Попов Л., Соколов А., Трещев В. группа: 9-3 4 марта 2019 г.

Метрические соотношения в треугольнике

В этом листочке:

A, B, C — вершины; a, b, c — длины сторон; α, β, γ — углы треугольника;

p —полупериметр треугольника; S — площадь треугольника;

 m_a, m_b, m_c — длины медиан; l_a, l_b, l_c — длины биссектрис; h_a, h_b, h_c — длины высот; r_a, r_b, r_c — радиусы вневписанных окружностей треугольника;

r, R — радиусы вписанной и описанной окружности.

- (a) S = pr;
 - $(\mathbf{b}) S = (p-a)r_a;$

 - (c) $S = \frac{abc}{4R}$; (d) $S = \frac{cr_a r_b}{r_a + r_b}$.

2.
$$\frac{1}{h_a} + \frac{1}{h_b} + \frac{1}{h_c} = \frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c} = \frac{1}{r}$$

- 3. $S = Rr(\sin A + \sin B + \sin C)$
- 4. $m_a^2 = \frac{2b^2 + 2c^2 a^2}{4}$
- $egin{aligned} \left(f{a}
 ight) \; l_a &= rac{2bc\cosrac{lpha}{2}}{b+c} \ \left(f{b}
 ight) \; l_a &= \sqrt{rac{4bcp(p-a)}{(b+c)^2}} \end{aligned}$
- $r = 4R\sin\frac{A}{2}\sin\frac{B}{2}\sin\frac{C}{2}$
- (a) $ab + bc + ca = p^2 + r^2 + 4rR$ (b) $a^2 + b^2 + c^2 = 2p^2 - 2r^2 - 8Rr$
- 8. $4R = r_a + r_b + r_c r$.
- (Формула Карно) $OA_1 + OB_1 + OC_1 = R + r$, где A_1, B_1, C_1 середины 9. сторон треугольника.