- .....
- Il est toléré de travailler avec une personne de la classe, à condition de l'avoir indiqué sur la copie.
  Il est interdit d'utiliser un logiciel d'intelligence artificiel pour répondre aux questions. Des explications seront demandées en cas de doute.

Tout manquement à l'une de ces règles entraînera l'attribution de la note minimale de zéro.



# EXERCICE 1

**1.** a. Résoudre l'inéquation  $7x - 4 \ge 0$ .

**b.** Résoudre l'inéquation  $-3x - 5 \ge 0$ .

- 3. En déduire la solution de l'inéquation  $(7x-4)(-3x-5) \ge 0$ .

### EXERCICE 2

L'objectif de cet exercice est de démontrer que  $\sqrt{3}$  n'est pas un nombre rationnel. On rappelle pour cela que :

- n est un multiple de 3 si et seulement s'il est de la forme n=3k avec  $k\in\mathbb{Z}$ . Par exemple,  $6=3\times\underbrace{2}_k$ ,  $9=3\times\underbrace{3}_k$ , ...
- n n'est pas un multiple de 3 si et seulement s'il est de la forme n=3k+1 ou n=3k+2 avec  $k\in\mathbb{Z}$ . Par exemple,  $4=3\times\underbrace{1}_{k}+1$ ,  $8=3\times\underbrace{2}_{k}+2$ , ....
- 1. a. Soit n un nombre. On suppose que n n'est pas un multiple de 3. Démontrer que  $n^2$  n'est pas un multiple de 3.

- b. Quelle est la contraposée de cette implication?
- 2. On suppose par l'absurde que  $\sqrt{3} = \frac{p}{q}$  où  $\frac{p}{q}$  est une fraction irréductible.
  - **a.** Démontrer que  $3q^2 = p^2$ .
  - **b.** Que peut-on dire de  $p^2$ ? Et de p? ......
  - c. Démontrer que  $q^2$  est un multiple de 3.
  - **d.** Trouver un diviseur commun à p et q.
  - e. Conclure.

### **EXERCICE 3**

1. Sur la droite ci-dessous, surligner les nombres réels x vérifiant  $|x-2| \le 3, 5$ .



- 2. À quel intervalle cette inégalité correspond t-elle? .....
- 3. Sur la droite, souligner les nombres entiers naturels qui vérifient cette inégalité (exemple :  $\underline{10}$ ), et mettre un trait sur les nombres entiers relatifs qui vérifient cette inégalité (exemple :  $\overline{10}$ ).

## EXERCICE 4

1. Compléter les relations d'appartenance suivantes avec ∈ ou ∉.

**2.** Compléter les relations d'inclusion suivantes avec  $\subseteq$  ou  $\not\subseteq$ .

#### Rappel.

- Le symbole ∈ signifie « appartient à » et le symbole ∉ signifie « n'appartient pas à ».
- Le symbole ⊂ signifie « est inclus dans » : il est utilisé lorsque tous les éléments d'un ensemble appartiennent à un autre.
- Le symbole ⊄ signifie « n'est pas inclus dans » : il est utilisé lorsqu'*au moins un* élément d'un ensemble n'appartient pas à un autre.