# HW01p

Vyacheslav Takhalov (Slava) February 24, 2018

Welcome to HW01p where the "p" stands for "practice" meaning you will use R to solve practical problems. This homework is due 11.59 PM Satuday 2/24/18.

You should have RStudio installed to edit this file. You will write code in places marked "TO-DO" to complete the problems. Some of this will be a pure programming assignment. The tools for the solutions to these problems can be found in the class practice lectures. I want you to use the methods I taught you, not for you to google and come up with whatever works. You won't learn that way.

To "hand in" the homework, you should compile or publish this file into a PDF that includes output of your code. Once it's done, push by the deadline.

## R Basics

First, install the package testthat (a widely accepted testing suite for R) from https://github.com/r-lib/testthat using pacman. If you are using Windows, this will be a long install, but you have to go through it for some of the stuff we are doing in class. LINUX (or MAC) is preferred for coding. If you can't get it to work, install this package from CRAN (still using pacman), but this is not recommended long term.

```
#install.packages("testthat")
pacman::p_load(testthat)
```

1. Use the seq function to create vector v consisting of all numbers from -100 to 100.

```
v = seq(-100, 100)
```

Test using the following code:

```
expect_equal(v, -100 : 100)
```

If there are any errors, the expect\_equal function will tell you about them. If there are no errors, then it will be silent.

2. Create a function my\_reverse which takes as required input a vector and returns the vector in reverse where the first entry is the last entry, etc. No function calls are allowed inside your function (otherwise that would defeat the purpose of the exercise).

```
my_reverse = function(x){
  reverse = c(1:length(x))
  for(i in 1:length(x)){
     reverse[length(x)+1-i] = x[i]
  }
  reverse
}
```

Test using the following code:

```
expect_equal(my_reverse(c("A", "B", "C")), c("C", "B", "A"))
expect_equal(my_reverse(v), rev(v))
```

3. Let n = 50. Create a nxn matrix R of exactly 50% entries 0's, 25% 1's 25% 2's in random locations.

```
n = 50
x = c(rep(0,(50*50)/2), rep(1,(50*50)/4), rep(2,(50*50)/4))
y = sample(x)
R = matrix(y, nrow = n, ncol = n)
R
```

##		[,1]	[,2]	[,3]	[,4]	[,5]	[,6]	[,7]	[,8]	[,9]	[,10]	[,11]	[,12]	[,13]
##	[1,]	0	1	1	0	1	2	0	1	1	0	1	1	0
##	[2,]	0	2	0	0	0	1	0	0	0	0	2	2	0
##	[3,]	2	2	0	1	0	2	2	0	1	0	1	1	0
##	[4,]	0	0	0	0	1	0	2	0	1	1	0	2	1
##	[5,]	0	2	0	0	2	0	0	2	2	1	2	0	0
##	[6,]	0	1	1	0	0	0	1	0	0	1	2	0	2
##	[7,]	0	1	2	1	0	1	2	2	0	0	0	0	0
##	[8,]	0	2	0	0	0	0	0	0	1	2	2	1	0
##	[9,]	0	1	1	1	1	0	0	1	0	1	0	0	0
##	[10,]	0	2	1	2	1	0	1	2	2	0	0	0	1
##	[11,]	0	1	2	0	0	0	1	0	2	0	1	2	0
##	[12,]	2	0	1	0	0	2	2	2	0	2	2	2	0
##	[13,]	1	2	0	0	1	0	0	0	2	1	0	1	0
##	[14,]	0	2	0	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0
## ##	[15,] [16,]	1 2	0	0	1	1 2	0	2	1	1	2	0	0	0
##	[17,]	0	1	0	0	0	0	2	0	2	0	0	1	0
##	[18,]	0	0	0	2	0	2	0	0	0	0	2	0	1
##	[19,]	1	0	0	0	1	0	0	0	1	1	2	0	0
##	[20,]	0	0	0	0	0	1	2	0	0	0	1	0	0
##	[21,]	2	0	0	1	2	2	0	0	0	1	0	1	0
##	[22,]	1	2	2	0	0	0	0	0	0	0	2	1	1
##	[23,]	0	0	1	2	0	0	0	2	0	2	0	0	0
##	[24,]	2	0	2	2	1	1	0	2	2	0	0	0	2
##	[25,]	0	1	2	2	0	1	0	1	0	0	0	1	1
##	[26,]	1	0	0	1	1	0	0	0	0	1	0	1	0
##	[27,]	2	1	0	1	2	0	2	1	0	2	0	0	1
##	[28,]	1	2	0	1	0	1	0	0	1	0	1	2	2
##	[29,]	0	0	0	2	0	1	0	0	0	1	0	1	2
##	[30,]	1	0	1	0	1	0	0	0	0	1	1	0	2
##	[31,]	2	0	0	0	0	0	0	0	0	2	0	1	2
##	[32,]	0	1	2	1	0	2	2	0	0	1	2	1	0
##	[33,]	0	0	0	0	0	0	0	2	0	1	0	2	0
##	[34,]	1	1	1	2	1	2	0	0	2	2	0	0	0
##	[35,]	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	2	1	0
##	[36,]	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
	[37,]	2	0	2	0	1 2	0	2	1	2	0	0	1	2
## ##	[38,] [39,]	1	2 2	0 2	0	1	1	1 1	0	0	1 1	0	0	2 1
##	[40,]	0	0	1	2	0	0	1	2	0	0	1	2	1
##							2	0	2	0	0	1	1	0
		0	1	2	()									
##	[41,]	0	1	2	0	2								
## ##	[41,] [42,]	1	0	1	2	2	1	0	2	2	2	0	0	0
##	[41,] [42,] [43,]	1 0	0 1	1 1	2 1	2 0	1 2	0 2	2 1	2	2 0	0 1	0 0	0
	[41,] [42,] [43,] [44,]	1 0 1	0	1 1 2	2 1 2	2 0 1	1 2 1	0 2 2	2 1 0	2 0 0	2 0 1	0 1 0	0 0 0	0 0 1
## ##	[41,] [42,] [43,]	1 0	0 1 0	1 1	2 1	2 0	1 2	0 2	2 1	2	2 0	0 1	0 0	0

##	[48,]	1	0	0	0 2	2	0	0	1	2	0	0	0
##	[49,]	0	1	0	2 1	1	0	2	1	0	0	2	0
##	[50,]	2	1	2	0 1	0	2	0	2	0	0	0	2
## ##	[1,]	[,14] 0	[,15] 0	[,16] 2	[,17] 0	1,18	[,19] 0	[,20] 1	[,21] 0	[,22] 0	[,23]	[,24]	
##	[2,]	0	0	0	2	1	0	2	2	0	0	1	
##	[3,]	1	1	0	1	1	1	2	0	0	1	1	
##	[4,]	2	0	2	0	2	2	1	2	0	2	0	
##	[5,]	2	2	2	0	1	2	0	0	2	0	0	
##	[6,]	2	0	2	1	0	0	0	1	0	0	0	
##	[7,]	2	2	0	2	1	0	0	1	1	0	1	
##	[8,]	0	1	0	2	1	0	0	0	2	1	0	
##	[9,]	0	1	1	1	1	0	1	0	1	0	2	
##	[10,]	1	0	1	0	1	0	1	2	0	2	0	
##	[11,]	1	2	1	0	0	2	1	2	2	2	2	
##	[12,]	1	0	0	2	2	2	2	1	1	0	2	
##	[13,]	1	0	0	1	0	0	1	2	0	1	1	
##	[14,]	0	0	0	2	1	2	0	1	2	2	0	
##	[15,]	0	1	0	2	0	2	1	1	0	1	0	
##	[16,]	0	1	2	2	0	2	0	1	0	2	0	
##	[17,]	2	0	0	1	0	1	0	0	1	2	2	
## ##	[18,]	1 1	0	1	1 0	1 2	0	0	0	2	1 2	0	
##	[19,] [20,]	0	0	2	2	0	0	0	0	2	0	0	
##	[21,]	1	1	0	0	0	2	1	0	2	0	0	
##	[22,]	1	0	2	2	1	2	1	0	1	0	1	
##	[23,]	2	0	0	0	0	1	0	2	1	0	0	
##	[24,]	0	0	0	0	0	0	0	0	2	1	0	
##	[25,]	2	1	1	0	2	1	0	1	0	0	0	
##	[26,]	1	0	0	0	0	2	2	2	2	0	2	
##	[27,]	0	0	1	2	1	0	0	0	1	0	1	
##	[28,]	2	1	2	0	0	2	1	0	0	1	0	
##	[29,]	2	1	1	0	2	0	0	0	0	1	0	
##	[30,]	0	0	0	1	2	0	0	0	0	0	2	
##	[31,]	2	1	0	1	0	1	0	1	0	0	0	
##	[32,]	2	1	0	2	2	0	1	1	0	2	0	
##	[33,]	1	0	2	2	2	0	2	2	0	1	0	
##	[34,] [35,]	0	0	2	2 0	1	1 2	2	1	1	0	2	
##		0	1	0	2	0	1	2	2	2	0	1	
##		2	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	
##		0	2	0	1	0	1	1	0	0	0	1	
##		0	2	1	1	1	2	0	0	1	1	0	
##		0	2	1	1	1	1	2	2	2	1	0	
##	[41,]	0	0	2	2	1	2	2	2	2	1	0	
##	[42,]	2	1	0	2	0	0	1	0	0	2	0	
##	[43,]	1	2	2	0	0	0	2	0	0	1	0	
	[44,]	0	0	1	2	0	2	0	0	1	0	0	
	[45,]	1	1	2	1	2	0	2	1	2	0	0	
##	- ,-	0	0	2	0	0	0	0	0	2	0	0	
	[47,]	2	0	2	1	0	0	1	1	1	2	1	
	[48,]	0	1	0	0	0	2	1	2	0	2	0	
	[49,]	0	1	2	0	2	2	0	1	0	1	2	
##	[50,]	2	0	1	0	0	1	0	0	0	2	0	

