

# 第八章：数字签名和认证协议 - 学习笔记

---

## 1. 数字签名 (Digital Signature)

### 1.1 主要特征

数字签名是实现认证性 (Autentication)、完整性 (Integrity) 和不可抵赖性 (Non-repudiation) 的核心机制。

1. 验证源与时间：能够确认消息的发送者 (Autor) 以及签名生成的具体时间。
2. 内容认证：能够验证消息内容在签名后是否未被篡改 (完整性校验)。
3. 第三方仲裁：签名必须具备不可抵赖性，当通信双方发生争议时，第三方可以通过验证签名来解决争端。

### 1.2 设计需求

为了满足安全性，数字签名方案必须满足以下严格条件：

- 位串模式依赖性：签名必须是依附于被签名消息 (Message) 的一个位串 (Bit pattern)，即  $Signature = F(Message, Key)$ ，消息不同，签名必须不同。
- 易于操作：生成签名 (Generation)、识别和验证 (Verification) 在计算上必须是容易的（多项式时间内完成）。
- 计算上不可伪造 (**Computationally Infeasible**)：
  - 攻击者无法通过已有的签名伪造新的签名。
  - 攻击者无法对给定的消息伪造签名。
- 存储可行性：数字签名的副本必须易于保存和归档。

### 1.3 形式分类

#### 1.3.1 直接数字签名 (Direct Digital Signature)

指仅涉及通信双方（发送方和接收方）的签名方案。

1. 直接私钥加密：直接使用发送方私钥加密整个消息。
  - 缺点：效率极低（非对称加密速度慢）。

2. 对消息哈希签名，对消息体加密：先Hash后签名，再对整体加密。提供保密性和认证性。
3. 对消息哈希签名：仅提供完整性和认证性，消息明文传输。
4. 对消息哈希签名，连接后用共享密钥  $K_S$  加密：
  - 流程:  $E_{K_S}(M||E_{K_{RA}}((M)))$
  - Cons (缺点): 有效性严格依赖于发送方私钥的安全性。若私钥泄露，无法区分是发送方行为还是攻击者行为。

### 1.3.2 仲裁数字签名 (Arbitrated Digital Signature)

- 引入可信第三方（Trend Tird Party, TTP）作为“仲裁者”。
- 所有签名消息先发给仲裁者验证，再由仲裁者转发给接收方。
- 作用：解决直接签名中私钥泄露导致的抵赖问题。

## 2. 认证协议 (Autentication Protocols)

将“身份认证”与“密钥交换”功能结合，核心目标是确保通信实体的合法性并协商会话密钥（Session Key）。

### 2.1 核心问题

1. 保密性 (Confidentiality): 防止密钥在传输中被窃听。
2. 时效性 (Timeliness): 主要为了防御重放攻击 (Replay Attack)。

### 2.2 重放攻击 (Replay Attack) 类型详解

重放攻击是指攻击者截获有效信息并在稍后重新发送，意图欺骗系统。

1. 简单重放 (Simple Replay): 攻击者截获加密的消息副本，直接重发给接收方。
2. 可检测的重放 (Repetition tat can be detected): 攻击者在合法的时间窗口内重放带有时间戳的消息（若网络延迟导致时间戳即将在临界点过期，可能造成混淆）。
3. 不可检测的重放 (Repetition tat cannot be detected):
  - 场景: 原消息被攻击者拦截并扣留，导致并未到达目的地。攻击者在稍后时间发送该消息。由于接收方从未收到过原消息，无法通过查重机制（如序列号缓存）发现。

4. 不做修改的反向重放 (**Reflection Attack**): 将截获的消息原封不动地发回给发送者（而不是发送给原本的接收者），试图诱骗发送者解密或响应。

### 2.3 重放攻击对策

- 序列号 (**Sequence Number**): 对每条消息编号，接收方记录已接收的序号（适用于连接型通信）。
- 时间戳 (**Timestamp**): 消息中包含发送时间  $T$ ，接收方校验  $|Clock - T| < \Delta t$ 。需要全网时钟同步。
- 随机值/响应 (**Challenge-Response / Nonce**):
  - 发送方发送一个随机数 (Nonce)，要求接收方在响应中包含该数值（通常加密或签名）。
  - *KDC (Key Distribution Center)* 常用此法。

