

À RETENIR 99

À partir de l'observation d'exemples ou de cas particuliers, on peut parfois énoncer une **conjecture**, c'est-à-dire une affirmation qu'on pense être vraie mais qui n'est pas encore prouvée.

ACTIVITÉ L

Partie 1

Constance a effectué les calculs suivants :

$12 \div 4 = 3$	$212 \div 4 = 53$	$1712 \div 4 = 428$
$112 \div 4 = 28$	$512 \div 4 = 128$	$349.812 \div 4 = 87.453$
112 . = -20	J.2 • 7 = 120	372012 . T = 01 735

- 1. a. Quelle conjecture Constance peut-elle énoncer?
 - b. Les exemples donnés par Constance suffisent-ils à prouver que cette conjecture est vraie?
- 2. Constance effectue quelques calculs supplémentaires.

$116 \div 4 = 29$ $2.008 \div 4 = 502$ $10.210.412 \div 4 =$	
	0 5 5 0 7 0 2
$116 \div 4 = 29 \qquad 2008 \div 4 = 502 \qquad 10210412 \div 4 =$: 2 332 603
$118 \div 4 = 29.5$ $2001 \div 4 = 500.25$ $100425 \div 4 = 2001$	5 106,25

En regardant les deux derniers chiffres des dividendes ainsi que les quotients, essayer d'énoncer un critère de divisibilité par 4.

Partie 2

Une année est bissextile si elle est divisible par 4 mais pas par 100. Il existe une exception à cette règle : les années divisibles par 400 sont bissextiles.

- 1. Les années suivantes sont-elles bissextiles?
 - **a.** 1900
- **b.** 1984
- **c.** 1988
- **d.** 1998
- **e.** 2000
- **f.** 2016

- 2. Quelle sera la prochaine année bissextile?
- 3. Jean est né le 29 février 1984. Combien de fois a-t-il fêté son anniversaire le 29 février?
- 4. En 2019, le 1^{er} mai était un mercredi. Quel jour est tombé le 1^{er} mai 2020?
- 5. À votre avis, pourquoi y a-t-il des années bissextiles?

Partie 3

Le but ici est de prouver le critère de divisibilité par 4 énoncé précédemment.

- 1. a. Quel est le nombre de centaines de 121 724?
 - **b.** Décomposer le nombre 121 724 en isolant le nombre de centaines des dizaines et des unités.
- 2. a. Quel est le nombre de centaines de 121 726?
 - b. Décomposer le nombre 121 726 en isolant le nombre de centaines des dizaines et des unités.
- **3.** Est-ce que les premiers termes (écrits aux questions **1. b.** et **2. b.**) sont divisibles par 4? Pourquoi? **Indication.** Est-ce que 100 est divisible par 4?
- **4.** Donc, de manière générale, pourquoi peut-on se contenter de regarder uniquement les deux derniers chiffres dans ce critère?