

Analyse av datasett med multippel lineær regresjon



Microsoft Bing prompt: "Multiple Linear Regression" (Microsoft, 2023)



Innholdfortegnelse

Sammendrag	3
Introduksjon	3
Teori	3
Metode	4
Resultater	5
Diskusjon	7
Konklusjon	7
Literaturliste	8
Vedlegg	9



Sammendrag

Denne rapporten presenterer resultatene fra et prosjektarbeid i faget ISTT1003, statistikk ved NTNU, hvor formålet var å undersøke om LEGO-sett for gutter er dyrere enn for jenter. Prosjektet benytter multippel lineær regresjon på et datasett med 1304 observasjoner av individuelle LEGO-sett.

Analysen inkluderer en hypotesetest og evaluering av regresjonsmodellen ved bruk av bestemmelseskoeffisienten R^2 , justert- R^2 , residualplott og QQ-plott. Selv om modellen har høy bestemmelseskoeffisient ($R^2 = 0.852$), viser residual- og QQ-plottet begrensninger. Konklusjonen er at datasettet ikke gir tilstrekkelig grunnlag, og ytterligere tilpasninger, renseprosesser eller et større datasett er nødvendig for mer pålitelige resultater.

Introduksjon

Denne rapporten er skrevet på bakgrunn av et prosjektarbeid i faget ISTT1003 - Statistikk, ved institutt for datateknologi og informatikk, ved Norges tekniske naturvitenskapelige universitet. Prosjektarbeidet omhandler en analyse av et datasett ved bruk av multippel lineær regresjon. Datasettet, som er hentet fra Peterson og Ziegler (2021), inneholder 1304 observasjoner, hvor hver enkelt observasjon beskriver et individuelt LEGO-sett.

Formålet med denne rapporten er å undersøke om datasettet er tilstrekkelig nok til å kunne besvare den definerte problemstillingen: Er LEGO-sett for gutter dyrere enn for jenter? Gruppen vil gjennom grundige analyser av datasettet, hypotesetesting, evaluering og tilpasning av regresjonsmodellen avgjøre om de har nok grunnlag til å besvare problemstillingen.

Teori

Enkel lineær regresjon er en statistisk metode som beskriver sammenhengen mellom en respons og dens forklaringsvariabel. Multippel lineær regresjon utvider dette konseptet ved å introdusere flere forklaringsvariabler (Langaas, u.å). Dette innebærer at responsen nå er avhengig av et større og mer variert sett med data, som gir en mer omfattende modell og et bedre grunnlag for å estimere den.



I multippel lineær regresjon anvendes hypotesetesting for å teste om forklaringsvariablene har en signifikant effekt på responsen (Langaas, u.å). Man skiller mellom tosidig og ensidig hypotesetesting. En tosidig hypotesetest undersøker om det er en signifikant forskjell mellom to variabler eller om effekten er lik null, mens en ensidig hypotesetest brukes når man ønsker å undersøke om noe er større eller mindre enn noe annet. En hypotesetest gjennomføres ved å formulere en nullhypotese og en alternativ hypotese. Nullhypotesen er utgangspunktet og er hypotesen man ønsker å undersøke om man har grunnlag til å forkaste. Den alternative hypotesen er påstanden man ønsker å teste. Merk at hvis man ikke har grunnlag til å forkaste nullhypotesen, betyr det ikke nødvendigvis at man kan anta at nullhypotesen er sann. Det antyder heller at man ikke har tilstrekkelig grunnlag til å komme med en bestemt konklusjon basert på dataene (Bjørnland, u.å, "Uke 8").

Bestemmelseskoeffisienten, R², brukes ofte som en indikator i multippel lineær regresjon for å avgjøre hvor presis en regresjonsmodell er. R²-verdien representerer andelen varians i responsen som modellen forklarer (Bjørnland, u.å, "Uke 9"). Desto nærmere verdien er 1, desto bedre passer modellen dataene. Merk at bestemmelseskoeffisienten ikke alene kan gi fullstendig informasjon om modellens kvalitet. Imidlertid, i kombinasjon med et residualplott og QQ-plott, kan den gi en bedre tilnærming om hvor godt modellen passer dataene (Sørmoen, 2023).

