Chapter 1.1: 课后作业



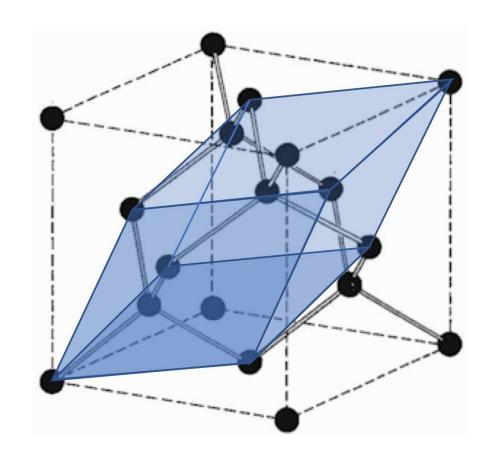
- 1. 分别画出硅(silicon)晶体的一个单胞(unit cell)和一个原胞(primitive cell),并分别指出 其各自含有的硅原子数目。
- 2. 分别画出硅晶体(100)、(110)和(111)面上的原子排列。

提交时间: 3月3日之前

提交方式:手写(写明姓名学号)后拍照,通过本班课代表统一提交电子版

SE THE OWG UNITED

1. 分别画出硅(silicon)晶体的一个单胞(unit cell)和一个原胞(primitive cell),并分别指出 其各自含有的硅原子数目。

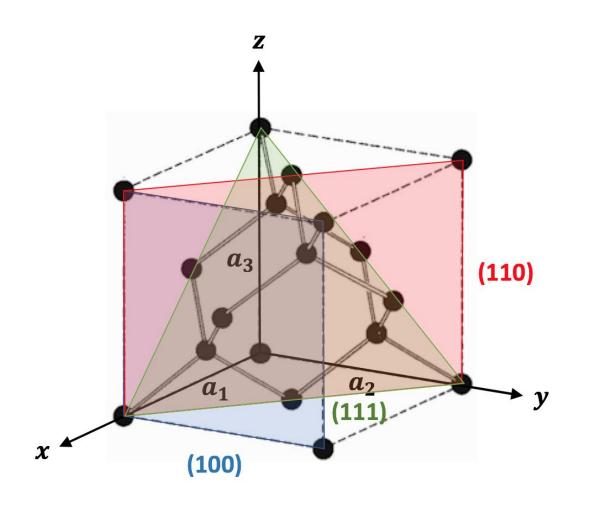


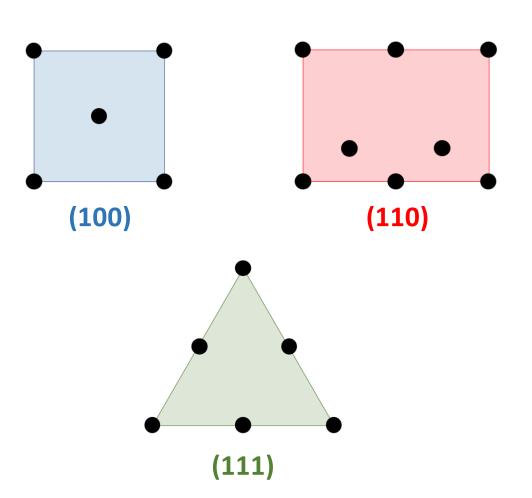
单胞:8个硅原子

原胞: 2个硅原子



2. 分别画出硅晶体(100)、(110)和(111)面上的原子排列。







- 列出硅(silicon)晶体所属的点群、晶系、布拉维格子等信息,并在单胞中画出可能的点对称元素。
- 2. 用 Materials Studio 软件画出硅晶体的一个单胞(截图到作业纸上),标出任意 一条4度螺旋轴,并熟悉 Materials Studio 软件的使用。

(Materials Studio 下载链接: https://pan.baidu.com/s/1zQ5qVycOEhFmpxZZTpTZWQ?pwd=m8m5 提取码: m8m5)

