Optimisation d'une évacuation

GAUTIER Arthur

N°candidat: 36917



lfgroupe.com

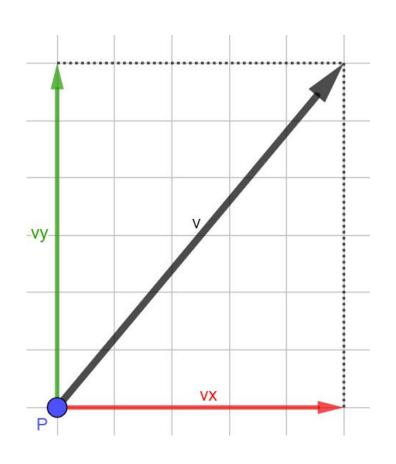


ccelog.con

Sommaire

- I Modélisation
- II Recherche des sorties optimales
- III Limites du modèle, élargissement

Modélisation des points



```
particule = [ x , y , vx , vy]
```

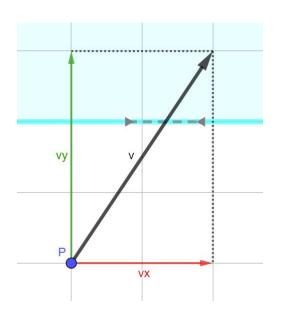
```
foule =
[ particule , particule ,
particule ]
```

```
creer_particules(n)
```

Faire évacuer les particules

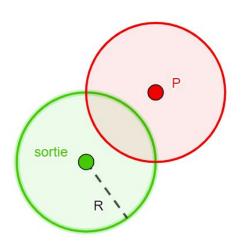
1ere version

est_sortie(particule)



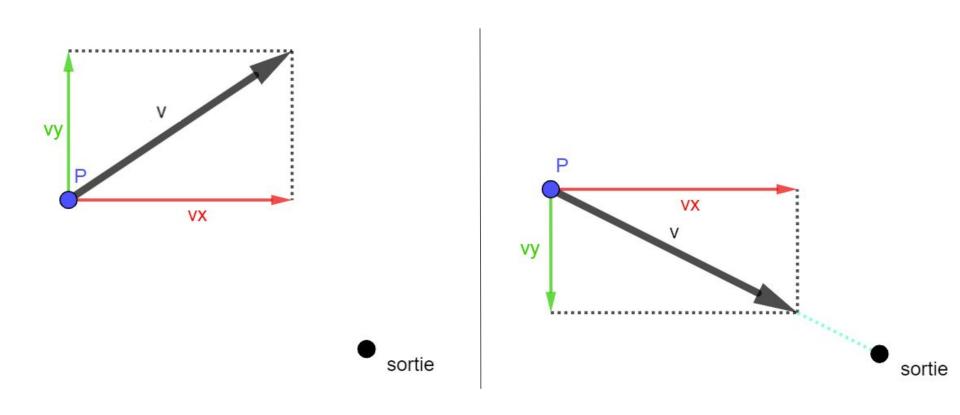
2e version

est_sortie2 (particule, liste_sortie)



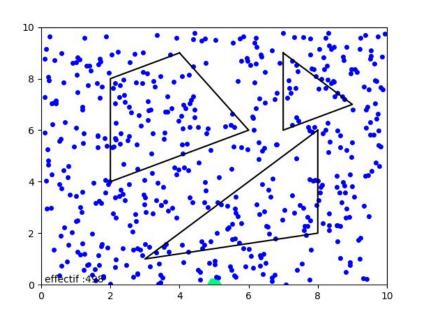
collision (point1, point2)

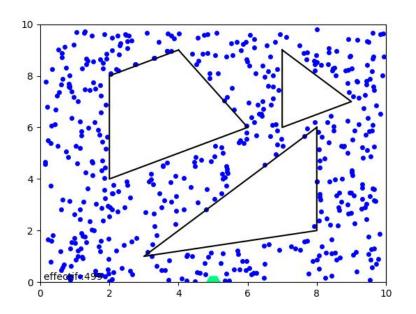
Orienter les particules



orientation_vers_sortie(particule, sortie)

