

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«СИБИРСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ТЕЛЕКОММУНИКАЦИЙ И
ИНФОРМАТИКИ»

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №2

по дисциплине “Моделирование”

Выполнил студент Рудцких Владислав Евгеньевич

Ф.И.О.

Группы ИБ-222

Работу принял

Ассистент кафедры ВС Уженцева А. В.

подпись

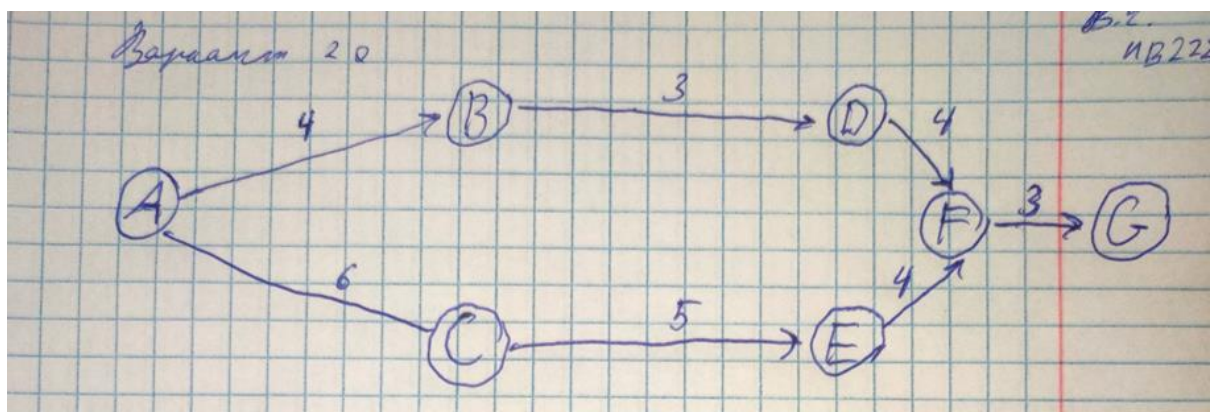
Защищена _____

Оценка

Задание

Вариант 20:

Вариант 20		
Вершина	Предшественник	Длительность
A	-	5
B	A	4
C	A	6
D	B	3
E	C	5
F	D,E	4
G	F	3



Реализовать построение сетевого графика и расчет критических точек по взвешенному графу событий.

Теория

Шифр - две вершины связанные ребром

t_{ij} - вес (длительность) ребра

t^{PH}_{ij} - самый ранний возможный момент времени, когда данная работа может быть начата при условии, что все предшествующие работы выполнены в строго запланированной последовательности

t^{PO}_{ij} - самый ранний из возможных сроков окончания работы

$t^{ПН}_{ij}$ - самый поздний срок при котором может быть начата работа без нарушения общего срока работы

$t^{ПО}_{ij}$ - самый поздний срок при котором можно закончить работу не срывая срок проекта

R_{ij} - максимальное время на которое можно увеличить время работы без нарушения позднего срока конечного события сохраняя продолжительность критического пути

r_{ij} - количество времени на которое можно увеличить продолжительность работы или перенести ее начало так, чтобы не изменилось ранее начало последующих работ

$T_{кр}$ - сумма длительностей всех операций критического пути

Сетевой график - графическая модель проекта описывающего логические взаимосвязи и последовательности между операциями

Handwritten formulas for network graph calculations:

$$PH_1 = 0$$
$$PO_{ij} = t_{ij}^{PH} + t_{ij}$$
$$PH_{ij} = \max_{i,j} t_{ij}^{PO}$$
$$t_{ij}^{PH} = t_{ij}^{ПН}$$
$$t_{ij}^{PO} = t_{ij}^{ПН}$$
$$t_{ij}^{ПН} = \min_{i,j} t_{ij}^{ПН}$$
$$t_{ij}^{ПН} = t_{ij}^{ПО} - t_{ij}$$
$$R_{ij} = t_{ij}^{ПО} - t_{ij}^{PH} = t_{ij}^{ПН} - t_{ij}^{PH}$$
$$r_{ij} = t_{ij}^{ПН} - t_{ij}^{ПО}$$

Критический путь: резервы по нулю

Ход работы

Выполнение вычислений:

- 1) Построение графа на основе таблицы
- 2) Построение сетевого графика
- 3) Нахождение критического пути

