# Задание 2. Скалярное произведение векторов

Необходимо найти скалярное произведение двух векторов. Для этого воспользуемся четырьмя подходами:

- Однопоточный алгоритм
- Распараллеливание по данным в цикле:
  - С обеспечением синхронизации за счет помещения операции скалярного произведения в критическую секцию
  - С обеспечением синхронизации за счет объявления скалярного произведения атомарной операцией
  - С использованием редукции оператором +

### Описание подходов

Все описанные алгоритмы находятся в модуле dotProduct.

#### Однопоточная версия

```
Реализация данного подхода содержится в методе dotProductSingleThread.
```

```
int dotProductSingleThread(int *a, int *b, int sizeA, int sizeB)
{
    if (sizeA != sizeB)
    {
        exit(-123);
    }
    int sum = 0;
    for (int i = 0; i < sizeA; i++)
    {
        sum += a[i] * b[i];
    }
    return sum;
}</pre>
```

#### Синхронизация за счет критической секции

В данном подходе для обеспечения синхронизации потоков скалярное произведение размещено в критической секции.

```
int dotProductWithCriticalSection(int *a, int *b, int sizeA, int sizeB)
{
    if (sizeA != sizeB)
    {
        exit(-123);
    }
    int total = 0;
    int i;
```

```
int chunkSize;
    int sum;
    int start;
    int end;
#pragma omp parallel shared(a, b, sizeA, chunkSize, total) private(i, sum,
start, end)
    {
        chunkSize = sizeA / omp_get_num_threads();
        start = omp_get_thread_num() * chunkSize;
        end = omp get thread num() == omp get num threads()
                  ? sizeA
                  : start + chunkSize;
        for (i = start; i < end; i++)</pre>
            sum += a[i] * b[i];
#pragma omp critical
        {
            total += sum;
    }
    return total;
}
```

#### Синхронизация за счет атомарности

В данном подходе операция сложения помечена как атомарная.

```
int dotProductWithAtomic(int *a, int *b, int sizeA, int sizeB)
{
    if (sizeA != sizeB)
    {
        exit(-123);
    int total = 0;
    int i;
    int chunkSize;
    int sum;
    int start;
    int end;
#pragma omp parallel shared(a, b, sizeA, chunkSize, total) private(i, sum,
start, end)
    {
        chunkSize = sizeA / omp_get_num_threads();
        start = omp_get_thread_num() * chunkSize;
        end = omp_get_thread_num() == omp_get_num_threads()
                  ? sizeA
                  : start + chunkSize;
        for (i = start; i < end; i++)</pre>
            sum += a[i] * b[i];
#pragma omp atomic
        total += sum;
    }
```

```
return total;
}
```

#### Редукция

## Сравнение эффективности алгоритмов

Для сравнения алгоритмов были произведены замеры времени их работы на массивах, состоящих из 100, 10000 и 10000000 элементов. Было проведено 30 экспериментов, их результаты сохранены в файле output.csv. Первые 10 строк таблицы представлены ниже.

```
import pandas as pd
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from matplotlib.ticker import FormatStrFormatter
%matplotlib inline

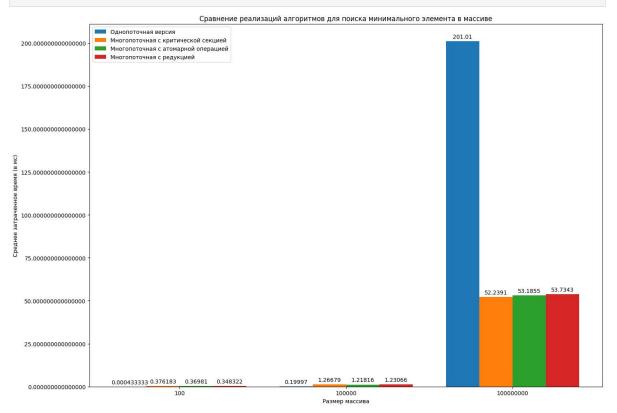
dataset = pd.read_csv("output.csv", sep=';')
array_sizes = {100: "small", 100000: "medium", 1000000000: "large"}
dataset = dataset.astype({'method': 'category', 'array_size': 'category'})
dataset['array_size'] = dataset['array_size'].replace(array_sizes)
print(dataset.head(10))
```

```
num_threads
                         method array_size elapsed_time
0
             1
                         single
                                      small
                                                   0.0004
1
             2 critical section
                                      small
                                                   0.9235
2
             2
                          atomic
                                      small
                                                   0.0015
3
            2
                                                   0.0011
                       reduction
                                     small
4
             3 critical_section
                                                   0.0015
                                      small
5
                         atomic
            3
                                      small
                                                   0.0012
6
             3
                                                   0.0010
                       reduction
                                      small
7
             4 critical section
                                      small
                                                   0.0016
8
             4
                          atomic
                                      small
                                                   0.0011
9
             4
                       reduction
                                      small
                                                   0.0010
```

