# OBJECTIFS 3

- Utiliser la racine carrée d'un nombre positif en lien avec des situations géométriques (théorème de Pythagore; agrandissement, réduction et aires).
- Calculer une longueur d'un côté d'un triangle rectangle à partir de la connaissance des longueurs des deux autres côtés.
- Démontrer qu'un triangle est un triangle rectangle à partir de la connaissance des longueurs de ses côtés.
- Dans une configuration de Thalès, savoir calculer une longueur manquante en utilisant la proportionnalité.
- Démontrer le parallélisme de deux droites en s'appuyant sur des rapports de longueurs.

# ı

# Théorème de Pythagore

# 1. Calculer une longueur

### À RETENIR 99

# Théorème de Pythagore

Dans un triangle rectangle, le carré de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des deux autres côtés.

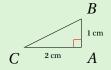
# À RETENIR 99

# Méthode

Pour calculer la longueur d'un côté dans un triangle rectangle, on peut utiliser le théorème de Pythagore.

### EXEMPLE 9

Le triangle *ABC* ci-contre est rectangle en *A*. On applique le théorème de Pythagore.



$$BC^{2} = BA^{2} + AC^{2}$$
$$= 1^{2} + 2^{2}$$
$$= 1 + 4$$
$$= 5$$

Donc  $BC = \sqrt{5}$  cm  $\approx 2,24$  cm.

### EXEMPLE 💡

Le triangle IJK ci-contre est rectangle en K. On applique le théorème de Pythagore.



$$IJ^{2} = IK^{2} + KJ^{2}$$

$$5^{2} = 3^{2} + KJ^{2}$$

$$5^{2} - 3^{2} = KJ^{2}$$

$$16 = KI^{2}$$

Donc 
$$KJ = \sqrt{16}$$
 cm = 4 cm.

# On considère le triangle JKL ci-contre. Calculer une valeur approchée de JL. J L M K

Voir la correction : https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/pythagore-thales/#correction-1.

# 2. Montrer que des droites sont perpendiculaires

# À RETENIR 00

# Réciproque du théorème de Pythagore

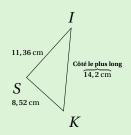
Si dans un triangle, le carré du plus grand côté est égal à la somme des carrés des deux autres côtés, alors ce triangle est rectangle.

# À RETENIR 99

# Méthode

Pour montrer qu'un triangle est ou n'est pas rectangle, on peut utiliser la réciproque du théorème de Pythagore.

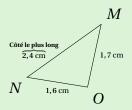
### EXEMPLE 9



D'une part :	D'autre part :
$KI^2$	$IS^2 + SK^2$
$=14,2^2$	$=11,36^2+8,52^2$
=201,64	=201,64

 $KI^2 = IS^2 + SK^2$ , donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, SKI est rectangle.

# EXEMPLE 9

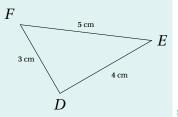


D'une part : D'autre part : 
$$MN^2$$
  $NO^2 + OM^2$  = 2,  $4^2$  = 1,  $6^2 + 1$ ,  $7^2$  = 5,  $76$  = 5,  $45$ 

 $MN^2 \neq NO^2 + OM^2$ , donc d'après la réciproque du théorème de Pythagore, MNO n'est pas rectangle.

### EXERCICE 2

On considère le triangle *DEF* ci-dessous. Est-il rectangle?



# Théorème de Thalès

# 1. Calculer une longueur

# À RETENIR 99

# Théorème de Thalès

Soient un triangle ABC et deux points  $D \in (AB)$  et  $E \in (AC)$ . Si  $(DE) \parallel (BC)$ , alors  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$ .

# À RETENIR 99

# Méthode

En présence d'un triangle et d'une droite parallèle à un côté, on peut utiliser le théorème de Thalès pour calculer une longueur.

# EXEMPLE 💡

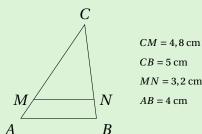
On considère le triangle ci-contre. Calculons les longueurs CN et CA.

## On sait:

- C, M et A sont alignés.
- C, N et B sont alignés.
- $-(MN) \parallel (AB).$

On applique le théorème de Thalès.

$$\frac{CM}{CA} = \frac{CN}{CB} = \frac{MN}{AB} \implies \frac{4.8}{CA} = \frac{CN}{5} = \frac{3.2}{4}$$



MN = 3,2 cmAB = 4 cm

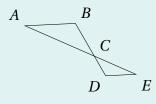
# Ainsi:

$$-\frac{CN}{5} = \frac{3.2}{4}$$
, donc  $CN = 5 \times \frac{3.2}{4} = 4$  cm.

— 
$$\frac{4.8}{CA} = \frac{3.2}{4}$$
, c'est à dire  $\frac{CA}{4.8} = \frac{4}{3.2}$ , donc  $CA = 4.8 \times \frac{4}{3.2} = 6$  cm.

### EXERCICE 3

On considère la figure ci-contre où  $(AB) \parallel (DE)$ . Calculer AC.



CE = 6 cm

CD = 3 cm

CB = 5 cm





# 2. Montrer que des droites sont parallèles

# À RETENIR 99

# Réciproque du théorème de Thalès

Soient un triangle ABC et deux points  $D \in [AB]$  et  $E \in [AC]$ . Si  $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC}$ , alors  $(DE) \parallel (BC)$ .

# À RETENIR 99

# Méthode

Pour montrer que deux droites sont ou ne sont pas parallèles, on peut utiliser la réciproque du théorème de Thalès.

# EXEMPLE \$

On se demande si (GH) et (FD) sont parallèles. On sait :

- E, G et F sont alignés dans le même ordre.
- *E*, *H* et *D* sont alignés dans le même ordre.

Or,

$$\frac{EG}{EF}$$
 = 0,6 et  $\frac{EH}{ED}$  = 0,6

D'après la réciproque du théorème de Thalès, (GH) et (FD) sont parallèles.



EG = 0.6 cm EF = 1 cmEH = 0.9 cm

ED = 1.5 cm

# EXEMPLE •

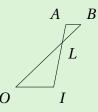
On se demande si (AB) et (OI) sont parallèles. On sait :

- *A*, *L* et *I* sont alignés dans le même ordre.
- B, L et O sont alignés dans le même ordre.

Or,

$$\frac{LA}{LI} = 0.4 \text{ et } \frac{LB}{LO} = 0.5$$

D'après la réciproque du théorème de Thalès, (GH) et (FD) ne sont pas parallèles.



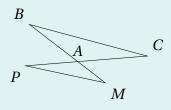
LA = 0,48 cmLI = 1,2 cm

LB = 0.85 cm

LO = 1,7 cm

# EXERCICE 4

On considère la figure ci-contre. Les droites (BM) et (PC) sont-elles parallèles?



BC = 15 cm

AB = 7 cm

AC = 8 cm

AM = 4 cm

AP = 6 cm



 $\ref{thm:correction:https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/pythagore-thales/\#correction-4. } \\$