

编译原理

北方工业大学信息学院
School of Information Science and Technology,
North China University of Technology
束劼
shujie@ncut.edu.cn
瀚学楼1122, 88801615

第五章 语法分析 -自下而上分析

第五章 语法分析-自下而上分析

- 本章目录
 - 5.1 自下而上分析基本问题
 - 5.2 算符优先分析
 - 5.3 LR分析法
 - 5.4 语法分析器的自动产生工具YACC

3

第五章 语法分析-自下而上分析

- 大纲要求
 - 掌握：归约，规范归约，算符优先分析法（算符优先文法、优先表的构造、算符优先分析算法、优先函数的构造）。
 - 理解：符号栈的使用方法。
 - 了解：自下而上语法分析的基本原理和工作方法，语法分析器的自动产生工具YACC的基本作用。

4

5.2.2 算符优先分析算法

5.2.2算符优先分析算法

- 算符优先分析算法概念

可归约串，句型，短语，直接短语，句柄，规范归约。

一个文法G的句型的**素短语**是指这样一个短语，它至少含有一个终结符，并且，除它自身之外不再含任何更小的素短语。

最左素短语是指处于句型最左边的那个素短语。

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法概念

• 考虑下面的文法G(E):

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

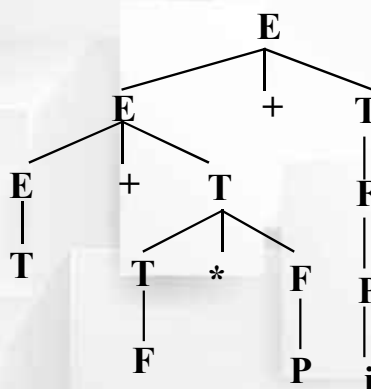
$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow P \uparrow F \mid P$$

$$P \rightarrow (E) \mid i$$

句型: $T + F * P + i$

求出短语、直接短语、句柄、素短语、最左素短语



7

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法概念

• 考虑下面的文法G(E):

$$E \rightarrow E + T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow P \uparrow F \mid P$$

$$P \rightarrow (E) \mid i$$

句型: $T + F * P + i$

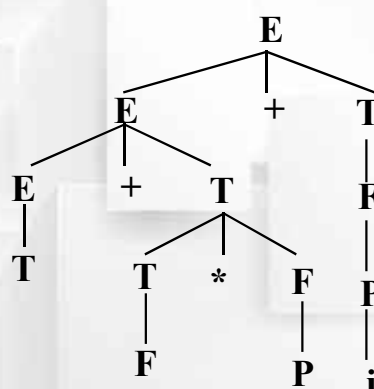
短语: $T, F, P, i, F * P, T + (F * P), T + (F * P) + i$

直接短语: T, F, P, i

句柄: T

素短语: $i, F * P$

最左素短语: $F * P$



8

5.2.2算符优先分析算法

- 算符优先分析算法概念

算符优先文法句型(括在两个#之间)的一般形式写成:

$$\#N_1a_1N_2a_2\ldots N_na_nN_{n+1}\#$$

其中, 每个 a_i 都是终结符, N_i 是可有可无的非终结符。

- 定理: 一个算符优先文法G的任何句型的最左素短语是满足如下条件的最左子串 $N_ja_j\ldots N_ia_iN_{i+1}$,

$$\begin{aligned} a_{j-1} &\leq a_j \\ a_j &\neq a_{j+1}, \ldots, a_{i-1} \neq a_i \\ a_i &> a_{i+1} \end{aligned}$$

9

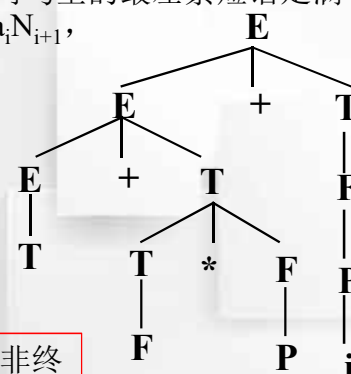
5.2.2算符优先分析算法

- 算符优先分析算法概念

定理: 一个算符优先文法G的任何句型的最左素短语是满足如下条件的最左子串 $N_ja_j\ldots N_ia_iN_{i+1}$,

$$\begin{aligned} a_{j-1} &\leq a_j \\ a_{j-1} \text{ 和 } a_j &\text{不在同一个子树} \\ a_j &\neq a_{j+1}, \ldots, a_{i-1} \neq a_i \\ a_j \text{ 到 } a_i &\text{在同一个子树} \\ a_i &> a_{i+1} \\ a_i \text{ 和 } a_{i+1} &\text{不在同一个子树} \end{aligned}$$

如何找到最左素短语可归约到的非终结符?



