Зміст

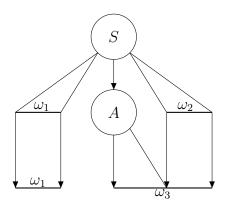
9	Син	таксичний аналіз без повернення назад	1
		9.0.1 Проблеми загальних граматик	1
	9.1	LL(k)-граматики	2
		9.1.1 First _k	4
		9.1.2 Алгоритм пошуку $First_k$	4
	9.2	Сильні $LL(k)$ -граматики	
		9.2.1 Не всі граматики сильні	6
		9.2.2 Алгоритм пошуку $Follow_k$	7
		9.2.3 ε-нетермінали	
		9.2.4 Ліва рекурсія	8
	9.3	Контрольні запитання	C

9 Синтаксичний аналіз без повернення назад

9.0.1 Проблеми загальних граматик

При виведенні слова ω в G на кожному кроці безпосереднього виведення, коли ми беремо до уваги виділений нами нетермінал (в залежності від стратегії виведення), виникає питання, яку альтернативу для A_i використати. З точки зору практики, нас цікавить така стратегія виведення ω в граматиці G, коли кожний наступний крок безпосереднього виведення наближав би нас до мети. Ця стратегія дасть можливість виконати виведення ω в G за час O(n), де $n=|\omega|$.

Зрозуміло, що не маючи інформації про структуру ω , досягнути вибраної нами мети в більшості випадків неможливо. Але ж тримати інформацію про все слово ω також недопустимо. З точки зору практики, отримати потрібний результат розумно при наявності локальної інформації, наприклад, k поточних вхідних лексем програми (k — наперед фіксоване число) достатньо для організації виведення ω в G за час O(n). З точки зору синтаксичного аналізу слова ω мова ведеться про наступну ситуацію:



Зафіксуємо стратегію виведення: далі будемо розглядати лише лівосторонню стратегію виведення ω в G. Тоді:

- $S \Rightarrow^{\star} \omega_1 A \omega_2$ (A перший зліва направо нетермінал);
- ω_1 термінальна частина слова ω , яку вже виведено (проаналізована частина слова);
- результат ω_3 , який потрібно ще вивести, виводиться зі слова $A\omega_2$;
- щоб зробити вірний крок виведення (без повернення назад) нам достатньо k поточних вхідних символів з непроаналізованої частини програми ω_3 .

Сформульовані умови забезпечує клас LL(k)-граматик.

9.1 LL(k)-граматики

КС-граматика $G = \langle N, \Sigma, P, S \rangle$ називається LL(k)-граматикою для деякого фіксованого k, якщо для двох лівосторонніх виведень вигляду:

1.
$$S \Rightarrow^{\star} \omega_1 A \omega_2 \Rightarrow \omega_1 \alpha \omega_2 \Rightarrow^{\star} \omega_1 x;$$

2.
$$S \Rightarrow^{\star} \omega_1 A \omega_2 \Rightarrow \omega_1 \beta \omega_2 \Rightarrow^{\star} \omega_1 y$$
;

з $\mathrm{First}_k(x) = \mathrm{First}_k(y)$ випливає, що $\alpha = \beta$, де $A \mapsto \alpha \mid \beta$, а

$$First_k(\alpha) = \{ \omega \mid \alpha \Rightarrow^* \omega x, |\omega| = k \} \cup \{ \omega \mid \alpha \Rightarrow^* \omega, |\omega| < k \}.$$

Неформально, граматика G буде LL(k)-граматикою, якщо для слова

$$\omega_1 A \omega_2 \in (N \cup \Sigma)^*$$

достатньо k перших символів (за умови, що вони існують) решти непроаналізованого слова щоб визначити, що з $A\omega_2$ існує не більше однієї альтернативи виведення слова, що починається з ω та продовжується наступними k термінальними символами.

Сформулюємо основні твердження стосовно класу LL(k)-граматик:

- 1. Не існує алгоритма, який перевіряє належність КС-граматики класу LL(k)-граматик.
- 2. Для кожного конкретного k існує алгоритм, який перевіряє, чи є задана граматика LL(k)-граматикою.
- 3. Якщо граматика є LL(k)-граматикою, то вона є LL(k+p)-граматикою для довільного $p \ge 1$.
- 4. Клас LL(k)-граматик це підклас КС-граматик, який не покриває його.

