Rendszerelmélet 1. gyakorlat gyakorlópéldák

Periodikusak-e az alábbi jelek? Ha igen, mennyi a periódusszám?

Jel		Megoldás	ZH
1.	$x[k] = \cos[3\pi k]$	Igen, $L=2$	
2.	$x[k] = -\cos[4\pi k/5 - \pi]$	Igen, $L=5$	
3.	$x[k] = 4\cos[4k/3]$	Nem periodikus	
4.	$x[k] = \sqrt{2}\cos[\pi k/100 + 0.4]$	Igen, $L = 200$	
5.	$x[k] = 2\cos[8\pi k]$	Igen, $L=1$	
6.	$x[k] = 9\cos[7\pi/3]$	Igen, L = 1	
7.	$x[k] = 4\cos[3\pi k/17 + \pi/4]$	Igen, $L = 34$	2017 tavasz 1. ZH A
8.	$x[k] = 4\cos[7k/15 + \pi/3]$	Nem periodikus	2017 tavasz 1. ZH B
9.	$x[k] = 3\cos[\sqrt{4}\pi k + 2]$	Igen, L = 1	2016 tavasz 1. ZH
10.	$x[k] = 2\cos[\pi/2 k] - 3\cos[\pi/5 k]$	Igen, L = 20	2016 ősz 1. ZH

Hozzuk egyszerűbb alakra

1. 2016 ősz 1. ZH

$$x[k] = \varepsilon[k-1] \left(1,75(0,5)^{k-1} \frac{1-2^k}{1-2} + 11,25(-0,5)^{k-1} \frac{1-(-2)^k}{1-(-2)} + 6 \right)$$

Megoldás:

$$x[k] = \varepsilon[k-1](-1,75(0,5)^{k-1} + 3,75(-0,5)^{k-1} + 17)$$

2. 2016 tavasz 1. ZH

$$\mathbf{x}[k] = \varepsilon[k-1] \left(-2.625(0.65)^{k-1} \frac{1 - \left(\frac{1}{0.65}\right)^k}{1 - \frac{1}{0.65}} - 3.375(-0.15)^{k-1} \frac{1 - \left(\frac{1}{-0.15}\right)^k}{1 - \frac{1}{-0.15}} \right) - 2\varepsilon[k-1]$$

Megoldás:

$$x[k] = \varepsilon[k-1] (4,88(0,65)^{k-1} - 0,45(-0,15)^{k-1} - 12,45)$$