

EXERCICE 1

Pour la fête d'un village, on organise une course cycliste. Une prime totale de 320 € sera répartie entre les trois premiers coureurs. Le premier touchera la prime d'or, le deuxième la prime d'argent et le troisième la prime de bronze.

La prime d'or s'élève à 70 € de plus que la prime d'argent, et la prime de bronze à 80 € de moins que la prime d'argent.

En utilisant un schéma en barres, donner la valeur en euros de chacune des primes.

✎ Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/sixieme/algebre-logique/#correction-1>.

3. Modèle de l'équilibre

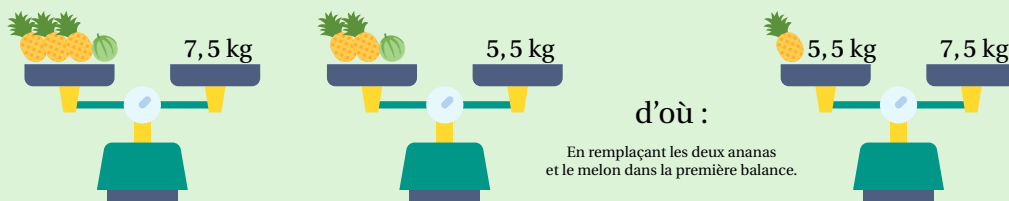
À RETENIR

Méthode

Une autre façon de représenter des problèmes algébriques (notamment ceux mettant en jeu des masses), est de schématiser une balance.

EXEMPLE

On pèse des melons et un ananas. En réalisant deux pesées, on obtient les résultats suivants :



Ainsi, un ananas pèse $7,5 \text{ kg} - 5,5 \text{ kg} = 2 \text{ kg}$. En utilisant la deuxième balance, on obtient que le melon pèse $5,5 \text{ kg} - 2 \times 2 \text{ kg} = 1,5 \text{ kg}$.

EXERCICE 2

On pèse des pommes et des poires. En réalisant deux pesées, on obtient les résultats suivants :

Fruits		
Poids (en g)	620	500

En procédant comme dans l'exemple ci-dessus, déterminer les poids d'une pomme et d'une poire.

✎ Voir la correction : <https://mes-cours-de-maths.fr/cours/sixieme/algebre-logique/#correction-2>.

II Motifs évolutifs

À RETENIR

Définition

Un **motif évolutif** est une figure construite étape par étape suivant une règle simple (on ajoute un nombre fixe d'éléments, on multiplie, etc.). L'objectif est de repérer la règle qui relie le rang de l'étape au nombre d'éléments.

EXEMPLE

On considère un triangle équilatéral que l'on colorie en turquoise. À chaque étape, on trace dans chaque triangle turquoise un triangle plus clair qui a pour sommet les milieux des côtés du triangle turquoise.



Étape 1



Étape 2



Étape 3



Étape 4



Étape 5

Cette construction porte un nom : c'est le triangle de Sierpiński. On peut déduire le nombre de triangles turquoise à une étape donnée.

— À l'étape 1, il y en a 1.

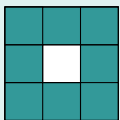
— À l'étape 2, il y en a 3.

— ...

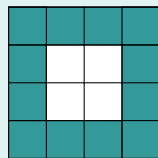
— À l'étape 6, il y en a $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 243$.

EXERCICE 3

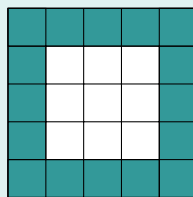
La mosaïque est un art décoratif que l'on retrouve dans beaucoup de constructions. Voici un exemple de mosaïque où des carreaux colorés sont disposés autour de carreaux blancs formant un carré.



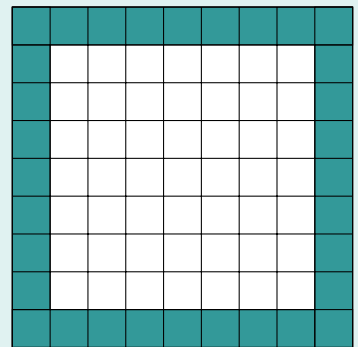
Carré de taille 1



Carré de taille 2



Carré de taille 3



Carré de taille 7

- Combien y a-t-il de carreaux colorés entourant le carré blanc de taille 1 ? Celui de taille 2 ? Celui de taille 3 ?
- Produire un calcul qui donne le nombre de carreaux colorés entourant un carré blanc de taille 7, puis de taille 56.

