Software R: Análise estatística de dados utilizando um programa livre

Felipe Micail da Silva Smolski Iara Denise Endruweit Battisti

2018-08-05

Sumário

\mathbf{A}	prese	entação	2				
1	Intr	rodução	4				
	1.1	Download e instalação do R e Rstudio	4				
	1.2	Painéis	5				
	1.3	Help	5				
	1.4	Instalação de pacotes	6				
	1.5	Abrir arquivo de dados	7				
	1.6	Salvar arquivo de dados	10				
	1.7	Diretórios de trabalho	11				
	1.8	Operações	11				
	1.9	Criação de variáveis	13				
	1.10		15				
	1.11	Estrutura de dados	19				
		Manipulação de banco de dados	25				
		Função edit	25				
	1.14	Funções	27				
	1.15	Funções Matemáticas	34				
	1.16	Conversão de datas	36				
2	Estatística Descritiva 3º						
	2.1	Natureza da medida das variáveis	37				
	2.2	Tabelas e Gráficos	40				
	2.3	Gráficos	42				
	2.4	Estatísticas Descritivas	55				
3	Esta	atística Inferencial	59				
	3.1	Intervalo de Confiança	60				
	3.2	Teste de hipóteses	64				
4	Test	te de Qui-Quadrado	75				
_	4.1	Teste de qui-quadrado para verificar associação entre duas variáveis qualitativas					
	4.2	Check list para escolher o teste adequado para verificar a relação entre duas					
		variáveis qualitativas	76				

SUM'ARIO 2

	4.3	Exemplo utilizando os recursos do software R	77				
	4.4	Teste de associação com duas amostras dependentes	80				
	4.5	Teste de qui-quadrado para verificar aderência a uma distribuição $\ \ . \ \ . \ \ .$	82				
5	5 Modelos de Regressão						
	5.1	Correlação linear	84				
	5.2	Diagrama de dispersão	85				
	5.3	Coeficiente de Correlação Linear de Pearson	86				
	5.4	Modelo de Regressão	87				
	5.5	Modelo de Regressão Linear Simples	88				
	5.6	Método dos Mínimos Quadrados	89				
	5.7	Análise de Variância	91				
	5.8	Coeficiente de Determinação	92				
	5.9	Análise dos Resíduos	94				
	5.10	Intervalo de Predição	103				
6	RM	arkdown	105				
	6.1	Criando o documento	105				
	6.2	Compilando os resultados do arquivo	106				
	6.3	Elementos básicos do RMarkdown	107				
	6.4	Elementos básicos de formatação	108				
	6.5	Elementos básicos do YAML	112				
	6.6	Elementos básicos dos Chunks	114				
	6.7	Criação de modelos para formatação vinculada	118				
	6.8	Citações e bibliografias	120				
So	bre o	os autores	125				
R	eferêi	ncias	127				

Apresentação

A necessidade de flexibilidade e robustez para a análise estatística fez com que fosse criado, na década de 1990, a linguagem de programação R. Capitaneado pelos desenvolvedores Ross Ihaka e Robert Gentleman, dois estatísticos da Universidade de Auckland na Nova Zelândia, o projeto foi uma grande evolução para a análise de dados. A partir de então, a ideia inicial de proporcionar autonomia ao pesquisador, viu na expansão do acesso à internet uma oportunidade para que a pesquisa científica se tornasse cada vez mais colaborativa. Ao mesmo tempo, os códigos e rotinas se tornaram facilmente disponibilizáveis na rede, aumentando a reprodução e replicação dos estudos, práticas estas que podem tornar as análises mais confiáveis.

A linguagem de programação R trouxe consigo inúmeras vantagens aos pesquisadores. Dentre elas, pode-se dizer primeiramente que, basicamente o R trabalha com uma extensa relação de modelos estatísticos, que vão desde a modelagem linear e não-linear, a análise de séries temporais, os testes estatísticos clássicos, análise de grupamento e classificação, etc. Não bastasse este fato, é possível a apresentação gráfica dos resultados contando com variadas técnicas, passando também pela criação e manipulação de mapas.

Outra questão importante é que o R possui uma comunidade ativa de desenvolvedores, que se expande regularmente. Isto faz com que as técnicas de análise de dados atinjam pesquisadores de variadas disciplinas ao longo do planeta. Inclusive, concebe que o desenvolvimento dos pacotes melhorem constantemente. No ano de 2018, já haviam mais de 12.700 pacotes disponibilizados. Não menos importante, talvez o essencial: o programa é livre, ao passo que entrega o estado da arte da estatística ao usuário.

Outro progresso significativo na utilização do R foi a criação do software RStudio, a partir de 2010. Este, por sua vez, se configura em um ambiente integrado com o R e com inúmeras linguagens de marcação de texto (exemplos LaTeX, Markdown, HTML). Possui igualmente versão livre que disponibiliza ao pesquisador a execução, guarda, retomada e manipulação dos códigos de programação diretamente em seu console, bem como a administração de diretórios de trabalhos e projetos.

O material aqui criado é destinado não somente a alunos de graduação, pós-graduação, professores e pesquisadores acadêmicos, mas também para qualquer indivíduo interessado no aprendizado inicial sobre a utilização de técnicas estatísticas com o R. Inclusive, com

SUMÁRIO 4

o objetivo de alcançar um público das mais variadas áreas do conhecimento, esta obra foi elaborada com exemplos gerais, a serem absorvidos em um momento inicial do estudante. Assim, possui a base para continuar estudos posteriores em estatística e no *software* RStudio. O sistema operacional aqui utilizado é o Windows 10.

Este livro está organizado da seguinte maneira: no capítulo 1 [**Primeiros Passos com o R**], busca-se instruir o pesquisador para a instalação dos programas necessários para acessar o ambiente de programação, bem como orientar sobre a usabilidade do programa em suas funções básicas de carregamento de bases de dados, criação de objetos e princípios de manipulação.

Já no capítulo 2 [Estatística Descritiva], leva o leitor ao encontro das técnicas básicas para descrever as variáveis em bancos de dados, como exemplos a média, mínima, máxima, desvio padrão, os quartis e também, apresentar os princípios dos elementos gráficos de apresentação dos dados.

O capítulo 3 [Estatística Inferencial] tratará dos métodos de determinação de intervalos de confiança (média e proporção), testes de hipóteses (verificar a normalidade dos dados) e das comparações entre médias de amostras dependentes e independentes.

No capítulo 4 [**Teste de Qui-Quadrado**], serão abordadas as referidas técnicas para verificação de associação entre duas variáveis qualitativas e de aderência a uma distribuição.

No capítulo 5 [Modelos de Regressão] serão introduzidos os conhecimentos sobre as técnicas de análise de correlação e regressão linear simples, bem como sobre o diagrama de dispersão, método dos mínimos quadrados, análise de variância, coeficiente e intervalo de predição, da análise dos resíduos e dos princípios de regressão múltipla.

A criação de documentos dinâmicos utilizando o RStudio será tratada no capítulo 6 [RMarkdown]. O pesquisador poderá conhecer as formas de integrar a programação no R e a manipulação de bases de dados, criando, compilando e configurando relatórios finais em diversos formatos (HTML, PDF e Word/Libre/Open Office).

Boa leitura!

Capítulo 1

Introdução

Felipe Micail da Silva Smolski

Djaina Sibiani Rieger

O R é um ambiente voltado para análise de dados com o uso de uma linguagem de programação, frente a isso um conhecimento prévio dos príncipios de programação facilita a compreensão da condução das análises aplicadas no software. Entretanto, não é pré-requisito. Neste capítulo abordaremos os primeiros passos para o emprego da linguagem de programação R utilizando uma interface "amigável" - o software RStudio. Além disso, serão apresentados os comandos básicos para a manipulação de dados dentro do RStudio.

1.1 Download e instalação do R e Rstudio

 ${\bf R}$: http://www.r-project.org. Clique em Download (CRAN) - escolha o link de um repositório - clique no link do sistema operacional (Linux, Mac ou Windows) - clique em install R for de first time - Download.

RStudio: http://www.rstudio.com/products/rstudio/download. Em RStudio Desktop, escolha a versão *free*, seguidas da opção do sistema operacional do usuário.

Lembrando que:

- R é o software;
- RStudio é uma ferramenta amigável para o R.

1.2 Painéis

O R Studio é a interface que faz com que seja mais fácil a utilização da programação em ${\bf R}.$



Figura 1.1: Painéis do Rstudio

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

- Fonte/Editor de Scripts: se constitui do ambiente onde serão abertos os scripts previamente salvos nos mais diversos formatos ou mesmo sendo o local de visualização das bases de dados.
- Console: local onde será efetuada a digitação das linhas de código que serão interpretadas pelo R.
- Ambiente e Histórico: o ambiente será visualizado os objetos criados ou carregados durante a seção e; a aba History retoma os scripts digitados no console.
- Plots/arquivos/Pacotes: local onde podem ser acessados os arquivos salvos no computador pela aba *files*; a aba *Plots* carrega os gráficos e plotagens; a aba *Packages* contém os pacotes instalados em seu computador, onde são ativados ou instalados novos; em *Help* constam as ajudas e explicações dos pacotes e; *Viewer* vizualiza documentos do tipo html.

1.3 Help

Acessamos a ajuda do RStudio por meio do comando help(), através da aba "Help" ou ao clicar no nome do pacote. Pode-se digitar a ajuda que usuário necessita (exemplo help("summary")), ou diretamente no colsole digitamos ? e a função desejada, exemplo: ?mean.

1.4 Instalação de pacotes

Em alguns situações, o uso de pacotes pode dar ao trabalho mais praticidade, e para isso se faz necessário efetuar a sua instalação. Precisamos ir até o painel dos pacotes em packages, selecionar a opção instalar e inserir o nome do pacote desejado na janela indicada. Ao selecionar a opção instalar, no console receberemos informações do procedimento e do sucesso do mesmo.

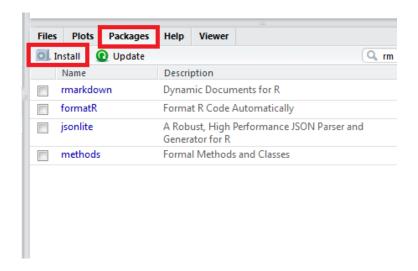


Figura 1.2: Instalação de pacotes

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

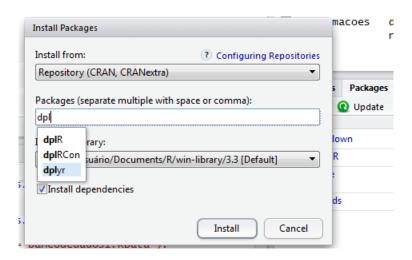


Figura 1.3: Caixa de informação de pacote a ser instalado

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es)

A mesma função, para instalação de um pacote, pode ser efetuada diretamente via console: install.packages("pacote"). É importante ressaltar a função library(nomedopacote) que é utilizada no console para informar ao R e "carregar" o pacote que o usuário irá utilizar. Podem ser instalados mais de um pacote ao mesmo tempo, como no exemplo:

```
install.packages(c("readr", "readxl"))
```

1.5 Abrir arquivo de dados

Dispondo de um banco de dados em uma planilha eletrônica (LibreOffice Calc ou EXCEL), neste caso será utilizado o arquivo árvores como exemplo o banco de dados. Os dados derivam de uma pesquisa com espécies de árvores registrando as variáveis diâmetro altura do peito (DAP) e altura. Dados cedidos pela professora Tatiane Chassot.

Pode-se utilizar a linha de comando para carregar os arquivos de dados, da seguinte forma:

```
library(readxl)
nome.objeto.xls = read_excel("d:/arvores.xls")
```

Outras opções de arquivos podem ser carregados no RStudio, como por exemplo arquivos de texto (.txt ou .csv), arquivos derivados do excel (.xls ou .xlsx), arquivos de dados do SPSS (.sav), do software SAS (.sas7bdat) e do STATA (.dta). A instalação de alguns pacotes é requerida, dependendo da origem da base de dados, como por exemplo o readxl, readr e haven, como os exemplos abaixo:

```
library(readr)
nomeobjeto = read.csv("d:/arvores.csv")
library(haven)
nomeobjeto = read_sav("d:/arvores.sav")
nomeobjeto = read_dta("d:/arvores.dta")
nomeobjeto = read_sas("d:/arvores.sas7bdat")
```

Outras opções podem ser comandadas dentro destes comando para abertura de arquivos, como por exemplo, um arquivo csv em que esteja separado por vírgulas pode ser lido como:

```
read.csv("d:/arvores.csv", sep=",")
```

O comando header=TRUE diz que a primeira linha do arquivo contém o cabeçalho; skip=4 faz com que sejam ignoradas as 4 primeiras linhas.

A opção load() (exemplo: load("base.RData")) pode ser utilizada para carregar as bases de dados salvas com a função save(), que será descrita no subcapítulo a seguir.

Outra opção é o carregamento das bases de dados manualmente pelo caminho $Envoirment > Import\ Dataset$, escolhendo o tipo de arquivo:

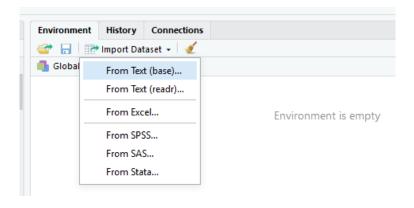


Figura 1.4: Aba Import Dataset

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Na caixa correspondente a File/Url se insere o endereço virtual ou o local onde se encontra o arquivo. Ao importar os dados, carrega-se um objeto criado com as informações contidas no arquivo. No nosso exeplo, carregamos a planilha arvores (arquivo .xls) como mostra a Figura 1.5, derivado do caminho "Import Dataset > From Excel" do Environment.

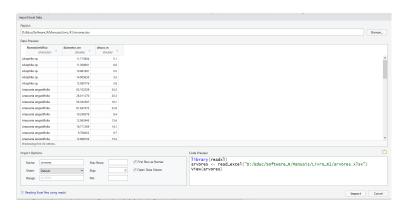


Figura 1.5: Caixa de informações do Import Data

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

O campo Code Preview mostra o comando que está sendo criado para a importação

destes dados. Em $Import\ Options$, delimita-se opções do objeto como o nome (name), o número máximo de linhas $(Max\ Rows)$, quantas linhas serão puladas na importação do arquivo (Skip), o tratamento das células em branco (NA) e se a primeira linha contém os nomes $(Firts\ Row\ as\ Names)$.

Com relação à importação de arquivos de texto separado por caracteres (.csv), ela se dá via "Import Dataset > From Text (readr)" do Environment. Constam algumas solicitações diferentes a serem determinadas pelo usuário no campo *Import Options*, conforme mostra a Figura 1.6. Uma questão importante é a opção *Delimiter*, a qual o pesquisador tem que prestar atenção quando o arquivo está separado por vírgulas (*Comma*), ponto e vírgula (*Semicolon*) ou outro tipo de caractere. A opção *Locale* > *Configure...* oportuniza determinar os tipos de marca decimal e codificação de textos, por exemplo.

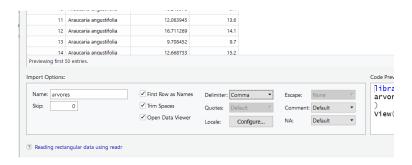


Figura 1.6: Opções da importação de arquivos .csv

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es)

Importante mencionar que em ambos os casos de importação, no campo *Dada Preview* onde constam os dados do arquivo a ser importado, é possível determinar o tipo de dado que cada "coluna" contém. Isto é extremamente importante, pois campos que possuem números, que serão posteriormente utilizados em operações aritméticas, por exemplo, devem ser configurados como tal. No entanto, como será visto adiante, a alteração do tipo do dado também pode ser feita posteriormente sem problema algum.

