

Universidad de San Buenaventura

Facultad ingeniería de sistemas



**UNIVERSIDAD DE
SAN BUENAVENTURA
CALI**

Parcial corte 1

Análisis de algoritmos

Presenta:

Juan Felipe Hurtado Villani

Cristian Apraez

Samuel Martínez

Profesor

Carlos Andrés Delgado

1. ANALISIS DE ALGORITMOS:

Punto 1:

Algoritmo 1:

C#	ALGORITMO	OPERACIÓN
C0	def algoritmo1(n):	
C1	i=2*n+1	1
C2	res=0	1
C3	while i>0:	(2n+1)+1
C4	j=i*i	(2n+1)+1
C5	res+=j	(2n+1)+1
C6	i-=1	(2n+1)+1
C7	return res	1

Complejidad:

$8n+11$

Forma de estado:

(i, res)

Estado inicial:

$(2n+1, 0)$

Transformaciones:

$n \rightarrow 1$

$(3,0) \rightarrow (2,9) \rightarrow (1,13)$

$(i, res) \rightarrow (i-1, res + i*i)$

Estado final:

$(0, \sum_{i=1}^{2n+1} i^2)$

Invariante:

$res = \sum_{i=1}^{2n+1} i^2$

Algoritmo 2:

C#	ALGORITMO	OPERACIÓN
C0	def algoritmo2(n):	
C1	i = 0	1
C2	j = 0	1
C3	res=0	1
C4	while i < 3*n:	3n+1
C5	j = 2*1	3n
C6	res -= j	3n
C7	1+ = 1	3n
C8	return res	1

Complejidad:

$12n+5$

Forma de estado:

(i, res)

Estado inicial:

(0, 0)

Transformaciones:

$(i, res) \rightarrow (i+1, res - 2 * 1)$

Estado final:

$i = 3n+1$

Invariante:

$res = \sum_{i=1}^{3n+1} 2 * 1$

Algoritmo 3:

C#	ALGORITMO	OPERACIÓN
C0	def algoritmo3(n)	
C1	i = 4*n+2	1
C2	j = 0	1
C3	res = 0	1
C4	while i > 0:	$4n+3 \rightarrow 4n+1$
C5	while j <= 3*n + 4:	3n+6
C6	res+=4	3n+5
C7	j+=1	3n+5
C8	i-=1	4n+2
C9	return res	1

Complejidad:

$$17n+25$$

$$17n+23$$

Forma de estado:

(i, res)

Estado inicial:

$$(4n+2, 0)$$

Transformaciones:

$$(i, \text{res}) \rightarrow (i-1, \text{res} + 4)$$

Estado final:

$$(0, \sum_{i=1}^{4n+2} i + 1)$$

Invariante:

$$\text{res} = \sum_{i=1}^{4n+2} i + 1$$

2. DISEÑO DE ALGORITMOS:

Sabemos que,

$$(k + 1)^3 = k^3 + 3 * k^2 + 3 * k + 1$$

Podemos escribir la identidad anterior para k de 1 hasta n:

$$2^3 = 1^3 + 3 * 1^2 + 3 * 1 + 1 \dots\dots\dots (1)$$

$$3^3 = 2^3 + 3 * 2^2 + 3 * 2 + 1 \dots\dots\dots (2)$$

$$4^3 = 3^3 + 3 * 3^2 + 3 * 3 + 1 \dots\dots\dots (3)$$

$$5^3 = 4^3 + 3 * 4^2 + 3 * 4 + 1 \dots\dots\dots (4)$$

...

$$n^3 = (n - 1)^3 + 3 * (n - 1)^2 + 3 * (n - 1) + 1 \dots\dots\dots (n - 1)$$

$$(n + 1)^3 = n^3 + 3 * n^2 + 3 * n + 1 \dots\dots\dots (n)$$

Ponemos la ecuación (n - 1) en la ecuación n,

$$\begin{aligned} (n + 1)^3 &= (n - 1)^3 + 3 * (n - 1)^2 + 3 * (n - 1) + 1 + 3 * n^2 + 3 * n + 1 \\ &= (n - 1)^3 + 3 * (n^2 + (n - 1)^2) + 3 * (n + (n - 1)) + 1 + 1 \end{aligned}$$

Al poner toda la ecuación, obtenemos

$$(n + 1)^3 = 1^3 + 3 * \sum k^2 + 3 * \sum k + \sum 1$$

$$n^3 + 3 * n^2 + 3 * n + 1 = 1 + 3 * \sum k^2 + 3 * (n * (n + 1)) / 2 + n$$

$$n^3 + 3 * n^2 + 3 * n = 3 * \sum k^2 + 3 * (n * (n + 1)) / 2 + n$$

$$n^3 + 3 * n^2 + 2 * n - 3 * (n * (n + 1)) / 2 = 3 * \sum k^2$$

$$n * (n^2 + 3 * n + 2) - 3 * (n * (n + 1)) / 2 = 3 * \sum k^2$$

$$n * (n + 1) * (n + 2) - 3 * (n * (n + 1)) / 2 = 3 * \sum k^2$$

$$n * (n + 1) * (n + 2 - 3/2) = 3 * \sum k^2$$

$$n * (n + 1) * (2 * n + 1) / 2 = 3 * \sum k^2$$

$$n * (n + 1) * (2 * n + 1) / 6 = \sum k^2$$

```

1  def sumaCuadrados(n) :
2      # Iterar i desde 1
3      # y n buscando
4      # el cuadrado de i
5      # y añadiendolo a la suma
6      sum = 0
7      for i in range(1, n + 1) :
8          sum = sum + (i * i)
9      return sum
10
11
12  n = 4
13  print(sumaCuadrados(n))
14
15

```

Forma de estado:

(n, sum)

Estado inicial:

(4, 0)

Transformaciones:

(n, sum) \rightarrow (n+1, sum + i*i)

Estado final:

(4, $\sum_{n=4}^{sum+i*i} i * i$)

Invariante:

sum = $\sum_{n=4}^{sum+i*i} i * i$