Università degli Studi di Milano Bicocca Dipartimento di Informatica, Sistemistica e Comunicazione

Corso di Laurea Triennale

???

Candidato: Relatore: XXX YYY XXX YYY

Correlatore: XXX YYY

ANNO ACCADEMICO 2023/2024

Indice

1	Abs	tract	1
2	Intr	oduzione	2
3	Met	odi	6
	3.1	Silhouette	6
	3.2	Sanity check e matrice binaria	10
	3.3	Algoritmi	11
		3.3.1 Clustering partizionale: K-Means e K-Medians	11
		3.3.2 Clustering per densità: DBSCAN	12
		3.3.3 Clustering gerarchico: HDBSCAN	14
4	Risu	ıltati	17
	4.1	Risultati dei test	17
	4.2	Risultati delle applicazioni su EHR	18
5	Disc	ussione	43
	5.1	Silhouette	43
	5.2	Pacchetti	43
	5.3	EHR	44
6	Con	clusioni	56

Elenco delle figure

3.1	Silhouette plot per il dataset iris
3.4	Ipotetica classificazione di alcuni elementi, usando MinPts = 4. Gli ele-
	menti in rosso sono dei core point, perchè hanno 4 o più elementi nel
	loro ε -vicinato. Gli elementi in giallo sono invece border point, perchè
	hanno meno di 4 elementi nel loro ε -vicinato ma sono nell' ε -vicinato di
	almeno un core point. Infine, gli elementi in blu sono dei noise point,
	perchè oltre ad avere meno di 4 elementi nel loro ε -vicinato non sono
	nell'epsilon-vicinato di alcun core point (By Chire - Own work, CC BY-
	SA 3.0, https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=17045963) 13
3.5	Risultato dell'applicazione dell'algoritmo DBSCAN su un ipotetico data-
	set. Le aree in blu e in verde rappresentano i due cluster, mentre i pun-
	ti in grigio sono i noise point (By Chire - Own work, CC BY-SA 3.0,
	https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=17085332) 14
3.2	Clustering con K-Means usando $K = 2, 4, 6$ per un dataset auto generato
	in cui la struttura di cluster è ben visibile
3.3	Plot dei dataset per il test sanity check. Il primo presenta una struttu-
	ra di cluster ben definita, mentre nel secondo la struttura di cluster è
	completamente assente
4.1	Plot dei test sanity check usando il dataset con struttura di cluster ben
	visibile
4.2	Plot dei test sanity check usando il dataset con struttura di cluster assente. 18
4.3	Plot del test sanity check usando scikit-learn attraverso reticulate. 20
4.4	Plot dei test matrice binaria
4.5	Plot del test matrice binaria per il pacchetto scikit-learn (attraverso
	reticulate) 22
4.6	Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0158570_S2Fi
4.7	Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0158570_S2M
4.8	$\textbf{Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset \verb results_journal.pone.0158570_S2F }$
4.9	$\textbf{Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset} \ \texttt{results_journal.pone.0158570_S2}$
	Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Da
	Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0175818_S1I
	Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0175818_S1D
	Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0175818_S1
	Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2
	Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM
	Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2
	Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataY
	Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0216416_Taka
	Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0216416_Tal
4.20	Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0216416_Tak

4.21	Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0216416_Ta
4.22	Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Te
4.23	Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_
4.24	Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_T
4.25	Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0148699_S1
5.1	Differenze fra il test matrice binaria tra cluster (pacchetto R) e scikit-learn (pacchetto Python)
5.2	Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0158570_
5.3	Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0175818_
5.4	Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_10_7717_peerj_5665_data
5.5	Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0216416_
5.6	Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0148699_
5.7	Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.por
5.8	Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.por
5.9	Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_10_7717_pee:
	Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.por
5.11	$Risultatidell'algoritmoDBSCANmedianteKNN-plotperildataset\verb"results-journal.por" and algoritmoDBSCANmedianteKNN-plotperildataset\verb"results-journal.por" and algoritmoDBSCANmedianteKNN-plotperildatasetperildatasetDBSCANmedianteKNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmedianteMNN-plotperildatasetDBSCANmediante, MNN-plotperildatasetDBSCANmediante, MN$

1. Abstract

Silhouette é una metrica spesso utilizzata per individuare la combinazione di iperparametri di un algoritmo di clustering non supervisionato che risulti nel clustering più vicino possibile alla vera struttura di cluster dei dati in analisi. Verrà introdotta Silhouette e come calcolarla, alcune proprietà matematiche ed alcune applicazioni concrete su dataset di EHR (*Electronic Health Records*). Verranno inoltre analizzati alcuni pacchetti per il linguaggio R che implementano Silhouette per determinare quale sia il migliore, comparandone le performance sia fra di loro sia rispetto all'implementazione di scikit-learn (Python).

2. Introduzione

Con il termine **cluster analysis**, o semplicemente **clustering**, si intende "una tecnica di classificazione statistica atta a scoprire se gli individui di una popolazione ricadono all'interno di certi gruppi mediante comparazioni quantitative di loro molteplici caratteristiche" ¹. Informalmente, il clustering consiste nel (tentare di) suddividere un insieme di dati in gruppi, chiamati appunto **cluster**, di modo che ciascun gruppo contenga elementi simili fra di loro ma dissimili rispetto a quelli degli altri gruppi.

La definizione del concetto di "somiglianza" sta nelle mani di chi compie il clustering. In genere, l'analisi dei dati si occupa di dati numerici (altezze, lunghezze, età, ampiezze), pertanto il modo più naturale per formalizzare la somiglianza è dato da una **funzione di distanza**. Matematicamente, una qualsiasi funzione $d: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ è considerabile una funzione di distanza se possiede (almeno) le seguenti proprietà:

- Per ogni $x \in \mathbb{R}$, d(x,x) = 0;
- Per ogni $x, y \in \mathbb{R}$, se $x \neq y$ allora d(x, y) > 0;
- Per ogni $x, y \in \mathbb{R}$, d(x, y) = d(y, x) (simmetria);
- Per ogni $x, y, z \in \mathbb{R}$, $d(x, z) \le d(x, y) + d(y, z)$ (**disuguaglianza triangolare**).

Un **algoritmo di clustering** non é altro che un algoritmo che abbia in input un insieme di dati e che abbia in output il risultato del clustering. Algoritmi di questo tipo fanno uso di una funzione di distanza per raggruppare gli elementi in cluster senza che sia necessario farlo manualmente.

Gli algoritmi di clustering si dividono in due macrocategorie: **algoritmi supervisionati** e **algoritmi non supervisionati**. Nei primi, viene usato un insieme di dati per generalizzarne le proprietá, cercando di predire il risultato per dati futuri, mentre nei secondi si cerca di catturare le proprietá dei dati in sé e per sé.

Una volta applicato un algoritmo di clustering su un certo insieme di dati, é ragionevole chiedersi se il risultato del clustering effettivamente rispecchi la struttura dei dati o se l'algoritmo abbia errato. Negli algoritmi di tipo supervisionato questo é semplice, perché é possibile comparare i dati ottenuti con il risultato atteso, similmente a come viene fatto in un modello di regressione.

Negli algoritmi di tipo non supervisionato questo é molto piú difficile, perché non c'é differenza fra l'insieme di dati utilizzato per costruire il modello e l'insieme di dati usato per testare il modello: sono lo stesso insieme. Una possibile soluzione al problema é data da delle statistiche, il cui valore rappresenta l'accuratezza del modello. Alcuni esempi sono: Calinksi-Harabasz [2], Davies-Bouldin [6] e Dunn Index [8].

La statistica di interesse per questa tesi è Silhouette [18]. Tale statistica, nelle parole dell'autore, si propone di rispondere alle seguenti domande:

https://www.merriam-webster.com/dictionary/cluster%20analysis

- Il clustering è di buona qualità? In altre parole, gli elementi di uno stesso cluster sono fra di loro "vicini" ed al contempo "lontani" dagli elementi di tutti gli altri cluster?
- Quali sono gli elementi ben classificati, ovvero quelli che probabilmente si trovano nel cluster "giusto"?
- Quali sono gli elementi che è difficile stabilire con certezza in quali cluster vadano collocati, ovvero quelli che stanno "nel mezzo" fra più cluster?
- Il numero di cluster scelto è effettivamente rappresentativo del dataset o è 'artificio-so'?

Patologie	N. pazienti	Features	Algoritmi	Software	Metriche
Lupus Eri-	11923	biomarcatori	Multiple	clustrd (R)	Silhouette
tematoso		(tradotti in	Corre-		
Sistemico,		variabili	spondence		
Artrite Reu-		categoriali)	Analysis		
matoide,			K-means		
Sindrome di			(clustering		
Sjogren			e dimen-		
			sionality		
			reduction		
			insieme)		
Association o	f comorbid-soc	ioeconomic clus	ters with mortal	lity in late onset	epilepsy de-
	unsupervised n	nachine learning	g [14]		
Patologie	N. pazienti	Features	Algoritmi	Software	Metriche
Epilessia	11307	Fattori di	Agglomerativ		Silhouette,
(tardiva)		rischio,	Hierarchical	(Python),	Davies-
		comorbiditá	Clustering	Python	Bouldin
		(indice di		3.6.3, Stata	
		Charlson)		16.1	
Exploration of	f critical care a	lata by using uns	supervised mach	nine learning [1	3]
Patologie	N. pazienti	Features	Algoritmi	Software	Metriche
	1503	Valori di te-	Kmeans	R 3.5.2	Total
		st di routine			within-
		di laborato-			cluster
		rio (BUN,			variation,
		creatinina,			Silhouette,
		glucosio,)			Gap statistic
		clinical subtypes		s disease in ca	re electronic
		vised machine l			
Patologie	N. pazienti	Features	Algoritmi	Software	Metriche
Malattia di	10065	sintomi tipi-	K-Means,		Silhouette,
Alzheimer		ci, comorbi-	Kernel		Coefficiente
		ditá, dati de-	K-means,		di Jaccard
		mografici	Affinity		
			Dagaga		
			Propaga-		
			tion, Latent		
			tion, Latent Class Ana-		
			tion, Latent Class Ana- lysis		
		for Subphenoty	tion, Latent Class Ana- lysis	n in Sepsis-Asso	ciated Acute
Kidney Injury	, [5]		tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification		
Kidney Injury Patologie	[5] N. pazienti	Features	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification Algoritmi	Software	Metriche
Kidney Injury	, [5]	Features Segni vitali,	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification	Software scikit-learn	Metriche Silhouette,
Kidney Injury Patologie	[5] N. pazienti	Features Segni vitali, test di labo-	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification Algoritmi	Software scikit-learn (Python),	Metriche Silhouette, Davies-
Kidney Injury Patologie	[5] N. pazienti	Features Segni vitali,	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification Algoritmi	Software scikit-learn (Python), matplotlib	Metriche Silhouette, Davies- Bouldin,
Kidney Injury Patologie	[5] N. pazienti	Features Segni vitali, test di labo-	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification Algoritmi	Software scikit-learn (Python), matplotlib (Python),	Metriche Silhouette, Davies- Bouldin, Calinksi-
Kidney Injury Patologie	[5] N. pazienti	Features Segni vitali, test di labo-	tion, Latent Class Ana- lysis pe Identification Algoritmi	Software scikit-learn (Python), matplotlib	Metriche Silhouette, Davies- Bouldin,

Tabella 2.1: Riassunto degli articoli scientifici che applicano Silhouette su EHR

Sintesi	Algoritmi	Dataset	Software	Metriche		
É possibile utilizzare	RPCT	Dataset arti-	clusterSim	Adjusted		
Silhouette come "stop-		ficiale, gene-	(R)	Rand		
ping rule" direttamente		rato mediante		Index		
all'interno di un algo-		cluster.Gen,				
ritmo di clustering?		FCPS Dataset ar-				
_		tificiale costituito				
		da tre distribuzio-				
		ni uniformi				
Performance evaluation	of the Silhouett	e index [20]		I		
Sintesi	Algoritmi	Dataset	Software	Metriche		
Qual'é il modo corret-	Complete-	Quattro dataset				
to per calcolare la Si-	linkage,	artificiali con una				
lhouette media?	single-	struttura di clu-				
	linkage	ster ben definita,				
		Iris, Wine				
A comparison of cluster	ng quality indic	ces using outliers and	noise [11]			
Sintesi	Algoritmi	Dataset	Software	Metriche		
Quali sono le presta-	K-means,	clear (struttura		Calinski-		
zioni di Silhouette ri-	model-	di cluster é ben		Harabasz,		
spetto ad altre metri-	based	definita), out		C-index,		
che?	clustering,	(parte dei dati		Davies-		
	hierarchical	sono noise),		Bouldin,		
	clustering,	noi (parte delle		Gamma,		
	algoritmo	dimensioni sono		ARI		
	"random"	noise)				
Condensed Silhouette: A	ondensed Silhouette: An Optimized Filtering Process for Cluster Selection in K-Mea					
[16]						
Sintesi	Algoritmi	Dataset	Software	Metriche		
Nel caso di algoritmi	K-Means	7 microarray	Scikit-			
di clustering partizio-		gene expressions	Learn			
nale, é possibile sem-		(migliaia di fea-	(Python)			
plificare ulteriormente		tures), 7 dataset				
Silhouette?		reali famosi (co-				
		me Iris)				
CUBOS: An Internal Cli		dex for Categorical L	Data [10]			
Sintesi	Algoritmi	Dataset	Software	Metriche		
É possibile estendere	IDC	K-Modes	UCI			
Silhouette per utiliz-						
zarla su valori discreti?						

