



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н.Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Лабораторная работа №18

*По предмету: «Функциональное и логическое
программирование»*

Преподаватель: Строганов Ю.В.

Студент: Гасанзаде М.А.,

Группа: ИУ7-66Б

Москва, 2020 г.

ЗАДАНИЕ

Используя хвостовую рекурсию, разработать программу, позволяющую найти

- $n!$,
- n -е число Фибоначчи.

Убедиться в правильности результатов.

Для одного из вариантов ВОПРОСА и каждого задания составить таблицу, отражающую конкретный порядок работы системы:

Т.к. резольвента хранится в виде стека, то состояние резольвенты требуется отображать в столбик: вершина – сверху! Новый шаг надо начинать с нового состояния резольвенты!

ВОПРОСЫ

Что такое рекурсия?

Рекурсия – это ссылка на описываемый объект при описании объекта.

Как организуется хвостовая рекурсия в Prolog?

- Рекурсивный вызов единственен и расположен в конце тела правила
- Не должно быть возможности сделать откат до вычисления рекурсивного вызова

Как организовать выход из рекурсии в Prolog?

С помощью отсечения.

Какое первое состояние резольвенты?

Заданный вопрос (goal).

В каком случае система запускает алгоритм унификации?

Система запускает алгоритм унификации автоматически при необходимости что-то доказать

Каково назначение и результат использования алгоритма унификации?

Унификация – механизм логического вывода. Результат – подстановка.

В каких пределах программы переменные уникальны?

Именованная переменная уникальна в рамках предложения, в котором она используется. Анонимные переменные всегда уникальны.

Как применяется подстановка, полученная с помощью алгоритма унификации?

Подстановка применяется к целям в резольвенте путем замены текущей переменной на соответствующий терм.

Как изменяется резольвента?

Преобразования резольвенты выполняются с помощью редукции. Редукцией цели G с помощью программы P называется замена цели G телом того правила из P, заголовок которого унифицируется с целью. Новая резольвента образуется в два этапа:

1. в текущей резольвенте выбирается одна из подцелей и для неё выполняется редукция;

2. к полученной конъюнкции целей применяется подстановка, полученная как наибольший общий унификатор цели и заголовка сопоставленного с ней правила.

В каких случаях запускается механизм отката?

Механизм отката запустится в случае неудачи алгоритма унификации.

ЛИСТИНГ

```
predicates
    factorial(integer, integer).
    factorial(integer, integer, integer).

clauses
    factorial(N, -1) :- N < 0, !. % error
    factorial(0, 1) :- !.
    factorial(N, Res) :- factorial(N, 1, Res).

    factorial(1, Res, Res) :- !.
    factorial(N, Cur, Res) :-
        NewN = N - 1,
        NewMult = Cur * N,
        factorial(NewN, NewMult, Res).

goal
    %factorial(-10, Res).
    %factorial(0, Res).
    %factorial(5, Res).
```

```
predicates
    fib(integer, integer). %target, res
    fib(integer, integer, integer, integer, integer). %target, current,
    prevRes, prevRes2, res
    sign(integer, integer).

clauses
    fib(0, 0) :- !.
    fib(1, 1) :- !.
    fib(N, Res) :-
        N < 0,
        NormalN = N * -1,
        fib(NormalN, PreRes),
        sign(NormalN, Sign),
        Res = PreRes * Sign, !.
    fib(N, Res) :- fib(N, 2, 0, 1, Res).

    fib(N, N, Prev1, Prev2, Res) :- Res = Prev1 + Prev2, !.
    fib(N, CurN, Prev1, Prev2, Res) :-
        NewN = CurN + 1,
        Next = Prev1 + Prev2,
        fib(N, NewN, Prev2, Next, Res).

    sign(N, 1) :- (N mod 2) = 1, !.
    sign(_, -1).

goal
    %fib(-9, Res). % 34
    %fib(-8, Res). % -21
    %fib(-2, Res). % -1
    %fib(2, Res). % 1
    %fib(8, Res). % 21
```

Эффективность достигнута за счет использования хвостовой рекурсии и использования отсечения.

ТАБЛИЦА

Вопрос: **factorial(2, Res).**

№ шага	Состояние резольвенты, и вывод: дальнейшие действия (почему?)	Для каких термов запускается алгоритм унификации: $T1=T2$ и каков результат (и подстановка)	Дальнейшие действия: прямой ход или откат (почему и к чему приводит?)
1	factorial(2, Res).	factorial(2, Res) = factorial(N, -1) Успех $N = 2$ $Res = -1$	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
2	$N < 0$!	Сравнение: $2 < 0$ Ложь	Откат к 1. Переход к следующему предложению
3	factorial(2, Res).	factorial(2, Res) = factorial(0, 1) Неудача	Переход к следующему предложению
4	factorial(2, Res).	factorial(2, Res) = factorial(N, Res) Успех $N = 2$ $Res = Res$	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
5	factorial(N, 1, Res)	factorial(2, 1, Res) = factorial(1, Res, Res) Неудача	Переход к следующему предложению
6	factorial(N, 1, Res)	factorial(2, 1, Res) = factorial(N, Cur, Res) Успех $N = 2$ $Cur = 1$ $Res = Res$	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
7	$NewN = N - 1$ $NewMult = Cur * N$ factorial(NewN, NewMult, Res)	$NewN = 2 - 1 = 1$	Прямой ход.
8	$NewMult = Cur * N$ factorial(NewN, NewMult, Res)	$NewMult = 1 * 2 = 2$	Прямой ход.
9	factorial(NewN, NewMult, Res)	factorial(1, 2, Res) = factorial(1, Res, Res) Успех $Res = Res = 2$	Прямой ход.
10			Резольвента пуста. $Res = 2$ Откат к 4. Конец процедуры factorial арности 2. Система завершает работу.

Вопрос: fib(2, Res).

№ шага	Состояние резольвенты, и вывод: дальнейшие действия (почему?)	Для каких термов запускается алгоритм унификации: T1=T2 и каков результат (и подстановка)	Дальнейшие действия: прямой ход или откат (почему и к чему приводит?)
1	fib(2, Res)	fib(2, Res) = fib(0, 0) Неудача	Переход к следующему предложению
2	fib(2, Res)	fib(2, Res) = fib(1, 1) Неудача	Переход к следующему предложению
3	fib(2, Res)	fib(2, Res) = fib(N, Res) Успех N = 2 Res = Res	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
4	N < 0 NormalN = N * -1 fib(NormalN, PreRes) sign(NormalN, Sign), Res = PreRes * Sign !	Сравнение: 2 < 0 Ложь	Откат к 3. Переход к следующему предложению
5	fib(2, Res)	fib(2, Res) = fib(N, Res) Успех N = 2 Res = Res	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
6	fib(N, 2, 0, 1, Res)	fib(2, 2, 0, 1, Res) = fib(N, N, Prev1, Prev2, Res) Успех Prev1 = 0 Prev2 = 1 Res = Res	Прямой ход. Тело правила заносится в резольвенту.
7	Res = Prev1 + Prev2 !	Res = 0 + 1 = 1	Прямой ход.
8	!		Найдено решение. Res = 1 Ввиду отсечения не будет попыток найти другие решения fib(N, 2, 0, 1, Res). Откат к 5. Конец fib-ности 2. Система завершит свою работу.