OBJECTIFS 3

- Reconnaître et distinguer des problèmes relevant de situations de proportionnalité.
- Reconnaître et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée : propriétés de linéarité (additive et multiplicative), passage à l'unité, coefficient de proportionnalité.
- Appliquer un pourcentage.
- Reproduire une figure en respectant une échelle donnée.
- Agrandir ou réduire une figure.
- Comprendre la notion de ratio.

1

Reconnaître une situation de proportionnalité

À RETENIR 99

Définition

Deux grandeurs sont **proportionnelles** si les valeurs de l'une s'obtiennent en multipliant les valeurs de l'autre par un même nombre. Ce nombre est appelé **coefficient de proportionnalité**.

EXERCICE 1

Pour chaque situation ci-dessous, nommer les deux grandeurs en précisant leurs unités s'il y en a, puis dire si l'affirmation est vraie ou fausse en justifiant.

I.	Marie achete 3 kg c	de pommes a 2,40 €	de kilogramme. Elle	doit payer 7,20 €.
----	---------------------	--------------------	---------------------	--------------------

a.	Grandeur 1 :
b.	Grandeur 2:

2. Dimitri pesait 7 kg à 6 mois; il pèsera donc 14 kg à 1 an et 28 kg à 2 ans.

a. (Grandeur 1 :		• • • • • • • • • • • •				
-------------	--------------	--	-------------------------	--	--	--	--

3. Maya a fait 1 tour de terrain en 4 min. Si elle court à la même vitesse, elle fera 3 tours en 12 min.

	ř			
a.	Grandeur 1 :	 	 	

b. Grandeur 2:

Véracité de l'affirmation :

► Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-1.

À RETENIR 99

Définition

On peut organiser les données d'une situation de proportionnalité dans un tableau simple. Un tel tableau s'appelle un **tableau de proportionnalité**.



EXERCICE 2

À une station-essence, le gazole est vendu à 1,34 € le litre. Younes fait un plein de 30 L et paye 40,20€. Léa va seulement prendre 10 L, et elle paye 13,40 €.

1. Organiser ces données dans un tableau simple.

2.	Est-ce un tableau de proportionnalité?



Ш

Calculer une quatrième proportionnelle

À RETENIR 99

Propriété

Dans un tableau de proportionnalité, la **quatrième proportionnelle** est un nombre manquant à calculer. On peut la calculer dès lors que l'on connaît au moins trois valeurs.

1. Lien entre les colonnes

À RETENIR 00

Méthode

Pour obtenir les nombres d'une colonne d'un tableau de proportionnalité, on peut :

- ajouter ou soustraire les nombres de deux autres colonnes;
- multiplier ou diviser les nombres d'une autre colonne par un même nombre.

EXERCICE 3

Au restaurant scolaire, tous les repas sont au même prix. Sachant que 2 repas coûtent 8,60 € et que 3 repas coûtent 12,90 €, compléter le tableau suivant.

Nombre de repas	1	2	3	5
Prix (en €)				



 $\begin{tabular}{l} \hline \textbf{\bullet Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/\#correction-3.} \\ \hline \end{tabular}$

EXERCICE 4

Mathis possède une collection de livres ayant tous la même épaisseur. Une pile de 12 livres a une hauteur de 30 cm. Compléter le tableau suivant.

Nombre de livres	1	3	12	24
Hauteur de la pile (en cm)				



 $\textcolor{red}{\bullet \text{Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/\#correction-4.}$

2. Passage à l'unité

À RETENIR 99

Méthode

Pour traiter une situation de proportionnalité, il est parfois utile de trouver la valeur qui correspond à l'unité.

EXERCICE 5

Avec 4 L d'une peinture, on peut recouvrir 26 m². Remplir la deuxième colonne de ce tableau, puis s'en servir pour remplir la troisième et la quatrième.

Volume de peinture (en L)	4	1	11	13
Surface peinte (en m²)				



✓ Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-5.

3. Coefficient de proportionnalité

À RETENIR 99

Méthode

Dans un tableau de proportionnalité, on peut passer d'une ligne à l'autre en multipliant ou en divisant par le coefficient de proportionnalité.