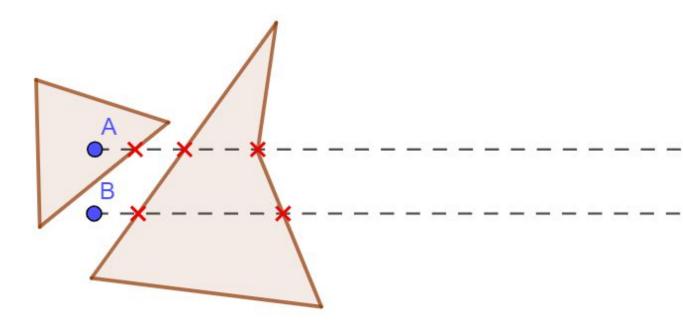
Génération des points



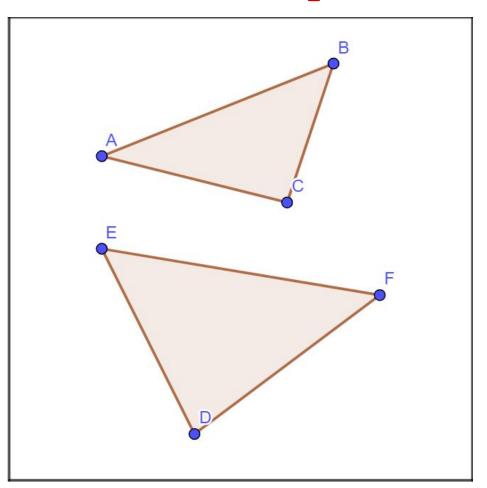


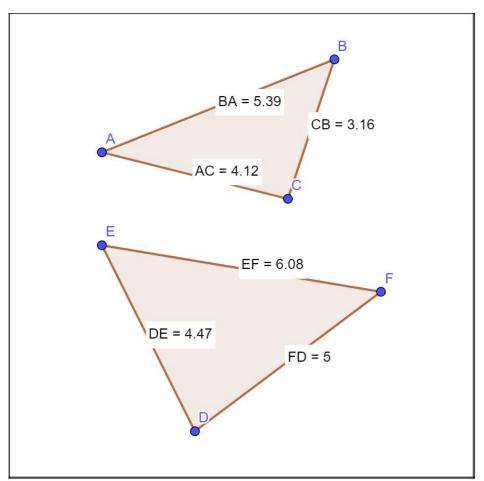
Génération des points

inobstacle(particule)

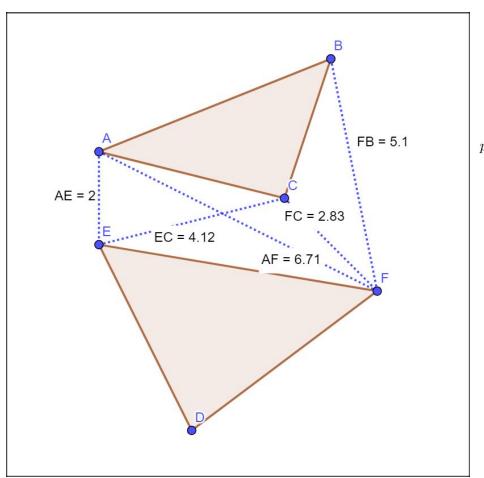


matrice_obstacle(obstacle, liste sortie)

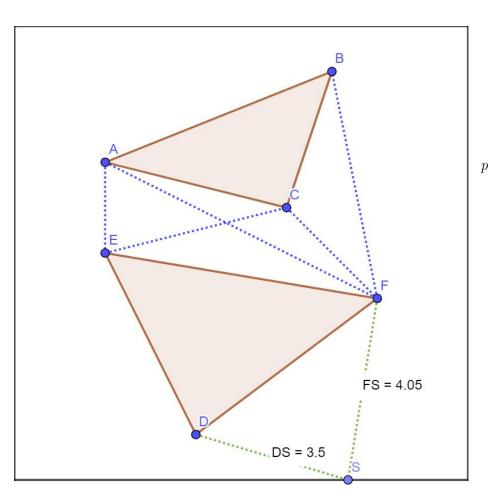




distance(point 1, point 2)

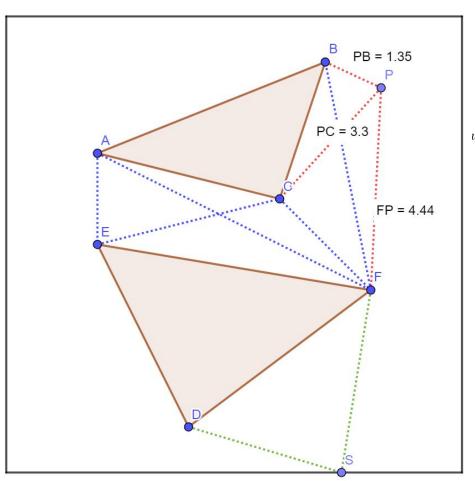


presence_obstacle(point1,point2)



$A \rightarrow A$	′ 0	5.39	4.12	0	2	6,71	0	0	\
$B \rightarrow$	5.39	0	3.16	0	0	5.1	0	0	1
$C \rightarrow$	4.12	3.16	0	0	4.12	2.83	0	0	
$D \rightarrow$	0	0	0	0	4.47	5	3.5	0	1
$E \rightarrow$	2	0	4.12	4.47	0	6.08	0	0	
$F \rightarrow$	6,71	5.1	2.83	_5_	6.08	0	4.05	0	-
$sortie \rightarrow$	0	0	0	3.5	0	4.05	0	0	
$particule \rightarrow \$	0	0	0	0	0	0	0	0	1

