

**OBJECTIFS**

- Découvrir les sécantes à une courbe passant par un point donné, et faire le lien avec le taux de variation en un point.
- Définir la tangente à une courbe en un point en tant que position limite des sécantes passant par ce point.
- Découvrir la notion de nombre dérivé en un point, défini comme limite du taux de variation en ce point.
- Connaître la formule de l'équation réduite de la tangente d'une fonction en un point.

## I Tangentes

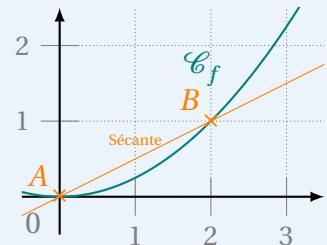
### 1. Sécante à une courbe

**À RETENIR**

#### Définition

Soit  $f$  une fonction dont on note  $\mathcal{C}_f$  la courbe représentative. On appelle **sécante** à  $\mathcal{C}_f$  toute droite passant par deux points distincts  $A(x_A; y_A)$  et  $B(x_B; y_B)$  de  $\mathcal{C}_f$ . Pour rappel, le **coefficients directeur** de cette sécante est donné par la formule

$$\frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{f(x_B) - f(x_A)}{x_B - x_A}$$


**À RETENIR**

#### Définition

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  et soient  $a, b \in I$  distincts. On appelle **taux de variation** ou **taux d'accroissement** de  $f$  entre  $a$  et  $b$ , le quotient

$$\frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

c'est aussi le coefficient directeur de la sécante à  $\mathcal{C}_f$  aux points de coordonnées  $(a; f(a))$  et  $(b; f(b))$ .

**EXERCICE 1**

On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^3 - 4$ .

1. Calculer les images par  $f$  de  $-1$  et  $2$ . . . . .
2. Calculer le taux de variation de  $f$  entre ces deux valeurs. . . . .

💡 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/nombre-derive/#correction-1>

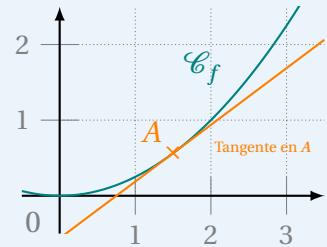
## 2. Tangente en un point

À RETENIR ☺

### Définition

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle et « suffisamment régulière » et soient deux points  $A$  et  $B$  situés sur la courbe  $\mathcal{C}_f$ . Quand  $B$  se rapproche de  $A$ , la sécante ( $AB$ ) semble se rapprocher d'une droite limite « collée » à  $\mathcal{C}_f$ .

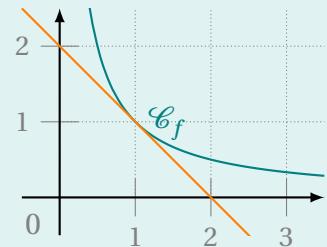
Cette droite s'appelle la **tangente** à la courbe  $\mathcal{C}_f$  au point  $A$ . Elle est unique : on ne peut pas tracer deux tangentes différentes à une courbe en un même point.



EXERCICE 2

On a tracé la courbe représentative d'une fonction  $f$  ci-contre ainsi que sa tangente au point d'abscisse 1.

1. Déterminer le coefficient directeur et l'ordonnée à l'origine de cette tangente.  
.....
2. Quelle est son équation réduite ? .....



👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/nombre-derive/#correction-2>.

## II Nombre dérivé

À RETENIR ☺

### Définition

Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  et soit  $a \in I$ . On note  $\mathcal{T}_a$  la tangente à  $\mathcal{C}_f$  au point de coordonnées  $(a; f(a))$  lorsqu'elle existe.

On appelle **nombre dérivé** de  $f$  en  $a$  le coefficient directeur de  $\mathcal{T}_a$ . On le note  $f'(a)$ .

EXERCICE 3

- Soit  $f$  la fonction de l'exercice précédent. Déterminer  $f'(1)$ .  
.....

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/nombre-derive/#correction-3>.

À RETENIR ☺

### Propriété

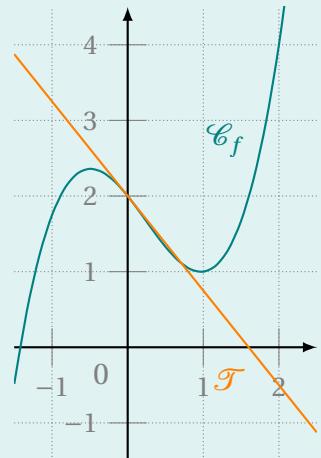
Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  et soit  $a \in I$ . Alors, une équation de la tangente au point  $(a; f(a))$  est

$$y = f'(a)(x - a) + f(a)$$

#### EXERCICE 4

Soit  $f$  une fonction définie sur  $\mathbb{R}$  que l'on représente ci-contre. On a tracé sa tangente  $\mathcal{T}$  au point d'abscisse 0.

1. Déterminer graphiquement  $f(0)$ .
2. Déterminer graphiquement  $f'(0)$ .
3. En déduire l'équation réduite de  $\mathcal{T}$ .
4. En déduire une valeur approchée de  $f(0,1)$ .



👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/nombre-derive/#correction-4>

## III Interprétation

### À RETENIR

#### Propriétés

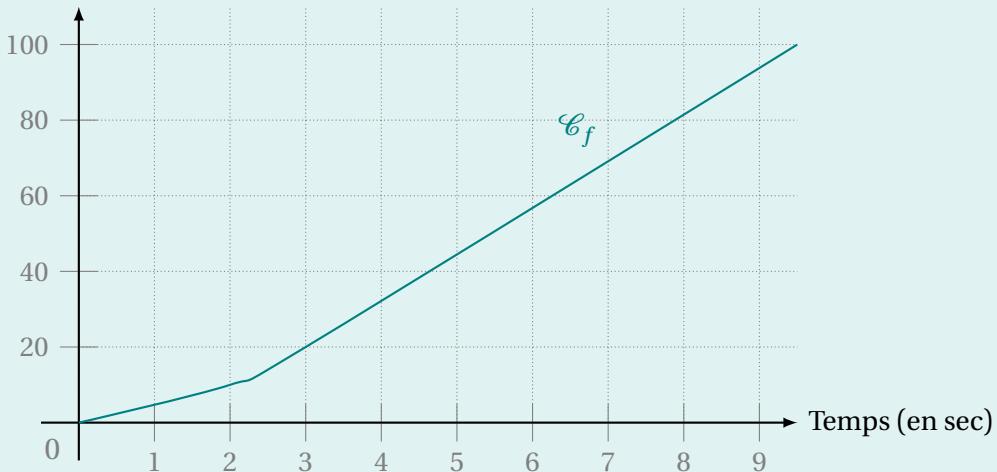
Soit  $f$  une fonction définie sur un intervalle  $I$  et soient  $a, b \in I$ . Alors :

1. le taux de variation de  $f$  entre  $a$  et  $b$  correspond à la **vitesse moyenne** de croissance de  $f$  entre  $a$  et  $b$ ;
2.  $f'(a)$  correspond à la **vitesse instantanée** de la croissance de  $f$  en  $a$ .

#### EXERCICE 5

Sur le graphique ci-dessous, on observe la distance  $d$  parcourue en mètres par un sprinteur en fonction du temps en secondes.

Distance parcourue (en m)



1. Calculer approximativement la vitesse moyenne du coureur entre 1 sec et 3 sec.
2. Estimer graphiquement la vitesse instantanée du coureur à 5 sec.

👉 Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/premiere-stmg/nombre-derive/#correction-5>