## Завдання 1. Знайти суму ряду

1. 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 4^{n-1}}{12^n} \cdot 2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n+1} + (-1)^n}{5^n} \cdot 3 \cdot \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} - 2^{n-1}}{4^n} \cdot 3 \cdot \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} - 2^{$$

$$4. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n-1} - 2^n}{10^n} .5. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n + 3^{n+1}}{8^{n-1}} .6. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + (-1)^{n-1}}{9^n} .$$

7. 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} - 2^n}{6^n}$$
. 8.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} + 3^n}{7^n}$ . 9.  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n - 3^{n-1}}{15^n}$ .

$$10.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+1} + (-1)^{n-1}}{5^n} \cdot 11.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^{n-1} - (-1)^n}{12^n} \cdot 12.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + (-1)^{n-1}}{10^n} \cdot$$

$$13.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n + 5^{n+1}}{8^n}. \quad 14.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} + 3^n}{6^n}. \quad 15.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n+1} - (-1)^n}{5^n}.$$

$$16.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}-3^{n+1}}{4^n}.17.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}-7^n}{9^n}.18.\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^n+2^{n+1}}{14^n}.$$

19. 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} - 5^n}{7^n} \cdot 20. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} + 10^n}{15^n} \cdot 21. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1} + (-1)^n}{5^n} \cdot 21.$$

22. 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} + (-1)^{n+1}}{4^n} . \quad 23. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} - 2^n}{8^n} . \quad 24. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n-1} - 2^{n-1}}{9^n} .$$

25. 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n + 3^n}{8^{n-1}} \cdot 26. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1} + (-1)^{n-1}}{3^n} \cdot 27. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} - 2^n}{6^{n-1}} \cdot 27.$$

$$28. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1} + 4^{n-1}}{7^n} .29. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + 3^{n-1}}{15^n} . \quad 30. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1} - (-1)^n}{4^n} .$$

$$31. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1} - 2^n}{10^n}. \qquad 32. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n + 3^{n-1}}{12^n}.$$

## Завдання 2. Користуючись ознаками порівняння, дослідити на збіжність числові ряди:

1. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+1}}{5^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 - \cos \frac{\pi}{n}\right)$ . 2. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{7^n + n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{\sqrt[4]{n^5}}$ .

2. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{7^n + n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{\sqrt[4]{n^5}}$ 

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^{n-1} \sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2n}$ 

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3^{n-1} \sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2n}$ . 4. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^3 + 2n}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n + 1}{3^n - 2}$ .

5.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{8^n + \sqrt[3]{n}}$$
;6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 + \frac{3}{\sqrt{n}}\right)$ 

5.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{8^n + \sqrt[3]{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left( 1 + \frac{3}{\sqrt{n}} \right)$ . 6. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt[3]{n^8 + 1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^n}{2^n - n}$ .

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n+1}}{5^n + \sqrt[4]{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{\sqrt[3]{n^5}}$ .

8. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[4]{n^5 + 2n^3}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg} \frac{\pi}{3n}$ 

9.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n-1}}{7^n \cdot \sqrt[3]{n^2}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^2+1}{2n^3-1}$ . 10.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^n+3}{4^n-2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg} \frac{1}{2n}$ .

10.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^n + 3}{4^n - 2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg} \frac{1}{2n}$ .

11. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{8^n \sqrt{n}}{3^n - 1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 + \frac{5}{n^2}\right)$ . 12. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n - 2}{5^n + n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin\frac{\pi}{4\sqrt{n}}$ .

12. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n - 2}{5^n + n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{4\sqrt{n}}$ 

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{3^n - \sqrt[5]{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{1}{3n^2}$ . 14. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt{n^7 + 2}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6n^3}$ .

14. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt{n^7 + 2}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6n^3}$ .

15.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n n}{5^n (n+1)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(1 - \cos \frac{\pi}{3n}\right)$ .

16. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{5n^3 + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{2}{3\sqrt{n}}$ .

$$\delta) \sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{2}{3\sqrt{n}}$$

17. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n+1}}{2^n - \sqrt[5]{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{4 + \sqrt[3]{n^8}}$ . 18. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 4}{\sqrt{n^5}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 + \frac{3}{n^5}\right)$ .

18. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 4}{\sqrt{n^5}}$$
;

$$\delta) \sum_{n=1}^{\infty} \ln \left( 1 + \frac{3}{n^5} \right)$$

19.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{8^n + 2^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2\sqrt[3]{n}}$ 

19.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{8^n + 2^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{2\sqrt[3]{n}}$ . 20.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n n}{7^n (n+3)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg} \frac{2}{7\sqrt{n}}$ .

21.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{9^n + \sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1 + \frac{2}{n}\right)$ . 22. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt[3]{n^8 + 2}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin\frac{\pi}{2\sqrt{n}}$ .

22. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{\sqrt[3]{n^8 + 2}}$$
; 6)

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+1}n}{5^n(n+2)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+4}{2n^3+n}$ . 24. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+3}{5\sqrt{n^9}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} tg \frac{\pi}{3n^2}$ 

24. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+3}{\sqrt[5]{n^9}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} tg \frac{\pi}{3n^2}$ .

25. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{4^{n-1} \cdot \sqrt{n+1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{1}{5\sqrt[3]{n}}$ . 26. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^3 + 5n}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n^2 + 7}{5n^4 - n}$ .

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+2}{\sqrt[4]{n^5}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \ln\left(1+\frac{5}{n^3}\right)$ . 28. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n+1}{5^n-3}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg} \frac{\pi}{4\sqrt{n^5}}$ .

28. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n + 1}{5^n - 3}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \text{tg} \frac{\pi}{4\sqrt{n^5}}$ 

29.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1}}{5^n \cdot \sqrt[3]{n^2}};$$
 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin \frac{\pi}{6\sqrt[5]{n}}$ .30.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt[3]{n^4+2}};$  6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg} \frac{1}{3\sqrt{n}}.$ 

31. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{5^n + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin \frac{1}{2\sqrt{n}}$ . 32. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n + 1}{3^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{2n^3 + n}$ .

Завдання 3. Користуючись ознакою Даламбера, дослідити на збіжність числові ряди:

1.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (2n-1)}{n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n^2-1}{9^{n-1}}$ . 2. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n-1}}{n^2+3}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+9}{(2n)!}$ .

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3n)!}{n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n-2}{8^{n-1}}$ 

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3n)!}{n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n-2}{8^{n-1}}$ . 4. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^{n+1}}{n(n+1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+3}{2 \cdot 9 \cdot \dots \cdot (7n-5)}$ .

5. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7^{n-1}}{2^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{3 \cdot 7 \cdot \dots \cdot (4n-1)}$ . 6. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7n-4}{3^{n-1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n+1}$ .

6. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7n-4}{3^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n+1}$ .

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n)!}{n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+1}{5^{n-1}}$ .

8. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n (n+1)}{3^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (3n-1)}{5^n}$ .

9.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5 \cdot 9 \cdot \dots \cdot (4n+1)}{2^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 3^n}$ . 10.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1}}{4^n (n+1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n+1)!}{n+3}$ .

10.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1}}{4^n(n+1)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n+1)!}{n+3}$ .

11.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{4 \cdot 11 \cdot ... \cdot (7n-3)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{6^n}{5n-2}$ . 12. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5 \cdot 7 \cdot ... \cdot (2n+3)}{n+2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n-1}{8^n}$ .

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7 \cdot 9 \cdot \dots \cdot (2n+5)}{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n-1}}{7^n n}$ . 14. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+5}{9^{n+1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+2)!}{3^n}$ .

14. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+5}{9^{n+1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+2)!}{3^n}$ 

15. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+7}{4^{n+1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{8 \cdot 11 \cdot ... \cdot (3n+5)}$ . 16. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(n+1)^2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n+1}{n!}$ .

16. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(n+1)^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n+1}{n!}$ .

17. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n n}{n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{9 \cdot 14 \cdot \dots \cdot (5n+4)}$ . 18. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+1}{2^{n-1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{2n-1}$ .

18. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n+1}{2^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{2n-1}$ .

19.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \cdot 5 \cdot ... \cdot (4n-3)}{5^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 3^{n-1}}$ 

19.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (4n-3)}{5^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 3^{n-1}}$ . 20.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{8^{n-1}}{5^n n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{3 \cdot 11 \cdot \dots \cdot (8n-5)}$ .

21.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n-1)!}{3n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+1}{5^{n-1}}$ . 22. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n-1}}{2n+5}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{(2n+1)!}$ .

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^2 + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n - 3}{4^{n-1}}$ .

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^2 + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5n - 3}{4^{n-1}}$ . 24. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^{n+1}}{n(n+1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n + 2}{4 \cdot 7 \cdot \dots \cdot (3n+1)}$ .

25. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^{n-1}}{2^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{(3n-1)!}$ .

25. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^{n-1}}{2^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{(3n-1)!}$ . 26. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{7n-3}{4^{n-1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)!}{n^2}$ .

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3n)!}{n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+2}{9^n}$ 

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(3n)!}{n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2+2}{9^n}$ . 28. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1}}{3^n n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \cdot 4 \cdot \dots \cdot (3n-2)}{n^2}$ .

29.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3 \cdot 5 \cdot ... \cdot (2n+1)}{n^3}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{(2n)!}$ . 30.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{9^{n-1}n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n-1)!}{3n+2}$ .

30.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{9^{n-1}n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(2n-1)!}{3n+2}$ 

31.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{7 \cdot 12 \cdot \dots \cdot (5n+2)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{8^n}{2n^2+3}$ . 32. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (4n-3)}{n+1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 3^n}{5^{n+1}}$ .

Завдання 4. Користуючись радикальною ознакою Коші, дослідити на збіжність числові ряди:

1.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \arccos^n \frac{n}{2n+5}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{4n-1}{6n+3} \right)^n$ .

1.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \arccos^n \frac{n}{2n+5}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{4n-1}{6n+3}\right)^n$ . 2. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{\lg^n (2n-1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{9n+2}{3n-1}\right)^n$ .

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{9n+2}{3n-1} \right)^n$ 

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{9n+2}{3n-1}\right)^n$ . 4. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{\ln^n (5n+3)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{4n+5}{2n-1}\right)^n$ .

5. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg}^{n} \frac{n}{n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{5n-2}{2n+1} \right)^{n}$ 

5. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg}^{n} \frac{n}{n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{5n-2}{2n+1} \right)^{n}$ . 6. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^{n}}{\operatorname{arctg}^{n}(2n-1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{8n-3}{5n+2} \right)^{n}$ .

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{n\pi}{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{6n-1}{4n+5} \right)^n$ 

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{n\pi}{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n-1}{4n+5}\right)^n$ . 8. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin^n \frac{2n}{2n+1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n-1}{5n+1}\right)^{2n}$ .

9.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n}{\lg^n (2n-1)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{10n-7}{8n+3}\right)$ 

9.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{9^n}{\lg^n (2n-1)};$$
 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{10n-7}{8n+3}\right)^n$ . 10.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{\pi n}{4n+1};$  6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{5n-2}{8n+3}\right)^n$ .

11. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{arctg}^{n} \frac{\sqrt{3}n-1}{n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{5n+1}{7n+2}\right)^{n}$ . 12. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{8^{n}}{\operatorname{arctg}^{n} \sqrt{n}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n+2}{2n-1}\right)^{n}$ .

12. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{8^n}{\operatorname{arctg}^n \sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n+2}{2n-1}\right)^n$ .

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{n\pi}{4n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n+3}{5n+2}\right)^n$ 

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{n\pi}{4n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n+3}{5n+2}\right)^n$ . 14. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin^{-n} \frac{n}{2n+1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{4n+7}{8n+5}\right)^n$ .

15.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{\arctan(n+1)};$$
  $\int_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+1}{8n+1}\right)$ 

15.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{\operatorname{arctg}^n(n+1)};$$
 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+7}{8n+5}\right)^n$ . 16.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{\pi n}{6n+2};$  6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{7n-2}{3n+4}\right)^n$ .

17.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \arccos^{-n} \frac{\sqrt{2}n}{2n+5}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+9}{8n-5}\right)^n$ 

17.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \arccos^{-n} \frac{\sqrt{2}n}{2n+5}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+9}{8n-5}\right)^n$ . 18. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n}{\ln^n(5n+1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{10n+7}{6n+2}\right)^n$ .

19. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{6n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{9n-2}{3n+7}\right)^n$ 

19. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{6n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{9n-2}{3n+7}\right)^n$ . 20. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \arcsin^n \frac{\sqrt{2}n}{2n+3}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{6n+5}{2n+9}\right)^n$ .

21. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg}^{n} \frac{\pi n}{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{9n+2}{3n-2} \right)^{-2n}$ . 22. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n}}{\operatorname{arctg}^{n} n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n+5}{3n-1} \right)^{n}$ .

22. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{\operatorname{arctg}^n n}$$
; 6) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n+5}{3n-1} \right)^n$$
.

