Imię Nazwisko Grupa	Temat	Data
Michał Słowikowski Gr 4	Scenariusz 6	22.12.2017r.

Celem ćwiczenia było napisanie zapoznanie się z działaniem sieci Kohonena przy wykorzystaniu reguły WTM do nauki istotnych cech liter

Syntetyczny opis algorytmu uczenia

Do wykonania ćwiczenia zbudowałem SOM (self organizing map) z użyciem algorymtmu WTM. Sieć składała się ze zmiennej ilości neuronów, które początkowo przybierały losowe wagi. Przygotowałem 1 zestaw danych wejściowych, na który składało się 20 liter oraz ich zaszumione wersje. Do uczenia wykorzystałem 20 poprawnych natomiast do testowania zaszumione wersje. Mapa składała się z siatki o różnej ilości neuronów, jednak do przedstawiania danych zawsze wypisywana była jako kwadrat.

Sieć Kohonena pomaga reprezentować wielowymiarowe dane w przestrzeni o mniejszym wymiarze. Algorytm polega na tym, że najpierw z zestawu danych losujemy losowy rekord. Następnie szukamy neuronu, który znajduje się "najbliżej" jego, będzie on tzw. "Zwycięzcą" . Obliczanie odległości odbywało się wg. Wzoru:

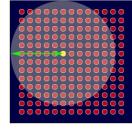
$$Dist = \sqrt{\sum_{i=0}^{i=n} (V_i - W_i)^2}$$

Equation 1

Następnie należało wyznaczyć nowe wagi tego neuronu wg wzoru.

$$\mathbf{w}_i(k+1) = \mathbf{w}_i(k) + \eta_i(k)[\mathbf{x} - \mathbf{w}_i(k)]$$

Dla neuronów leżących w sąsiedztwie



$$\sigma(t) = \sigma_0 \exp\left(-\frac{t}{\lambda}\right)$$
 $t = 1, 2, 3...$

equation 2

Wzór na obliczanie promienia sąsiedztwa

$$W(t+1) = W(t) + \Theta(t)L(t)(V(t) - W(t))$$

Equation 5

Wzór na nowe wagi

$$\Theta(t) = \exp\left(-\frac{dist^2}{2\sigma^2(t)}\right) \qquad t = 1, 2, 3...$$

Equation 6

Wzór zależności wpływu odległości neuronu sąsiedniego.

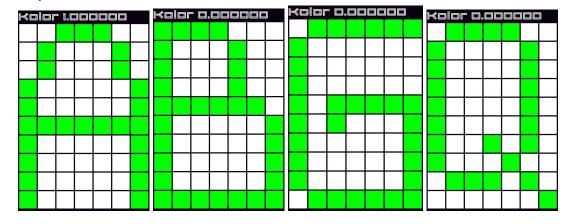
Trzeba również wziąć pod uwagę jego odległość podczas obliczania nowych wag. Bliższy sąsiad powinien zbliżyć się bardziej niż dalszy.

Oprócz zmiany ilości neuronów w sieci, zmiany współczynnika uczenia oraz spotkałem się z modyfikacją polegającą na zmniejszaniu w każdej epoce współczynnika uczenia. Wykonałem testy z i bez tej modyfikacji (z współczynnik uczenia dzieliłem przez 2).

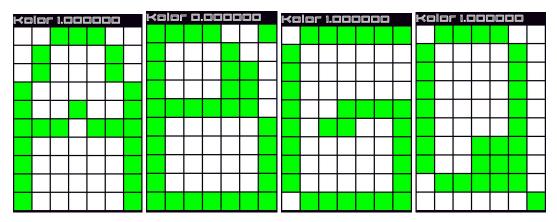
Dane do nauki

Jako dane do nauki przygotowałem litery, które zostały opisane za pomocą tablicy zawierającej piksele. Wielkość jeden litery to 7x10px czyli 70px (w pierwszej wersji użyłem liter z poprzedniego ćwiczenia, jednak zawierały one jedynie 35px przez co sieć nie potrafiła poprawnie rozpoznawać różnic w literach, zwiększenie rozmiaru tablicy znacząco poprawiło wyniki).