EXERCICE 6

Une usine fabrique des sacs. Pour en fabriquer 10, elle a besoin de 21 m² de tissu.

- 1. Quel est le nombre qui, multiplié par 10, donne 21?
- 2. Compléter le tableau de proportionnalité ci-dessous correspondant à la situation (éventuellement en arrondissant).

Nombre de sacs	10		99
Surface de tissu (en m²)	21	55	



 $\textcolor{red}{\bullet} Voir la \, correction : \texttt{https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/\#correction-6}.$

À RETENIR 99

Définition

La **proportion** d'un groupe dans un ensemble, c'est le nombre d'éléments de ce groupe divisé par le nombre total d'éléments de l'ensemble. On peut écrire une proportion sous différentes formes :

- sous forme décimale (éventuellement avec des approximations);
- sous forme fractionnaire.

Lorsqu'écrit sous forme fractionnaire avec un dénominateur égal à 100, on parle de **pourcentage**. Au lieu d'écrire $\frac{t}{100}$, on peut alors écrire t %.

INFORMATION |

Remarque

Ainsi, un pourcentage est une proportion par rapport à 100 : c'est un nombre décimal qui traduit une situation de proportionnalité.

Sur un pot de 250 g de crème fraiche est inscrit « $15\,\%$ de matière grasse ». Quelle est la masse de matière grasse, en grammes, contenue dans ce pot?

► Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-8.

À RETENIR 99

Propriété

Pour calculer t % d'une quantité, on multiplie celle-ci par $\frac{t}{100}$.

EXERCICE 9

Dans un magasin, un pull qui coûte 30 € est soldé à 20 %.Quel est le nouveau prix de ce pull?

À RETENIR 99

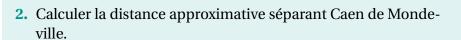
Définitions

- Dans une représentation dite à l'échelle, les longueurs représentées et les longueurs réelles sont proportionnelles.
- L'**échelle** est le coefficient de proportionnalité. Elle est égale à $\frac{\text{longueur représentée}}{\text{longueur réelle}}$ (où les longueurs sont exprimées dans la même unité).
- Si l'échelle est inférieure à 1, la représentation est une **réduction**. Sinon, c'est un **agrandissement**.

EV	ED	\sim 1	\sim E	- 17	$^{\circ}$	

Sur la carte ci-contre, 1 km est représenté par 1 cm.

1. Quelle est l'échelle de cette carte?



......





Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-10

Ratios

À RETENIR 99

Définitions

- On dit que deux nombres positifs a et b sont dans le ratio i:j si $\frac{a}{i}=\frac{b}{i}$.
- On dit que trois nombres positifs a, b et c sont dans le ratio i:j:k si $\frac{a}{i}=\frac{b}{i}=\frac{c}{k}$.

EXERCICE 11

En classe de 5^{ème} D, il y a 24 élèves dont 13 filles. Quel est le ratio garçons : filles de cette classe?

√Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-11.

EXEMPLE 9

Partager des œufs de Pâques selon le ratio 2:3 entre Matthieu et Inès signifie qu'à chaque fois qu'on donne 2 œufs à Matthieu, on en donne 3 à Inès.







À RETENIR 99

Méthode

Pour partager une quantité selon un ratio, on utilise les propriétés de la proportionnalité.

EXERCICE 12 🗷

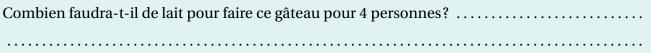
Dans la recette d'un gâteau, il faut mélanger du sucre, de la farine et du lait selon le ratio 2 : 3 : 5. Pour 4 personnes, il faut 200 g de sucre.

1. Compléter le tableau suivant avec les données de l'énoncé.

Ratio	2	3	5
Quantité (en g)			

Terminer de compléter ce tableau en faisant en sort	te qu'il soit un tableau de proportionnalit ϵ).
---	--	-----------

3.	a. Combien faudra-t-il de farine pour faire ce gâteau pour 4 personnes?	
	h Combien faudra-t-il de lait nour faire ce gâteau nour 4 personnes?	





Voir la correction: https://mes-cours-de-maths.fr/cours/cinquieme/proportionnalite/#correction-12.