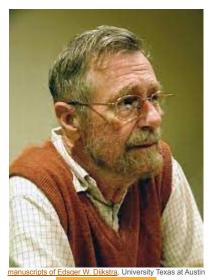
matrice_point (matrice_obstacle, particule)



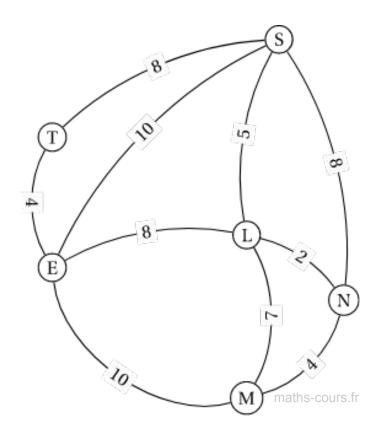
$ \begin{array}{c} A \to \\ B \to \\ C \to \\ D \to \end{array} $	$0 \\ 5.39 \\ 4.12 \\ 0$	5.39 0 3.16 0	4.12 3.16 0 0	0 0 0	$ \begin{array}{c} 2 \\ 0 \\ 4.12 \\ 4.47 \end{array} $	6,71 5.1 2.83 5	$0 \\ 0 \\ 0 \\ 3.5$	$\begin{bmatrix} 0 \\ 1.35 \\ 3.3 \\ 0 \end{bmatrix}$
$ \begin{array}{c} E \to \\ F \to \end{array} $	$\frac{0}{2}$ 6,71	0 5.1	4.12 2.83	4.47 5	$\begin{matrix} 0 \\ 6.08 \end{matrix}$	6.08 0	$0\\4.05$	0 4.44
$\begin{array}{c} sortie \rightarrow \\ irticule \rightarrow \end{array} $	0	$\frac{0}{1.35}$	3.33	$\frac{3.5}{0}$	$0 \\ 0$	4.05	0	$\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

Etape 6

-Utilisation de Dijkstra



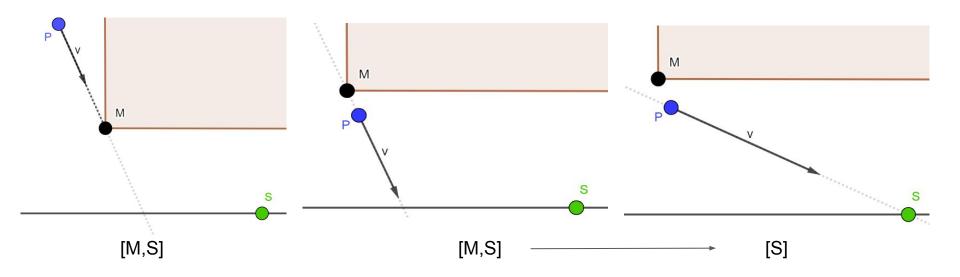
1930 - 2002



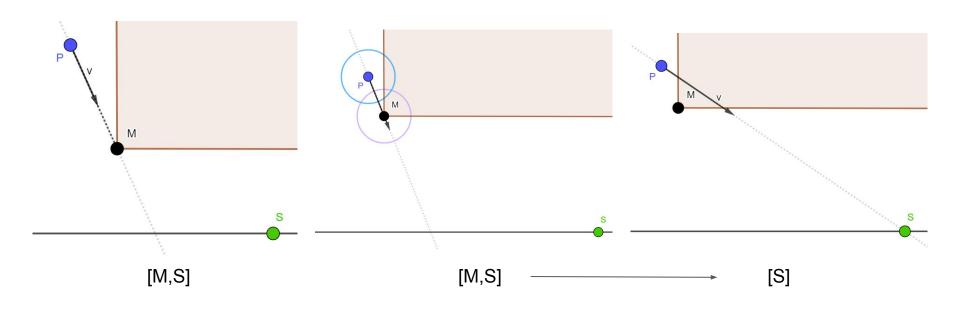
dijkstra(M,s)

pluscourtchemin (M, entree, sortie)

