Imię Nazwisko Grupa Michał Słowikowski Gr 4	Temat Scenariusz 6	Data 22.12.2017r.

Celem ćwiczenia było napisanie zapoznanie się z działaniem sieci Kohonena przy wykorzystaniu reguły WTA do odwzorowania istotnych cech kwiatów.

## Syntetyczny opis algorytmu uczenia

Do wykonania ćwiczenia zbudowałem SOM (self organizing map) z użyciem algorymtmu WTA. Sieć składała się ze zmiennej ilości neuronów, które początkowo przybierały losowe wagi. Przygotowałem również zestaw danych wejściowych, na który składało się 150 rekordów i 3 gatunków kwiatów. Do uczenia wykorzystałem 105 (po 35 z każdego gatunku) natomiast do testowania wyników 45 (po 15 z każdego gatunku). Mapa składała się z siatki o różnej ilości neuronów, jednak do przedstawiania danych zawsze wypisywana była jako kwadrat.

Sieć Kohonena pomaga reprezentować wielowymiarowe dane w przestrzeni o mniejszym wymiarze. Algorytm polega na tym, że najpierw z zestawu danych losujemy losowy rekord. Następnie szukamy neuronu, który znajduje się "najbliżej" jego, będzie on tzw. "Zwycięzcą" . Obliczanie odległości odbywało się wg. Wzoru:

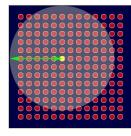
$$Dist = \sqrt{\sum_{i=0}^{i=n} (V_i - W_i)^2}$$

Equation 1

Następnie należało wyznaczyć nowe wagi tego neuronu wg wzoru.

$$\mathbf{w}_{i}(k+1) = \mathbf{w}_{i}(k) + \eta_{i}(k)[\mathbf{x} - \mathbf{w}_{i}(k)]$$

Dla neuronów leżących w sąsiedztwie



$$\sigma(t) = \sigma_0 \exp\left(-\frac{t}{\lambda}\right)$$
  $t = 1, 2, 3...$ 

Wzór na obliczanie promienia sąsiedztwa

$$W(t+1) = W(t) + \Theta(t)L(t)(V(t) - W(t))$$

Equation 5

Wzór na nowe wagi

$$\Theta(t) = \exp\left(-\frac{dist^2}{2\sigma^2(t)}\right) \qquad t = 1, 2, 3...$$

Equation 6

Wzór zależności wpływu odległości neuronu sąsiedniego.

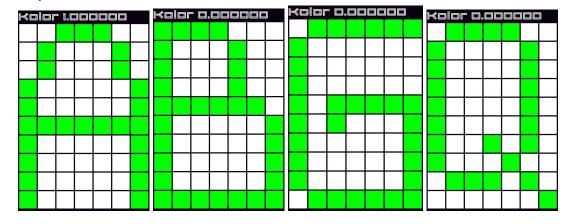
Trzeba również wziąć pod uwagę jego odległość podczas obliczania nowych wag. Bliższy sąsiad powinien zbliżyć się bardziej niż dalszy.

Oprócz zmiany ilości neuronów w sieci, zmiany współczynnika uczenia oraz spotkałem się z modyfikacją polegającą na zmniejszaniu w każdej epoce współczynnika uczenia. Wykonałem testy z i bez tej modyfikacji (z współczynnik uczenia dzieliłem przez 2).

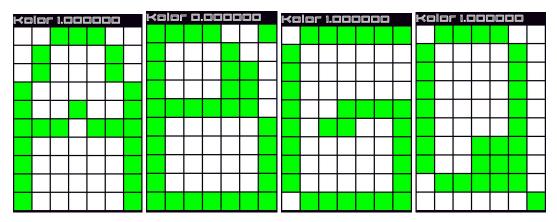
### Dane do nauki

Jako dane do nauki przygotowałem litery, które zostały opisane za pomocą tablicy zawierającej piksele. Wielkość jeden litery to 7x10px czyli 70px (w pierwszej wersji użyłem liter z poprzedniego ćwiczenia, jednak zawierały one jedynie 35px przez co sieć nie potrafiła poprawnie rozpoznawać różnic w literach, zwiększenie rozmiaru tablicy znacząco poprawiło wyniki).

