

Università degli Studi di Salerno Dipartimento di Informatica

Corso di Laurea Magistrale in Informatica

Fondamenti di Data Science & Machine Learning

Recommender System Ibrido: Modelli Predittivi e Regole di Associazione

Autore Simone D'Assisi mat. 0522502038 Tutor Prof.ssa Loredana Caruccio Dott.ssa Eleonora Calò

Indice

1	Inti	one	1			
2	Sta	Stato dell'Arte				
	2.1	Robus	stness of Collaborative Recommendation Based on Association Rule			
		Minin	ıg	2		
	2.2	FairM	latch: A Graph-based Approach for Improving Aggregate Diversity in			
		Recon	nmender Systems	2		
	2.3	Post-r	mining on Association Rule Bases	3		
	2.4	Hybri	d Collaborative Filtering using Matrix Factorization and XGBoost $$. $$.	3		
3	Str	Strumenti di Sviluppo 4				
	3.1	Datas	et	4		
	3.2	Hardy	ware e Ambiente di Esecuzione	4		
	3.3	Appro	occi Utilizzati	4		
		3.3.1	Estrazione delle Regole di Associazione	5		
		3.3.2	Post-Processing con Modelli di Machine Learning	5		
		3.3.3	Post-Processing Basato su Regole	6		
	3.4	Valuta	azione delle Raccomandazioni	6		
4	Spe	Sperimentazione				
	4.1	Pre-P	rocessing dei Dati	8		
	4.2	Clustering degli Utenti				
	4.3	Estrazione delle Regole di Associazione				
	4.4	Generazione delle Raccomandazioni				
		4.4.1	Raccomandazioni Basate sui Cluster di Appartenenza	9		
		4.4.2	Raccomandazioni con Association Rules: Applicazione Diretta con			
			Priorità	10		
		4.4.3	Post-Processing con Modelli di Machine Learning	11		
		4.4.4	Post-Processing Basato su Regole	14		
		4.4.5	Perfezionamento dei Modelli con Rule Base	16		
5	Dis	cussio	ne e Conclusioni	18		
	5.1	Svilup	ppi Futuri	19		

1 Introduzione

I sistemi di raccomandazione rappresentano oggi uno degli strumenti più diffusi e strategici nell'ambito della personalizzazione dei contenuti, con applicazioni che spaziano dall'ecommerce ai servizi di streaming fino ai social network. Il loro obiettivo principale è supportare l'utente nella scelta tra un insieme molto ampio di opzioni, fornendo suggerimenti rilevanti e personalizzati sulla base delle preferenze espresse o implicite. Secondo la rassegna proposta da S. Gupta [1], i sistemi di raccomandazione possono essere classificati principalmente in tre categorie:

- Content-based: sfruttano le caratteristiche degli item per proporre contenuti simili a quelli già apprezzati dall'utente;
- Collaborative Filtering: sfruttano le interazioni di utenti simili (user-based) o di oggetti simili (item-based);
- Sistemi Ibridi: combinano più strategie per mitigare i limiti dei singoli approcci. Spesso garantiscono migliori performance complessive.

Tuttavia, nonostante i significativi progressi ottenuti in termini di accuratezza predittiva, i sistemi di raccomandazione si trovano ancora ad affrontare numerose sfide aperte [2], come ad esempio:

- **Diversità**: evitare che le raccomandazioni siano troppo simili tra loro o provenienti da un unico cluster di item;
- Over-specialization: ridurre la tendenza a proporre esclusivamente contenuti molto vicini al profilo noto dell'utente, limitando così l'esplorazione di nuovi item;
- Scalabilità: garantire che le tecniche adottate restino efficienti anche al crescere del numero di utenti e di item.

Per affrontare queste problematiche, negli ultimi anni, oltre al miglioramento delle regole estratte, si è sviluppata un'attenzione crescente verso approcci ibridi che combinano regole di associazione con algoritmi di machine learning. Questi approcci mirano a sfruttare sia la capacità predittiva dei modelli statistici sia la conoscenza implicita nelle regole, offrendo raccomandazioni più accurate e diversificate. Alla luce di queste considerazioni, il lavoro si concentra sulle seguenti Research Questions:

RQ1: Quanto è efficace il post-processing delle regole di associazione nel migliorare la qualità degli item suggeriti?

RQ2: Un approccio ibrido, che combina regole di associazione e algoritmi di machine learning, è in grado di migliorare la qualità delle raccomandazioni rispetto al solo post-processing delle regole?

2 Stato dell'Arte

Negli ultimi anni, la letteratura sui sistemi di raccomandazione ha proposto numerosi approcci per migliorare la qualità e la diversità delle raccomandazioni, con particolare attenzione alle fasi di post-processing e all'utilizzo di regole di associazione. Queste tecniche consentono di intervenire dopo la generazione iniziale delle raccomandazioni, al fine di raffinarne la qualità, migliorarne la diversità o incrementarne la robustezza rispetto a rumore e manipolazioni intenzionali. In generale, il post-processing può essere visto come un insieme di strategie applicate ai risultati di un sistema di raccomandazione per ottimizzarne il comportamento complessivo senza alterare la fase di addestramento. In tale contesto, diversi studi hanno proposto soluzioni orientate alla robustezza, alla diversità e alla gestione avanzata delle regole di associazione.

2.1 Robustness of Collaborative Recommendation Based on Association Rule Mining

Un aspetto critico dei sistemi di raccomandazione è la loro vulnerabilità a manipolazioni intenzionali o a dati rumorosi. Gli autori di questo studio analizzano la **robustezza** dei metodi di raccomandazione collaborativa, proponendo un approccio fondato sull'association rule mining (ARM) come alternativa ai tradizionali algoritmi basati su vicinanza (neighborhood methods, ad esempio k-NN) [3]. Il metodo proposto si basa sull'estrazione di regole di associazione dai dati utente, che catturano correlazioni sia a livello di item-item sia di utente-item. Le raccomandazioni vengono quindi generate utilizzando tali regole, invece delle misure di similarità diretta. L'obiettivo è duplice:

- garantire prestazioni comparabili o superiori ai metodi classici in termini di accuratezza;
- 2. aumentare la resistenza del sistema a manipolazioni come i *profile injection attacks*, ossia tentativi deliberati di alterare le raccomandazioni complessive.

I risultati sperimentali mostrano che l'approccio basato su ARM mantiene livelli di accuratezza simili ai metodi di vicinanza, ma risulta più robusto agli attacchi mirati, grazie alla natura più globale e meno sensibile delle regole di associazione. Questo lavoro dimostra dunque che l'integrazione di ARM può rafforzare la sicurezza e l'affidabilità dei sistemi di raccomandazione.