For å sammenligne to regresjonsmodeller anvendes justert-R², et mål som forklarer hvor godt modellen passer til populasjonen som datasettet stammer fra (Løvås, 2013). Den mest optimale modellen vil være den som oppnår høyest mulig R²-verdi ved hjelp av færrest forklaringsvariabler.

Metode

For å svare på problemstillingen er det nødvendig å preprossesere datasettet, slik at det blir egnet for videre analyse. Første steg innebærer fjerning av kolonner som ikke skal brukes i oppgaven, og fjerne rader som inneholder ugyldige verdier. Dataen blir videre kategorisert under de ulike kjønnskategoriene. Dette skjer ved å gå gjennom en rekke forhåndsdefinerte koblinger mellom kjønn og tema, og legge til kjønnet i den nye kolonnen, "Gender". For å kategorisere legosett som mangler tema, går koden gjennom lister med jente- og guttenavn



(Kantrowitz, 1991a) & (Kantrowitz, 1991b) som sjekker for likheter for hvert legosett. I tillegg til dette går koden også gjennom en rekke nøkkelord som assosieres med de forskjellige kjønnene (Figur 1). Legosett som ikke inngår under lista får verdien "Neutral" i "Gender"-kolonnen.

Kategorisering på tema					
Gutt	Jente	Nøytralt			
Vold	Prinsesser	Generell utdanning			
Mekanikk (bil, båt, truck, tractor etc.)	Glitter, blomster, mye rosa/lilla	Ikke tema/generelle tema (arkitektur, brann, politi, ambulanse)			
Datamaskin/konsollspill basert (minecraft, overwatch)		Ekstradeler			
Superhelt er gutt	Superhelt er jente				
Alle/fleste karakterer er gutter	Alle/fleste karakterer er jenter	Alle/fleste karakterer er uten kjønn eller kjønnsnøytrale			
Hovedkarakter er gutt	Hovedkarakter er jente	Hovedkarakter er uten kjønn eller kjønnsnøytrale			

Kategorisering på nøkkelord						
Gutt	Eks	Jente	Eks			
Navn	Kantrowitz datasett med 3000+ navn	Navn	Kantrowitz datasett med 3000+ navn			
Mekanikk	Bil, båt, tractor	Prinsesse	Elsa, princess, elf			
Gutt som hovedkarakter/er	Ninjago, avengers	Jente som hovedkarakter/er	Mermaid			
Vold	fighter	Annet	Flower, bracelet, besties			
Mannlig superhelt	Spiderman, batman					

Figur 1: Tabellene viser betraktninger som er gjort for å klassifisere datasettene.

For å undersøke sammenhengen mellom prisen på LEGO-sett og kjønn, ble det tatt i bruk en multippel lineær regresjonsmodell. I samsvar med problemstillingen blir prisen responsen i modellen, og de resterende variablene blir mulige forklaringsvariabler. For å kunne besvare problemstillingen ble det utledet en ensidig hypotesetest basert på regresjonsmodellen, der nullhypotesen antar at prisen for LEGO-sett for gutter er lik prisen på LEGO-sett for jenter, mens den alternative hypotesen er at prisen for LEGO-sett for gutter er dyrere enn for jenter.

Ved å kombinere ulike forklaringsvariabler og sammenligne med den justerte R²-verdien, ble variablene "pieces", "pages" og "gender" den kombinasjonen av variabler som ga høyest justert-R².