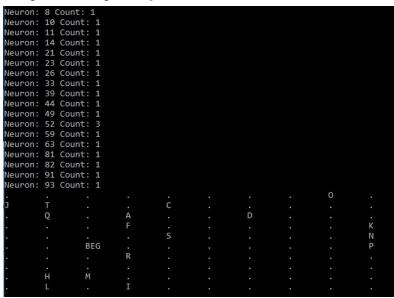
### Przykładowe dane:



#### Zaszumione:



## Przykładowy output:



Lr = 0.2, ilość neuronów = 100, ilość cykli = 5000, radius = 2

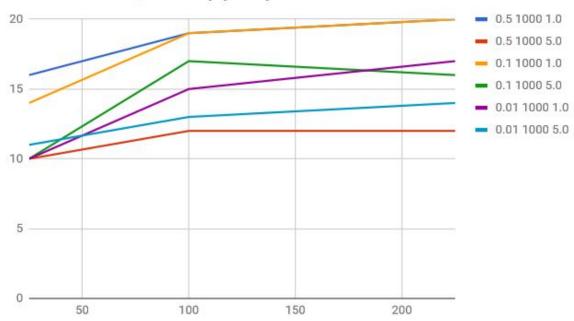
## Wyniki

Sprawdzałem zachowanie sieci ze względu na współczynnik uczenia oraz promień sąsiedztwa.

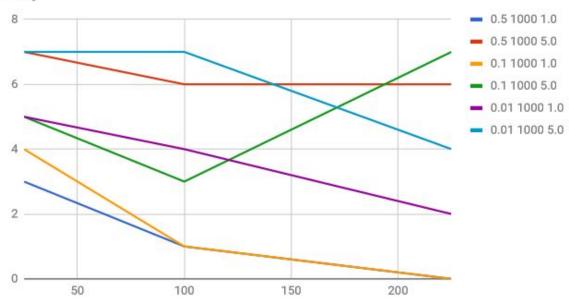
Parametry w legendzie po kolei 0.5 - współczynnik uczenia, 1000- ilość cykli, 1.0 - promień sąsiedztwa

Oś x - ilość neuronów w siatce

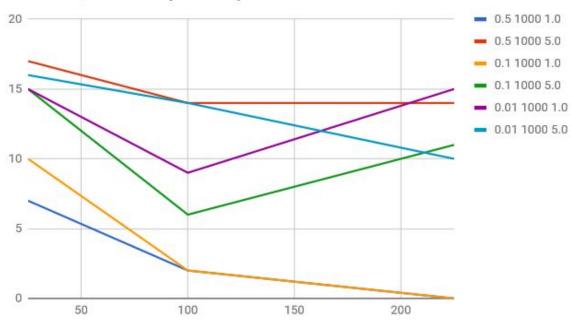
# Ilość neuronów, które były aktywowane



# Ilość neuronów, które były aktywowane przez co najmniej 2 litery



## Ilość liter, które aktywowały ten sam neuron co inna



## Analiza Wyników

Na podstawie wykresów i porównywania otrzymanych outputów można zauważyć występowanie tworzenia się grup podobnych liter (wiele liter aktywowały jeden neuron).

### Ze względu na współczynnik uczenia:

Jeżeli współczynnik uczenia był mniejszy litery miały tendencje do grupowania się w wiele małych grup. Neuron zwykle był aktywowany przez 2, rzadko 3, litery.

```
Neuron: 0 Count: 1
Neuron: 1 Count: 1
Neuron:
        2 Count:
        3
Neuron: 5 Count:
Neuron: 6 Count: 3
                           Neuron: 0 Count: 10
Neuron: 7 Count: 1
                           Neuron: 2 Count: 10
Neuron: 8 Count:
                                                    BDEGHLMNOS
                           ACFIJKPQRT
        В
HMN
        IT
AOP
                DEFGKLR
```

Ekstremalny przypadek dla 9 neuronów (po lewej lr = 0.5, po prawej = 0.01)

#### Ze względu na promień:

Wyniki dla promienia równego 1.0 były znacząco lepsze niż dla promienia równego 5.0. Większy promień powodował przesunięcie większej ilości neuronów. Powodowało to, że znacznie mniej neuronów było aktywowanych w porównaniu do wersji z mniejszym promieniem.

