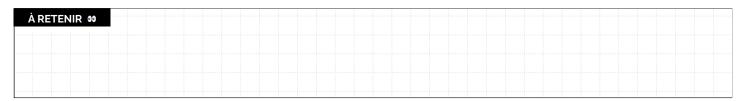
E FONCTIONS POLYNÔMIALES DU TROISIÈME DEGRÉ

OBJECTIFS 👌

- Être en mesure de vérifier qu'une valeur conjecturée est racine d'un polynôme de degré 3.
- Utiliser la forme factorisée (en produit de facteurs du premier degré) d'un polynôme de degré 3 pour trouver ses racines et étudier son signe.
- Savoir résoudre des équations de la forme $x^3 = c$ avec c positif.

Racine cubique

1. Rappels



EXERCICE 1

Effectuer les calculs suivants.



2.
$$-2^3 = \dots$$

3.
$$(-3)^3 = \dots$$

1.
$$2^3 = \dots$$
 2. $-2^3 = \dots$ **3.** $(-3)^3 = \dots$ **4.** $5^3 = \dots$

Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/fonctions-troisieme-degre/#correction-1



EXERCICE 2

Effectuer les calculs de racines cubiques suivants.

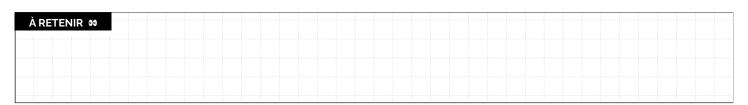
1.
$$\sqrt[3]{125} = \dots$$

2.
$$\sqrt[3]{-8} = \dots$$

3.
$$\sqrt[3]{-1} = \dots$$

1.
$$\sqrt[3]{125} = \dots$$
 2. $\sqrt[3]{-8} = \dots$ **3.** $\sqrt[3]{-1} = \dots$ **4.** $\sqrt[3]{27} = \dots$

2. Équations $x^3 = c$



EXERCICE 3	
Résoudre l'équation $x^3 + x - 2 = x$	



1. Fonction du troisième degré



EXEMPLE 🔋

La fonction cube $x \mapsto x^3$ est une fonction du troisième degré.

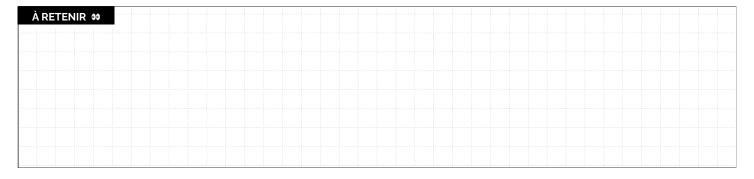
2. Racines



EXERCICE 4
Combien de racines distinctes la fonction $f: x \mapsto x^3 - 1$ possède-t-elle dans \mathbb{R} ?

◆ Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/fonctions-troisieme-degre/#correction-4.

3. Forme développée, forme factorisée



EXEMPLE 🔋

On définit une fonction f sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 - 6x^2 + 11x - 6$. C'est une fonction du troisième degré (avec a = 1, b = -6, c = 11 et d = -6). Comme f(1) = f(2) = f(3) = 0, on a:

- La forme factorisée de f: f(x) = (x-3)(x-2)(x-1).
- La forme développée de $f: f(x) = x^3 6x^2 + 11x 6$.

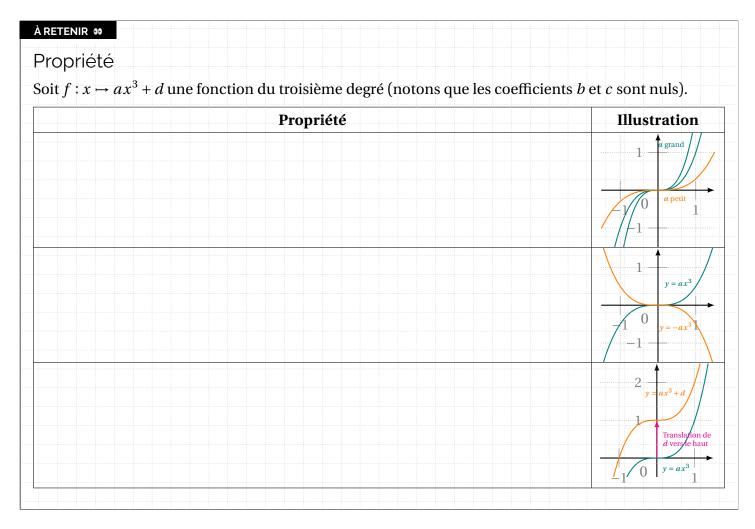
EXERCICE 5
1. Déterminer la forme développée de la fonction du troisième degré $f: x \mapsto (x-1)(x^2+x+1)$
2. Admet-elle une forme factorisée?



◆Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/fonctions-troisieme-degre/#correction-5.

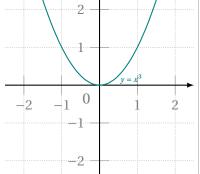
Courbe représentative

1. Fonctions $x \mapsto ax^3 + d$



EXERCICE 6

On a tracé ci-contre la courbe représentative de la fonction carré $x \mapsto x^3$. Tracer à main levée l'allure de la courbe représentative de la fonction $x \mapsto -3x^3 + 0.5$. Décrire les différentes étapes.







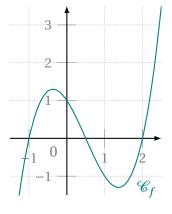
Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/fonctions-troisieme-degre/#correction-6.

2. Lien avec les racines



EXERCICE 7

On a tracé ci-contre la courbe représentative de la fonction $f: x \mapsto x^3$ – $1,5x^2 - 1,5x + 1$. Déterminer sa forme factorisée.





Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/fonctions-troisieme-degre/#correction-7.