

OBJECTIFS ⚡

- Utiliser la racine carrée d'un nombre positif en lien avec des situations géométriques (théorème de Pythagore; agrandissement, réduction et aires).
- Calculer une longueur d'un côté d'un triangle rectangle à partir de la connaissance des longueurs des deux autres côtés.
- Démontrer qu'un triangle est un triangle rectangle à partir de la connaissance des longueurs de ses côtés.
- Dans une configuration de Thalès, savoir calculer une longueur manquante en utilisant la proportionnalité.
- Démontrer le parallélisme de deux droites en s'appuyant sur des rapports de longueurs.

I Théorème de Pythagore

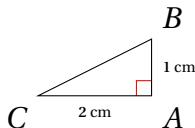
1. Calculer une longueur

À RETENIR ☀

À RETENIR ☀

EXEMPLE💡

Le triangle ABC ci-contre est rectangle en A . On applique le théorème de Pythagore.

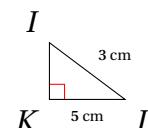


$$\begin{aligned} BC^2 &= BA^2 + AC^2 \\ &= 1^2 + 2^2 \\ &= 1 + 4 \\ &= 5 \end{aligned}$$

Donc $BC = \sqrt{5}$ cm $\approx 2,24$ cm.

EXEMPLE💡

Le triangle IJK ci-contre est rectangle en K . On applique le théorème de Pythagore.



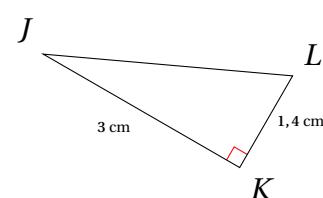
$$\begin{aligned} IJ^2 &= IK^2 + KJ^2 \\ 5^2 &= 3^2 + KJ^2 \\ 25 - 9 &= KJ^2 \\ 16 &= KJ^2 \end{aligned}$$

Donc $KJ = \sqrt{16}$ cm = 4 cm.

EXERCICE 1 📃

On considère le triangle JKL ci-contre. Calculer une valeur approchée de JL .

.....
.....
.....

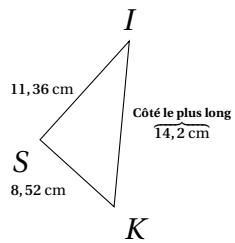


2. Montrer que des droites sont perpendiculaires

À RETENIR ☀

À RETENIR ☀

EXEMPLE💡



D'une part :

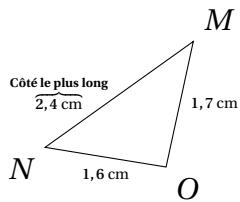
$$\begin{aligned}KI^2 & \\= 14,2^2 & \\= 201,64 &\end{aligned}$$

$KI^2 = IS^2 + SK^2$, donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, SKI est rectangle.

D'autre part :

$$\begin{aligned}IS^2 + SK^2 & \\= 11,36^2 + 8,52^2 & \\= 201,64 &\end{aligned}$$

EXEMPLE💡



D'une part :

$$\begin{aligned}MN^2 & \\= 2,4^2 & \\= 5,76 &\end{aligned}$$

$MN^2 \neq NO^2 + OM^2$, donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, MNO n'est pas rectangle.

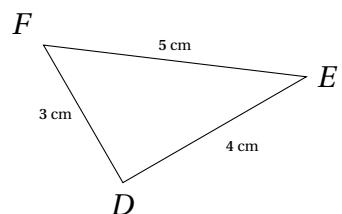
D'autre part :

$$\begin{aligned}NO^2 + OM^2 & \\= 1,6^2 + 1,7^2 & \\= 5,45 &\end{aligned}$$

EXERCICE 2 📄

On considère le triangle DEF ci-dessous. Est-il rectangle?

.....



👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/pythagore-thales/#correction-2>.

II Théorème de Thalès

1. Calculer une longueur

À RETENIR ☺

À RETENIR ☺

EXEMPLE💡

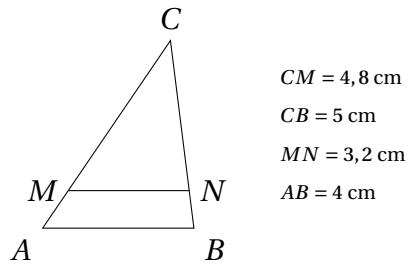
On considère le triangle ci-contre. Calculons les longueurs CN et CA .

On sait :

- C, M et A sont alignés.
- C, N et B sont alignés.
- $(MN) \parallel (AB)$.

On applique le théorème de Thalès.

$$\frac{CM}{CA} = \frac{CN}{CB} = \frac{MN}{AB} \Rightarrow \frac{4,8}{CA} = \frac{CN}{5} = \frac{3,2}{4}$$

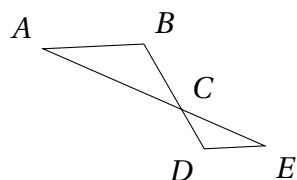


Ainsi :

- $\frac{CN}{5} = \frac{3,2}{4}$, donc $CN = 5 \times \frac{3,2}{4} = 4$ cm.
- $\frac{4,8}{CA} = \frac{3,2}{4}$, c'est à dire $\frac{CA}{4,8} = \frac{4}{3,2}$, donc $CA = 4,8 \times \frac{4}{3,2} = 6$ cm.

EXERCICE 3 📋

On considère la figure ci-contre où $(AB) \parallel (DE)$. Calculer AC .



2. Montrer que des droites sont parallèles

À RETENIR ☀

À RETENIR ☀

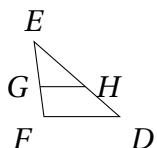
EXEMPLE ☀

On se demande si (GH) et (FD) sont parallèles. On sait :

- E, G et F sont alignés dans le même ordre.
- E, H et D sont alignés dans le même ordre.

Or,

$$\frac{EG}{EF} = 0,6 \text{ et } \frac{EH}{ED} = 0,6$$



$$EG = 0,6 \text{ cm}$$

$$EF = 1 \text{ cm}$$

$$EH = 0,9 \text{ cm}$$

$$ED = 1,5 \text{ cm}$$

D'après la réciproque du théorème de Thalès, (GH) et (FD) sont parallèles.

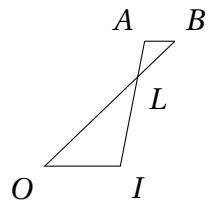
EXEMPLE ☀

On se demande si (AB) et (OI) sont parallèles. On sait :

- A, L et I sont alignés dans le même ordre.
- B, L et O sont alignés dans le même ordre.

Or,

$$\frac{LA}{LI} = 0,4 \text{ et } \frac{LB}{LO} = 0,5$$



$$LA = 0,48 \text{ cm}$$

$$LI = 1,2 \text{ cm}$$

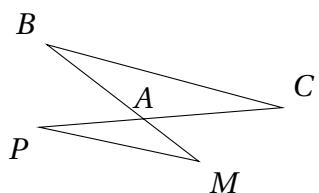
$$LB = 0,85 \text{ cm}$$

$$LO = 1,7 \text{ cm}$$

D'après la réciproque du théorème de Thalès, (AB) et (OI) ne sont pas parallèles.

EXERCICE 4 ☒

On considère la figure ci-contre. Les droites (BM) et (PC) sont-elles parallèles ?



$$BC = 15 \text{ cm}$$

$$AB = 7 \text{ cm}$$

$$AC = 8 \text{ cm}$$

$$AM = 4 \text{ cm}$$

$$AP = 6 \text{ cm}$$

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/pythagore-thales/#correction-4>.