Продемонструємо на **прикладі** справедливість останнього твердження. Розглянемо граматику G з наступною схемою $P: S \mapsto Sa \mid b$.

Мова, яку породжує наведена вище граматика $L(G)=\{ba^i\}_{i=0}^\infty$. Візьмемо виведення наступного слова $S\Rightarrow^{i+1}ba^i$. За визначенням LL(k)-граматики якщо покласти $A=S,\ \omega_2=a^i,\ \alpha=Sa,\ \beta=b,$ то маємо отримати

$$\operatorname{First}_k(Saa^i) \cap \operatorname{First}_k(ba^i) = \varnothing.$$

Втім, для $i \geq k$ маємо:

$$\operatorname{First}_{k}(Saa^{i}) = \operatorname{First}_{k}(ba^{i}) = \{ba^{k-1}\}.$$

Таким чином, КС-граматика G не може бути LL(k)-граматикою для жодного k.

Як наслідок, КС-граматика G, яка має ліворекурсивний нетермінал A (нетермінал A називається *ліворекурсивним*, якщо в граматиці G існує вивід виду $A \Rightarrow^* A\omega$), не може бути LL(k)-граматикою.

З практичної точки зору в більшості випадків ми будемо користуватися LL(1)-граматиками. У класі LL(1)-граматик існує один цікавий підклас — це розподілені LL(1)-граматики.

LL(1)-граматика називаються *розподіленою*, якщо вона задовольняє наступним умовам:

- у схемі P граматики відсутні ε -правила (правила вигляду $A \mapsto \varepsilon$);
- для нетермінала А праві частини А-правила починаються різними терміналами.

$9.1.1 \quad \mathbf{First}_k$

Зауважимо, що $\operatorname{First}_k(\omega_1\omega_2)=\operatorname{First}_k(\omega_1)\oplus_k\operatorname{First}_k(\omega_2)$, де \oplus_k — бінарна операція над словарними множинами (мовами) визначена наступним чином:

$$L_1 \oplus_k L_2 = \{ \omega \mid \omega \omega_1 = xy, |\omega| = k \} \cup \{ \omega \mid \omega = xy, |\omega| < k \},$$
 (9.1)

де $x \in L_1, y \in L_2$.

Звідси маємо наступний тривіальний висновок: якщо $\omega = \alpha_1 \alpha_2 \dots \alpha_p$, де $\alpha_i \in (N \cup \Sigma)$, то

$$\operatorname{First}_k(\omega) = \operatorname{First}_k(\alpha_1) \oplus_k \operatorname{First}_k(\alpha_2) \oplus_k \dots \oplus_k \operatorname{First}_k(\alpha_p).$$
 (9.2)

Для подальшого аналізу визначення LL(k)-граматики розглянемо алгоритм обчислення функції $First_k(\alpha), \alpha \in (N \cup \Sigma)$.

9.1.2 Алгоритм пошуку First_k

Очевидно, що якщо $\alpha_i \in \Sigma$, то $\mathrm{First}_k(\alpha_i) = \{\alpha_i\}$ при k > 0. Розглянемо алгоритм пошуку $\mathrm{First}_k(A_i), A_i \in N$.

Алгоритм [пошуку First_k(A_i), $A_i \in N$]: визначимо значення функції $F_i(x)$ для кожного $x \in (N \cup \Sigma)$:

1.
$$F_i(a) = \{a\}$$
 для всіх $a \in \Sigma, i \ge 0$.

2.

$$F_0(A_i) = \left\{ \omega \mid \omega \in \Sigma^{\star k} : A_i \mapsto \omega x, |\omega| = k \right\} \cup \left\{ \omega \mid \omega \in \Sigma^{\star k} : A_i \mapsto \omega, |\omega| < k \right\} \quad (9.3)$$

3.

$$F_n(A) = F_{n-1}(A_i) \cup \left\{ \omega \mid \omega \in \Sigma^{*k} : \omega \in F_{n-1}(\alpha_1) \oplus_k \dots \oplus F_{n-1}(\alpha_p), A_i \mapsto \alpha_1 \dots \alpha_p \right\}.$$

$$(9.4)$$

4.
$$F_m(A_i) = F_{m+1}(A_i) = \dots$$
 для всіх $A_i \in N$.

Очевидно, що:

• послідовність $F_0(A_i) \subseteq F_1(A_i) \subseteq \ldots$ — монотонно зростаюча;

• $F_n(A_i) \subseteq \Sigma^{\star k}$ — послідовність обмежена зверху.