2.2 FairMatch: A Graph-based Approach for Improving Aggregate Diversity in Recommender Systems

Un'altra problematica fondamentale dei sistemi di raccomandazione riguarda la diversità aggregata. I modelli tradizionali tendono infatti a privilegiare gli item più popolari, riducendo la varietà complessiva dei suggerimenti e favorendo una distribuzione iniqua dei contenuti raccomandati. Mansoury et al. (2020) propongono FairMatch, un algoritmo basato su grafi che agisce come una fase di post-elaborazione delle raccomandazioni, con l'obiettivo di migliorare la diversità aggregata e garantire una distribuzione più equa degli articoli consigliati [4]. FairMatch costruisce un grafo bipartito tra utenti e articoli, dove gli

archi rappresentano le raccomandazioni generate dal sistema. L'algoritmo risolve iterativamente un problema di flusso massimo per individuare e aggiungere item di alta qualità ma poco rappresentati alle liste finali. I risultati mostrano che FairMatch incrementa significativamente la diversità aggregata mantenendo al contempo un livello di accuratezza comparabile a quello dei metodi di base. Questo approccio è particolarmente interessante in ottica di post-processing, poiché consente di migliorare metriche come la diversità e l'equità senza intervenire sulla fase di addestramento del modello, offrendo una soluzione scalabile e indipendente dalla specifica architettura di raccomandazione.

2.3 Post-mining on Association Rule Bases

L'articolo di Seipel et al. (2024) propone un approccio avanzato alla gestione delle regole di associazione, focalizzandosi sulla loro interpretabilità e rilevanza [5]. Il processo di estrazione delle regole di associazione produce spesso un insieme molto ampio di regole, molte delle quali ridondanti o di scarso valore, generando il fenomeno noto come pattern explosion. Per affrontare questa sfida, gli autori introducono il concetto di rule base, una struttura organizzata per la memorizzazione e l'elaborazione sistematica delle regole di associazione. La rule base consente di applicare tecniche di post-mining, come la rimozione delle regole ridondanti, la generalizzazione e la valutazione della rilevanza. Questi processi permettono di ottenere un insieme di regole più compatto, interpretabile e utile per l'integrazione con modelli di apprendimento automatico. I risultati sperimentali confermano che tale approccio consente di migliorare l'efficacia complessiva dei sistemi basati su regole, rendendoli più adatti a essere utilizzati come componente di post-processing nei moderni sistemi di raccomandazione ibridi.

2.4 Hybrid Collaborative Filtering using Matrix Factorization and XGBoost

Behera et al. (2024) propongono un approccio ibrido per il miglioramento delle raccomandazioni cinematografiche, combinando la *Matrix Factorization* con l'algoritmo di *XGBoost* [6]. L'obiettivo è sfruttare i punti di forza di entrambe le tecniche: la *Matrix Factorization* consente di catturare i fattori latenti che descrivono le interazioni tra utenti e item, mentre *XGBoost* permette di modellare relazioni non lineari tra variabili e integrare ulteriori informazioni derivate dai dati. Nel modello proposto, le previsioni ottenute tramite *Matrix Factorization* vengono utilizzate come feature di input per *XGBoost*, insieme a metriche aggregate (come la media dei rating per utente e per item) e misure di similarità. Questa combinazione consente di migliorare la capacità predittiva del sistema rispetto ai modelli basati su una singola tecnica. I risultati sperimentali, ottenuti su dataset come *MovieLens-100K* e *MovieLens-1M*, mostrano una riduzione significativa dell'errore medio (RMSE e MAE) rispetto ai metodi tradizionali di *collaborative filtering*, evidenziando la maggiore efficacia del modello ibrido. Gli autori sottolineano tuttavia che l'approccio comporta un incremento della complessità computazionale, richiedendo risorse superiori rispetto alle metodologie standard.

3 Strumenti di Sviluppo

3.1 Dataset

Per la sperimentazione si utilizza il dataset **Netflix Movie Rating** disponibile su Kaggle¹. Il dataset è composto da due file CSV principali:

- Netflix_Dataset_Movie.csv: contiene tre colonne, ovvero *Movie_ID*, un identificatore numerico univoco per ciascun film, *Year*, l'anno di pubblicazione, e *Name*, il titolo del film. Il dataset include un totale di 17.770 film unici.
- Netflix_Dataset_Rating.csv: contiene tre colonne, ovvero *User_ID*, che identifica univocamente ciascun utente, *Movie_ID*, l'identificativo del film valutato, e *Rating*, che indica la valutazione assegnata dall'utente. Complessivamente, il dataset raccoglie circa 17,3 milioni di valutazioni.

Questi dati saranno utilizzati per generare le regole di associazione e per testare le tecniche di post-processing proposte nel presente lavoro.

3.2 Hardware e Ambiente di Esecuzione

Gli esperimenti sono stati eseguiti su un computer con le seguenti caratteristiche hardware e software:

• Processore: Intel(R) Core(TM) i5-12600KF, 12 core;

• Memoria RAM: 16 GB;

• Sistema Operativo: Windows 11.

L'ambiente software comprende Python 3.10 con le principali librerie per l'analisi dei dati, la generazione delle regole di associazione e il calcolo delle metriche di valutazione, come pandas, numpy e sklearn.

3.3 Approcci Utilizzati

Per la sperimentazione sono stati adottati due approcci principali per il post-processing delle regole di associazione, mirati a migliorare la qualità, la diversità e la rilevanza delle raccomandazioni.

Il primo approccio, definito *ibrido*, combina le regole di associazione con modelli di machine learning supervisionati, come Gradient Boosting e XGBoost, trasformando il problema delle raccomandazioni in un compito di classificazione utente—item. In questo modo, le raccomandazioni generate dalle regole vengono filtrate e riordinante in base alla probabilità stimata che un utente apprezzi un determinato film.

Il secondo approccio si concentra su tecniche di post-processing basate su regole e algoritmi di diversità, come il post-mining delle regole e *FairMatch*. Queste strategie agiscono direttamente sulle liste di raccomandazioni già generate, rimuovendo regole ridondanti, generalizzando pattern e incrementando la diversità aggregata degli item suggeriti, senza alterare il modello sottostante.

