### Университет ИТМО Физико-технический мегафакультет Физический факультет



ГруппаМ32051		К работе допущен
Студент <u>Пантелеев, Артамонов</u>		Работа выполнена
Преподаватель	Ефремова Е.А.	Отчет принят

# Рабочий протокол и отчет по задаче от лектора №2

## Задание

Пользователь задает начальное положение на кубита на сфере блоха (углы  $\theta$  и  $\varphi$ ), ось вокруг которой будет происходить вращение единичным вектором направления  $\vec{n}$  и угол поворота вокруг этой оси  $\alpha$ . Программа должна визуализировать начальное положение, заданное пользователем, ось и движение конца вектора состояния по поверхности сферы Блоха и его конечное состояние на сфере Блоха, с указанием вектора состояния.

#### Решение

Пользователь либо оставляет по умолчанию, либо вводит в консоли следующие параметры:

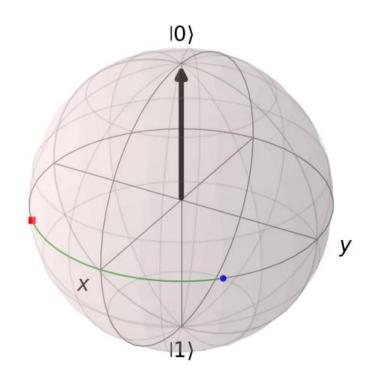
- 1) углы  $\theta$  и  $\phi$  (начальное положение на сфере)
- 2) ось, вокруг которой будет происходить поворот (x, y или z)
- 3) угол поворота  $\alpha$

Получаем оператор поворота кубита на угол относительно оси вектора Действуем оператором на начальное состояние для получения конечного состояния, отображаем их на сфере Блоха

$$U(\alpha, n) = \exp(-i\frac{\alpha}{2}(n_x\sigma_x + n_y\sigma_y + n_z\sigma_z))$$
$$|\varphi\rangle = \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)|0\rangle + e^{i\varphi}\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)|1\rangle$$

## Результат работы программы

```
Числитель для 0:
Знаменатель для 0:
                    2
Числитель для ф:
Знаменатель для ф:
Координатная ось:
                    Z
Числитель для а:
Знаменатель для α:
Начало вектора
θ: 0.5pi
ψ: 0.25pi
Точка: [(0.707+0j), (0.5+0.5j)]
Координаты: (0.707, 0.707, 0.0)
Конец вектора
θ: 0.5pi
φ: -0.25pi
Точка: [(0.5+0.5j), (0.707+0j)]
Координаты: (0.707, -0.707, 0.0)
```