Alguns tipos de dados:

- Numeric: números, valores decimais em geral (5.4).
- Integer: números (4).
- Character: variável de texto, ou *string* (casa).
- Double: cria um vetor de precisão dupla, que abarca os números.
- Logical: operadores booleanos (TRUE, FALSE).
- Date: opção para datas.
- Time: vetor para séries de tempo.
- Factor: variável nominal, inclusive como fator ordenado, representam categorias.

1.6 Salvar arquivo de dados

O banco de dados que o R armazena na memória pode ser salvo, junto com todo o ambiente, usando o ícone de disquete na aba "Environment" (salva como arquivo .RData), e depois carregado pelo ícone de pasta (Abrir dados...) na mesma aba. Desta forma, salvará todos os objetos criados no ambiente de trabalho.



Figura 1.7: Atalho para abrir e salvar arquivo de dados

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es)

Outra opção com mesmo efeito é utilizar o comando a seguir diretamente no console do RStudio:

```
save("nomeDoObjeto",file="nomeDoArquivo.RData")
```

O nome do objeto pode ser uma lista de objetos para salvar mais de um objeto do ambiente, list=("objeto1", "objeto2"). Para carregar um arquivo RData no ambiente, o comando a ser utilizado pelo usuário é

```
load("arquivo.RData"),
```

desde que o arquivo esteja no diretório de trabalho do R.

É possível exportar as bases trabalhadas para vários formatos de arquivos de dados e de texto, como seguem alguns exemplos:

- write.csv(nomeobjeto, "file.csv", sep=";"): salvando em arquivo csv.
- write.foreign(nomeobjeto, "d:/nome.sps"): arquivos sps.
- write.foreign(nomeobjeto, "d:/nome.dta"): arquivos dta.
- write.foreign(nomeobjeto, "d:/nome.sas7bdat"): arquivos sas7bdat.

1.7 Diretórios de trabalho

Os trabalhos efetudados via Rstudio, incluindo as bases de dados, os objetos, os resultados das fórmulas, os cálculos aplicados sobre os vetores e demais arquivos resultantes da utilização do programa podem ser salvos em seu diretório de arquivos. Após instalado o Rstudio destina um diretório padrão salvar estes arquivos, o qual pode ser verificado com o comando getwd().

Este caminho padrão, por sua vez, pode ser alterado via comando

```
setwd("C://file/path")
```

onde o usuário escolhe a pasta desejada que ficará como padrão. O comando dir() mostra ao usuário os documentos que constam no diretório padrão ou o escolhido para a consulta.

1.8 Operações

1.8.1 Operações Aritméticas

A realização de uma operação aritmética no R acontece da seguinte forma: onde a resolução das operações segue o padrão, ou seja, primeiro exponenciações, seguido de multiplicações e divisões, deixando por ultimo adições e subtrações, de acordo com a ordem que estão dispostas. Para alterar a prioridade da resolução de operações fazemos o uso do parenteses para destacar a operação que deve ser prioritária na resolução. Seguem alguns exemplos efetuados diretamente no console do RStudio:

```
# soma
19+26

[1] 45

# subtração
19-26

[1] -7

# divisão
4/2

[1] 2

# multiplicação
4*2
```

```
[1] 8
# exponenciação
4^2
[1] 16
# prioridade de resolução
19 + 26 /4 -2 *10
[1] 5.5
((19 + 26) /(4 -2))*10
[1] 225
# raiz quadrada
sqrt(16)
[1] 4
# Logaritmo
log(1)
```

[1] 0

1.8.2 Operações Lógicas

O ambiente de programação Rstudio trabalha com algumas operações lógicas, que serão importantes na manipulação de bases de dados:

```
a == b ("a" é igual a "b")
a! = b ("a" é diferente a "b")
a > b ("a" é maior que "b")
a < b ("a" é menor que "b")</li>
a >= b ("a" é maior ou igual a "b")
a <= b ("a" é menor ou igual a "b")</li>
is.na ("a" é missing - faltante)
is.null ("a" é nulo)
```

Seguem alguns exemplos da aplicação das operações lógicas:

```
# maior que
2 > 1
```

[1] TRUE

```
1 > 2
[1] FALSE
# menor que
1 < 2
[1] TRUE
# maior ou igual a
0 >= (2+(-2))
[1] TRUE
# menor ou igual a
1 <= 3
[1] TRUE
# conjunção
9 > 11 & 0 < 1
[1] FALSE
# ou
6 < 5 | 0 > -1
[1] TRUE
# iqual a
1 == 2/2
[1] TRUE
# diferente de
1 != 2
[1] TRUE
```

1.9 Criação de variáveis

A linguagem de programação R se configura em uma linguagem orientada a objetos, ou seja, a todo tempo estamos criando diversos tipos de objetos e efetuando operações com os mesmos. Por exemplo, a criação de listas, bases de dados, união de bases de dados, data.frames e até mesmo mapas!

```
#Criando um objeto simples
objeto = "meu primeiro objeto" #enter
#Agora para retomar o objeto criado:
objeto #enter
```

[1] "meu primeiro objeto"

```
#Pode ser efetuada uma operação:
a= 2+1
a
```

[1] 3

O comando ls() lista todos os objetos que estão criados no ambiente e rm(x) remove o objeto indicado (x). Para remover todos os objetos de uma só vez utiliza-se rm(list=ls()).

```
#Lista objetos do ambiente
ls()

[1] "a" "objeto"

#Remover um banco de dados

rm(a)
```

1.9.1 Conversão de uma variável

Para a aplicação de algumas funções é importante que cada variável esteja corretamente classificada, o que em alguns casos não ocorre durante o reconhecimento automático do R. Precisamos então reconhecê-la como variável texto, numérica ou fator. Além disso, a classe ordered se aplica a variáveis categóricas que podem ser consideradas ordenáveis.

```
idade=c('11', '12', '31')
nomes=c("Elisa", "Priscila", "Carol")
cep=c(98700000,98701000,98702000)
idade= as.numeric(idade)
idade

[1] 11 12 31
cep = as.character(cep)
cep
```

```
[1] "98700000" "98701000" "98702000"
```

1.10 Alguns comandos essenciais

A função head() mostra as 6 primeiras colunas do arquivo para se ter uma noção do conteúdo. No caso do mesmo ser um data.frame, podemos solicitar o número de valores ou linhas a serem mostrados no console através do parâmetro n ou na ausência deste, todas as linhas serão impressas, como exemplo head(x ,n=2) para ver as duas primeiras linhas.

O comando summary() efetua o resumo dos dados, se for qualitativa mostra a frequência absoluta das categorias e se for quantitativa apresenta as categorias. No exemplo abaixo trabalharemos com uma base de dados de treinamento denominada "iris" que está acessível no software RStudio através do comando que carrega dados específicos data():

```
#Carregando dados da base do RSdudio iris.
data(iris)

#Visualizando as primeiras 6 colunas
head(iris)
```

```
Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
1
           5.1
                        3.5
                                     1.4
                                                  0.2 setosa
2
           4.9
                                                  0.2 setosa
                        3.0
                                     1.4
           4.7
3
                        3.2
                                                  0.2 setosa
                                     1.3
4
           4.6
                        3.1
                                     1.5
                                                  0.2 setosa
5
           5.0
                        3.6
                                                  0.2 setosa
                                     1.4
6
           5.4
                        3.9
                                     1.7
                                                  0.4 setosa
```

```
#Resumo do objeto
summary(iris)
```

```
Sepal.Width
                               Petal.Length
                                               Petal.Width
 Sepal.Length
                                                                   Species
       :4.30
                                      :1.00
Min.
               Min.
                      :2.00
                               Min.
                                              Min.
                                                     :0.1
                                                                       :50
                                                             setosa
1st Qu.:5.10
               1st Qu.:2.80
                               1st Qu.:1.60
                                              1st Qu.:0.3
                                                             versicolor:50
Median:5.80
               Median:3.00
                              Median:4.35
                                              Median :1.3
                                                             virginica:50
Mean
       :5.84
               Mean
                      :3.06
                              Mean
                                      :3.76
                                              Mean
                                                     :1.2
3rd Qu.:6.40
               3rd Qu.:3.30
                               3rd Qu.:5.10
                                              3rd Qu.:1.8
       :7.90
                                      :6.90
                                                     :2.5
Max.
               Max.
                      :4.40
                               Max.
                                              Max.
```

O comando names() lista os nomes das colunas dos bancos de dados escolhidos, enquanto tail() mostra as últimas seis linhas.

```
#Para visualizar os nomes das colunas dos dados:
names(iris)
```

```
[1] "Sepal.Length" "Sepal.Width" "Petal.Length" "Petal.Width" "Species"
```

```
#vizualizar as ultimas seis linhas do objetos
tail(iris)
```

```
Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
                                                           Species
145
             6.7
                          3.3
                                        5.7
                                                     2.5 virginica
             6.7
                          3.0
                                        5.2
                                                     2.3 virginica
146
147
             6.3
                          2.5
                                        5.0
                                                     1.9 virginica
             6.5
                          3.0
                                        5.2
                                                     2.0 virginica
148
149
             6.2
                          3.4
                                        5.4
                                                     2.3 virginica
150
             5.9
                          3.0
                                        5.1
                                                     1.8 virginica
```

Para que o pesquisador conheça melhor as bases de dados em que está atuando, o comando class() serve para identificar o tipo de base ou dados da base. Com o exemplo abaixo constata-se que o objeto "iris" é um data frame, a variável "Sepal.Length" é uma variável numérica e que a variável numérica.

```
class(iris)
[1] "data.frame"
```

[1] "numeric"

class(iris\$Sepal.Length)

```
class(iris$Especie)
```

[1] "NULL"

Efeito semelhante possui o comando ls.str():

```
ls.str(iris)
```

```
Petal.Length: num [1:150] 1.4 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7 1.4 1.5 1.4 1.5 ...

Petal.Width: num [1:150] 0.2 0.2 0.2 0.2 0.2 0.4 0.3 0.2 0.2 0.1 ...

Sepal.Length: num [1:150] 5.1 4.9 4.7 4.6 5 5.4 4.6 5 4.4 4.9 ...

Sepal.Width: num [1:150] 3.5 3 3.2 3.1 3.6 3.9 3.4 3.4 2.9 3.1 ...

Species: Factor w/ 3 levels "setosa", "versicolor", ..: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
```

Os comandos ncol() e nrow() mostram o número de colunas e o número de linhas do objeto, respectivamente.

1.10.1 Funções View e dim

A função View() permite vizualizar os elementos no script do dataframe requesitado, enquando a função dim() (abreviatura de dimensões) fornece o número de linhas e de colunas,

respectivamente.

```
View(iris)
dim(iris)
```

```
[1] 150 5
```

Para alterar um nome de uma variável pode ser utilizado o comando colnames. No exemplo acima, vamos alterar o nome da coluna "Species" para "Especie".

```
#Alterar o nome da coluna, sendo que o '[5]' indica que está na quinta coluna. colnames(iris)[5]='Especie'
```

Para selecionarmos uma coluna do objeto "iris", por exemplo a coluna "Sepal.Length", poderíamos digitar no console o comando **iris\$Sepal.Length**. O padrão de carregamento da base de dados nos obriga a dizer ao R qual é a base que quer selecionar (iris), inserindo o símbolo \$ e após o nome da coluna a qual deseja as informações. Para criar um novo objeto com esta informação, basta dizer ao R, como já visto acima, por exemplo: **novoobjeto=iris\$novacoluna**.

No entanto, para acessar os dados sem o uso do símbolo \$, podemos usar o seguinte comando: attach(iris). Assim, podemos efetuar o sumário da coluna "Petal.Width":

```
#Definindo a função attach para o objeto 'dados'.
attach(iris)
#Efetuando o sumário de 'pop.total'.
summary(Petal.Width)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
```

```
0.1 0.3 1.3 1.2 1.8 2.5

#Como a coluna 'distrito' é um fator, o sumário será
#a contagem da quantidade de cada fator na coluna.

summary(Especie)
```

```
setosa versicolor virginica
50 50 50
```

1.10.2 Comando tapply

O comando taply() agrega os dados pelos níveis das variáveis qualitativas. Note que a coluna "Especie" possui dados em forma de fatores. Assim, para filtrarmos a informação (coluna "Sepal.Length") média por Especie, podemos utilizar:

```
#Função 'tapply', número médio da população total por distrito.
tapply(Sepal.Length, Especie, mean)
```

```
setosa versicolor virginica
5.006 5.936 6.588
```

No caso da coluna "Sepal.Length", se ela possuir um registro NA (faltante), para que se efetue a média por este coluna neste quesito, há que se adicionar o parâmetro na.rm=T, que ignora as células faltantes para calcular-se a média:

```
#Função 'tapply' considerando NAs:
tapply(Sepal.Length, Especie, mean)

setosa versicolor virginica
   5.006   5.936   6.588

#Função 'tapply' sem considerar NAs:
tapply(Sepal.Length, Especie, mean, na.rm=T)

setosa versicolor virginica
   5.006   5.936   6.588
```

1.10.3 Comando subset

Utiliza-se o comando subset() para formar um subconjunto de dados o qual desejamos selecionar de um objeto. Por exemplo, se quisermos criar um novo objeto com somente os dados da "Especie" setosa:

```
dadossetosa=subset(iris, Especie=='setosa')
head(dadossetosa)
```

```
Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Especie
           5.1
1
                        3.5
                                     1.4
                                                  0.2 setosa
2
           4.9
                        3.0
                                     1.4
                                                  0.2 setosa
3
           4.7
                        3.2
                                     1.3
                                                  0.2 setosa
4
           4.6
                        3.1
                                     1.5
                                                  0.2 setosa
                                                  0.2 setosa
5
           5.0
                        3.6
                                     1.4
6
           5.4
                        3.9
                                     1.7
                                                  0.4 setosa
```

Pode ser configurado mais de uma condição para a filtragem dos dados, por exemplo, além de serem filtrados os dados referentes a Especie setosa, aquelas na qual o Sepal.Length é superior a 5. Como no exemplo, criamos um novo objeto com estas condições:

```
dadossetosa2=subset(iris, Especie=='setosa'& Sepal.Length>5)
head(dadossetosa2)
```

```
Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Especie
1 5.1 3.5 1.4 0.2 setosa
6 5.4 3.9 1.7 0.4 setosa
```

11	5.4	3.7	1.5	0.2	setosa
15	5.8	4.0	1.2	0.2	setosa
16	5.7	4.4	1.5	0.4	setosa
17	5.4	3.9	1.3	0.4	setosa

1.11 Estrutura de dados

1.11.1 Vetores

Os fatores são uma classe especial de vetores, que definem variáveis categóricas de classificação, como os tratamentos em um experimento fatorial, ou categorias em uma tabela de contingência.

```
# Criação de um vetor
x= c(2, 4, 6)
x
```

[1] 2 4 6

Os vetores podem ser criados a partir de uma sequência numérica ou mesmo de um intervalo entre valores:

```
x= c(2:6)
x
```

[1] 2 3 4 5 6

```
# Criação de um vetor a partir do intervalo entre cada elemento e valores #mínimo e máximo x=seq(2, 3, by=0.5) x
```

```
[1] 2.0 2.5 3.0
```

Criação de um vetor atráves de uma repetição também é útil em várias situações. No primeiro exemplo repete o intervalo de 1 a 3 4 vezes e no segundo exemplo, a cada 3 vezes:

```
x= rep(1:3, times=4)
x
```

```
[1] 1 2 3 1 2 3 1 2 3 1 2 3
```

```
y= rep(1:3, each=3)
y
```

[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3

A função factor cria um fator, a partir de um vetor:

```
sexo<-factor(rep(c("F", "M"),each=8))
sexo</pre>
```