Tabella 2.2: Riassunto degli articoli scientifici che studiano Silhouette da un punto di vista teorico

3. Metodi

3.1 Silhouette

Si supponga di avere a disposizione un dataset di dimensione $N \times M$, dove N indica il numero degli elementi e M è il numero di attributi. Per comodità, si assuma che gli attributi siano tutti dati numerici (altezze, lunghezze, capacità, ecc...). Per ogni elemento, tutti i valori di ciascun attributo sono noti.

A partire da tale dataset è possibile costruire quella che viene chiamata **matrice delle distanze**. Tale matrice ha dimensione $N \times N$ e, in ciascuna cella (i, j), è presente un valore indicato con d(i, j) che rappresenta il grado di "dissomiglianza" fra l'elemento i e l'elemento j del dataset.

Tale grado di dissomiglianza è calcolato mediante una **funzione di distanza**, usando come input i valori degli attributi di i e di j. Un esempio di funzione di distanza è la **distanza Euclidea**, definita come segue:

$$d(i,j) = \sqrt{\sum_{m=1}^{M} (f_{i,m} - f_{j,m})^2} = \sqrt{(f_{i,1} - f_{j,1})^2 + \dots + (f_{i,M} - f_{j,M})^2}$$
(3.1)

Dove $f_{i,m}$ e $f_{j,m}$ indicano il valore del m-esimo attributo per, rispettivamente, l'i-esimo ed il j-esimo elemento del dataset.

Altri esempi di distanze sono la **distanza di Manhattan** e la **distanza di Minkowski** (dal punto di vista di Silhouette, quale funzione di distanza venga usata è irrilevante).

"1"	"2"	"3"	"4"	"5"	"6"
0	0.54	0.51	0.65	0.14	0.62
0.54	0	0.3	0.33	0.61	1.09
0.51	0.3	0	0.24	0.51	1.09
0.65	0.33	0.24	0	0.65	1.17
0.14	0.61	0.51	0.65	0	0.62
0.62	1.09	1.09	1.17	0.62	0

Tabella 3.1: Matrice delle distanze per il dataset iris. Per questioni di spazio sono presenti solamente i primi 6 elementi.

Una volta nota la matrice delle distanze, si supponga di applicare un algoritmo di clustering (K-Means, ad esempio) per suddividere il dataset in un certo numero di cluster, sia questo K. Per ciascun cluster, è interamente noto sia il numero di suoi elementi, sia a quale cluster ciascun elemento del dataset è stato assegnato.

Per poter calcolare il coefficiente di Silhouette, è prima necessario introdurre due quantità per ciascun elemento i del dataset, indicate rispettivamente con a(i) e b(i).

Preso un elemento i del dataset, sia A il cluster in cui l'algoritmo lo ha riposto. Ammesso che A contenga altri elementi all'infuori di i, è possibile definire a(i) come distanza media fra i e tutti gli elementi di A escluso i stesso:

$$a(i) = \frac{1}{|A| - 1} \sum_{j \in \{A - \{i\}\}} d(i, j)$$
(3.2)

Tale valore misura quanto un cluster è coeso, nel senso che se tale valore è piccolo per tutti gli elementi del cluster, questi si trovano fra loro vicini. Per tale motivo, a(i) viene anche chiamata **distanza intra-cluster**.

Dopodiché, in maniera simile, per un cluster C diverso da A è possibile definire D(i,C) come la distanza media fra i (che appartiene ad A) e gli elementi di C:

$$D(i,C) = \frac{1}{|C|} \sum_{j \in C} d(i,j)$$

Tale valore misura quanto un cluster è *separato*, nel senso che se tale valore è grande per tutti gli elementi del cluster a cui i appartiene, il cluster nel suo complesso si trova molto distante da tutti gli altri. Per tale motivo D(i,C) viene anche chiamata **distanza** inter-cluster.

Assumendo che il numero di cluster sia più di uno, per uno stesso elemento i è possibile calcolare la distanza inter-cluster per ogni possibile cluster C distinto da A. Fra questi K-1 cluster, è di particolare interesse il cluster che ha il più piccolo valore di distanza inter-cluster per i, chiamato **neighboring cluster**. Questo perché tale cluster è quello che, se il cluster A non esistesse, sarebbe la miglior scelta per catalogare i, dato che è quello i cui elementi sono i più vicini ad i.

Se il neighboring cluster per i è il cluster C', la distanza inter-cluster D(i,C') viene indicata con b(i):

$$b(i) = \min_{C \neq A} D(i, C) \tag{3.3}$$

Una volta calcolato a(i) e b(i) per l'elemento i del dataset, è possibile assegnarvi un valore di Silhouette s(i), così calcolato:

$$s(i) = \frac{b(i) - a(i)}{\max\{a(i), b(i)\}}$$
(3.4)

Se l'elemento i si trova in un cluster che contiene solamente sé stesso, per convenzione il valore s(i) viene posto a 0 (è una scelta arbitraria, ma è anche quella più neutra).

È facile verificare che, per qualsiasi elemento i:

$$-1 \le s(i) \le 1$$

Si assuma infatti che $b(i) \ge a(i)$. L'espressione diventa:

$$s(i) = \frac{b(i) - a(i)}{b(i)} = \frac{b(i)}{b(i)} - \frac{a(i)}{b(i)} = -\frac{a(i)}{b(i)}$$

Avendo assunto che b(i) sia maggiore di a(i), tale frazione è una frazione propria, e pertanto il suo valore è racchiuso nell'intervallo [-1,0].

Si assuma invece a(i) > b(i). L'espressione diventa:

0 1 2	0 1 2	0 1 2
	1 2 3	1 2 3
1 2 3	3 1 0.85	1 2 0.63
3 1 0.85	1 2 0.85	2 1 0.5
3 1 0.82		
	1 2 0.38	1 2 0.23
3 1 0.83	2 1 0.85	2 1 0.61
3 1 0.81		
	1 2 0.59	2 1 0.36
3 1 0.85	1 2 0.37	2 1 0.56
3 1 0.75		
	1 2 0.59	2 1 0.54
3 1 0.82	1 2 0.28	1 2 0.47
3 1 0.85		
	1 3 0.27	2 1 0.56
3 1 0.75	1 2 0.34	2 1 0.44
3 1 0.83		
	1 2 0.58	2 1 0.56

Tabella 3.2: Valori di s(i), cluster e neighboring cluster per i primi 10 elementi dei tre cluster. Si noti come i valori di s(i) del primo cluster siano più alti ed il neighboring cluster sia sempre lo stesso, mentre gli altri due cluster hanno valori più variegati.

$$s(i) = \frac{b(i) - a(i)}{a(i)} = \frac{b(i)}{a(i)} - \frac{a(i)}{a(i)} = \frac{b(i)}{a(i)}$$

Avendo assunto che a(i) sia maggiore di b(i), tale frazione è una frazione propria, e pertanto il suo valore è racchiuso nell'intervallo [0,1].

Per farsi una migliore idea del significato di s(i), può essere utile considerare alcune situazioni estreme.

Quando s(i) è approssimativamente 1 si ha che b(i) è molto più grande di a(i), e quindi la distanza fra i ed i membri del cluster a cui appartiene è molto più piccola della distanza fra i ed i membri degli altri cluster. Questo significa che la scelta di aver posto i in quel cluster è una buona scelta, perché persino la "seconda scelta" è di netto inferiore alla prima.

Quando s(i) è approssimativamente 0 si ha che b(i) e a(i) hanno lo stesso ordine di grandezza, e quindi la distanza fra i ed i membri del cluster a cui appartiene è comparabile a quella fra i ed i membri del suo neighboring cluster. Questo significa che la scelta di aver posto i in quel cluster è inconclusiva, nel senso che se fosse stato invece scelto il neighboring cluster si avrebbe avuto sostanzialmente lo stesso risultato.

Quando s(i) è approssimativamente -1 significa che a(i) è molto più grande di b(i), e quindi la distanza fra i ed i membri del cluster a cui appartiene è molto più grande della distanza fra i ed i membri degli altri cluster. Questo significa che la scelta di aver posto i in quel cluster è discutibile, perché vi sono cluster con cui i ha più in comune rispetto a quello in cui si trova.

I valori s(i) non sono, di per loro, particolarmente informativi. È però possibile costruire un Silhouette plot di ciascun cluster come un bar chart dove ciascuna colonna i-esima ha altezza proporzionale a s(i), ordinato dalla colonna più alta a quella più bassa. Tale

grafico può essere arricchito riportando informazioni ulteriori per ciascun elemento come, ad esempio: in quale cluster si trova, qual'è il suo neighboring cluster, il suo valore di s(i).

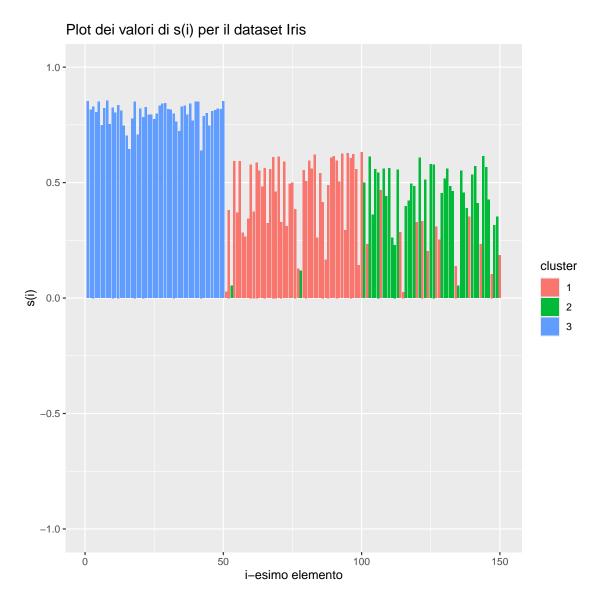


Figura 3.1: Silhouette plot per il dataset iris.

Il vantaggio di Silhouette è che non dipende da quale algoritmo è stato usato per effettuare il clustering. Per tale motivo, può essere usato per valutare "a posteriori" il risultato dell'algoritmo, provando a modificare il valore degli iperparametri per valutare quale combinazione di iperparametri restituisce il risultato più coerente. Questo riesce particolarmente bene negli algoritmi in cui il numero di cluster figura fra gli iperparametri, come K-Means.