 $^{^1} https://www.kaggle.com/datasets/rishitjavia/netflix-movie-rating-dataset?select=Netflix_Dataset_Movie.csv$

3.3.1 Estrazione delle Regole di Associazione

Come suggerito in letteratura [7], invece di estrarre le regole direttamente dagli utenti, si è deciso di raggrupparli in cluster in base alle loro caratteristiche, al fine di ridurre il rumore e velocizzare il processo di estrazione delle regole. L'estrazione delle regole è basata sul association rule mining (ARM) [3], ed in particolare si è scelto di utilizzare l'algoritmo FP-Growth [8], noto per essere meno oneroso rispetto all'algoritmo Apriori, in quanto evita la generazione esplicita di candidati. Il processo di FP-Growth inizia rimuovendo gli item che non raggiungono la soglia minima di supporto, riducendo così il rumore e lo spazio di calcolo. Le transazioni rimanenti vengono quindi rappresentate in una struttura ad albero compatta chiamata FP-Tree, nella quale i prefissi comuni condividono i nodi, ottimizzando la memoria. L'albero viene poi esplorato in modo ricorsivo, combinando gli item lungo i percorsi dell'albero per identificare i pattern frequenti. Infine, dai pattern frequenti possono essere generate regole di associazione, filtrando quelle che non soddisfano la soglia minima di confidenza. Grazie alla sua capacità di rappresentare le transazioni in modo compatto e di evitare la generazione di candidati, FP-Growth risulta particolarmente efficiente e scalabile anche su dataset di grandi dimensioni, come in questo caso.

3.3.2 Post-Processing con Modelli di Machine Learning

Questa sezione illustra l'approccio di post-processing basato su modelli di machine learning, finalizzato a migliorare i risultati ottenuti dalle regole di associazione. L'obiettivo è trasformare il problema delle raccomandazioni in un classico problema di classificazione supervisionata, dove ogni coppia utente—film rappresenta un esempio da prevedere.

Strategia Ibrida 1: Regole di Associazione e Gradient Boosting. In questa strategia, le raccomandazioni non derivano esclusivamente dai film più popolari del cluster, ma vengono filtrate e arricchite attraverso un modello di Gradient Boosting. Il Gradient Boosting è una tecnica di ensemble learning che costruisce un modello predittivo combinando molti modelli più deboli, tipicamente alberi decisionali poco profondi. L'idea chiave è addestrare i modelli in sequenza, dove ciascun modello successivo corregge gli errori del modello precedente. Il modello viene addestrato a stimare la probabilità che un utente apprezzi un determinato film.

Strategia Ibrida 2: Regole di Associazione e XGBoost. Un'alternativa consiste nell'integrare le regole di associazione con un modello supervisionato basato su XGBoost, come suggerito in letteratura [6]. XGBoost (Extreme Gradient Boosting) è un'implementazione ottimizzata del Gradient Boosting, progettata per essere efficiente e scalabile. Il funzionamento di XGBoost può essere sintetizzato come segue:

- 1. Viene costruito un albero iniziale per predire i target.
- 2. Si calcolano i residui dell'errore o il gradiente della funzione di perdita rispetto alla predizione corrente.
- 3. Si addestra un nuovo albero per predire i residui o il gradiente.
- 4. La predizione finale viene aggiornata combinando tutti gli alberi addestrati, pesati da un *learning rate*.

5. Il processo viene ripetuto per un numero predefinito di alberi o fino al raggiungimento di un criterio di stop.

Per ottimizzare le prestazioni, gli iperparametri di XGBoost vengono selezionati tramite RandomizedSearchCV con validazione incrociata a 3 fold. RandomizedSearchCV è una tecnica di ricerca degli iperparametri che esplora un numero predefinito di combinazioni casuali degli iperparametri specificati. Per ciascuna combinazione, le performance del modello vengono valutate tramite cross-validation, una tecnica che stima la capacità di generalizzazione su dati non visti.

3.3.3 Post-Processing Basato su Regole

Rule Base. L'articolo "Post-Mining on Association Rule Bases" [5] evidenzia come le regole di associazione grezze non siano direttamente utilizzabili nei sistemi reali, poiché spesso contengono rumore, ridondanze o risultano troppo generiche. L'estrazione tradizionale di regole di associazione genera un ampio numero di regole, molte delle quali ridondanti o di scarso valore, fenomeno noto come pattern explosion, che rende difficile per gli esperti del dominio trarre conclusioni significative. L'articolo esplora tecniche di post-mining, ossia metodi applicati dopo l'estrazione delle regole per affinare e ottimizzare i risultati. Queste tecniche includono la rimozione di regole ridondanti, la generalizzazione delle regole per migliorarne la generalizzabilità e la valutazione delle regole in base alla loro rilevanza e utilità pratica.

FairMatch. L'articolo "FairMatch: A Graph-based Approach for Improving Aggregate Diversity in Recommender Systems" [4] propone una strategia per affrontare il problema della bassa diversità aggregata nei sistemi di raccomandazione tradizionali, che tendono a privilegiare gli item più popolari. L'algoritmo FairMatch, basato su grafi, agisce come fase di post-elaborazione dopo la generazione delle raccomandazioni, al fine di aumentare la diversità aggregata e garantire una distribuzione più equa degli articoli consigliati. In particolare, FairMatch costruisce un grafo bipartito tra utenti e articoli, dove gli archi rappresentano le raccomandazioni generate dal sistema. L'algoritmo risolve iterativamente il problema del flusso massimo in questo grafo, identificando e aggiungendo articoli di alta qualità ma poco raccomandati alle liste finali degli utenti. Questo processo consente di incrementare la diversità aggregata delle raccomandazioni senza compromettere significativamente la loro rilevanza.

3.4 Valutazione delle Raccomandazioni

Per valutare l'efficacia delle raccomandazioni generate dai modelli ibridi, sono state adottate tre metriche fondamentali: *Precision@10*, *Recall@10* e *MAP@10*. Queste metriche, ampiamente utilizzate nei sistemi di raccomandazione, permettono di misurare rispettivamente la qualità, la completezza e l'accuratezza del ranking delle raccomandazioni proposte.