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{\pi n}{3n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{7n+3}{5n-2}\right)^n$ . 24. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{6n+1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+1}{8n-5}\right)^{-3n}$ .

24. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{6n+1}$$
;

6) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{2n+1}{8n-5} \right)^{-3n}$$
.

$$25.a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n}{\operatorname{arctg}^n n^2};$$

25.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^n}{\operatorname{arctg}^n n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n-1}{3n+5}\right)^n$ . 26.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{\lg^n (2n+1)}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n+3}{8n-3}\right)^{-2n}$ .

a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{\lg^n (2n+1)}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{1}{2} \right)$ 

27.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \arccos^{-n} \frac{n}{2n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{5n+1}{9n-2}\right)^n$ . 28. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \operatorname{tg}^n \frac{\pi n}{6n+2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{4n+1}{2n+5}\right)^n$ .

28. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} tg^n \frac{\pi n}{6n+2}$$
; 6)

; 6) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{4n+1}{2n+5} \right)^n$$

29. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \sin^n \frac{\pi n}{3n+2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n+3}{2n+1}\right)^{-2n}$ . 30. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)^n}{\operatorname{arcte}^n \sqrt[3]{n}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{5n-2}{7n+3}\right)^n$ .

$$6) \sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{n+3}{2n+1} \right)^{-2n}.$$

0. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(n+1)^n}{\operatorname{arctg}^n \sqrt[3]{n}}$$
; 6)

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{5n-2}{7n+3} \right)^n$$

31.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{\log_3^n(n+2)};$$
 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{8n+5}{6n+3}\right)^{2n}$ . 32.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \cos^n \frac{\pi n}{4n+3};$  6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{2n-1}{3n+1}\right)^{-2n}$ .

Завдання 5. Користуючись інтегральною ознакою Коші, дослідити на збіжність числові ряди:

1. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 9}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln(n+1)}{n+1}$ . 2. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n-2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\sqrt[3]{\ln^5(n+1)}}$ 

3.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} n e^{-n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{\ln^3(n+1)}}{n+1}$ . 4. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+9}$ ; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt[6]{\ln n}}$ .

5. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt[5]{\ln n}}$ . 6. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{7n - 2}$ ; 6. d)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)\sqrt{\ln^5(n+2)}}$ .

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{e^{-\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\sqrt[4]{\ln(n+1)}}$ . 8. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{9n-5}$ ; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^3 n}$ .

9.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} n^2 e^{-n^3}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln^2(n+1)}{n+1}$ . 10.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2+1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)\ln^5(n+2)}$ .

11.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{4n+7}$$
; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln^2 n}$ . 12. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2+5}$ ; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt{\ln n}}$ .

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2+3}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\ln^5(n+1)}$ . 14. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n+7}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\sqrt[5]{\ln^6(n+1)}}$ .

15.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)^3}$ . 16.a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n^2 + 7}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} n \, 5^{-n^2}$ .

17. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 8}$$
; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^{5} \sqrt{\ln^3 n}}$ . 18. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{n^2 + 3}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\sqrt{n+1}}$ .

19. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{9n^2 - 1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+2)\sqrt[3]{n+2}}$ . 20. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{8n-5}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\ln^4(n+1)}$ .

21. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 2n + 2}$$
; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n\sqrt[3]{\ln n}}$ . 22. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{3n + 7}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 4n + 5}$ .

23.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} n 9^{-n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)\sqrt[5]{\ln(n+1)}}$ . 24. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{2n^2-1}$ ; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n\sqrt[4]{\ln^7 n}}$ .

25. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 - 2n + 3}$$
; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \sqrt[4]{\ln n}}$ . 26. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5n - 2}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} n^2 3^{-n^3}$ .

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{-\sqrt{n}}}{\sqrt{n}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{2n^2 + 1}$ . 28. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 - 4n + 5}$ ; 6)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\lg n}{n}$ .

29.a) 
$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\lg^2 n}{n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + n + 1}$ . 30.a)  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^{\frac{5}{2}} \ln^7 n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n + 1}{n^2 + n}$ .

31.a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)^3}$$
;  $\delta$ )  $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n}$ . 32. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{4n^2+1}}$ ;  $\delta$ )  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\arctan n}{n^2+1}$ .

Завдання 6.Знайти область збіжності степеневих рядів:

1. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 3^n n x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+5)^n}{2^{n+1} \sqrt{n}}$ 

1. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 3^n n x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+5)^n}{2^{n+1} \sqrt{n}}$ . 2. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n}}{5^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-4)^n}{8^{n-1} n^3}$ .