Per esempio, si supponga che un dataset abbia effettivamente delle aree molto dense separate da aree ampie vuote. Operando un clustering in cui il numero di cluster è più basso del numero "naturale" di cluster, delle aree molto distanti tra loro vengono inglobate in un cluster unico nonostante vi siano considerevoli distanze nel mezzo. Silhouette può

evidenziare questa situazione perché il valore di a(i) tende ad essere molto alto, essendo i membri del dataset molto distanti dai loro centroidi.

Si supponga invece di operare un clustering in cui il numero di cluster è più alto del numero "naturale" di cluster. In tale situazione, anche aree dense vengono spezzate in cluster diversi. Silhouette può evidenziare questa situazione perché il valore di b(i) tende ad essere molto basso, dato che elementi molto vicini vengono separati forzosamente.

In generale, l'operato di un algoritmo di clustering può considerarsi ottimale se il valore si s(i) tende ad essere molto alto per tutti gli elementi del dataset. A tale scopo, è possibile calcolare la Silhouette media per un certo cluster C come la media tutti gli s(i) per ciascun elemento i che appartiene a C. Se tale valore medio è alto, il cluster nel suo complesso è ben formato.

Se si ha invece interesse a sapere qual'è il numero ottimale di cluster, è possibile considerare la Silhouette media complessiva come la media di tutti gli s(i) per ogni elemento dell'intero dataset. L'idea è quella di testare diverse combinazioni di iperparametri dell'algoritmo di clustering e scegliere la combinazione che restituisce la Silhouette media complessiva più grande: tale combinazione sarà quella che restituisce il clustering che meglio interpreta il dataset.

Si noti come un valore della Silhouette media complessiva pari a 0 non significa necessariamente che il clustering non sia andato a buon fine. Può infatti anche indicare che effettivamente il dataset non ha alcuna struttura di clustering naturale, e che quindi l'algoritmo di clustering ha comunque fornito un risultato corretto, dato che effettivamente qualsiasi risultato vale l'altro.

3.2 Sanity check e matrice binaria

Il linguaggio R offre diverse implementazioni del calcolo della Silhouette. A differenza di altri linguaggi come Python, dove esiste un "consensus" (ufficiale o ufficioso) riguardo a quali siano i pacchetti da utilizzare per un determinato scopo, su R questo talvolta manca. Pertanto, prima di mettere Silhouette sotto analisi, é necessario scegliere un pacchetto fra quelli disponibili.

Ho cercato quante più implementazioni di Silhouette possibili utilizzando il sito https://rdrr.ice e scegliendone quante più possibili che provenissero dal repository CRAN. In particolare, sono stati scelti cluster, drclust, tidyclust e Kira. Pacchetti noti come fpc, che pure implementano Silhouette, li ho esclusi a priori perché non aggiornati da tempo.

Oltre a questi, come controprova ho utilizzato l'implementazione della Silhouette presente nel pacchetto scikit-learn per Python. Questo è stato fatto attraverso il pacchetto reticulate, che permette di chiamare funzioni Python all'interno di codice R

Per comparare le performance delle diverse implementazioni di Silhouette ho eseguito due test, uno chiamato "sanity check" ed uno chiamato "matrice binaria". Il codice per la generazione dei test è liberamente disponibile. Ho organizzato il codice seguendo le linee guida riportate in [17]. Ho anche tenuto un lab notebook per tenere traccia dei risultati mano mano che venivano generati, facendo riferimento a [19]

Il test Sanity check prevede di utilizzare due dataset creati artificialmente, il primo dove la struttura di cluster è estremamente evidente ed il secondo dove la struttura di cluster è completamente assente, applicare su questi l'algoritmo di clustering K-Means e calcolare sul risultato di quest'ultimo la Silhouette media.

Lo scatter plot dei due dataset è riportato in Figure 3.3. Li ho costruiti utilizzando la funzione rnorm, che genera dei punti casuali a partire da una distribuzione normale bivariata. Il primo è stato costruito usando due distribuzioni normali fuse insieme, entrambe con una deviazione standard molto bassa, di modo che i punti siano concentrati attorno alla media. Il secondo è costituito da una sola distribuzione normale centrata in (0,0) con una deviazione standard molto ampia, di modo che i punti siano molto dispersi.

Il test matrice binaria inizia con una matrice di dimensione 2ntimesn, costituita per metà da 0 e per metà da 1. Su tale matrice viene applicato K-Means con iperparametro K=2 e si calcola la Silhouette media complessiva del risultato. Dopodiché, una qualsiasi delle righe viene sostituita con un valore scelto casualmente nell'intervallo (0,1) e si ripete il procedimento. Tale test viene ripetuto esattamente 2n volte, ogni volta con una riga diversa.

I 2n valori della Silhouette media complessiva così trovati sono poi riportati in un plot; l'idea è che tali valori debbano essere alti nelle prime istanze del test quando gli 0 e gli 1 sono ben separati e piano piano perdano si riducano così come il dataset perde coesione. Ci si aspetta che i punti sul grafico approssimino una distribuzione lineare.

3.3 Algoritmi

Gli algoritmi di clustering sono innumerevoli, ed è impossibile testarli tutti. In questa tesi ne ho scelti quattro: **K-Means** [15] e la sua variante **K-Medians**, **DBSCAN** [9] e **HDBSCAN** [3].

3.3.1 Clustering partizionale: K-Means e K-Medians

K-Means e **K-Medians** sono esempi di algoritmi di clustering **partizionale**, ovvero che suddividono l'insieme di dati in un certo numero di cluster operando diversi "raffinamenti" spostando uno o più elementi da un cluster all'altro fino a raggiungere la precisione desiderata. L'algoritmo può essere descritto come segue:

- 1. Sia scelga un intero k. Tale valore sarà il numero di cluster;
- 2. Si scelgano *k* elementi qualsiasi del dataset, detti **seed**. Tali seed fungeranno da **centroidi** iniziali, ovvero da elementi che rappresentano il "baricentro" o il "punto medio" di ciascun cluster;
- 3. Per ciascun elemento del dataset che non é un centroide, si calcoli la distanza fra tale elemento e tutti i centroidi. L'elemento viene assegnato alla partizione il cui centroide ha la piú piccola distanza da questo;
- 4. Per ogni cluster se ne ricalcolino i centroidi, operando la media aritmetica dei suoi valori;

5. Se é stato raggiunto un criterio di terminazione, l'algoritmo termina. Altrimenti, si riprende dal punto 3.

Si noti come l'algoritmo non specifichi un criterio di terminazione. Un criterio molto semplice consiste nel fissare un ε e valutare di quanto si discosta il nuovo valore dei centroidi (calcolato al punto 4) dal valore precedente: se questo scostamento é inferiore ad ε , l'algoritmo termina. Un criterio simile prevede di fissare un ε e di terminare l'algoritmo se il numero di elementi che vengono assegnati ad un cluster diverso alla fine della corrente iterazione é inferiore ad ε .

L'algoritmo K-Medians è una variante di K-Means che usa le mediane dei cluster come centroidi anzichè le loro medie. Per tal motivo, mentre K-Means può utilizzare sostanzialmente qualsiasi funzione di distanza, K-Medians utilizza sempre la distanza di Manhattan.

Sebbene K-Means e K-Medians siano efficienti (se il numero di iterazioni è piccolo, il tempo di esecuzione è quasi-lineare) e anche estremamente semplici, tanto da comparire come subroutine in algoritmi più complessi, presentano dei problemi. Ad esempio, dato che ogni elemento ha lo stesso peso nel computo dei centroidi, anche un solo elemento che abbia valori anomali può destabilizzare completamente il risultato finale. Inoltre, il parametro k che determina il numero di cluster potrebbe non avere alcuna relazione con l'effettivo numero di cluster (se esistono) nell'insieme di dati, e quindi un valore scorretto di k porta a risultati che non rispecchiano per nulla la vera struttura di cluster. Infine, il raggruppamento di piú elementi sulla base di una distanza genera dei cluster di forma ellittica, ma non tutti i dataset hanno una struttura di cluster con questa forma.

3.3.2 Clustering per densità: DBSCAN

DBSCAN è un esempio di algoritmo di clustering **per densità**, ovvero che costruisce i cluster a partire da come gli elementi di un dataset sono aggregati. In questo senso, i cluster figurano come regioni di spazio densamente popolate, di forma del tutto arbitraria, separate da spazio poco popolato.

DBSCAN prevede che vengano innanzitutto scelti due valori, un intero chiamato MinPts ed un numero reale positivo ε . A partire da questi, per ogni elemento p del dataset è possibile definire un insieme $N_{\varepsilon}(p)$, chiamato ε -vicinato (ε -neighbourhood). Tale insieme contiene tutti i punti q che hanno distanza da p inferiore a ε :

$$N_{\varepsilon}(p) = \{q | d(p,q) \le \varepsilon\}$$

Ogni elemento p del dataset viene classificato sulla base del numero di elementi di $N_{\varepsilon}(p)$:

- Se $N_{\varepsilon}(p)$ ha almeno MinPts elementi, si dice che p è un **core point**;
- Se $N_{\varepsilon}(p)$ ha meno di MinPts elementi ma p si trova nell' ε -vicinato di un altro elemento, allora si dice che p è un **border point**;
- Se un elemento non non é né un core point né un border point, é detto **noise point**.

Si dice che un elemento q é **direttamente raggiungibile** da p se p é un core point e q si trova nell' ε -vicinato di p. Se un elemento r é direttamente raggiungibile da q e q é direttamente raggiungibile da un elemento p, allora si dice che r é **indirettamente raggiungibile** da p (si noti come la raggiungibilità non sia una proprietà necessariamente simmetrica).

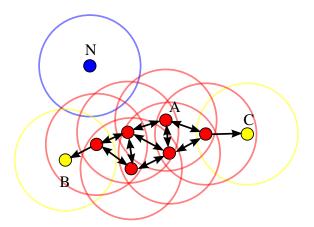


Figura 3.4: Ipotetica classificazione di alcuni elementi, usando MinPts = 4. Gli elementi in rosso sono dei core point, perchè hanno 4 o più elementi nel loro ε -vicinato. Gli elementi in giallo sono invece border point, perchè hanno meno di 4 elementi nel loro ε -vicinato ma sono nell' ε -vicinato di almeno un core point. Infine, gli elementi in blu sono dei noise point, perchè oltre ad avere meno di 4 elementi nel loro ε -vicinato non sono nell'epsilon-vicinato di alcun core point (By Chire - Own work, CC BY-SA 3.0, https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=17045963).

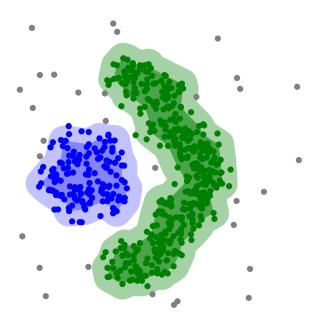


Figura 3.5: Risultato dell'applicazione dell'algoritmo DBSCAN su un ipotetico dataset. Le aree in blu e in verde rappresentano i due cluster, mentre i punti in grigio sono i noise point (By Chire - Own work, CC BY-SA 3.0, https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=17085332)

Si osservi come la scelta di ε e MinPts influisca di molto sul risultato finale. Infatti, scegliendo un valore di ε o di MinPts troppo piccolo, quasi tutti gli elementi verranno classificati come noise point, e quindi quasi tutti scartati. D'altro canto, un valore di ε o di MinPts troppo grande potrebbe indurre un clustering dove quasi tutti i punti sono inclusi nello stesso cluster.