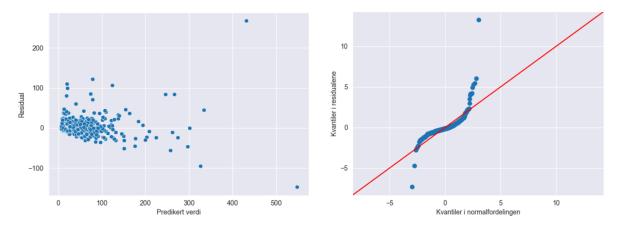
Resultater

	OLS Regress	sion Resul	lts					
Dep. Variable:	Price	R-square	======= ≥d:		0.852			
Model:	OLS	Adj. R-squared:			0.850			
Method:	Least Squares	F-stati	stic:		712.3			
Date:	Thu, 09 Nov 2023	Prob (F	-statistic):	1	l.31e-304			
Time:	18:14:18	Log-Like	elihood:		-3328.0			
No. Observations:	752	AIC:			6670.			
Df Residuals:	745	BIC:			6702.			
Df Model:	6							
Covariance Type:	nonrobust							
=======================================			coef	std err	 t	P> t	[0.025	0.9751
Intercept			2.3389	3.054	0.766	0.444	-3.657	8.335
C(Gender, Treatment	:("Girl"))[T.Boy]		3.0206	3.327	0.908	0.364	-3.511	9.552
C(Gender, Treatment	("Girl"))[T.Neutral]		5.9776	3.505	1.705	0.089	-0.903	12.858
Pages			0.0777	0.015	5.024	0.000	0.047	0.108
Pieces			0.0778	0.009	8.454	0.000	0.060	0.096
<pre>Pieces:C(Gender, Treatment("Girl"))[T.Boy]</pre>			0.0041	0.009	0.472	0.637	-0.013	0.021
<pre>Pieces:C(Gender, Treatment("Girl"))[T.Neutral]</pre>			-0.0069	0.009	-0.787	0.432	-0.024	0.010



Figur 2: Utskrift fra multippel lineær regresjon på observerte data i Python.

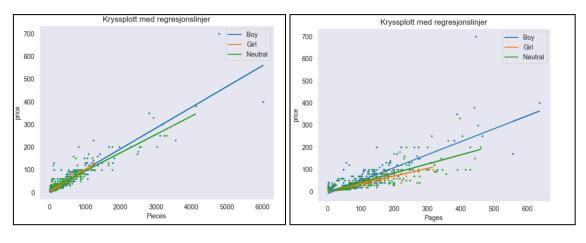
Fra tabellen ovenfor (Figur 2) kan vi lese av relevant informasjon. Dette inkluderer 752 ulike observasjoner, en betydelig høy R² - verdi på 0.852, samt t-verdier for de ulike forklaringsvariablene.



Figur 3: Utskriften beskriver et residualplott.

Figur 4: Utskriften til beskriver et QQ-plot.

Residualplottet (Figur 3) illustrerer en viss trend mellom predikert verdi og residual, ettersom punktene ikke er normalfordelt rundt 0-linjen, men heller er forskjøvet i negativ retning. I QQ-plottet (Figur 4) observerer man store avvik ved halene i fordelingen.



Figur 5: Pris i forhold til brikker.

Figur 6: Pris i forhold til sider.

Plottet (Figur 5) illustrerer sammenhengen mellom den kontinuerlige forklaringsvariablen, antall brikker, og responsen pris. Plottet (Figur 6) illustrerer en sammenheng mellom den kontinuerlige forklaringsvariabelen, sider, og pris.



Diskusjon

Fra den ensidige hypotesetesten nevnt i metodekapittelet, har vi ikke nok grunnlag for å forkaste nullhypotesen. Dette skyldes at testobservatoren, med en verdi på 0.472, ikke er større enn den kritiske verdien fra t-fordelingen. Dermed oppfylles ikke kravet $t > t_{\alpha, n-1}$ og testobservatoren befinner seg ikke i forkastningsområdet.

Resultatene fra modellene gir innsikt for å vurdere presisjonen til regresjonsmodellen. Bestemmelseskoeffisienten R², med de angitte forklaringsvariablene, forklarer rundt 85% av variasjonen i datasettet. Dette er en høy verdi, men er ikke tilstrekkelig nok for å vurdere presisjonen til modellen og må videre vurderes ved bruk av residual- og QQ-plottet.

Som nevnt i resultatet viser residualplottet at residualene ikke er normalfordelt rundt 0 linjen. I tillegg ser man at det finnes et fåtall legosett som har særdeles høye predikerte verdier, og som samtidig ikke virker normalfordelte. Dette tilsier at modellen kan være ganske svak for dyre legosett, og at modellen generelt ikke er helt normalfordelt. I QQ-plottet observerer man at halene er for tunge, noe som antyder at det finnes flere legosett med betydelig høy eller lav pris i forhold til det som var forventet.

Konklusjon

Basert på hypotesetesten, kan vi ikke konkludere om LEGO-sett for gutter er dyrere enn for jenter basert på datasettet. Imidlertid, ved å analysere residualplottet og QQ-plottet, kan vi i tillegg konkludere med at modellen ikke er optimal for å kunne besvare problemstillingen på en tilfredsstillende måte. Dermed er ikke datasettet tilstrekkelig for å kunne fastslå kvaliteten på konklusjonen med sikkerhet. Ytterligere undersøkelser og tilpasninger av modellen er nødvendig for et mer pålitelig resultat.