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n x^{2n}}{n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n}(x-8)^n}{3^{n-1}}$ 

3. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n x^{2n}}{n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n} (x-8)^n}{3^{n-1}}$ . 4. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} 9^n n x^{2n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-3)^n}{5^{n+1} n}$ .

5. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{x^{2n-1}}{3^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{4^{n-1}n^2}$ .

6. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{2^{n+1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+9)^n}{3^{n-1} \sqrt[4]{n}}$ .

7. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 8^n x^{3n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+7)^n}{5^{n-1} \sqrt[3]{n}}$ .

8. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 2^n n x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n (x+1)^n}{n^2}$ .

9. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n x^n}{5^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x-9)^n}{2^n \sqrt[5]{n}}$ 

9. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n \, x^n}{5^{n-1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x-9)^n}{2^n \, \sqrt[5]{n}}$ . 10. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{3n}}{8^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-7)^n}{4^{n-1} \sqrt[3]{n^2}}$ .

11. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (n+1)x^{2n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-6)^n}{9^{n-1}\sqrt{n}}$ 

11. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (n+1)x^{2n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-6)^n}{9^{n-1}\sqrt{n}}$ . 12. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} 2^n n x^{2n-1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x+2)^n}{n\sqrt{n}}$ .

13. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 5^n \sqrt{n} x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+8)^n}{2^{n-1} n}$ . 14. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n}}{3^{n+1}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+6)^n}{5^{n-1} n}$ .

14. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n}}{3^{n+1}}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+6)^n}{5^{n-1}n}$ .

15. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{3^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-10)^n}{6^{n-1}}$ 

15. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{3^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-10)^n}{6^{n-1}}$ . 16. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{x^{2n+1}}{\sqrt{n}}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+3)^n}{2^{n+1}}$ .

17. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (2n-1)x^{2n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x+9)^n}{3^n \sqrt{n}}$ . 18. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{3n-1}}{n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+10)^n}{5^{n-1}}$ .

18. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{x^{3n-1}}{n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+10)^n}{5^{n-1}}$ .

19. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n x^{2n-1}}{n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n}(x+5)^n}{2^{n-1}}$ 

19. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n x^{2n-1}}{n^2}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sqrt{n}(x+5)^n}{2^{n-1}}$ . 20. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} n x^{2n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n (x+1)^n}{n \sqrt{n}}$ .

21. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 5^n n^2 x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{3^n \sqrt{n^5}}$ 

21. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 5^n n^2 x^{2n-1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{3^n \sqrt{n^5}}$ . 22. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{x^{2n}}{4^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+8)^n}{9^{n-1} n^2}$ .

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{4^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 (x-3)^n}{2^{n-1}}$ 

23. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{4^n n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 (x-3)^n}{2^{n-1}}$ . 24. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} 4^n n x^{2n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+2)^n}{8^n n^5}$ .

25. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n-1}}{n^3}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}(x+2)^n}{3^n n}$ . 26. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{3n}}{n^2 8^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} 3^n n x^n$ .

26. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{3n}}{n^2 8^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} 3^n n x^n$ .

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 8^n n x^{3n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+8)^n}{\sqrt[3]{n}}$ 

27. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 8^n n x^{3n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+8)^n}{\sqrt[3]{n}}$ . 28. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} 9^n \sqrt{n} x^{2n-1}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n (x-5)^n}{n^2}$ .

29. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n}}{5^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x-4)^n}{2^n n}$ .

29. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{2n}}{5^n}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x-4)^n}{2^n n}$ . 30. a)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{n x^n}{3^n}$ ; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x+7)^n}{5^n \sqrt{n}}$ .

31. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 3^n x^{2n+1}$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{7^n \sqrt[5]{n}}$ .

32. a) 
$$\sum_{n=1}^{\infty} 5^n n x^n$$
; 6)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x+3)^n}{n^2 \sqrt{n}}$ .

Завдання 7. Користуючись розкладом підінтегральної функції у степеневий ряд, обчислити з точністю до 0,001 інтеграл:

1. 
$$\int_{0}^{0.2} \frac{1 - \cos 4x}{x} dx$$
. 2. 
$$\int_{0}^{0.4} \frac{e^{-2x} - 1}{x} dx$$
. 3. 
$$\int_{0}^{0.7} \frac{dx}{\sqrt[3]{1 + x^{2}}}$$
. 4. 
$$\int_{0}^{0.8} e^{-x^{3}} dx$$
. 5. 
$$\int_{0}^{0.7} \sqrt{1 + 2x^{3}} dx$$
.