Levels: F M

```
numeros=rep(1:3,each=3)
numeros
```

[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3

```
numeros.f<-factor(numeros)
numeros.f</pre>
```

```
[1] 1 1 1 2 2 2 3 3 3
```

Levels: 1 2 3

Fatores têm um atributo que especifica seus níveis ou categorias (levels), que seguem ordem alfanumérica crescente, por *default*. Em muitas análises essa ordem é de fundamental importância e dessa forma pode ser alterada através do argumento levels, por exemplo, para que possa ser colocado o controle antes dos tratamentos:

```
tratamentos=factor(rep(c("controle","adubo A","adubo B"), each=4))
tratamentos
```

- [1] controle controle controle adubo A adubo A adubo A adubo A
- [9] adubo B adubo B adubo B

Levels: adubo A adubo B controle

```
tratamentos=factor(rep(c("controle","adubo A","adubo B"), each=4),
levels=c("controle", "adubo A", "adubo B"))
tratamentos
```

- [1] controle controle controle adubo A adubo A adubo A adubo A
- [9] adubo B adubo B adubo B

Levels: controle adubo A adubo B

Fatores podem conter níveis não usados (vazios):

```
participantes=factor(rep("mulheres",10), levels=c("mulheres","homens"))
participantes
```

- [1] mulheres mulheres mulheres mulheres mulheres mulheres mulheres
- [9] mulheres mulheres

Levels: mulheres homens

Também é possível aplicar uma função aos subconjuntos de um vetor definidos por um fator utilizando a função tapply(). Criamos um objeto com o sexo das pessoas, seguido pela dieta e peso (que caracterizamos como numérico). Depois, determinamos a média de peso frente ao sexo e a dieta

dieta

```
[1] normal normal light light light diet diet normal [11] normal normal light light diet diet diet Levels: normal light diet
```

```
peso=as.numeric(peso)

# média de peso frente ao sexo e dieta
tapply(peso,list(sexo,dieta), mean)
```

```
normal light diet
F 85.67 74.33 82
M 71.33 76.00 77
```

1.11.1.1 Função table

Para contar elementos em cada nível de um fator, usa-se a função table:

```
table(participantes)
```

```
participantes
mulheres homens
10 0
```

A função pode fazer tabulações cruzadas, gerando uma tabela de contingência, esse tipo de tabela é usado para registrar observações independentes de duas ou mais variáveis aleatórias:

```
table(sexo, dieta)
```

```
dieta sexo normal light diet F 3 3 3 3 M 3 3 3
```

1.11.2 Matrizes

A função matrix tem a finalidade de criar uma matriz com os valores do argumento data, argumento este que insere as variáveis desejadas na matriz. O número de linhas é definido pelo argumento nrow e o número de colunas é definido pelo argumento ncol:

```
nome.da.matriz= matrix(data=1:12,nrow = 3,ncol = 4)
nome.da.matriz
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
[1,]
                     7
         1
               4
                          10
[2,]
         2
               5
                     8
                          11
[3,]
         3
               6
                     9
                          12
```

Por default (ação tomada pelo software), os valores são preenchidos por coluna. Para preencher por linha basta instruir o programa de outra forma, alterando o argumento byrow para TRUE:

```
nome.da.matriz= matrix(data=1:12,nrow = 3,ncol = 4, byrow=T)
nome.da.matriz
```

```
[1,1] [,2] [,3] [,4]
[1,] 1 2 3 4
[2,] 5 6 7 8
[3,] 9 10 11 12
```

Se a matriz inserida tem menos elementos do que a ordem informada para a matriz, os são repetidos até preenchê-la:

```
lista= list(matriz=matrix(c(1,2,1), nrow=3, ncol=2))
lista
```

1.11.3 Listas

As listas podem ser criadas a partir do comando list().

- nrow: corresponde ao número de linhas;
- ncol: corresponde ao número de colunas.

Para ver quais elementos estão em suas listas é só chamar pelo nome que foi dado para ela, como no exemplo abaixo. Representa uma coleção de objetos.

```
lista= list(matriz=matrix(c(1,2,1,5,7,9), nrow=3, ncol=2),vetor=1:6)
lista
```

\$matriz

```
[,1] [,2]
[1,] 1 5
[2,] 2 7
[3,] 1 9
```

\$vetor

[1] 1 2 3 4 5 6

1.11.3.1 Comandos para manipulação de listas

Para descobrirmos de maneira rápida o números de objetos que há na lista, utilizamos o comando length(nomedalista).

lista

\$matriz

```
[,1] [,2]
[1,] 1 5
[2,] 2 7
[3,] 1 9
```

\$vetor

[1] 1 2 3 4 5 6

```
length(lista)
```

[1] 2

O uso do comando names(nomedalista) retorna os nomes dos objetos que estão presentes na lista.

```
names(lista)
[1] "matriz" "vetor"
      Para chamar várias listas através usamos o comando da seguinte forma:
      c(nome1, nome2)
lista.1= list(matriz=matrix(c(1,2,1,5,7,9), nrow=3, ncol=2),
              vetor=1:6)
lista.2= list(nomes=c("Marcelo", "Fábio", "Felipe"),
              idade=c(25, 34, 26))
c(lista.1,lista.2)
$matriz
     [,1] [,2]
[1,]
        1
[2,]
        2
             7
[3,]
        1
             9
$vetor
[1] 1 2 3 4 5 6
$nomes
[1] "Marcelo" "Fábio"
                       "Felipe"
$idade
[1] 25 34 26
```

1.11.4 Data frames

Com a função data.frame() reunimos vetores de mesmo comprimento em um só objeto. Neste caso são criadas tabelas de dados. Cada observação é descrita por um conjunto de propriedades. Abaixo podemos ver como inserir os dados para criar a "tabela". Similar como matrizes, porem diferentes colunas podem possuir elementos de natureza diferentes .

```
estudantes= c("Camila", "Pedro", "Marcelo", "Guilherme")
idade=c(21,17,17,18)
peso=c(65,79,80,100)
informacoes=data.frame(estudantes,idade,peso)
informacoes
```

```
estudantes idade peso
1 Camila 21 65
```

```
2 Pedro 17 79
3 Marcelo 17 80
4 Guilherme 18 100
```

Adiciona-se colunas no *data frame* através do comando a seguir, pressupondo que a ordem dos dados esteja correta:

nomedodata.frame\$variávelaseradicionada

```
estudantes idade peso
                             cidades
                21
1
      Camila
                     65
                          Nova Hartz
2
       Pedro
                17
                     79
                             Gramado
3
    Marcelo
                17
                            Soledade
                     80
  Guilherme
                18 100 Porto Alegre
```

É possível fazer uma contagem concatenando com a filtragem do pacote subset, como no exemplo a contagem dos indivíduos cuja origem é Soledade.

```
length(subset(informacoes$cidades, informacoes$cidades=="Soledade"))
```

[1] 1

1.12 Manipulação de banco de dados

1.13 Função edit

Esta função abre uma interface simples de edição de dados em formato planilha, e é útil para pequenas modificações. Mas para salvar as modificações atribua o resultado da função edit a um objeto.

Utiliza-se o comando da seguinte forma:

```
novonomedabase = edit(nomeatualdabase)
```

```
informacoes.2=edit(informacoes)
```

@ Editor de dados								
Arqui	Arquivo Editar Ajuda							
	estudantes	idade	peso	cidades	var5	var6		
1	Camila	21	65	Nova Hartz				
2	Pedro	17	79	Gramado				
3	Marcelo	17	80	Soledade				
4	Guilherme	18	71	Porto Alegre				
5								
6								
7								
8								
9								
10								
11								
12								
13								
14								

Figura 1.8: Editor de dados

Basta clicar no retângulo correspondente a variável que deseja ser modificada, excluir ou adicionar novas colunas.

Editor de dados							
Arquivo Editar Ajuda							
	estudantes idade peso tecnico						
1	Camila	21	65	sim			
2	Pedro	17	79	não			
3	Marcelo	17	80				
4	Guilherme	18	71				
5							
6							
7							
8							
9							
10							
11							

Figura 1.9: Acréscimo de uma nova coluna através do editor de dados

Logo, chamando o novo banco de dados, teremos:

informacoes.2

cidades	peso	idade	estudantes	
Nova Hartz	65	21	Camila	1
Gramado	79	17	Pedro	2

```
3 Marcelo 17 80 Soledade
4 Guilherme 18 100 Porto Alegre
```

1.14 Funções

As funções a seguir são aplicáveis a vetores, data.frames e listas, e em muitos casos trazem praticidade a uma análise estatística. Foram criados objetos com informações do nome dos estudantes e altura. Segue o processo de criação do *data frame* com estas informações, lembrando que esta forma de "união" das informações pressupõe que a ordem dos dados esteja correta:

```
# União de um banco de dados (existencia de uma váriavel em comum)
estudantes=c("Guilherme", "Marcelo", "Pedro", "Camila")
altura= c(1.50, 1.9, 1.74, 1.80)
informacoes.3=data.frame(estudantes, altura)
```

Já o comando merge() serve para juntar dois *data frames* que possuam uma coluna em comum. Neste caso, unimos o objeto informações.2 com o objeto informações.3 utilizando o nome dos estudantes (informação em comum):

```
informacoes=merge(informacoes.2,informacoes.3, by="estudantes")
```

Adicionar um cálculo entre as colunas é muito simples com o RStudio, neste caso com os dados do peso e altura, pode-se calcular o IMC (Índice de Massa Corporal) em uma nova coluna:

```
informacoes$Imc=c(peso/(altura^2))
informacoes
```

```
estudantes idade peso
                            cidades altura
                                             Imc
                                      1.80 28.89
1
     Camila
               21
                    65
                         Nova Hartz
  Guilherme
2
               18 100 Porto Alegre
                                      1.50 21.88
3
    Marcelo
               17
                    80
                           Soledade
                                      1.90 26.42
4
      Pedro
               17
                    79
                            Gramado
                                      1.74 30.86
```

Ainda, se houver linhas que tenham pelo menos uma informação faltante (NA), estas podem ser excluídas com o comando na.omit(), ou mesmo os NAs serem substituídos por outro caractere (neste caso foi substituído por zero) com o comando is.na:

```
# Retirar as linhas que tenham pelo menos um NA:
informacoes<- na.omit(informacoes)
informacoes</pre>
```

4

Pedro

```
estudantes idade peso
                              cidades altura
                                                Tmc
1
      Camila
                21
                           Nova Hartz
                                         1.80 28.89
                      65
2
  Guilherme
                18
                     100 Porto Alegre
                                         1.50 21.88
3
     Marcelo
                17
                      80
                             Soledade
                                         1.90 26.42
                      79
                              Gramado
                                         1.74 30.86
4
       Pedro
                17
# Substituir NA's por zero no data.frame
informacoes[is.na(informacoes)] = 0
informacoes
  estudantes idade peso
                              cidades altura
                                                Imc
1
      Camila
                21
                      65
                           Nova Hartz
                                         1.80 28.89
2
  Guilherme
                18
                     100 Porto Alegre
                                         1.50 21.88
3
                             Soledade
                                         1.90 26.42
     Marcelo
                17
                      80
```

Outro recurso interessante é a substituição de dados em uma columa, que pode ser feito de forma automática para uma condição padrão escolhida. No exemplo abaixo, substituimos aquelas informações de idade igual a 17 pelo número 19:

Gramado

1.74 30.86

```
# Substituir números na coluna
informacoes$idade[informacoes$idade == 17] <- 19
informacoes</pre>
```

```
estudantes idade peso
                               cidades altura
                                                 Imc
1
      Camila
                 21
                      65
                           Nova Hartz
                                         1.80 28.89
2
  Guilherme
                 18
                     100 Porto Alegre
                                         1.50 21.88
3
     Marcelo
                 19
                      80
                             Soledade
                                         1.90 26.42
4
                      79
                                         1.74 30.86
       Pedro
                 19
                              Gramado
```

79

17

A classificação qualitativa das informações, com base em condições definidas pelo usuário podem ser facilmente efetuadas pelo comando **ifelse**. Para quem não tem intimidade com atributos de programação, este comando seleciona "se" (if) uma informação desejada é atendida, e cria uma rotina (else) que será aplicada "então".

No nosso exemplo, cria-se um objeto "classificacao" e se a coluna IMC conter dados acima de 25, será marcado como "peso normal", sendo que do contrário, constará como "excesso de peso". Após utilizamos o comando cbind() para unir os dois objetos pelas colunas. caso não queira utilizar o comando cbind(), poderia ser criado uma nova coluna com o nome do obetjo sendo "informacoes\$classificacao".

Resultado	Significado
Abaixo de 17	Muito abaixo do peso
Entre 17 e 18,49	Abaixo do peso
Entre 18,5 e 24,99	Peso normal
Entre 25 e 29,99	Acima do peso
Entre 30 e 34,99	Obesidade I
Entre 35 e 39,99	Obesidade II (severa)
Acima de 40	Obesidade III (mórbida)

Tabela 1.1: Valores padrão para o IMC

```
cidades altura
  estudantes idade peso
                                                Imc
                                                      classificacao
      Camila
                21
                           Nova Hartz
                                        1.80 28.89 excesso de peso
1
                      65
  Guilherme
                    100 Porto Alegre
                                                        peso normal
2
                18
                                        1.50 21.88
                             Soledade
3
     Marcelo
                19
                      80
                                        1.90 26.42 excesso de peso
4
                      79
                              Gramado
                                        1.74 30.86 excesso de peso
       Pedro
                19
```

No entanto, o IMC possui várias classificações de acordo com o seu resultado (Tabela 1.1), sendo que, por exemplo, resultados abaixo de 17 informam que o indivíduo se encontra como Muito abaixo do peso, e acima de 40, se encontra em Obesidade III. Para efetuar a classificação desta maneira utilizando o comando ifelse, ou seja, com mais de uma condição, pode ser efetuada a estruturação com a aglutinação do comando:

```
estudantes idade peso
                              cidades altura
                                               Imc
                                                     classificacao
                                                                          tipoimc
                          Nova Hartz
1
      Camila
                21
                     65
                                        1.80 28.89 excesso de peso Acima do Peso
2
                                                        peso normal
  Guilherme
                18
                    100 Porto Alegre
                                        1.50 21.88
                                                                      Peso Normal
3
     Marcelo
                19
                     80
                             Soledade
                                        1.90 26.42 excesso de peso Acima do Peso
4
                     79
                                        1.74 30.86 excesso de peso
       Pedro
                19
                              Gramado
                                                                      Obesidade I
```

A classificação binária dos dados (0,1) também é relevante para o estudo da manipulação dos dados trabalhados pelo pesquisador. Neste exemplo, classificou-se aqueles valores da coluna "classificação" com o "peso normal" iguais a 1, do contrário classificou-se 0 (zero).

```
informacoes
```

```
estudantes idade peso
                               cidades altura
                                                 Imc
                                                       classificacao
                                                                             tipoimc
1
      Camila
                 21
                      65
                           Nova Hartz
                                         1.80 28.89 excesso de peso Acima do Peso
2
   Guilherme
                 18
                     100 Porto Alegre
                                         1.50 21.88
                                                          peso normal
                                                                         Peso Normal
3
     Marcelo
                 19
                      80
                              Soledade
                                         1.90 26.42 excesso de peso Acima do Peso
       Pedro
                      79
                                         1.74 30.86 excesso de peso
4
                 19
                               Gramado
                                                                         Obesidade I
  binario
1
        0
2
        1
3
        0
4
        0
```