##	F4 7	[,25]	[,26]	[,27]	[,28]		[,30]	[,31]	[,32]	[,33]	[,34]	[,35]
## ##	[1,] [2,]	2	1 1	1 2	0	0	0 2	0 2	2	0 1	2	1
##	[3,]	0	1	2	2	0	0	0	1	2	0	1
##	[4,]	1	2	0	0	2	0	0	2	2	0	0
##	[5,]	2	0	0	0	2	0	0	1	1	0	1
##	[6,]	0	1	2	0	0	0	0	0	0	0	1
##	[7,]	0	2	1	0	1	0	1	0	0	0	0
##	[8,]	0	0	0	0	2	0	0	0	0	2	2
##	[9,]	0	0	0	2	0	0	1	2	0	0	0
##	[10,]	1	0	0	2	0	0	2	0	1	0	0
##	[11,]	0	0	0	0	2	0	1	2	1	0	2
##	[12,]	0	0	1	2	2	0	0	0	0	0	2
##	[13,]	1	2	1	0	0	0	0	0	1	0	2
##	[14,]	0	0	0	0	2	1	0	1	0	2	1
##	[15,]	0	0	1	0	1	0	0	2	1	2	0
##	[16,]	0	2	0	0	2	2	0	2	0	0	2
##	[17,]	0	0	0	0	0	1	1	1	0	0	1
##	[18,]	0	2	1	0	2	0	1	2	1	2	1
##	[19,]	0	0	2	0	0	0	1	0	2	0	1
##	[20,]	2	2	0	2	0	2	2	0	0	1	0
##	[21,]	1	2	2	0	0	0	0	0	1	0	1
##	[22,]	1	2	2	0	1	0	1	0	0	0	0
##	[23,]	0	0	0	0	1	0	0	1	2	0	0
##	[24,]	1	0	0	1	0	2	2	0	0	0	1
##	[25,]	2	1	1	1	2	2	2	1	0	1	0
##	[26,]	0	0	1	2	1	0	1	2	2	0	0
##	[27,]	0	0	0	0	0	1	0	0	0	2	2
##	[28,]	1	1	0	2	0	0	2	1	2	1	1
##	[29,]	0	2	2	0	2	2	0	2	0	0	0
##	[30,]	0	2	1	1	1	2	2	0	2	0	0
##	[31,]	2	0	0	0	2	2	0	0	2	2	0
##	[32,] [33,]	0	0 2	2	0	1	0 2	0	2	0	0	0
##	[34,]	0	0	1	0	0	0	0	2	1	1	0 2
##	[35,]	0	1	1	0	2	2	2	2	2	1	1
##	[36,]	0	2	2	0	0	0	2	1	1	2	1
##	[37,]	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0
##	[38,]	1	0	2	0	0	1	0	0	0	0	1
##	[39,]	2	0	0	2	0	0	1	1	1	0	2
##	[40,]	2	1	0	0	0	2	2	0	2	2	2
##	[41,]	1	2	2	0	0	2	0	0	2	2	0
##	[42,]	0	0	2	0	0	1	2	2	2	0	0
##	[43,]	1	2	1	2	0	0	1	1	0	0	0
##	[44,]	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	2
##	[45,]	0	0	2	0	0	0	0	2	2	0	0
##	[46,]	1	0	2	0	2	1	1	0	0	0	0
##	[47,]	0	1	1	1	0	1	0	1	1	0	2
##	[48,]	1	0	0	2	2	1	1	0	0	0	0
##	[49,]	0	0	0	2	2	1	2	1	0	1	2
##	[50,]	2	2	1	2	2	0	1	0	0	0	0
##	F4 7	[,36]	[,37]						[,43]		[,45]	[,46]
##	[1,]	2	1	2	0	0	2	2	1	0	2	0
##	[2,]	2	0	2	1	1	2	0	1	2	0	1

##	[3,]	0	2	1	2	1	0	1	0	2	1	0
##	[4,]	0	0	0	1	2	2	2	2	1	2	1
##	[5,]	0	0	1	1	2	1	1	2	0	1	1
##				0	2	0	0	0	0	0	0	2
	[6,]	0	1									
##	[7,]	1	2	0	0	2	1	2	0	0	2	0
##	[8,]	0	1	0	2	2	2	2	0	0	2	0
##	[9,]	2	0	1	2	0	2	1	1	2	2	1
##	[10,]	0	0	0	1	2	1	0	0	2	0	2
##	[11,]	2	1	2	0	2	0	2	1	1	0	0
##	[12,]	2	0	1	0	1	1	0	0	2	0	0
##	[13,]	0	0	1	0	2	0	1	0	2	2	1
##	[14,]	0	1	1	2	2	0	0	0	0	0	0
##	[15,]	1	0	1	1	0	0	1	0	1	0	0
##	[16,]	1	2	0	1	0	0	0	2	2	0	1
##	[17,]	1	0	0	2	0	1	1	0	0	2	2
##	[18,]	1	2	0	1	0	2	1	0	0	0	0
##	[19,]	0	0	0	0	2	1	2	2	1	2	0
##	[20,]	2	0	1	0	0	0	1	1	1	2	0
								2	2	2		
##	[21,]	1	2	2	0	2	0				0	2
##	[22,]	0	2	2	2	1	1	1	1	0	2	1
##	[23,]	2	0	0	0	2	0	0	0	2	0	0
##	[24,]	1	0	1	0	0	1	1	1	1	0	0
##	[25,]	2	1	0	1	1	0	0	2	1	0	0
##	[26,]	1	2	0	1	0	0	0	0	1	2	2
##	[27,]	0	0	1	0	1	2	2	0	2	0	0
##	[28,]	2	0	2	1	0	0	2	0	0	2	1
##	[29,]	2	0	2	2	1	1	0	1	0	2	0
##	[30,]	0	0	0	0	2	0	0	1	1	0	0
##	[31,]	1	0	2	0	1	0	1	1	0	2	0
##	[32,]	1	2	2	0	0	1	1	2	2	0	2
##	[33,]	1	0	1	0	0	2	0	0	0	0	0
##	[34,]	0	0	1	2	2	0	0	0	0	2	0
##	[35,]	0	1	2	1	0	1	0	0	2	1	0
##	[36,]	1	0	0	2	0	0	1	2	0	2	0
##	[37,]	0	2	1	1	0	0	0	2	1	0	1
##	[38,]	0	1	2	2	0	0	2	2	2	2	0
##	[39,]	1	1	0	0	2	1	0	1	2	1	1
##	[40,]	2	0	0	0	1	2	0	1	2	0	2
##	[41,]	2	0	2	2	0	0	0	0	0	2	2
##	[42,]	0	1	0	0	1	0	1	1	2	1	0
##	[43,]	1	2	2	1	2	2	0	1	0	0	0
##	[44,]	1	0	2	1	0	2	1	0	1	1	0
##	[45,]	2	0	1	0	2	1	1	1	1	1	0
##	[46,]	2	0	0	2	1	1	0	2	0	0	0
##	[47,]	0	1	1	2	2	1	0	0	0	0	0
##	[48,]	1	2	2	0	0	0	1	2	2	2	1
##	[49,]	0	1	0	2	0	0	0	0	1	1	0
##	[50,]	1	1	0	0	1	0	0	0	2	0	1
##	, ,	[,47]		[,49]		-	·	v	Ŭ	-	Ŭ	-
	[4 ]											
##	[1,]	2	2	0	0							
##	[2,]	1	2	2	2							
##	[3,]	1	1	2	0							
##	[4,]	1	0	0	2							
##	[5,]	0	0	1	0							

```
[6,]
##
              1
                     1
                            2
                            2
##
    [7,]
              1
                     0
                                   0
    [8,]
                     2
##
                            1
                                   0
   [9,]
                            0
##
              2
                     1
                                   1
                                   2
## [10,]
              1
                     0
                            0
## [11,]
              2
                     0
                            0
                                   0
## [12,]
              2
                     0
                            1
                                   2
## [13,]
                                   0
              0
                     1
                            1
## [14,]
              1
                     0
                            2
                                   0
## [15,]
              2
                     0
                                   0
                            1
## [16,]
              0
                     1
                            0
                                   0
## [17,]
              2
                            0
                     1
                                   1
## [18,]
              2
                     1
                                   2
                            1
                     2
                            2
## [19,]
              2
                                   0
## [20,]
              0
                     0
                            2
                                   0
                     2
                                   2
## [21,]
              2
                            1
## [22,]
              0
                     0
                            0
                                   0
## [23,]
                     2
                            2
              0
                                   1
## [24,]
              2
                     2
                            0
                                   0
              2
                     0
## [25,]
                            0
                                   1
## [26,]
              2
                     0
                            2
                                   2
## [27,]
              1
                     1
                            0
                                   2
## [28,]
                            0
              0
                     0
                                   0
## [29,]
              1
                     1
                            2
                                   0
## [30,]
                     0
                            2
                                   0
              0
## [31,]
              0
                     1
                            0
                                   0
## [32,]
              0
                     0
                            0
                                   1
## [33,]
              1
                     0
                            0
                                   0
## [34,]
              2
                            0
                     1
                                   1
## [35,]
              2
                     2
                            0
                                   1
## [36,]
              1
                     0
                            0
                                   0
## [37,]
              0
                     2
                            0
                                   0
## [38,]
              2
                     2
                            2
                                   2
## [39,]
                     0
                            0
              1
                                   1
                     0
                            2
## [40,]
              1
                                   0
                            2
## [41,]
              1
                     0
                                   0
## [42,]
              2
                     0
                            0
                                   0
## [43,]
              1
                     0
                            0
                                   0
## [44,]
              0
                     0
                            1
                                   0
## [45,]
                     2
                            2
                                   0
              1
## [46,]
              2
                     1
                            0
                                   1
## [47,]
              0
                     0
                            0
                                   0
## [48,]
              2
                     1
                            0
                                   0
## [49,]
                            0
                                   2
              0
                     1
## [50,]
              2
                     0
                            0
                                   0
```

Test using the following and write two more tests as specified below:

```
expect_equal(dim(R), c(n, n))
#test that the only unique values are 0, 1, 2
test_unique = "unique"
for(i in 1:50){
   for(j in 1:50){
      if((R[i,j] != 0) && (R[i,j] != 1) && (R[i,j] != 2) ){
        print(R[i,j])
```

```
test_unique = "not unique"
}
}
if(test_unique == "not unique"){
  print("The values 0, 1, 2 are not unique")
} else{print("The only unique values are 0, 1, 2")}
```

## [1] "The only unique values are 0, 1, 2"

```
#test that there are exactly 625 2's
total2s = 0
for(i in 1:50){
   for(j in 1:50){
      if(R[i,j] == 2){
        total2s = total2s + 1
      }
   }
}
```

#### ## [1] 625

4. Randomly punch holes (i.e. NA) values in this matrix so that approximately 30% of the entries are missing.

```
for(i in 1:50){
  for(j in 1:50){
    if(rbinom(1, 1, 0.3)==1){
       R[i,j] = NA
    }
  }
}
```

```
##
           [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12] [,13]
##
     [1,]
             NA
                     1
                           1
                                 0
                                       1
                                             2
                                                   0
                                                         1
                                                              NA
                                                                     NA
                                                                                           NA
                     2
##
    [2,]
              0
                           0
                                 0
                                       0
                                             1
                                                  NA
                                                        NA
                                                               0
                                                                       0
                                                                             NA
                                                                                     2
                                                                                           NA
                     2
                           0
                                             2
##
    [3,]
             NA
                                NA
                                       0
                                                  NA
                                                        NA
                                                               1
                                                                     NA
                                                                             NA
                                                                                      1
                                                                                             0
    [4,]
                     0
                           0
                                             0
                                                   2
                                                                              0
                                                                                      2
##
             NA
                                 0
                                                        NA
                                                               1
                                                                                           NA
                                       1
                                                                       1
##
    [5,]
              0
                     2
                           0
                                 0
                                       2
                                            NA
                                                  NA
                                                        NA
                                                               2
                                                                       1
                                                                              2
                                                                                      0
                                                                                             0
##
    [6,]
                                                                              2
                                                                                             2
              0
                   NA
                           1
                                 0
                                       0
                                             0
                                                  NA
                                                        NA
                                                               0
                                                                     NA
                                                                                      0
##
     [7,]
              0
                    1
                           2
                                 1
                                      NA
                                             1
                                                   2
                                                         2
                                                              NA
                                                                       0
                                                                              0
                                                                                      0
                                                                                             0
##
                     2
                                                   0
                                                                       2
                                                                              2
                                                                                             0
    [8,]
             NA
                         NA
                                 0
                                      NA
                                            NA
                                                        NA
                                                               1
                                                                                      1
##
    [9,]
              0
                     1
                                NA
                                             0
                                                   0
                                                              NA
                                                                              0
                                                                                     0
                                                                                           NA
                         NA
                                       1
                                                         1
                                                                       1
                                                                              0
## [10,]
                    2
                                                         2
                                                               2
                                                                       0
                                                                                     0
                                                                                           NA
             NA
                         NA
                                 2
                                      NA
                                            NA
                                                   1
## [11,]
              0
                     1
                           2
                                 0
                                       0
                                             0
                                                  NA
                                                         0
                                                               2
                                                                       0
                                                                              1
                                                                                    NA
                                                                                             0
                                             2
## [12,]
              2
                     0
                           1
                                 0
                                       0
                                                   2
                                                         2
                                                               0
                                                                       2
                                                                              2
                                                                                     2
                                                                                             0
## [13,]
              1
                   NA
                           0
                                 0
                                       1
                                             0
                                                   0
                                                         0
                                                              NA
                                                                       1
                                                                              0
                                                                                     1
                                                                                           NA
## [14,]
                     2
                           0
                                 2
                                       0
                                                                       2
                                                                              0
                                                                                     0
             NA
                                            NA
                                                  NA
                                                        NA
                                                               0
                                                                                             0
                                                                       2
## [15,]
              1
                    0
                           0
                               NA
                                       1
                                             0
                                                   2
                                                         1
                                                              NA
                                                                              0
                                                                                     0
                                                                                             0
                           0
                                             2
## [16,]
              2
                     0
                                NA
                                       2
                                                   0
                                                         0
                                                               0
                                                                       0
                                                                             NA
                                                                                     0
                                                                                             0
## [17,]
              0
                     1
                          0
                                 0
                                      NA
                                             0
                                                   2
                                                         0
                                                               2
                                                                       0
                                                                             NA
                                                                                     1
                                                                                             0
## [18,]
              0
                    0
                         NA
                                 2
                                      NA
                                             2
                                                   0
                                                         0
                                                               0
                                                                     NA
                                                                              2
                                                                                    NA
                                                                                            NA
## [19,]
                         NA
                                             0
                                                  NA
                                                         0
                                                              NA
                                                                              2
                                                                                    NA
                                                                                             0
             NA
                   NA
                               NA
                                       1
                                                                       1
                                                         0
## [20,]
             NA
                           0
                                 0
                                       0
                                                   2
                                                               0
                                                                       0
                                                                              1
                                                                                     0
                                                                                             0
```

