

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ <u>«Информатика и системы управления»</u>

КАФЕДРА <u>«Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»</u>

Домашняя работа №2

По предмету: «Математическая статистика»

Вариант 2

Студент: Гасанзаде М.А.,

Группа: ИУ7-66Б

Задача №1:

Точность наладки станка-автомата, производящего некоторые детали, характеризуется дисперсией длины готовых деталей. Если эта величина превышает 400 мкм 2 , то станок останавливается для наладки. После проверки n=15 деталей получено значение $S^2(\vec{x_n}) = 680$ мкм 2 . При уровне значимости $\alpha = 0.01$ установить, нужно ли проводить наладку станка, если контролируемый признак имеет нормальное распределение.

Решение:

$$S^2 = 680$$
 $\sigma^2 = 400$ $N = 15$ $\alpha = 0.01$ $H_0: D(X) = \sigma_0^2$ $H_1: D(X) > \sigma_0^2$ $\chi^2_{\text{набл.}} = \frac{N \cdot S^2}{\sigma_0^2} = \frac{15 \cdot 680}{400} = 25.5$ $\chi^2_{\text{крит.}} = \chi^2 (N-1;\alpha) = \chi^2 (15-1;0.01) = 4.66$ (по квантилю распределения хи-

 $\chi_{\text{крит.}} = \chi \ (N-1;\alpha) = \chi \ (15-1;0.01) = 4.66 \ (по квантилю распределения хи- квадрат из таблицы).$

Ответ:

Так как получено, что $\chi^2_{\text{набл.}} > \chi^2_{\text{крит.}}$, то вероятнее всего, станок-автомат следует остановить для наладки (надежность 99%, принимаем H_1).