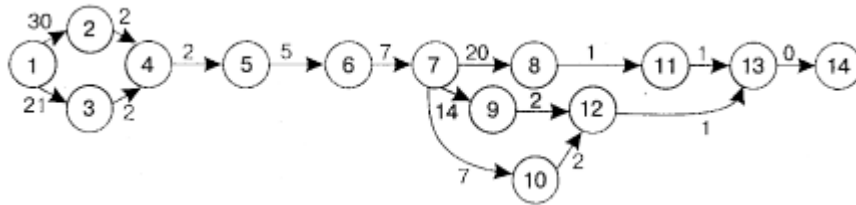
Идентификатор	t_{ij}	РН t_{ij}^{RN}	РД t_{ij}^{RD}	РН t_{ij}^{RN}	РД t_{ij}^{RD}	R_{ij}	F_{ij}	Критический путь
A → B	4	0	4	4	8	4	4-4=0	A
A → C	6	0	6	0	6	0	0	↓
B → D	3	4	7	8	11	4	0	↓
C → E	5	6	11	6	11	0	0	↓
D → F	4	7	11	15-4=11	15	4	15-11=4	↓
E → F	4	11	15	15	15	0	0	↓
F → G	3	15	18	15	18	0	0	↓

$T_{кр} = \sum t_{ij}$
 $T_{кр} = 6 + 5 + 4 + 3 = 18$

1 ← 2

Рисунок 1. Сетевой график

Пример №2:



Решение:

Класс	t_{ij}	P_H t_{ij}	P_0 t_{ij}	P_H t_{ij}	P_0 t_{ij}	R_{ij}	r_{ij}	T_{ij}
1→2	30	0	30	0	30	0-0=0	30-30=0	1
1→3	21	0	21	9	30	9	0	2
2→4	2	30	30+2=32	30	32	0	0	4
3→4	2	21	23	30	32	9	9	5
4→5	2	32	34	32	34	0	0	6
5→6	5	34	39	34	39	0	0	7
6→7	7	39	46	39	46	0	0	8
7→8	20	46	66	46	66	0	0	11
7→9	14	46	60	51	65	0	0	13
7→10	7	46	53	58	65	0	0	14
8→11	1	66	67	66	67	0	0	
9→12	2	60	62	65	67	5	0	
10→12	2	53	55	65	67	12	0	
11→13	1	67	68	68-1=67	68	0	0	
12→13	1	62	63	67	68	5	0	
13→14	0	68	68	68	68	12	7	

←

$T_{кр} = 30 + 2 + 2 + 5 + 7 + 20 + \cancel{14} + 1 + 1 = 68$

Программная реализация

Алгоритм программы:

1. Структура Work — хранит данные о каждой работе:
 - a. Начальное и конечное событие (start, end)
 - b. Продолжительность (duration)
 - c. Временные параметры: раннее/позднее начало/окончание
 - d. Резервы времени: полный (R_{ij}) и частный (r_{ij})
2. Класс Graph — основной вычислительный модуль:
 - a. Загрузка графа из файла (формат: вершина, предшественник, вес)
 - b. Построение списков смежности и предшественников
 - c. Расчет ранних сроков (прямой проход по графу)
 - d. Расчет поздних сроков (обратный проход)
 - e. Вычисление резервов времени
 - f. Определение критического пути (работы с нулевым полным и частным резервом)
3. Вывод результатов:
 - a. Таблица со всеми рассчитанными параметрами
 - b. Длина критического пути
 - c. Последовательность работ критического пути

Результат

Пример №1:

```
Использовать данные с моей карточки? (Вариант 20) (y/n): y
```

Шифр	$t(i,j)$	t^{PH}_{ij}	t^{PO}_{ij}	t^{PN}_{ij}	t^{NO}_{ij}	R_{ij}	r_{ij}	Кр.
1-2	4	0	4	4	8	4	0	
1-3	6	0	6	0	6	0	0	Критическая точка
2-4	3	4	7	8	11	4	0	
3-5	5	6	11	6	11	0	0	Критическая точка
4-6	4	7	11	11	15	4	4	
5-6	4	11	15	11	15	0	0	Критическая точка
6-7	3	15	18	15	18	0	0	Критическая точка

Длина критического пути: 18

Критический путь: 1 -> 3 -> 5 -> 6 -> 7

Рисунок 2. Сетевой график (программная реализация)

Пример №2

```
Использовать данные с моей карточки? (Вариант 20) (y/n): n
Введите имя файла с данными: test_graph.txt
```

Шифр	$t(i,j)$	t^{PH}_{ij}	t^{PO}_{ij}	t^{PN}_{ij}	t^{NO}_{ij}	R_{ij}	r_{ij}	Кр.
1-2	30	0	30	0	30	0	0	Критическая точка
1-3	21	0	21	9	30	9	0	
2-4	2	30	32	30	32	0	0	Критическая точка
3-4	2	21	23	30	32	9	9	
4-5	2	32	34	32	34	0	0	Критическая точка
5-6	5	34	39	34	39	0	0	Критическая точка
6-7	7	39	46	39	46	0	0	Критическая точка
7-8	20	46	66	46	66	0	0	Критическая точка
7-9	14	46	60	51	65	5	0	
7-10	7	46	53	58	65	12	0	
8-11	1	66	67	66	67	0	0	Критическая точка
9-12	2	60	62	65	67	5	0	
10-12	2	53	55	65	67	12	7	
11-13	1	67	68	67	68	0	0	Критическая точка
12-13	1	62	63	67	68	5	5	
13-14	0	68	68	68	68	0	0	Критическая точка