O comando rbind() é utilizado para incluir linhas novas abaixo de um objeto já criado pelo pesquisador, sendo que é importante o cuidado de que estas novas informações tenham os mesmos campos (colunas). A exemplo, pede-se para incluir uma nova pessoa no data frame informações: Francisco, 30 anos de idade, peso 59, natural de Ijuí, IMC 21.3387, classificado como peso normal. Lembrando de incluir os campos "tipoimc" e "binario".

```
estudantes idade peso
                               cidades altura
                                                 Imc
                                                        classificacao
                                                                             tipoimc
      Camila
                 21
                            Nova Hartz
                                           1.8 28.89 excesso de peso Acima do Peso
1
                      65
2
   Guilherme
                 18
                     100 Porto Alegre
                                           1.5 21.88
                                                         peso normal
                                                                         Peso Normal
                                           1.9 26.42 excesso de peso Acima do Peso
3
     Marcelo
                 19
                      80
                              Soledade
                                         1.74 30.86 excesso de peso
4
       Pedro
                 19
                      79
                               Gramado
                                                                         Obesidade I
  Francisco
                 30
                      59
                                  Ijuí
                                          1,59 23.30
                                                          peso normal
                                                                         Peso Normal
  binario
1
        0
2
        1
3
        0
4
        0
5
        1
```

Outra forma de incluir informações adicionais nos data frames através de atributos é utilizando o pacote dplyr. Decide-se criar um campo "faixa etária", sendo que aqueles indivíduos com idade acima de 21 chamaremos de "adulto" e do contrário "não adulto".

```
require(dplyr)
Carregando pacotes exigidos: dplyr
Attaching package: 'dplyr'
The following objects are masked from 'package:stats':
    filter, lag
The following objects are masked from 'package:base':
    intersect, setdiff, setequal, union
informacoes = mutate(informacoes,
                    "faixa etaria"= ifelse(informacoes$idade<21,
                                            "não adulto", "adulto"))
informacoes
 estudantes idade peso
                             cidades altura
                                                     classificacao
                                              Imc
                                                                         tipoimc
1
      Camila
                21
                     65
                          Nova Hartz
                                        1.8 28.89 excesso de peso Acima do Peso
2
  Guilherme
                18 100 Porto Alegre
                                       1.5 21.88
                                                       peso normal
                                                                     Peso Normal
3
    Marcelo
                     80
                            Soledade 1.9 26.42 excesso de peso Acima do Peso
                19
       Pedro
                             Gramado
                19
                     79
                                       1.74 30.86 excesso de peso
                                                                     Obesidade I
                                                                     Peso Normal
 Francisco
                     59
                                       1,59 23.30
                                                       peso normal
                30
                                Ijuí
 binario faixa etaria
        0
                adulto
1
2
        1
            não adulto
3
        0
            não adulto
4
        0
            não adulto
5
        1
                adulto
```

A (re)ordenação das colunas de um *data frame* pode ser muito útil em alguns casos, sendo extremamente fácil efetuá-la, cada número representa o número da respectiva coluna:

```
# Reordenar colunas
informacoes=informacoes[c(8,2,3,4,1,6,5,7,9)]
```

Caso se queira a inversão total da ordem das colunas do objeto estudado, o comando rev() pode ser útil:

```
# Inversão do posicionamento dos elementos rev(informacoes)
```

```
binario classificacao altura Imc estudantes cidades peso idade
1 0 excesso de peso 1.8 28.89 Camila Nova Hartz 65 21
```

```
2
              peso normal
                              1.5 21.88 Guilherme Porto Alegre
                                                                   100
                                                                          18
3
        O excesso de peso
                                                        Soledade
                              1.9 26.42
                                            Marcelo
                                                                    80
                                                                          19
4
        O excesso de peso
                             1.74 30.86
                                              Pedro
                                                         Gramado
                                                                    79
                                                                          19
5
              peso normal
                             1,59 23.30
                                                             Ijuí
                                                                    59
                                                                          30
                                         Francisco
        tipoimc
1 Acima do Peso
2
    Peso Normal
3 Acima do Peso
    Obesidade I
5
    Peso Normal
```

A função table() faz a contagem os dados; já o comando sort() ordena os objetos em ordem crescente (caso queira no formato decrescente, informar decreasing=TRUE).

[1] 18 19 19 21 30

A ordenação de todo o *data frame* a partir de uma variável, pode ser realizada utilizando o comando **order**, sendo que pode ser realizada inclusive com variáveis categóricas (no exemplo abaixo o nome das cidades).

```
# Ordem decrescente
informacoes[order(informacoes$idade, decreasing = TRUE),]
```

```
tipoimc idade peso
                                  cidades estudantes
                                                        Imc altura
                                                                     classificacao
    Peso Normal
                                           Francisco 23.30
                                                              1,59
5
                    30
                         59
                                     Ijuí
                                                                        peso normal
1 Acima do Peso
                    21
                         65
                              Nova Hartz
                                              Camila 28.89
                                                               1.8 excesso de peso
3 Acima do Peso
                    19
                         80
                                Soledade
                                             Marcelo 26.42
                                                               1.9 excesso de peso
    Obesidade I
                    19
                         79
                                  Gramado
                                               Pedro 30.86
                                                              1.74 excesso de peso
2
    Peso Normal
                    18
                        100 Porto Alegre Guilherme 21.88
                                                               1.5
                                                                        peso normal
  binario
5
        1
1
        0
3
        0
4
        0
2
        1
```

```
#ordem crescente
informacoes[order(informacoes$idade, decreasing = FALSE),]
```

```
tipoimc idade peso
                                  cidades estudantes
                                                        Imc altura
                                                                      classificacao
    Peso Normal
                                           Guilherme 21.88
                                                               1.5
                    18
                        100 Porto Alegre
                                                                        peso normal
3 Acima do Peso
                    19
                         80
                                Soledade
                                             Marcelo 26.42
                                                               1.9 excesso de peso
    Obesidade I
                         79
                                  Gramado
                                               Pedro 30.86
                                                              1.74 excesso de peso
                    19
1 Acima do Peso
                    21
                         65
                              Nova Hartz
                                              Camila 28.89
                                                               1.8 excesso de peso
    Peso Normal
                    30
                         59
                                     Ijuí Francisco 23.30
                                                              1,59
                                                                        peso normal
  binario
2
        1
3
        0
4
        0
1
        0
5
        1
```

```
#ordem crescente
informacoes[order(informacoes$cidades, decreasing = FALSE),]
```

```
tipoimc idade peso
                                  cidades estudantes
                                                        Imc altura
                                                                      classificacao
4
    Obesidade I
                         79
                                                Pedro 30.86
                    19
                                  Gramado
                                                              1.74 excesso de peso
                                     Ijuí Francisco 23.30
5
    Peso Normal
                    30
                         59
                                                              1,59
                                                                        peso normal
1 Acima do Peso
                                              Camila 28.89
                                                                1.8 excesso de peso
                    21
                         65
                              Nova Hartz
                                                                        peso normal
    Peso Normal
                    18
                        100 Porto Alegre Guilherme 21.88
                                                                1.5
3 Acima do Peso
                    19
                         80
                                 Soledade
                                             Marcelo 26.42
                                                                1.9 excesso de peso
  binario
4
        0
5
        1
1
        0
2
        1
3
        0
```

O comando rank() cria uma ranqueamento crescente das informações. Se pretende-se, por exemplo, criar uma coluna com o ranking dos valores do IMC, pode ser utilizado:

```
informacoes$rankingImc=rank(informacoes$Imc)
informacoes
```

```
Imc altura
                                                                     classificacao
        tipoimc idade peso
                                 cidades estudantes
1 Acima do Peso
                   21
                         65
                              Nova Hartz
                                              Camila 28.89
                                                              1.8 excesso de peso
    Peso Normal
                   18
                        100 Porto Alegre Guilherme 21.88
                                                              1.5
                                                                       peso normal
3 Acima do Peso
                   19
                         80
                                Soledade
                                            Marcelo 26.42
                                                              1.9 excesso de peso
4
    Obesidade I
                   19
                         79
                                 Gramado
                                               Pedro 30.86
                                                             1.74 excesso de peso
    Peso Normal
                   30
                         59
                                    Ijuí Francisco 23.30
                                                             1,59
                                                                       peso normal
  binario rankingImc
```

1	0	4
2	1	1
3	0	3
4	0	5
5	1	2

1.15 Funções Matemáticas

A utilização de funções matemáticas no RStudio contribui para que o pesquisador possa realizar vários experimentos com seus dados. Os cálculos podem ser efetuados diretamente no console do programa ou aplicados aos objetos criados:

```
log(1.5)
[1] 0.4055
exp(1)
```

No caso do *data frame* o qual foi criado acima ("informações"), pode-se buscar as informações dos valores mínimos (função min()), máximos (max()) da base:

```
max(informacoes$idade)
[1] 30
min(informacoes$idade)
```

[1] 18

[1] 2.718

Ainda, se o interesse está em descobrir a posição, no *data frame}, do peso mínimo e máximo da amostra utiliza-se o comando which.min e which.max.

```
# Para descobrir em qual posição se encontra o peso mínimo:
which.min(informacoes$peso)
```

```
[1] 5
which.max(informacoes$peso)
```

[1] 2

Para descobrir qual é o estutande que possui o peso mínimo, por exemplo, ou o Imc máximo, utiliza-se o seguinte comando (notem que os resultados trazem a lista de todos os estudantes comparados):

informacoes\$estudantes[which.min(informacoes\$peso)]

[1] Francisco

Levels: Camila Guilherme Marcelo Pedro Francisco

informacoes \$ estudantes [which.max(informacoes \$ Imc)]

[1] Pedro

Levels: Camila Guilherme Marcelo Pedro Francisco

O arredondamento de valores numéricos pode ser feito utilizando o comando round(), o qual o pesquisador informa o número de casas decimais:

```
# Arredondar para n casas decimais
round(informacoes$Imc, 2)
```

```
[1] 28.89 21.88 26.42 30.86 23.30
```

Já o comando signif() determina onúmero de algarismos significativos da série escolhida, ou seja, ele arredonda para os valores em seu primeiro argumento com os número de dígitos determinados:

```
x2 <- pi * 100^(-1:3)
round(x2, 3)</pre>
```

```
[1] 3.100e-02 3.142e+00 3.142e+02 3.142e+04 3.142e+06 signif(x2, 3)
```

```
[1] 3.14e-02 3.14e+00 3.14e+02 3.14e+04 3.14e+06
```

A soma do total da coluna idade, o desvio padrão, a variância, a média aritmética e mediana podem ser encontrados, respectivamente, pelos comandos sum(), sd(), var(), mean(), median():

```
# Realiza a somatória dos valores
sum(informacoes$idade)
```

[1] 107

```
# Desvio padrão
sd(informacoes$idade)
```

[1] 4.93

```
# Variancia
var(informacoes$idade)
```

[1] 24.3

```
# Calcula a média aritmética dos valores
mean(informacoes$idade)
```

[1] 21.4

```
# Informa o valor mediano do conjunto
median(informacoes$idade)
```

[1] 19

O comando quantile() oferece a possibilidade de obter os quartis dos dados de acordo com as probabilidades estabelecidas pelo pesquisador. No exemplo, explora-se a variável idade:

```
quantile(informacoes$idade, probs = c(0.5, 1, 2, 5, 10, 50)/100)

0.5%  1%  2%  5%  10%  50%

18.02 18.04 18.08 18.20 18.40 19.00
```

1.16 Conversão de datas

A configuração e padronização dos formato de datas no RStudio podem ser efetuadas pelo pesquisador, primeiramente ao carregar a base de dados no programa e em um segundo momento durante a manipulação das informações. Assim, seguem alguns dos procedimentos para a correta alteração dos padrões de datas:

```
abertura <- c("03/02/69", "17/08/67")
fechamento <- c("2000-20-01", "1999-14-08")
abertura <- as.Date(abertura, format = "%d/%m/%y")
fechamento <- as.Date(fechamento, format = "%Y-%d-%m")

# Diferença de dias dos intervalos informados
abertura-fechamento
```

```
Time differences in days [1] -11308 24840
```

Capítulo 2

Estatística Descritiva

Denize Ivete Reis

A Estatística é uma ciência cujo campo de aplicação estende-se a diferentes áreas do conhecimento humano. Tem por objetivo fornecer métodos e técnicas que permitem lidar, racionalmente, com situações sujeitas a incertezas. Apresenta um conjunto de técnicas e métodos de pesquisa que envolvem o planejamento de estudos (experimentais e observacionais), a coleta e organização de dados, a inferência, a análise e a disseminação de informação.

Alguns termos extensamente utilizados em estatística, são definidos a seguir (TRI-OLA, 2011):

População: é uma coleção completa de todos os elementos (valores, pessoas, medidas etc.) a serem estudados.

Censo: é uma coleção de dados relativos a todos os elementos de uma população.

Amostra: é uma sub-coleção de elementos extraídos de uma população. Parâmetro é a medida numérica que descreve uma característica de uma população.

Estatística: é uma medida numérica que descreve uma característica de uma amostra.

2.1 Natureza da medida das variáveis

Variáveis reporta-se a características ou atributos que podem tomar diferentes valores ou categorias, o que se opõe ao conceito de constante (ALMEIDA; FREIRE, 2000). Assim, variável pode ser definida como sendo a característica dos elementos da amostra ou da população que nos interessa estudar estatisticamente.

Variáveis podem ser classificadas da seguinte forma:

Variáveis quantitativas: consistem em números que representam contagens ou medidas. Dividem-se em:

- a) Variáveis discretas: resultam em um conjunto finito de valores possíveis, ou de um conjunto enumerável desses valores. Ex. número de unidades produzidas.
- b) Variáveis contínuas: resultam de um número infinito de valores possíveis que podem ser associados a pontos em uma escala contínua de tal maneira que não haja lacunas ou interrupções. Ex. Renda das famílias em reais.

Variáveis qualitativas: ou variáveis categóricas, ou atributos que podem ser separados em diferentes categorias que se distinguem por alguma característica não-numérica. Divididas em:

- a) Variável nominal: caracterizada por dados que consistem apenas em nomes, rótulos ou categorias. Os dados não podem ser dispostos segundo um esquema ordenado (como de baixo para cima). Ex. nacionalidade
- b) Variável ordinal: envolve variáveis representadas por nomes que podem ser dispostos em alguma ordem, mas as diferenças entre os valores dos dados não podem ser determinadas, ou não tem sentido. Esse nível dá informações sobre comparações relativas, mas os graus de diferença não servem para cálculos (TRIOLA, 2011). Ex. Grau de escolaridade.

Dado: é o valor assumido por uma variável aleatória em um experimento.

A Estatística subdivide-se em descritiva e inferencial. A estatística descritiva se preocupa em descrever os dados. A estatística inferencial, fundamentada na teoria das probabilidades, se preocupa com a análise destes dados e sua interpretação.

Informações estatísticas em jornais, relatórios e outras publicações que consistem de dados reunidos e apresentados de forma clara e resumida, na forma de tabelas, gráficos ou numéricos, são conhecidos como estatísticas descritivas (ANDERSON, 2002).

Exemplo 1

Estaremos utilizando como exemplo os dados de uma pesquisa (dados simulados), cujo banco de dados está intitulado "Dados_pesquisa.ods". Os dados são referentes aos resultados obtidos por ocasião de uma pesquisa realizada entre os consumidores a fim de analisar características associadas ao mercado consumidor de sucos, sendo que a amostra é composta de 348 entrevistados aleatoriamente selecionados.

• O objetivo primário do estudo foi determinar variáveis que seriam úteis para caracterizar os consumidores que já conhecem o suco e a possibilidade potencial de futuros consumidores. Há também interesse nas relações entre variáveis das características

pessoais desses consumidores ou futuros consumidores.

• A pesquisa foi realizada, depois que os participantes realizaram uma visita técnica às instalações da empresa e puderam conhecer seus produtos e processos.