La Precision@10 quantifica la frazione di elementi rilevanti tra i primi 10 suggerimenti forniti dal sistema. In altre parole, indica la percentuale di film che l'utente ha effettivamente apprezzato tra i primi 10 raccomandati. Una precisione elevata suggerisce che il sistema è

efficace nel proporre contenuti pertinenti nelle posizioni di maggiore visibilità.

$$Precision@10 = \frac{\text{Numero di film rilevanti trai primi } 10}{10}$$

Il Recall@10, invece, misura la proporzione di film rilevanti che sono stati inclusi tra i primi 10 suggerimenti, rispetto al totale di film rilevanti disponibili. Questa metrica evidenzia la capacità del sistema di recuperare gli item pertinenti all'interno dei primi 10 suggerimenti.

$$Recall@10 = \frac{\text{Numero di film rilevanti trai primi 10}}{\text{Numero totale di film rilevanti}}$$

Infine, la Mean Average Precision (MAP@10) considera non solo la presenza dei film rilevanti, ma anche la loro posizione all'interno della lista dei suggerimenti. Per ogni utente si calcola la Average Precision considerando l'ordine dei film raccomandati, e successivamente si calcola la media su tutti gli utenti. La MAP@10 fornisce quindi una misura complessiva della qualità del ranking proposto dal sistema di raccomandazione, premiando le raccomandazioni pertinenti che compaiono nelle prime posizioni.

$$MAP@10 = \frac{1}{Q} \sum_{q=1}^{Q} AP@10_q$$

dove $AP@10_q$ è l'Average Precision, espressa nel seguente modo:

$$AP@10 = \frac{\sum_{k=1}^{10} Precision@k \cdot rel_k}{\min(R, 10)}$$

dove R è il numero totale di film rilevanti per l'utente e rel_k è una funzione indicatrice che vale 1 se il film in posizione i è rilevante, 0 altrimenti.

L'uso combinato di Precision@10, Recall@10 e MAP@10 permette di valutare in modo completo le performance del sistema di raccomandazione, considerando non solo la pertinenza e la copertura dei suggerimenti, ma anche la qualità del loro ordine nella lista raccomandata.

4 Sperimentazione

4.1 Pre-Processing dei Dati

Da una prima analisi del dataset è emerso che il numero complessivo di film è pari a 17.770, ma soltanto 1.350 di essi hanno ricevuto almeno una valutazione. Il numero totale di utenti presenti è invece pari a 143.458. Ne consegue che la matrice booleana utente–film, necessaria per l'estrazione delle regole di associazione, avrebbe dimensioni pari a $143.458 \times 17.770 \approx 2.55 \times 10^9$ celle. Data la limitata disponibilità di risorse computazionali, tale operazione conduceva inevitabilmente a un MemoryError. È stato quindi necessario ridurre la dimensionalità del problema.

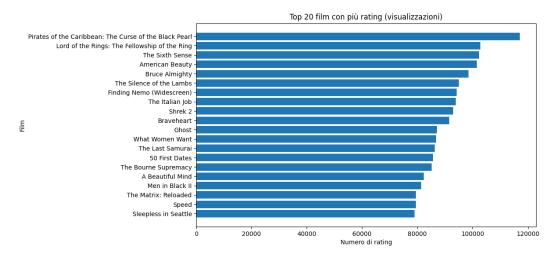


Figura 1: Nell'immagine sono stati riportati i 20 film con più visualizzazioni, cioè i film che hanno ricevuto più rating dagli utenti.

La prima strategia adottata è consistita nel filtrare gli utenti inattivi, definiti come coloro che avevano registrato meno di 50 valutazioni. Questa operazione ha ridotto il numero di utenti da 143.458 a 139.962, un valore tuttavia ancora troppo elevato per consentire l'estrazione delle regole senza errori di memoria.

4.2 Clustering degli Utenti

Per ridurre ulteriormente la complessità computazionale e facilitare il post-processing delle raccomandazioni, gli utenti sono stati raggruppati in cluster [7], applicando l'algoritmo K-Means alla matrice utente-film. Considerando l'elevato numero di utenti e film presenti nel dataset, si è scelto di utilizzare una variante più scalabile, MiniBatchKMeans della libreria sklearn.cluster, che elabora i dati in batch di dimensione 1000, riducendo significativamente i tempi di calcolo. L'algoritmo è stato addestrato esclusivamente sugli utenti del training set, con uno split 80-20, generando le etichette di cluster per ciascun utente di addestramento. Successivamente, per gli utenti del validation set è stata effettuata solo la fase di predizione, assegnando ciascun utente al cluster più vicino sulla base dei centroidi calcolati. In totale sono stati generati 1000 cluster, garantendo una suddivisione sufficientemente fine degli utenti pur mantenendo la scalabilità dell'operazione. Per rappresentare i cluster di tutti gli utenti in un unico array, è stato creato un vettore della stessa lunghezza del numero

totale di utenti, in cui sono state inserite le etichette di cluster corrispondenti sia al training sia al validation set. In questo modo, per ogni utente è disponibile un riferimento diretto al cluster di appartenenza, utile sia per il calcolo delle feature dei modelli di post-processing sia per la selezione dei film candidati durante la fase di raccomandazione.

4.3 Estrazione delle Regole di Associazione

Prima di procedere all'estrazione delle regole di associazione è stato necessario costruire le transazioni. In questo lavoro, ciascun cluster è stato considerato come una singola transazione, mentre ogni film rappresenta un item. Al fine di catturare soltanto le preferenze positive, sono stati inclusi unicamente i film con un valore di rating ≥ 3 , interpretato come indicatore di apprezzamento da parte degli utenti. Di conseguenza, una transazione è caratterizzata da un identificativo del cluster e dall'insieme dei film apprezzati dagli utenti che vi appartengono.

Per l'estrazione delle regole è stato inizialmente valutato l'algoritmo *Apriori*, che tuttavia si è dimostrato inefficiente sia in termini di tempo di esecuzione sia in termini di utilizzo della memoria, conducendo spesso a MemoryError. Si è quindi optato per l'algoritmo *FP-Growth*, che si è rivelato più scalabile ed efficiente. L'algoritmo è stato configurato con una soglia minima di supporto pari al 30% (valori inferiori incrementavano drasticamente i tempi di calcolo) e una soglia di confidenza pari al 60%.

L'applicazione di FP-Growth ha portato all'individuazione di 3021 pattern frequenti, dai quali sono state derivate complessivamente 1027 regole di associazione.

4.4 Generazione delle Raccomandazioni

4.4.1 Raccomandazioni Basate sui Cluster di Appartenenza

Come baseline per la valutazione delle raccomandazioni, si è scelto di utilizzare un approccio basato sulla popolarità dei film all'interno del cluster di appartenenza di ciascun utente. In questo contesto, per ogni utente vengono raccomandati unicamente i film più popolari nel cluster a cui appartiene, escludendo quelli già presenti nella cronologia dell'utente nel training set. Per implementare questa strategia, è stato creato un dizionario user_history_dict contenente, per ciascun utente del training set, la lista dei film che ha apprezzato. Allo stesso modo, per il validation set è stato costruito un dizionario val_df_liked_dict che funge da ground truth, indicando quali film sono stati effettivamente apprezzati dagli utenti di validazione.