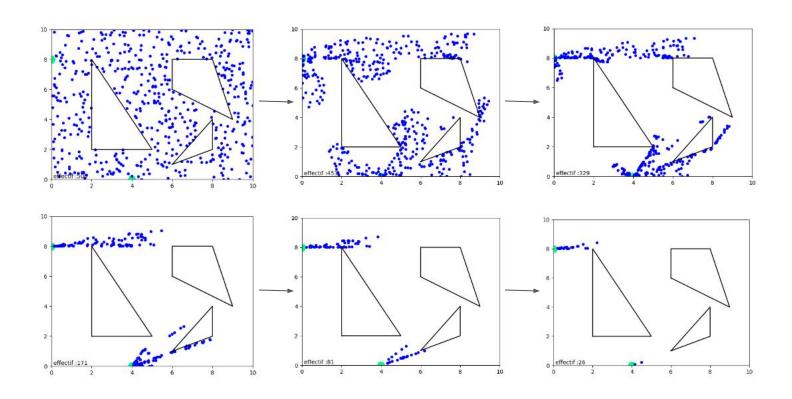
Suivi du parcours : version 1



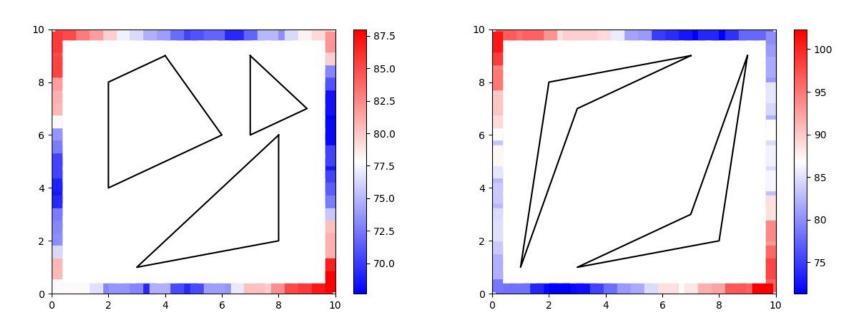
Suivi du parcours : version 2



Rendu de la modélisation

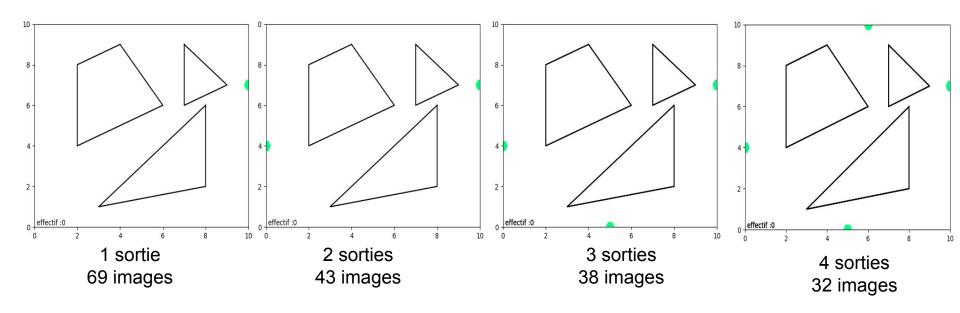


Recherche de sorties optimisées



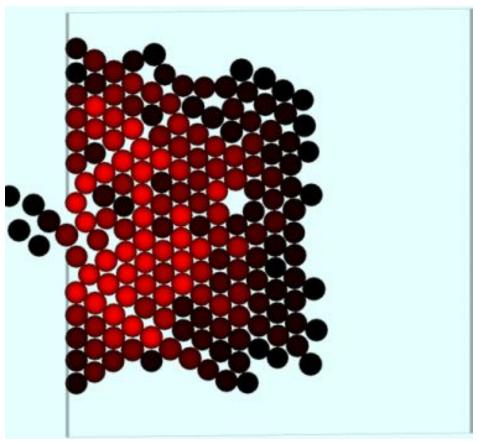
80 sorties testées avec une foule de 500 points

Présence de plusieurs sorties



Temps obtenu avec 16 sorties : 29 images

Limite du modèle et conclusion



http://images.math.cnrs.fr/

```
import matplotlib.pyplot as plt
     import matplotlib.animation as animation
     import numpy as np
     from math import *
     from pylab import *
     import random
     ##Constantes :
     #dimensions de la salle :
10
     largeur = 10
11
     hauteur = 10
     taille porte =0.1
12
13
     rayon = 0.25
14
15
16
     t = 0.20
17
18
     #obstacles et sorties
19
     obstacle = [[[2,2],[5,2],[2,8],[2,2]],[[6,1],[8,2],[8,4],[6,1]],[[6,6],[6,8],[8,8],[9,4],[6,6]]]
     liste_sortie = [[4,0],[0,8]]
20
```

```
###creation matrice
"""permet de creer une matrice de particule"""
def creer particules(n):
    particules = []
    for k in range(0,n):
        x = random.random()*largeur
        y = random.random()*hauteur
        vx = (random.random()*0.5 + 1.1)*random.choice([-1,1])
        vy = (random.random()*0.5 + 1.1)*random.choice([-1,1])
        p = [x,y,vx,vy]
        while inobstacle(p) == True:
            x = random.random()*largeur
            y = random.random()*hauteur
            vx = (random.random()*0.5 + 1.1)*random.choice([-1,1])
            vy = (random.random()*0.5 + 1.1)*random.choice([-1,1])
            p = [x,y,vx,vy]
        particules.append(p)
    return particules
```