## 3. Kerberos (基于对称密钥)

Kerberos 是基于对称加密 (Symmetric Key) 和可信第三方 (KDC) 的认证协议，源自 MIT Atena 计划。

### 3.1 运行环境与目标

- 环境: 开放的分布式网络环境，服务器分布广泛。
- 目标:
  - 安全 (**Secure**): 抵抗窃听和重放。
  - 可靠 (**Reliable**): 利用分布式结构备份，无单点故障（逻辑上）。
  - 透明 (**Transparent**): 用户仅需输入一次密码即可无感访问服务。
  - 可拓展 (**Scalable**): 支持大规模用户和服务器。

### 3.2 系统组件

Kerberos 将 KDC 分为两个逻辑部分:

1. **AS (Autentication Server)**: 认证服务器。验证用户身份，发放 TGT (Ticket Granting Ticket)。
2. **TGS (Ticket Granting Server)**: 票据授权服务器。验证 TGT，发放具体服务的票据 (Service Ticket)。

### 3.3 票据 (Ticket) 结构

票据是安全服务器颁发给用户  $C$  的加密凭证，用于向服务器证明身份。用户本身无法解密票据（由服务器的密钥加密）。

#### TGS 票据 (Ticket Granting Ticket)

TGS 票据由 **AS** 颁发，用于向 TGS 证明用户身份：

$$Ticket_{TGS} = E_{K_{TGS}}(ID_C \mid AD_C \mid ID_{TGS} \mid TTL \mid K_{C,TGS})$$

- $K_{TGS}$ : TGS 与 KDC 共享的密钥。
- $ID_C$ : 客户端 ID。
- $AD_C$ : 客户端网络地址（防IP欺骗）。
- $ID_{TGS}$ : TGS 标识符。
- $TTL$ : 有效期 (Time To Live)。
- $K_{C,TGS}$ : C 和 TGS 之间的会话密钥。

#### 服务票据 (Service Ticket)

服务票据由 **TGS** 颁发，用于向具体应用服务器  $V$  证明身份：

$$Ticket_V = E_{K_V}(ID_C \mid AD_C \mid ID_V \mid TTL \mid K_{C,V})$$

- $K_V$ : 服务器 V 与 KDC 共享的密钥。
- $ID_C$ : 客户端 ID。
- $AD_C$ : 客户端网络地址（防IP欺骗）。
- $ID_V$ : 服务器 V 的标识符。
- $TTL$ : 有效期 (Time To Live)。
- $K_{C,V}$ : C 和 V 之间的会话密钥。

### 3.4 Kerberos 认证流程图

以下流程描述用户  $C$  请求访问应用服务器  $V$  的过程：

阶段一：用户登录与**AS**认证

1.  $C \rightarrow AS: ID_C \mid ID_{TGS} \mid TS_1$ 
  - 用户向 AS 表明身份，请求访问 TGS。
2.  $AS \rightarrow C: E_{K_C}(K_{C,TGS} \mid ID_{TGS} \mid TS_2 \mid Lifetime_2 \mid Ticket_{TGS})$ 
  - AS 验证  $C$  密码有效性后，生成会话密钥  $K_{C,TGS}$  和  $Ticket_{TGS}$ 。

- $Ticket_{TGS}$  是用 TGS 密钥加密的，C 无法解密，只能转发。

阶段二：获取服务票据

1.  $C \rightarrow TGS: ID_V | Ticket_{TGS} | Autenticator_C$ 
  - C 发送 TGT 和一个认证符 (Autenticator)。
  - $Autenticator_C = E_{K_{C,TGS}}(ID_C | AD_C | TS_3)$ , 用于证明 C 拥有  $K_{C,TGS}$
  -
2.  $TGS \rightarrow C: E_{K_{C,TGS}}(K_{C,V} | ID_V | TS_4 | Ticket_V)$ 
  - TGS 验证 TGT 和 Autenticator 有效后，发放访问 V 的票据。