A differenza di K-Means e K-Medians, che costruiscono sempre cluster di forma ellissoidale, DBSCAN costruisce cluster di qualsiasi forma. Questo è sia un aspetto positivo, perchè in questo modo è possibile catturare strutture di cluster molto più variegate, sia negativo, perchè la densità di un'area non sottende necessariamente alla presenza di un cluster, e non tutte le aree dense lo sono allo stesso modo. Occorre però evidenziare come, nonostante sia leggermente inferiore a K-Means e K-Medians in termini di tempo di esecuzione $(On \log(n), \text{con } n \text{ numero di elementi del dataset})$, le sue prestazioni sono state empiricamente dimostrate come molto competitive.

3.3.3 Clustering gerarchico: HDBSCAN

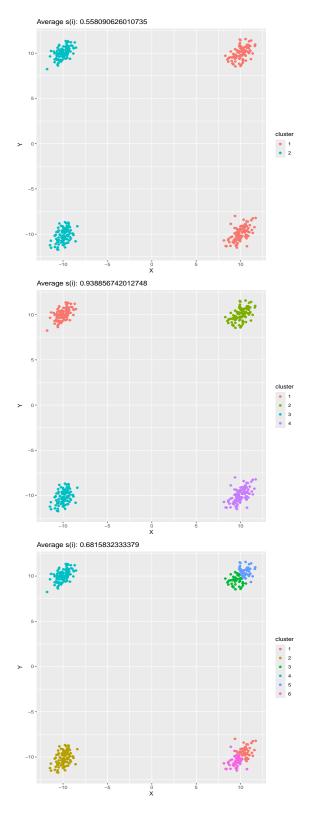


Figura 3.2: Clustering con K-Means usando K = 2, 4, 6 per un dataset auto generato in cui la struttura di cluster è ben visibile.

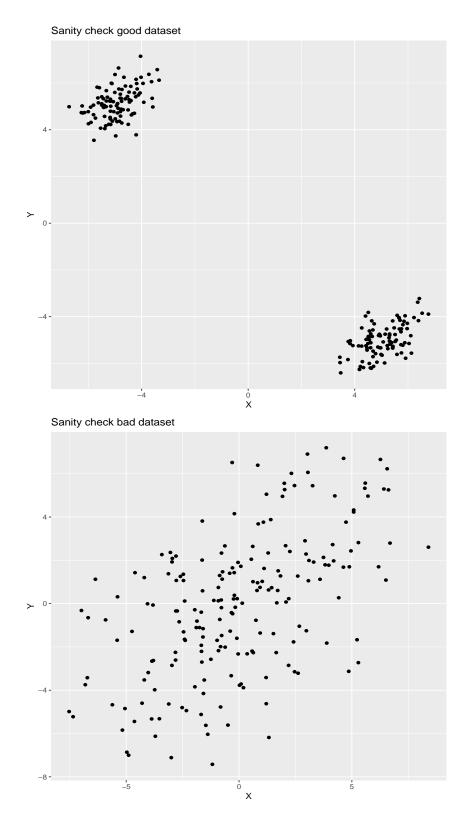


Figura 3.3: Plot dei dataset per il test sanity check. Il primo presenta una struttura di cluster ben definita, mentre nel secondo la struttura di cluster è completamente assente.

4. Risultati

4.1 Risultati dei test

I risultati per il test sanity check sono riportati di seguito. Il test sanity check non é stato particolarmente conclusivo, perché tutti e cinque i pacchetti hanno fornito valori molto simili (circa 0.9 per il primo dataset e circa 0.4 per il secondo). Questo é un risultato atteso, perché il test era appositamente costruito per escludere pacchetti problematici.

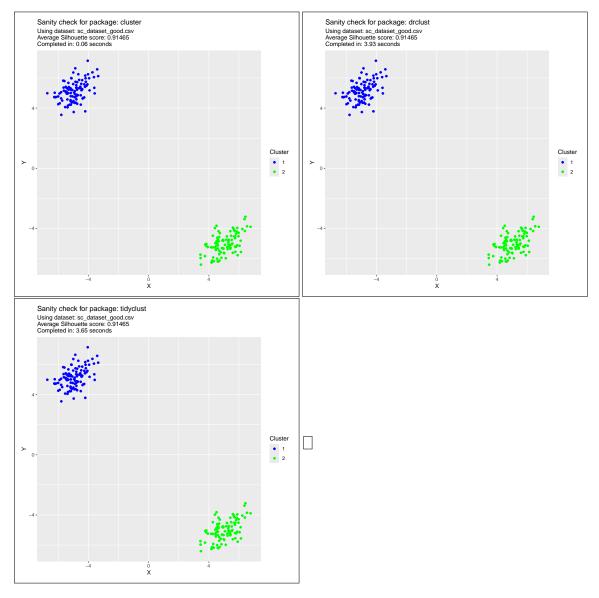


Figura 4.1: Plot dei test sanity check usando il dataset con struttura di cluster ben visibile.

I risultati per il test matrice binaria sono riportati di seguito. Il test é stato piú informativo del precedente, perché i valori restituiti avevano delle differenze evidenzia-

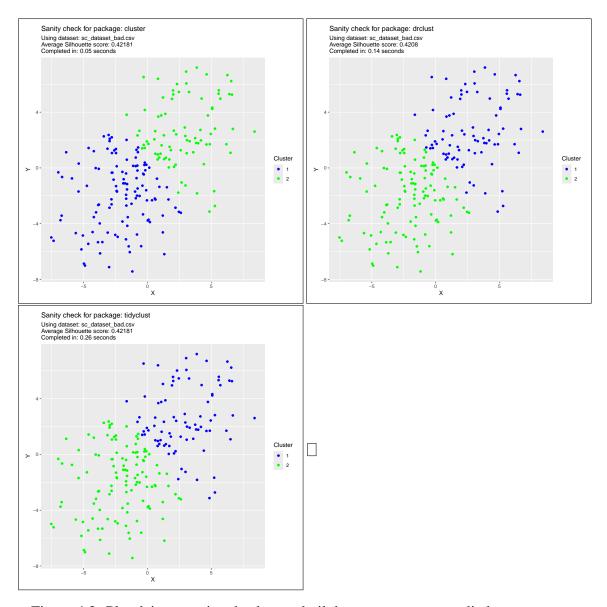


Figura 4.2: Plot dei test sanity check usando il dataset con struttura di cluster assente.

bili. In particolare, Kira é stato il pacchetto con le performance peggiori, perché i valori della Silhouette media complessiva sono rimasti pressoché identici. I pacchetti cluster, drclust e tidyclust hanno invece avuto risultati molto simili. In particolare, cluster e tidyclust hanno avuto risultati perfettamente identici, segno che probabilmente l'uno usa l'altro come subroutine.

4.2 Risultati delle applicazioni su EHR

Per K-Means, è stato testato un numero di cluster compreso fra 2 e 6, mentre per K-Medians fra 2 e 10.

Per DBSCAN e HDBSCAN, MinPts è stato scelto nel range dal numero delle dimensioni del dataset al doppio più uno delle dimensioni del dataset.

Per DBSCAN, ε è stato scelto partizionando la distanza massima in parti uguali.

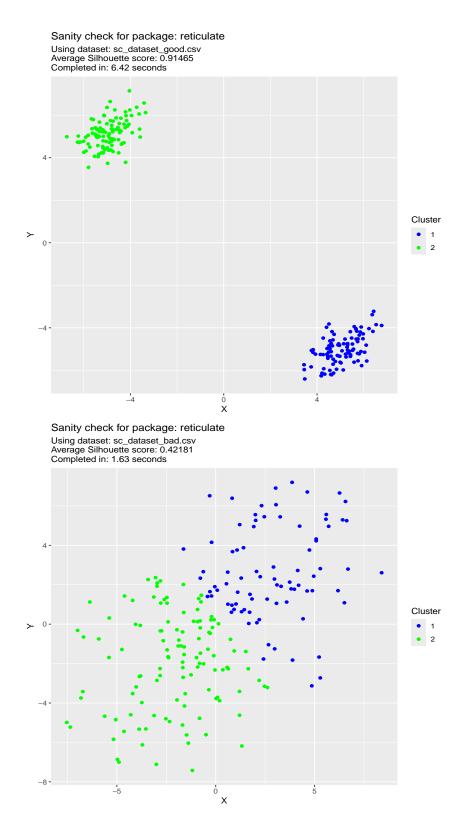


Figura 4.3: Plot del test sanity check usando scikit-learn attraverso reticulate.

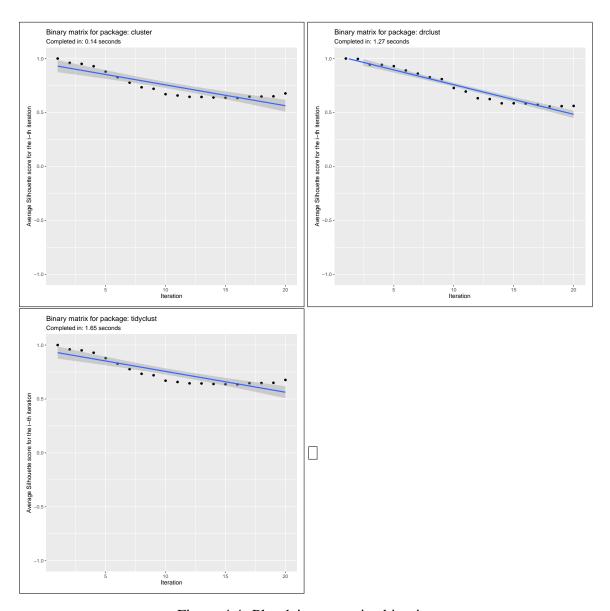


Figura 4.4: Plot dei test matrice binaria.

Binary matrix for package: reticulate Completed in: 14.63 seconds Average Silhouette score for the i-th iteration -1.0 **-**10 Iteration 5 15 20

Figura 4.5: Plot del test matrice binaria per il pacchetto scikit-learn (attraverso reticulate)