提交时间: 3月3日之前

提交方式:手写(写明姓名学号)后拍照,通过本班课代表统一提交电子版



1. 列出硅(silicon)晶体所属的点群、晶系、布拉维格子等信息,并在单胞中画出可能的点对称元素。

点群	点对称元素个数	晶系	布拉维格子	
	48			
O _h	E, $8C_3$, $6C_2$, $6C_4$, $3C_2$, i, $6S_4$, $8S_3$, 3σ , 6σ	立方晶系	面心立方(<i>fcc</i>)	

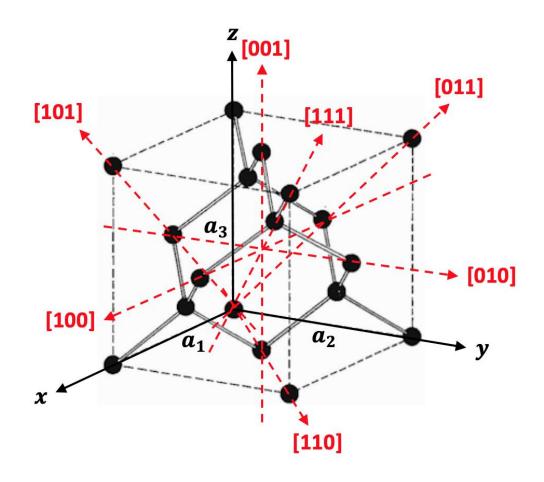


1. 列出硅(silicon)晶体所属的点群、晶系、布拉维格子等信息,并在单胞中画出可能的点对称元素。

恒等	E		
3个等价的2重转轴	3C ₂	[100], [010], [001]	
6个等价的4重转轴	6C ₄	[100], [010], [001], [$\overline{1}$ 00], [0 $\overline{1}$ 0], [00 $\overline{1}$]	
6个等价的2重转轴	6C ₂	[110], [101], [011], [1 $\overline{1}$ 0], [10 $\overline{1}$], [01 $\overline{1}$]	
8个等价的3重转轴	8C ₃	$[111], [11\overline{1}], [1\overline{1}1], [\overline{1}11], [\overline{1}\overline{1}\overline{1}], [\overline{1}\overline{1}1], [\overline{1}1\overline{1}]$	
反演中心	i		
3个等价的反映面 3 <i>σ</i> (100), (010), (001)		(100), (010), (001)	
6个等价的4重反轴	6S ₄	[100], [010], [001], [$\overline{1}$ 00], [0 $\overline{1}$ 0], [00 $\overline{1}$]	
6个等价的反映面 6σ		(110), (101), (011), (1 $\overline{1}$ 0), (10 $\overline{1}$), (01 $\overline{1}$)	
8个等价的3重反轴	8S ₃	$[111], [11\overline{1}], [1\overline{1}1], [\overline{1}11], [\overline{1}\overline{1}\overline{1}], [\overline{1}\overline{1}1], [\overline{1}1\overline{1}]$	

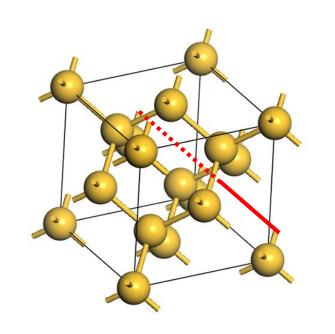


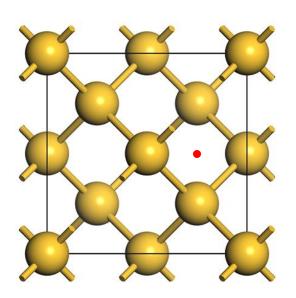
1. 列出硅(silicon)晶体所属的点群、晶系、布拉维格子等信息,并在单胞中画出可能的点对称元素。





