

OBJECTIFS

- Comprendre l'effet d'une translation, d'une symétrie (axiale et centrale), d'une rotation, d'une homothétie sur une figure.
- Connaître l'effet d'un déplacement, d'un agrandissement ou d'une réduction sur les longueurs, les angles et les aires.
- Utiliser des transformations pour calculer des grandeurs géométriques.
- Faire le lien entre la proportionnalité et certaines configurations ou transformations géométriques (agrandissement réduction, triangles semblables, homothéties).
- Mener des raisonnements et s'initier à la démonstration en utilisant les propriétés des figures, des configurations et des transformations.

I Symétries

1. Symétrie axiale

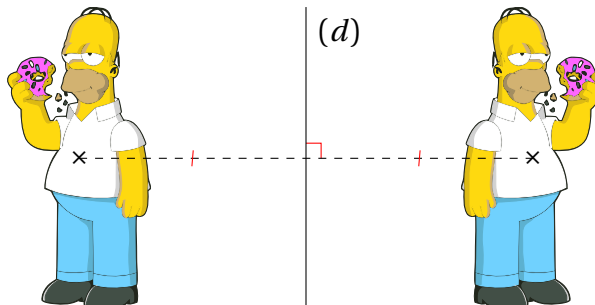
À RETENIR

Définition

Une **symétrie axiale** est une transformation géométrique du plan qui modélise un effet miroir par rapport à une droite (d) . Le résultat est appelé **symétrique par rapport à (d)** .

La droite (d) est l'**axe de symétrie** de cette transformation.

EXEMPLE



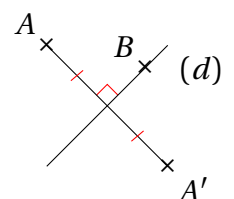
À RETENIR

Propriétés

Soit (d) une droite.

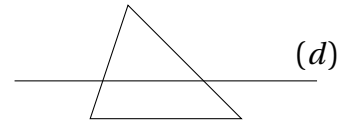
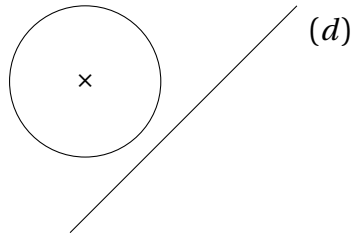
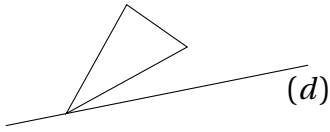
1. Si un point A n'appartient pas à (d) , alors son symétrique par rapport à (d) est le point A' tel que (d) est la médiatrice de $[AA']$.
2. Si un point B appartient à (d) , alors son symétrique par rapport à (d) est lui-même.

Pour construire le symétrique d'une figure par rapport à une droite, on construit le symétrique de chacun de ses points par rapport à cette droite.



EXERCICE 1

Pour chacune des figures ci-dessous, construire son symétrique par rapport à la droite (d) .



Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/transformations-plan/#correction-1>.

2. Symétrie centrale

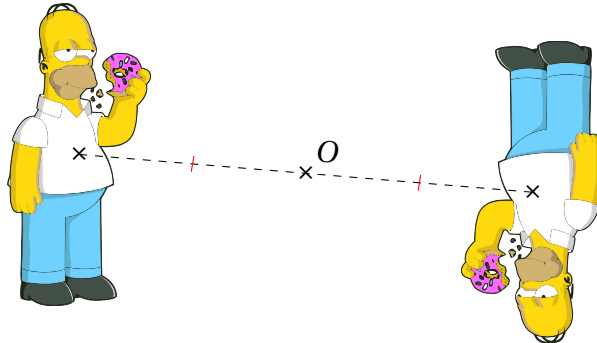
À RETENIR

Définition

Une **symétrie centrale** est une transformation géométrique du plan qui modélise un « demi-tour » par rapport à un point O . Le résultat est appelé **symétrique par rapport à O** .

Le point O est le **centre de symétrie** de cette transformation.

EXEMPLE



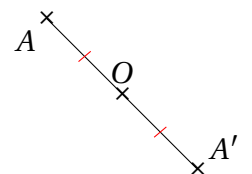
À RETENIR

Propriétés

Soit O un point.

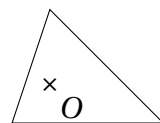
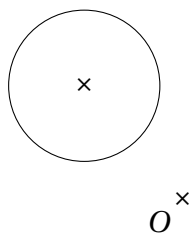
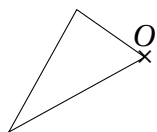
1. Le symétrique par rapport à O d'un point A distinct de O est le point A' tel que O est le milieu de $[AA']$.
2. Le symétrique par rapport à O de O est lui-même.

Pour construire le symétrique d'une figure par rapport à un point, on construit le symétrique de chacun des points qui la composent.



EXERCICE 2

Pour chacune des figures ci-dessous, construire son symétrique par rapport au point O .



Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/transformations-plan/#correction-2>.

II Translations

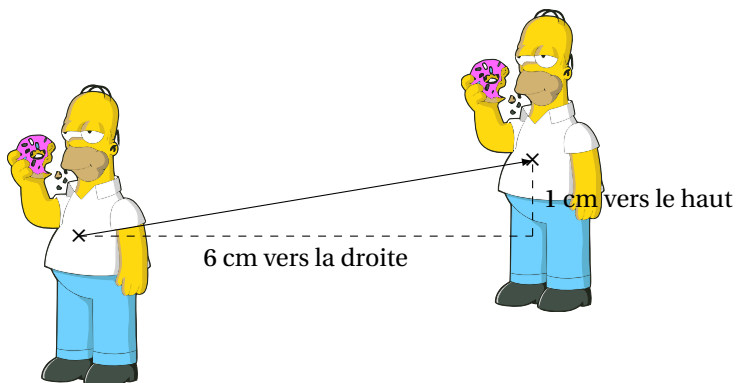
À RETENIR

Définition

Une **translation** est une transformation géométrique du plan qui modélise un « glissement » par rapport à une direction, un sens et une longueur. Le résultat est appelé **translaté**.

