

# Klausur Datensicherheit

Semester:	AI5, Bachelor	SS 08,	12.7.2008
Bearbeitungszeit:	60 Minuten	Hilfsmittel:	nicht prog. C

Auf jedem Blatt Name eintragen! — Punkteangaben ohne Gewähr!

## Aufgabe 1 (2 Punkte)

Warum wird eine Public-Key-Infrastruktur benötigt?

Die Sicherheit des Public-Key-Verfahrens hängt von der Vertrauenswürdigkeit der Public-Keys ab. Die PKI hilft bei der Prüfung, ob ein Public-Key auch wirklich zu der jeweiligen Person/Einrichtung gehört.

## Aufgabe 2 (2 Punkte)

Handgeschriebene Signaturen dürfen nicht vom signierten Dokument getrennt werden. Digitale Signaturen hingegen können zum Beispiel unabhängig vom Dokument verschickt oder gespeichert werden. Warum?

Eine digitale Signatur enthält den Hash-Wert des unterzeichneten Dokuments. Damit ist eine Manipulation am Dokument so gut wie unmöglich. Gleichzeitig ist die Signatur auch nur für dieses Dokument gültig, da andere Dokumente andere Hash-Werte haben. Bei handgeschriebenen Signaturen kann bei einer Trennung nicht nachvollzogen werden, was diese Unterschrift signierte oder ob das Dokument noch geändert wurde.

## Aufgabe 3 (5 Punkte)

Sie erhalten eine mit GNUPG digital signierte E-Mail. Welche Schritte müssen Sie ausführen um die Signatur zu überprüfen?

a) Nur bei der ersten E-Mail von diesem Sender:

Den Public-Key des Senders besorgen. Wenn dieser nicht von einem Trust-Center signiert wurde, muss geprüft werden, ob dieser wirklich dem Sender gehört. Dies sollte auf einem sicheren Kanal erfolgen.

b) Bei jeder E-Mail von diesem Sender:

Prüfen, ob sich der Public-Key des Senders eventuell geändert hat.

ohne Gewähr :-)

**Aufgabe 4 (4 Punkte)**

Zeigen Sie, dass das Vertauschen der Bits  $b_1$  und  $b_2$  in einem Vektor  $(b_1, b_2)$  eine lineare Abbildung ist und geben Sie diese Abbildung an.

$(b_1, b_2) \text{ -----> } (b_2, b_1)$

|  $b_1$   
|  $b_2$

-----  
 $A_{11} \ A_{12} \ | \ b_2 \Rightarrow A_{11} \cdot b_1 + A_{12} \cdot b_2 = b_2 \Rightarrow A_{11} = 0; A_{12} = 1$   
 $A_{21} \ A_{22} \ | \ b_1 \Rightarrow A_{21} \cdot b_1 + A_{22} \cdot b_2 = b_1 \Rightarrow A_{21} = 1; A_{22} = 0$

$A = \begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix}$

Matrix-Multiplikation ist eine lineare Abbildung

**Aufgabe 5 (6 Punkte)**

Für die Schlüsselerzeugung bei RSA seien die Primzahlen  $p = 13$  und  $q = 7$  gegeben, sowie der öffentliche Exponent  $e = 5$ .

a) Verschlüsseln Sie den Klartext  $M = 44$  mit RSA.

$n = 13 \cdot 7 = 91$   
 $\phi(n) = (13-1) \cdot (7-1) = 12 \cdot 6 = 72$  (für b-Teil)  
 $E(44) = 44^5 \bmod 91 = 18$

b) Zeigen Sie, dass  $d = 29$  der zugehörige geheime Exponent ist.

Es muss gelten:  $e \cdot d \bmod \phi(n) = 1$   
 $5 \cdot 29 \bmod 72 = 145 \bmod 72 = 1$

Alternativ (umständlich):  $d$  über erweiterten Euklid berechnen