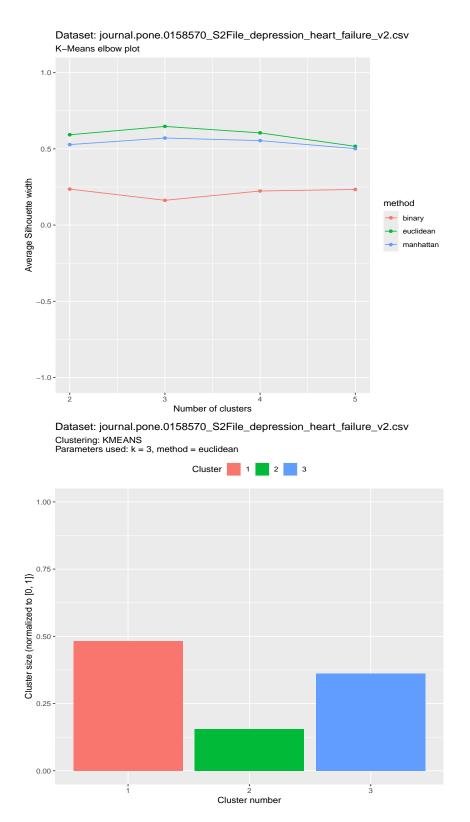


Figura 4.6: Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv

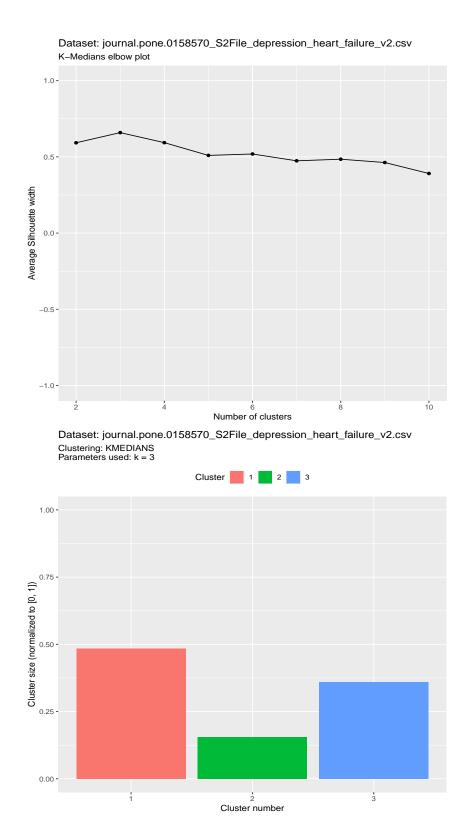


Figura 4.7: Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv



Figura 4.8: Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv

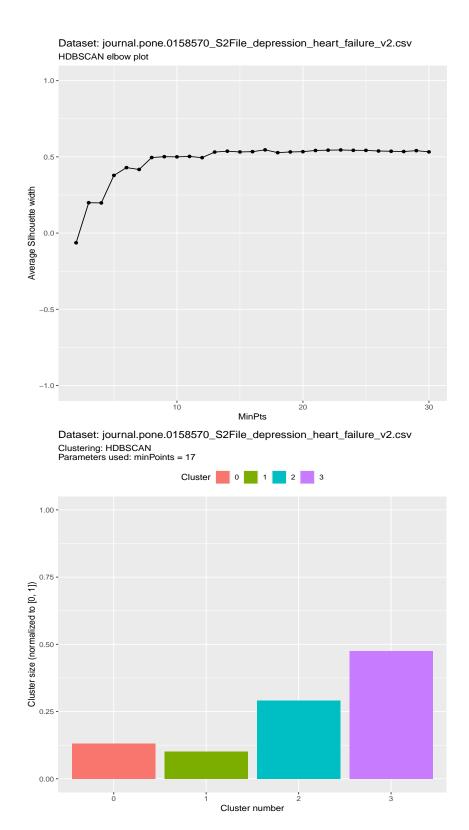


Figura 4.9: Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv

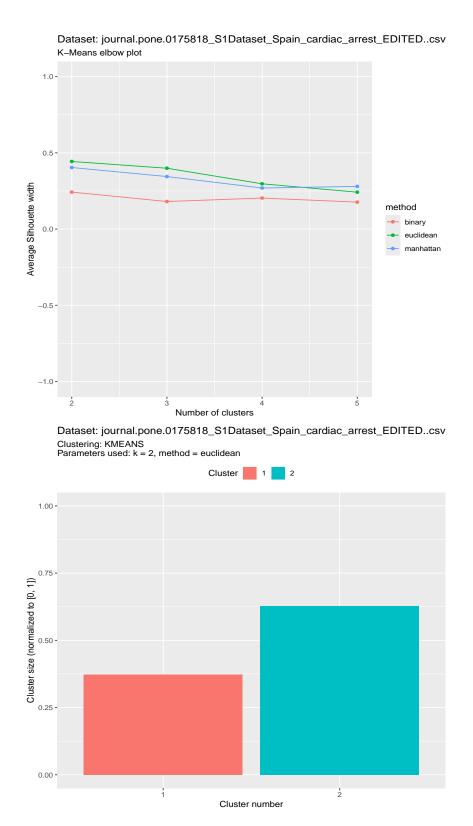


Figura 4.10: Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv

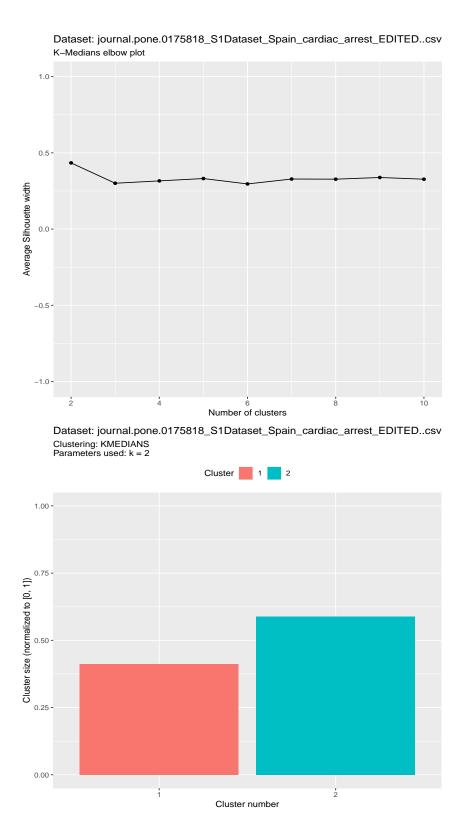


Figura 4.11: Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv

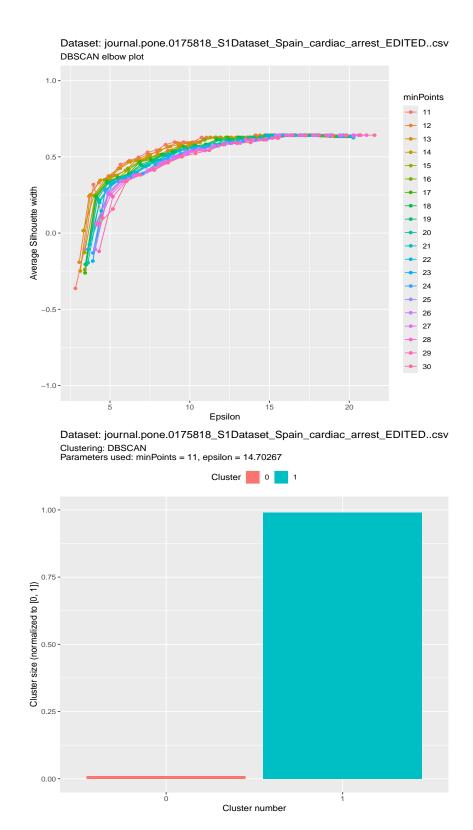


Figura 4.12: Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv

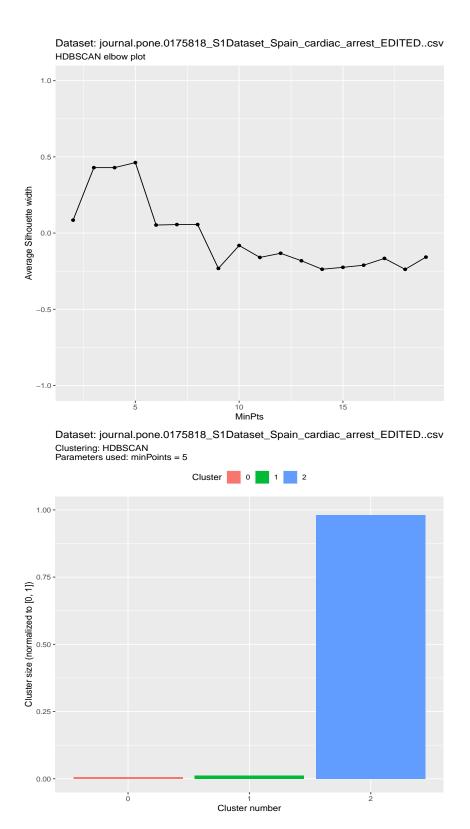


Figura 4.13: Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv

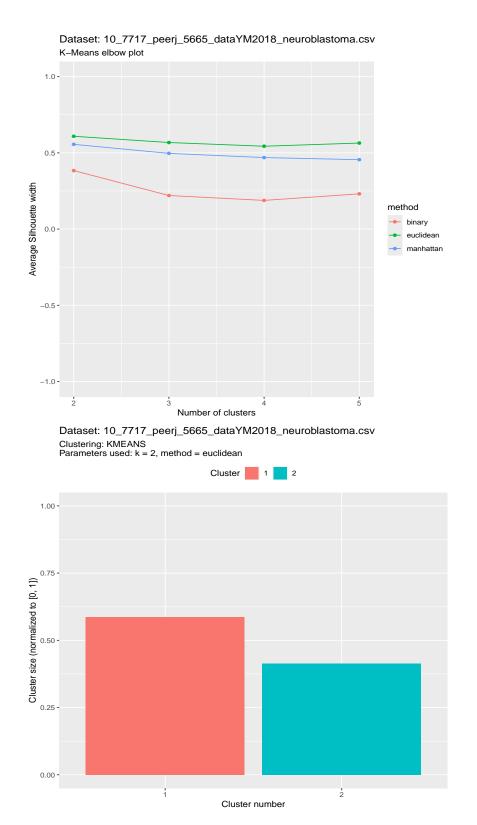


Figura 4.14: Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv

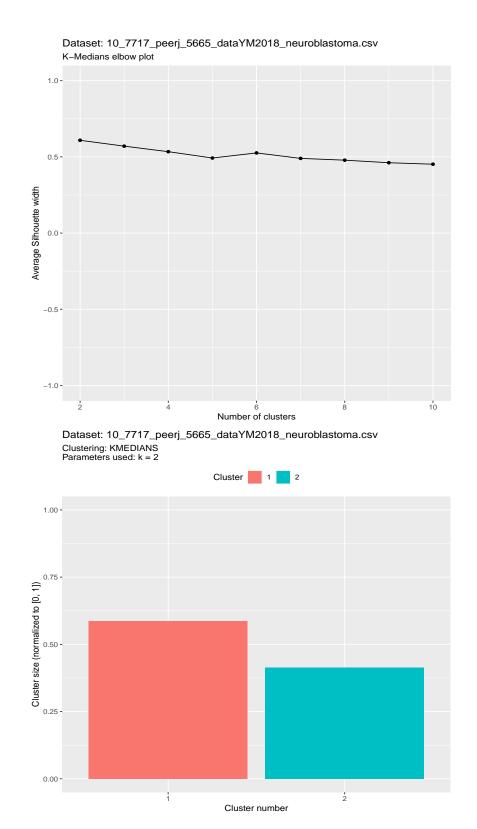


Figura 4.15: Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv

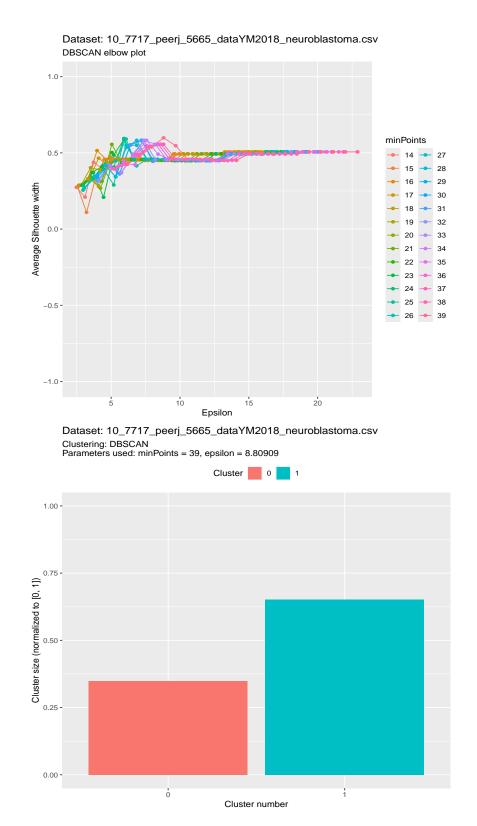


Figura 4.16: Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv

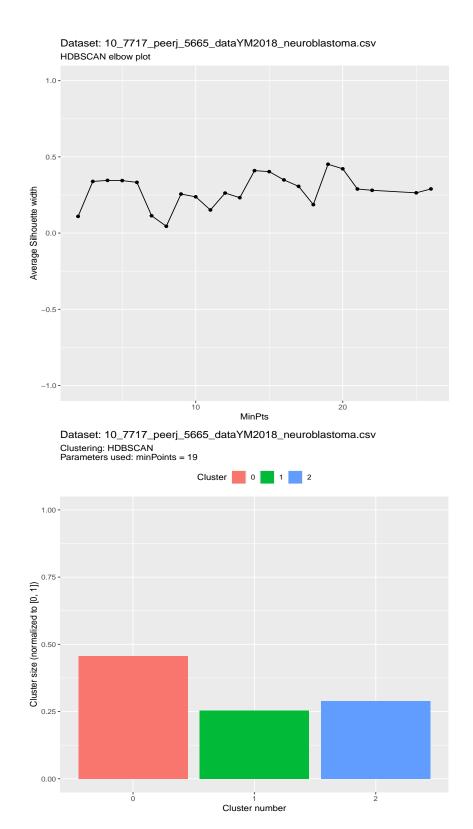


Figura 4.17: Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv

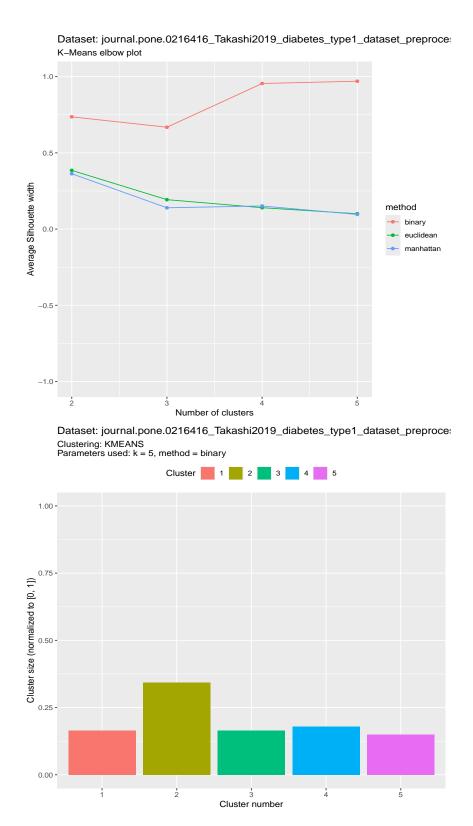


Figura 4.18: Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce

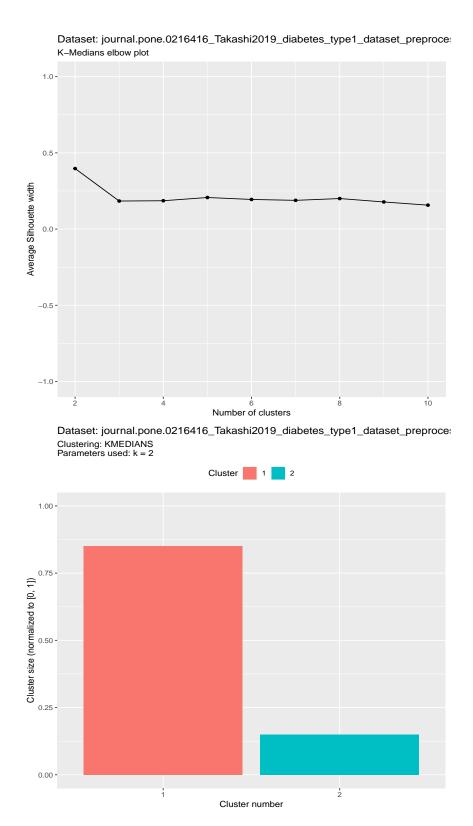


Figura 4.19: Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce

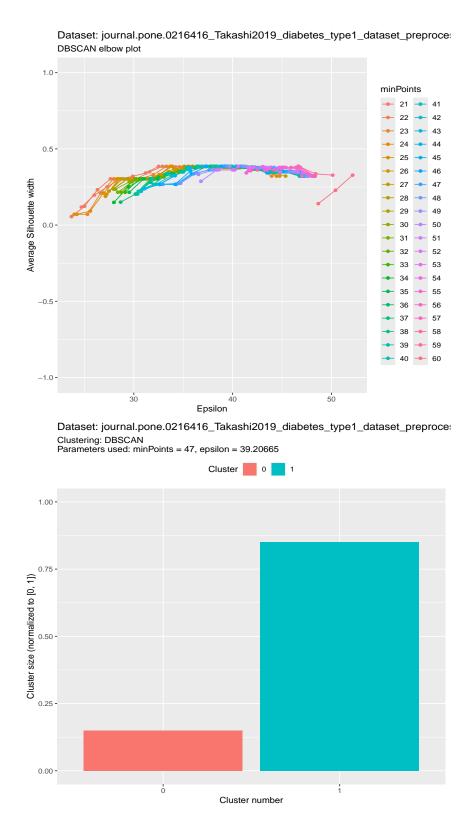


Figura 4.20: Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce

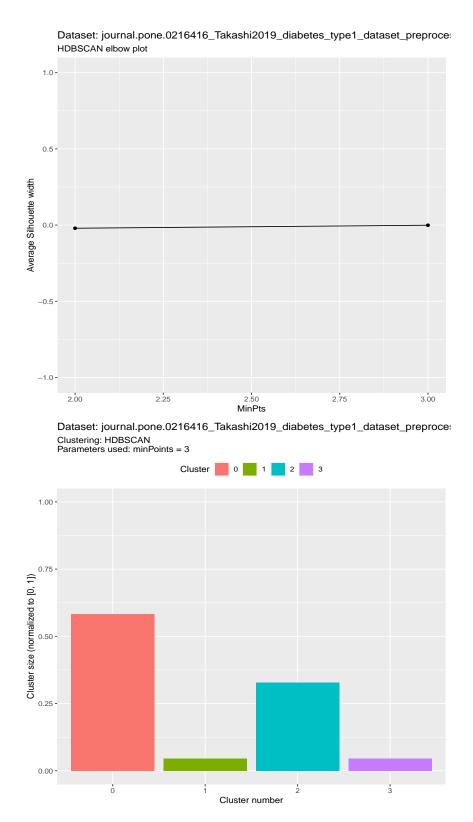


Figura 4.21: Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce

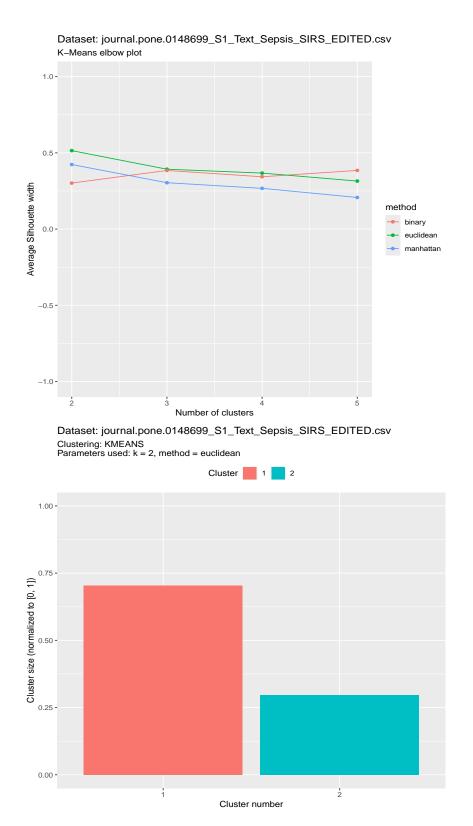


Figura 4.22: Risultati dell'algoritmo K-Means per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv

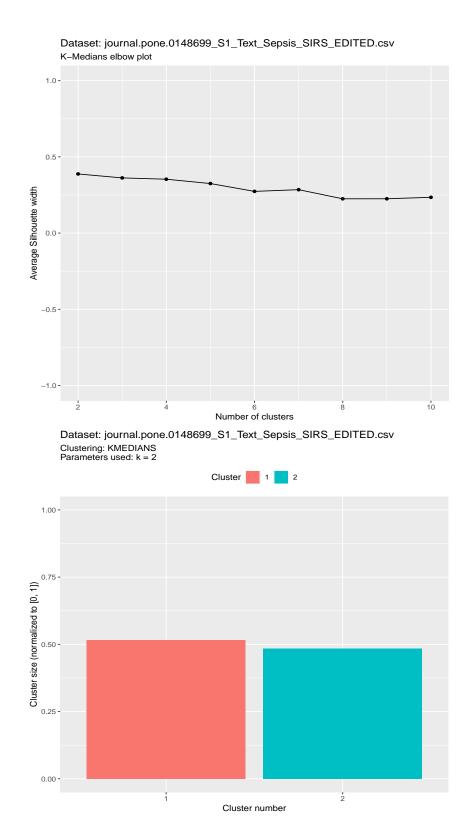


Figura 4.23: Risultati dell'algoritmo K-Medians per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv

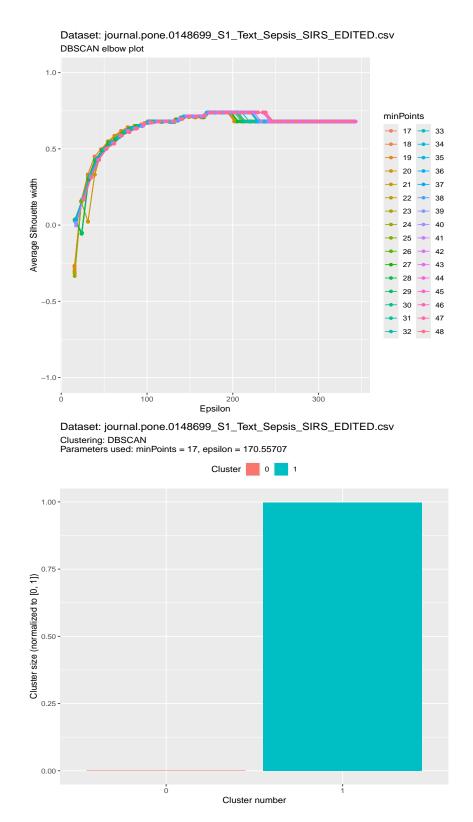


Figura 4.24: Risultati dell'algoritmo DBSCAN per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv

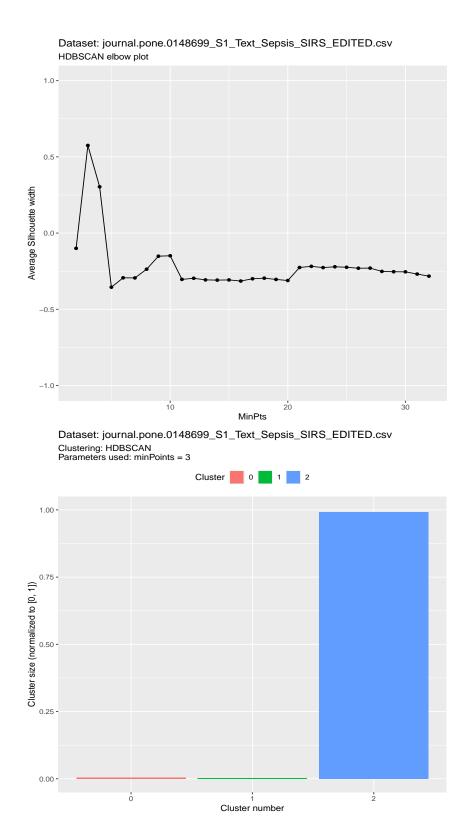


Figura 4.25: Risultati dell'algoritmo HDBSCAN per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv

5. Discussione

5.1 Silhouette

A partire dall'idea di base di Silhouette, è possibile costruirne infinite varianti. Gli autori citano:

- Per determinare il miglior numero di cluster non è strettamente necessario utilizzare la Silhouette media complessiva. Sarebbe infatti possibile anche combinare gli s(i) in modo diverso;
- La Silhouette media complessiva può essere essa stessa usata come funzione obiettivo da massimizzare direttamente all'interno di un algoritmo di clustering, anziché effettuare una valutazione a posteriori;
- Se l'algoritmo di clustering si basa sulla costruzione di centroidi o sulla elezione di rappresentanti, si potrebbe usare la distanza da tali centroidi o rappresentanti come grado di dissomiglianza anziché calcolare a(i) o D(i,C) per ogni i-esimo elemento, semplificando il procedimento. Naturalmente, questo approccio renderebbe Silhouette dipendente dal tipo di algoritmo usato.