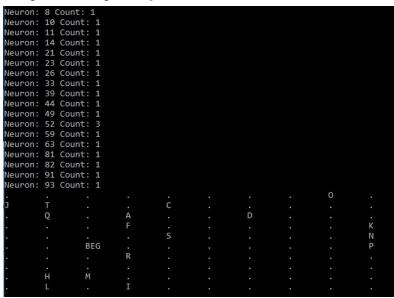
Przykładowe dane:



Zaszumione:



Przykładowy output:



Lr = 0.2, ilość neuronów = 100, ilość cykli = 5000, radius = 2

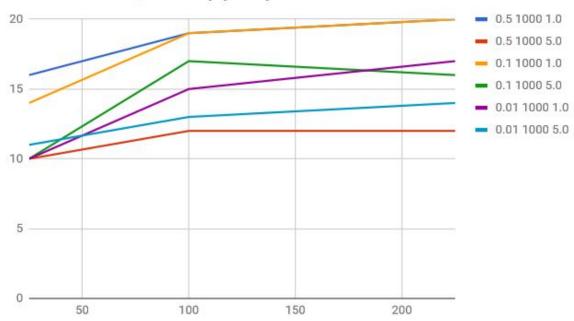
Wyniki

Sprawdzałem zachowanie sieci ze względu na współczynnik uczenia oraz promień sąsiedztwa.

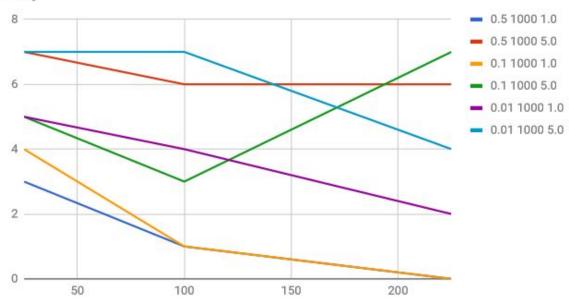
Parametry w legendzie po kolei 0.5 - współczynnik uczenia, 1000- ilość cykli, 1.0 - promień sąsiedztwa

Oś x - ilość neuronów w siatce

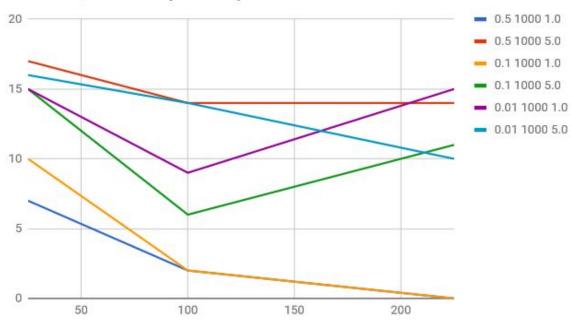
Ilość neuronów, które były aktywowane



Ilość neuronów, które były aktywowane przez co najmniej 2 litery



Ilość liter, które aktywowały ten sam neuron co inna



Analiza Wyników

Na podstawie wykresów i porównywania otrzymanych outputów można zauważyć występowanie tworzenia się grup podobnych liter (wiele liter aktywowały jeden neuron).

Ze względu na współczynnik uczenia:

Jeżeli współczynnik uczenia był mniejszy litery miały tendencje do grupowania się w wiele małych grup. Neuron zwykle był aktywowany przez 2, rzadko 3, litery.

```
Neuron: 0 Count: 1
Neuron: 1 Count: 1
Neuron:
        2 Count:
        3
Neuron: 5 Count:
Neuron: 6 Count: 3
                           Neuron: 0 Count: 10
Neuron: 7 Count: 1
                           Neuron: 2 Count: 10
Neuron: 8 Count:
                                                    BDEGHLMNOS
                           ACFIJKPQRT
        В
HMN
        IT
AOP
                DEFGKLR
```

Ekstremalny przypadek dla 9 neuronów (po lewej lr = 0.5, po prawej = 0.01)

Ze względu na promień:

Wyniki dla promienia równego 1.0 były znacząco lepsze niż dla promienia równego 5.0. Większy promień powodował przesunięcie większej ilości neuronów. Powodowało to, że znacznie mniej neuronów było aktywowanych w porównaniu do wersji z mniejszym promieniem.

