Задача об эпидемии

Смирнова Мария

20 марта 2021

RUDN University, Moscow, Russian Federation

Задача об эпидемии

Цель работы

Рассмотреть простейшую модель эпидемии. Построить графики изменения числа людей в каждой из трех групп (восприимчивые к болезни, но пока здоровые; инфицированные, также являющиеся распространителями; здоровые с иммунитетом к болезни) для двух случаев.

Постановка задачи

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=11300) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=240, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=46. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)-R(0).

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. Если $I(0) \leq I^*$;
- 2. Если $I(0) > I^*$.

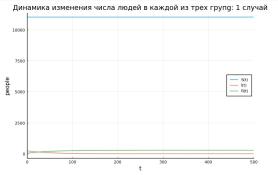
Выполненные задачи

Задание 1

Построим график изменения числа особей в каждой из трех групп для первого случая, когда число заболевших не превышает критического значения.

График 1

Посредством решения системы дифференциальных уравнений получим следующий график (рис.1):

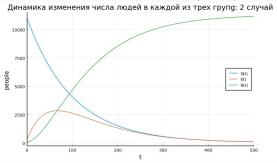


Задание 2

Построим график изменения числа особей в каждой из трех групп для второго случая, когда число заболевших превышает критическое значение.

График 2

Получим следующий график (рис.2):



Выводы

Мы рассмотрели простейшую модель эпидемии. Построили графики изменения числа людей в каждой из трех групп (восприимчивые к болезни, но пока здоровые; инфицированные, также являющиеся распространителями; здоровые с иммунитетом к болезни) для двух случаев.