

## OBJECTIFS ☑

- Effectuer des calculs littéraux mettant en jeu des puissances, des racines carrées, des écritures fractionnaires.
- Utiliser les identités remarquables dans les deux sens.
- Manipuler des exemples simples de calcul expressions algébriques, en particulier sur des expressions fractionnaires.
- Savoir décrire l'ensemble des solutions d'une équation.

**I Rappels****1. Règles de base**

## À RETENIR ☀

**Définition**Soient  $a$  et  $b$  deux nombres réels et soit  $n$  un entier naturel.

Opération	Notation	Opération	Notation
$a + a$	$2a$	$a \times a$	$a^2$
$\underbrace{a + \cdots + a}_{n \text{ fois}}$	$na$	$\underbrace{a \times \cdots \times a}_{n \text{ fois}}$	$a^n$
$a \times 2$ ou $2 \times a$	$2a$	$a \times b$ ou $b \times a$	$ab$

**2. Développement**

## À RETENIR ☀

**Définition****Développer** une expression littérale, c'est transformer un produit en somme (ou en différence).

## EXEMPLE ☀

$$\begin{aligned}5(3a - 1) &= 5 \times 3a + 5 \times (-1) \\&= 5 \times 3a - 5 \\&= 15a - 5\end{aligned}$$

## EXEMPLE ☀

$$\begin{aligned}(2x + 3)(5x + 7) &= 2x \times 5x + 2x \times 7 + 3 \times 5x + 3 \times 7 \\&= 10x^2 + 14x + 15x + 21 \\&= 10x^2 + 29x + 21\end{aligned}$$

EXERCICE 1 

Compléter en développant et en réduisant les expressions suivantes.

1.  $(2x - 1)x = \dots$
2.  $(x + 3)(x + 2) = \dots$
3.  $(1 + x)(x - 9) = \dots$
4.  $(-2x + 8)(4 - x) = \dots$



### 3. Factorisation

#### À RETENIR ☀

##### Définition

**Factoriser** une expression littérale, c'est transformer une somme (ou une différence) en produit.

#### EXEMPLE ⚡

$$\begin{aligned} 85r + 15r &= (85 + 15)r \\ &= 100r \end{aligned}$$

#### EXEMPLE ⚡

$$\begin{aligned} 57(b+1) - 4(b+1) &= (57 - 4)(b+1) \\ &= 53(b+1) \end{aligned}$$

#### EXERCICE 2 📋

Compléter en factorisant les expressions suivantes.

1.  $7z + 9z = \dots$
2.  $10x - 10y = \dots$
3.  $11a + 11b - 11c = \dots$
4.  $4x(y-6) + 5(y-6) = \dots$
5.  $(x-1)5x + 3(x-1) = \dots$

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-2>.

## II Identités remarquables

#### À RETENIR ☀

##### Propriété

Soient  $a$  et  $b$  deux nombres réels. On a les égalités suivantes.

Forme factorisée	Forme développée
$(a+b)^2$	$a^2 + 2ab + b^2$
$(a-b)^2$	$a^2 - 2ab + b^2$
$(a+b)(a-b)$	$a^2 - b^2$

#### EXERCICE 3 📋

1. Développer les expressions suivantes.

- a.  $(-2x+3)^2 = \dots$
  - b.  $(3t+2)(3t-2) = \dots$
  - c.  $5(x-3)^2 = \dots$

2. Factoriser les expressions suivantes.

- a.  $16x^2 - 49 = \dots$
  - b.  $x^2 + 12x + 36 = \dots$
  - c.  $4a^2 + 4a + 1 = \dots$

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-3>.

### III Équations

## 1. Équations du premier degré

### À RETENIR ☀

#### Méthode

Pour résoudre une équation du premier degré (ie. dont l'exposant de l'inconnue est 1), on isole l'inconnue d'un côté du symbole « = ».

### EXEMPLE💡

On veut résoudre l'équation  $2x - 1 = 0$ . On isole le  $x$  du côté gauche du symbole « = » :

$$\begin{aligned} 2x - 1 &= 0 \\ \iff 2x &= 1 \\ \iff x &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Donc  $\frac{1}{2}$  est la solution de cette équation. On note ceci  $\mathcal{S} = \{\frac{1}{2}\}$ .

### EXERCICE 4 📋

Résoudre les équations suivantes.

1.  $-5x + 3 = -3x + 2$ .

2.  $3(x + 4) = -(x + 5) + 1$ .



💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-4>

## 2. Équations « produit nul »

### À RETENIR ☀

#### Propriété

Un produit est nul si et seulement si l'un des facteurs est nul.

**EXEMPLE**

On veut résoudre l'équation  $(3x + 4)(2x - 3) = 0$ . C'est une équation de type « produit nul », qui peut se traduire par :

$$\begin{array}{lll} 3x + 4 = 0 & \text{ou} & 2x - 3 = 0 \\ \iff 3x = -4 & & \iff 2x = 3 \\ \iff x = -\frac{4}{3} & & \iff x = \frac{3}{2} \end{array}$$

Donc  $-\frac{4}{3}$  et  $\frac{3}{2}$  sont les solutions de cette équation. On note ceci  $\mathcal{S} = \{-\frac{4}{3}; \frac{3}{2}\}$ .

**EXERCICE 5**

Résoudre les équations suivantes.

**1.**  $x(7x + 2) = 0$ .

**2.**  $(x + 3)^2 = 0$ .

**3.**  $x^2 = 2x$ .



💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-5>.

### 3. Équations du type $x^2 = a$

**À RETENIR**

#### Propriété

Les solutions d'une équation du type  $x^2 = a$  dépendent du signe de  $a$  :

- si  $a > 0$ , l'équation a deux solutions :  $-\sqrt{a}$  et  $\sqrt{a}$ ;
- si  $a = 0$ , l'équation a une solution : 0 ;
- si  $a < 0$ , l'équation n'a pas de solution.

**EXEMPLE**

L'équation  $x^2 = 9$  a deux solutions :  $-3$  et  $3$ . On a  $\mathcal{S} = \{-3; 3\}$ .

**EXEMPLE**

L'équation  $x^2 = -1$  n'a pas de solution. On note ceci  $\mathcal{S} = \emptyset$ .

**EXERCICE 6**

Résoudre, si possible, l'équation  $-5x^2 = -125$ .



◆ Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-6>

## 4. Équations quotient

**À RETENIR**

### Définition

Les valeurs qui annulent le dénominateur d'une expression littérale fractionnaire sont appelées **valeurs interdites**.

**À RETENIR**

### Propriété

Si une fraction  $\frac{A}{B}$  est nulle, alors  $A = 0$  et  $B \neq 0$ .

**EXEMPLE**

On veut résoudre l'équation  $\frac{x+3}{x-2} = 0$ . Alors  $2$  est une valeur interdite. Pour  $x \neq 2$ , on a :

$$\begin{aligned}\frac{x+3}{x-2} &= 0 \\ \iff x+3 &= 0 \\ \iff x &= -3\end{aligned}$$

Donc  $\mathcal{S} = \{-3\}$ .

**EXERCICE 7**

Résoudre l'équation  $\frac{(3x+1)(1-x)}{x^2-25} = 0$  en précisant la ou les valeurs interdites.



◆ Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-7>