### Wnioski

- Podobne litery często aktywowały ten sam neuron (np. H i N)
- Bardzo ważny był współczynnik uczenia. Mniejszy współczynnik uczenia powodował tworzenie się grup
- Większy promień powodował, że podczas testów aktywowało się mniej neuronów
- Można było poprawić jakość sieci zwiększając ilość danych (np utworzyć zaszumione dane, które służyłyby do nauki)

### Kod

```
pusing System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Text;
        double[] weights;
public Neuron(double[] weights)
{
    this.weights = new double[weights.Length];
    Array.Copy(weights, this.weights, weights.Length);
}
        public double CalculateEuclideanDistance(double[] input) //obliczanie dystansu
{
             double sum = 0.0;
for (int i = 0; i < input.Length; i++)</pre>
             sum += Math.Pow((input[i] - weights[i]), 2);
             sum += Math.Pow((1 - weights[input.Length]), 2);
return Math.Sqrt(sum);
         public void PrintWeights()
{
             foreach (double w in weights)
        public double[] GetWeights()
{
            return weights;
         public void CalculateNewWeights(double[] input, double lr) //obliczanie nowych wag dla wygrywającego neuronu
{
             for (int i = 0; i < input.Length; i++)
{</pre>
             weights[i] += lr * (input[i] - weights[i]);
}
        weights[input.Length] += lr * (1 - weights[input.Length]);
}
        public void CalculateNewWeights(double[] input, double lr, double theta) //obliczanie nowych wag dla neuronów znajdujących się w sąsiedztwie
            for (int i = 0; i < input.Length; i++)
{</pre>
             weights[i] += lr * theta * (input[i] - weights[i]);
}
            weights[input.Length] += lr * theta * (1 - weights[input.Length]);
```

```
System.Collections.Generic;
System.Ling;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
namespace Scen4ver2
      public static char[] Character = new char[] { 'A', '8', 'C', 'D', 'E', 'F', 'G', 'H', 'I', 'J', 'K', 'L', 'M', 'N', 'O', 'P', 'Q', 'R', 'S', 'T' };
public static double[,] input = new double[,]{
             0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 1.0,
0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
```

```
8.0, 8.0, 8.0, 1.0, 8.0, 8.0, 8.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0
};
public static double[,] testInput = new double[,]{
       0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0
       1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0
   3,
       1.0, 1.0, 0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
       1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0,
```

```
1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0,
        1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0,
        0.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 0.0, 0.0
        1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
       8.0, 8.0, 8.0, 1.0, 8.0, 8.0, 8.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0,
        0.0, 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0
};
public static double[] GetInput(int number, double[,] data)
   double[] result = new double[data.GetLength(1)];
   for (int i = 0; i < result.Length; i++)
        result[i] = data[number, i];
   return result;
public static void RestoreInputToCorrectOrder()...
public static void ShuffleInputData()
   int inputDataCount = input.GetLength(0);
   int inputDataAttributionsCount = input.GetLength(1);
   Random r = new Random();
   int place;
   double[] tmp = new double[inputDataAttributionsCount];
   for (int i = 0; i < inputDataCount; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            tmp[j] = input[i, j];
        place = r.Next(i, inputDataCount);
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            input[i, j] = input[place, j];
        for (int j = 0; j < inputDataAttributionsCount; j++)</pre>
            input[place, j] = tmp[j];
```

```
sing System;
using System.Linq;
using System.Threading.Tasks;
Enamespace Scen4ver2
    class Map
         private Neuron[] neuronMap;
         private int numberOfNeurons;
         private double Max;
         private double neighborRadius;
         private double lambda;
         public Map(double learningRate, int numberOfNeurons, int iter, double neighbor)