Para cada entrevistado foram registrados dados para as seguintes variáveis:

Sexo – Gênero sexual;

Divulgacao – Forma de acesso ao suco ou publicidade do mesmo;

Renda_h - Renda por hora do entrevistado;

Praticidade – Aspectos quanto a oferta do suco, como por ex. embalagem;

Sabor – Aspectos relacionados ao sabor;

Pessoas familia – Número de pessoas que compõe o grupo familiar;

Preço – como cada entrevistado classificava o preço do produto;

consumo_anterior – Se já consumia o suco antes da visita técnica;

consumo pos – Se consumia o suco após a visita técnica;

Idade – Idade dos consumidores:

Altura_(m) – Altura dos consumidores;

Peso (**Kg**) – Peso dos consumidores.

Pede-se:

- 1. Salvar inicialmente os dados em formato CSV, xlsx ou outro.
- 2. Ler os dados no "Environment" pelo "Import Dataset...From CSV" ou outro. No exemplo abaixo foram importados os dados diretamente do arquivo hospedado na internet.
- 3. Carregar o banco de dados, com a finalidade de usar os objetos (variáveis) diretamente nas funções a serem utilizadas.

attach(nome_da_planilha)

require(readxl)

Carregando pacotes exigidos: readxl

url <- "https://goo.gl/37Fdzz"
destfile <- "pesquisa dados.xlsx"</pre>

Renda_h : chr [1:348] "1.41" "17.34" "6.86" "2.65" "2.01" "11.32" "6.86" "3.25" ... Sabor : chr [1:348] "Otimo" "Pessimo" "Bom" "Otimo" "Otimo" "Regular" "Ruim" "Bom" ...

Sexo: chr [1:348] "Feminino" "Feminino" "Feminino" "Feminino" "Masculino" ...

2.2 Tabelas e Gráficos

Segundo BARBETTA (2010), dados representados em tabelas e gráficos adequados, permitem observar determinados aspectos relevantes, bem como delinear hipóteses a respeito da estrutura dos dados em estudo, o que conhecemos como análise exploratória de dados. Isto pode ser feito inicialmente com a representação em forma de tabelas.

Preço: chr [1:348] "Acima_concorrencia" "Abaixo_concorrencia" ...

O comando table() é utilizado para elaborarmos tabelas de frequências absolutas. Dependendo da variável a ser representada, podemos usar esse comando de diferentes formas:

2.2.1 Tabela simples para apresentação das frequências absolutas

Uma tabela simples considera quantas vezes ocorre cada categoria (ou nível).

```
table(nome_variável)
```

Ex. Variável **Praticidade**

```
table(Praticidade)
```

Praticidade

Boa	Otima	Pessima	Regular	Ruim
82	70	21	80	95

2.2.2 Tabela cruzada

A tabela cruzada, também conhecida como tabela de dupla entrada, para apresentação das frequências absolutas.

```
table(nome_variável1,nome_variável2)
```

Ex. Construir uma tabela cruzada apresentando as frequências absolutas das variáveis **Sexo** e **Divulgacao**.

```
table(pesquisa_dados$Sexo,pesquisa_dados$Divulgacao)
```

	Degustacao	${\tt Outro}$	Radio	TV
Feminino	78	6	61	147
Masculino	19	1	15	21

2.2.3 Tabela cruzada para apresentação das frequências relativas

Com a introdução do comando 'prop.table| é possível gerar, facilmente, tabelas de frequências relativas para as variáveis de interesse. As medidas relativas são importantes para comparar distribuições de frequências (BARBETTA, 2010).

```
prop.table(table(nome variável1,nome variável2))
```

Ex. Construir uma tabela cruzada apresentando as frequências relativas das variáveis **Sexo** e **Divulgacao**.

```
prop.table(table(Divulgacao,Sexo))
```

```
Sexo

Divulgacao Feminino Masculino
Degustacao 0.224138 0.054598
Outro 0.017241 0.002874
Radio 0.175287 0.043103
TV 0.422414 0.060345
```

A função tapply serve para calcular um valor usando uma variável categórica como condição, ou seja, aplica uma função qualquer (como média, por exemplo) a uma variável

quantitativa para cada classe de uma variável categórica. Assim, permite obter em um só comando, a medida para cada categoria.

```
tapply(var_quantitativa,var_categórica, função_desejada)
tapply(variavel_quantitativa,variavel_qualitativa, mean)
```

Se um registro possui NA, isto é, dados perdidos: com o parâmetro na.rm=T, indicamos para o comando ignorar os NAs nos dados e calcular a média.

```
tapply(variavel_quanti, variavel_quali, mean, na.rm=T)
```

2.3 Gráficos

2.3.1 Gráfico de colunas

As frequências podem ser visualizadas graficamente, usando gráficos de barras elementares, que se aplicam à descrição de qualquer variável qualitativa ou quantitativa discreta, vetor de dados ou tabelas.

No entanto, no caso de dados em banco de dados, quando não utilizamos outros mecanismos de atribuição, precisamos usar o comando table.

```
barplot(table(nome variável))
```

Ex. Construir um gráfico de colunas para a variável Sexo.

```
barplot(table(Sexo))
```

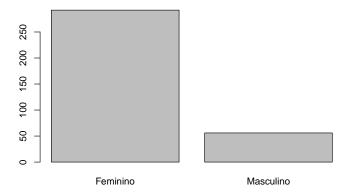


Figura 2.1: Gráfico de colunas com a variável Sexo

Obs.: É possível personalizar o gráfico, incluindo o título do eixo x (xlab), o título do eixoy (ylab), o título do gráfico (main), a cor da coluna (col) e cor da borda da coluna (border), lembrando que as cores, assim como os comandos devem ser expressas em inglês.

barplot(table(nome_variável), col=c("blue","red"), main="Título",
xlab="Variável do eixo x", ylab = "Informação que consta no eixo y",border="red")

Ex.1) Construir um gráfico de colunas para a variável Pessoas_familia.

```
barplot(table(`Pessoas_familia`), col=c("blue"),
    main = "Frequência de pessoas por família",
    xlab = "Frequência",
    ylab = "Pessoas",
    border = "red")
```

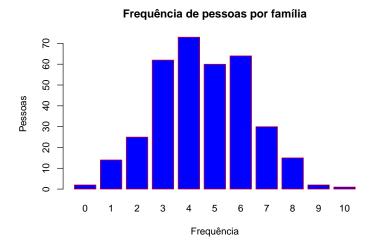
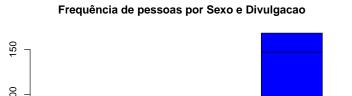


Figura 2.2: Gráfico de colunas com a variável 'Pessoas familia'

Ex.2) Construir uma tabela de dupla entrada para as variáveis Sexo e Divulgação.



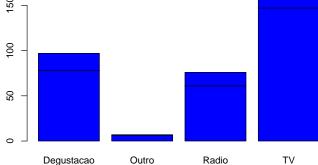


Figura 2.3: Gráfico de colunas com as variáveis Sexo e Divulgacao

Ex.3) Na sequência utiliza o sinal de atribuição <- para atribuir o nome Resultado para esta tabela (tabela de dupla entrada obtida em Ex.2).

Resultado < - table (Sexo, Divulgacao)

Ex.4) Execute o seguinte comando:

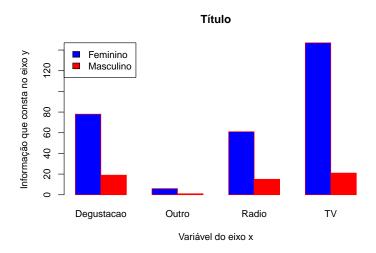


Figura 2.4: Gráfico de colunas com as variáveis Sexo e Divulgação (2)

Observe que o uso do argumento beside=T evita que as barras fiquem empilhadas e o arguemnto legend' insere a legenda conforme as cores das colunas.

Ex.5) Repita o exercício a partir do Ex.3, invertendo a ordem entre as variáveis qualitativas.

2.3.2 Setograma ou gráfico de pizza

Os gráficos em setores são utilizados para ilustrar dados qualitativos de modo mais compreensível. Quando a variável é ordinal, gráficos de colunas são mais indicados pelo fato de permitirem manter a ordem das categorias. Isto também vale para os casos em que se tem muitas categorias ou quanto se pretende dar mais destaque às categorias mais frequentes (BARBETTA, 2010).

```
pie(table(nome_variável),main="nome")
```

Ex. Construa um gráfico na forma de Setograma para a variável Sabor.

```
# Criar objeto com a tabela de Sabor
Sabor1=table(Sabor)
# Calcular o percentual
percent=signif(Sabor1/sum(Sabor1)*100,3)
#Criando os nomes da legenda
nomesleg=c("Bom", "Ótimo", "Péssimo", "Regular", "Ruim")
#Plota-se o gráfico de pizza
pie(Sabor1,
    labels = paste(percent, "%", sep=""),
    col = terrain.colors(5), # Determina cores
   radius = 1)
legend(x="topright", # Determina posição da legenda
       legend=nomesleg, # Insere nomes da legenda
       cex = 0.65, # Tamanho do texto
       fill = terrain.colors(5)) # Determina cores
## Alguns exemplos de paletas de cores:
\# - rainbow(n)
# - heat.colors(n)
# - terrain.colors(n)
# - topo.colors(n)
\# - cm.colors(n)
```

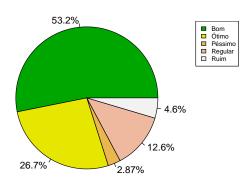


Figura 2.5: Gráfico de pizza com a variável Sabor

2.3.3 Histograma

No histograma, utilizado em geral quando temos variáveis quantitativas contínuas, a altura dos retângulos representa a frequência de ocorrência de valores no intervalo (deve iniciar sempre em zero), devem ter sempre a mesma largura podendo ser justapostos. O eixo horizontal (dos valores da variável) pode iniciar próximo ao menor valor da variável (BARBETTA, 2010). Para confecção do histograma devemos usar:

hist(nome variável)

Ex. Construa um histograma com a variável Renda_h.

hist(as.numeric(`Renda h`))

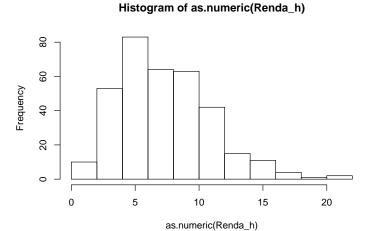


Figura 2.6: Histograma com a variável 'Renda h'

Obs. I: Neste caso também é possível personalizar o gráfico, incluindo o título do eixo x (xlab), o título do eixoy (ylab), o título do gráfico (main), a cor da coluna (col) e cor da borda da coluna (border), lembrando que as cores, assim como os comandos devem ser expressas em inglês.

Obs. II: Para definir o número de intervalos no Histograma, usamos:

hist(nome_variável, breaks = 5)

hist(as.numeric(`Renda h`), breaks=5)

Histogram of as.numeric(Renda h)

Figura 2.7: Histograma com a variável Renda h com breaks=5

as.numeric(Renda_h)

Use o argumento main=NULL para remover o título.

2.3.4 Boxplot ou diagrama em caixas

Os diagramas em caixa são convenientes para revelar tendências centrais, dispersão, distribuição dos dados e a presença de outliers (valores extremos). Como as medianas revelam uma tendência central, ao passo que os quartis indicam a dispersão dos dados, os diagramas em caixa têm a vantagem de não serem tão sensíveis a valores extremos como outras medidas baseadas na média e no desvio-padrão. Por outro lado, os diagramas em caixa (boxplots) não dão informação tão detalhada quanto os histogramas ou os gráficos ramo-e-folhas, podendo não ser, assim, a melhor escolha quando lidamos com um único conjunto de dados. Os diagramas em caixa são, entretanto, mais convenientes na comparação de dois ou mais conjuntos de dados (TRIOLA, 2011).

No diagrama de caixas, torna-se fácil identificar **outliers** (ou valores extremos), que são valores extremamente raros, no sentido de que estão muito afastados da maioria dos dados. Ao explorarmos um conjunto de dados, não podem deixar de considerar os outliers, porque eles podem revelar informações importantes (TRIOLA, 2011).

Para obter o boxplot para um conjunto de dados:

boxplot(variávelA, variávelB, names=c("A","B"))

Ex.1) Construir um boxplot da variável Idade.

boxplot(Idade,horizontal = T)

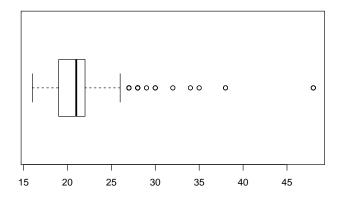


Figura 2.8: Boxplot com a variável Idade

Ex.2) Construir um boxplot das variáveis Peso_(Kg) e Altura_(m).

2.3.5 Gráfico ramo-e-folhas

Em um gráfico ramo-e-folhas, classificamos os dados segundo um padrão que revela a distribuição subjacente. O padrão consiste em separar um número em duas partes em geral: o ramo consiste nos algarismos mais à esquerda e as folhas consistem nos algarismos mais à direita.

No gráfico Ramo-e-folhas, podemos ver a distribuição desses dados, que é uma vantagem do gráfico ramo-e-folhas e ainda conservar toda a informação da lista original; se necessário, podemos recompor a relação original de valores. Note que as linhas de algarismos em um gráfico ramo-e-folhas são análogas, em natureza, às barras de um histograma (TRIOLA, 2011).

stem(nome variável) - comando que permite obter um gráfico Ramo e Folhas.

 O_{11}

stem(nome variável,scale=1)

O "scale=1", que é o padrão, separa os ramos das folhas a partir das casas decimais.

Caso padrão:

• A ideia do ramo e folhas é separar um número (como 16,0) em duas partes. Assim, a primeira parte inteira (16) chamada de ramo e a segunda, a parte decimal (0) chamada

de folha. O padrão do R é separar os números em duas partes (inteira e decimal) e agrupar os números em classes de tamanho 2. Por exemplo, o ramo 16 leva em conta os números 16 e 17.

Obs.: Esse padrão vai se alterando, à medida que o conjunto de dados apresente diferentes casas decimais.

Assim, outras opções podem ser avaliadas:

- a) stem(nome variável, scale=0.5)
- b) stem(nome variável, scale=2)

Obs.: Quando uma folha relacionada com certo ramo tem uma quantidade tão grande de valores que ele sintetiza essa quantidade usando a denominação +n, e invade a linha seguinte. Isso pode ser melhorado usando **width**.

c) stem(nome variável, scale=0.5, width=120)

Ex. Construa um gráfico Ramo e Follhas com a variável Idade.

```
stem(Idade,scale=2)
```

35 | 00

```
The decimal point is at the |
16 | 000
17 | 000000000
23 | 000000000000
24 | 000000000
25 | 0000
26 | 00000000000
27 | 00000000000
28 | 0000000000000
29 I 00
30 | 00000
31
32 | 00
33 l
34 | 00
```

```
36 | 37 | 38 | 000 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 00000
```

2.3.6 Gráficos de dispersão

Às vezes temos dados emparelhados de forma que associa cada valor de um conjunto a um determinado valor de um segundo conjunto. Um diagrama de dispersão é um gráfico dos dados emparelhados (x, y), com um eixo x horizontal e um eixo y vertical. O diagrama de dispersão, apresenta no eixo horizontal os valores da primeira variável e um eixo vertical para os valores da segunda variável. O padrão dos pontos assim marcados costuma ajudar a determinar se existe algum relacionamento entre as duas variáveis A e B.

```
plot(variável_independente, Variável_dependente)

Ou

plot(variável dependente~variável independente)
```

2.3.7 Gráfico de linhas

Apresenta a evolução de um dado, geralmente ao longo do tempo. Eixos na vertical e na horizontal indicam as informações a que se refere e a linha traçada entre eles, ascendente, descendente constante ou com vários altos e baixos mostra o percurso de um fenômeno específico.