Тоді покладемо $\operatorname{First}_k(A_i) = F_m(A_i)$ для кожного $A_i \in N$.

Приклад: знайти множину $\operatorname{First}_k(A_i)$ для нетерміналів граматики з наступною схемою правил:

$$S \mapsto BA,$$
 (9.5)

$$A \mapsto +BA \mid \varepsilon,$$
 (9.6)

$$B \mapsto DC,$$
 (9.7)

$$C \mapsto \times DC \mid \varepsilon,$$
 (9.8)

$$D \mapsto (S) \mid a. \tag{9.9}$$

Нехай k=2, тоді маємо наступну таблицю:

	S	A	В	C	D
F_0	Ø	$\{\varepsilon\}$	Ø	$\{\varepsilon\}$	<i>{a}</i>
F_1	Ø	$\{arepsilon\}$	$\{a\}$	$\{\varepsilon, \times a\}$	$\{a\}$
F_2	$\{a\}$	$\{\varepsilon, +a\}$	$\{a, a \times \}$	$\{\varepsilon, \times a\}$	<i>{a}</i>
F_3	$\{a, a+, a\times\}$	$\{\varepsilon, +a\}$	$\{a, a \times \}$	$\{\varepsilon, \times a\}$	$\{a,(a\}$
F_4	$\{a, a+, a\times\}$	$\{\varepsilon, +a\}$	$\{a, a \times, (a\}$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	$\{a,(a\}$
F_5	$\{a, a+, a\times, (a\}$	$\{\varepsilon, +a, +(\}$	$\{a, a \times, (a\}$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	$\{a,(a\}$
F_6	$\{a, a+, a\times, (a\}$	$\{\varepsilon, +a, +(\}$	$\{a, a \times, (a\}$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	$\{a, (a, (())\}$
F_7	$\{a, a+, a\times, (a\}$	$\{\varepsilon, +a, +(\}$	$\{a, a \times, (a, (()$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	$ \{a, (a, (())) \} $
F_8	$\{a, a+, a\times, (a, (()$	$\{\varepsilon, +a, +(\}$	$\{a, a \times, (a, (()$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	a, (a, (()
F_9	$\{a, a+, a\times, (a, (()$	$\{\varepsilon, +a, +(\}$	$\{a, a \times, (a, (()$	$\{\varepsilon, \times a, \times (\}$	$\{a, (a, (())\}$

Скористаємося визначенням $\mathrm{First}_k(\alpha)$ сформулюємо необхідні й достатні умови, за яких КС-граматика буде LL(k)-граматикою: для довільного виводу в граматиці G вигляду $S \Rightarrow^* \omega_1 A \omega_2$ та правила $A \mapsto \alpha \mid \beta$:

$$\operatorname{First}_k(\alpha\omega_2) \cap \operatorname{First}_k(\beta\omega_2) = \varnothing.$$
 (9.10)

Вище сформульована умова для LL(k)-граматик може бути перефразована з урахуванням визначення множини First_k : для довільного виведення в граматиці G вигляду $S \Rightarrow^\star \omega_1 A \omega_2$ та правила $A \mapsto \alpha \mid \beta$:

$$\operatorname{First}_k(\alpha \cdot L) \cap \operatorname{First}_k(\beta \cdot L) = \varnothing, \quad L = \operatorname{First}_k(\omega_2).$$
 (9.11)

Оскільки $L\subseteq \Sigma^{\star k}$, то остання умова є конструктивною умовою і може бути використана для перевірки, чи КС-граматика є LL(k)-граматикою для фіксованого k.

9.2 Сильні LL(k)-граматики

КС-граматика називається сильною LL(k)-граматикою, якщо для кожного правила вигляду $A \mapsto \alpha \mid \beta$ виконується умова:

$$\operatorname{First}_k(\alpha \cdot \operatorname{Follow}_k(A)) \cap \operatorname{First}_k(\beta \cdot \operatorname{Follow}_k(A)) = \emptyset,$$
 (9.12)

де $Follow_k(\alpha)$, $\alpha \in (N \cup \Sigma)^*$ визначається так:

$$Follow_k(\alpha) = \{ \omega \mid S \Rightarrow^* \omega_1 \alpha \omega_2, \omega \in First_k(\omega_2) \}.$$
 (9.13)

Неформально, відмінність сильних LL(k)-граматик від звичайних LL(k)-граматик полягає у тому, що наступне правило безпосереднього виведення, яке буде застосовано до A можна визначити абстраговано від уже виведеної частини слова ω_1 , розглядаючи тільки наступні k символів які потрібно отримати після A.