Wnioski

- Podobne litery często aktywowały ten sam neuron (np. H i N)
- Bardzo ważny był współczynnik uczenia. Mniejszy współczynnik uczenia powodował tworzenie się grup
- Większy promień powodował, że podczas testów aktywowało się mniej neuronów
- Można było poprawić jakość sieci zwiększając ilość danych (np utworzyć zaszumione dane, które służyłyby do nauki)

Kod

```
pusing System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Text;
        double[] weights;
public Neuron(double[] weights)
{
    this.weights = new double[weights.Length];
    Array.Copy(weights, this.weights, weights.Length);
}
        public double CalculateEuclideanDistance(double[] input) //obliczanie dystansu
{
             double sum = 0.0;
for (int i = 0; i < input.Length; i++)</pre>
             sum += Math.Pow((input[i] - weights[i]), 2);
             sum += Math.Pow((1 - weights[input.Length]), 2);
return Math.Sqrt(sum);
         public void PrintWeights()
{
             foreach (double w in weights)
        public double[] GetWeights()
{
            return weights;
         public void CalculateNewWeights(double[] input, double lr) //obliczanie nowych wag dla wygrywającego neuronu
{
             for (int i = 0; i < input.Length; i++)
{</pre>
             weights[i] += lr * (input[i] - weights[i]);
}
        weights[input.Length] += lr * (1 - weights[input.Length]);
}
        public void CalculateNewWeights(double[] input, double lr, double theta) //obliczanie nowych wag dla neuronów znajdujących się w sąsiedztwie
            for (int i = 0; i < input.Length; i++)
{</pre>
             weights[i] += lr * theta * (input[i] - weights[i]);
}
            weights[input.Length] += lr * theta * (1 - weights[input.Length]);
```

```
System.Collections.Generic;
System.Ling;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
namespace Scen4ver2
      public static char[] Character = new char[] { 'A', '8', 'C', 'D', 'E', 'F', 'G', 'H', 'I', 'J', 'K', 'L', 'M', 'N', 'O', 'P', 'Q', 'R', 'S', 'T' };
public static double[,] input = new double[,]{
             0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 1.0,
0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
```

```
8.0, 8.0, 8.0, 1.0, 8.0, 8.0, 8.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0
};
public static double[,] testInput = new double[,]{
       0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0
   3,
       1.0, 1.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
```

```
1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
        1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
        0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       8.0, 8.0, 8.0, 1.0, 8.0, 8.0, 8.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0
};
public static double[] GetInput(int number, double[,] data)
   double[] result = new double[data.GetLength(1)];
   for (int i = 0; i < result.Length; i++)
        result[i] = data[number, i];
   return result;
public static void RestoreInputToCorrectOrder()...
public static void ShuffleInputData()
   int inputDataCount = input.GetLength(0);
   int inputDataAttributionsCount = input.GetLength(1);
   Random r = new Random();
   int place;
   double[] tmp = new double[inputDataAttributionsCount];
   for (int i = 0; i < inputDataCount; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            tmp[j] = input[i, j];
        place = r.Next(i, inputDataCount);
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            input[i, j] = input[place, j];
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            input[place, j] = tmp[j];
```

```
sing System;
using System.Linq;
using System.Threading.Tasks;
□namespace Scen4ver2
    class Map
         private Neuron[] neuronMap;
         private int numberOfNeurons;
         private double Max;
         private double neighborRadius;
         private double lambda;
         public Map(double learningRate, int numberOfNeurons, int iter, double neighbor)
             this.lambda = iter / Math.Log(neighbor);
             this.neighborRadius = neighbor;
             this.Max = iter;