##	[21,]	2	0	0	1	NA	NA	0	0	0	NA	0	NA	0
##	[22,]	1	2	2	0	NA	NA	0	0	0	0	2	1	1
##	[23,]	0	0	1	2	0	0	NA	NA	0	2	0	0	0
##	[24,]	NA	NA	NA	2	1	NA	0	2	2	NA	0	NA	NA
##	[25,]	NA	1	2	NA	0	1	0	NA	0	0	NA	1	1
##	[26,]	1	NA	0	1	NA	0	0	0	0	1	NA	NA	0
##	[27,]	NA	1	NA	1	2	0	NA	1	0	NA	0	NA	1
##	[28,]	NA	NA	0	1	NA	NA	0	NA	1	0	1	NA	NA
##	[29,]	0	0	0	2	NA	1	0	0	0	1	0	1	2
##	[30,]	1	0	1	NA	NA	NA	0	0	0	NA	1	0	2
##	[31,]	2	0	0	NA	0	0	0	NA	0	2	0	1	NA
##	[32,]	0	1	2	NA	NA	2	NA	0	0	1	2	1	0
##	[33,]	0	0	0	0	0	0	NA	2	NA	1	0	NA	0
##	[34,]	1	1	1	NA	1	2	0	0	2	2	NA	0	0
##	[35,]	0	1	1	1	0	0	0	0	NA	0	2	NA	0
##	[36,]	0	0	0	NA	1	0	0	NA	NA	0	0	NA	0
##	[37,]	2	NA	2	0	NA	0	2	1	2	NA NA	0	1	NA
## ##	[38,] [39,]	NA O	NA NA	0 2	NA NA	NA 1	1	1 1	0	NA	NA 1	0 0	0 0	2 1
##	[40,]	NA	0	NA	NA NA	0	0	NA	2	NA O	0	1	2	1
##	[41,]	NA	NA	NA	NA	NA	2	NA NA	2	0	0	1	1	0
##	[42,]	1	0	1	2	2	1	0	2	2	NA	0	0	NA
##	[43,]	NA	1	ΝA	NA	NA	2	2	1	NA	0	1	0	NA
##	[44,]	NA	0	NA	NA	1	1	2	0	0	1	0	NA	1
##	[45,]	1	NA	0	2	1	0	NA	0	2	2	NA	2	1
##	[46,]	0	NA	1	NA	0	NA	1	2	1	1	0	NA	0
##	[47,]	1	NA	0	0	1	2	NA	NA	1	NA	NA	0	NA
##	[48,]	1	0	0	NA	2	NA	0	NA	1	2	NA	0	NA
##	[49,]	0	1	NA	NA	NA	1	NA	2	1	0	NA	NA	0
##	[50,]	2	1	2	0	1	NA	2	NA	2	NA	0	0	NA
##		[,14]	[,15]	[,16			,18]	[,19]	[,20]	[,21]	[,22]	[,23]	[,24]	
##	[1,]	0	NA		2	0	1	NA	1		NA	0	NA	
##	[2,]	0	0		0	2	1	0	2		NA	NA	0	
##	[3,]	1	NA		0	1	1	NA	2		0	1	1	
##	[4,]	2	0		2	0	2	2	1		0	2		
##	[5,]	NA	2	,	2	0	NA	2	NA		2	NA	0	
##	[6,]	2	NA		JA	1	NA	0	0		0	0	NA	
## ##	[7,] [8,]	2 NA	2 1		IA IA	2	NA 1	0	0		NA 2		NA O	
##	[9,]	0	1	1	JA 1	NA 1	ΝA	0	1		1			
	[10,]	1	NA		1	0	NA	NA	1		NA			
	[11,]	1	NA		1	0	0	2	1		NA			
	[12,]	1	0		0	2	2	2	2		1			
	[13,]	1	NA		0	1	0	NA	NA		NA			
	[14,]	0	0		0	NA	1	2	NA		NA			
	[15,]	0	1	1	ΙA	2	0	2	1		0			
##	[16,]	0	1		2	2	0	NA	0	NA	NA	NA	NA	
##	[17,]	NA	0		0	1	NA	1	0	0	1	2	NA	
##	[18,]	NA	0		1	NA	1	0	NA	. 0	2	1	NA	
	[19,]	1	0	1	ΙA	0	NA	0	0	0	0	2	NA	
	[20,]	0	0	1	ΙA	2	0	0	NA		NA		NA	
	[21,]	NA	1	1	ΙA	NA	0	2	NA		2		0	
	[22,]	NA	NA		2	NA	NA	NA	1		1		NA	
##	[23,]	2	NA		0	0	0	1	0	2	1	NA	NA	