Successivamente, per ogni cluster è stata calcolata la popolarità dei film basata sulla somma dei like degli utenti appartenenti al cluster e i film sono stati ordinati in ordine decrescente di popolarità. In questo modo, per ciascun cluster è disponibile una lista ordinata dei film candidati, che viene utilizzata per generare le raccomandazioni. Le raccomandazioni per ogni utente sono ottenute tramite la funzione recommend_from_clusters, che recupera il cluster dell'utente, seleziona i film più popolari nel cluster escludendo quelli già visti, e restituisce i primi top_k film come suggerimenti. Nel caso in cui l'utente non sia presente nel training set, la funzione restituisce i film più popolari a livello globale.

Per valutare la qualità delle raccomandazioni, è stata definita la funzione evaluate_user, che calcola la precisione e il recall per ciascun utente. Una hit viene conteggiata ogni volta

che un film raccomandato compare nella cronologia di apprezzamento presente nel validation set.

Infine, le metriche sono state calcolate su tutti gli utenti del validation set e sono state aggregate come media, ottenendo una valutazione complessiva della baseline basata sui film più popolari all'interno dei cluster. Questo approccio consente di ottenere un punto di riferimento chiaro per confrontare le performance dei modelli di post-processing successivamente introdotti, sia quelli ibridi basati su machine learning sia le strategie basate su regole e FairMatch.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7833	
Recall@10	0.0916	
MAP@10	0.7013	

Tabella 1: Risultati della Strategia Cluster Based.

4.4.2 Raccomandazioni con Association Rules: Applicazione Diretta con Priorità

Prima di valutare i risultati ottenuti a seguito dell'applicazione di strategie di post-processing, si procede con l'applicazione diretta delle regole di associazione estratte sui suggerimenti cluster-based: in questa configurazione, le raccomandazioni di base ottenute dal clustering vengono arricchite applicando tutte le regole di associazione attivabili per ciascun utente, ordinate in base al loro livello di confidence. Per ogni utente, la funzione apply_rules_to_recs_priority verifica quali regole sono applicabili rispetto ai film già visti e alle raccomandazioni iniziali, aggiungendo i film suggeriti dalle regole che non sono ancora stati visualizzati. In questo modo, i film derivanti dalle regole di associazione vengono privilegiati e compaiono all'inizio della lista finale di raccomandazioni. Le raccomandazioni cluster-based vengono inserite successivamente, esclusivamente per completare la lista fino al numero di elementi desiderato (top_k). Questo approccio garantisce che le regole di associazione abbiano priorità nel ranking finale, senza però rimuovere completamente i film popolari nel cluster.

Per valutare le performance di questa strategia, è stata definita la funzione evaluate_user_with_rules_priority, che calcola la Precision@10, la Recall@10 e la MAP@10, confrontando la lista finale di raccomandazioni con i film effettivamente apprezzati dagli utenti nel validation set. In questo modo, è possibile stimare quanto l'integrazione delle regole migliori la qualità e la completezza delle raccomandazioni rispetto alla baseline cluster-based.

Questa metodologia non prevede ulteriori filtraggi o ottimizzazioni delle regole oltre alla loro ordinazione per livello di confidence: si tratta quindi di un semplice post-processing basato sulla priorità delle regole, volto a verificare l'impatto diretto dell'integrazione delle regole sulle metriche di valutazione.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7429	
Recall@10	0.0857	
MAP@10	0.6336	

Tabella 2: Risultati della Strategia con Regole di Associazione con Priorità.

4.4.3 Post-Processing con Modelli di Machine Learning

Come anticipato nel secondo capitolo, sono state esplorate due strategie ibride di ottimizzazione in post-processing, con l'obiettivo di valutare se e in che misura l'integrazione delle regole di associazione possa migliorare la qualità delle raccomandazioni inizialmente ottenute dal clustering. Per ogni modello, saranno necessari i seguenti elementi:

- Suddivisione del dataset in training e validation set, già eseguita in fase di clustering, per garantire che il modello venga addestrato unicamente sui dati di training e valutato su utenti e interazioni non viste in precedenza.
- Regole di associazione, memorizzate in un dizionario (rules_dict) in cui a ogni antecedente corrisponde la lista dei conseguenti e la relativa confidence.
- Cronologia degli utenti (solo sul training set), necessaria per attivare eventuali regole di associazione e generare raccomandazioni personalizzate.
- Popolarità dei film, calcolata sia a livello globale che locale (all'interno dei cluster).
 Nel secondo caso, per ogni cluster viene prodotto un ordinamento dei film più visti, utile a costruire i candidati di base.

A partire da queste componenti, il codice definisce una funzione di costruzione delle feature (build_features) che, per ogni coppia utente—film candidata, genera un vettore con i seguenti elementi:

- rank di popolarità nel cluster, che cattura l'importanza del film tra gli utenti simili;
- popolarità globale, che misura l'interesse generale del film;
- contributo delle regole di associazione, sia in termini di confidence massima che di numero di regole attivate.

Queste feature costituiscono l'input per un classificatore supervisionato che stima la probabilità che l'utente apprezzi il film candidato. I risultati ottenuti per ciascun utente vengono raccolti e salvati in un unico file train_dataset.csv, così da consentire l'addestramento e la valutazione dei modelli supervisionati.

Per ogni modello selezionato è prevista una funzione di valutazione (evaluate_hybrid_ml), che seleziona per ciascun utente un insieme di candidati, ottenuto combinando i film più popolari del cluster con quelli suggeriti dalle regole di associazione. I film candidati sono quindi ordinati in base allo score predetto e vengono calcolate le metriche di Precision@10, Recall@10 e MAP@10 sui film effettivamente apprezzati dall'utente nel validation set. In tal modo è possibile verificare se, e in che misura, l'integrazione dei segnali derivanti dalle regole di associazione con quelli basati sulla popolarità migliori la qualità delle raccomandazioni rispetto al semplice approccio cluster-based.

