

5.2

按照价格从小到大对来自不同供应商的零件排序。

假设解向量为 $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$, $x_i = j$ 表示第 i 号零件由 j 号供应商供货。

结点 $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$ 表示已经选择了前 k 号零件的供应商。现在处理第 $k+1$ 号零件。

约束条件：选择下一个零件后总价格不超过 120。代价函数：

$$F = \sum_{i=1}^k \omega_{ix_i} + \sum_{j=k+1}^n \min \omega(w_{jl})$$

5.5

解向量为 $\langle x_1, x_2, \dots, x_8 \rangle$

在结点 $\langle x_1, x_2, \dots, x_k \rangle$ 处，下一个结点条件是 x_{k+1} 与 x_1, x_2, \dots, x_k 不在同一列，不在同一行，也不在同一个对角线。然后按广度优先顺序遍历这棵树。对于 n 后问题，最坏情况下时间复杂度为 $O(n^n)$

5.6

解向量为 $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$

$x_i = 1$ 表示数 n_i 在子集中。

在节点 $\langle x_1, x_2, \dots, x_k \rangle$, 约束条件为 $B(i) = \sum_{i=1}^k a_i x_i < M$

5.8

(1) 上述电路板问题的实例，该实例的最优解之一是 2, 1, 3, 6, 4, 5, 7, 8, 排列密度为 2。

(2) 搜索空间是排列树，对于某个节点 $\langle x_1, x_2, \dots, x_i \rangle$ ，选择下一步节点中的 $x_{i+1} \in \{1, 2, 3, \dots, n\} - B$ 为约束条件。界时目前得到的最小的排列密度。

令 $\text{total}[j]$ 表示连接块 j 所连接的电路板总数， $\text{now}[j]$ 表示 $\{x_1, x_2, \dots, x_i\}$ 中已经包含在 N_j 中的电路板数。

则 N_j 跨越第 i 和 $i+1$ 插槽的条件等价于 $\text{now}[j] < \text{total}[j]$ 并且 $\text{now}[j] > 0$ 观察这组数据 N_2, N_3, N_4 有共同的电路板 3，所以排列密度有一个下界 2，所以当存在电路板排列，使得排列密度为 2 时，该排列为该电路板问题实例的最优解。