23 24

25 26

27

28

29

30

31 32

37

38 39 40

41

42

```
"""cree une matrice adaptee au probleme, satisfaisant l'algorithme de dijkstra"""
44
     def matrice obstacle(obstacle, liste sortie):
         taille = 0
47
         for objet in obstacle:
             taille += len(objet)-1
50
         t obstacle = taille #sauvegarde
         taille += len(liste sortie) + 1
52
         matrice = []
         i = 0 #cet indice correspond a l'avancee dans la matrice,
         s = 0 #cet indice correspond au somme de points d'objets
         for k in range(taille):
             matrice.append([0 for k in range(taille)])
     #cette partie permet de calculer les distances entres points objets
         for objet in obstacle:
             for k in range(len(objet)-2):
62
                 norme = distance(objet[k],objet[k+1])
                 matrice[i][i+1]=norme
64
                 matrice[i+1][i]=norme
                 i+=1
             if len(objet)>2:
67
                 j = len(objet)-2
68
                 norme = distance(objet[0],objet[j])
                 matrice[i][i-j]=norme
70
                 matrice[i-j][i]=norme
71
             i += 1
72
```

```
i1=0
for ob1 in range(len(obstacle)):
    for pt1 in range(len(obstacle[ob1])-1):
        i2 = 0
        for k in range(len(liste sortie)):
            if presence obstacle(liste sortie[k],obstacle[ob1][pt1])==False:
                A = obstacle[ob1][pt1]
                B = liste sortie[k]
                norme = distance(A,B)
                matrice[t_obstacle + k][i1] = norme
                matrice[i1][t_obstacle + k] = norme
        for ob2 in range(len(obstacle)):
            if obstacle[ob1]==obstacle[ob2]:
                i2 += len(obstacle[ob1])-1
            for pt2 in range(len(obstacle[ob2])-1):
                A = obstacle[ob1][pt1]
                B = obstacle[ob2][pt2]
                if presence obstacle(A,B) == False:
                    norme = distance(A,B)
                    matrice[i1][i2] = norme
                    matrice[i2][i1] = norme
                i2 += 1
        i1 += 1
return matrice
```

74 75

76

78 79

80

82

86

87

88

90

94

100

101

```
"""cree une matrice propre à chaque particules à partir d'une matrice obstacle"""
102
103
      def matrice point(matrice,particule):
104
          x,y,vx,xy = particule
          n = len(matrice)-1
106
          t_obstacle = n - len(liste_sortie)
107
          pos = [x,y]
          i=0
108
          for ob in range(len(obstacle)):
              for pt in range(len(obstacle[ob])-1):
110
111
                   for k in range(len(liste sortie)):
112
113
                       if presence obstacle(liste sortie[k],pos)==False:
114
                           norme = distance(pos,liste sortie[k])
115
                           matrice[t_obstacle + k][n] = norme
116
                           matrice[n][t obstacle + k] = norme
117
118
                   point ob = obstacle[ob][pt]
119
120
                  if presence obstacle(pos,point ob)==False:
121
                       norme = distance(pos,point ob)
122
                       matrice[n][i] = norme
123
                      matrice[i][n] = norme
124
                  i += 1
125
126
          return matrice
127
128
      """permet de deplacer une unique particule"""
129
130
      def deplacerParticule(particule) :
131
          x, y, vx, vy = particule
132
133
          if x+vx*t >= largeur or x+vx*t <= 0 :</pre>
134
              VX = -VX
135
          if y+vy*t >= hauteur or y+vy*t <= 0 :</pre>
136
              vy = -vy
137
          return [x+vx*t, y+vy*t, vx, vy]
138
```

```
foule[k] = deplacerParticule(foule[k])
142
143
           return foule
144
      """deuxième version : permet de deplacer toute la foule en considérant les sorties seulement"""
145
      def deplacement type2(foule, liste sortie):
146
147
           k = 0
           taille liste = len(foule)
148
           while k < taille liste:
149
               if est sortie2(foule[k],liste sortie)==True:
150
151
                   foule.pop(k)
                   k = k - 1
152
153
                   foule[k] = deplacerParticule(foule[k])
154
155
               k = k + 1
               taille liste = len(foule)
156
           return foule
157
159
      def deplacement type3(foule, liste sortie, plan):
160
          k = 0
161
          taille liste = len(foule)
162
          while k < taille liste:
163
              if est sortie2(foule[k],liste sortie)==True:
164
                  foule.pop(k)
                  plan.pop(k)
166
                  k = k - 1
167
168
                  foule[k] = deplacerParticule(foule[k])
169
              k = k + 1
170
              taille liste = len(foule)
171
          return foule, plan
172
173
     def itineraire(particule, liste sortie):
         M = matrice_obstacle(obstacle,liste_sortie)
175
         matrice = matrice point(M,particule,liste sortie)
176
177
178
          s = 1000000000000
179
          itineraire_retenu = 0
180
          for k in range(len(liste sortie)):
              chemin = pluscourtchemin(matrice,len(matrice)-1,t_obstacle + k)
              if trajet(chemin,particule,liste sortie) < s:</pre>
184
                  s = trajet(chemin,particule,liste_sortie)
27
                  itineraire retenu = chemin
          return itineraire retenu
```