             this.lambda = iter / Math.Log(neighbor);
             this.neighborRadius = neighbor;
             this.Max = iter;
             this.numberOfNeurons = numberOfNeurons;
             lr = learningRate;
             neuronMap = new Neuron[this.numberOfNeurons];
             double[] weights = new double[DataProvider.input.GetLength(1) + 1];
             int size = (int)Math.Sqrt(numberOfNeurons);
             double \hat{y} = 0;
for (int j = 0; j < numberOfNeurons; j++)
                     for (int i = 0; i < weights.Length; i++)</pre>
                         weights[i] = r.NextDouble();
                     neuronMap[j] = new Neuron(weights);
         public void PrintMap()
             for (int i = 0; i < neuronMap.Length; i++)</pre>
                Console.WriteLine("Neuron : " + i);
                 neuronMap[i].PrintWeights();
         public void Learn()
            double lenght;
             double min;
             int counter = 0;
             int neuronNumber = 0;
                 DataProvider.ShuffleInputData();
                 for (int i = 0; i < DataProvider.input.GetLength(0); i++)</pre>
                     double[] input = DataProvider.GetInput(i, DataProvider.input);
                     min = 0.0;
                     for (int j = 0; j < neuronMap.Length; j++)</pre>
                         lenght = neuronMap[j].CalculateEuclideanDistance(input);
                         if (lenght < min || j == 0)</pre>
                             min = lenght;
                     neuronMap[neuronNumber].CalculateNewWeights(input, lr); //obliczanie wag neuronu
                 counter++;
                 CalculateLearningRate();
                 CalculateNeighborRadius(counter);
             } while (Max > counter);
             DataProvider.RestoreInputToCorrectOrder();
```

```
private void CalculateNewWeights(int neuronNumber, double[] input)
                                                                                  //obliczanie wag neuronu wygrywającego i sąsiadów
    neuronMap[neuronNumber].CalculateNewWeights(input, lr); //obliczanie wag zwycięzcy
    for (int j = 0; j < neuronMap.Length; j++)</pre>
        if(j!=neuronNumber)
             double[] w = new double[70];
            Array.Copy(neuronMap[neuronNumber].GetWeights(), w, 70);
double distance = neuronMap[j].CalculateEuclideanDistance(w);
            if (distance <= neighborRadius)</pre>
                double theta = CalculateTheta(distance);
CalculateNewWeights(neuronNumber, input);
private double CalculateTheta(double distance)
   return Math.Exp(-(Math.Pow(distance, 2) / (2 * Math.Pow(neighborRadius, 2))));
public void Test(double[,] inputArray)
    int neuronNumber;
    int[] responseCounter = new int[neuronMap.Length];
    responseCounter.Select(i => 0).ToArray();
    for (int i = 0; i < inputArray.GetLength(0); i++)</pre>
        double[] input = DataProvider.GetInput(i, inputArray);
        neuronNumber = ClassifyInput(input);
responseCounter[neuronNumber]++;
        Console.WriteLine(DataProvider.Character[i] + " Got: " + neuronNumber);
    int n;
    for (int i = 0; i < responseCounter.Length; i++)
        n = responseCounter[i];
        if (n != 0)
           Console.WriteLine("Neuron: " + i + " Count: " + n);
private void CalculateNeighborRadius(int epoch)
    neighborRadius = neighborRadius * Math.Exp(-epoch / lambda);
public void PrintMap(double[,] inputArray)
                                                                //wvświetl nowa mape
    int size = inputArray.GetLength(0) / DataProvider.Character.Length;
    int mapS = (int)Math.Sqrt(numberOfNeurons);
    int beg = 0;
    String[] map = new String[numberOfNeurons];
    for (int i = 0; i < map.Length; i++)</pre>
        map[i] = "";
    for (int i = 0; i < inputArray.GetLength(0); i++)
        beg = i " size;
        end = beg + size;
        map = calculateMap(map, beg, end, DataProvider.Character[i].ToString(), inputArray);
    for (int i = 0; i < mapS; i++)</pre>
        for (int j = 0; j < mapS; j++)
            int k = i * mapS + j;
if (map[k] == "")
                Console.Write(".\t");
           Console.Write(map[k] + "\t");
}
        Console.WriteLine():
```