6. 
$$\int_{0}^{0.8} \frac{dx}{\sqrt{1+x^4}}$$
 7. 
$$\int_{0}^{0.5} \sin 2x^2 dx$$
 8. 
$$\int_{0}^{0.5} \frac{e^{-x^2} - 1}{x^2} dx$$
 9. 
$$\int_{0}^{0.8} \frac{dx}{1+x^5}$$
 10. 
$$\int_{0}^{0.6} x \ln(1+x^2) dx$$

11. 
$$\int_{0}^{0.7} \frac{1}{x} \ln(1+x^2) dx$$
. 12.  $\int_{0}^{0.7} \frac{e^{-x^2}-1}{x} dx$ . 13.  $\int_{0}^{0.9} \ln(1+x^3) dx$ . 14.  $\int_{0}^{0.8} \frac{dx}{\sqrt[3]{1+x^3}}$ . 15.  $\int_{0}^{1} \frac{1-\cos x^2}{x^3} dx$ .

16. 
$$\int_{0}^{1} \frac{1}{x^{2}} \sin x^{2} dx$$
. 17.  $\int_{0}^{0.6} x \ln(1+2x^{2}) dx$ . 18.  $\int_{0}^{0.6} \sqrt{1+x^{3}} dx$ . 19.  $\int_{0}^{0.3} \frac{\ln(1+2x^{2})}{x^{2}} dx$ . 20.  $\int_{0}^{0.8} \sqrt{1+x^{4}} dx$ .

$$21. \int_{0}^{0.7} \frac{dx}{\sqrt[3]{1+x^2}}.22. \int_{0}^{1} e^{-x^2/2} dx. 23. \int_{0}^{0.9} \sqrt{1+x^5} dx \, 3.24. \int_{0}^{0.4} e^{-3x^2} dx. \quad 25. \int_{0}^{0.7} \sqrt[3]{1+x^2} dx \, .26. \int_{0}^{0.7} \frac{e^{-3x}-1}{x} dx \, .26. \int_{0}^{0.7} \frac{e^$$

$$27. \int_{0}^{0.3} \frac{1-\cos 2x}{x} dx \cdot 28. \int_{0}^{0.8} \cos \frac{x^{2}}{2} dx \cdot 29. \int_{0}^{0.8} e^{-x^{2}} dx \cdot 30. \int_{0}^{0.8} \frac{1-\cos x}{x} dx \cdot 31. \int_{0}^{1} \frac{1-\cos x^{2}}{x^{3}} dx \cdot 32. \int_{0}^{0.7} \frac{\sin 2x^{2}}{x} dx \cdot 32. \int_{0}^{0.7} \frac{\sin 2x}{x} dx \cdot 32. \int_{0}^{0.7} \frac{\sin 2x}{x}$$

**Завдання 8.** Знайти чотири перших, відмінних від нуля, члени розкладу у степеневий ряд розв'язку y = y(x) задачі Коші:

1. 
$$y'' = 2xy' + y^2 - x$$
,  $y(5) = -1$ ,  $y'(5) = 1$ . 2.  $y'' = 5x^3 + 2y'y^2 + 7$ ,  $y(1) = 2$ ,  $y'(1) = -3$ .

3. 
$$y'' = xy^3 + 2y' + 3$$
,  $y(-5) = 1$ ,  $y'(-5) = 2$ . 4.  $y'' = 3x^2y' + y^2 + 8x$ ,  $y(-1) = 3$ ,  $y'(-1) = 2$ .

5. 
$$y'' = x(y')^2 - 5y^2 + 2$$
,  $y(-1) = -2$ ,  $y'(-1) = 1$ . 6.  $y'' = xy^2 + 3y' + 5x$ ,  $y(3) = -2$ ,  $y'(3) = -3$ .

7. 
$$y'' = x^2y^3 + 3yy' + 8$$
,  $y(2) = 1$ ,  $y'(2) = -1$ . 8.  $y'' = 2x^2y' + xy^3 - 5$ ,  $y(3) = 2$ ,  $y'(3) = -1$ .