Pipeline di esecuzione. La pipeline di esecuzione per le strategie Ibride con Machine Learning si articola in due fasi principali, focalizzate sulla conversione del problema di raccomandazione in un problema di ranking supervisionato. Durante la Fase 1 ci si occupa della generazione del Dataset di Training per il Modello ML. Questa fase è cruciale per la preparazione del classificatore supervisionato (XGBoost/Gradient Boosting) e viene eseguita unicamente sugli utenti del set di training (U_train). L'obiettivo è costruire un dataset (D_train) in cui ogni riga rappresenti una potenziale interazione utente-film con le relative feature e l'etichetta di gradimento (Target). La Fase 1 si articola nei seguenti passi principali:

- Identificazione dei Candidati (M_cand): per ciascun utente (u), si identificano i film potenzialmente raccomandabili combinando due insiemi: Candidati Cluster-Based, e cioè i film più popolari nel cluster di appartenenza C(u) (segnalati dalla popolarità locale) ed i Candidati Rule-Based, cioè consequent (M) delle regole di associazione (R) che vengono attivate dallo storico di gradimento dell'utente (A SUBSET DI H train(u)).
- Estrazione delle Feature: per ogni coppia utente-film candidata (u, m), si calcolano quattro segnali distinti: $F_cluster$ e F_global catturano i segnali di popolarità (locale e globale) ed F_conf_max e $F_triggered$ integrano il contributo delle regole di associazione in termini di forza e robustezza del suggerimento.
- Etichettatura (Target): viene assegnata l'etichetta di gradimento (y), che corrisponde ad 1 se il film m è presente nello storico dell'utente $H_train(u)$ (gradito), e 0 altrimenti (non gradito o non ancora visto).
- Addestramento: il dataset cosi generato (D_train_final) e utilizzato per addestrare il modello R_ML , che impara a stimare la probabilità di gradimento in base alla combinazione delle quattro feature.

Durante la Fase 2 ci si concentra sulla generazione delle raccomandazioni: il modello R_ML addestrato per generare le raccomandazioni finali sugli utenti del set di validazione (U_val). La Fase 2 si articola nei seguenti passi:

- Generazione dei Candidati per Predizione: per un utente di validazione, si ripete il
 processo della Fase 1 per ottenere il set di candidati (D_val) e le relative feature. In
 questo passaggio, vengono esclusi i film già visti.
- Predizione e Punteggio: il modello R_ML calcola il punteggio predetto (S_hat) per ogni candidato non visto. Questo punteggio rappresenta la probabilità stimata che l'utente possa apprezzare il film.
- Ranking Finale: I film vengono ordinati in una lista (L_ranked) in base al punteggio S hat in ordine decrescente.
- Output: i Top K film di questa lista ordinata vengono emessi come raccomandazione finale, combinando i segnali derivanti dal clustering (popolarità) con l'informazione predittiva e relazionale (Rules) appresa dal modello ML.

```
1 Input
 2 - U_train, U_val: Set di utenti di Training e Validation
 3 - C(u): Cluster assegnato a utente u
 4 - H_train(u): Storico dei film piaciuti (Rating >= 3) dall'utente u (nel train set)
 5 - R: Set di Association Rules (filtrate/post-minate)
 7 // FASE 1: Generazione del Dataset di Training per il Modello ML
 8 FUNCTION GeneraDatasetML(U_set, H)
                D_train <- vuoto</pre>
                 FOR EACH u IN U_set:
                          // Candidati Cluster-Based (top 100 piu popolari nel cluster)
                           M_cand <- Top N film in C(u)
12
                          // Candidati Rule-Based (Consequent delle regole attivate)
14
                           FOR EACH regola A => M IN R:
                                     SE A SUBSET DI H(u):
17
                                              M_cand <- M_cand UNIONE {M}
                           FOR EACH candidato m IN M_cand:
                                     // Feature 1: Popolarita di m nel cluster C(u)
                                    F_cluster <- Popolarita(m | C(u))
21
                                    // Feature 2: Popolarita globale di m
22
                                    F_global <- PopolaritaGlobale(m)</pre>
                                    // Feature 3: Max Confidence delle regole che suggeriscono m
                                    F_conf_max <- MAX(Confidence(A => m)) per tutte le regole attivate
                                     // Feature 4: Conteggio delle regole attivate che suggeriscono m
                                    F_triggered <- Conteggio Regole(m)
                                    // Target
28
                                    y <- SE m IN H(u) ALLORA 1 ALTRIMENTI O
30
                                    // Aggiungi al dataset
31
                                    \label{eq:def:D_train} $$D_{\tau} = D_{\tau} \in UNION\{(u, m, F_{\tau}, F_
32
                 RETURN D_train
34
35
36 // Addestramento Modello
37 D_train_final <- GeneraDatasetML(U_train, H_train)</pre>
38 R_ML <- Addestra(XGBoost / Gradient Boosting, D_train_final)
40 // FASE 2: Raccomandazione e Ranking (Validation/Test)
41 FOR EACH u IN U_val:
                // Genera dataset di candidati per la predizione (stesso processo della FASE 1)
                 D_val <- GeneraDatasetML({u}, H_train)</pre>
43
                L_ranked <- vuoto
44
45
                FOR EACH record (u, m, F_cluster, F_global, F_conf_max, F_triggered) IN D_val:
                           // Escludi film gia visti
47
                           SE m NON IN H train(u):
48
49
                                     // Predizione: probabilita di gradimento
50
                                     S_hat <- R_ML(F_cluster, F_global, F_conf_max, F_triggered)</pre>
51
                                    L_ranked <- L_ranked UNIONE { (m, S_hat) }</pre>
53
                 L_final <- Ordina(L_ranked per S_hat decrescente)</pre>
54
                Output: Top K film di L_final
```

Codice 1: Pipeline Post Processing con Modelli di ML.

Strategia Ibrida 1: Regole di Associazione e Gradient Boosting. Questa strategia integra i segnali derivanti dalle regole di associazione con quelli basati sulla popolarità dei film, all'interno di un modello supervisionato di tipo Gradient Boosting. Partendo dal train_dataset.csv, il modello impara a stimare la probabilità che un film venga gradito da un utente. La funzione evaluate_hybrid_ml viene quindi utilizzata per generare un insieme di dieci raccomandazioni per ciascun utente del validation set. I risultati ottenuti sono riportati nella Tabella 3.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7525	
Recall@10	0.0875	
MAP@10	0.6560	

Tabella 3: Risultati della Strategia Ibrida 1.

Strategia Ibrida 2: Regole di Associazione e XGBoost. Per questa strategia, si parte dal caricamento del dataset di addestramento train_dataset.csv. In una prima fase, si cerca di identificare i migliori iperparametri per l'addestramento del modello XGBoost, comprendenti numero di alberi, profondità massima, learning rate, frazione di campioni e feature da usare, peso minimo dei figli e parametro di regolarizzazione gamma. Questi valori possibili sono definiti nel dizionario param_dist.

Successivamente, viene lanciata una RandomizedSearchCV, che esplora 15 combinazioni casuali con validazione incrociata a 3 fold. La metrica ottimizzata è l'AUC ROC, che rappresenta la probabilità che il modello assegni un punteggio più alto a un positivo rispetto a un negativo scelto a caso. Al termine della ricerca, il miglior modello viene salvato in un file .pkl.

Prima dell'addestramento definitivo, si calcola il peso di bilanciamento delle classi (scale_pos_weight), utile nei casi in cui i film apprezzati siano molto meno numerosi rispetto a quelli non apprezzati.

