

OBJECTIFS

- Effectuer des calculs littéraux mettant en jeu des puissances, des racines carrées, des écritures fractionnaires.
- Utiliser les identités remarquables dans les deux sens.
- Manipuler des exemples simples de calcul expressions algébriques, en particulier sur des expressions fractionnaires.
- Savoir décrire l'ensemble des solutions d'une équation.

I Rappels

1. Règles de base

À RETENIR

Opération	Notation	Opération	Notation
$a + a$	$2a$	$a \times a$	a^2
$a + a + a$ <i>répétition</i>	$n a$	$a \times a \times a$ <i>répétition</i>	a^n
$a \times 2 + 2 \times a$	$2a$	$a \times b$ ou $b \times a$	ab

2. Développement

À RETENIR

EXEMPLE	$5(3a - 1) = 5 \times 3a + 5 \times (-1)$ $= 5 \times 3a - 5$ $= 15a - 5$
EXEMPLE	$(2x + 3)(5x + 7) = 2x \times 5x + 2x \times 7 + 3 \times 5x + 3 \times 7$ $= 10x^2 + 14x + 15x + 21$ $= 10x^2 + 29x + 21$

EXERCICE 1

Compléter en développant et en réduisant les expressions suivantes.

- $(2x - 1)x = \dots$
- $(x + 3)(x + 2) = \dots$
- $(1 + x)(x - 9) = \dots$
- $(-2x + 8)(4 - x) = \dots$



3. Factorisation

À RETENIR ☀

EXEMPLE ☀

$$\begin{aligned}85r + 15r &= (85 + 15)r \\&= 100r\end{aligned}$$

EXEMPLE ☀

$$\begin{aligned}57(b+1) - 4(b+1) &= (57-4)(b+1) \\&= 53(b+1)\end{aligned}$$

EXERCICE 2 📋

Compléter en factorisant les expressions suivantes.

1. $7z + 9z = \dots$
2. $10x - 10y = \dots$
3. $11a + 11b - 11c = \dots$
4. $4x(y-6) + 5(y-6) = \dots$
5. $(x-1)5x + 3(x-1) = \dots$

💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-2>.

II Identités remarquables

À RETENIR ☀

Forme factorisée

$$\begin{aligned}(a+b)^2 \\(a-b)^2 \\(a+b)(a-b)\end{aligned}$$

Forme développée

$$\begin{aligned}a^2 + 2ab + b^2 \\a^2 - 2ab + b^2 \\a^2 - b^2\end{aligned}$$

EXERCICE 3 📋

1. Développer les expressions suivantes.

- a. $(-2x+3)^2 = \dots$
- b. $(3t+2)(3t-2) = \dots$
- c. $5(x-3)^2 = \dots$

2. Factoriser les expressions suivantes.

- a. $16x^2 - 49 = \dots$
- b. $x^2 + 12x + 36 = \dots$
- c. $4a^2 + 4a + 1 = \dots$

💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-3>.

III Équations

1. Équations du premier degré

À RETENIR ☀

EXEMPLE 🌟

On veut résoudre l'équation $2x - 1 = 0$. On isole le x du côté gauche du symbole « = » :

$$\begin{aligned} 2x - 1 &= 0 \\ \iff 2x &= 1 \\ \iff x &= \frac{1}{2} \end{aligned}$$

Donc $\frac{1}{2}$ est la solution de cette équation. On note ceci $\mathcal{S} = \{\frac{1}{2}\}$.

EXERCICE 4 📝

Résoudre les équations suivantes.

1. $-5x + 3 = -3x + 2$.

2. $3(x + 4) = -(x + 5) + 1$.



💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-4>

2. Équations « produit nul »

À RETENIR ☀

EXEMPLE

On veut résoudre l'équation $(3x + 4)(2x - 3) = 0$. C'est une équation de type « produit nul », qui peut se traduire par :

$$\begin{array}{lll} 3x + 4 = 0 & \text{ou} & 2x - 3 = 0 \\ \iff 3x = -4 & & \iff 2x = 3 \\ \iff x = -\frac{4}{3} & & \iff x = \frac{3}{2} \end{array}$$

Donc $-\frac{4}{3}$ et $\frac{3}{2}$ sont les solutions de cette équation. On note ceci $\mathcal{S} = \{-\frac{4}{3}; \frac{3}{2}\}$.

EXERCICE 5

Résoudre les équations suivantes.

1. $x(7x + 2) = 0$.

2. $(x + 3)^2 = 0$.

3. $x^2 = 2x$.

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-5>.

3. Équations du type $x^2 = a$

À RETENIR

EXEMPLE

L'équation $x^2 = 9$ a deux solutions : -3 et 3 . On a $\mathcal{S} = \{-3; 3\}$.

EXEMPLE

L'équation $x^2 = -1$ n'a pas de solution. On note ceci $\mathcal{S} = \emptyset$.

EXERCICE 6

Résoudre, si possible, l'équation $-5x^2 = -125$.

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-6>.

4. Équations quotient

À RETENIR**À RETENIR****EXEMPLE**

On veut résoudre l'équation $\frac{x+3}{x-2} = 0$. Alors 2 est une valeur interdite. Pour $x \neq 2$, on a :

$$\begin{aligned}\frac{x+3}{x-2} &= 0 \\ \iff x+3 &= 0 \\ \iff x &= -3\end{aligned}$$

Donc $\mathcal{S} = \{-3\}$.

EXERCICE 7

Résoudre l'équation $\frac{(3x+1)(1-x)}{x^2-25} = 0$ en précisant la ou les valeurs interdites.

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/seconde/calcul-litteral-equations/#correction-7>.