Операції First_k та Follow_k можна узагальнити для словарної множини L, тоді:

$$First_k(L) = \{ \omega \mid \exists \alpha_i \in L : \omega \in First_k(\alpha_i) \}.$$
 (9.14)

$$Follow_k(L) = \{ \omega \mid \exists \alpha_i \in L : S \Rightarrow^* \omega_1 \alpha_i \omega_2, \omega \in First_k(\omega_2) \}.$$
 (9.15)

Без доведення зафіксуємо наступні твердження:

- кожна LL(1)-граматика є сильною LL(1)-граматикою;
- \bullet для довільного k>1 існують LL(k)-граматики, які не є сильними LL(k)-граматиками.

9.2.1 Не всі граматики сильні

На **прикладі** продемонструємо останнє твердження. Нехай граматика G визначена наступними правилами: $S \mapsto aAaa \mid bAba, A \mapsto b \mid \varepsilon$.

Відповідні множини First₂: First₂(S) = {ab, aa, bb}, First₂(A) = {b, ε }, а також Follow₂: Follow₂(A) = {aa, ba}, Follow₂(S) = { ε }.

Перевіримо умову для сильної LL(2)-граматики:

1. виконаємо перевірку LL(2)-умови для правила $S \mapsto aAaa \mid bAba$:

First₂(
$$aAaa \cdot \text{Follow}_2(S)$$
) \cap First₂($bAba \cdot \text{Follow}_2(S)$) =
= (First₂($aAaa$) \oplus_2 Follow₂(S)) \cap (First₂($bAba$) \oplus_2 Follow₂(S)) =
= ({ ab, aa } \oplus_2 { ε }) \cap ({ bb } \oplus_2 { ε }) = { ab, aa } \cap { bb } = \varnothing . (9.16)

2. виконаємо перевірку LL(2)-умови для правила $A \mapsto b \mid \varepsilon$:

$$\operatorname{First}_{2}(b \cdot \operatorname{Follow}_{2}(A)) \cap \operatorname{First}_{2}(\varepsilon \cdot \operatorname{Follow}_{2}(A)) = \{ba, bb\} \cap \{aa, ba\} = \{ba\}. \quad (9.17)$$

Висновок: вище наведена граматика не є сильною LL(2)-граматикою. Перевіримо цю ж граматику на властивість LL(2)-граматики. Тут ми маємо два різні варіанти виводу з S:

- 1. $S \Rightarrow^* aAaa$: First₂ $(b \cdot aa) \cap \text{First}_2(\varepsilon \cdot aa) = \{ba\} \cap \{aa\} = \emptyset$.
- 2. $S \Rightarrow^* bAba$: First₂ $(b \cdot ba) \cap \text{First}_2(\varepsilon \cdot ba) = \{bb\} \cap \{ba\} = \emptyset$.

Висновок: наведена вище граматика є LL(2)-граматикою.

9.2.2 Алгоритм пошуку Follow_k

Алгоритм [обчислення Follow $_k(A_i)$, $A_i \in N$]: будемо розглядати всілякі дерева, які можна побудувати, починаючи з аксіоми S:

- 1. $\sigma_0(S,S) = \{\varepsilon\}$. Очевидно, за 0 кроків ми виведемо S, після якої знаходиться ε . У інших випадках $\sigma_0(S,A_i)$ невизначено, $A_i \in (N \setminus \{S\})$.
- 2.

$$\sigma_1(S, A_i) = \sigma_0(S, A_i) \cup \{\omega \mid S \mapsto \omega_1 A_i \omega_2, \omega \in \operatorname{First}_k(\omega_2)\}.$$
 (9.18)

В інших випадках $\sigma_1(S, A_i)$ — невизначено.

3.

$$\sigma_n(S, A_i) = \sigma_{n-1}(S, A_i) \cup \{ \omega \mid A_j \mapsto \omega_1 A_i \omega_2, \omega \in \operatorname{First}_k(\omega_2 \cdot \sigma_{n-1}(S, A_j)) \}. \quad (9.19)$$

В інших випадках $\sigma_n(S, A_i)$ — невизначено.