Ex. Considere os dados que descrevem os valores do número de empresas fiscalizadas na fiscalização do trabalho na área rural Brasil 1998-2010.

Ano	Empresas Fiscalizadas
1998	7.042
1999	6.561
2000	8.585
2001	9.641
2002	8.873
2003	9.367
2004	13.856
2005	12.192
2006	13.326
2007	13.390
2008	10.839
2009	13.379
2010	11.978

Tabela 2.1: Evolução dos resultados da fiscalização do trabalho na área rural Brasil 1998-2010

Fonte: MTE. SFIT. Elaboração: DIEESE.

Para construir um gráfico de linhas, utilizamos o seguinte comando:

```
plot(x,y,type= "Tipo de símbolo")
```

Neste gráfico, podemos utilizar comandos já utilizados anteriormente, para inserir título, nomes dos eixos, etc. Para escolher o formato das linhas, com o uso do argumento "'type", seguem algumas opções:

- "p" para pontos,
- "1" para linhas,
- "b" para pontos e linhas,
- "c" para linhas descontínuas nos pontos,
- "o" para pontos sobre as linhas,
- "n" para nenhum gráfico, apenas a janela.

Para o caso de representação no mesmo gráfico, de duas ou mais variáveis, o processo deverá ser realizado por etapas:

```
\label{lower} plot(x,y1,type="b",main="Título", xlab="Nome_eixo_x",ylab="Nome_eixo_y", col="cor das linhas",ylim=c(yi,ys))
```

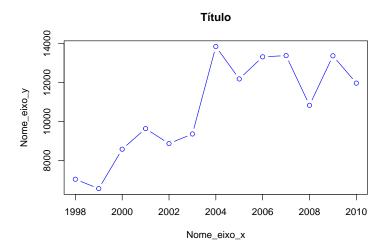


Figura 2.9: Gráfico de linha sobre a fiscalização do trabalho na área rural Brasil 1998-2010

onde, no argumento ylim, devemos indicar o intervalo de variação dos valores de y, ou seja todo o intervalo que será necessário para representar todas as variáveis.

Na sequência adicionamos as instruções para as demais variáveis:

```
lines(x, y2,col="cor_desejada", type="b")
```

Com o argumento "legend" instruímos a formatação da legenda:

legend(xp,yp,c("representação_variável_1 na legenda", "representação_variável_2 na legenda"), col = c("Cor1", "cor2"), pch = Valor entre 0 e 25)

Obs.: pch= número (entre 0 e 25). No Help do R (buscando com pch), você encontra a lista completa de símbolos que podem ser utilizados na representação da legenda. Neste caso, pode ser importante também alterar o tamanho da fonte da legenda, com o uso do argumento "cex".

Exemplo: Segue exemplo de um gráfico de linhas para as temperaturas registradas durante o dia 11/04/2018, pela Estação Meteorológica de São Luiz Gonzaga, RS, conforme dados obtidos no site do Inmet.

```
library(readr)
inmet <- read_delim("https://goo.gl/se71v2",
    ";", escape_double = FALSE,
    col_types = cols(data = col_date(format = "%m/%d/%Y")),</pre>
```

```
trim ws = TRUE)
head(inmet)
# A tibble: 6 x 6
  codigo estacao data
                               hora temp_inst temp_max temp_min
                  <date>
                                                             <dbl>
  <chr>
                              <int>
                                         <dbl>
                                                   <dbl>
                                                              26.2
1 A852
                  2018-04-11
                                          26.2
                                                    27.1
                                   0
2 A852
                  2018-04-11
                                          26
                                                    26.2
                                                              26
                                   1
3 A852
                  2018-04-11
                                   2
                                          25.5
                                                    26.1
                                                              25.5
4 A852
                  2018-04-11
                                   3
                                          25.1
                                                    25.5
                                                              25
5 A852
                  2018-04-11
                                   4
                                          24.6
                                                    25.2
                                                              24.5
6 A852
                                   5
                  2018-04-11
                                          24.3
                                                    24.7
                                                              24.2
```

Segue a sequência de comandos, para obtenção do gráfico de linhas:

```
plot(inmet$hora,inmet$temp_inst,type = "b",
    main = "Temperaturas registradas na estação metereológica
    de São Luis Gonzaga, 11 de abril de 2018",
    xlab = "hora",ylab = "temperaturas",col="blue",
    ylim = c(20,40))

lines(inmet$hora,inmet$temp_max,col="red",type = "b")

lines(inmet$hora,inmet$temp_min,col="green",type = "b")

legend(0,40,c("temp_inst","temp_max","temp_min"),
    col =c("blue","red","green"),pch=4.1,cex = 0.75)
```

Temperaturas registradas na estação metereológica de São Luis Gonzaga, 11 de abril de 2018

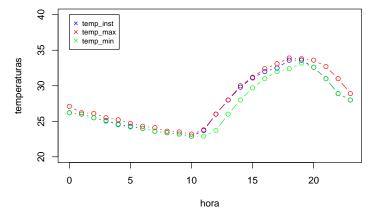


Figura 2.10: Gráfico de linha sobre as temperaturas registradas em São Luiz Gonzaga - RS

2.4 Estatísticas Descritivas

Para determinar o valor máximo de um conjunto de dados, utilizamos:

```
max(nome_da_variável)
```

Use a variável Renda h

```
#Transforme a variável Renda_h em variável numérica
pesquisa_dados$Renda_h=as.numeric(pesquisa_dados$Renda_h)
#É preciso repetir o comando attach()
attach(pesquisa_dados)
max(Renda_h)
```

[1] 21.83

De forma análoga, para determinar o valor mínimo de um conjunto de dados, utilizamos:

```
min(nome_da_variável)
```

Use a variável **Renda_h**

```
min(Renda_h)
```

[1] 1.02

Obs.: Para determinar a amplitude total de um conjunto de dados, utilizamos:

```
max(nome da variável)-min(nome da variável)
```

Use a variável **Renda** h

```
max(Renda h)-min(Renda h)
```

[1] 20.81

Para obter as medidas da estatística descritiva, no caso medidas de tendência central (mínimo, quartil 1, mediana, média, quartil 3, máximo):

```
summary(nome_da_variável)
```

Ex. Use a variável Renda_h

summary(Renda_h)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
1.02 4.64 6.79 7.31 9.51 21.83
```

A moda é o valor que tem o maior número de ocorrências em um conjunto de dados.

O R não tem um padrão de função embutida para calcular a moda. Uma sugestão é a criação de uma função pelo usuário, que pode ser obtida, por exemplo por:

```
subset(table(variável), table(variável)==max(table(variável)))
```

Ex. Use a variável **Praticidade**

```
subset(table(Praticidade),
     table(Praticidade)==max(table(Praticidade)))
```

Ruim 95

Ex. Use a variável quantitativa Pessoas_familia

```
table(Pessoas_familia)
```

```
Pessoas_familia
0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
2 14 25 62 73 60 64 30 15 2 1
```

Obs.: O primeiro valor encontrado, refere-se ao valor da moda ao passo que o segundo valor representa quantas vezes esse valor foi verificado.

Comando que permite determinar o percentil, no caso o percentil 10:

```
quantile(nome_variável,0.1)
```

Obs.: Experimente usar o comando:

```
quantile(nome variável)
```

Obs.: Para a obtenção de quartis e decis, basta realizar a conversão para o respectivo percentil e assim calcular normalmente.

```
quantile(Renda_h)

0% 25% 50% 75% 100%
1.020 4.638 6.785 9.512 21.830
quantile(Renda h, 0.1)
```

10% 3.244

Para obter as medidas de variabilidade, no caso, variância e desvio-padrão, respectivamente:

```
var(nome_variável)
sd(nome_variável)
```

Ex. Calcule as medidas de variabilidade com a variável Pessoas_familia

```
var(Pessoas_familia)
```

[1] 3.245

```
sd(Pessoas_familia)
```

[1] 1.801

A função subset():

Com esta função podemos fazer cálculos utilizando filtros, simultaneamente. A aplicação de filtros é extremamente útil quando queremos explorar os dados de forma rápida e eficiente.

Exemplos:

Ex. 1) Altura das pessoas do sexo masculino: com a função abaixo o R gera um subconjunto com as alturas de todas as pessoas do sexo masculino.

```
subset(`Altura_(m)`, Sexo=="Masculino")
```

```
[1] 1.90 1.76 1.83 1.81 1.67 1.55 1.60 1.84 1.80 1.60 1.75 1.73 1.68 1.81 1.90 [16] 1.80 1.56 1.65 1.60 1.61 1.59 1.75 1.59 1.89 1.62 1.60 1.50 1.65 1.79 1.65 [31] 1.79 1.67 1.59 1.71 1.60 1.72 1.73 1.65 1.65 1.50 1.57 1.86 1.85 1.80 1.77 [46] 1.81 1.73 1.80 1.66 1.71 1.60 1.72 1.81 1.55 1.60 1.80
```

Ex. 2) Média das alturas das pessoas do sexo masculino: inserindo o comando mean() ao subconjunto anterior, teremos como resultado a média das alturas das pessoas do sexo masculino.

```
mean(subset(`Altura_(m)`, Sexo=="Masculino"))
```

[1] 1.702

Ex. 3) Média das alturas das pessoas do sexo masculino com mais de 26 anos:

```
mean(subset(`Altura_(m)`, Sexo=="Masculino"& Idade>25))
```

[1] 1.654

Ex. 4) Contagem de pessoas do sexo feminino que tenham menos de 60 kg:

```
length(subset(Sexo,Sexo=="Feminino" & `Peso_(Kg)`<60))</pre>
```

[1] 94

Ex. 5) Montando uma tabela para exibir o gênero de pessoas que classificaram o Sabor como "Pessimo":

```
table(subset(Sexo, Sabor=="Pessimo"))
```

Feminino Masculino

7 3

Este capítulo não teve a pretensão de esgotar o estudo de todos os comandos a serem aplicados na estatística descritiva (veja help do R), nem tampouco os conceitos estatísticos necessários à compreensão. Para mais detalhes sobre os conceitos de estatística descritiva, você pode consultar outras referências ou até mesmo as já citadas neste capítulo.

Capítulo 3

Estatística Inferencial

Tatiane Chassot

A inferência estatística, ou estatística inferencial, tem por objetivo concluir e tomar decisões, com base em amostras (Figura 3.1). Usam-se dados extraídos de uma amostra para produzir inferência sobre a população (LOPES et al., 2008).

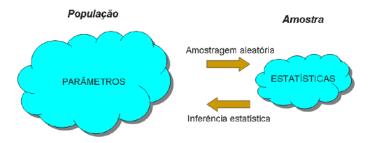


Figura 3.1: Inferência Estatística

Em Estatística, o termo **população** é definido como conjunto de indivíduos, ou itens, com pelo menos uma característica em comum, podendo ser finita ou infinita (LOPES et al., 2008). Por exemplo, água de um rio, sangue de uma pessoa, lote de peças produzidas por uma indústria, eleitores de um município.

A amostra é um subconjunto, necessariamente finito, de uma população e é selecionada de forma que todos os elementos da população tenham a mesma chance de serem escolhidos.

3.1 Intervalo de Confiança

Entre as diferentes técnicas de Inferência Estatística, temos a Estimação de Parâmetros, que consiste na determinação de um **Intervalo de Confiança (IC)** para uma média ou proporção populacional, ao um nível $(1 - \alpha)\%$ de confiança.

O nível de confiança $(1 - \alpha)\%$ normalmente varia de 90% a 99%.

3.1.1 Intervalo de confiança para uma média populacional

Um intervalo de confiança (IC) é o intervalo estimado onde a média de um parâmetro tem uma dada probabilidade de ocorrer. Comumente define-se como o intervalo onde há $(1 - \alpha)\%$ de probabilidade da média verdadeira da população inteira ocorrer.

```
IC (limite inferior < \mu < limite superior) = (1 - \alpha)\%
```

No software RStudio, o Intervalo de Confiança pode ser obtido usando o teste t.

Exemplo 1: Os dados amostrais a seguir representam o número de horas de estudos semanais para a disciplina de Estatística Básica, de uma amostra de 10 alunos:

```
19 18 20 16 18 19 19 17 22 21
```

Qual é o intervalo de confiança para a média populacional de onde essa amostra foi retirada?

```
horasestudo=c(19,18,20,16,18,19,19,17,22,21)
t.test(horasestudo)
```

```
One Sample t-test data: horasestudo t = 33, df = 9, p-value = 1e-10 alternative hypothesis: true mean is not equal to 0 95 percent confidence interval: 17.62 20.18 sample estimates: mean of x 18.9 IC (17.6 < \mu < 20.2) = 95\%
```

Com 95% de confiança, a média populacional das horas semanais de estudo para a

disciplina de Estatística Básica está entre 17,6 e 20,2 horas. Ou seja, qualquer aluno (de onde essa amostra foi retirada) estuda em média, de 17,6 a 20,2 horas por semana.

Se não informarmos o nível de confiança, o software R considera 95%. No entanto, para mudar o nível de confiança para 90%, acrescentamos a informação conf.level = 0.90 após o nome da variável:

```
t.test(horasestudo, conf.level = 0.90)
```

```
One Sample t-test data: horasestudo t = 33, df = 9, p-value = 1e-10 alternative hypothesis: true mean is not equal to 0 90 percent confidence interval: 17.86 19.94 sample estimates: mean of x 18.9 IC (17.9 < \mu < 19.9) = 90\%
```

Com 90% de confiança, a média populacional das horas semanais de estudo para a disciplina de Estatística Básica está entre 17,9 e 19,9 horas. Ou seja, qualquer aluno (de onde essa amostra foi retirada) estuda em média, de 17,9 a 19,9 horas por semana.

Para mudar o nível de confiança para 99%:

```
t.test(horasestudo, conf.level = 0.99)
```

```
One Sample t-test data: horasestudo t = 33, df = 9, p-value = 1e-10 alternative hypothesis: true mean is not equal to 0 99 percent confidence interval: 17.06 20.74 sample estimates: mean of x 18.9 IC\ (17.1 < \mu < 20.7) = 99\%
```

Com 99% de confiança, a média populacional das horas semanais de estudo para a disciplina de Estatística Básica está entre 17,1 e 20,7 horas. Ou seja, qualquer aluno (de

onde essa amostra foi retirada) estuda em média, de 17,1 a 20,7 horas por semana.

3.1.2 Para verificar normalidade dos dados

Algumas técnicas de inferência estatística têm como requisitos a normalidade dos dados. Para verificar se os dados seguem uma distribuição normal, podemos, inicialmente usar o histograma e depois confirmar com um teste estatístico para testar normalidade como Shapiro-Wilk ou Kolmogorov-Smirnov.

Hipóteses do teste:

- H0: os dados seguem uma distribuição normal
- H1: os dados não seguem uma distribuição normal

O ${f valor}$ ${f p}$ reflete a plausibilidade de se obter tais resultados no caso de H0 ser de fato verdadeira.

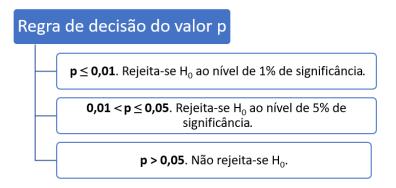


Figura 3.2: Teste de hipóteses

```
shapiro.test(horasestudo)
```

Shapiro-Wilk normality test

```
data: horasestudo
W = 0.98, p-value = 0.9
```

Como p > 0,05, não rejeita-se H0 e conclui-se que os dados seguem uma distribuição normal.

3.1.3 Intervalo de confiança para uma proporção populacional

```
IC (limite inferior \leq \pi \leq limite superior) = (1 - \alpha)\%
```

Exemplo 2: (adaptado de https://www.passeidireto.com/arquivo/3802950/capitulo7---intervalos-de-confianca) Entre 500 pessoas entrevistas a respeito de suas preferências eleitorais, 260 mostraram-se favoráveis ao candidato B. Qual é a proporção amostral dos favoráveis ao candidato B? E a proporção populacional dos favoráveis?

Sintaxe no software RStudio:

```
prop.test(x,n,conf.level=nível de confiança)
Em que:
    x = número de sucessos
    n = tamanho da amostra
    nível de confiança = 0,90 a 0,99
prop.test(260,500)
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 260 out of 500, null probability 0.5
X-squared = 0.72, df = 1, p-value = 0.4
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5
95 percent confidence interval:
    0.4752 0.5645
sample estimates:
    p
0.52
```

A proporção amostral dos eleitores favoráveis ao candidato B é de 0,52.