阶段三：访问应用服务

1.  $C \rightarrow V: Ticket_V | Autenticator'_C$ 
  - 其中， $Autenticator'_C = E_{K_{C,V}}(ID_C | AD_C | TS_5)$ 。
2.  $V \rightarrow C: E_{K_{C,V}}(TS_5 + 1)$  (可选)
  - 双向认证步骤。V 将时间戳加 1 发回，证明 V 成功解密了  $Ticket_V$  并提取了  $K_{C,V}$ 。

## 4. X.509 (基于公钥证书)

X.509 是基于公钥密码学和数字签名的认证框架，广泛用于 SSL/TLS、S/MIME。

### 4.1 基础设施 (PKI)

- **CA (Certification Authority):** 受信任的证书颁发机构，拥有自己的公私钥对。  
通常呈树状层次结构组织。
- **证书 (Certificate):** 网络身份证件。由 CA 签发，将用户身份与公钥绑定。
  - 存储在目录服务 (X.500) 中，所有人可查询。
- 证书结构：

$$Cert_{A,X} = [ID_A, KU_A, Sig(KR_X, ID_A, KU_A)]$$

即：CA X 对用户 A 的 ID 和公钥  $KU_A$  的哈希值进行签名。

### 4.2 证书验证与层次结构

- 验证逻辑：用户使用 CA 的公钥  $KU_{CA}$  来验证证书上的签名  $Sig$ 。
- **证书链 (Certificate Chain):**

- 前向证书： $X$  生成的证书（给别人发的）。
- 后向证书： $X$  获得的证书（别人给 $X$ 发的）。
- 验证需在树中找到通路（Certification Path），层层验证。

### 4.3 证书回收 (Revocation)

- CA 维护 CRL (Certificate Revocation List)。
- 回收原因：
  - i. 用户私钥泄露。
  - ii. 用户不再归属该 CA（如离职）。
  - iii. CA 自身的私钥泄露。

### 4.4 证书获取与验证流程 (Pre-Authentication Phase)

在进行具体的身份认证之前，通信双方必须先获取并验证对方的公钥证书。这是建立信任链（Chain of Trust）和后续认证安全性的基石。

#### 4.4.0 符号定义

- $CA$ : 认证中心 (Certificate Authority)。
- $KU_{CA}, KR_{CA}$ : CA 的公钥和私钥。
- $Cert_A$ : 用户 A 的 X.509 证书。
- $CSR$ : 证书签名请求 (Certificate Signing Request)。
- $X.500$ : 存储证书的目录服务 (Directory Service)。

#### 4.4.1 证书申请与颁发 (Issuance)

这是证书生命周期的起点。以 A 为例：

1.  $A \rightarrow CA$  (证书申请)

$$CSR = \{ID_A, KU_A, \text{Sign}_{KR_A}(ID_A, KU_A)\}$$

- **解释：** 用户 A 本地生成密钥对  $\{KU_A, KR_A\}$ ，然后向 CA 发送 CSR。
- **核心逻辑：** A 不仅发送身份  $ID_A$  和公钥  $KU_A$ ，还必须包含用自己私钥  $KR_A$  的签名。
- **目的 (Proof of Possession) :** 证明申请者确实拥有该公钥对应的私钥，防止攻击者截获 A 的公钥后冒名顶替去申请证书。

2.  $CA \rightarrow A$  (颁发证书)

$$Cert_A = \{\underbrace{ID_A, KU_A, T, Issuer, \dots}_{\text{TBS Certificate}}, \text{Sign}_{KR_{CA}}(H(\text{TBS Certificate}))\}$$

- **解释：**CA 通过带外方式（如柜台审核、内部邮件验证）确认 A 的真实身份后，生成证书。
- **TBS Certificate :** 待签名数据 (To-Be-Signed)，包含 A 的信息、有效期  $T$ 、算法标识等。
- 签名操作：CA 对 TBS 数据计算哈希  $H$ ，然后用 CA 的私钥  $KR_{CA}$  对哈希值加密，生成数字签名。