Tutte e tre le varianti sono toccate da articoli citati.

5.2 Pacchetti

Alla luce dei due test considerati, il pacchetto Kira é stato immediatamente escluso, perché i risultati forniti dal test della matrice binaria non sono affatto incoraggianti. Dato che i pacchetti cluster e tidyclust hanno fornito un risultato identico, fra i due é stato preferito cluster, perché fra i due era quello con il tempo di esecuzione piú basso. Il pacchetto scikit-learn attraverso reticulate non é stato preso in considerazione, perché era stato incluso semplicemente come metro di paragone.

Fra cluster e drclust ho preferito scegliere cluster. Questo sia perché il tempo di esecuzione é inferiore, sia perché il pacchetto cluster si trova spesso giá incluso nelle installazioni di R (garanzia di affidabilitá) sia perché é l'unico pacchetto il cui input non dipende dall'algoritmo usato. Infatti, cluster ha in input il risultato di un qualsiasi algoritmo di clustering ed una matrice delle distanze, mentre gli altri pacchetti richiedono in input espressamente il risultato dell'applicazione di una loro implementazione di un algoritmo.

In Figure 5.1 è presentata la differenza fra cluster e scikit-learn sul test matrice binaria. Come è possibile notare, la differenza fra i due è contenuta.

5.3 EHR

Il valore di ε puó essere stimato costruendo un **KNN plot**: fissato k = MinPts - 1, lungo l'asse delle ascisse si riportano gli elementi ordinati in ordine crescente per distanza dal loro k-esimo vicino, mentre sull'asse delle ordinate la distanza stessa. In genere, una curva costruita sulla base di questi dati ha inizialmente un andamento stabile per poi avere una crescita rapida: il valore di ε é scelto il punto della curva in cui si ha tale variazione di pendenza.

Come è possibile apprezzare nelle figure successive, i valori di ε così restituiti inducono un clustering che è molto simile a quello fornito utilizzando Silhouette.

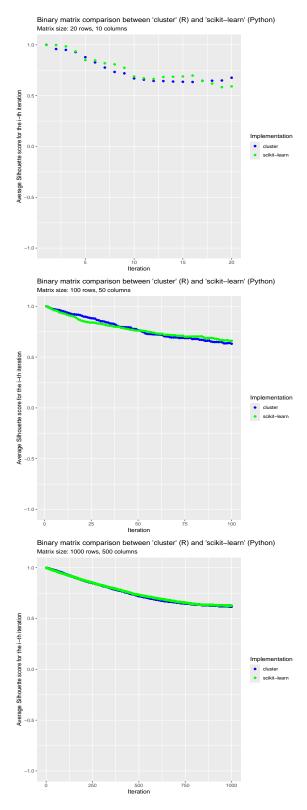
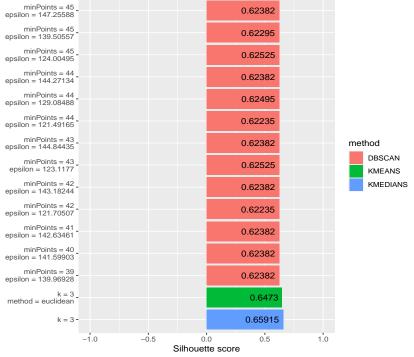


Figura 5.1: Differenze fra il test matrice binaria tra cluster (pacchetto R) e scikit-learn (pacchetto Python).







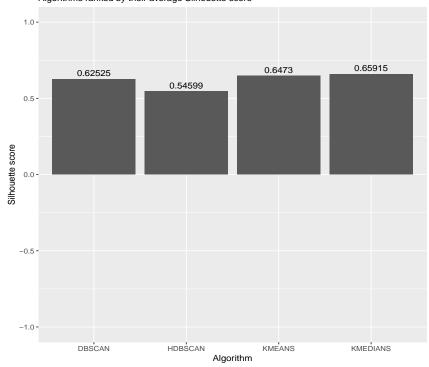
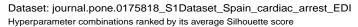
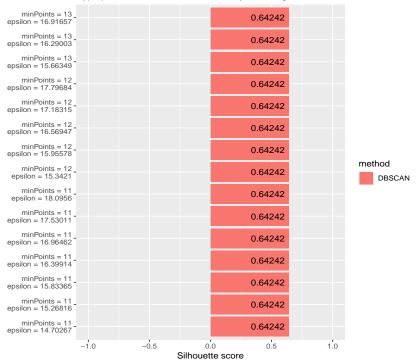


Figura 5.2: Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv





Dataset: journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv Algorithms ranked by their average Silhouette score

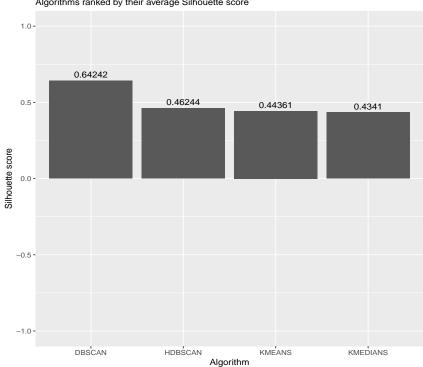
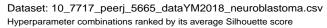
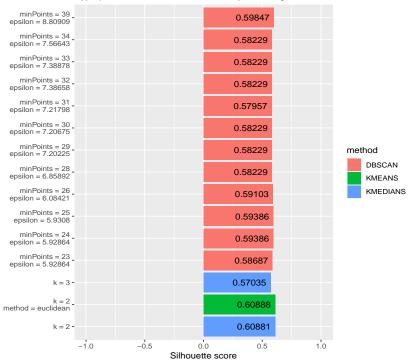


Figura 5.3: Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv





Dataset: 10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv Algorithms ranked by their average Silhouette score

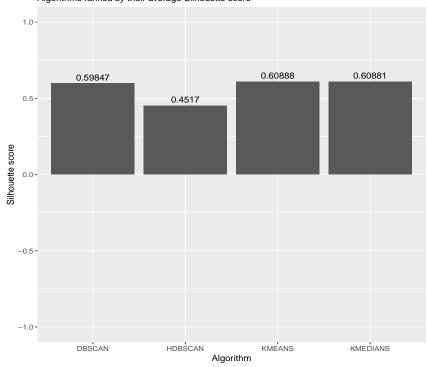
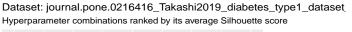
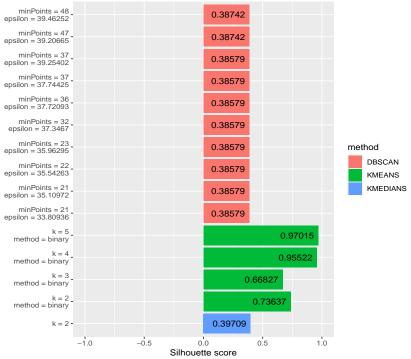


Figura 5.4: Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv





Dataset: journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce: Algorithms ranked by their average Silhouette score

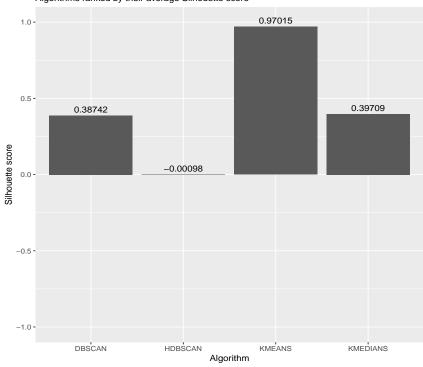
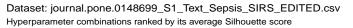
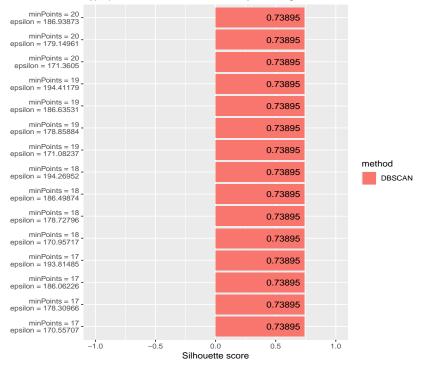


Figura 5.5: Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce





Dataset: journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv Algorithms ranked by their average Silhouette score

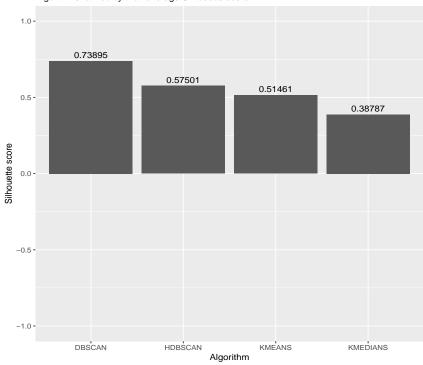
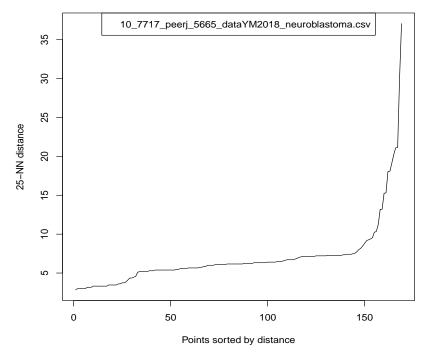


Figura 5.6: Riassunto dei risultati dei vari algoritmi per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv



Dataset: 10_7717_peerj_5665_dataYM2018_neuroblastoma.csv DBSCAN clustering with visual inspection Parameters used: minPoints = 25, epsilon = 7.5

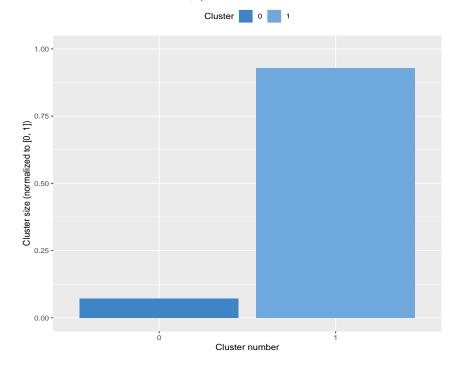


Figura 5.7: Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.pone.0158570_S2File_depression_heart_failure_v2.csv