```
IC (0.48 \le \pi \le 0.56) = 95\%
```

Com 95% de confiança, a proporção populacional dos eleitores favoráveis ao candidato B está entre 0.48 e 0.56.

Para mudar o nível de confiança para 90%:

```
prop.test(260,500,conf.level = 0.90)
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 260 out of 500, null probability 0.5
X-squared = 0.72, df = 1, p-value = 0.4
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5
90 percent confidence interval:
    0.4822    0.5575
sample estimates:
    p
0.52
```

IC
$$(0.48 \le \pi \le 0.56) = 90\%$$

Com 90% de confiança, a proporção populacional dos eleitores favoráveis ao candidato B está entre 0.48 e 0.56.

Para mudar o nível de confiança para 99%:

```
prop.test(260,500,conf.level = 0.99)
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 260 out of 500, null probability 0.5
X-squared = 0.72, df = 1, p-value = 0.4
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.5
99 percent confidence interval:
    0.4616 0.5779
sample estimates:
    p
0.52
```

IC
$$(0.46 \le \pi \le 0.58) = 99\%$$

Com 99% de confiança, a proporção populacional dos eleitores favoráveis ao candidato B está entre 0,46 e 0,58.

3.2 Teste de hipóteses

O teste de hipóteses é uma outra forma de fazer inferência estatística. Formula-se uma hipótese (H0) para um parâmetro populacional e, partir de uma amostra dessa população, aceita-se ou rejeita-se esta hipótese.

H0: hipótese nula (sempre tem a condição de igualdade)

H1: hipótese alternativa (tem o sinal de \neq , > ou <)

3.2.1 Teste de hipóteses para uma média populacional

H0: $\mu =$ H1: $\mu \neq$ H0: $\mu =$ H1: $\mu >$ H0: $\mu =$

No software RStudio, usa-se o 't.test| para a realização do teste de hipóteses para uma média populacional, levando-se em conta o valor de p-value para aceitar ou rejeitar H0.

De acordo com as hipóteses, temos variações do t.test, conforme segue:

```
sintaxe: t.test(amostra, opções)
```

- amostra: Vetor contendo a amostra da qual se quer testar a média populacional.
- opções: alternative: string indicando a hipótese alternativa desejada. Valores possíveis: "two-sided", "less" ou "greater".
- μ: valor indicando o verdadeiro valor da média populacional.

Exemplo 3: (adaptado de <www.leg.ufpr.br/~paulojus/CE002/pratica/praticase8.xml>) A precipitação pluviométrica mensal numa certa região nos últimos 9 meses foi a seguinte:

```
30,5 34,1 27,9 35,0 26,9 30,2 28,3 31,7 25,8
```

Construa um teste de hipóteses para saber se a média da precipitação pluviométrica mensal é igual a 30,0 mm.

```
H0: \mu = 30 \text{ mm}
```

H1: $\mu \neq 30 \text{ mm}$

```
chuva=c(30.5,34.1,27.9,35,26.9,30.2,28.3,31.7,25.8)
chuva
```

```
[1] 30.5 34.1 27.9 35.0 26.9 30.2 28.3 31.7 25.8
```

```
t.test(chuva,alt="two.sided",mu=30)
```

21.26

mean of x

Tnf

sample estimates:

21.8

```
One Sample t-test
data: chuva
t = 0.042, df = 8, p-value = 1
alternative hypothesis: true mean is not equal to 30
95 percent confidence interval:
 27.62 32.47
sample estimates:
mean of x
    30.04
      Conclusão: Aceita-se H0 e conclui-se que a precipitação pluviométrica é igual a 30mm.
      Exemplo
                4:
                       (adaptado de https://www.passeidireto.com/arquivo/5533375/
lista-eststistica-pronta-p-3-prova-com-respostas/3) Um empresário desconfia que o tempo
médio de espera para atendimento de seus clientes é superior a 20 minutos. Para testar essa
hipótese ele entrevistou 20 pessoas e questionou quanto tempo demorou para ser atendido.
O resultado dessa pesquisa foi o seguinte:
      22 20 21 23 22 20 23 22 20 24 21 20 21 24 22 22 23 22 20 24
      Teste a hipótese de que o tempo de espera é superior a 20 minutos.
      H0: \mu = 20 minutos
      H1: \mu > 20 minutos
tempo=c(22,20,21,23,22,20,23,22,20,24,21,20,21,24,22,22,23,22,20,24)
tempo
 [1] 22 20 21 23 22 20 23 22 20 24 21 20 21 24 22 22 23 22 20 24
t.test(tempo,alt="greater",mu=20)
    One Sample t-test
data: tempo
t = 5.8, df = 19, p-value = 8e-06
alternative hypothesis: true mean is greater than 20
95 percent confidence interval:
```

Conclusão: Rejeita-se H0 com nível de significância de 1%e conclui-se que o tempo de espera é superior a 20 minutos.

Exemplo 5: (adaptado de https://docs.ufpr.br/~vayego/pdf_11_2/pratica_04_zoo.pdf) Os resíduos industriais jogados nos rios, muitas vezes, absorvem oxigênio, reduzindo assim o conteúdo do oxigênio necessário à respiração dos peixes e outras formas de vida aquática. Uma lei estadual exige um mínimo de 5 p.p.m. (Partes por milhão) de oxigênio dissolvido, a fim de que o conteúdo de oxigênio seja suficiente para manter a vida aquática. Seis amostras de água retiradas de um rio, durante a maré baixa, revelaram os índices (em partes por milhão) de oxigênio dissolvido:

```
4,9 5,1 4,9 5,5 5,0 4,7
```

One Sample t-test

Estes dados são evidência para afirmar que o conteúdo de oxigênio é menor que 5 partes por milhão?

```
H0: \mu = 5 \text{ ppm}

H1: \mu < 5 \text{ ppm}

amostras=c(4.9,5.1,4.9,5.5,5.0,4.7)

t.test(amostras,alt="less",mu=5)
```

```
data: amostras
t = 0.15, df = 5, p-value = 0.6
alternative hypothesis: true mean is less than 5
95 percent confidence interval:
  -Inf 5.24
sample estimates:
mean of x
    5.017
```

Conclusão: Aceita-se H0 e conclui-se que o conteúdo de oxigênio é igual a 5 ppm.

3.2.2 Teste de hipóteses para uma proporção populacional

```
H0: \pi = .....
H1: \pi \neq .....
H0: \pi = .....
```

```
H1: \pi > \dots

H0: \pi = \dots

H1: \pi < \dots
```

No software RStudio, usa-se o prop.test para a realização do teste de hipóteses para uma proporção populacional, levando-se em conta o valor de p-value para aceitar ou rejeitar H0.

Sintaxe:

```
prop.test(x,n,p=....,alt="....")
em que:
x = número de sucessos;
n= tamanho da amostra;
p = proporção a ser testada;
alt = "two.sided", "greater" ou "less".
```

Exemplo 6: (adaptado de https://docs.ufpr.br/~soniaisoldi/TP707/Aula8.pdf) Uma máquina está regulada quanto produz 3% de peças defeituosas. Uma amostra aleatória de 80 peças selecionadas ao acaso apresentou 3 peças defeituosas. Teste a hipótese de que a máquina está regulada.

```
H0: \pi = 3\%
H1: \pi \neq 3\%
prop.test(3,80,p=0.03,alt="two.sided")
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 3 out of 80, null probability 0.03
X-squared = 0.0043, df = 1, p-value = 0.9
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.03
95 percent confidence interval:
    0.009735 0.113171
sample estimates:
    p
0.0375
```

Conclusão: Aceita-se H0 e conclui-se que a máquina produz 3% de peças defeituosas,

ou seja, a máquina está regulada.

Exemplo 7: (adaptado de <www.ebah.com.br/content/ABAAAAdLkAI/metodos-estatistico-und-v-lista-resolvida>) As condições de mortalidade de uma região são tais que a proporção de nascidos que sobrevivem até 60 anos é de 0,6. Testar essa hipótese se em 1.000 nascimentos amostrados aleatoriamente, verificou-se 530 sobreviventes até 60 anos.

```
H0: \pi = 0.6

H1: \pi \neq 0.6

prop.test(530,1000,p=0.6,alt="two.sided")
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 530 out of 1000, null probability 0.6
X-squared = 20, df = 1, p-value = 7e-06
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.6
95 percent confidence interval:
    0.4985 0.5613
sample estimates:
    p
0.53
```

Conclusão: Rejeita-se H0 com nível de significância de 1% e conclui-se que a proporção de nascidos que sobrevivem até os 60 anos é diferente de 0,6.

Exemplo 8: (adaptado de https://docs.ufpr.br/~jomarc/intervaloeteste.pdf) Uma empresa retira periodicamente amostras aleatórias de 500 peças de sua linha de produção para análise da qualidade. As peças da amostra são classificadas como defeituosas ou não, sendo que a política da empresa exige que o processo produtivo seja revisto se houver evidência de mais de 1,5% de peças defeituosas. Na última amostra, foram encontradas nove peças defeituosas. O processo precisa ser revisto?

```
H0: \pi = 1.5\%
H1: \pi > 1.5\%
prop.test(9,500,p=0.015,alt="greater")
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 9 out of 500, null probability 0.015
X-squared = 0.14, df = 1, p-value = 0.4
alternative hypothesis: true p is greater than 0.015
```

```
95 percent confidence interval:
0.009766 1.000000
sample estimates:
p
0.018
```

Conclusão: Não rejeita H0 e conclui-se que a proporção de peças defeituosas é igual a 1,5%, ou seja, o processo não precisa ser revisto.

Exemplo 9: (adaptado de https://www.passeidireto.com/arquivo/25297344/aula-19---testes-para-proporcao) Uma pesquisa conclui que 90% dos médicos recomendam aspirina a pacientes que têm filhos. Teste a afirmação contra a alternativa de que a percentagem é inferior a 90%, se numa amostra aleatória de 100 médicos, 80 recomendam aspirina.

```
H0: \pi = 90\%
H1: \pi < 90\%
prop.test(80,100,p=0.90,alt="less")
```

1-sample proportions test with continuity correction

```
data: 80 out of 100, null probability 0.9
X-squared = 10, df = 1, p-value = 8e-04
alternative hypothesis: true p is less than 0.9
95 percent confidence interval:
    0.0000 0.8618
sample estimates:
    p
0.8
```

Conclusão: Rejeita-se H0 com nível de significância de 1% e conclui-se que a proporção de médicos que recomendam aaspirina é inferior a 90%.

3.2.3 Teste de hipótese para duas médias

O teste de hipótese para duas médias aplica-se quando se deseja comparar dois grupos:

Indivíduo F Α В D 73 Peso antes do treinamento 99 62 74 59 70 Peso depois do treinamento 94 62 66 58 70 76

Tabela 3.1: Amostras dependentes

População 1	População 2 (5) (5) (5) (5) (6) (7) (7) (7)
-------------	--

Figura 3.3: Teste de hipótese para dois grupos

Podemos comparar duas médias de duas amostras dependentes, também chamadas de pareadas, ou médias de duas amostras independentes.

3.2.3.1 Teste de hipóteses duas amostras dependentes

Exemplo 10: Foi obtido o peso de seis indivíduos antes e após um treinamento de exercício físico. Teste a hipótese de que a média antes do treinamento é diferente da média após o treinamento.

No software RStudio, usa-se o 't.test| para a realização do teste de hipóteses para uma média populacional, levando-se em conta o valor de p-value para aceitar ou rejeitar H0.

Hipóteses:

H0: média antes = média depois

H1: média antes \neq média depois

```
antes=c(99,62,74,59,70,73)
depois=c(94,62,66,58,70,76)
t.test(antes,depois,paired=TRUE)
```

Paired t-test

```
data: antes and depois
t = 1.1, df = 5, p-value = 0.3
```

Tabela 3.2: Amostras dependentes - caso 2

Cobaia	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Antes	635	704	662	560	603	745	698	575	633	669
Depois	640	712	681	558	610	740	707	585	635	682

alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval:

-2.334 6.000 sample estimates: mean of the differences 1.833

Conclusão: Não rejeita-se H0 e conclui-se que a média de peso antes do treinamento é igual à média de peso depois do treinamento.

Exemplo 11: (adaptado de <www.inf.ufsc.br/~marcelo/testes2.html>) Dez cobaias foram submetidas ao tratamento de engorda com certa ração. Os pesos em gramas, antes e após o teste são dados a seguir. Podemos concluir que o uso da ração contribuiu para o aumento do peso médio dos animais?

H0: média antes = média depois

H1: média antes \neq média depois

```
cobaiaantes=c(635,704,662,560,603,745,698,575,633,669)
cobaiadepois=c(640,712,681,558,610,740,707,585,635,682)
t.test(cobaiaantes,cobaiadepois,paired=TRUE)
```

Paired t-test

Conclusão: Rejeita-se H0 com nível de significância de 5% e conclui-se que a média antes da engorda é diferente da média depois da engorda.

Tabela 3.3: Comparação de dois tipos diferentes de tecidos

Tecido A	36	26	31	38	28	20	37
Tecido B	39	27	35	42	31	39	22

3.2.3.2 Teste de hipóteses duas amostras independentes

Primeiramente precisamos saber se existe homogeneidade de variâncias populacionais, a qual poderá ser verificada por meio de um teste de homogeneidade de variâncias utilizando os dados das duas amostras.

3.2.3.3 Teste para verificar homogeneidade de variâncias

Exemplo 12: (adaptado de https://www.ime.unicamp.br/~hildete/Aula_p12.pdf) Dois tipos diferentes de tecido devem ser comparados. Uma máquina de testes pode comparar duas amostras ao mesmo tempo. O peso (em miligramas) para sete experimentos foram:

Teste se um tecido é mais pesado que o outro.

H0: as variâncias são homogêneas

H1: as variâncias são heterogêneas

```
tecidoa=c(36,26,31,38,28,20,37)
tecidob=c(39,27,35,42,31,39,22)
var.test(tecidoa,tecidob)
```

F test to compare two variances

Conclusão: Não rejeita-se H0 e conclui-se que as variâncias são homogêneas.

Agora podemos realizar o teste de comparação de duas amostras independentes.

H0: média tecido A = média tecido B

H1: média tecido A \neq média tecido B