Длина критического пути: 68

Критический путь: 1 -> 2 -> 4 -> 5 -> 6 -> 7 -> 8 -> 11 -> 13 -> 14

:

Рисунок 3. Сетевой график (программная реализация) №2

Вывод

В ходе выполнения работы была разработана программа для расчета временных параметров сетевого графика на основе взвешенного ориентированного графа.

Приложение

main.cpp:

```
#include <algorithm>
#include <climits>
#include <fstream>
#include <iomanip>
#include <iostream>
#include <map>
#include <queue>
#include <sstream>
#include <vector>
```

```
using namespace std;
```

```
struct Work {
    int start;
    int end;
    int duration;

    int t_early_start;
    int t_early_finish;
    int t_late_start;
    int t_late_finish;
    int full_reserve;
    int reserve;
```

```
    Work(int i, int j, int d)
        : start(i),
          end(j),
          duration(d),
          t_early_start(0),
          t_early_finish(0),
          t_late_start(0),
          t_late_finish(0),
          full_reserve(0),
          reserve(0)
    {
    }
};
```

```
class Graph {
private:
    int num_events;
    vector<Work> works;
    vector<vector<int>>> adj_list;
    vector<vector<int>>> pred_list;
```

```

map<int, string> event_names;

void calculateEarlyTimes()
{
    vector<int> early_time(num_events + 1, 0);

    for (int i = 1; i <= num_events; i++) {
        for (int work_idx : adj_list[i]) {
            Work& w = works[work_idx];
            int new_time = early_time[w.start] + w.duration;
            if (new_time > early_time[w.end]) {
                early_time[w.end] = new_time;
            }
        }
    }

    for (Work& w : works) {
        w.t_early_start = early_time[w.start];
        w.t_early_finish = w.t_early_start + w.duration;
    }
}

void calculateLateTimes()
{
    int critical_time = 0;
    for (const Work& w : works) {
        critical_time = max(critical_time, w.t_early_finish);
    }

    vector<int> late_time(num_events + 1, critical_time);

    for (int i = num_events; i >= 1; i--) {
        for (int work_idx : pred_list[i]) {
            Work& w = works[work_idx];
            int new_time = late_time[w.end] - w.duration;
            if (new_time < late_time[w.start]) {
                late_time[w.start] = new_time;
            }
        }
    }

    for (Work& w : works) {
        w.t_late_finish = late_time[w.end];
        w.t_late_start = w.t_late_finish - w.duration;
    }
}

void calculateFloats()

```

```

{
    for (Work& w : works) {
        w.full_reserve = w.t_late_start - w.t_early_start;

        int min_early_start_next = INT_MAX;
        for (int next_idx : adj_list[w.end]) {
            const Work& next_work = works[next_idx];
            min_early_start_next
                = min(min_early_start_next, next_work.t_early_start);
        }

        if (min_early_start_next != INT_MAX) {
            w.reserve = min_early_start_next - w.t_early_finish;
        } else {
            w.reserve = 0;
        }
    }
}

```

public:

```

    Graph() : num_events(0)
    {
    }

```

```

    bool loadFromFile(const string& filename)
    {
        ifstream file(filename);
        if (!file.is_open()) {
            cerr << "ERROR: Не удалось открыть файл " << filename << endl;
            return false;
        }
    }

```

```

    works.clear();
    adj_list.clear();
    pred_list.clear();
    event_names.clear();

```

```

    string line;
    int max_event = 0;
    vector<tuple<int, int, int>> temp_works;

```

```

    while (getline(file, line)) {
        if (line.empty())
            continue;
    }

```

```

        istringstream iss(line);
        int ver, predecessor, weight;
    }