For å kunne styrke påliteligheten til modellen og komme til en mer sikker konklusjon, kunne man gjort ytterligere tilpasninger av modellen. Dette kunne f.eks. vært å rense dataene på en bedre eller en annen måte, finne alternative metoder for å kategorisere dataene på, gjøre nøyere undersøkelser på valg av forklaringsvariabler eller rett og slett bruke et større datasett for å få et mer representativt utvalg.



Literaturliste

- Bjørnland, T. (u.å.) *Uke 9: 3 Inferens på stigningstallet i regresjonslinja, og hvor god er modellen?*. Tilgjengelig fra:
 - https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=af53d7c3-b389-4d31-8d 7b-ad34007a1842 (Hentet: 30. Oktober 2023)
- Bjørnland, T. (u.å.) *Uke 8: 1 Introduksjon til hypotesetesting*. Tilgjengelig fra:

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=3416a1a8-b611-4965-a

 00b-ad340078c5b9 (Hentet: 30. Oktober 2023)
- Kantrowitz, M. (1991a) *List of common female names*. Tilgjengelig fra:

 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/female.txt (Hentet: 6. November 2023).
- Kantrowitz, M. (1991b) *List of common male names*. Tilgjengelig fra:

 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 <a href="https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 <a href="https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/corpora/names/male.t
 <a href="https://www.cs.cmu.edu/afs/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-repository/ai/areas/nlp/cs/project/ai-rep
- Langaas, M. (u.å.) *Multippel lineær regresjon: introduksjon*. Tilgjengelig fra:

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=b2bb21a5-9a09-4ac7-aa25-ac5801055d5e (Hentet: 30. Oktober 2023)
- Løvås, G.G. (2013) *Statistikk for universiteter og høgskoler.* 3. Utgave. Oslo: Universitetsforlaget
- Microsoft. (2023) *DALL-E 3 (30. oktober-versjon)* [text-to-image model]. https://www.bing.com/create
- Peterson, A. D. og Ziegler, L. (2021) *Building a Multiple Linear Regression Model With LEGO Brick Data*. Tilgjengelig fra:

 https://www.tandfonline.com/doi/full/10.1080/26939169.2021.1946450?scroll=top&n/eedAccess=true (Hentet: 26. Oktober 2023).
- Sørmoen, I. H. (2023) *Forelesning 2 ISTx1003*. Tilgjengelig fra:

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Panopto/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 <a href="https://ntnu.cloud.panopto.eu/Pages/Viewer.aspx?id=84e10f13-4cf6-4ef0-91f

 <a



Vedlegg

Utsnitt av kode:

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import seaborn as sns
import statsmodels.formula.api as smf
import statsmodels.api as sm
import warnings
```

```
# Ignore SettingWithCopyWarning
warnings.filterwarnings('ignore')

df_2 = pd.read_csv("../resources/lego.population.csv", sep =",",
encoding ="latinl")

#Kiutter ut kolonner fra datasettet vi ikke trenger

df2 = df_2[['Set_Name', 'Theme', 'Pieces', 'Price', 'Pages',
'Unique_Pieces', 'Minifigures']]

# Gjør themes om til string og fjern alle tegn vi ikke vil ha med

df2['Theme'] = df2['Theme'].astype(str)

df2['Theme'] = df2['Theme'].str.replace(r'[^a-zA-Z0-9\s-]', '', regex
= True)

# Fjerner dollartegn og trademark-tegn fra datasettet

df2['Price'] = df2['Price'].str.replace('\$', '', regex = True)