             this.numberOfNeurons = numberOfNeurons;
             lr = learningRate;
             neuronMap = new Neuron[this.numberOfNeurons];
             double[] weights = new double[DataProvider.input.GetLength(1) + 1];
             int size = (int)Math.Sqrt(numberOfNeurons);
             double \hat{y} = 0;
for (int j = 0; j < numberOfNeurons; j++)
                     for (int i = 0; i < weights.Length; i++)</pre>
                         weights[i] = r.NextDouble();
                     neuronMap[j] = new Neuron(weights);
         public void PrintMap()
             for (int i = 0; i < neuronMap.Length; i++)</pre>
                Console.WriteLine("Neuron : " + i);
                 neuronMap[i].PrintWeights();
         public void Learn()
            double lenght;
             double min;
             int counter = 0;
             int neuronNumber = 0;
                 DataProvider.ShuffleInputData();
                 for (int i = 0; i < DataProvider.input.GetLength(0); i++)</pre>
                     double[] input = DataProvider.GetInput(i, DataProvider.input);
                     min = 0.0;
                     for (int j = 0; j < neuronMap.Length; j++)</pre>
                         lenght = neuronMap[j].CalculateEuclideanDistance(input);
                         if (lenght < min || j == 0)</pre>
                             min = lenght;
                     neuronMap[neuronNumber].CalculateNewWeights(input, lr); //obliczanie wag neuronu
                 counter++;
                 CalculateLearningRate();
                 CalculateNeighborRadius(counter);
             } while (Max > counter);
             DataProvider.RestoreInputToCorrectOrder();
```

```
private void CalculateNewWeights(int neuronNumber, double[] input)
                                                                                  //obliczanie wag neuronu wygrywającego i sąsiadów
    neuronMap[neuronNumber].CalculateNewWeights(input, lr); //obliczanie wag zwycięzcy
    for (int j = 0; j < neuronMap.Length; j++)</pre>
        if(j!=neuronNumber)
             double[] w = new double[70];
            Array.Copy(neuronMap[neuronNumber].GetWeights(), w, 70);
double distance = neuronMap[j].CalculateEuclideanDistance(w);
            if (distance <= neighborRadius)</pre>
                double theta = CalculateTheta(distance);
CalculateNewWeights(neuronNumber, input);
private double CalculateTheta(double distance)
   return Math.Exp(-(Math.Pow(distance, 2) / (2 * Math.Pow(neighborRadius, 2))));
public void Test(double[,] inputArray)
    int neuronNumber;
    int[] responseCounter = new int[neuronMap.Length];
    responseCounter.Select(i => 0).ToArray();
    for (int i = 0; i < inputArray.GetLength(0); i++)</pre>
        double[] input = DataProvider.GetInput(i, inputArray);
        neuronNumber = ClassifyInput(input);
responseCounter[neuronNumber]++;
        Console.WriteLine(DataProvider.Character[i] + " Got: " + neuronNumber);
    int n;
    for (int i = 0; i < responseCounter.Length; i++)
        n = responseCounter[i];
        if (n != 0)
           Console.WriteLine("Neuron: " + i + " Count: " + n);
private void CalculateNeighborRadius(int epoch)
    neighborRadius = neighborRadius * Math.Exp(-epoch / lambda);
public void PrintMap(double[,] inputArray)
                                                                //wvświetl nowa mape
    int size = inputArray.GetLength(0) / DataProvider.Character.Length;
    int mapS = (int)Math.Sqrt(numberOfNeurons);
    int beg = 0;
    String[] map = new String[numberOfNeurons];
    for (int i = 0; i < map.Length; i++)</pre>
        map[i] = "";
    for (int i = 0; i < inputArray.GetLength(0); i++)
        beg = i " size;
        end = beg + size;
        map = calculateMap(map, beg, end, DataProvider.Character[i].ToString(), inputArray);
    for (int i = 0; i < mapS; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < mapS; j++)
            int k = i * mapS + j;
if (map[k] == "")
                Console.Write(".\t");
           Console.Write(map[k] + "\t");
}
        Console.WriteLine():
```