Настане крок m, коли $\sigma_m(S, A_i) = \sigma_{m+1}(S, A_i) = \ldots, \forall A_i \in N$.

Тоді покладемо $Follow_k(A_i) = \sigma_m(S, A_i), \forall A_i \in N.$

Очевидно, що:

- ullet послідовність $\sigma_0(S,A_i)\subseteq\sigma_1(S,A_i)\subseteq\dots$ монотонно зростаюча;
- $\sigma_n(S, A_i) \subseteq \Sigma^{\star k}$ послідовність обмежена зверху.

Разом ці умови гарантують збіжність послідовності $\{\sigma_n(S, A_i)\}$, а отже і алгоритму пошуку $\mathrm{Follow}_k(A_i)$.

9.2.3 ε -нетермінали

Нетермінал A_i називається ε -нетерміналом, якщо $A_i \Rightarrow^\star \varepsilon$.

Алгоритм [пошуку ε -нетерміналів]:

1.
$$S_0 = \{A_i \mid A_i \mapsto \varepsilon\}.$$

2.
$$S_1 = S_0 \cup \{A_i \mid A_i \mapsto \alpha_1 \alpha_2 \dots \alpha_p, \alpha_j \in S_0, j = \overline{1 \dots p}\}.$$

3.
$$S_n = S_{n-1} \cup \{A_i \mid A_i \mapsto \alpha_1 \alpha_2 \dots \alpha_p, \alpha_j \in S_{n-1}, j = \overline{1 \dots p}\}.$$

4.
$$S_m = S_{m+1} = \dots$$

Тоді множина S_m — множина ε -нетерміналів.

Приклад. Для граматики G з схемою правил P знайдемо ε -нетермінали:

$$S \mapsto aBD \mid D \mid AC \mid b, \tag{9.20}$$

$$A \mapsto SCB \mid SABC \mid CbD \mid \varepsilon, \tag{9.21}$$

$$B \mapsto CA \mid d, \tag{9.22}$$

$$C \mapsto ADC \mid a \mid \varepsilon, \tag{9.23}$$

$$D \mapsto EaC \mid SC, \tag{9.24}$$

$$E \mapsto BCS \mid a.$$
 (9.25)

За описани вище алгоритмом маємо:

$$S_0 = \{A, C\},\tag{9.26}$$

$$S_1 = \{A, C\} \cup \{B, S\},\tag{9.27}$$

$$S_2 = \{A, B, C, S\} \cup \{D\}, \tag{9.28}$$

$$S_3 = \{A, B, C, S, D\} \cup \{E\}, \tag{9.29}$$

$$S_4 = \{A, B, C, S, D, E\} \cup \{E\}. \tag{9.30}$$

Таким чином, ε -нетермінали для наведеної вище граматики:

$${S, A, B, C, D, E}.$$
 (9.31)

9.2.4 Ліва рекурсія

До того, як перевірити граматику на LL(k)-властивість необхідно перевірити її на наявність ліворекурсивних нетерміналів та спробувати уникнути лівої рекурсії.

Алгоритм [тестування нетермінала A_i на ліву рекурсію]: для кожного нетермінала A_i побудуємо наступну послідовність множин S_0 , S_1, \ldots :

- 1. $S_0 = \{A_i \mid A_i \mapsto \omega_1 A_i \omega_2, \omega_1 \Rightarrow^* \varepsilon\}$, починаємо з нетерміналу A_i .
- 2. $S_1 = S_0 \cup \{A_i \mid A_i \mapsto \omega_1 A_j \omega_2, \omega_1 \Rightarrow^* \varepsilon, A_j \in S_0\}.$
- 3. $S_n = S_{n-1} \cup \{A_i \mid A_i \mapsto \omega_1 A_j \omega_2, \omega_1 \Rightarrow^* \varepsilon, A_j \in S_{n-1}\}.$
- 4. $S_m = S_{m+1} = \dots$

Тоді якщо $A_i \in S_m$, то A_i — ліворекурсивний нетермінал.

