Partie 1

question 1

```
Minimiser x1 + x2 + x3 + x4 + x5 + x6
S.C. a: x1 + x2 >= 75
b: x2 + x3 >= 50
c: x3 + x4 >= 65
d: x4 + x5 >= 30
e: x5 + x6 >= 70
f: x6 + x1 >= 70
```

le probleme est de minimiser car , on cherche a affectue le moins de monde possible.

x1, x2, x3, x4, x5, x6 sont le nombre d'agent a affecte pour chaque intervalle horaire consecutive 1 ,2 ,3 ,4 ,5 ,6

le sc

- a : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 75 personne pour l'horaire de 10h-14h
- b : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 50 personne pour l'horaire de 14h-18h
- c : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 65 personne pour l'horaire de 18h-22h
- d : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 30 personne pour l'horaire de 22h-2h
- e : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 70 personne pour l'horaire de 2h-6h
- f : correspondre a le nombre d'agent ne dois pas depasser 70 personnepour l'horaire de 6h-10h

question 2

```
min: x1 + x2 + x3+ x4 + x5 + x6;

p10h14h: x1 + x2 >= 75;

p14h18h: x2 + x3 >= 50;

p18h22h: x3 + x4 >= 65;

p22h2h: x4 + x5 >= 30;

p2h6h: x5 + x6 >= 70;

p6h10h: x6 + x1 >= 70;

pX1hX2h => période X1 h a X2 h
```

question 3

Value of objective function: 210

Actual values of the variables:

```
      x1
      75

      x2
      0

      x3
      65

      x4
      0

      x5
      70

      x6
      0
```

- x1 de 6h-10h on doit affecter 75 personnes
- x3 de 14h18h on doit affecter 65 personnes
- x5 de 22h2h on doit affecter 70 personnes

comem c'est des service de 8 h et les intervalle horaire est de 4, c'est normale que les x2, x4, x6 sont null

```
question 4
```

```
min: 1.x1 + 1.x2 + 1.x3 + 1.x4 + 1.x5 + 1.x6;
p10h14h: x1 + x2 >= 75;
p14h18h: x2 + x3 >= 50;
p18h22h: x3 + x4 >= 65;
p22h2h: x4 + x5 >= 30;
p2h6h: x5 + x6 >= 70;
p6h10h: x6 + x1 >= 70;
Value of objective function: 210
Actual values of the variables:
                                75
х2
                                 0
                                65
хЗ
х4
                                 0
х5
                                70
```

l'organisation ne change pas par rapport au premeire modele.

0

question 5

х6

```
min: 28x1 + 24x2 + 20x3+ 28x4 + 32x5 + 36x6;

p10h14h: x1 + x2 >= 75;

p14h18h: x2 + x3 >= 50;

p18h22h: x3 + x4 >= 65;

p22h2h: x4 + x5 >= 30;

p2h6h: x5 + x6 >= 70;

p6h10h: x6 + x1 >= 70;
```

la fonction objectif est : 28x1 + 24x2 + 20x3 + 28x4 + 32x5 + 36x6; x1, x2, x3, x4, x5, x6 sont les tranche intervalles 1, 2, 3, 4, 5, 6 comme dans le tableau

le coefficient precedent les xi sont les prix payer par entreprise pour chaque aggent dans une intervalle de temps x1, ici comme intervalle est de 4 h, je prend le cout horaire donne par le tableau et fois 4 h d'ou : 28,24,20,28,32,36.

question 6

Value of objective function: 5620

Actual values of the variables:

| x1 | 70 |
|----|----|
| x2 | 5 |
| x3 | 65 |
| ×4 | 0 |
| x5 | 70 |
| x6 | 0 |

on peut affecter 70 agent pour x1 on peut affecter 5 agent pour x2 on peut affecter 65 agent pour x3 on peut affecter 0 agent pour x4 on peut affecter 70 agent pour x5 on peut affecter 0 agent pour x6

et l'entre prise doit payyer 5620 euro autotal

qustion 7

| Dual | values | with | from | _ | till | limits: |
|------|--------|------|------|---|------|---------|
| | | | | | | |

| Dual varues with Hom - | CIII IIIIIICS. | | |
|------------------------|----------------|--------|-------|
| | Dual value | From | Till |
| p10h14h | 24 | 70 | 1e+30 |
| p14h18h | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| p18h22h | 20 | 45 | 1e+30 |
| p22h2h | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| p2h6h | 32 | 30 | 1e+30 |
| p6h10h | 4 | 0 | 75 |
| x1 | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| x2 | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| x3 | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| x4 | 8 | - 40 | 20 |
| x5 | Θ | -1e+30 | 1e+30 |
| x6 | Θ | -5 | 40 |

ici , je je fait une augmentation de X4 de 1, cela augmentera l'optimale de 8

si j'augmente de 1 dans p10h14h elle augmente de 24 augmente p18h22h de 1 elle augmente de 20 augmente p2h6h de 1 elle augmente de 32 augmente p6h10h de 1 elle augmente de 4

question 8

si on augmente p2h22h de 1 elle augmente de 32, cette augmentation est superieur au autres, donc elle est critique

question9

```
question 10

min: 26x1 + 22x2 + 24x3+ 30x4 + 34x5 + 32x6;

p10h14h: x1 + x2 >= 75;

p14h18h: x2 + x3 >= 50;

p18h22h: x3 + x4 >= 65;

p22h2h: x4 + x5 >= 30;

p2h6h: x5 + x6 >= 70;

p6h10h: x6 + x1 >= 70;
```

Value of objective function: 5630

Actual values of the variables:

| x1 | 30 |
|----|----|
| x2 | 45 |
| x3 | 65 |
| x4 | Θ |
| x5 | 30 |
| x6 | 40 |

on fait le moyenne des cout sur les deux intervalle du temps travailler et fois 4 sur le nombre horaire

on peut affecter 30 agent pour x1 on peut affecter 45 agent pour x2 on peut affecter 65 agent pour x3 on peut affecter 0 agent pour x4 on peut affecter 30 agent pour x5 on peut affecter 40 agent pour x6