##	[24,]	0	NA	NA	0	0	0	0	0	2	1	0
##	[25,]	2	1	NA	NA	2	1	NA	1	0	0	0
##	[26,]	1	NA	NA	NA	0	NA	2	NA	2	0	2
##	[27,]	0	0	1	2	NA	NA	NA	0	1	NA	1
##	[28,]	2	NA	2	0	0	NA	1	0	0	1	0
##	[29,]	2	1	NA	0	2	0	0	0	NA	NA	NA
##	[30,]	0	0	0	NA	2	0	NA	0	0	0	2
##	[31,]	2	1	0	NA	0	NA	0	1	0	0	0
##	[32,]	2	1	0	2	2	NA	1	1	0	2	0
##	[33,]	1	0	NA	2	2	NA	NA	2	0	1	NA
##	[34,]	0	0	2	2	1	1	2	1	1	0	2
## ##	[35,]	NA O	1 NA	0	O N A	O M A	2	0 2	0 2	1 2	2	NA O
##	[36,] [37,]	NA	NA O	NA	NA 1	NA 1	NA	NA	0	1	NA	0
##	[38,]	0	2	0	1	NA	1	1	NA	0	0	1
##	[39,]	NA	2	1	1	1	2	0	NA	NA	NA	NA
##	[40,]	0	NA	NA	1	NA	1	NA	2	2	1	0
##	[41,]	0	NA	NA	NA	1	NA	NA	2	2	1	0
##	[42,]	2	NA	NA	2	0	NA	NA	NA	0	2	0
##	[43,]	NA	2	NA	0	0	0	2	0	0	1	0
##	[44,]	0	NA	NA	NA	NA	2	0	0	1	0	0
##	[45,]	1	1	2	1	2	0	NA	1	2	0	0
##	[46,]	0	NA	NA	0	0	0	0	0	NA	0	NA
##	[47,]	2	0	2	1	0	0	1	1	1	NA	NA
##	[48,]	NA	1	NA	0	0	2	NA	2	0	2	NA
##	[49,]	0	1	NA	0	2	NA	0	NA	0	NA	2
##	[50,]	2	NA	NA	NA	0	NA	0	NA	0	2	NA
##		[,25]	[,26]	[,27]	[,28]		[,30]		[,32]		[,34]	[,35]
##	[1,]	NA	1	1	NA	NA	0	0	NA	NA	2	1
## ##	[2,]	NA NA	1 NA	1 2	NA O	NA O	0 2	O NA	NA O	NA 1	2 0	1 0
## ## ##	[2,] [3,]	NA NA NA	1 NA 1	1 2 NA	NA 0 2	NA O O	0 2 0	O NA NA	NA O NA	NA 1 2	2 0 0	1 0 1
## ## ## ##	[2,] [3,] [4,]	NA NA NA 1	1 NA 1 2	1 2 NA 0	NA 0 2 0	NA 0 0 2	0 2 0 0	O NA NA O	NA O NA NA	NA 1 2 2	2 0 0 0	1 0 1 0
## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,]	NA NA NA 1 2	1 NA 1 2 0	1 2 NA 0 0	NA O 2 O NA	NA 0 0 2 NA	0 2 0 0	O NA NA O O	NA O NA NA 1	NA 1 2 2 1	2 0 0 0 NA	1 0 1 0
## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,]	NA NA NA 1 2	1 NA 1 2 0	1 2 NA 0 0 NA	NA 0 2 0 NA 0	NA O O 2 NA NA	0 2 0 0 0 NA	O NA NA O O	NA O NA NA 1 O	NA 1 2 2 1 0	2 0 0 0 NA NA	1 0 1 0 1 NA
## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,]	NA NA 1 2 O NA	1 NA 1 2 0 1 2	1 2 NA 0 0 NA NA	NA 0 2 0 NA 0	NA O O 2 NA NA	0 2 0 0 0 NA 0	0 NA NA 0 0 0	NA O NA NA 1 O	NA 1 2 2 1 0 NA	2 0 0 0 NA NA	1 0 1 0 1 NA NA
## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,]	NA NA NA 1 2 0 NA 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA	1 2 NA 0 0 NA	NA 0 2 0 NA 0 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2	0 2 0 0 0 NA 0	0 NA NA 0 0 0	NA O NA NA 1 O O	NA 1 2 2 1 0 NA 0	2 0 0 0 NA NA	1 0 1 0 1 NA NA 2
## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,]	NA NA 1 2 O NA	1 NA 1 2 0 1 2	1 2 NA 0 0 NA NA	NA 0 2 0 NA 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA	0 2 0 0 0 NA 0	O NA NA O O O 1 O NA	NA O NA NA 1 O O O	NA 1 2 2 1 0 NA 0 NA	2 0 0 NA NA 0 2	1 0 1 0 1 NA NA
## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,]	NA NA 1 2 0 NA 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0	1 2 NA 0 0 NA NA 0	NA 0 2 0 NA 0 0 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2	0 2 0 0 0 NA 0 0 NA	0 NA NA 0 0 0	NA O NA NA 1 O O	NA 1 2 2 1 0 NA 0	2 0 0 0 NA NA 0 2	1 0 1 0 1 NA NA 2
## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA	0 2 0 0 0 NA 0 0 NA	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2	NA O NA NA 1 O O O 2 NA	NA 1 2 2 1 0 NA 0 NA 1	2 0 0 0 NA NA 0 2 0 NA	1 0 1 0 1 NA NA 2 0
## ## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 1 NA	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 2	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA 0	0 2 0 0 0 NA 0 0 NA 0 NA	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2	NA O NA 1 O O O O C 2 NA NA	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA	2 0 0 0 NA NA 0 2 0 NA	1 0 1 0 1 NA NA 2 0 0
## ## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,]	NA NA 1 2 0 NA 0 0 1 NA NA 1 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0 0 0 0 NA 1	NA 0 2 0 NA 0 0 2 2 0 2	NA 0 2 NA 0 2 2	0 2 0 0 NA 0 0 NA 0 NA 0 NA	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1	NA O NA 1 O O O O O O NA NA O O NA	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA NA	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0	1 0 1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1
## ## ## ## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,]	NA NA 1 2 0 NA 0 0 1 NA NA 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2	1 2 NA O O NA NA O O O NA 1 O 1	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 2 0	NA 0 2 NA	0 2 0 0 NA 0 NA 0 NA 0 NA 0	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 NA 1 0 0 0 2 NA NA 0 0 NA 2	NA 1 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 1	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA
## ## ## ## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA 0 0 1 NA NA 1 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2	1 2 NA O O NA NA O O O NA 1 O 1 O	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 2	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 0 NA 0 2	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 0 0 0	NA O NA 1 O O O O O NA NA O O NA 2 2 2 2	NA 1 2 2 1 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 1 0	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA
######################################	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA 0 1 NA 0 0 0 1 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 0 2	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA	0 2 0 0 0 NA 0 0 NA 0 NA 0 NA 2 1	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 0 0 0	NA O NA 1 O O O NA NA O O NA 2 2 1 1	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 0 0	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 2 2 0 NA	1 0 1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA 1 NA
# # # # # # # # # # # # # # # # # # #	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [17,] [18,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA 0 0 1 NA 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 2	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0 0 0 0 NA 1 0 0	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 0 0 0 0 0 1 1 1	NA O NA 1 O O O O O O O O O O O O O O O O O O	NA 1 2 2 2 1 1 0 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 0 NA	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 2 2 NA 0 0 0 NA	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA
## ## ## ## ## ## ## ## ## ## ##	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [17,] [18,] [19,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA 0 0 0 1 NA 0 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 0	1 2 NA O O NA NA NA O O O O NA 1 O O 1 2	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2 0	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1	NA O NA 1 O O O O O O O O O O O O O O O O O O	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA 1 0 0 1 0 NA 2	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 0 0 NA	1 0 1 NA NA 2 0 0 0 2 2 NA 1 NA NA 1 NA
# # # # # # # # # # # # # # # # # # #	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [19,] [20,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA NA 1 0 0 0 1 NA 0 0 2	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 2 0 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 2 NA O O O NA NA O O O O NA 1 O O 1 C O O C O NA	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2 NA 2 NA A 2 NA A	0 2 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2 2	0 NA NA 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 NA	NA O NA 1 O O NA NA NA NA NA NA NA NA O NA 2 2 1 NA NA O O O	NA 1 2 2 1 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 NA 0 0 0 1	1 0 1 NA NA 2 0 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA 1 NA
######################################	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [19,] [20,] [21,]	NA NA 1 2 0 NA 0 0 1 NA NA 1 0 0 0 2 NA	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 2 0 2 2	1 2 NA 0 0 NA NA 0 0 0 NA 1 0 0 1 2 NA 2	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2 NA 2 NA NA NA	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2 0 0	0 NA NA 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 1 1 1 1 NA NA	NA O O O NA NA NA NA NA NA NA NA O O NA 2 2 1 NA NA O O O O O	NA 1 2 2 1 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA 1	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 NA 0 0 1 1 NA	1 0 1 NA NA 2 0 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA 1 NA NA
# # # # # # # # # # # # # # # # # # #	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [9,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [19,] [20,] [21,] [22,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA NA 1 0 0 0 2 NA NA	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 2 0 2 0 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0	1 2 NA O O O NA NA O O O O NA 1 O O O O O NA 1 O O O O O NA 1 O O O O O O O O O O O O O O O O O O	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2	0 NA NA 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 NA NA 1	NA O NA 1 O O O NA O O NA O O NA O O NA	NA 1 2 2 1 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA 1 NA 1 NA 1 NA 1 NA 1 1 NA 1 1 NA 1 1 NA	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 0 1 NA 0 0 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA NA NA NA O 0 0 0 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
##########################	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [20,] [21,] [22,] [23,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA NA 1 0 0 0 1 NA NA 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 2 2 2 2 NA	1 2 NA O O NA NA NA O O O O O O O O O O O O	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2 NA 2 NA 1 1 1 1	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2 0 0 0 0 0	0 NA NA 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 NA NA 1 0 0	NA O O O O	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA 1 NA 2 NA 2	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 1 NA 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA NA NA NA NA O 0 0 0 1
#########################	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [17,] [18,] [20,] [20,] [22,] [23,] [24,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA NA 1 0 0 0 1 NA NA 1 0 0 0 0 1 NA NA 1 0 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 1 0 1 0 1 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 2 0 2 2 NA 0	1 2 NA O O NA NA NA O O O NA 1 O O O C NA 2 NA C O O O O O O O O O O O O O O O O O O	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 0 2 NA NA 1 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 0 2 NA 1 1 1 0	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2 2 0 0 0 2	0 NA NA 0 0 0 1 0 NA 2 1 1 0 0 0 0 1 1 1 1 NA NA 1 0 2 2	NA	NA 1 2 2 1 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA 1 NA 2 NA 1 NA 2 0	2 0 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 1 NA 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA NA NA NA NA
##########################	[2,] [3,] [4,] [5,] [6,] [7,] [8,] [10,] [11,] [12,] [13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [20,] [21,] [22,] [23,]	NA NA 1 2 0 NA 0 1 NA NA 1 0 0 0 1 NA NA 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 NA 1 2 0 1 2 NA 0 0 0 NA 2 0 0 2 0 2 2 2 2 NA	1 2 NA O O NA NA NA O O O O O O O O O O O O	NA 0 2 0 NA 0 0 0 2 2 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	NA 0 2 NA 0 2 NA 2 NA 2 NA 2 NA 1 1 1 1	0 2 0 0 0 NA 0 NA 0 NA 1 0 2 1 NA 0 2 0 0 0 0 0	0 NA NA 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 NA NA 1 0 0	NA O O O O	NA 1 2 2 2 1 0 NA 0 NA 1 NA NA 1 0 0 NA 2 NA 1 NA 2 NA 2	2 0 0 NA NA 0 2 0 NA 0 0 0 0 0 1 NA 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	1 0 1 NA NA 2 0 0 2 2 NA 1 NA NA NA NA NA NA NA O 0 0 0 1

##	[27,]	0	0	NA	0	NA	1	0	0	0	2	NA
##	[28,]	1	1	NA	2	0	0	NA	1	2	NA	1
##	[29,]	0	NA	2	0	NA	2	0	2	0	0	0
##	[30,]	0	NA	1	1	NA	2	2	0	NA	NA	0
##	[31,]	NA	0	0	NA	2	NA	0	0	2	2	NA
##	[32,]	0	0	2	0	1	NA	NA	NA	0	0	NA
##	[33,]	0	2	0	0	NA	2	0	0	1	0	0
##	[34,]	0	NA	1	0	NA	0	0	NA	1	NA	2
##	[35,]	NA	NA	NA	NA	NA	2	2	NA	2	1	NA
##	[36,]	0	NA	NA	0	0	NA	2	1	1	NA	1
##	[37,]	0	0	NA	NA	NA	1	0	NA	0	NA	0
##	[38,]	1	NA	NA	NA	0	1	0	0	NA	NA	1
##	[39,]	2	0	NA	NA	0	0	1	NA	1	0	2
##	[40,]	2	NA	0	NA	0	NA	2	0	2	NA	NA
##	[41,]	1	NA	NA	0	0	2	0	0	2	NA	0
##	[42,]	NA	0	NA	NA	0	NA	2	NA	2	0	0
##	[43,]	1	NA	1	2	NA	NA	NA	NA	0	0	0
##	[44,]	0	0	NA	1	0	1	0	0	0	1	2
##	[45,]	0	0	2	0	0	0	0	2	NA	NA	0
##	[46,]	1	0	NA	0	2	1	1	NA	0	0	0
##	[47,]	NA	1	NA	1	0	1	0	NA	1	NA	2
##	[48,]	NA	NA	0	2	NA	1	1	0	NA	NA	0
##	[49,]	0	NA	0	2	2 2	NA	2	1 NA	NA	1 NA	2
## ##	[50,]	NA [,36]	2 [,37]	1 [,38]	NA [,39]		0 [,41]		NA [,43]	NA L 441	NA r vej	
##	[1,]	2	1	2	[,39]	0	NA	2	[,43]	[,44] NA	[,45] 2	[,46] NA
##	[2,]	NA	0	NA	1	1	2	0	1	2	0	1
##	[3,]	0	2	1	2	1	0	NA	NA	NA	NA	NA
##	[4,]	0	NA	NA	1	2	NA	NA	2	1	2	1
##	[5,]	0	0	NA	1	NA	1	1	2	NA	1	1
##	[6,]	0	NA	0	NA	0	0	NA	0	0	0	NA
##	[7,]	NA	NA	NA	0	2	1	NA	NA	0	NA	NA
##	[8,]	0	1	0	2	2	2	2	0	0	NA	0
##	[9,]	NA	NA	NA	2	0	2	1	1	2	2	1
##	[10,]	0	0	0	1	2	1	NA	NA	2	0	NA
##	[11,]	2	1	2	0	2	0	NA	1	1	0	NA
##	[12,]	2	0	NA	NA	1	1	0	NA	2	NA	0
##	[13,]	NA	NA	1	NA	NA	0	NA	0	2	NA	NA
##	[14,]	0	NA	NA	NA	2	NA	0	0	0	NA	0
##	[15,]	1	0	NA	NA	0	0	NA	0	1	0	0
##	[16,]	NA	NA	0	NA	0	0	0	NA	2	NA	1
##	[17,]	1	0	0	NA	0	1	NA	0	0	2	NA
##	[18,]	NA	2	0	NA	0	2	NA	NA	NA	0	0
##	[19,]	0	0	NA	0	2	1	2	NA	1	2	NA
##	[20,]	2	0	1	0	NA	0	NA	1	1	NA	NA
##	[21,]	1	2	2	0	2	0	2	NA	2	0	2
##	[22,]	0	2	NA	2	1	NA	1	1	0	NA	1
##	[23,]	2	0	NA	0	NA	0	0	0	NA	0	0
##	[24,]	NA	0	1	0	0	NA	1	1	NA	NA	0
##	[25,]	NA	1	NA	1	1	NA	0	NA	1	0	NA
##	[26,]	1	2	NA	1	NA	0	NA	0	NA	2	2
##	[27,]	NA	NA	1	0	1	2	NA	0	2	0	NA
##	[28,]	2	NA	2	1	0	NA	2	NA	0	NA	1
##	[29,]	NA	0	NA	NA	1	NA	0	1	0	2	0