9. 
$$y'' = 5x + x^2y - (y')^3$$
,  $y(-1) = 3$ ,  $y'(-1) = 2$ . 10.  $y'' = x^2(y')^3 + 2y^2 - x$ ,  $y(4) = -1$ ,  $y'(4) = 1$ .

11. 
$$y'' = 2x^2 + xy' + y^3$$
,  $y(-3) = 2$ ,  $y'(-3) = -2$ . 12.  $y'' = x^3y^3 + 2y' + x$ ,  $y(1) = -1$ ,  $y'(1) = 3$ .

13. 
$$y'' = x^5y^2 + 2(y')^2 + 3y$$
,  $y(-1) = 2$ ,  $y'(-1) = 1$ . 14.  $y'' = 3xy' + y(y')^2 - 2$ ,  $y(2) = 5$ ,  $y'(2) = -1$ .

15. 
$$y'' = 3x^2 - 2y'y^3 + 9$$
,  $y(1) = 2$ ,  $y'(1) = -1$ . 16.  $y'' = x^3y' - 5y + xy^3$ ,  $y(-2) = -1$ ,  $y'(-2) = 2$ .

17. 
$$y'' = 5y^2y' + x^2y^3 - 4$$
,  $y(2) = -1$ ,  $y'(2) = 3$ . 18.  $y'' = 3yy' - x^2y^2 + 2y'$ ,  $y(1) = -2$ ,  $y'(1) = 1$ .

19. 
$$y'' = 8y' + xy^2 + x^3$$
,  $y(-1) = 3$ ,  $y'(-1) = -2$ . 20.  $y'' = 2x^3 + 5xy' + y^2$ ,  $y(-3) = -1$ ,  $y'(-3) = 2$ .

21. 
$$y'' = 2xy' - y^2 + x^3$$
,  $y(1) = 3$ ,  $y'(1) = -1$ . 22.  $y'' = 3x^2y + (y')^2$ ,  $y(-1) = 1$ ,  $y'(-1) = 2$ .

23. 
$$y'' = 2y^2 + x^2 - y'$$
,  $y(1) = -2$ ,  $y'(1) = 1$ . 24.  $y'' = 2xy - y^2 + 4x$ ,  $y(-2) = 1$ ,  $y'(-2) = 3$ .

25. 
$$y'' = y' + y + xy^3$$
,  $y(-1) = 3$ ,  $y'(-1) = 2$ . 26.  $y'' = x^2 + y^2 - xy$ ,  $y(-1) = 2$ ,  $y'(-1) = 1$ .

27. 
$$y'' = x^3 - xy'$$
,  $y(-3) = 2$ ,  $y'(-3) = -2.28$ .  $y'' = 3x^2y + y^2$ ,  $y(1) = 2$ ,  $y'(1) = -1$ .

29. 
$$y'' = 2xy' + y(y')^2$$
,  $y(2) = 1$ ,  $y'(2) = -1.30$ .  $y'' = 4xy^2 + x^2 - y'$ ,  $y(-1) = 1$ ,  $y'(-1) = 2$ .

31. 
$$y'' = y^3 + 2xy' + y^2y'$$
,  $y(-3) = -1$ ,  $y'(-3) = 2$ . 32.  $y'' = yy' - xy^2 + 3y'$ ,  $y(1) = 2$ ,  $y'(1) = -1$ .

**Завдання 9.** Розкласти в ряд Фур'є періодичну з періодом T функцію f(x). Побудувати графіки функцій f(x) та S(x) — суми отриманого ряду:

1. 
$$f(x) = \begin{cases} 2x+1, -\pi < x < 0, \\ 1, & 0 \le x < \pi, \ T = 2\pi. \end{cases}$$
 2.  $f(x) = \begin{cases} -1, & -3 < x < 0, \\ 3x-1, & 0 \le x < 3, \ T = 6. \end{cases}$ 

3. 
$$f(x) = \begin{cases} x+3, -2 < x < 0, \\ 3, 0 \le x < 2, T = 4. \end{cases}$$
 4.  $f(x) = \begin{cases} -1, -\pi < x < 0, \\ x-1, 0 \le x < \pi, T = 2\pi. \end{cases}$ 

5. 
$$f(x) = \begin{cases} 2, & -4 < x < 0, \\ x + 2, & 0 \le x < 4, & T = 8. \end{cases}$$
 6.  $f(x) = \begin{cases} x - 3, -\pi < x < 0, \\ -3, & 0 \le x < \pi, & T = 2\pi. \end{cases}$ 

