

# 1

```
bool isCircle(Listnode *head){
    Listnode *slow=head,*fast=head;
    while(fast){
        fast=fast->next;
        if(fast)
            fast=fast->next;
        slow=slow->next;
        if(slow==fast)
            break;
    }
    return fast==nullptr?false:true;
}
```

空间复杂度:

$O(1)$

时间复杂度

假如没有环时间复杂度为  $O(n)$ ; 假如有环, 令  $K$  为从 **head** 开始到环开始地方的长度,  $L$  为环的长度, 令  $D = K \bmod L$ , 时间复杂度为  $O(K + (L - D))$ 。

总结来说, 时间复杂度  $O(n)$

## 2

### 2.1

设计:

跳表共有  $n$  层单链表组成。

level1 层单链表包含了原单链表的所有元素

level2 层单链表包含了  $\frac{n}{2}$  元素, 相邻元素的间隔为 2

level3 层单链表包含了  $\frac{n}{4}$  元素, 相邻元素间隔为 4

以此类推

$n$  的大小由原单链表的长度  $L$  决定

第二步

将每层的链表连起来

具体操作:

```
struct Skiplistnode{
    int val;
    Skiplistnode *next,*down;
}
```

其中 `next` 指针指向同 `level` 链表的下一个元素，`down` 指针指向 `level-1` 层链表的相同元素。（这个由构造保证一定存在）

这里，我们首先需要将原链表进行排序。查找第 `i` 个元素的伪代码

```
fuction search(Skiplistnode *cur,int tar){
    if cur->val == tar
        return
    if cur->next == nullptr || cur->next->val<=tar
        search(cur->next,tar)
    search(cur->down,tar)
}
```

## 2.2

时间复杂度分析：

由于 `SkipList` 的构造可知，通过判断 `cur->next->val` 与 `tar` 的大小，将整个 `search` 的范围缩小了一半

可以得到递推方程

$$T(n)=T(n/2)+O(1)$$

得到  $T(n)=O(\log n)$