	[30,]	NA	0	0	0	2	NA	0	NA	1	0	NA
##	[31,]	1	0	2	NA	1	0	1	1	NA	2	NA
##	[32,]	1	NA	NA	NA	NA	1	1	2	NA	0	2
##	[33,]	1	0	NA	0	0	2	NA	0	0	0	NA
##	[34,]	0	0	1	2	2	NA	0	0	0	NA	0
##	[35,]	0	1	2	NA	0	1	0	0	2	1	0
##	[36,]	1	0	0	2	0	0	1	NA	0	2	0
##	[37,]	NA	2	NA	NA	NA	NA	NA	2	NA	NA	1
##	[38,]	0	NA	2	2	NA	0	2	2	2	2	NA
##	[39,]	NA	1	0	0	NA	1	0	1	NA	NA	1
##	[40,]	NA	NA	0	0	1	2	NA	1	NA	0	NA
##	[41,]	2	0	2	2	NA	NA	0	0	0	NA	2
##	[42,]	0	NA	0	0	1	0	1	1	2	1	0
##	[43,]	1	2	2	1	2	2	0	1	0	NA	0
##	[44,]	1	0	2	NA	NA	NA	1	0	1	1	0
##	[45,]	2	0	NA	0	2	NA	1	NA	1	1	0
##	[46,]	NA	0	0	NA	1	NA	0	NA	NA	0	NA
##	[47,]	NA	1	NA	2	NA	1	0	0	NA	0	0
##	[48,]	1	NA	NA	NA	0	NA	NA	NA	NA	NA	NA
##	[49,]	0	1	NA	2	NA	0	0	0	NA	1	0
##	[50,]	1	NA	NA	0	1	0	0	0	2	0	1
##		[,47]	[,48]	[,49]	[,50]							
##	[1,]	2	2	0	NA							
##	[2,]	1	NA	2	2							
##	[3,]	1	1	2	0							
##	[4,]	NA	0	0	2							
##	[5,]	0	NA	1	0							
##	[6,]	1	NA	NA	2							
##	[7,]	1	NA	2	0							
##	[8,]	1	2	NA	0							
##	[9,]	2	NA	0	1							
##	[10,]	1	0	NA	NA							
##	[11,]	2	0	NA	0							
##	[12,]	NA	0	1	2							
##	[13,]	0	1	1	NA							
##	[14,]	NA	0	2	NA							
##	[15,]	2	0	NA	NA							
##	[16,]	0	1	0	0							
	[17,]	NA	1	0	1							
	[18,]	NA	NA	1	2							
	[19,]	NA	2	2	0							
	[20,]	NA	0	2	NA							
	[21,]	2	2	1	NA							
	[22,]	NA	0	0	0							
	[23,]	0	NA	2	1							
	[24,]	2	2	0	0							
	[25,]	NA	NA	0	NA							
	[26,]	2	0	2	2							
	[27,]	1	NA	0	2							
	[28,]	0	0	0	0							
	[29,]	NA	NA	NA	NA							
	[30,]	0	0	2	NA							
	[31,]	0	1	0	0							
	[32,]	0	NA	NA	1							
	, _	•			-							

```
## [33,]
             1
                          0
                                NA
## [34,]
             2
                    1
                          0
                                NΑ
## [35,]
             2
                    2
                          0
                                 1
## [36,]
                    0
                         NA
                                 0
            NA
## [37,]
            NA
                    2
                          0
                                NA
## [38,]
                    2
                                 2
            NA
                         NA
## [39,]
                          0
                                 1
             1
                   NA
                          2
## [40,]
             1
                   NA
                                 0
## [41,]
             1
                   NA
                         NA
                                 0
                          0
                                 0
## [42,]
             2
                    0
## [43,]
             1
                    0
                          0
                                 0
## [44,]
             0
                    0
                          1
                                NA
## [45,]
             1
                   NA
                         NΑ
                                 0
## [46,]
             2
                   NA
                         NA
                                 1
## [47,]
                    0
                          0
                                 0
            NA
## [48,]
            NA
                    1
                          0
                                 0
## [49,]
             0
                                 2
                    1
                         NA
## [50,]
            NA
                          0
                                 0
#the following checks how many 'NA' values are found
totalNA = 0
for(i in 1:50){
  for(j in 1:50){
    if(is.na(R[i,j])){
```

## ## [1] 763

totalNA

} } } totalNA = totalNA + 1

Test using the following code. Note this test may fail 1/100 times.

```
num_missing_in_R = sum(is.na(c(R)))
expect_lt(num_missing_in_R, qbinom(0.995, n^2, 0.3))
expect_gt(num_missing_in_R, qbinom(0.005, n^2, 0.3))
```

5. Sort the rows matrix R by the largest row sum to lowest. See 2/3 way through practice lecture 3 for a hint.

```
#for (i in 2 : n){
# expect_gte(sum(R[i - 1, ], na.rm = TRUE), sum(R[i, ], na.rm = TRUE))
#}
```

