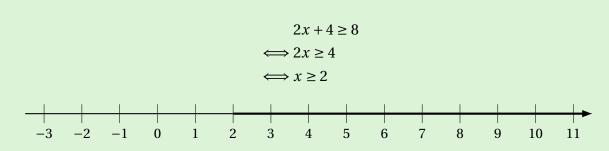
À RETENIR 00

Méthode

Pour résoudre une inéquation du premier degré, on procède comme pour une équation, en isolant l'inconnue d'un côté du symbole de comparaison («<», «>», $«\le»$ ou $«\ge»$).

Cependant, la solution se donne sous forme d'un intervalle. Il est possible d'utiliser une droite graduée pour la représenter.

EXEMPLE 9



L'ensemble solution est $\mathcal{S} = [2; +\infty[$.

À RETENIR 99

Rappels

- Lorsque les symboles « < » ou « > » sont dans l'énoncé, les crochets doivent être ouverts.
- Lorsque les symboles « ≤ » ou « ≥ » sont dans l'énoncé, les crochets sont fermés.
- Autour de l'infini, les crochets sont toujours ouverts.

EXEMPLE 🔋

Dans l'inéquation précédente, le crochet enferme la valeur 2 car dans l'énoncé, le symbole « ≥ » est utilisé.

À RETENIR 99

Remarque

Attention. On change le sens d'une inégalité en multipliant ou divisant par un nombre négatif. Mais on ne le change pas sinon.

EXEMPLE •

$$3x + 8 < 7 \iff 3x < 7 - 8$$

Le sens n'a pas changé car on a fait une soustraction (de 8).

EXEMPLE •

$$2x > 8 \iff x > 4$$

Le sens n'a pas changé car on a divisé par un nombre positif (par 2).

EXEMPLE 🔋

$$-3x < 18 \iff x > -6$$

Le sens a changé car on a divisé par un nombre négatif (par –3).

EXERCICE 1

Parmi les inéquations suivantes, lesquelles acceptent le nombre 9 comme solution?

1.
$$-3x + 2 \ge 0$$
.

3.
$$3x < 2$$
.

2.
$$5(x-9) > 0$$
.

4.
$$\frac{x+1}{4} \ge (-3) \times \frac{x-2}{3}$$
.

EXERCICE 2

Pour chacune des affirmations suivantes, dire si elle est vraie ou fausse en justifiant.

- 1. Tous les nombres de [9;13] appartiennent à]8;13[.
- **2.** $[9;10] \cup [-6,9,5[=[-6;10]]$.
- 3. Si x > 3, alors x 3 > 0.
- **4.** Si $t \ge -2$, alors $-2t + 5 \le 10$.
- **5.** Si $x \ge 3$ et $y \ge 2$, alors $3x + 4y \ge 17$.
- **6.** Les nombres vérifiant $|x-7| \le 3$ sont les nombres de l'intervalle [4;11].

EXERCICE 3

Pour chaque question, représenter l'ensemble des nombres vérifiant l'encadrement sur une droite graduée.

1.
$$-1 \le x \le 2$$
.

3.
$$\sqrt{2} \le x < \sqrt{3}$$
.

2.
$$x > 9$$
.

4.
$$-5 < x$$
.

EXERCICE 4

Résoudre les inéquations suivantes.

1.
$$-3x + 7 \le x + 2$$
.

3.
$$-\frac{x}{4} < 5$$
.

5.
$$-3x + 7 \le 9 - x$$
.

2.
$$-6x + 1 > 0$$
.

4.
$$-3(x+5) < x+5$$
.

6.
$$\frac{3x-1}{4} + x \le x + 2$$
.

EXERCICE 5

Résoudre les inéquations suivantes.

1.
$$x^2 + x + 1 \ge (x+1)(x-1)$$
.

$$2. (x+2)^2 < x^2 + 5x - 2.$$

EXERCICE 6

Soient a et b deux nombres réels.

- **1.** Résoudre l'inéquation $ax + b \le 0$.
- 2. Donner une interprétation graphique de ce résultat.

EXERCICE 7

- **1.** Soient a et b deux nombres réels. À quelle condition a-t-on $ab \ge 0$?
- 2. En déduire la solution de l'inéquation $(x + 1)(x 1) \ge 0$.
- 3. En utilisant la méthode précédente, résoudre l'inéquation $(x + 1)^2 \le 1$.