- 2. 用 Materials Studio 软件画出硅晶体的一个单胞(截图到作业纸上),标出任意
 - 一条4度螺旋轴,并熟悉 Materials Studio 软件的使用。







如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

1) 简单立方, 2) 体心立方, 3) 面心立方, 4) 六角密堆, 5) 金刚石结构

提交时间: 3月3日之前

提交方式:手写(写明姓名学号)后拍照,通过本班课代表统一提交电子版



如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

1) 简单立方

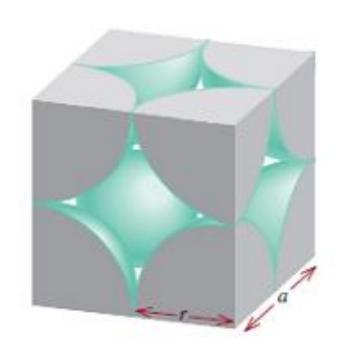
晶胞体积: $V = a^3$

钢球体积:
$$v = \frac{4}{3}\pi r^3$$

钢球半径:
$$r = \frac{a}{2}$$

每个晶胞包含n = 1个钢球

体积比:
$$\frac{nv}{V} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{a^3} = \frac{\pi}{6} \approx 0.52$$





如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

2) 体心立方

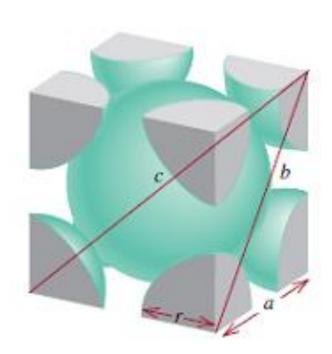
晶胞体积: $V = a^3$

钢球体积:
$$v = \frac{4}{3}\pi r^3$$

钢球半径:
$$r = \frac{c}{4} = \frac{\sqrt{3}}{4}a$$

每个晶胞包含n = 2个钢球

体积比:
$$\frac{nv}{V} = \frac{2 \times \frac{4}{3} \pi r^3}{a^3} = \frac{\sqrt{3}\pi}{8} \approx 0.68$$





如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

3) 面心立方

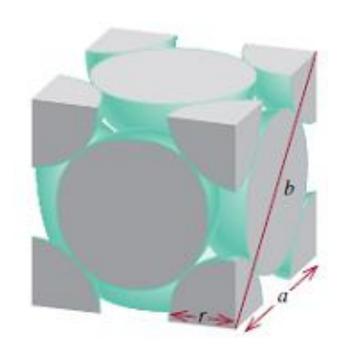
晶胞体积: $V = a^3$

钢球体积:
$$v = \frac{4}{3}\pi r^3$$

钢球半径:
$$r = \frac{b}{4} = \frac{\sqrt{2}}{4}a$$

每个晶胞包含n = 4个钢球

体积比:
$$\frac{nv}{V} = \frac{4 \times \frac{4}{3} \pi r^3}{a^3} = \frac{\sqrt{2}\pi}{6} \approx 0.74$$





如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

5) 六角密堆

晶胞体积:
$$V = ca^2 \sin(\pi/3) = \frac{\sqrt{3}}{2} ca^2$$

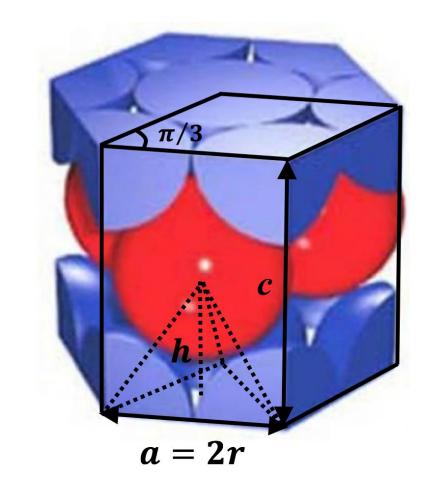
晶胞高度:
$$c = 2h = \frac{4\sqrt{6}}{3}r$$

钢球体积:
$$v = \frac{4}{3}\pi r^3$$

钢球半径:
$$r = \frac{a}{2}$$

每个晶胞包含n = 2个钢球

体积比:
$$\frac{nv}{V} = \frac{2 \times \frac{4}{3} \pi r^3}{\frac{\sqrt{3}}{2} c a^2} = \frac{\sqrt{2} \pi}{6} \approx 0.74$$