Il modello ottimizzato viene quindi ricaricato e riaddestrato sui dati di training, monitorando le performance sul validation split. Terminata questa fase, si esegue la valutazione sul validation set completo tramite la funzione evaluate_hybrid_ml. I risultati sono riportati nella Tabella 4.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7397	
Recall@10	0.0861	
MAP@10	0.6397	

Tabella 4: Risultati della Strategia Ibrida 2.

4.4.4 Post-Processing Basato su Regole

A titolo di confronto, sono state analizzate strategie che non impiegano modelli di Machine Learning, ma mirano a incrementare la qualità delle regole di associazione estratte e dei suggerimenti generati. Tali approcci si concentrano sul filtraggio, la selezione e la combina-

zione intelligente delle regole, al fine di produrre raccomandazioni più rilevanti e specifiche per ciascun utente.

Adattamento della Strategia Rule Base. L'articolo di Seipel [5] evidenzia come le regole di associazione grezze possano risultare ridondanti, generiche o poco informative a causa del fenomeno della pattern explosion. Per questo motivo, è stata introdotta una fase di post-mining, ossia un insieme di trasformazioni e filtraggi successivi all'estrazione delle regole, volta a ottenere un insieme più compatto e significativo. In questo adattamento della strategia Rule Base, il processo si articola nei seguenti passaggi:

- Precalcolo dei cluster dei film: per ogni film viene costruita una mappa dei cluster degli utenti che lo hanno visto, così da identificare le comunità più rappresentative rispetto ai contenuti.
- Post-mining delle regole: vengono rimosse le regole con antecedenti troppo brevi (lunghezza minima min_len) e ciascuna regola viene assegnata al cluster più frequente tra gli utenti che hanno visto i film dell'antecedente. In questo modo, ogni regola è specializzata per un cluster specifico.
- Selezione dei candidati per utente: per ogni utente del validation set, vengono selezionati i film più popolari nel cluster di appartenenza, escludendo quelli già presenti nella cronologia dell'utente e rispettando un limite massimo di suggerimenti per film (max_per_item).
- Applicazione delle regole post-minate: vengono considerati solo i film suggeriti dalle regole assegnate al cluster dell'utente, attivando una regola solo se tutti gli item dell'antecedente sono presenti nella cronologia dell'utente. Se più regole suggeriscono lo stesso film, viene mantenuto quello con la confidenza massima.
- Combinazione dei segnali: le raccomandazioni derivanti dai candidati del cluster e dalle regole vengono fuse tramite una media pesata, con un peso maggiore ($\alpha = 0.7$) assegnato alle regole. Questo bilancia la conoscenza esplicita fornita dalle regole con la preferenza implicita derivante dalla popolarità locale.

In questo modo, la strategia *Rule Base* aggiornata garantisce che i suggerimenti siano rilevanti, specifici rispetto al cluster dell'utente e non ridondanti, integrando efficacemente informazioni esplicite e implicite. I risultati prodotti dalla funzione evaluate_rule_base sono contenuti nella Tabella 5.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7839	
Recall@10	0.0917	
MAP@10	0.7026	

Tabella 5: Risultati della Strategia Rule Base.

Adattamento della Strategia FairMatch. FairMatch [4] è originariamente un algoritmo basato su grafo che estende le liste di raccomandazioni generate da un modello base, costruendo un grafo bipartito utenti-item al fine di migliorare la copertura e promuovere item con bassa visibilità. Nel nostro lavoro, la strategia è stata adattata per bilanciare la popolarità locale e la diversità delle raccomandazioni, ottimizzando al contempo l'efficienza computazionale. Le principali modifiche introdotte rispetto all'algoritmo originale sono le seguenti:

- Cluster al posto del grafo globale: invece di costruire un grafo utenti-item su tutto il dataset, per ciascun utente vengono considerati solo i film più popolari nel proprio cluster. Questo riduce significativamente la complessità computazionale.
- Quota massima per film: attraverso il parametro max_per_item_ratio, si limita il numero di utenti ai quali lo stesso film può essere raccomandato, prevenendo una concentrazione eccessiva sugli item più popolari e favorendo la diversità.
- Selezione greedy dei candidati: se un film raggiunge il limite massimo di raccomandazioni consentite, non viene più selezionato per altri utenti. Questa scelta rappresenta un'approssimazione del matching globale implementato da FairMatch tramite il grafo, ma è molto più scalabile.
- Batch processing: l'algoritmo viene applicato su blocchi di utenti (batch di 10.000) per evitare di processare l'intera matrice utenti-item in un'unica soluzione, garantendo scalabilità su dataset di grandi dimensioni.

La versione adattata di FairMatch mantiene quindi la filosofia originale di aumentare copertura e diversità, ma utilizza una strategia greedy a livello di cluster combinata con vincoli di quota massima per film e gestione a batch, consentendo un'applicazione efficiente anche a dataset di grandi dimensioni. i Risultati sono riportati nella Tabella 6.

Metrica	Valore	
Precision@10	0.7069	
Recall@10	0.0800	
MAP@10	0.6099	

Tabella 6: Risultati della Strategia FairMatch.

4.4.5 Perfezionamento dei Modelli con Rule Base

Tra le strategie di post-mining delle regole di associazione, l'approccio Rule Base si è dimostrato il più efficace, ottenendo i migliori valori in Precision@10, Recall@10 e MAP@10. A partire da questo risultato, si è deciso di integrare il dizionario di regole prodotto da Rule Base all'interno dei modelli di Machine Learning, con l'obiettivo di migliorare ulteriormente le loro prestazioni.

Le funzioni di costruzione delle feature e di valutazione sono state opportunamente modificate per utilizzare il nuovo dizionario, pur mantenendo invariato il workflow complessivo adottato in precedenza. L'aggiunta della MAP@10 consente di valutare anche la qualità del ranking dei film raccomandati, premiando i suggerimenti rilevanti posizionati nelle prime posizioni della lista.

I risultati, riportati in Tabella 7, evidenziano come l'inclusione delle regole di post-mining generi un incremento, seppur contenuto, in tutti e tre gli indicatori considerati. In particolare, il *Gradient Boosting* ottiene un miglioramento sia in precisione (da 0.7525 a 0.7546)

che in recall (da 0.0875 a 0.0878) e in MAP@10 (da 0.6560 a 0.6592), mentre l'XGBoost ottimizzato tramite $Random\ Search\ CV$ mostra un analogo incremento (Precision@10: da 0.7397 a 0.7411; Recall@10: da 0.0861 a 0.0863; MAP@10: da 0.6397 a 0.6392).

