Задание 1. Поиск минимального значения в векторе

Необходимо найти минимальное значение среди элементов вектора. Для этого воспользуемся тремя подходами:

- Перебор значений в одном потоке
- Распараллеливание по данным в цикле:
 - С обеспечением синхронизации за счет помещения операции сравнения элементов в критическую секцию
 - С использованием редукции оператором min

Описание подходов

Все описанные алгоритмы находятся в модуле vectorMinValue.

Перебор значений в одном потоке

Реализация данного подхода содержится в методе FindMinSingleThread . Алгоритм предельно прост - сравниваем все элементы, пока не найдем среди них минимальный.

```
int FindMinSingleThread(int *vector, int size) {
   int *end = vector + size;
   int min = INT_MAX;
   for (int *start = vector; start < end; start++) {
      if (min > *start) {
         min = *start;
      }
   }
   return min;
}
```

Синхронизация за счет критической секции

Данный подход отличается от предыдущего наличием распараллеливания по данным в цикле. Чтобы обеспечить синхронизацию потоков, операция сравнения текущего элемента с текущим минимумом помещена в критическую секцию.

```
int FindMinWithForLoopParallelism(int *vector, int size) {
    int *end = vector + size;
    int min = INT_MAX;

#pragma omp parallel for shared(vector, end, min) default(none)
    for (int *start = vector; start < end; start++) {
        if (min > *start) {
            min = *start;
        }
    }
}
```

```
}
return min;
}
```

Редукция

Третий подход заключается в использовании операции редукции вместе с оператором min.

```
int FindMinWithReduction(int *vector, int size) {
    int minValue;
    int start;
#pragma omp parallel for shared(vector, size) private(start)
reduction(min: minValue) default(none)
    for (start = 0; start < size; start++) {
        minValue = vector[start];
    }
    return minValue;
}</pre>
```

Сравнение эффективности алгоритмов

Для сравнения алгоритмов были произведены замеры времени их работы на массивах, состоящих из 10000, 10000000 и 100000000 элементов. Было проведено 30 экспериментов, их результаты сохранены в файле output.csv. Первые 10 строк таблицы представлены ниже.

```
import pandas as pd
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
from matplotlib.ticker import FormatStrFormatter
%matplotlib inline

dataset = pd.read_csv("../build/output.csv", sep=';')
array_sizes = {10000: "small", 10000000: "medium", 100000000: "large"}
dataset = dataset.astype({'method': 'category', 'array_size': 'category'})
dataset['array_size'] = dataset['array_size'].replace(array_sizes)
print(dataset.head(10))
```

```
method array size elapsed time
0
              single small
                                            0.05
                          small
1 critical section
                                            0.00
           reduction
                          small
2
                                            0.02
3 single medium
4 critical_section medium
5 reduction medium
                                            0.02
                                            0.02
                                            0.03
              single large section large
                                            0.06
7 critical_section
                                            0.06
8
           reduction
                           large
                                            0.02
9
              single
                           small
                                            0.03
```

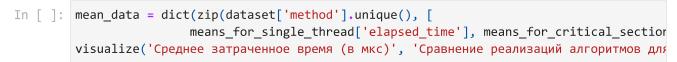
Рассчитаем среднее время работы каждого из описанных подходов при каждом из имеющихся размеров массивов.

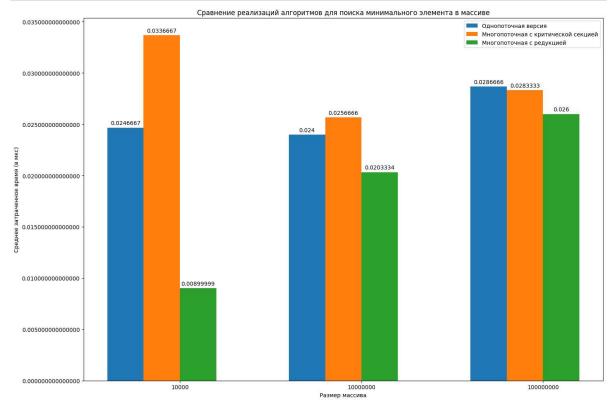
```
In [ ]: means_for_single_thread = dataset[dataset['method'] == 'single'][['array_size', 'e]
```

```
means_for_critical_section = dataset[dataset['method'] == 'critical_section'][['arr
means_for_reduction = dataset[dataset['method'] == 'reduction'][['array_size', 'ela
```

```
In [ ]: def visualize(ylabel, title, data):
            labels = array_sizes.keys()
            x = np.arange(len(labels))
            width = 0.2
            fig, ax = plt.subplots(figsize=(15,10))
             rects1 = ax.bar(x - 3*width/2, data['single'], width, label='Однопоточная верси
             rects2 = ax.bar(x - width/2, data['critical_section'], width, label='Многопоточ
             rects3 = ax.bar(x + width/2, data['reduction'], width, label='Многопоточная с г
            ax.set ylabel(ylabel)
             ax.set title(title)
            ax.set_xlabel('Размер массива')
             ax.set xticks(x, labels)
             ax.yaxis.set_major_formatter(FormatStrFormatter('%.15f'))
             ax.legend()
             ax.bar label(rects1, padding=3)
             ax.bar_label(rects2, padding=3)
             ax.bar_label(rects3, padding=3)
            fig.tight_layout()
```

Визуализируем данные. Построим гистограмму среднего времени работы каждого из подходов для каждого из доступных размеров массивов.





Результаты оказались весьма предсказуемыми. Редукция ожидаемо оказалась наиболее быстрым способом решения задачи. Также легко заметить, что

использование критической секции оказывается оправданным лишь на очень больших массивах. Но даже в этом случае редукция оказывается эффективнее.