140

141

"""première version : permet de deplacer la foule"""

def deplacement type1(foule):

for k in range(0,len(foule)):

```
189
      def plan evacuation(foule, liste sortie):
          liste iti = []
          for k in range(0,len(foule)):
              liste_iti.append(itineraire(foule[k],liste_sortie))
194
          for k in liste iti:
              k.pop(0)
          return liste iti
      ##Gestion des obstacles et sorties
      def est sortie(particule):
          x, y, vx, vy = particule
          for k in liste sortie:
              sortie x, sortie y = k
204
              if x+vx >= largeur or x+vx <=0:</pre>
                  base petit triangle = sortie x - x
207
208
209
                  ptAy = y + base petit triangle*vy/vx
210
                  if abs(ptAy -sortie y) <= taille porte/2:</pre>
211
212
                       return True
213
214
              if y+vy >= hauteur or y+vy <= 0:</pre>
215
                  base_petit_triangle = (y + vy - sortie_y)*vx/vy
216
217
218
                  ptAx = x + vx - base petit triangle
219
                  if abs(ptAx - sortie x) <= taille porte/2:</pre>
220
221
                       return True
222
          return False
223
      """deuxieme version : permet de verifier si une particule est sorti en utilisant la methode de collision"""
224
      def est sortie2(particule, liste sortie):
225
226
          x,y,vx,vy = particule
228
          for k in liste sortie:
229
              xs,ys = k
230
              if collision([x,y],[xs,ys]) == True:
231
                  return True
          return False
```

```
x,y,vx,vy = particule
          d = sqrt((x-liste_sortie[0][0])**2 + (y-liste_sortie[0][1])**2)
          s = 0
238
239
           for k in liste_sortie:
240
              x_sortie,y_sortie = k
              distance = sqrt((x-x_sortie)**2 + (y-y_sortie)**2)
241
242
              if distance <= d:</pre>
                   d = distance
                   s = k
245
          return s
246
247
248
      #ce programme fonctionne egalement pour orienter une particule vers n'importe quel point de la salle
249
      def orientation_vers_sortie(particule, sortie):
          sortie x, sortie y = sortie
          x,y,vx,vy = particule
          v = sqrt(vx**2 + vy**2)
          d = sqrt((x-sortie x)**2 + (y-sortie y)**2)
          #angle entre la droite (particule - sortie) et l'axe des abscisses
          teta = np.arccos((x-sortie_x)/d)
260
          if y >= sortie y :
              vx = -cos(teta)*v
261
              vy = -sin(teta)*v
          if y <= sortie y:</pre>
             vx = -\cos(-teta)*v
              vy = -\sin(-teta)*v
266
          return [x, y, vx, vy]
      """detecte la presence d'obstacles entre un point et les sorties"""
      def presence_obstacle(point1,point2):
          xp,yp = point1
          xs,ys = point2
          if xs!=xp:
              a1 = (ys-yp)/(xs-xp)
              b1 = ys - a1*xs
          for objet in obstacle:
              for k in range(len(objet)-1):
                  xob1,yob1 = objet[k]
                  xob2, yob2 = objet[k+1]
29
                  if xob1 == xp and yob1 == yp:
```