# og gjør så prisen om til float

df2['Price'] = df2['Price'].astype(float)
```



```
#egen rens
df2['Gender'] = "Neutral"
#legger til boy names
boy_names = []
with open("../resources/boy_names.txt") as file:
  for index, line in enumerate(file):
   if index < 6:</pre>
      continue
    name = line.strip().lower()
    boy names.append(name)
#legger til girl names
girl_names = []
with open("../resources/girl_names.txt") as file:
  for index, line in enumerate(file):
   if index < 6:</pre>
      continue
    name = line.strip().lower()
    girl_names.append(name)
#funksjon som sjekker om et navn finnes i listen over jenter
def inGirlList(set_name):
  for girl in girl names:
    if str(set name).find(girl) != -1:
      return "Girl"
  return "Neutral"
#funksjon som sjekker om et navn finnes i listen over gutter
def inBoyList(set name):
  for boy in boy_names:
    if str(set_name).find(boy) != -1:
      return "Boy"
  return "Neutral"
#kategoriserer hvert stt etter om set_navnet finnes i jente- eller
guttelistene.
df2['Gender'] = df2['Set_Name'].apply(lambda x: inGirlList(x) if
inGirlList(x) == 1 else inBoyList(x))
#Legger til en rekke kobliner mellom tema og kjønn
themes = dict()
for line in open("../resources/theme_gender.txt"):
   if line.startswith("*") or line.isspace():
  continue
```



```
else:
   words = line.strip().split("=")
    themes[words[0].lower().replace(" ", "")] = words[1].replace(" ",
#setter nye gender-verdier for sett som har en theme
for index, lego_set in df_2.iterrows():
 set_theme = str(lego_set["Theme"]).lower().replace(" ", "")
  if set theme in themes.keys():
   newValue = int((themes[set_theme]))
   if newValue == 1:
     df2['Gender'][index] = "Boy"
    elif newValue == 2:
     df2['Gender'][index] = "Girl"
    else:
     df2['Gender'][index] = "Neutral"
df2['Gender'] = pd.Categorical(df2['Gender'])
#dropper lego sett som har NaN-verdier i en av kolonnene
df2 = df2.dropna()
df2
                                               Theme Pieces
                                                                Price
                           Set_Name
Pages
13
       Stephanie's Summer Heart Box
                                              Friends
                                                         95.0
                                                                 7.99
40.0
16
                        Woody & RC
                                              Disney
                                                        69.0
                                                                 9.99
28.0
            Mia's Summer Heart Box
                                              Friends
17
                                                        85.0
                                                                7.99
36.0
18
          Olivia's Summer Heart Box
                                              Friends
                                                        93.0
                                                                7.99
40.0
                 Police Patrol Car
                                                 City
                                                        92.0
                                                                9.99
19
36.0
                                                  ... ... ...
. . .
1171
                     1989 Batmobile
                                               Batman 3306.0 249.99
404.0
1172
                         Tree House
                                                Ideas 3036.0 199.99
428.0
1173
        Welcome to Apocalypseburg! THE LEGO MOVIE 2 3178.0 299.99
452.0
1174 Jurassic Park: T. rex Rampage Jurassic World 3120.0 249.99
464.0
1175
       Monkie Kid's Team Secret HQ
                                          Monkie Kid 1105.0 169.99
```



```
556.0
     Unique_Pieces Minifigures Gender
13
              52.0
                          1.0
                                   Girl
16
              36.0
                           1.0 Neutral
17
              41.0
                           1.0
                                   Girl
                           2.0
18
              48.0
                                   Girl
             52.0
                          1.0 Neutral
19
             484.0
                          3.0 Neutral
1171
             482.0
1172
                          4.0 Neutral
                                    Boy
1173
             692.0
                          13.0
1174
             525.0
                           6.0
                                    Boy
             622.0
                          7.0
                                  Boy
1175
[752 rows x 8 columns]
#multippel lineær modell
modell_mlr = smf.ols('Price ~ Pages + Pieces * C(Gender,
Treatment("Girl"))', data = df2)
print(modell_mlr.fit().summary())
                           OLS Regression Results
Dep. Variable:
                              Price R-squared:
0.852
Model:
                                OLS Adj. R-squared:
0.850
Method:
                      Least Squares F-statistic:
712.3
Date:
                   Thu, 16 Nov 2023 Prob (F-statistic):
1.31e-304
Time:
                           16:59:55 Log-Likelihood:
-3328.0
No. Observations:
                                752 AIC:
6670.
Df Residuals:
                                745 BIC:
6702.
Df Model:
Covariance Type: nonrobust
                                             coef std err
     P>|t| [0.025 0.975]
```