10

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序

```

k:=1; S[k]:= '#';
REPEAT
  把下一个输入符号读进a中;
  IF S[k] ∈ VT THEN j:=k ELSE j:=k-1;
  WHILE S[j] > a DO
    BEGIN
      REPEAT
        Q:=S[j];
        IF S[j-1] ∈ VT THEN j:=j-1 ELSE j:=j-2
      UNTIL S[j] ≤ Q;
      把S[j+1]...S[k]归约为某个N;
      k:=j+1;
      S[k]:=N;
    END OF WHILE;
  IF S[j] ≤ a OR S[j] = a THEN
    BEGIN k:=k+1; S[k]:=a; END
  ELSE ERROR /*调用出错诊断程序*/
UNTIL a= '#';

```

由于非终结符对归约没有影响，因此，非终结符可以不进符号栈S。

11

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序

使用一个符号栈S，用它寄存终结符和非终结符，k代表符号栈S的使用深度，a是输入符号栈。

k:=1; S[k]:= '#';

REPEAT

把下一个输入符号读进a中;

算符优先分析算法;

UNTIL a= '#'

在正确的情况下，算法工作完毕时，符号栈S应呈现：# N #。
N是非终结符

12

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序

算符优先分析算法：
 IF $S[k] \in V_T$ THEN $j:=k$
 ELSE $j:=k-1$;

DO WHILE $S[j] \triangleright a$

IF $S[j] \leq a$ OR $S[j] \equiv a$ THEN
 BEGIN

$k:=k+1$;
 $S[k]:=a$

END

ELSE ERROR /*调用出错诊察程序*/

符号栈和输入符号同时为非终结符才符合WHILE循环条件，即连续两个终结符在输入中出现

在算法的工作过程中，若出现j减1后的值小于等于0时，则意味着输入串有错(ERROR)。

13

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序

算符优先分析算法：

WHILE $S[j] \triangleright a$ DO
 BEGIN

REPEAT

$Q:=S[j]$;

IF $S[j-1] \in V_T$ THEN $j:=j-1$

ELSE $j:=j-2$

UNTIL $S[j] \leq Q$;

把 $S[j+1] \dots S[k]$ 归约为某个N;

$k:=j+1$;

$S[k]:=N$

END OF WHILE;

由于非终结符对归约没有影响，因此，非终结符可以不进符号栈S。

在算符优先归约过程中，无法使用只有单个非终结符的产生式进行归约。因为没有定义非终结符的优先关系。

14

5.2.2算符优先分析算法

- 算符优先分析算法概念
- 只规定算符（终结符）之间的优先关系。在归约过程中只要找到**最左素短语**就归约，不必考虑归约到哪个非终结符，因此**不是规范归约**。
- 特点：速度快，**特别适合于表达式的分析**
- 通过**算符之间的优先关系**来确定最左素短语

15

5.2.2算符优先分析算法

- 算符优先分析算法程序
- 分析文法的句型 $T+T^*F+i$
- 例：文法 $G[E]$ 从关系串中可以看到#低于左边第一个+，低于*。
 $E \rightarrow E+T \mid T$ 而*同时优先级高于右边的+，跟i的优先级无从
 $T \rightarrow T^*F \mid F$ 判断(Do While)。不过右边+的优先级低于i。从
 $F \rightarrow (E) \mid i$ 左到右，最高优先级是*。所以第一步先归约*。

| 步骤 | 句型 |
|----|----------------|
| 1 | $\#T+T^*F+i\#$ |

16

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序

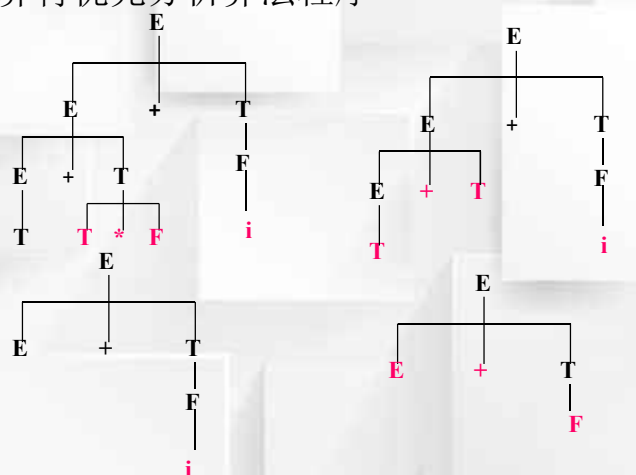
例: 文法 $G[E]$ 分析文法的句型 $T+T*F+i$
 $E \rightarrow E+T \mid T$
 $T \rightarrow T*F \mid F$ 每次归约最左子串,确实是当前句型的最左
 $F \rightarrow (E) \mid i$ 素短语(语法树)