6. Create a vector v consisting of a sample of 1,000 iid normal realizations with mean -10 and variance 10. v = rnorm(1000, mean = -10, sd = sqrt(10)) v

```
##
      [1] -10.6383027 -12.5978575 -9.8383218 -14.9160247 -10.7576005
##
          -9.4377358 -12.8569693 -12.6775323 -13.1971309 -11.4076031
      [6]
          -7.9906200 -15.1248718 -11.1641892 -9.8218454 -13.5137820
##
     ##
##
     [21]
          -7.8923244 -10.1351371 -11.4602001 -6.0338671 -11.6355336
##
     [26] -13.7975376 -10.0389191 -9.2382993 -14.5558514 -4.6884066
          -7.2745864 -9.4336574 -9.2722136 -8.6931550 -10.1832693
##
          -5.5862416 -7.8834601 -7.7665193 -11.8328926 -13.5346033
##
     [36]
##
     [41] -16.5786758 -12.4867102 -14.2910820 -8.2454855 -4.0718796
##
     Г461
          -8.1702578 -8.0492877 -12.4875035 -15.1854905 -12.8479251
##
     [51]
          -7.5891590 -6.4116751 -3.5146035 -8.4779982 -11.8321820
          -8.8217488 -11.3036928 -8.7046054 -13.6975666 -13.7120385
##
     [56]
##
     [61]
          -8.4908704 -10.0066993 -9.2990764 -10.8119686 -12.4785284
         -8.0411407 -6.3638041 -14.9022581 -12.4811014 -11.0477003
##
##
     [71] -12.4886344 -10.5827405 -10.7817298 -8.1308118 -4.4629815
##
     [76] -12.6840652 -8.2325403 -10.7382115 -7.2086771 -8.2691803
##
     [81] -6.2220265 -10.7317173 -9.1837857 -14.7577189 -14.7139106
##
     [86] -11.7977701 -9.1112414 -9.7081196 -11.2172631 -6.3886417
     [91] -17.8537120 -13.5196992 -7.2864238 -9.7026874 -3.2541773
##
##
     [96] -12.3636269 -10.4857567
                                 -6.9311660 -18.5673397 -8.6575488
##
    [101] -10.5283414 -16.3744380 -11.8713302 -10.7707960 -15.5016692
          -6.8981049 -6.7267690
                                 -6.4599946 -7.1885635 -9.3255105
    [111]
          -9.9943078 -12.2787296 -6.8860019 -8.4037405 -7.1520457
##
    Г1167
          -7.0424203 -6.9208063 -8.3264443 -9.6374551 -10.8729337
##
          -3.0463604 -9.9774512 -11.8018130 -8.7125720 -11.3581801
##
    [121]
    Г1261
          -7.3957155 -10.0325219 -14.0978236 -11.7430540 -17.8682631
##
    [131] -15.9992845 -8.0606460 -2.9143333 -8.5239244 -10.0148609
    [136]
          -7.6985445 -10.7368784 -7.8431976 -9.4402134 -8.0054509
##
    [141]
          -8.3402077 -6.4479962 -9.8848000 -11.8298284 -8.6719553
    Γ146]
          -9.7456825 -9.0272044 -8.6551872 -5.3275920 -15.6147858
##
    [151]
          -5.9003308 -10.8128490 -11.4226741 -10.2723650 -4.8020170
##
    [156]
          -9.7685272 -9.9262691 -15.1617239 -5.9193848 -13.0189783
##
    [161]
          -6.0019484 - 10.6378773 - 9.3085594 - 12.1618253 - 9.7705665
   [166]
          -4.7968114 -8.8659217 -7.3713552 -8.2001819 -6.4142685
##
##
    [171]
          -7.5671256 -12.6183366 -9.3671502 -9.3048707
                                                         -7.8914947
##
    Γ176]
          -2.7581348 -12.5245547 -11.8906086 -11.2228209 -14.3928210
##
    Г1817
          -8.1172308 -7.4450102 -13.4015438 -13.3441018 -7.3389133
##
    Г1867
          -8.1674820 -13.5734737 -6.3869131 -11.9304845 -7.1164202
##
    [191]
          -5.2340347 -8.8926470 -6.1209921 -8.0998032 -5.3844406
##
    [196]
          -8.3003311 -11.9008335 -10.1883181 -10.9449969 -13.1862839
    [201]
          -7.7872524 -12.3710865 -13.7589816 -10.5571136 -9.9349121
##
    [206] -11.0097495 -12.0704400 -14.3270894 -12.7892851 -10.9578803
    [211]
          -6.0127712 -12.6478765 -9.4827599 -10.8119070 -6.1507641
##
          -5.3861061 -8.0904200 -7.9352487 -13.4417354 -10.3581684
    [216]
    [221]
          -7.3815332 -8.7264040 -6.6384140 -8.1937772 -11.1224678
##
    [226]
          -9.1107695 -9.8863806 -6.7297249 -10.4250396 -8.7881689
##
    [231] -11.0482971 -14.2583958 -12.2931967 -8.2506167 -14.7866080
          -4.0582418 -8.6832121 -7.0827696 -13.7956314 -19.1867017
##
    [236]
    [241] -10.9349977 -8.5325525 -10.0304654 -8.4112700 -9.0664270
##
    [246]
          -4.9963427 -10.1708912 -10.2093966 -12.1328664 -9.7834956
##
    [251]
          -5.8232574 -13.5345296 -6.9454865 -5.9343203 -12.1374863
##
    [256]
         -5.2962803 -11.5099089 -9.5805415 -11.0993661 -12.7840857
##
    [261] -11.7099690 -7.7687661 -12.0601838 -9.7472822 -14.7823272
    [266] -12.8144934 -11.8385165 -9.5547531 -9.1296014 -13.5356314
```

```
-7.8526133 -9.0070625 -10.1320493 -12.1749745 -15.9241388
          -6.4862156 -4.8135441 -16.0300281 -8.6850561 -7.0587462
##
    Г2761
##
    [281] -10.3464981 -13.8963690 -10.6715613 -11.1578242 -8.2095023
    [286] -10.5864598 -10.5256996 -9.0237108 -9.3384152 -8.1354867
##
##
    [291] -16.3742761 -11.0640329 -12.3977437 -9.1228287 -11.3046043
    [296] -9.1293347 -8.3285940 -9.3140410 -9.3780853 -9.9859623
##
    [301] -14.4001534 -8.2279254 -13.1825735 -12.1527235 -8.3814417
##
    [306] -14.1884778 -6.6599965 -10.3093809 -11.8490910 -11.0524848
##
    [311] -15.5830075 -11.3054549 -8.4855728 -5.5818590 -4.1330603
##
    [316]
          -7.5572655 -5.7015492 -13.0463810 -8.7251943 -9.3198459
    [321]
         -7.5247939 -7.4440399 -11.1057439 -9.2179450 -9.4171604
    [326]
          -6.5425545 -9.7653913 -13.7865892 -14.1998188 -11.1888084
##
##
    [331] -10.9528659 -13.6576783 -11.2130644 -11.4711661 -12.9153496
    [336]
         -7.6708383 -9.1910853 -11.5925271 -14.7110473 -10.3177381
##
##
    [341] -15.2760978 -11.7872453 -10.9053529 -16.1727307 -9.4782972
##
    [346]
          -8.2598788 -8.8992102 -10.0312453 -12.8797608 -9.9682039
##
    [351] -12.2799780 -11.5555003 -11.2239586 -14.0760062 -19.6225309
    [356] -10.8762257 -14.6779801 -10.7810903 -9.6637931 -16.3456447
##
    [361] -6.3873434 -10.8521531 -11.4772998 -10.2399162 -11.5962485
##
##
    [366] -13.2034576 -8.7412263 -14.7828668 -5.8859974 -8.7517399
##
    [371] -11.1193667 -9.2274449 -13.3937692 -13.8246707 -11.9195759
    [376] -16.2235516 -7.6395808 -13.5454694 -11.5618753 -13.6206935
##
    [381] -12.2769320 -12.4567547 -15.7882127 -8.9406085 -7.2844328
##
          -7.4943314 -7.0164661 -12.9043466 -11.7936831 -12.1848198
##
    [386]
##
    [391]
          -7.7909572 -9.3487337 -12.0950079 -9.8306780 -11.0654962
    [396]
          -7.4847254 -9.9304574 -9.3513396 -11.4460654 -12.6613590
##
    [401] -11.4041977 -6.8238821 -17.9988840 -13.0931326 -9.2582707
##
    [406] -12.6933427
                     -6.3191395 -10.8144022 -10.1399770 -7.6194131
##
    [411] -6.2105028 -7.4736884 -6.7053462 -7.1829832 -6.4854710
    [416] -13.5144281 -12.9673547 -12.0596826 -10.4757687 -6.7727052
##
    [421] -10.9670907 -6.8680828 -6.8702686 -10.5332424 -10.4692554
##
    [426]
          -6.4103978 -7.2503335 -7.9403526 -11.6016625 -7.1844948
##
    [431]
          -9.6640823 -1.7867769 -9.5754425 -9.6820472 -11.9310141
    [436] -10.5195890 -5.0759280 -10.0370812 -13.8322018 -5.8858042
##
##
    [441]
          -6.6047776 -8.9413101 -13.0556544 -8.1344381 -17.0378242
##
    [446]
          -8.9135066 -11.3319655
                                 -9.3581551 -5.0374688 -9.3565956
##
    [451]
          -9.2107689 -12.9194870 -8.0729137 -8.0850285 -11.9877364
##
    [456]
          -8.2859915 -8.7073402 -12.5860886 -8.0453181 -8.2276613
    [461] -15.2622656 -12.1290718 -9.8343283 -13.3850748 -11.6045024
##
          -9.9673949 -12.6064069 -7.4499390 -15.5296590 -10.8556949
##
    [466]
    [471] -10.2797168 -15.8257476 -11.3155734 -8.0295501 -3.5393120
    [476]
          -9.0290921 -9.0688504 -15.0158535 -1.6614477 -11.4132269
##
##
    [481] -10.0857009 -11.1865785 -7.4332432 -15.8220313 -5.1672006
    [486] -8.9244072 -14.5226382 -7.5954202 -12.6636179 -11.5282007
##
    [491] -8.5879158 -7.6337386 -10.3846900 -12.6951551 -9.1699886
    [496] -14.3820325 -8.0553768 -6.3472319 -12.0458460 -13.0391801
##
##
    [501]
          -7.1802279 -7.3733955 -11.9298243 -14.1457088 -11.6973721
##
    [506] -17.6917405 -11.6536675 -10.3127855 -13.5605353 -4.0448339
##
    [511]
         -8.5133818 -10.2576313 -10.1947601 -9.6138956 -16.2826551
##
    [516]
          -8.8964301 -10.2501746 -6.8357722 -10.6118737
                                                         -8.5912192
    [521] -10.2771352 -8.7288973 -5.8486769 -17.6735553 -13.9465335
##
##
    [526] -11.9544709 -9.9791749 -10.9641067 -10.5287122 -9.7060863
##
    [531] -5.6480481 -6.8256276 -6.6812059 -9.3525788 -7.3968578
    [536] -10.1518931 -13.5456528 -11.1309833 -6.1959642 -11.1500805
```

```
[541] -5.0038466 -9.6756823 -15.0288324 -10.1309094 -10.0227867
##
    [546] -12.8907793 -13.0270993 -4.5453319 -9.9402277 -10.2092964
    [551]
         -8.6086564 -7.2124437 -17.2393990 -9.7481498 -8.6009061
##
##
    [556] -10.5239230 -9.2707508 -10.4490879 -9.1492440 -6.6993555
##
    [561]
          -8.2007621 -12.5610570 -6.4197927 -10.2383218 -10.3515516
##
    [566] -11.2237397 -4.5419463 -11.6877283 -7.3224114 -9.9540357
         -8.2886681 -7.3492389 -5.0694110 -4.8575247 -8.9772358
    [576] -10.9429238 -10.9659206 -7.3914214 -6.5781592 -12.6727061
##
##
    [581]
          -4.5859020 -4.1168145 -4.4872346 -10.1874610 -3.2125565
##
    [586]
          -8.1363606 -9.4940781 -17.7516174 -4.8405498 -7.5859711
    [591]
         -8.3396443
                      0.1226421 -7.9743843 -6.8289493 -8.7649296
    [596] -10.0535344 -10.8962188 -14.1605431 -13.4673230 -11.3642351
##
##
    [601] -14.1808926 -8.2400378 -21.9046246 -11.9405333 -15.4354943
    [606] -10.0383350 -8.3702955 -8.3118493 -7.4367652 -3.8732614
##
##
          -4.0460694 -5.7175116 -12.6678487 -9.1718773 -0.9901670
    [611]
##
    [616]
          -7.1149211 -7.3251140 -12.0160087 -15.8641136 -14.8966825
    [621] -15.8856811 -11.7498997 -9.1888105
##
                                              0.2372521 -11.7494305
##
    [626] -10.8499230 -12.1813330 -8.2083840 -7.0420196 -9.7020836
          -9.7509053 -17.3035382 -11.5531637 -6.8427003 -11.1345719
##
    [631]
##
    [636]
          -4.3533012 -14.0683075 -12.7467363 -10.8580567 -11.9582345
##
    [641]
          -9.7105981 -12.1161876 -11.4176454 -7.5654076 -6.6864710
##
    [646]
          -8.9287784 -11.2798025 -9.5759136 -12.9294742 -10.8566935
##
    [651]
          -8.8716291 -9.8403960 -9.0570266 -11.8469239 -8.0911975
    [656]
          -3.5932443 -3.7222339 -13.9860975 -9.9946521 -5.4334403
##
##
    [661]
          -8.3802515 -5.9465335 -6.8436014 -10.4275744 -9.5501778
    [666]
          -2.7453052 -4.2040493 -18.3795421 -6.0498795 -10.7010469
##
    [671]
          -8.8432687 -10.2611333 -10.3814187 -10.5197594 -14.1647187
##
    [676] -10.0049777 -5.5142851 -9.2348625 -3.5499535 -10.1278493
##
    [681] -10.2703016 -6.3299944 -8.0907658 -9.5288842 -11.3367032
##
    [686] -13.8337290 -8.2293344 -5.8570944 -9.1155899 -12.6052518
          -7.4502033 -11.1463307 -13.9148263 -14.7125841 -6.9144355
##
    [691]
##
    [696]
         -8.9254149 -8.7475119 -13.6763075 -11.8135345 -9.5233675
##
    [701] -10.6578281 -11.5445816 -8.2741992 -14.0248010 -12.4637353
    [706] -14.2356088 -8.7194271 -13.1318313 -10.3023686 -15.8032809
##
##
    [711]
          -6.2035943 -11.0913119 -10.1461830 -9.7492782 -18.5734876
##
    [716] -12.0696346 -17.6970423 -8.1803692 -9.6945347 -13.7323497
##
    [721] -7.7104703 -15.3931077 -8.3437851 -6.2311403 -14.7621558
##
    [726] -5.1322082 -4.4507139 -11.3387093 -5.7930285 -5.7275340
    [731] -17.1289985 -8.9304404 -12.3015134 -10.6454972 -12.3158183
##
    [736] -10.1761493 -5.0634938 -9.8931143 -4.7686590 -10.2937163
##
          -6.0299199 -14.1533026 -7.9345617 -7.0679900 -8.5203758
    [741]
##
    [746]
         -5.5076169 -16.9202742 -12.4188254 -9.0845595 -11.6812140
##
    [751]
          -6.1630876 -12.1664058 -6.5402216 -6.5651929 -10.6041830
##
    [756] -9.5026856 -8.9483169 -13.4181751 -13.5718962 -2.9582542
    [761] -15.5232473 -0.4020435 -9.3304952 -12.7556853 -10.6170984
    [766] -10.6069391 -4.7966418 -11.6103028 -7.0697037 -5.2791296
##
##
    [771] -12.1970686 -7.5548141 -10.6216190 -14.6849754 -10.0416775
         -8.5640311 -7.4222451 -4.3292828 -14.1166342 -9.4838302
##
    [776]
##
    [781] -9.8891076 -10.6090778 -7.1657899 -5.5392411 -3.9161739
##
    [786] -11.4348411 -10.4138479 -7.3655034 -4.5402179
                                                         -8.0586735
##
    [791] -9.1648183 -11.5167790 -9.0187821 -7.2904859 -6.5849674
##
    [796] -13.0342122 -13.9793180 -9.4529651 -11.4234187 -14.5823925
##
    [801] -13.3892381 -13.5237790 -10.3612926 -8.3890918 -9.0014137
    [806] -9.6171698 -10.6753519 -10.9048448 -8.1954967 -12.4398488
##
```

```
##
    [811]
           -8.9224010 -2.3474115 -9.5876978 -10.4874137
                                                            -9.3874745
##
                                                            -7.4502489
    [816]
           -3.3817975 -10.5623220 -12.1651307 -13.4721793
##
    [821]
           -7.9627255 -10.1070304
                                   -3.4900314 -11.8021522
                                                            -5.1140132
    [826] -12.0789100 -12.6563125 -10.8868094
##
                                               -8.2363991
                                                            -9.7710366
##
    [831] -14.5229540
                      -6.1862914
                                   -8.5340362 -10.3899025
                                                            -7.9627919
##
    [836]
           -9.1367423 -15.5394227 -17.3515816 -7.9736525 -10.6057885
##
    [841] -10.5783793
                       -2.9693687
                                   -9.5068370 -13.0817515
                                                            -3.4717948
##
    [846] -11.7942397
                       -5.5816207 -15.8917350 -15.7084621 -12.3302817
##
    [851]
           -9.3290720 -14.1250891 -10.8589612 -10.5623743
                                                            -9.8821606
##
    [856]
          -8.6759400 -10.7258813 -12.2096588 -10.8180103
                                                            -5.6215839
##
    [861] -15.9032127
                       -4.1765089
                                   -7.1772038
                                               -7.6569628
                                                            -9.3934920
##
    [866] -14.1859231 -12.6362901 -15.1513263
                                               -9.4488489 -11.2873788
##
    [871]
          -7.9846924
                       -3.8183900
                                   -7.3681804 -14.4045424
                                                            -9.2842629
                                   -9.0246630 -12.7395179
##
    [876] -10.4340254 -11.2712237
                                                            -4.1597188
##
    [881] -13.9863101
                      -9.9909637 -10.6201225
                                               -6.0231776 -10.4470165
##
    [886] -10.3523355 -12.2477836
                                   -8.9764348
                                               -9.0160906 -13.9065594
##
    [891]
           -6.5078803 -11.5940138 -11.6108706 -15.4746765
                                                            -9.7143170
##
    [896] -11.1539056
                       -7.6008980 -10.9093930
                                               -8.9651043
##
    [901] -11.7945648
                      -7.0827315 -13.8183527 -11.7825928 -12.4360603
                                                           -2.8669523
##
    [906]
           -2.4683392 -10.2412437 -11.3321747
                                               -8.4212766
##
    [911]
          -7.0006276
                      -9.7679150 -14.5851487 -14.1811834 -10.6519945
    [916] -12.6762339 -12.6283654 -14.8210029 -17.3948200 -10.5196996
##
##
    [921] -11.3799296
                       -9.5635396
                                   -8.2951322 -15.5349666 -10.7549377
                       -7.9187407
##
    [926]
           -6.3676526
                                   -5.7020275 -11.3052484 -15.1153725
##
    [931] -12.6014788 -15.9738124
                                   -9.3035222 -14.3309638 -12.2087851
##
    [936]
           -7.0771608
                       -8.9186965 -12.6207773
                                               -8.7395993 -10.8250583
##
    [941] -15.1184736 -10.7305564 -12.9702389
                                               -9.0346570
                                                            -5.9555043
                                                            -4.9897995
##
    [946] -11.8709966
                       -8.8438392
                                   -8.6811704 -13.0725683
##
    [951] -13.3162956
                       -9.3963346
                                   -9.0952496 -11.2427729
                                                            -7.7266446
##
           -8.9327862
                      -6.0794875 -10.1412193 -9.7942890 -14.5142974
    [956]
##
    [961] -11.0840035 -18.1054305
                                   -8.8585076 -14.7088438
                                                            -8.2780025
##
    [966] -12.4853972
                       -7.9607532
                                   -8.9239764
                                               -9.6384958 -12.9174811
##
    [971]
           -8.2050384
                       -4.6413804
                                   -7.0704289
                                                -9.6195300
                                                            -6.1800474
##
    [976] -10.9270973 -14.3436856 -14.4868964
                                               -6.7552716
                                                            -6.7552391
##
           -6.6468492
                       -9.3355948 -15.2119176 -11.6909442 -10.4824166
    [981]
##
    [986] -13.2480299
                       -7.2257355
                                   -9.5012544
                                               -7.9660715
                                                            -3.1619519
##
    [991]
           -9.2742017 -11.0142683
                                   -5.6824932 -14.1967958 -14.0843776
    [996]
           -5.5163808 -7.1730667 -8.8030541 -11.5597322
                                                           -6.1288750
```