如果将等体积球分别排列成下列结构,计算出钢球所占体积与总体积之比:

6) 金刚石结构

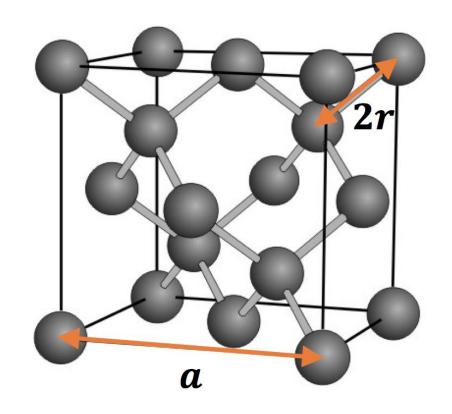
晶胞体积: $V = a^3$

钢球体积:
$$v = \frac{4}{3}\pi r^3$$

钢球半径:
$$2r = \frac{\sqrt{3}a}{4}$$

每个晶胞包含n = 8个钢球

体积比:
$$\frac{nv}{V} = \frac{8 \times \frac{4}{3} \pi r^3}{a^3} = \frac{\sqrt{3}\pi}{16} \approx 0.34$$



Chapter 1.4: 课后作业



试证明:

倒格子矢量 $G = h_1b_1 + h_2b_2 + h_3b_3$ 垂直于密勒指数为 $(h_1h_2h_3)$ 的晶面系。

提交时间: 3月3日之前

提交方式:手写(写明姓名学号)后拍照,通过本班课代表统一提交电子版



证明:

正格子基矢 a_1, a_2, a_3 满足 $a_i \cdot b_j = 2\pi \delta_{ij}$

晶面 $(h_1h_2h_3)$ 在基矢上的截距为 a_1/h_1 , a_2/h_2 , a_3/h_3 .

$$\overrightarrow{CA} = \overrightarrow{OA} - \overrightarrow{OC} = \frac{a_1}{h_1} - \frac{a_3}{h_3} \qquad \overrightarrow{CB} = \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OC} = \frac{a_2}{h_2} - \frac{a_3}{h_3}$$

$$G \cdot \overrightarrow{CA} = (h_1b_1 + h_2b_2 + h_3b_3) \cdot \left(\frac{a_1}{h_1} - \frac{a_3}{h_3}\right) = 0$$

$$G \cdot \overrightarrow{CB} = (h_1b_1 + h_2b_2 + h_3b_3) \cdot \left(\frac{a_2}{h_2} - \frac{a_3}{h_3}\right) = 0$$

故倒格矢G与晶面系 $(h_1h_2h_3)$ 垂直

晶面间距:
$$d_{h_1h_2h_3} = \frac{2\pi}{|G|}$$

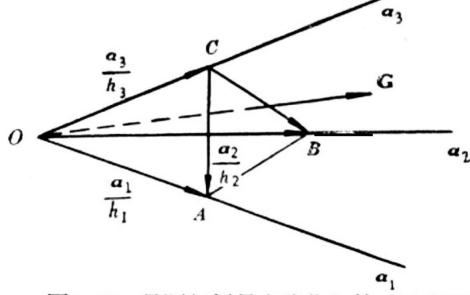


图1-18 晶面与倒易点阵位矢关系示意图

Chapter 1: 课堂练习-1



证明倒格子原胞体积为 $\Omega^* = \frac{(2\pi)^3}{\Omega}$,其中 Ω 为正格子原胞体积.