| 步骤 | 句型 |
|----|---------------|
| 1 | $\#T+T*F+i\#$ |

17

5.2.2算符优先分析算法

• 算符优先分析算法程序



18

5.2.3 优先函数

5.2.3 优先函数

- 优先函数

把每个终结符 θ 与两个自然数 $f(\theta)$ 与 $g(\theta)$ 相对应，使得

若 $\theta_1 \leq \theta_2$ ，则 $f(\theta_1) < g(\theta_2)$

若 $\theta_1 = \theta_2$ ，则 $f(\theta_1) = g(\theta_2)$

若 $\theta_1 \geq \theta_2$ ，则 $f(\theta_1) > g(\theta_2)$

f 称为入栈优先函数， g 称为比较优先函数。

这两个函数是为了把终结符之间的优先关系，转换到一个特定数值，通过该数值再来判断归约顺序

5.2.3 优先函数

- 优先函数

优点:便于比较, 节省空间, 优先关系表占用存储量比较大;

缺点:原来不存在优先关系的两个终结符, 由于自然数相对应, 变成可以比较的。要进行一些特殊的判断。

21

5.2.3 优先函数

- 优先函数

- 文法G(E)

(1) $E \rightarrow E + T \mid T$

(2) $T \rightarrow T * F \mid F$

(3) $F \rightarrow P \uparrow F \mid P$

(4) $P \rightarrow (E) \mid i$

的优先函数如下表

有许多优先关系表不存在优先函数

对应一个优先关系表的优先函数f和g不是唯一的, 如果存在一对, 就存在无穷对。

| | + | * | \uparrow | (|) | i | # |
|---|---|---|------------|---|---|---|---|
| f | 2 | 4 | 4 | 0 | 6 | 6 | 0 |
| g | 1 | 3 | 5 | 5 | 0 | 5 | 0 |

22

5.2.3 优先函数

- 优先关系表构造函数
- 如果优先函数存在，则可以通过以下三个步骤从优先表构造优先函数：
 - (1) 对于每个终结符 a （包括 $\#$ ），令其对应两个符号 f_a 和 g_a ，画一个以所有符号为结点的方向图。
 - 如果 $a \geq b$ ，则从 f_a 画一条弧至 g_b ，如果 $a \leq b$ ，则从 g_b 画一条弧至 f_a 。

23

5.2.3 优先函数

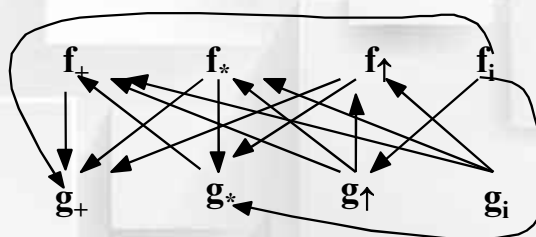
- 优先关系表构造函数
 - (2) 对每个结点都赋予一个数，此数等于从该结点出发所能到达的结点(包括出发点自身在内)的个数。赋给 f_a 的数作为 $f(a)$ ，赋给 g_b 的数作为 $g(b)$ 。
达到的结点如果还能到其他结点，也算进去
 - (3) 检查所构造出来的函数 f 和 g 是否与原来的优先关系表矛盾。若没有矛盾，则 f 和 g 就是要求的优先函数，若有矛盾，则不存在优先函数。

24

5.2.3 优先函数

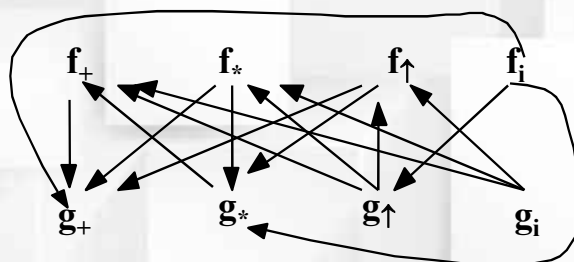
| | | | |
|---|---|---|---|
| | | + | * |
| + | > | | < |

看第一列的
优先符号



25

5.2.3 优先函数



| | + | * | ↑ | i |
|---|---|---|---|---|
| f | 2 | 4 | 4 | 7 |
| g | 1 | 3 | 6 | 6 |

26

5.2.3 优先函数

- 优先函数特点

(1) 优先函数值不唯一

(2) 优点:

节省内存空间

若文法有 n 个终结符, 则优先关系表(矩阵)为 n^2

而优先函数为 $2n$

易于比较: 算法上容易实现, 数与数比, 不必

查优先关系表(矩阵)。

(3) 缺点: 可能掩盖错误。

27

5.2.4 算符优先分析 中的出错处理

5.2.4算符优先分析中的出错处理

• 错误类型

使用算符优先分析法时，可在两种情况下，发现语法错误：

- ① 若找到某一“句柄”（此处“句柄”指最左素短语），但不存在任一产生式的右部为此“句柄”。
- ② 若栈顶终结符号与下一输入符号之间不存在任何优先关系。

29

5.2.4算符优先分析中的出错处理

• 解决方案

- ① 若找到某一“句柄”（此处“句柄”指最左素短语），但不存在任一产生式的右部为此“句柄”。

解决方案：

- a. 打印错误信息；
- b. 删除句柄中的某个字符。

例如句柄为`abc`时，没有产生式包含这三个字符一起，但有`aAcB`，则给出错误信息“非法`b`”，若产生式为`abdc`，则给出错误信息“缺少`d`”。

30

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 错误类型
 - ② 若栈顶终结符号与下一输入符号之间不存在任何优先关系。

解决方案：
a. 改变、删除、插入；
在算符优先表中的空白处加入特定符号

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 错误解决方案
优先关系表(包括出错子程序)

| | |
|---|---|
| | + |
| + | > |

特殊字符 e_1, e_2, e_3, e_4

5.2.4算符优先分析中的出错处理

• 错误解决方案

优先关系表(包括出错子程序)

| | |
|---|-------|
| | + |
| | e_1 |
| + | > |

e_1 当表达式以左括号结尾时，调用此程序
将'('从栈顶移去；给出错误信息：非法左括号。

5.2.4算符优先分析中的出错处理

• 错误解决方案

优先关系表(包括出错子程序)

| | |
|---|-------|
| | + |
| | e_2 |
| + | e_2 |

e_2 当i或)后跟(时，调用此程序
在输入端插入'+'；给出错误信息：缺少运算符。

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 错误解决方案

优先关系表(包括出错子程序)

| | |
|---|----------------|
| | + |
| + | e ₃ |

e₃当表达式以右括号开始时，调用此程序
从输入端删除')'；给出错误信息：非法右括号。

35

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 错误解决方案

优先关系表(包括出错子程序)

| | |
|---|----------------|
| | + |
| + | e ₄ |

e₄若栈顶有非终结符E，则表达式分析完毕。
若为空，则在输入端插入i；给出错误信息：缺少表达式。

36

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 归约出现问题时的校正子程序

- 文法G(E)

(1) $E \rightarrow E + T \mid T$

(2) $T \rightarrow T * F \mid F$

(3) $F \rightarrow P \uparrow F \mid P$

(4) $P \rightarrow (E) \mid i$

的优先函数如下表

1. 如+或*被规约，则检查其两端是否出现非终结符。否则，打印错误信息：“缺表达式”
2. 如i被规约，则检查其左端或右端是否有非终结符。如果有，则给出信息：“表达式无运算符连接”

37

5.2.4算符优先分析中的出错处理

- 归约出现问题时的校正子程序

- 文法G(E)

(1) $E \rightarrow E + T \mid T$

(2) $T \rightarrow T * F \mid F$

(3) $F \rightarrow P \uparrow F \mid P$

(4) $P \rightarrow (E) \mid i$

的优先函数如下表

3. 如果()被规约，则检查是否在括号间有一非终结符。如果没有，则给出信息：“括号无表达式”。

38

第五章 小结

第五章 小结

5.1 自下而上分析基本问题

5.2 算符优先分析

Coursework

5.1 令文法 G_1 为
$$E \rightarrow E+T \mid T$$

$$T \rightarrow T * F \mid F$$

$$F \rightarrow (E) \mid i$$

证明 $E+T * F$ 是它的一个句型，指出这个句型的所有短语，直接短语和句柄。

41

Coursework

5.2 考虑下面的表格结构文法 G_2 :
$$S \rightarrow a \mid \wedge \mid (T)$$

$$T \rightarrow T, S \mid S$$

- (1) 给出 $(a, (a, a))$ 和 $((a, a), \wedge, (a)), a)$ 的最左和最右推导。
- (2) 指出 $((a, a), \wedge, (a)), a)$ 的规范归约及每一步的句柄。根据这个规范归约，给出“移进-归约”的过程，并给出它的语法树自下而上的构造过程。

42

Coursework

- 5.3 (1) 计算练习5.2文法 G_2 的FIRSTVT和LASTVT。
(2) 计算 G_2 的优先关系。 G_2 是一个算符优先文法吗？
(3) 计算 G_2 的优先函数。
(4) 给出输入串(a, (a, a)) 的算符优先分析过程。