#### 4.4.2 证书交换与验证 (Exchange & Validation)

在进入具体认证协议（握手）之前，通信双方必须先交换证书并验证真伪，以确保自己手中持有的对方公钥是可信的。

##### 1. 证书交换 (Certificate Exchange)

为了实现后续的双向认证，A 和 B 需要互相获取对方的证书。

- 方式一 (目录服务/Pull)：通信双方各自去 X.500 目录服务器下载对方的证书。
- 方式二 (带外传输/Push)：在协议初始阶段（如 TLS Hello 消息），A 将  $Cert_A$  发送给 B，B 将  $Cert_B$  发送给 A。

##### 2. 证书验证 (Verification Logic)

收到证书后（以 B 验证  $Cert_A$  为例），必须执行严格的四步验证。任何一步失败，流程立即终止。

###### • Step 1: 完整性验证 (Integrity)

确保“名片”是由合法的 CA 签发且未被涂改。

$$\text{Valid} = \left( D_{KU_{CA}}(\text{Signature}) \stackrel{?}{=} H(\text{TBS Certificate}) \right)$$

- B 使用本地信任存储区 (Trust Store) 中的 CA 公钥  $KU_{CA}$  解密证书上的签名。
- 计算证书内容 (TBS部分) 的哈希值，对比两者是否一致。

###### • Step 2: 有效期验证 (Validity Period)

$$\text{NotBefore} \leq t_{\text{now}} \leq \text{NotAfter}$$

- 检查当前时间是否在证书定义的有效期窗口内。

###### • Step 3: 吊销状态验证 (Revocation)

检查证书是否在到期前被紧急作废（如 A 私钥泄露）：

- **CRL (Certificate Revocation List)**：下载 CA 定期发布的“黑名单”文件进行比对。
- **OCSP (Online Certificate Status Protocol)**：实时向 CA 服务器查询该证书序列号的状态。
- **Step 4: 信任链验证 (Chain of Trust)**
  - 若签发  $Cert_A$  的 CA 不是 B 的信任根 (Root CA)，B 必须获取该中间 CA 的证书。
  - 沿证书链向上递归验证，直到链条顶端是 B 本地可信的根证书。

### 3. 阶段总结 (Outcome)

- 当 A 和 B 都完成了上述过程：
  - B 成功提取并信任了 A 的公钥 ( $KU_A$ )。
  - A 成功提取并信任了 B 的公钥 ( $KU_B$ )。
- 此时，双方尚未确认对方“是否在线”或“是否由本人操作”，仅确认了公钥的归属。接下来将利用这些公钥进行 Challenge-Response 认证。

## 4.5 X.509 认证协议流程图

X.509 定义了三种认证级别：单向（One-way）、双向（Two-way）和三向（Three-way）。三向认证最完善，无需双方时钟同步即可抵抗重放攻击。

### 4.5.0 认证简介：

X.509 认证协议包含三种逐级递进的认证方式：

1. 单向认证 (One-way Authentication)
  - 仅 B 验证 A 的身份，A 不验证 B。
  - 应用场景：企业登录、Web 访问等。
  - 依赖时间戳防重放，要求全网时钟同步。
2. 双向认证 (Two-way Authentication)
  - 双方互相验证身份（相互认证）。
  - 相比单向，增加了 B 对 A 的响应，防止 B 伪装。
  - 依赖时间戳（Step 1）+ 随机数响应（Step 2）防重放，仍需时钟同步。
3. 三向认证 (Three-way Authentication)
  - 双方互相验证身份，且无需时钟同步。

- 通过纯 Nonce 机制（Challenge-Response）防重放，最安全但交互最频繁。
- 适用于高安全需求且网络延迟可能导致时钟不同步的场景。

对比表格：

特性	单向认证 (One-way)	双向认证 (Two-way)	三向认证 (Three-way)
交互次数	1 次	2 次	3 次
认证方向	A→B	A↔B	A↔B
防重放依赖	时间戳	时间戳(Step 1) + 随机数 (Step 2)	纯随机数 <b>(Nonce)</b>
时钟同步	必须	必须	不需要