Chapter 1: 课堂练习-1-答案



证明:

$$\vec{b}_1 = 2\pi \frac{\vec{a}_2 \times \vec{a}_3}{\vec{a}_1 \cdot (\vec{a}_2 \times \vec{a}_3)} = 2\pi \frac{\vec{a}_2 \times \vec{a}_3}{\Omega} \qquad \vec{b}_2 = 2\pi \frac{\vec{a}_3 \times \vec{a}_1}{\vec{a}_1 \cdot (\vec{a}_2 \times \vec{a}_3)} = 2\pi \frac{\vec{a}_3 \times \vec{a}_1}{\Omega}$$

$$\vec{b}_3 = 2\pi \frac{\vec{a}_1 \times \vec{a}_2}{\vec{a}_1 \cdot (\vec{a}_2 \times \vec{a}_3)} = 2\pi \frac{\vec{a}_1 \times \vec{a}_2}{\Omega}$$

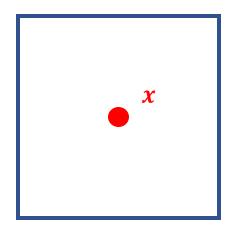
$$\Omega^* = \vec{b}_1 \cdot (\vec{b}_2 \times \vec{b}_3) = \left(\frac{2\pi}{\Omega}\right)^3 (\vec{a}_2 \times \vec{a}_3) \cdot [(\vec{a}_3 \times \vec{a}_1) \times (\vec{a}_1 \times \vec{a}_2)] = \frac{(2\pi)^3}{\Omega}$$

利用
$$\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) = (\vec{A} \cdot \vec{C})\vec{B} - (\vec{A} \cdot \vec{B})\vec{C}$$

Chapter 1: 课堂练习-2



找出立方体中保持x轴不变的所有对称操作,并指出它们中任意两个操作乘积的结果

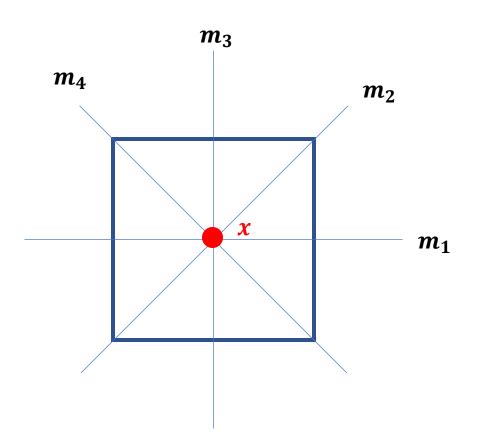


Chapter 1: 课堂练习-2-答案



4重转轴-旋转操作: E, C₄¹, C₄², C₄³

反映面-反映操作: m_1, m_2, m_3, m_4



Chapter 1: 课堂练习-2-答案



	E	C ₄ ¹	C_4^2	C_4^3	m_1	m_2	m_3	$oxedsymbol{m_4}$
E	Е	C ₄ ¹	C ₄ ²	C ₄ ³	m_1	m_2	m_3	m_4
C ₄	C ₄ ¹	C ₄ ²	C ₄ ³	Е	m_2	m_3	m_4	m_1
C_4^2	C ₄ ²	C ₄ ³	Е	C ₄ ¹	m_3	m_4	m_1	m_2
C_4^3	C ₄ ³	Е	C ₄ ¹	C ₄ ²	m_4	m_1	m_2	m_3
m_1	m_1	m_4	m_3	m_2	Е	C ₄ ³	C ₄ ²	C_4^1
m_2	m_2	m_1	m_4	m_3	C ₄ ¹	Е	C ₄ ³	C_4^2
m_3	m_3	m_2	m_1	m_4	C ₄ ²	C ₄ ¹	Е	C ₄ ³
m_4	m_4	m_3	m_2	m_1	C ₄ ³	C ₄ ²	C ₄ ¹	Е