Рассчитаем среднее время работы каждого из описанных подходов при каждом из имеющихся размеров массивов.

```
In [ ]:
        dataset.array_size.unique()
Out[]: ['small', 'medium', 'large']
        Categories (3, object): ['small', 'medium', 'large']
In [ ]: means_for_single_thread = dataset[dataset['method'] == 'single'][['array_size', 'e]
        means_for_critical_section = dataset[dataset['method'] == 'critical_section'][['arr
        means_for_atomic = dataset[dataset['method'] == 'atomic'][['array_size', 'elapsed_t
        means_for_reduction = dataset[dataset['method'] == 'reduction'][['array_size', 'ela
In [ ]: def visualize(ylabel, title, data):
            labels = array sizes.keys()
            x = np.arange(len(labels))
            width = 0.2
            fig, ax = plt.subplots(figsize=(15, 10))
            rects1 = ax.bar(x - 3*width/2, data['single'],
                             width, label='Однопоточная версия')
            rects2 = ax.bar(x - width/2, data['critical_section'],
                            width, label='Многопоточная с критической секцией')
            rects3 = ax.bar(x + width/2, data['atomic'], width,
                            label='Многопоточная с атомарной операцией')
            rects4 = ax.bar(x + 3*width/2, data['reduction'],
                             width, label='Многопоточная с редукцией')
            ax.set ylabel(ylabel)
            ax.set_title(title)
            ax.set_xlabel('Размер массива')
            ax.set_xticks(x, labels)
            ax.yaxis.set_major_formatter(FormatStrFormatter('%.15f'))
            ax.legend()
            ax.bar_label(rects1, padding=3)
            ax.bar_label(rects2, padding=3)
            ax.bar_label(rects4, padding=3)
            ax.bar label(rects3, padding=3)
            fig.tight_layout()
```

Визуализируем данные. Построим гистограмму среднего времени работы каждого из подходов для каждого из доступных размеров массивов.



Легко заметить, что применение многопоточности оправдано лишь массивов большого размера. Для них все 3 метода в среднем работают примерно в 4 раза быстрее, чем однопоточная программа. Далее рассмотрим зависимость ускорения от числа потоков для каждого из имеющихся размеров массивов.

```
In [ ]: | means_for_single_thread = dataset[dataset['method'] == 'single'].groupby(
            'array_size').agg({'elapsed_time': 'mean'}).reset_index()
        means_for_multhread = dataset[dataset['num_threads'] >= 2].groupby(
            ['num_threads', 'array_size', 'method']).agg({'elapsed_time': 'mean'})
        means_for_multhread = means_for_multhread[means_for_multhread['elapsed_time'].notnu
        )].reset_index()
        smtet = means_for_multhread[means_for_multhread['array_size']
                                     == 'small']['elapsed_time']
        sstet = means_for_single_thread[means_for_single_thread['array_size']
                                        == 'small']['elapsed_time']
        means_for_multhread.loc[means_for_multhread['array_size']
                                == 'small', 'boost'] = sstet.loc[0]/ smtet
        mmtet = means_for_multhread[means_for_multhread['array_size']
                                     == 'medium']['elapsed_time']
        mstet = means_for_single_thread[means_for_single_thread['array_size']
                                        == 'medium']['elapsed_time']
        means_for_multhread.loc[means_for_multhread['array_size']
                                == 'medium', 'boost'] = mstet.loc[1] / mmtet
        lmtet = means_for_multhread[means_for_multhread['array_size']
                                     == 'large']['elapsed_time']
        lstet = means_for_single_thread[means_for_single_thread['array_size']
                                         == 'large']['elapsed_time']
```

```
In [ ]: def visualize_boost(data, filters, title):
            labels = dataset.num_threads.unique()[1:]
            x = np.arange(len(labels))
            fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 5))
            bfsa critical = plt.plot(
                x, data loc[filters['critical'], 'boost'], label='Критическая секция')
            bfsa_atomic = plt.plot(
                x, data.loc[filters['atomic'], 'boost'], label='Атомарная операция')
            bfsa reduction = plt.plot(
                x, data.loc[filters['reduction'], 'boost'], label='Редукция')
            ax.set xticks(x, labels)
            ax.set_title(title)
            ax.set xlabel('Количество потоков')
            ax.set_ylabel('Ускорение')
            ax.grid()
            ax.legend()
```

```
In [ ]: filters_for_small_arrays = {
    'critical': (means_for_multhread['method'] == 'critical_section') & (means_for_
    'reduction': (means_for_multhread['method'] == 'reduction') & (means_for_multhread['atomic': (means_for_multhread['method'] == 'atomic') & (means_for_multhread['atomic']) }
    visualize_boost(means_for_multhread, filters_for_small_arrays, 'Ускорение на неболь
```



Как и ожидалось, на массивах небольшого размера любой алгоритм независимо от числа потоков работает более чем в 2 раза медленнее однопоточной версии.

```
In []:
    filters_for_medium_arrays = {
        'critical': (means_for_multhread['method'] == 'critical_section') & (means_for_leaduction') & (means_for_multhread['method'] == 'reduction') & (means_for_multhread['atomic': (means_for_multhread['method'] == 'atomic') & (means_for_multhread['atomic'] }
    visualize_boost(means_for_multhread, filters_for_medium_arrays, 'Ускорение на масси
```



Для массивов среднего размера получилась картина, аналогичная предыдущему случаю.



Для больших массивов любой из методов показывает себя более, чем в 3 раза эффективнее однопоточной версии. Однако максимального ускорения получается добиться за счет использования метода с критической секцией и 11 потоков.