```

```

        if (iss >> ver >> predecessor >> weight) {
            max_event = max(max_event, ver);
            if (predecessor > 0) {
                max_event = max(max_event, predecessor);
            }
            temp_works.push_back(make_tuple(predecessor, ver, weight));
        }
    }

file.close();

if (temp_works.empty()) {
    cerr << "ERROR: Файл не содержит данных" << endl;
    return false;
}

num_events = max_event;
adj_list.resize(num_events + 1);
pred_list.resize(num_events + 1);

for (const auto& [pred, ver, weight] : temp_works) {
    if (pred > 0) {
        addWork(pred, ver, weight);
    } else {
        if (ver != 1) {
        }
        addWork(1, ver, weight);
    }
}

// cout << "Количество событий: " << num_events << endl;
// cout << "Количество работ: " << works.size() << endl;

return true;
}

void addWork(int i, int j, int duration)
{
    works.push_back(Work(i, j, duration));
    int index = works.size() - 1;
    adj_list[i].push_back(index);
    pred_list[j].push_back(index);
}

void calculateAll()
{
    if (works.empty()) {
        cerr << "ERROR: Нет данных для расчета" << endl;
    }
}

```

```

        return;
    }
    calculateEarlyTimes();
    calculateLateTimes();
    calculateFloats();
}

void printTable()
{
    if (works.empty()) {
        cout << "Нет данных для отображения" << endl;
        return;
    }
    cout << left << setw(15) << "Шифр" << setw(15) << "t(i,j)" << setw(15)
        << "t^PH_ij" << setw(15) << "t^PO_ij" << setw(15) << "t^ПН_ij"
        << setw(15) << "t^ПО_ij" << setw(13) << " R_ij" << setw(13)
        << "r_ij"
        << "Кр." << endl;

    int critical_path_length = 0;
    for (const Work& w : works) {
        critical_path_length = max(critical_path_length, w.t_early_finish);
    }

    for (size_t k = 0; k < works.size(); k++) {
        const Work& w = works[k];

        bool is_critical = (w.full_reserve == 0);

        string code = to_string(w.start) + '-' + to_string(w.end);
        ;

        cout << left << setw(15) << code << setw(15) << w.duration
            << setw(13) << w.t_early_start << setw(13) << w.t_early_finish
            << setw(13) << w.t_late_start << setw(13) << w.t_late_finish
            << setw(10) << w.full_reserve << setw(10) << w.reserve;

        if (is_critical)
            cout << " Критическая точка";

        cout << endl;
    }

    cout << "Длина критического пути: " << critical_path_length << endl;

    cout << "\nКритический путь: ";
    findAndPrintCriticalPath();
    cout << endl;
}

```

```
}
```

```
void findAndPrintCriticalPath()
```

```
{
```

```
    vector<int> path;
```

```
    vector<bool> visited(num_events + 1, false);
```

```
    int current = 1;
```

```
    path.push_back(current);
```

```
    while (current != num_events) {
```

```
        bool found = false;
```

```
        for (int work_idx : adj_list[current]) {
```

```
            Work& w = works[work_idx];
```

```
            if (w.full_reserve == 0 && w.start == current) {
```

```
                if (!visited[w.end]) {
```

```
                    current = w.end;
```

```
                    path.push_back(current);
```

```
                    visited[current] = true;
```

```
                    found = true;
```

```
                    break;
```

```
                }
```

```
            }
```

```
        }
```

```
        if (!found)
```

```
            break;
```

```
    }
```

```
    for (size_t i = 0; i < path.size(); i++) {
```

```
        if (event_names.count(path[i])) {
```

```
            cout << event_names[path[i]];
```

```
        } else {
```

```
            cout << path[i];
```

```
        }
```

```
        if (i < path.size() - 1)
```

```
            cout << " -> ";
```

```
    }
```

```
}
```

```
// void printGraphInfo() {
```

```
//     cout << "\nИнформация о графе:" << endl;
```

```
//     cout << "Количество событий: " << num_events << endl;
```

```
//     cout << "Количество работ: " << works.size() << endl;
```

```
//     cout << "\nСписок работ:" << endl;
```

```
//     for (const Work& w : works) {
```

```
//         cout << w.start << " -> " << w.end << " : " << w.duration <<
```

```
//         endl;
```

```
//     }
```



```

    // }
};

int main()
{
    Graph graph;

    cout << "Использовать данные с моей карточки? (Вариант 20) (y/n): ";
    char choice;
    cin >> choice;

    if (choice == 'y' || choice == 'Y') {
        Graph test_graph;

        ofstream test_file("test_graph.txt");
        test_file << "2 1 4\n";
        test_file << "3 1 6\n";
        test_file << "4 2 3\n";
        test_file << "5 3 5\n";
        test_file << "6 4 4\n";
        test_file << "6 5 4\n";
        test_file << "7 6 3\n";
        test_file.close();

        if (test_graph.loadFromFile("test_graph.txt")) {
            test_graph.calculateAll();
            test_graph.printTable();
        }
    } else {
        string filename;

        cout << "Введите имя файла с данными: ";
        cin >> filename;

        if (graph.loadFromFile(filename)) {
            graph.calculateAll();
            graph.printTable();
        }
    }

    return 0;
}

```