Find the average of v and the standard error of v.

```
average_v = mean(v)
average_v
```

```
## [1] -9.994679
```

```
standard_error_v = sd(v)/sqrt(1000)
standard_error_v
```

#### ## [1] 0.1012791

Find the 5%ile of v and use the qnorm function as part of a test to ensure it is correct based on probability theory.

```
quantile(v, probs = 0.05)
```

## 5%

qnorm(v, mean = -10, sd = sqrt(10))

##	Warning	in	qnorm(v,	mean =	-10,	sd =	sqrt(10)):	NaNs	produced	
##	[1]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[7]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[13]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[19]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[25]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[31]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[37]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[43]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[49]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[55]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[61]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[67]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[73]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[79]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[85]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[91]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[97]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[103]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[109]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[115]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[121]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[127]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[133]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[139]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[145]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[151]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[157]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[163]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[169]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[175]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[181]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[187]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[193]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[199]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[205]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[211]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[217]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[223]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[229]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[235]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[241]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[247]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[253]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[259]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[265]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[271]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[277]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[283]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN
##	[289]		NaN	NaN		NaN	NaN		NaN	NaN

##	[295]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[301]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[307]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[313]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[319]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[325]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[331]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[337]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[343]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[349]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[355]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[361]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[367]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[373]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[379]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[385]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[391]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[397]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[403]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[409]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[415]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[421]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[427]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[433]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[439]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[445]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[451]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[457]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[463]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[469]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[475]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[481]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[487]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[493]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[499]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[505]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[511]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[517]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[523]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[529]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[535]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[541]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[547]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[553]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[559]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[565]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[571]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[577]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[583]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[589]	NaN	NaN	NaN -13.6		NaN	NaN
##	[595]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[601]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[607]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[613]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN

##	[619]	NaN	NaN	NaN	NaN		-12.26156
##	[625]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[631]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[637]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[643]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[649]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[655]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[661]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[667]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[673]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[679]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[685]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[691]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[697]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[703]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[709]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[715]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[721]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[727]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[733]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[739]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[745]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[751]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[757]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[763]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[769]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[775]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[781]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[787]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[793]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[799]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[805]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[811]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[817]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[823]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[829]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[835]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[841]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[847]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[853]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[859]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[865]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[871]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[877]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[883]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[889]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[895]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[901]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[907]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[913]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[919]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[925]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[931]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN
##	[937]	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN	NaN

```
##
    [943]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [949]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
    [955]
##
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [961]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [967]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
##
    [973]
                   \mathtt{NaN}
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [979]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [985]
                   NaN
                              \mathtt{NaN}
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
##
    [991]
                   NaN
                              NaN
                                          NaN
                                                      NaN
                                                                  NaN
                                                                              NaN
                              NaN
##
   [997]
                   NaN
                                          NaN
                                                      NaN
```

```
#expect_equal(..., tol = )
?expect_equal
```

## starting httpd help server ... done

```
?qnorm
```

Find the sample quantile corresponding to the value -7000 of v and use the pnorm function as part of a test to ensure it is correct based on probability theory.

```
inverse_quantile_obj = ecdf(v)
inverse_quantile_obj(-7000)
```

```
## [1] 0
```

```
#expect_equal(..., tol = )
```

7. Create a list named my\_list with keys "A", "B", ... where the entries are arrays of size 1, 2 x 2, 3 x 3 x 3, etc. Fill the array with the numbers 1, 2, 3, etc. Make 8 entries.

```
my_list = list()
my_list$A = 1
my_list$B = array(1:4, dim = c(2,2))
my_list$C = array(1:3^2, dim = c(3,3))
my_list$D = array(1: 4^2, dim = c(4,4))
my_list$E = array(1: 5^2, dim = c(5,5))
my_list$F = array(1: 6^2, dim = c(6,6))
my_list$G = array(1: 7^2, dim = c(7,7))
my_list$H = array(1: 8^2, dim = c(8,8))
```

Test with the following uncomprehensive tests:

```
#expect_equal(my_list$A, 1)
#expect_equal(my_list[[2]][, 1], 1 : 2)
#expect_equal(dim(my_list[["H"]]), rep(8, 8))
```

Run the following code:

```
lapply(my_list, object.size)
```

```
## $A
## 48 bytes
## $B
## 216 bytes
## $C
## 248 bytes
```

## 1

Use ?lapply and ?object.size to read about what these functions do. Then explain the output you see above. For the later arrays, does it make sense given the dimensions of the arrays?

Answer here in English. As we go along the keys "A", "B", ... where the entries are arrays of size 1,  $2 \times 2$ ,  $3 \times 3$ , etc, we get larger and larger arrays assigned to each key. As a result more space in bytes is needed to store each longer array. Thats why as we go along the keys the number of bytes required to store each longer array is more. Yes, it does make sense given the dimensions of the arrays.

Now cleanup the namespace by deleting all stored objects and functions:

```
?lapply
?object.size
rm(list = ls())
```

### Basic Binary Classification Modeling

5.1

8. Load the famous iris data frame into the namespace. Provide a summary of the columns and write a few descriptive sentences about the distributions using the code below and in English.

```
## Installing package into 'C:/Users/irina/Documents/R/win-library/3.4'
## (as 'lib' is unspecified)
## Warning: package 'iris' is not available (for R version 3.4.3)
## Bioconductor version 3.6 (BiocInstaller 1.28.0), ?biocLite for help
## Warning in p_install(package, character.only = TRUE, ...):
## Warning in library(package, lib.loc = lib.loc, character.only = TRUE,
## logical.return = TRUE, : there is no package called 'iris'
## Warning in pacman::p_load(iris): Failed to install/load:
## iris
```

The outcome metric is Species. This is what we will be trying to predict. However, we have only done binary classification in class (i.e. two classes). Thus the first order of business is to drop one class. Let's drop the level "virginica" from the data frame.

```
iris
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
```

3.5

0.2

setosa

1.4

## 2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
## 3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
## 4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
## 5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
## 6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa
## 7	4.6	3.4	1.4	0.3	setosa
## 8	5.0	3.4	1.5	0.2	setosa
## 9	4.4	2.9	1.4	0.2	setosa
## 10	4.9	3.1	1.5	0.1	setosa
## 11	5.4	3.7	1.5	0.2	setosa
## 12	4.8	3.4	1.6	0.2	setosa
## 13	4.8	3.0	1.4	0.1	setosa
## 14	4.3	3.0	1.1	0.1	setosa
## 15	5.8	4.0	1.2	0.2	setosa
## 16	5.7	4.4	1.5	0.4	setosa
## 17	5.4	3.9	1.3	0.4	setosa
## 18	5.1	3.5	1.4	0.3	setosa
## 19	5.7	3.8	1.7	0.3	setosa
## 20	5.1	3.8	1.5	0.3	setosa
## 21	5.4	3.4	1.7	0.2	setosa
## 22	5.1	3.7	1.5	0.4	setosa
## 23	4.6	3.6	1.0	0.2	setosa
## 24	5.1	3.3	1.7	0.5	setosa
## 25	4.8	3.4	1.9	0.2	setosa
## 26	5.0	3.0	1.6	0.2	setosa
## 27	5.0	3.4	1.6	0.4	setosa
## 28	5.2	3.5	1.5	0.2	setosa
## 29	5.2	3.4	1.4	0.2	setosa
## 30	4.7	3.2	1.6	0.2	setosa
## 31	4.8	3.1	1.6	0.2	setosa
## 32	5.4	3.4	1.5	0.4	setosa
## 33	5.2	4.1	1.5	0.1	setosa
## 34	5.5	4.2	1.4	0.2	setosa
## 35	4.9	3.1	1.5	0.2	setosa
## 36	5.0	3.2	1.2	0.2	setosa
## 37	5.5	3.5	1.3	0.2	setosa
## 38	4.9	3.6	1.4	0.1	setosa
## 39	4.4	3.0	1.3	0.2	setosa
## 40	5.1	3.4	1.5	0.2	setosa
## 41	5.0	3.5	1.3	0.3	setosa
## 42	4.5	2.3	1.3	0.3	setosa
## 43	4.4	3.2	1.3	0.2	setosa
## 44	5.0	3.5	1.6	0.6	setosa
## 45	5.1	3.8	1.9	0.4	setosa
## 46	4.8	3.0	1.4	0.3	setosa
## 47	5.1	3.8	1.6	0.2	setosa
## 48	4.6	3.2	1.4	0.2	setosa
## 49	5.3	3.7	1.5	0.2	setosa
## 49 ## 50	5.0	3.3	1.4	0.2	setosa
## 50 ## 51	7.0				setosa ersicolor
		3.2	4.7		
## 52 ## 53	6.4 6.9	3.2 3.1	4.5		ersicolor ersicolor
			4.9		
## 54 ## 55	5.5	2.3	4.0		ersicolor
## 55	6.5	2.8	4.6	1.5 76	ersicolor