def determination sortie naif(particule):

```
287
                   if xob2 == xp and yob2 == yp:
288
289
                   if xob1 == xs and yob1 == ys:
                   if xob2 == xs and yob2 == ys:
                   if xob2 != xob1:
                       a2 = (yob2 - yob1)/(xob2-xob1)
                       b2 = yob1 - a2*xob1
                   if xs == xp:
                       if xob2 ==xob1: #TODO vérifier que le problème est souvelé
                       y = a2*xs + b2
                       if (\min(ys,yp) \le y \le \max(ys,yp)) and (\min(xob1,xob1) \le xs \le \max(xob1,xob2)):
                           return True
304
                   if xob2 == xob1:
                       y = a1*xob1+b1
                       if (\min(yob1,yob2) \le y \le \max(yob1,yob2)) and (\min(xs,xp) \le xob2 \le \max(xs,xp)):
                           return True
                   if a1 != a2:
                       x = (b2-b1)/(a1-a2)
                       if egalite(a1*x+b1,a2*x+b2) == True:
                          y = a1*x + b1
                          if ((\min(yob1,yob2) \le y \le \max(yob1,yob2)) and (\min(xob1,xob2) \le x \le \max(xob1,xob2))) and ((\min(ys,yp) \le y \le \max(ys,yp)))
                              return True
          return False
     def tracer(particules, type_deplacement, liste_sortie, plan):
          if type deplacement == 1:
              deplacement_type1(particules)
          if type deplacement == 2:
              deplacement_type2(particules, liste_sortie)
          if type_deplacement == 3:
              deplacement_type3(particules,liste_sortie,plan)
          X = [particules[k][0] for k in range(0,len(particules))]
          Y = [particules[k][1] for k in range(0,len(particules))]
30
          plt.axis([0, largeur, 0, hauteur])
          plt.plot(X,Y,"ob",markersize=4)
```

```
dessin(obstacle)
          #x = np.array([largeur/4, 3*largeur/4])
346
          plt.text(0.1,0.1,"effectif :" + str(len(particules)))
347
          savefig("OneDrive\Bureau\TIPE\image1.png")
349
          plt.show()
      def dessin(obstacle):
         X = []
          Y = []
          for objet in obstacle:
              x = []
              y = []
              for point in objet:
                  x.append(point[0])
                  y.append(point[1])
              X.append(x)
              Y.append(y)
          for sortie in liste sortie:
              a,b =sortie
              plt.scatter(a, b, s = 200, c = 'springgreen', marker= "H")
          for k in range(len(X)):
              plt.plot(np.array(X[k]),np.array(Y[k]),c = 'black')
      def affich_sortie(sorties,temps):
          dessin(obstacle)
          min = temps[0]
          max = temps[len(temps)-1]
          for k in range(len(sorties)):
              x,y = sorties[k]
              norm=plt.Normalize(min,max)
              color = plt.cm.get cmap('plasma')
              plt.scatter(x, y, c = temps[k], cmap='bwr', norm=norm, marker= "s", s=400)
          plt.colorbar()
          for k in range(0,0):
              a,b =sorties[k]
              plt.scatter(a, b, s = 400, c = 'c', barker = "s")
          plt.axis([0, largeur, 0, hauteur])
          plt.show()
31
```

375 376

379

386

```
def lancement evacuation naif(foule):
    for k in range(0,len(foule)):
        sortie = determination sortie naif(foule[k])
        foule[k] = orientation vers sortie(foule[k], sortie)
def suivi parcours(particule, chemin, liste sortie):
    sommets = point graph(obstacle, liste sortie)
    x,y,vx,vy = particule
    if len(chemin) != 1 and collision([x,y],sommets[chemin[0]])==True:
        chemin.pop(0)
    return chemin
def lancement evacuation(foule, liste sortie):
    plan = plan evacuation(foule, liste sortie)
    sommets = point graph(obstacle, liste sortie)
    for k in range(len(foule)):
        foule[k] = orientation_vers_sortie(foule[k],sommets[plan[k][0]])
"""permet de faire tourner le programme de maniere non optimale"""
def test1(foule, liste sortie, draw):
    lancement evacuation(foule, liste sortie)
    if draw == True:
        tracer(foule,2,liste sortie,plan)
        deplacement type2(foule, liste sortie)
"""permet de faire tourner le programme de maniere optimale"""
def test2(foule,plan,liste sortie,draw):
    sommets = point_graph(obstacle, liste_sortie)
    for k in range(len(foule)):
        plan[k] = suivi parcours(foule[k],plan[k],liste sortie)
        foule[k] = orientation vers sortie(foule[k], sommets[plan[k][0]])
    if draw == True:
        tracer(foule,3,liste_sortie,plan)
        deplacement_type3(foule, liste_sortie, plan)
    return plan
```

```
"""permet de faire tourner le programme jusqu'à ce que toutes les particules sortent"""
      def evacuation(n, liste sortie):
          L = creer particules(n)
          lancement evacuation(L,liste sortie)
          while len(L)!= 0:
              lancement evacuation(L,liste sortie)
              deplacement type2(L, liste sortie)
              print(L)
          print('Done')
      """donne une liste claire des points du graph"""
      def point_graph(obstacle, liste_sortie):
          L = [1]
          for objet in obstacle:
              for k in range(len(objet)-1):
                  L.append(objet[k])
          for sortie in liste sortie:
              L.append(sortie)
          return L
      def distance(point_1,point_2):
          x1,y1 = point 1
          x2,y2 = point_2
          distance = sqrt((x1-x2)**2 + (y1-y2)**2)
          return distance
      def taille obstacle(obstacle):
          taille = 0
          for objet in obstacle:
              taille += len(objet)-1
          return taille
479
      def trajet(chemin,particule,liste sortie):
          d = 0
          sommets = point_graph(obstacle, liste_sortie)
          sommet = copy(sommets)
          x,y,vx,vy = particule
          sommet.append([x,y])
          for k in range(len(chemin)-1):
              A = sommet[chemin[k]]
              B = sommet[chemin[k+1]]
              d += distance(A,B)
          return d
```

```
if x - 0.00001 \le y \le x + 0.00001 + y:
                return True
           return False
       def copy(list):
           L = []
           for k in list:
               L.append(k)
 508
           return L
       def collision(point1,point2):
 512
           x1,y1 = point1
           x2,y2 = point2
           if (x2-x1)**2 + (y2-y1)**2 <= 4*rayon**2:
                return True
 516
           return False
       def inobstacle(particule):
           x,y,_,_ = particule
            intersec = 0
            for objet in obstacle:
                if len(objet)<2:</pre>
                count = 0
                for k in range(len(objet)-1):
              for k in range(len(objet)-1):
                   xob1,yob1 = objet[k]
                  xob2, yob2 = objet[k+1]
                  if xob2 != xob1:
                          a2 = (yob2 - yob1)/(xob2-xob1)
                          b2 = yob1 - a2*xob1
                  if xob2 == xob1:
                      if (min(yob1,yob2) \le y \le max(yob1,yob2)) and (x \le xob1):
                          count += 1
                          intersec += 1
                          if yob1 == y or yob2 == y:
                              count -= 0.5
                              intersec -= 0.5
345
                  if a2 != 0:
                      x intersec = (v-b2)/a2
```