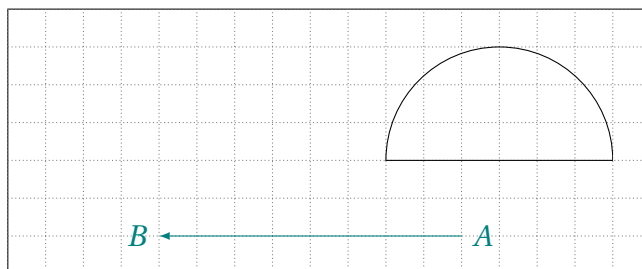
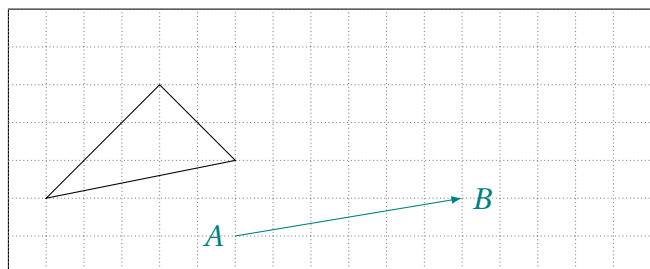
On peut schématiser ce glissement par une flèche, que l'on appelle **vecteur**.

EXEMPLE



EXERCICE 3

Pour chacune des figures ci-dessous, construire son translaté par rapport au vecteur \overrightarrow{AB} .



Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/transformations-plan/#correction-3>.

III Rotations

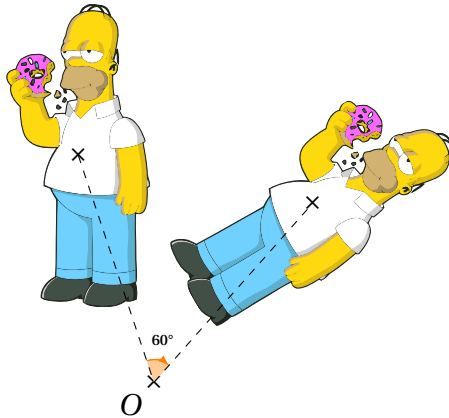
À RETENIR

Définition

Une **rotation** est une transformation géométrique du plan qui modélise un « tour » d'un certain angle par rapport à un point O .

Le point O est le **centre de rotation** de cette transformation.

EXEMPLE

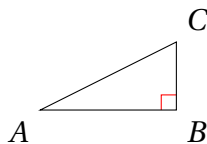


INFORMATION

Ainsi, une rotation de 180° n'est rien de plus qu'une symétrie centrale.

EXERCICE 4

On considère le triangle rectangle ABC ci-dessous. Construire les images de ABC par les rotations de centre A , et d'angles 60° , 120° , 180° , 240° et 300° dans le sens anti-horaire.



Le motif obtenu s'appelle une **rosace**.

Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/transformations-plan/#correction-4>.

À RETENIR

Propriété

Les symétries, les translations et les rotations conservent les alignements, les longueurs, les angles, les périmètres et les aires.

IV Homothéties

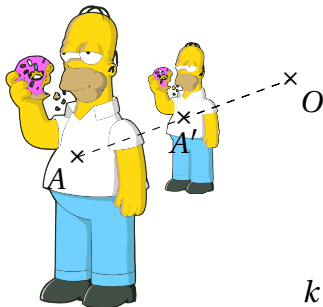
À RETENIR

Définition

Une **homothétie** est une transformation géométrique du plan qui modélise un « glissement » par rapport à un point O suivi d'un agrandissement ou d'une réduction de **rapport** k .

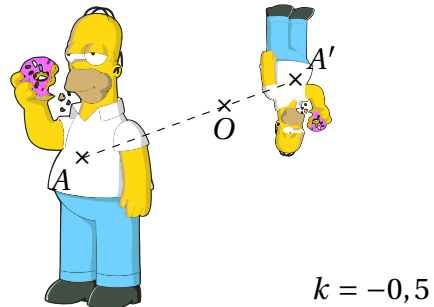
Le point O est le **centre d'homothétie** de cette transformation.

EXEMPLE



Le « petit Homer » est une réduction du « grand Homer » de rapport $k = 0,5$. On a $OA' = 0,5 \times OA$.

EXEMPLE



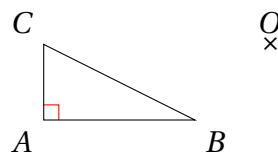
Ici, le « petit Homer » est retourné par rapport au point O . Cela se produit lorsque $k < 0$.

INFORMATION

Ainsi, une homothétie de rapport -1 n'est rien de plus qu'une symétrie centrale.

EXERCICE 5

On considère le triangle rectangle ABC ci-dessous. Construire les images de ABC par les homothéties de centre O et de rapport 3 et $-0,5$.



✎ Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/troisieme/transformations-plan/#correction-5>.

À RETENIR

Propriétés

1. L'homothétie conserve les alignements et les angles.
2. Par une homothétie de rapport k , les longueurs sont multipliées par k (sans tenir compte du signe) et les aires par k^2 .