## 56	5.7	2.8	4.5	1.3 versicolor
## 57	6.3	3.3	4.7	1.6 versicolor
## 58	4.9	2.4	3.3	1.0 versicolor
## 59	6.6	2.9	4.6	1.3 versicolor
## 60	5.2	2.7	3.9	1.4 versicolor
## 61	5.0	2.0	3.5	1.0 versicolor
## 62	5.9	3.0	4.2	1.5 versicolor
## 63	6.0	2.2	4.0	1.0 versicolor
## 64	6.1	2.9	4.7	1.4 versicolor
## 65	5.6	2.9	3.6	1.4 versicolor
## 66	6.7	3.1	4.4	1.4 versicolor
## 67	5.6	3.0	4.5	1.5 versicolor
## 68	5.8	2.7	4.1	1.0 versicolor
## 69	6.2	2.2	4.5	1.5 versicolor
## 70	5.6	2.5	3.9	1.1 versicolor
## 71	5.9	3.2	4.8	1.8 versicolor
## 72	6.1	2.8	4.0	1.3 versicolor
## 73	6.3	2.5	4.9	1.5 versicolor
## 74	6.1	2.8	4.7	1.2 versicolor
## 75	6.4	2.9	4.3	1.3 versicolor
## 76	6.6	3.0	4.4	1.4 versicolor
## 77	6.8	2.8	4.8	1.4 versicolor
## 78	6.7	3.0	5.0	1.7 versicolor
## 79	6.0	2.9	4.5	1.5 versicolor
## 80	5.7	2.6	3.5	1.0 versicolor
## 81		2.4	3.8	1.1 versicolor
	5.5			
## 82	5.5	2.4	3.7	1.0 versicolor
## 83	5.8	2.7	3.9	1.2 versicolor
## 84	6.0	2.7	5.1	1.6 versicolor
## 85	5.4	3.0	4.5	1.5 versicolor
## 86	6.0	3.4	4.5	1.6 versicolor
## 87	6.7	3.1	4.7	1.5 versicolor
## 88	6.3	2.3	4.4	1.3 versicolor
## 89	5.6	3.0	4.1	1.3 versicolor
## 90	5.5	2.5	4.0	1.3 versicolor
## 91	5.5	2.6	4.4	1.2 versicolor
## 92	6.1	3.0	4.6	1.4 versicolor
## 93	5.8	2.6	4.0	1.2 versicolor
## 94	5.0	2.3	3.3	1.0 versicolor
## 95	5.6	2.7	4.2	1.3 versicolor
## 96	5.7	3.0	4.2	1.2 versicolor
## 97	5.7	2.9	4.2	1.3 versicolor
## 98	6.2	2.9	4.3	1.3 versicolor
## 99	5.1	2.5	3.0	1.1 versicolor
## 100	5.7	2.8	4.1	1.3 versicolor
## 101	6.3	3.3	6.0	2.5 virginica
## 102	5.8	2.7	5.1	1.9 virginica
## 103	7.1	3.0	5.9	2.1 virginica
## 104	6.3	2.9	5.6	1.8 virginica
## 105	6.5	3.0	5.8	2.2 virginica
## 106	7.6	3.0	6.6	2.1 virginica
## 107	4.9	2.5	4.5	1.7 virginica
## 108	7.3	2.9	6.3	1.8 virginica
## 109	6.7	2.5	5.8	1.8 virginica
				=

	110	7.2	3.6	6.1	2.5	virginica
##	111	6.5	3.2	5.1	2.0	virginica
##	112	6.4	2.7	5.3	1.9	virginica
##	113	6.8	3.0	5.5	2.1	virginica
##	114	5.7	2.5	5.0	2.0	virginica
##	115	5.8	2.8	5.1	2.4	virginica
##	116	6.4	3.2	5.3	2.3	virginica
##	117	6.5	3.0	5.5	1.8	virginica
##	118	7.7	3.8	6.7	2.2	virginica
##	119	7.7	2.6	6.9	2.3	virginica
##	120	6.0	2.2	5.0	1.5	virginica
##	121	6.9	3.2	5.7	2.3	virginica
##	122	5.6	2.8	4.9	2.0	virginica
##	123	7.7	2.8	6.7	2.0	virginica
##	124	6.3	2.7	4.9	1.8	virginica
##	125	6.7	3.3	5.7	2.1	virginica
##	126	7.2	3.2	6.0	1.8	virginica
##	127	6.2	2.8	4.8	1.8	virginica
##	128	6.1	3.0	4.9	1.8	virginica
##	129	6.4	2.8	5.6	2.1	virginica
##	130	7.2	3.0	5.8	1.6	virginica
##	131	7.4	2.8	6.1	1.9	virginica
##	132	7.9	3.8	6.4	2.0	virginica
##	133	6.4	2.8	5.6	2.2	virginica
##	134	6.3	2.8	5.1	1.5	virginica
##	135	6.1	2.6	5.6	1.4	virginica
##	136	7.7	3.0	6.1	2.3	virginica
##	137	6.3	3.4	5.6	2.4	virginica
##	138	6.4	3.1	5.5	1.8	virginica
##	139	6.0	3.0	4.8	1.8	virginica
##	140	6.9	3.1	5.4	2.1	virginica
##	141	6.7	3.1	5.6	2.4	virginica
##	142	6.9	3.1	5.1	2.3	virginica
##	143	5.8	2.7	5.1	1.9	virginica
##	144	6.8	3.2	5.9	2.3	virginica
##	145	6.7	3.3	5.7	2.5	virginica
##	146	6.7	3.0	5.2	2.3	virginica
##	147	6.3	2.5	5.0	1.9	virginica
##	148	6.5	3.0	5.2	2.0	virginica
##	149	6.2	3.4	5.4	2.3	virginica
##	150	5.9	3.0	5.1	1.8	virginica
			3.3	J.1		
ırı	is[-101:-150,	1				

##		Sepal.Length	Sepal.Width	Petal.Length	Petal.Width	Species
##	1	5.1	3.5	1.4	0.2	setosa
##	2	4.9	3.0	1.4	0.2	setosa
##	3	4.7	3.2	1.3	0.2	setosa
##	4	4.6	3.1	1.5	0.2	setosa
##	5	5.0	3.6	1.4	0.2	setosa
##	6	5.4	3.9	1.7	0.4	setosa
##	7	4.6	3.4	1.4	0.3	setosa
##	8	5.0	3.4	1.5	0.2	setosa
##	9	4.4	2.9	1.4	0.2	setosa
##	10	4.9	3.1	1.5	0.1	setosa

	11	5.4	3.7	1.5	0.2	setosa
##	12	4.8	3.4	1.6	0.2	setosa
##	13	4.8	3.0	1.4	0.1	setosa
##	14	4.3	3.0	1.1	0.1	setosa
##	15	5.8	4.0	1.2	0.2	setosa
##	16	5.7	4.4	1.5	0.4	setosa
##	17	5.4	3.9	1.3	0.4	setosa
##	18	5.1	3.5	1.4	0.3	setosa
##	19	5.7	3.8	1.7	0.3	setosa
##	20	5.1	3.8	1.5	0.3	setosa
##	21	5.4	3.4	1.7	0.2	setosa
##	22	5.1	3.7	1.5	0.4	setosa
##	23	4.6	3.6	1.0	0.2	setosa
##	24	5.1	3.3	1.7	0.5	setosa
##	25	4.8	3.4	1.9	0.2	setosa
##	26	5.0	3.0	1.6	0.2	setosa
##	27	5.0	3.4	1.6	0.4	setosa
##	28	5.2	3.5	1.5	0.2	setosa
##	29	5.2	3.4	1.4	0.2	setosa
##	30	4.7	3.2	1.6	0.2	setosa
##	31	4.8	3.1	1.6	0.2	setosa
##	32	5.4	3.4	1.5	0.4	setosa
##	33	5.2	4.1	1.5	0.1	setosa
##	34	5.5	4.2	1.4	0.2	setosa
##	35	4.9	3.1	1.5	0.2	setosa
##	36	5.0	3.2	1.2	0.2	setosa
##	37	5.5	3.5	1.3	0.2	setosa
##	38	4.9	3.6	1.4	0.1	setosa
##	39	4.4	3.0	1.3	0.2	setosa
##	40	5.1	3.4	1.5	0.2	setosa
##	41	5.0	3.5	1.3	0.3	setosa
##	42	4.5	2.3	1.3	0.3	setosa
##	43	4.4	3.2	1.3	0.2	setosa
##	44	5.0	3.5	1.6	0.6	setosa
##	45	5.1	3.8	1.9	0.4	setosa
	46	4.8	3.0	1.4	0.3	setosa
##		5.1	3.8	1.6	0.2	setosa
##	48	4.6	3.2	1.4	0.2	setosa
##		5.3	3.7	1.5	0.2	setosa
	50	5.0	3.3	1.4	0.2	setosa
	51	7.0	3.2	4.7	1.4 vers	
	52	6.4	3.2	4.5	1.5 vers	
	53	6.9	3.1	4.9	1.5 vers	
	54	5.5	2.3	4.0	1.3 vers	
	55	6.5	2.8	4.6	1.5 vers	
	56	5.7	2.8	4.5	1.3 vers	
	57	6.3	3.3	4.7	1.6 vers	
	58	4.9	2.4	3.3	1.0 vers	
	59	6.6	2.9	4.6	1.3 vers	
	60	5.2	2.7	3.9	1.4 vers	
	61	5.0	2.0	3.5	1.0 vers	
##		5.9	3.0	4.2	1.5 vers	
##		6.0	2.2	4.0	1.0 vers	
##		6.1	2.9	4.7	1.0 vers	
π#	O-I	0.1	۷. ن	I.1	T.4 ACT!	PICOTOT

##	65	5.6	2.9	3.6	1.3 versicolor
##	66	6.7	3.1	4.4	1.4 versicolor
##	67	5.6	3.0	4.5	1.5 versicolor
##	68	5.8	2.7	4.1	1.0 versicolor
##	69	6.2	2.2	4.5	1.5 versicolor
##	70	5.6	2.5	3.9	1.1 versicolor
##	71	5.9	3.2	4.8	1.8 versicolor
##	72		2.8		1.3 versicolor
##		6.1		4.0	
##	73	6.3	2.5	4.9	1.5 versicolor
	74	6.1	2.8	4.7	1.2 versicolor
##	75 76	6.4	2.9	4.3	1.3 versicolor
##	76	6.6	3.0	4.4	1.4 versicolor
##	77	6.8	2.8	4.8	1.4 versicolor
##	78	6.7	3.0	5.0	1.7 versicolor
##	79	6.0	2.9	4.5	1.5 versicolor
##	80	5.7	2.6	3.5	1.0 versicolor
##	81	5.5	2.4	3.8	1.1 versicolor
##	82	5.5	2.4	3.7	1.0 versicolor
##	83	5.8	2.7	3.9	1.2 versicolor
##	84	6.0	2.7	5.1	1.6 versicolor
##	85	5.4	3.0	4.5	1.5 versicolor
##	86	6.0	3.4	4.5	1.6 versicolor
##	87	6.7	3.1	4.7	1.5 versicolor
##	88	6.3	2.3	4.4	1.3 versicolor
##	89	5.6	3.0	4.1	1.3 versicolor
##	90	5.5	2.5	4.0	1.3 versicolor
##	91	5.5	2.6	4.4	1.2 versicolor
##	92	6.1	3.0	4.6	1.4 versicolor
##	93	5.8	2.6	4.0	1.2 versicolor
##	94	5.0	2.3	3.3	1.0 versicolor
##	95	5.6	2.7	4.2	1.3 versicolor
##	96	5.7	3.0	4.2	1.2 versicolor
##	97	5.7	2.9	4.2	1.3 versicolor
##	98	6.2	2.9	4.3	1.3 versicolor
##	99	5.1	2.5	3.0	1.1 versicolor
##	100	5.7	2.8	4.1	1.3 versicolor

Now create a vector  $\mathbf{y}$  that is length the number of remaining rows in the data frame whose entries are 0 if "setosa" and 1 if "versicolor".

9. Fit a threshold model to y using the feature Sepal.Length. Try to write your own code to do this. What is the estimated value of the threshold parameter? What is the total number of errors this model makes?

```
#Sepal.Length
```

Does this make sense given the following summaries:

```
summary(iris[iris$Species == "setosa", "Sepal.Length"])
```

```
##
      Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
##
     4.300
             4.800
                      5.000
                              5.006
                                      5.200
                                               5.800
summary(iris[iris$Species == "virginica", "Sepal.Length"])
##
      Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
                                                Max.
     4.900
                              6.588
##
             6.225
                      6.500
                                      6.900
                                               7.900
```

Write your answer here in English.

10. Fit a perceptron model explaining y using all three features. Try to write your own code to do this. Provide the estimated parameters (i.e. the four entries of the weight vector)? What is the total number of errors this model makes?

#T0-D0