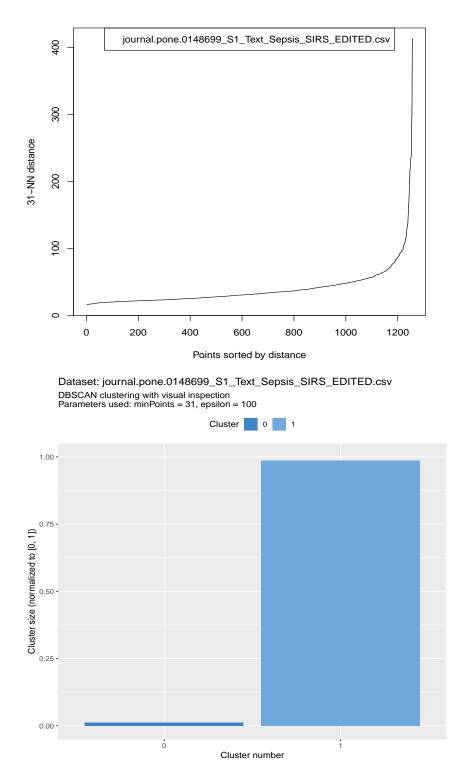


Figura 5.8: Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv

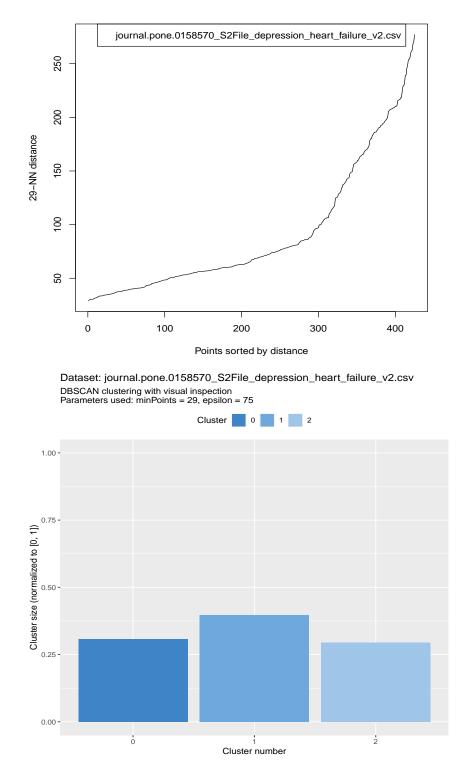
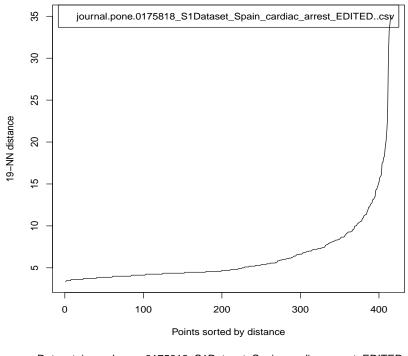


Figura 5.9: Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results $_10_7717_peerj_5665_datayM2018_neuroblastoma.csv$



Dataset: journal.pone.0175818_S1Dataset_Spain_cardiac_arrest_EDITED..csv DBSCAN clustering with visual inspection Parameters used: minPoints = 19, epsilon = 15

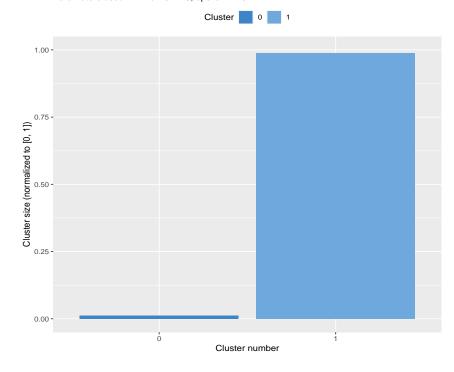
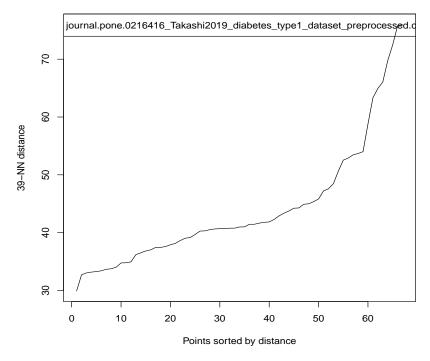


Figura 5.10: Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce



Dataset: journal.pone.0216416_Takashi2019_diabetes_type1_dataset_preproce: DBSCAN clustering with visual inspection Parameters used: minPoints = 39, epsilon = 50

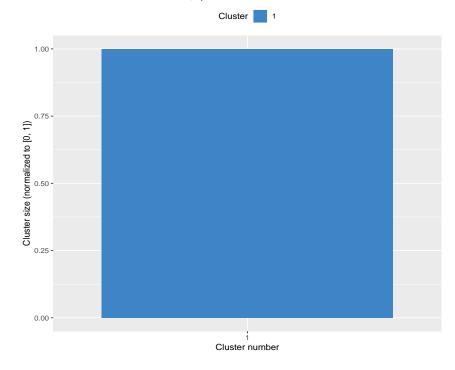


Figura 5.11: Risultati dell'algoritmo DBSCAN mediante KNN-plot per il dataset results_journal.pone.0148699_S1_Text_Sepsis_SIRS_EDITED.csv.csv

6. Conclusioni

I test sono stati condotti usando esclusivamente EHR come dataset. Naturalmente, sarebbe possibile estendere i test a dataset di diversa natura, che possano contenere informazioni che le EHR non riportano.

Gli algoritmi di clustering sono stati applicati su dataset dove parte degli elementi avevano uno o piú attributi di valore ignoto. Non essendo possibile operare il clustering con dati dei quali non é noto il valore, l'approccio che ho utilizzato é consistito semplicemente nell'eliminare dal dataset ogni elemento che avesse almeno un dato mancante. Si potrebbe ripetere gli esperimenti adottando un approccio piú conservativo, ad esempio sostituendo tali dati con valori di default ed osservare se si presentano differenze.

Un'alternativa simile é quella di utilizzare tecniche in grado di predire i valori mancanti sulla base di quelli noti, ad esempio calcolando la media di tutti i valori noti per un certo attributo ed utilizzarla al posto dei valori mancanti.

Sarebbe inoltre interessante ripetere gli esperimenti operando **dimensionality reduction**, come ad esempio **principal component analysis** [12], ovvero delle tecniche in grado di accorpare o di scartare del tutto gli attributi che non hanno particolare rilevanza nel risultato finale del clustering. Questo permetterebbe, ammesso di riuscire a ridurre il numero delle dimensioni fino a due o a tre, di poter visualizzare il risultato del clustering in uno scatter plot.

Bibliografia

- [1] Nonie Alexander et al. «Identifying and Evaluating Clinical Subtypes of Alzheimer's Disease in Care Electronic Health Records Using Unsupervised Machine Learning». In: *BMC Medical Informatics and Decision Making* 21.1 (2021), p. 343. ISSN: 1472-6947. DOI: 10.1186/s12911-021-01693-6. URL: https://doi.org/10.1186/s12911-021-01693-6.
- [2] T. Caliński e J Harabasz. «A dendrite method for cluster analysis». In:

 *Communications in Statistics 3.1 (1974), pp. 1–27. DOI:

 10.1080/03610927408827101. eprint: https://www.tandfonline.

 com/doi/pdf/10.1080/03610927408827101. URL: https://www.tandfonline.com/doi/abs/10.1080/03610927408827101.
- [3] Ricardo J. G. B. Campello, Davoud Moulavi e Joerg Sander. «Density-Based Clustering Based on Hierarchical Density Estimates». In: *Advances in Knowledge Discovery and Data Mining*. A cura di Jian Pei et al. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2013, pp. 160–172. ISBN: 978-3-642-37456-2.
- [4] Chia-Wei Chang et al. «Identifying Heterogeneous Subgroups of Systemic Autoimmune Diseases by Applying a Joint Dimension Reduction and Clustering Approach to Immunomarkers». In: *BioData Mining* 17.1 (2024), p. 36. ISSN: 1756-0381. DOI: 10.1186/s13040-024-00389-7. URL: https://doi.org/10.1186/s13040-024-00389-7.
- [5] Kumardeep Chaudhary et al. «Utilization of Deep Learning for Subphenotype Identification in Sepsis-Associated Acute Kidney Injury». In: *Clinical Journal of the American Society of Nephrology* 15.11 (2020). ISSN: 1555-9041. URL: https://journals.lww.com/cjasn/fulltext/2020/11000/utilization_of_deep_learning_for_subphenotype.6.aspx.
- [6] David L. Davies e Donald W. Bouldin. «A Cluster Separation Measure». In: *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence* PAMI-1.2 (1979), pp. 224–227. DOI: 10.1109/TPAMI.1979.4766909.
- [7] Andrzej Dudek. «Silhouette Index as Clustering Evaluation Tool». In: *Classification and Data Analysis*. A cura di Krzysztof Jajuga, Jacek Batóg e Marek Walesiak. Cham: Springer International Publishing, 2020, pp. 19–33. ISBN: 978-3-030-52348-0.
- [8] J. C. Dunn[†]. «Well-Separated Clusters and Optimal Fuzzy Partitions». In: *Journal of Cybernetics* 4.1 (1974), pp. 95–104. DOI: 10.1080/01969727408546059. eprint: https://doi.org/10.1080/01969727408546059. URL: https://doi.org/10.1080/01969727408546059.
- [9] Martin Ester et al. «A density-based algorithm for discovering clusters in large spatial databases with noise». In: *Proceedings of the Second International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining*. KDD'96. Portland, Oregon: AAAI Press, 1996, pp. 226–231.

- [10] Xiaonan Gao e WU Sen. «CUBOS: An Internal Cluster Validity Index for Categorical Data». In: *Tehnicki vjesnik Technical Gazette* (2019). URL: https://api.semanticscholar.org/CorpusID:198189126.
- [11] L. Guerra et al. «A comparison of clustering quality indices using outliers and noise». In: *Intelligent Data Analysis* 16.4 (2012), pp. 703–715. DOI: 10.3233/IDA-2012-0545. eprint: https://doi.org/10.3233/IDA-2012-0545. URL: https://doi.org/10.3233/IDA-2012-0545.
- [12] Harold Hotelling. «Analysis of a complex of statistical variables into principal components.» In: *Journal of Educational Psychology* 24 (1933), pp. 498–520. URL: https://api.semanticscholar.org/CorpusID:144828484.
- [13] Sookyung Hyun et al. «Exploration of critical care data by using unsupervised machine learning». In: Computer Methods and Programs in Biomedicine 194 (2020), p. 105507. ISSN: 0169-2607. DOI: https://doi.org/10.1016/j.cmpb.2020.105507. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0169260719310624.
- [14] Colin B. Josephson et al. «Association of Comorbid-Socioeconomic Clusters with Mortality in Late Onset Epilepsy Derived Through Unsupervised Machine Learning». In: Seizure European Journal of Epilepsy 111 (), pp. 58–67. ISSN: 1059-1311. DOI: 10.1016/j.seizure.2023.07.016. URL: https://doi.org/10.1016/j.seizure.2023.07.016.
- [15] S. Lloyd. «Least squares quantization in PCM». In: *IEEE Transactions on Information Theory* 28.2 (1982), pp. 129–137. DOI: 10.1109/TIT.1982.1056489.
- [16] Alireza Naghizadeh e Dimitris N. Metaxas. «Condensed Silhouette: An Optimized Filtering Process for Cluster Selection in K-Means». In: *Procedia Computer Science* 176 (2020). Knowledge-Based and Intelligent Information and Engineering Systems: Proceedings of the 24th International Conference KES2020, pp. 205–214. ISSN: 1877-0509. DOI: https://doi.org/10.1016/j.procs.2020.08.022. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1877050920318469.
- [17] William Stafford Noble. «A Quick Guide to Organizing Computational Biology Projects». In: *PLOS Computational Biology* 5.7 (lug. 2009), pp. 1–5. DOI: 10.1371/journal.pcbi.1000424. URL: https://doi.org/10.1371/journal.pcbi.1000424.
- [18] Peter J. Rousseeuw. «Silhouettes: A graphical aid to the interpretation and validation of cluster analysis». In: *Journal of Computational and Applied Mathematics* 20 (1987), pp. 53–65. ISSN: 0377-0427. DOI: https://doi.org/10.1016/0377-0427 (87) 90125-7. URL:

- https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0377042787901257.
- [19] Santiago Schnell. «Ten Simple Rules for a Computational Biologist's Laboratory Notebook». In: *PLOS Computational Biology* 11.9 (set. 2015), pp. 1–5. DOI: 10.1371/journal.pcbi.1004385. URL: https://doi.org/10.1371/journal.pcbi.1004385.
- [20] Artur Starczewski e Adam Krzyżak. «Performance Evaluation of the Silhouette Index». In: *Artificial Intelligence and Soft Computing*. A cura di Leszek Rutkowski et al. Cham: Springer International Publishing, 2015, pp. 49–58. ISBN: 978-3-319-19369-4.