

1.

( $\delta$ 方法) 例1.13

$\{X_i\}_{i=1}^n$  是来自BernoulliDistribution[p] 的独立同分布样本,

$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ . 求  $g[\bar{X}] = \bar{X}(1 - \bar{X})$  的渐进分布。

2.

(充分统计量) 习题1.44

(1)

$$p[x_1, x_2, \dots, x_n]$$

$$= \prod_{i=1}^n (\theta x_i^{\theta-1} I[0 < x_i < 1])$$

$$= I[0 < x_{(1)} \leq x_{(n)} < 1] \theta^n \left( \prod_{i=1}^n x_i \right)^{\theta-1}$$

$$= h[\vec{x}] \times g[\theta, T_n]$$

其中  $h[\vec{x}] = I[0 < x_{(1)} \leq x_{(n)} < 1]$ ,  $g[\theta, T_n] = \theta^n T_n^{\theta-1}$

$T_n = \prod_{i=1}^n x_i$  是  $\theta$  的充分统计量

(2)

$$p[x_1, x_2, \dots, x_n]$$

$$= \prod_{i=1}^n \left( \frac{\theta \alpha^\theta}{x_i^{\theta+1}} I[x_i > a] \right)$$

$$= I[x_{(1)} > a] \theta^n \alpha^{n\theta} \left( \prod_{i=1}^n x_i \right)^{-\theta-1}$$

$$= h[\vec{x}] \times g[\theta, T_n]$$

其中  $h[\vec{x}] = I[x_{(1)} > a]$ ,  $g[\theta, T_n] = \theta^n \alpha^{n\theta} T_n^{-\theta-1}$

$T_n = \prod_{i=1}^n x_i$  是  $\theta$  的充分统计量 (a已知)

(3)

$$p[x_1, x_2, \dots, x_n]$$

$$= \prod_{i=1}^n \left( \frac{1}{\theta} e^{-\frac{\text{Abs}[x_i]}{\theta}} \right)$$

$$= \frac{1}{\theta^n} e^{-\frac{\sum_{i=1}^n \text{Abs}[x_i]}{\theta}}$$

$$= h[\vec{x}] \times g[\theta, T_n]$$

其中  $h[\vec{x}] = 1$ ,  $g[\theta, T_n] = \frac{1}{\theta^n} e^{-\frac{T_n}{\theta}}$

$T_n = \sum_{i=1}^n \text{Abs}[X_i]$  是  $\theta$  的充分统计量

3.

(无偏估计和CR下界) 习题2.25

4.

(置信区间的平均长度) 定理4.12

5.

(两个正态分布总体方差假设检验) 习题3.15

6.

(超几何分布假设检验) 例3.5

7.

罗宾公式

8.

频率学派相对于贝叶斯学派为何是“不连贯”的?

9.

B-H方法和Holm方法为何能控制FDR?

10.

Sine不等式

11.

$\text{GammaDistribution}[\alpha, \theta]$

(1)  $H_0: \alpha \leq \alpha_0$  vs  $H_1: \alpha > \alpha_0$

(2)  $H_0: \theta \leq \theta_0$  vs  $H_1: \theta > \theta_0$