Приклад. Для граматики G зі схемою правил P знайдемо множину ліворекурсивних нетерміналів:

$$S \mapsto AbS \mid AC, \tag{9.32}$$

$$A \mapsto BD,$$
 (9.33)

$$B \mapsto BC \mid \varepsilon,$$
 (9.34)

$$C \mapsto Sa \mid \varepsilon,$$
 (9.35)

$$D \mapsto aB \mid BA. \tag{9.36}$$

Виконаємо процедуру тестування для кожного нетермінала окремо, наприклад, для нетермінала S:

$$S_0 = \{A\},\tag{9.37}$$

$$S_1 = \{A, B, D\},\tag{9.38}$$

$$S_2 = \{A, B, D, C\}, \tag{9.39}$$

$$S_3 = \{A, B, D, C, S\}. \tag{9.40}$$

Запропонуємо декілька прийомів, що дають можливість при побудові LL(k)-граматик уникнути лівої рекурсії. Розглянемо граматику зі схемою правил $S\mapsto Sa\mid b$, яка має ліворекурсивний нетермінал S. Замінимо схему правил новою схемою з трьома правилами $S\mapsto bS_1,\,S_1\mapsto aS_1\mid \varepsilon$.

Приклад: для граматики G з схемою правил P для кожного нетермінала знайдемо множину Follow₁(A) (k=1):

$$S \mapsto BA,$$
 (9.41)

$$A \mapsto +BA \mid \varepsilon,$$
 (9.42)

$$B \mapsto DC,$$
 (9.43)

$$C \mapsto \times DC \mid \varepsilon,$$
 (9.44)

$$D \mapsto (S) \mid a. \tag{9.45}$$

3 прикладу, що наведено раніше множини ${\rm First}_1(A)$, будуть такими:

$$First_1(S) = First_1(B) = First_1(D) = \{(a, a)\}, \tag{9.46}$$

$$First_1(A) = \{+, \varepsilon\}, \tag{9.47}$$

$$\operatorname{First}_1(C) = \{\times, \varepsilon\}.$$
 (9.48)

	S	A	В	C	D
δ_0	$\{\varepsilon\}$	Ø	Ø	Ø	Ø
δ_1	$\{\varepsilon\}$	$\{\varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	Ø	Ø
δ_2	$\{\varepsilon\}$	$\{\varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	Ø
δ_3	$\{\varepsilon\}$	$\{\varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{\times, +, \varepsilon\}$
δ_4	$\{\varepsilon,)\}$	$\{\varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{\times, +, \varepsilon\}$
δ_5	$\{\varepsilon,)\}$	$\{\varepsilon,)\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{+, \varepsilon\}$	$\{\times, +, \varepsilon\}$
δ_6	$\{\varepsilon,)\}$	$\{\varepsilon,)\}$	$\{+, \varepsilon,)\}$	$\{+, \varepsilon,)\}$	$\{\times, +, \varepsilon,)\}$
δ_7	$\{\varepsilon,)\}$	$\{\varepsilon,)\}$	$\{+,\varepsilon,)\}$	$\{+,\varepsilon,)\}$	$\{\times, +, \varepsilon,)\}$

Таким чином, $\operatorname{Follow}_1(S) = \{\varepsilon, \}$, $\operatorname{Follow}_1(A) = \{\varepsilon, \}$, $\operatorname{Follow}_1(B) = \{+, \varepsilon, \}$, $\operatorname{Follow}_1(C) = \{+, \varepsilon, \}$, $\operatorname{Follow}_1(D) = \{\times, +, \varepsilon, \}$.

9.3 Контрольні запитання

- 1. Яка граматика називається LL(k)-граматика?
- 2. Чи кожна КС-граматика є LL(k)-граматикою для деякого k?
- 3. Яка LL(1)-граматика називається розподіленою?
- 4. Яку бінарну операцію над мовами позначає символ \oplus_k ?
- 5. Яку мову (множину слів) позначає запис ${\rm First}_k(\alpha)$?
- 6. Опишіть алгоритм пошуку $First_k$ і доведіть його збіжність.
- 7. Яка LL(k)-граматика називається сильною?
- 8. Чи кожна LL(k)-граматика є сильною LL(k)-граматикою?
- 9. Яку мову (множину слів) позначає запис Follow $_k(\alpha)$?
- 10. Опишіть алгоритм пошуку $Follow_k$ і доведіть його збіжність.
- 11. Який нетермінал $A_i \in N$ називається ε -нетерміналом?

- 12. Опишіть алгоритм перевірки нетерміналу $A_i \in N$ на ε -нетермінал і доведіть його збіжність.
- 13. Який нетермінал $A_i \in N$ називається ліворекурсивним?
- 14. Опишіть алгоритм перевірки нетерміналу $A_i \in N$ на ліву рекурсію і доведіть його збіжність.