Questi risultati confermano che il post-mining con Rule Base, pur non stravolgendo le performance dei modelli, contribuisce in maniera coerente e costante a migliorarne l'accuratezza complessiva e la qualità del ranking dei suggerimenti.

Strategia	Precision@10	Recall@10	MAP@10
Gradient Boosting	0.7525	0.0875	0.6560
Rule Base + Gradient Boosting	0.7546	0.0878	0.6592
${\rm Random\ Search\ CV+XGBoost}$	0.7397	0.0861	0.6397
${\bf Rule\ Base+Random\ Search\ CV+XGBoost}$	0.7411	0.0863	0.6392

Tabella 7: Confronto dei risultati ottenuti dai modelli con e senza utilizzo di Rule Base.

5 Discussione e Conclusioni

Dall'analisi comparativa delle diverse strategie di raccomandazione (Tabella 8) emergono alcuni punti chiave, che permettono di trarre considerazioni utili sulle prestazioni e sui limiti di ciascun approccio.

- Cluster-Based: rappresenta una baseline solida, con risultati elevati in termini di Precision@10 (0.7833), Recall@10 (0.0916) e MAP@10 (0.7013). La forza principale risiede nella semplicità: le raccomandazioni si basano sulla popolarità dei film osservata all'interno dei cluster di utenti. Tuttavia, privilegia i film più popolari e già noti, riducendo la diversità dei suggerimenti.
- Regole di Associazione con Priorità: l'uso diretto delle regole estratte dal dataset, ordinate per priorità, produce risultati discreti ma inferiori alla baseline cluster-based (Precision@10: 0.7429; Recall@10: 0.0857; MAP@10: 0.6336). Questo conferma che le regole catturano pattern utili, ma la loro capacità di generalizzazione in fase di validazione è limitata.
- Gradient Boosting e XGBoost (Random Search CV): l'introduzione di modelli di Machine Learning consente di catturare relazioni più complesse tra feature di cluster, popolarità e regole. I risultati mostrano performance competitive, leggermente inferiori alla baseline, ma con maggiore flessibilità e potenziale miglioramento su dataset più grandi o feature più ricche.
- Rule Base: conferma di essere la strategia più efficace, con i valori più alti di Precision@10 (0.7839), Recall@10 (0.0917) e MAP@10 (0.7026). Il post-mining filtra e raffina le regole di associazione, migliorando la qualità delle raccomandazioni rispetto alle regole grezze e al cluster-based puro. È tuttavia più complesso e costoso computazionalmente.
- FairMatch: i risultati sono più bassi rispetto ad altre strategie (0.7069 / 0.0800 / 0.6099), ma il metodo introduce maggiore copertura e diversità, grazie ai vincoli sulla quota massima per item e alla selezione basata sui cluster. È quindi utile quando la varietà delle raccomandazioni è prioritaria rispetto alla massimizzazione delle metriche di accuratezza.
- Integrazione Rule Base + Machine Learning: combinare le regole post-minate con i modelli di Machine Learning genera un miglioramento marginale ma costante per ogni modello. Questo evidenzia come le informazioni provenienti dalle regole possano raffinare i modelli predittivi, migliorando precisione, recall e qualità del ranking (MAP), anche se in maniera incrementale.

In conclusione, i risultati ottenuti confermano che nessuna strategia è universalmente ottimale: la scelta dipende dagli obiettivi del sistema di raccomandazione. Il cluster-based rimane una baseline semplice ed efficace, mentre il rule base, grazie al post-mining, si dimostra la soluzione più accurata. I modelli di machine learning, pur non superando le performance della baseline, garantiscono maggiore flessibilità e stabilità, soprattutto quando combinati con le regole. Infine, FairMatch, pur sacrificando la precisione, introduce diversità e copertura, rivelandosi utile in scenari in cui la varietà ha un ruolo centrale.

Strategia	Precision@10	Recall@10	MAP@10
Cluster-Based	0.7833	0.0916	0.7013
Regole di Associazione con Priorità	0.7429	0.0857	0.6336
Gradient Boosting	0.7525	0.0875	0.6560
${\bf Random~Search~CV+XGBoost}$	0.7397	0.0861	0.6397
Rule Base	0.7839	0.0917	0.7026
FairMatch	0.7069	0.0800	0.6099
Rule Base + Gradient Boosting	0.7546	0.0878	0.6392
${\bf Rule\ Base+Random\ Search\ CV+XGBoost}$	0.7411	0.0863	0.6592

Tabella 8: Confronto dei risultati ottenuti con ogni strategia.

5.1 Sviluppi Futuri

Un'estensione naturale di questo lavoro consiste nel potenziare la fase di post-processing, applicando tecniche di *reranking* che tengano conto di diversità, copertura e fairness. Ciò permetterebbe di rendere le raccomandazioni meno ridondanti e più personalizzate, migliorando l'esperienza complessiva dell'utente senza compromettere le metriche di accuratezza.

Riferimenti bibliografici

- [1] Shraddha Gupta. «A literature review on recommendation systems». In: *Int. Res. J. Eng. Technol* 7 (2020), pp. 3600–3605.
- [2] Marwa Hussien Mohamed, Mohamed Helmy Khafagy e Mohamed Hasan Ibrahim. «Recommender systems challenges and solutions survey». In: 2019 international conference on innovative trends in computer engineering (ITCE). IEEE. 2019, pp. 149–155.
- [3] Jeff J Sandvig, Bamshad Mobasher e Robin Burke. «Robustness of collaborative recommendation based on association rule mining». In: *Proceedings of the 2007 ACM conference on Recommender systems.* 2007, pp. 105–112.
- [4] Masoud Mansoury et al. «Fairmatch: A graph-based approach for improving aggregate diversity in recommender systems». In: *Proceedings of the 28th ACM conference on user modeling, adaptation and personalization.* 2020, pp. 154–162.
- [5] Dietmar Seipel et al. «Post-mining on Association Rule Bases». In: European Conference on Artificial Intelligence. Springer. 2023, pp. 23–35.
- [6] Gopal Behera et al. «Hybrid collaborative filtering using matrix factorization and XG-Boost for movie recommendation». In: *Computer Standards & Interfaces* 90 (2024), p. 103847.
- [7] Fakhri Fauzan, Dade Nurjanah e Rita Rismala. «Apriori association rule for course recommender system». In: *Indonesian Journal on Computing (Indo-JC)* 5.2 (2020), pp. 1–16.
- [8] Jiawei Han, Jian Pei e Yiwen Yin. «Mining frequent patterns without candidate generation». In: *ACM sigmod record* 29.2 (2000), pp. 1–12.