
#include <stdio.h>  
#include <stdlib.h>  
  
// -----  
// Definizione della coda FIFO utilizzata nella BFS  
  
typedef struct _queue  
{  
    // array dove verrà mantenuto il contenuto della coda  
    int *values;  
    // capacità massima della coda  
    int capacity;  
    // indice della posizione dell'array disponibile per l'operazione pop  
    int head;  
    // indice della posizione dell'array disponibile per l'operazione push  
  
    int tail;  
    // numero di elementi nella coda (non utilizzata qui)  
    int size;  
} queue;  
  
void queue_init(queue *q, int capacity);  
void queue_deinit(queue *q);  
void queue_pushBack(queue *q, int value);  
int queue_popFront(queue *q);  
int queue_isEmpty(queue *q);  
int queue_size(queue *q);  
  
void queue_init(queue *q, int capacity)  
{  
    q->capacity = capacity;  
    q->values = (int *) malloc(capacity * sizeof(int));  
    q->tail = 0;  
    q->head = 0;  
    q->size = 0;  
    return;  
}
```

```

void queue_deinit(queue *q)
{
    free(q->values);
    return;
}
void queue_pushBack(queue *q, int value)
{
    q->values[q->tail] = value;
    q->tail++;
    q->size++;
    return;
}

int queue_popFront(queue *q)
{
    int to_return = q->values[q->head];
    q->head++;
    q->size--;
    return to_return;
}

int queue_isEmpty(queue *q)
{
    if(q->tail == q->head)
        return 1;
    else
        return 0;
}

int queue_size(queue *q){
    return q->size;
}

// -----
// Fine della definizione della coda FIFO utilizzata nella BFS

typedef struct _edges
{
    int num_edges; //numero di nodi adiacenti -> out-degree
    int *edges;    //array dei nodi adiacenti
} edges;

//funzione che dealloca il grafo.
// E : grafo
// n : numero di nodi
void free_graph(edges *E, int n)
{
    int i;

```

```

    for (i = 0; i < n; ++i)
    {
        free(E[i].edges);
    }
    free(E);
}

```

```

//funzione che legge il grafo da input.
//n : numero di nodi
edges *read_graph(int n)
{
    edges *E;
    int ne, i, j;
    E = (edges *)malloc(sizeof(edges) * n);
    for (i = 0; i < n; ++i)
    {
        scanf("%d", &(ne));
        E[i].num_edges = ne;
        E[i].edges = (int *)malloc(sizeof(int) * ne);
        for (j = 0; j < ne; ++j)
        {
            scanf("%d", E[i].edges + j);
        }
    }
    return E;
}

```

```

// bfs che restituisce il numero di nodi alla distanza massima dal nodo from
// E : grafo
// n : numero di nodi
// from: nodo dal quale partire
int bfs(edges *E, int n, int from)
{
    // salvo nell'array distanze la distanza dall'origine (from)
    int *distanze = (int *)malloc(sizeof(int) * n);
    queue q;
    int src, dest, i;
    // inizializzo le distanze
    for (i = 0; i < n; ++i)
        distanze[i] = -1; // non ancora visitati
    distanze[from] = 0; // distanza tra l'origine e l'origine è 0
    // inizializzo la coda
    queue_init(&q, n);
    queue_pushBack(&q, from);
    // numero di nodi alla distanza massima in questo momento
    int num_nodes_max_dist = 0;
    // distanza massima in questo momento
    int curr_max_dist = 0;
    // loop fino a terminazione della coda
    while (!queue_isEmpty(&q))

```

```

{
    // src -> nodo corrente
    src = queue_popFront(&q);
    for (i = 0; i < E[src].num_edges; ++i)
    {
        // dest -> nodo vicino al nodo corrente
        dest = E[src].edges[i];
        if (distanze[dest] == -1) // dest non è già stato visitato
        {
            // un nodo (dest) ha la distanza dall'origine=alla distanza del
            // nodo dal quale è arrivato (src) + 1
            distanze[dest] = distanze[src] + 1;
            queue_pushBack(&q, dest);

            // se la distanza dall'origine del nodo src è maggiore del
            // distanza massima incontrata fino ad ora -> aggiorno!
            if(distanze[src] > curr_max_dist){
                curr_max_dist = distanze[src];
                num_nodes_max_dist = 0;
            }
            // in ogni caso ho incontrato un nuovo nodo a distanza massima
            num_nodes_max_dist++;
        }
    }
}

// stampo le distanze
for (i = 0; i < n; ++i)
{
    printf("Distanza del nodo %d dal nodo %d = %d \n", i, from, distanze[i]);
}

// libero la memoria
queue_deinit(&q);
free(distanze);
return num_nodes_max_dist;
}

```

```

int main()
{
    int num_nodes;
    //leggo il numero di nodi da input
    scanf("%d", &(num_nodes));
    //leggo il grafo da input
    edges *edges = read_graph(num_nodes);
    int starting_node;
    // leggo il nodo da cui partire
    scanf("%d", &(starting_node));
    // faccio calcolare il risultato dell'esercizio dalla funzione bfs
    int num_nodes_max_distance = bfs(edges, num_nodes, starting_node);
}

```

```
    printf("\nNumero di nodi alla distanza massima = %d\n", num_nodes_max_distanc  
e);  
    free_graph(edges, num_nodes);  
    return 0;  
}
```