#### 4.5.1 符号定义：

符号定义：

- $A, B$ : 通信双方。
- $t_A$ : A 的时间戳（用于检查有效期）。
- $r_A$ : A 生成的 Nonce（随机数）。
- $sgnData$ : 被签名的数据。
- $E_{KU_b}$ : 用 B 的公钥加密。
- $K_{ab}$ : 会话密钥。

#### 4.5.2 单向认证流程：

##### 1. $A \rightarrow B$ (身份认证请求)

- $A\{t_A, r_A, ID_A, sgnData, E_{KU_b}(K_{ab})\}$ 
  - 解释：A 发送时间戳  $t_A$ 、随机数  $r_A$ 、自己的ID，以及用B的公钥加密的会话密钥。消息通过A的私钥签名。
  - 目的：A 向B 证明自己的身份（通过签名验证），传递会话密钥。

##### 2. B 验证内容：

- 使用 A 的公钥验证签名（确认消息来自A）。
- 检查时间戳  $t_A$  是否在允许范围内（防重放）。

- 解密会话密钥  $K_{ab}$ 。
3. 结论：B 相信自己收到的是来自 A 的真实消息。

#### 4.5.3 双向认证流程：

1.  $A \rightarrow B$  (身份认证请求)
  - $A\{t_A, r_A, ID_A, sgnData, E_{KU_b}(K_{ab})\}$ 
    - 与单向认证第1步相同。
2.  $B \rightarrow A$  (响应与反向认证)
  - $B\{t_B, r_B, ID_B, r_A, sgnData\}$ 
    - 解释：B 发送自己的时间戳  $t_B$ 、随机数  $r_B$ 、自己的ID，同时把 A 的随机数  $r_A$  发回去。消息通过B的私钥签名。
    - 目的：B 向 A 证明自己的身份，确认收到了第1步的消息（通过回传  $r_A$ ），防重放。
  - A 验证内容：
    - a. 使用 B 的公钥验证签名（确认消息来自B）。
    - b. 检查时间戳  $t_B$  是否在允许范围内。
    - c. 检查收到的  $r_A$  是否与自己发送的相同（确认这是对第1步的响应，防反向重放）。
3. 结论：A 和 B 互相认证通过，双方拥有共享的会话密钥  $K_{ab}$ 。

#### 4.5.4 三向认证流程：

- $A, B$ : 通信双方。
- $t_A$ : A 的时间戳（用于检查有效期）。
- $r_A$ : A 生成的 Nonce（随机数）。
- $sgnData$ : 被签名的数据。
- $E_{KU_b}$ : 用 B 的公钥加密。
- $K_{ab}$ : 会话密钥。

#### 4.5.4 三向认证流程：

1.  $A \rightarrow B$  (建立连接请求)
  - $A\{t_A, r_A, ID_B, sgnData, E_{KU_b}(K_{ab})\}$ 
    - 解释：A 发送带签名的数据，包含时间戳、随机数、目标B的ID，并用 B 的公钥加密了生成的会话密钥。

- 目的：A 证明自己的身份，传递密钥。

### 2. $B \rightarrow A$ (响应挑战)

- $B\{t_B, r_B, ID_A, r_A, sgnData\}$ 
  - 解释：B 发送自己的时间戳、随机数  $r_B$ ，同时把 A 的随机数  $r_A$  发回去（证明自己收到了消息 1）。
  - 目的：B 证明的身份，确认收到  $K_{ab}$ ，检测重放（通过  $r_A$ ）。

### 3. $A \rightarrow B$ (确认)

- $A\{r_B\}$ 
    - 解释：A 对 B 的随机数  $r_B$  进行签名并发回。
    - 目的：消除对同步时钟的依赖。即使  $t_A, t_B$  检查通过，若无第 3 步，在非同步网络中仍可能有风险；第 3 步通过 Nonce 回传机制完成了最终握手。
-