7. 
$$f(x) = \begin{cases} 2-x, -\pi < x < 0, \\ 2, & 0 \le x < \pi, \end{cases}$$
 8.  $f(x) = \begin{cases} -2, & -5 < x < 0, \\ x - 2, & 0 \le x < 5, \end{cases}$   $T = 10.$ 

9. 
$$f(x) = \begin{cases} 3x+1, -2 < x < 0, \\ 1, & 0 \le x < 2, \quad T = 4. \end{cases}$$
 10.  $f(x) = \begin{cases} \pi - x, & -\pi < x < 0, \\ \pi, & 0 \le x < \pi, \quad T = 2\pi. \end{cases}$ 

11. 
$$f(x) = \begin{cases} x-2, -\pi < x < 0, \\ -2, & 0 \le x < \pi, \end{cases}$$
 12.  $f(x) = \begin{cases} -1, & -3 < x < 0, \\ 2x-1, & 0 \le x < 3, \end{cases}$   $T = 6.$ 

13. 
$$f(x) = \begin{cases} 3-x, -2 < x < 0, \\ 3, 0 \le x < 2, T = 4. \end{cases}$$
 14.  $f(x) = \begin{cases} 1, -\pi < x < 0, \\ x+1, 0 \le x < \pi, T = 2\pi. \end{cases}$ 

15. 
$$f(x) =\begin{cases} -3, & -4 < x < 0, \\ 2x - 3, & 0 \le x < 4, & T = 8. \end{cases}$$
 16.  $f(x) =\begin{cases} 2x + 3, -\pi < x < 0, \\ 3, & 0 \le x < \pi, & T = 2\pi. \end{cases}$ 

17. 
$$f(x) = \begin{cases} 1-x, -\pi < x < 0, \\ 1, & 0 \le x < \pi, \end{cases}$$
 18.  $f(x) = \begin{cases} 3, & -5 < x < 0, \\ 3-2x, & 0 \le x < 5, \end{cases}$   $T = 10.$ 

19. 
$$f(x) = \begin{cases} 2x+5, -4 < x < 0, \\ 5, & 0 \le x < 4, & T = 8. \end{cases}$$
 20.  $f(x) = \begin{cases} x-\pi, -\pi < x < 0, \\ -\pi, & 0 \le x < \pi, & T = 2\pi. \end{cases}$ 

21. 
$$f(x) = \begin{cases} -3, & -3 < x < -2, \\ x - 1, & -2 \le x < 3, \end{cases}$$
  $T = 6$ . 22.  $f(x) = \begin{cases} 1, & -\pi < x < 0, \\ \frac{2}{\pi}x + 1, & 0 \le x < \pi, T = 2\pi. \end{cases}$ 

23. 
$$f(x) = \begin{cases} -1, & -4 < x < -3, \\ x + 2, -3 \le x < 4, & T = 8. \end{cases}$$
 24.  $f(x) = \begin{cases} \frac{3}{\pi}x - 1, -\pi < x < 0, \\ -1, & 0 \le x < \pi, & T = 2\pi. \end{cases}$ 

25. 
$$f(x) = \begin{cases} 7x+3, -1 < x < 0, \\ 3, & 0 \le x < 1, \ T = 2. \end{cases}$$
 26.  $f(x) = \begin{cases} 3x+4, -3 < x < 1, \\ 7, & 1 \le x < 3, \ T = 6. \end{cases}$ 

27. 
$$f(x) =\begin{cases} -2, & -\pi < x < -1, \\ x - 1, & -1 \le x < \pi, & T = 2\pi. \end{cases}$$
 28.  $f(x) =\begin{cases} 3 - 2x, -1 < x < 0, \\ 3, & 0 < x < 1, & T = 2. \end{cases}$ 

29. 
$$f(x) =\begin{cases} -7, & -2 < x < -1, \\ 4x - 3, & -1 \le x < 2, \ T = 4. \end{cases}$$
 30.  $f(x) =\begin{cases} 2, & -3 < x < 1, \\ 5 - 3x, & 1 \le x < 3, \ T = 6. \end{cases}$ 

31. 
$$f(x) = \begin{cases} 2x - 3, -3 < x < 1, \\ -1, & 1 \le x < 3, \end{cases} T = 6.$$
 32.  $f(x) = \begin{cases} 2, & -4 < x < 2, \\ \frac{3}{2}x - 1, & 2 \le x < 4, \end{cases} T = 8.$