"""egalite dans le cadre de l'approximation entre flottants"""

def egalite(x,y):

```
545
                  if a2 != 0:
                      x_{intersec} = (y-b2)/a2
                      if (min(yob1,yob2) \le y \le max(yob1,yob2)) and x \le max(xob1,xob2) and x_intersec >= x:
                          intersec += 1
                          count += 1
                          if yob1 == y or yob2 == y:
                               intersec -= 0.5
                               count -= 0.5
              if int(count)%2 == 1 and (yob1 == y or yob2 == y):
                  intersec -=1
          intersec = int(intersec)
          if intersec%2==0:
              return False
          return True
      def dijkstra(M,s):
          infini = 0
          #on choisit pour l'infini la somme + 1, de la longueur des arcs sur graph
          for ligne in M:
              for k in ligne:
                  infini += k
         nb sommets = len(M)
         s_{connu} = \{s : [0,[s]]\}
         s inconnu = {k : [infini,''] for k in range(nb_sommets) if k != s}
          for suivant in range(nb sommets):
              if M[s][suivant]:
                  s_inconnu[suivant] = [M[s][suivant],s]
         while s_inconnu and any(s_inconnu[k][0] < infini for k in s_inconnu):</pre>
              u = min(s inconnu, key = s inconnu.get) #on choisit parmis les points le chemin pour lequel la distance est la plus petite
              longueur u, precedent u = s inconnu[u]
              for v in range(nb sommets):
                  if M[u][v] and v in s inconnu:
                      d = longueur u + M[u][v]
                     if d < s inconnu[v][0]:</pre>
                          s inconnu[v] = [d,u]
             s_connu[u] = [ longueur_u, s_connu[precedent_u][1] + [u]]
             del s inconnu[u] #on supprime u du dictionnaire des sommets inconnus
         return s_connu
```

```
def pluscourtchemin(M,entree,sortie):
   s connu = dijkstra(M,entree)
    for k in s_connu:
        if sortie == k:
           return s_connu[k][1]
def triparincertion2(L,M):
   n = len(L)
    for i in range(n):
        memo = L[i]
       memo2 = M[i]
        #décaler vers la droite les éléments de L[0] à L[i-1] qui sont plus grands que memo en partant de L[i-1]
        j = i
       while j > 0 and L[j-1]>memo:
           L[j] = L[j-1]
           M[j] = M[j-1]
            j = j - 1
       L[j] = memo
       M[j] = memo2
    return L,M
def temps_sortie(n,liste_sortie):
    L = creer particules(n)
    plan = plan_evacuation(L,liste_sortie)
    lancement_evacuation(L,liste_sortie)
    t = 0
    while len(L) != 0:
        test2(L,plan,liste_sortie,Fa)
        print(len(L))
        t += 1
    return t
def temps sortie moyen(n, liste sortie):
    s = 0
    for k in range(3):
        s += temps_sortie(n,liste_sortie)
    return s/3
```

```
def sortie successives(nb sortie):
         L = []
         h = hauteur/(nb_sortie + 1)
         l = largeur/(nb sortie + 1)
         hs = h
          ls = 1
         for k in range(nb_sortie):
              L.append([ls,0])
             L.append([ls,hauteur])
             L.append([0,hs])
             L.append([largeur,hs])
             hs += h
             ls += 1
     def meilleure_sortie(n,nb_sortie):
         sorties = sortie_successives(nb_sortie)
          temps = []
         for k in sorties:
             liste_sortie = [k]
             temps.append(temps_sortie_moyen(n,liste_sortie))
         return temps
    sommets = point_graph(obstacle,liste_sortie)
     t obstacle = taille obstacle(obstacle)
676 M = matrice_obstacle(obstacle, liste_sortie)
```