```
Intercept
                                                  2.3389
                                                             3.054
          0.444
                                  8.335
0.766
                     -3.657
C(Gender, Treatment("Girl"))[T.Boy]
                                                  3.0206
                                                             3.327
                     -3.511
0.908
          0.364
                                  9.552
C(Gender, Treatment("Girl"))[T.Neutral]
                                                  5.9776
                                                             3.505
1.705
          0.089
                     -0.903
                                 12.858
Pages
                                                  0.0777
                                                             0.015
5.024
          0.000
                      0.047
                                  0.108
Pieces
                                                  0.0778
                                                             0.009
8.454
          0.000
                      0.060
                                  0.096
Pieces:C(Gender, Treatment("Girl"))[T.Boy]
                                                             0.009
                                                  0.0041
0.009
                                                 -0.0069
           0.432
                                   0.010
-0.787
                      -0.024
_____
Omnibus:
                             711.768 Durbin-Watson:
1.765
Prob(Omnibus):
                               0.000
                                     Jarque-Bera (JB):
80335.298
Skew:
                               3.824 Prob(JB):
0.00
Kurtosis:
                              53.054 Cond. No.
6.18e+03
[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is
correctly specified.
[2] The condition number is large, 6.18e+03. This might indicate that
there are
strong multicollinearity or other numerical problems.
myGenders = ['Boy', 'Girl', 'Neutral']
subset_df = df2[df2['Gender'].isin(myGenders)]
#Enkel lineær regresjon for hvert kjønn hver for seg
resultater = []
for i, gender in enumerate(myGenders):
 sub_model_gender = smf.ols('Price ~ Pieces',
data=subset df[subset df['Gender'] == gender])
  resultater.append(sub_model_gender.fit())
# plott av dataene og regresjonslinjene
for i, gender in enumerate(myGenders):
 slope = resultater[i].params['Pieces']
  intercept = resultater[i].params['Intercept']
  regression_x = np.array(subset_df[subset_df['Gender'] == gender]
```



```
['Pieces'])
  regression_y = slope * regression_x + intercept

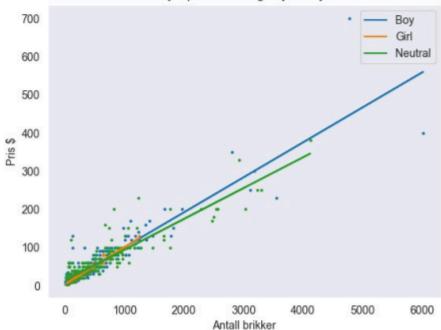
# Plot scatter plot and regression line
  plt.scatter(subset_df[subset_df['Gender'] == gender]['Pieces'],
  subset_df[subset_df['Gender'] == gender]['Price'],
  color=plt.cm.tabl0(i), s=3)
  plt.plot(regression_x, regression_y, color=plt.cm.tabl0(i),
  label=gender)

plt.xlabel('Antall brikker')
  plt.ylabel('Pris $')

plt.title('Kryssplott med regresjonslinjer')
  plt.legend()
  plt.grid()

plt.show()
```

Kryssplott med regresjonslinjer

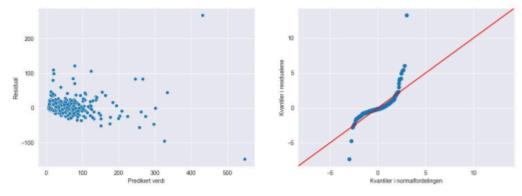


```
figure, axis = plt.subplots(1, 2, figsize = (15, 5))
sns.scatterplot(x = modell_mlr.fit().fittedvalues, y =
```



```
modell_mlr.fit().resid, ax = axis[0])
axis[0].set_ylabel("Residual")
axis[0].set_xlabel("Predikert verdi")