## Исходный код

```
import numpy as np
import gutip
from cmath import phase
from math import cos, sin, acos, e, pi
from scipy.linalg import expm
def pauli x():
    return np.array([[0, 1], [1, 0]])
def pauli y():
    return np.array([[0, -1j], [1j, 0]])
def pauli z():
    return np.array([[1, 0], [0, -1]])
def round complex(x, precision=10):
    :param x: комплексное число
    :param precision: точность округления
    :return: округленное комплексное число
    return round(x.real, precision) + 1j * round(x.imag,
precision)
def vector point to bloch angles(vector points):
   Преобразует точки вектора в углы на сфере Блоха.
    :return: углы theta и phi на сфере Блоха
    return 2 * acos(round(abs(vector points[0]), 12)),
phase(vector points[1]) - phase(vector points[0])
def bloch angles to vector point(theta, phi):
   :param theta: угол theta
```

```
:return: точки вектора
    return np.array([cos(theta / 2), sin(theta / 2) * e ** (1)
* phi)])
def point coords by angles(theta, phi):
    x = cos(phi) * sin(theta)
    y = \sin(phi) * \sin(theta)
    z = \cos(theta)
    return np.array([x, y, z])
def point on sphere(i, j, r0, R, phi):
    return r0 + R * cos(phi) * i + R * sin(phi) * j
def normalize vector(v):
    :param v: вектор
    return v / np.linalg.norm(v)
def rotation trace points(n, A, B, alpha, total points=50):
```

```
:param В: конечная точка
    R = np.linalg.norm((B - A)) / (2 * sin(abs(alpha) / 2))
   j = normalize vector(np.array(B) - np.array(A))
   if alpha > 0:
        i = np.cross(j, n)
        r0 = B - R * (cos(alpha / 2) * i + sin(alpha / 2) * j)
        i = np.cross(n, j)
        r0 = A - R * (cos(alpha / 2) * i + sin(alpha / 2) * j)
    angles = np.linspace(-alpha / 2, alpha / 2, total points)
   points = [point on sphere(i, j, r0, R, phi) for phi in
angles]
    return points
def format angle for view(x):
    x = round(x / pi, 10)
   angle = ""
   if x != 1:
        angle += str(x)
   if x != 0:
        angle += "pi"
    return angle
def format vector point(vector state):
    x1 = round complex(vector state[0], 3)
```

```
x2 = round complex(vector state[1], 3)
    return f'[{x1}, {x2}]'
def format sphere coords(x, y, z):
    return f'(\{round(x, 3)\}, \{round(y, 3)\}, \{round(z, 3)\})'
def get start values(input mode=False):
    if not input mode:
        print ("Числитель для \theta:\t1")
        print("Знаменатель для \theta: \t2")
        print ("Числитель для φ:\t1")
        print("Знаменатель для φ:\t4")
        print ("Координатная ось: \tZ")
        print ("Знаменатель для \alpha:\t2")
        return pi / 2, pi / 4, np.array([0, 0, 1]), -1 * pi / 2
    numerator theta = int(input("Введите числитель для \theta: \t"))
    denominator theta = int(input("Введите знаменатель для
⊖:\t"))
    start theta = pi * numerator theta / denominator theta
    numerator phi = int(input("Введите числитель для \phi:\t"))
    denominator phi = int(input("Введите знаменатель для
    start phi = pi * numerator phi / denominator phi
    chosen axis = int(input("Выберите координатную ось: 0 - x,
   array = [0, 0, 0]
    array[chosen axis] = 1
    axis = np.array(array)
    numerator alpha = int(input("Введите числитель для \alpha: \t"))
    denominator alpha = int(input("Введите знаменатель для
    alpha = normalize vector(pi * numerator alpha /
denominator alpha)
```

```
return start theta, start phi, axis, alpha
start theta, start phi, axis, alpha =
get start values(input mode=False)
nx, ny, nz = axis[0], axis[1], axis[2]
U = expm(-1j * alpha / 2 * (nx * pauli x() + ny * pauli y() +
nz * pauli z()))
start vector point = bloch angles to vector point(start theta,
start phi)
end vector point = np.dot(U, start vector point)
start point = point coords by angles(start theta, start phi)
end theta, end phi =
vector point to bloch angles(end vector point)
end point = point coords by angles(end theta, end phi)
print()
print('Начало вектора')
print(f'θ: {format angle for view(start theta)}')
print(f'φ: {format angle for view(start phi)}')
print(f'Toчка: {format vector point(start vector point)}')
print(f'Координаты: {format sphere coords(*start point)}')
print()
print('Конец вектора')
print(f'θ: {format angle for view(end theta)}')
print(f'φ: {format angle for view(end phi)}')
print(f'Toчка: {format vector point(end vector point)}')
print(f'Координаты: {format sphere coords(*end point)}')
b = qutip.Bloch()
b.vector color = ['#000000']
b.vector width = 5
b.point color = ['b', 'r', '#00FF00']
b.add points(start point)
b.add points(end point)
b.add vectors(axis)
if not np.array equal(start point, end point):
    rotation points = rotation trace points(axis, start point,
end point, alpha)
    b.add points(list(zip(*rotation points)), meth='l')
b.show()
```

Исходный код опубликован на GitHub и может быть скачан и запущен: <a href="https://github.com/SmartOven/Python/blob/master/Physics/LecTask2/main.py">https://github.com/SmartOven/Python/blob/master/Physics/LecTask2/main.py</a>