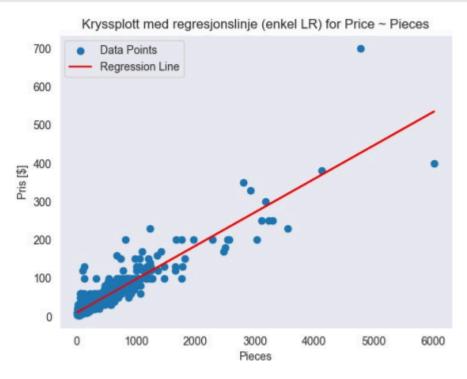
# Lage kvantil-kvantil-plott for residualene
sm.qqplot(modell_mlr.fit().resid, line = '45', fit = True, ax = axis[1])
axis[1].set_ylabel("Kvantiler i residualene")
axis[1].set_xlabel("Kvantiler i normalfordelingen")
plt.show()
```

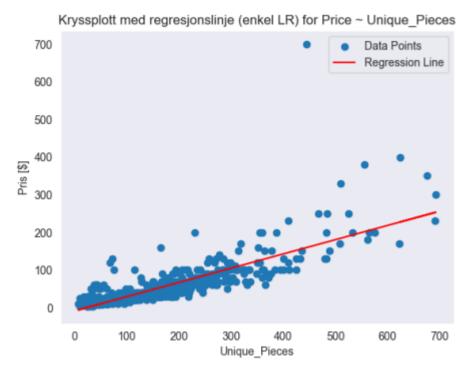


```
#Enkel lineær regresjon av alle de forskjellige variablene mot pris
variables = ['Pieces', 'Unique Pieces', 'Pages', 'Minifigures']
for i in variables:
  formel = 'Price ~ ' + str(i)
 modell = smf.ols(formel, data = df2)
 resultat = modell.fit()
 resultat.summary()
 slope = resultat.params[i]
 intercept = resultat.params['Intercept']
  regression_x = np.array(df2[i])
  regression_y = slope * regression_x + intercept
 plt.scatter(df2[i], df2['Price'], label='Data Points')
 plt.plot(regression_x, regression_y, color='red', label='Regression
Line')
 plt.xlabel(i)
 plt.ylabel('Pris [$]')
```



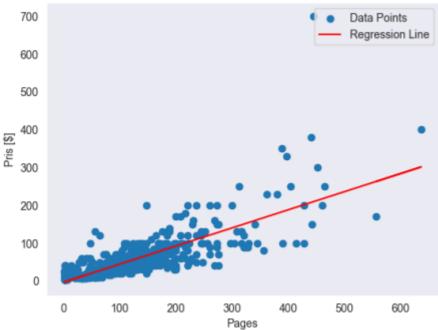
plt.title('Kryssplott med regresjonslinje (enkel LR) for ' + formel)
plt.legend()
plt.grid()
plt.show()



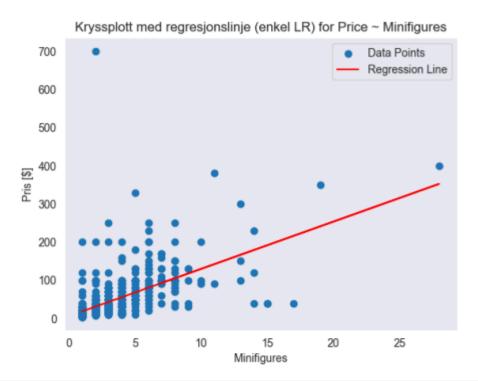












```
#Lineær regresjon for de forskjellige forklaringsvariablene, med en
regresjonslinje for hvert kjønn
for type in ['Pieces', 'Unique_Pieces', 'Pages', 'Minifigures']:
    myGenders = ['Boy', 'Girl', 'Neutral']
    subset_df = df2[df2['Gender'].isin(myGenders)]

resultater = []
for i, gender in enumerate(myGenders):
    sub_model_gender = smf.ols('Price ~ ' + type,
data=subset_df[subset_df['Gender'] == gender])
    resultater.append(sub_model_gender.fit())

# plott av dataene og regresjonslinjene
for i, gender in enumerate(myGenders):
    slope = resultater[i].params[type]
    intercept = resultater[i].params['Intercept']

    regression_x = np.array(subset_df[subset_df['Gender'] == gender]
[type])
    regression_y = slope * regression_x + intercept

# Plot scatter plot and regression line
```



```
plt.scatter(subset_df[subset_df['Gender'] == gender][type],
subset_df[subset_df['Gender'] == gender]['Price'],
color=plt.cm.tabl0(i), s=3)
    plt.plot(regression_x, regression_y, color=plt.cm.tabl0(i),
label=gender)

plt.xlabel(type)
    plt.ylabel("price")

plt.title('Kryssplott med regresjonslinjer')
    plt.legend()
    plt.grid()
```