```
t.test(tecidoa, tecidob, var.equal = TRUE, paired=FALSE)
```

```
Two Sample t-test
```

```
data: tecidoa and tecidob t = -0.73, df = 12, p-value = 0.5 alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0 95 percent confidence interval: -10.815 \quad 5.386 sample estimates: mean of x mean of y 30.86 \quad 33.57
```

Conclusão: Não rejeita-se H0 e conclui-se que a média de peso do tecido A é igual à média de peso do tecido B.

Capítulo 4

Teste de Qui-Quadrado

Iara Denise Endruweit Battisti

Quando existem duas variáveis de interesse, a representação tabular das frequências observadas pode ser feita através de uma tabela de contingência, também chamada de tabela cruzada ou tabela de dupla entrada. Cada interseção de uma linha com uma coluna é chamada de casela e o valor que aparece em cada casela é a frequência observada, nomeada como O_{ij} , em que i corresponde a linha e j corresponde a coluna.

4.1 Teste de qui-quadrado para verificar associação entre duas variáveis qualitativas

Exemplo 1: Uma pesquisa sobre "a exposição a agrotóxicos entre trabalhadores rurais no município de Cerro Largo/RS" foi desenvolvida por Letiane Peccin Ristow, no ano de 2017 (dissertação e mestrado no Programa de Pós-Graduação em Desenvolvimento e Políticas Públicas da UFFS, Campus Cerro Largo. Na Tabela 4.4 são apresentados os resultados do "tamanho da propriedade" e "armazenamento seguro do EPI". Para verificar a existência de associação significativa entre essas duas variáveis utilizamos o teste de quiquadrado, dado que são duas variáveis qualitativas: variável 1 - tamanho da propriedade (até 25ha; 26ha ou mais) e variável 2 - armazenamento seguro (sim; não).

Primeiramente definimos as seguintes hipóteses estatísticas:

H0: não existe associação entre tamanho da propriedade e armazenamento seguro (as variáveis são independentes)

H1: existe associação entre tamanho da propriedade e armazenamento seguro (as variáveis são dependentes)

Tabela 4.1: Tamanho da propriedade e armazenamento seguro dos agrotóxicos, agricultores de Cerro Largo, RS, 2017.

Tamanho da propriedade	Armazenamento seguro				
	Não	Sim			
Até 25 ha	59	8			
26 ha ou mais	31	14			

Fonte: RISTOW (2017).

A estatística de teste para testar as hipóteses apresentadas é o χ^2 (qui-quadrado):

$$\chi_{cal}^2 = \sum_{i=1}^{l} \sum_{j=1}^{c} \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

em que:

l: número de linhas

c: número de colunas

 O_{ij} : frequência observada na linha i e coluna j

 E_{ij} : frequência esperada na linha i e coluna j

com grau de liberdade = gl = (c-1)(l-1).

A frequência esperada de uma casela é obtida pela multiplicação do total da linha pelo total da coluna dividido pelo total geral. Por exemplo, a frequência esperada é igual ao total da coluna 1 multiplicada pelo total da linha 1 dividido pelo total geral, ou seja, $(68 \times 90)/112$.

Porém, é importante conhecermos as pressuposições do teste de qui-quadrado de Pearson. Para auxiliar no encaminhamento do teste adequado para verificar a relação de duas variáveis qualitativas, seguimos o seguinte check-list.

4.2 Check list para escolher o teste adequado para verificar a relação entre duas variáveis qualitativas

• O cálculo do teste de qui-quadrado deve ser somente com valores absolutos. Quando temos uma tabela 2x2, isto é, duas linhas e duas colunas, devemos utilizar o teste de

qui-quadrado com correção de continuidade (correção de Yates). O motivo é que a distribuição de frequências observadas é discreta e está sendo aproximada pela distribuição qui-quadrado, que é contínua (BARBETTA, 2010).

- Não devemos aplicar o teste de qui-quadrado quando a frequência esperada em qualquer casela for menor que 5. Neste caso, devemos usar o teste exato de Fisher, para garantir o grau de certeza do teste.
- Quando temos duas amostras pareadas (duas amostras dependentes), utilizamos o teste de McNemar.
- Caso tenhamos interesse em avaliar a força da associação entre as duas variáveis, devemos utilizar algumas medidas de magnitude dessa força, como por exemplo, coeficiente de contingência, razão de prevalência, risco relativo e razão de chances (odds ratio). Porém, essas medidas de magnitude são dependentes do tipo de delineamento do estudo.

Para aplicar o teste de qui-quadrado ou um alternativo no software R, primeiramente precisamos informar os dados, podemos fazer isso de duas formas:

- (a) incluindo os valores no formatado de tabela;
- (b) acessando os valores no banco de dados.

4.3 Exemplo utilizando os recursos do software R

Realizar o teste de associação para os dados da Tabela 4.4, para isso, digitar os dados da tabela cruzada (tabela de contingência) no formato de uma matriz, valor ij, considerando i=linha e j=coluna, em sequência por coluna (por exemplo, digita-se todos os valores da primeira coluna, depois digita-se todos os valores da segunda coluna e assim sucessivamente).

Sintaxe no software R para incluir os valores no formato de tabela:

```
quiquadrado1<-matrix(c(59,31,8,14),nc=2)
quiquadrado1</pre>
```

```
[,1] [,2]
[1,] 59 8
[2,] 31 14
```

O comando matrix indica que os dados serão organizados em uma matriz, nc indica o número de colunas da tabela, o operador <- atribui os valores digitados no nome informado pelo usuário que neste caso é quiquadrado1.

O segundo comando quiquadrado1, mostra a matriz elaborada, que neste caso representa uma tabela cruzada de duas linhas e duas colunas, conforme a Tabela 4.4.

Primeiramente, deve-se verificar a existência de alguma casela com frequência esperada menor que 5.

chisq.test(quiquadrado1)\$expected

[,1] [,2] [1,] 53.84 13.161 [2,] 36.16 8.839

Caso não exista, utiliza-se o teste de qui-quadrado com o comando chisq.test.

chisq.test(quiquadrado1)

Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction

data: quiquadrado1
X-squared = 5.1, df = 1, p-value = 0.02

Observa-se que o software R identificou a tabela 2x2 e aplicou a correção de continuidade. Porém, podemos informar isso na linha de comando, incluindo opção correct = TRUE:

chisq.test(quiquadrado1, correct=TRUE)

Pearson's Chi-squared test with Yates' continuity correction

data: quiquadrado1
X-squared = 5.1, df = 1, p-value = 0.02

Então devemos concluir pela rejeição ou não da H0 e interpretar esse resultados.

Caso pelo menos uma casela tenha frequência esperada menor que 5 como por exemplo na tabela abaixo , utilizamos o teste exato de Fisher.

Tabela 4.2: Tamanho da propriedade e devolução das embalagens vazias de agrotóxico, agricultores de Cerro Largo, RS, 2017.

Tamanho da propriedade	Devolução	
	Não	Sim
Até 25 ha	8	59
26 ha ou mais	3	43

Fonte: RISTOW (2017).

Definindo as hipóteses estatísticas:

H0: não existe associação entre tamanho da propriedade e devolução das embalagens (as variáveis são independentes);

H1: existe associação entre tamanho da propriedade e devolução das embalagens (as variáveis são dependentes).

Incluindo os valores:

```
quiquadrado2<-matrix(c(8,3,59,43),nc=2)
quiquadrado2</pre>
```

```
[,1] [,2]
[1,] 8 59
[2,] 3 43
```

Verificando se todas frequências esperadas são maiores ou iguais a 5.

```
chisq.test(quiquadrado2)$expected
```

```
[,1] [,2]
[1,] 6.522 60.48
[2,] 4.478 41.52
```

Neste caso, o software R apresenta um "aviso" pois observa-se uma frequência esperada menor que 5. Então devemos optar pelo teste exato de Fisher.

```
fisher.test(quiquadrado2)
```

Fisher's Exact Test for Count Data

```
data: quiquadrado2
p-value = 0.5
alternative hypothesis: true odds ratio is not equal to 1
95 percent confidence interval:
    0.4316 11.9646
sample estimates:
odds ratio
    1.933
```

Então devemos concluir, através do valor p, pela rejeição ou não da H0 e interpretar esse resultados.

4.4 Teste de associação com duas amostras dependentes

No caso de amostras pareadas (dependentes), utiliza-se o teste de McNemar para testar a associação.

```
dados1=matrix(c(5,10,12,8),nc=2)
dados1
```

```
[,1] [,2]
[1,] 5 12
[2,] 10 8
```

```
mcnemar.test(dados1)
```

McNemar's Chi-squared test with continuity correction

```
data: dados1
McNemar's chi-squared = 0.045, df = 1, p-value = 0.8
```

Importante observar que para executar o teste de McNemar: no software R os dados na matriz (tabela de contingência) devem ser distribuídos da mesma maneira tanto nas linhas quanto nas colunas. Isto é, "a" e "d" devem expressar o mesmo comportamento. Por exemplo: aprovado, desaprovado, desaprovado, desaprovado.

Tabela 4.3: Tabela de Contingência.

	Depois	
Antes	Aprovado	Desaprovado
Aprovado	a	b
Desaprovado	c	d

Fonte: Dados simulados.

Exemplo 2: Uma pesquisa foi realizada para verificar o efeito de um medicamento para perda de peso. O estudo foi realizado com 45 cobaias com características semelhantes. Na Tabela abaixo são apresentadas a situação do peso antes e após a intervenção (utilização do medicamento).

Como trata-se de duas amostras dependentes (antes e após) não podemos aplicar o teste de qui-quadrado. O teste adequado é McNemar.

Table: Situação do peso de cobaias do estudo antes e após a intervenção.

Peso Antes Peso Após

Adequado Sobrepeso

Aprovado 15 5

Desaprovado 18 7 —

Fonte: Dados simulados.

Hipóteses estatísticas:

H0: As frequências das diferentes categorias ocorrem na mesma proporção (Frequências b e c ocorrem na mesma proporção);

H1: As frequências b e c ocorrem em proporções diferentes, ou seja, as mudanças são significativas.

```
mcnemar=matrix(c(15,18,5,7),nc=2)
mcnemar
```

chisq.test(mcnemar)\$expected

```
[,1] [,2]
[1,] 14.67 5.333
[2,] 18.33 6.667
```

mcnemar.test(mcnemar)

McNemar's Chi-squared test with continuity correction

```
data: mcnemar
McNemar's chi-squared = 6.3, df = 1, p-value = 0.01
```

Borrachudos Ponto Ponto 1 19 Ponto 2 12 Ponto 3 10 Ponto 4 17 Ponto 5 25 Ponto 6 22 Ponto 7 15

Tabela 4.5: Número de borrachudos nos diferentes pontos

4.5 Teste de qui-quadrado para verificar aderência a uma distribuição

Neste caso usamos o teste de qui-quadrado para verificar se o conjunto de dados segue uma distribuição teórica especificada.

Exemplo 3: Deseja-se verificar se o número de borrachudos é o mesmo em diferentes pontos da margem de um rio. O número de borrachudos observados para cada ponto (local) é apresentado na Tabela 4.5.

Fonte: Dados simulados.

Para um nível de 5% de significância, as hipóteses a serem testadas:

H0: O número de borrachudos não muda conforme o ponto;

H1: Pelo menos um dos pontos tem número de borrachudos diferente dos demais.

```
borrach<-c(20,12,10,17,30,22,35)
chisq.test(borrach)$expected</pre>
```

[1] 20.86 20.86 20.86 20.86 20.86 20.86 20.86

```
chisq.test(borrach)
```

Chi-squared test for given probabilities

```
data: borrach
X-squared = 24, df = 6, p-value = 6e-04
```

Exemplo 4: Suponha que desejamos verificar se o número de borrachudos segue uma distribuição específica, informado em "dist". Lembrando que os valores no vetor "dist" devem estar no formato de proporção (por exemplo, 0,35).

H0: O número de borrachudos segue a distribuição teórica informada;

H1: O número de borrachudos não segue a distribuição teórica informada.

```
borrachudos<-c(20,12,10,17,30,22,35)
dist<-c(0.10,0.10,0.10,0.15,0.15,0.15,0.25)
chisq.test(borrachudos)$expected
```

```
[1] 20.86 20.86 20.86 20.86 20.86 20.86
```

```
chisq.test(borrachudos, p=dist)
```

Chi-squared test for given probabilities

```
data: borrachudos
X-squared = 8.1, df = 6, p-value = 0.2
```

Capítulo 5

Modelos de Regressão

Iara Denise Endruweit Battisti

Erikson Kaszubowski

Muitas vezes há a necessidade de estudar duas ou mais variáveis ao mesmo tempo com o objetivo de predizer uma variável em função da(s) outra(s). Por exemplo, verificar se sólidos removidos de um material relaciona-se com o tempo de secagem e qual é a forma dessa relação. Outros exemplos: relação entre tempo de estudo e desempenho a uma avaliação; relação entre investimento em comunicação e vendas; entre outros.

A análise de correlação permite verificar a relação entre duas variáveis quantitativas. Os modelos de regressão permitem demonstrar a forma da relação entre duas ou mais variáveis. Estudaremos os modelos de regressão linear na qual a variáveis resposta (Y) é quantitativa e as variáveis preditoras (X_i) são quantitativas ou qualitativas.

5.1 Correlação linear

É a técnica mais simples para estudar a relação entre duas variáveis. Os dados compõem uma única amostra de pares de valores (x_i, y_i) , correspondendo aos valores das variáveis X e Y, respectivamente, feitas em cada elemento da amostra. Para analisar a existência de relação entre as duas variáveis, primeiramente pode-se fazer o Diagrama de Dispersão.

5.2 Diagrama de dispersão

É um gráfico para verificar a existência de relação entre as variáveis X e Y. É composto por pontos, os quais correspondem aos pares de valores (xi, y_i) , sendo a variável X representada no eixo horizontal e a variável Y representada no eixo vertical.

O diagrama de disperção fornece uma visualização gráfica do comportamento conjunto das duas variávei em estudo. Na Figura 5.1 a percebe-se uma correlação (relação) linear positiva entre as variáveis X e Y, ou seja, os valores das duas variaveis crescem conjuntamente, já na Figura 5.1b percebe-se uma correlação linear negativa entre as variáveis X e Y, neste caso, os valores de uma variável crescem enquanto os valores da outra variável decrescem. A Figura 5.1c informa a ausência de relação entre as duas variáveis e, a Figura 5.1d mostra uma relação não linear, a qual não será objeto de estudo nesta publicação.

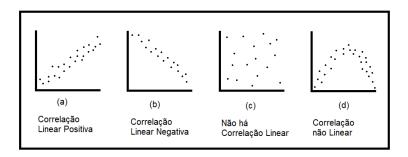


Figura 5.1: Diagramas de Dispersão

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Exemplo: Suponha que 15 alunos foram selecionados aleatoriamente na turma de Estatística, sendo registrado o tempo de estudo e nota da atividade avaliativa. O objetivo da pesquisa é verificar se existe relação entre tempo de estudo e nota.

Tabela 5.1: Relação entre o tempo de estudo e a nota.

Tempo	4,0	6,0	5,5	5,0	6,8	6,5	3,5	4,5	7,5	8,0	5,4	6,5	7,7	7,5
Nota	5,5	7,5	8,0	7,0	8,1	8,6	4,7	7,5	9,5	9,5	7,8	8,0	9,1	8,0

Fonte: Dados simulados.

Sintaxe no software R:

plot(x,y)

```
tempo=c(4,6,5.5,5,6.8,6.5,3.5,4.5,7,8,5.4,6.5,7.7,7.5,5.8)
nota=c(5.5,7.5,8,7,8.1,8.6,4.7,7.5,9.5,9.5,7.8,8,9.1,9.5,8)
```

O diagrama de dispersão do exemplo está representado abaixo.

plot(tempo, nota)

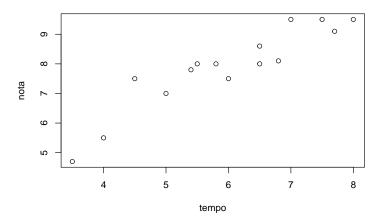


Figura 5.2: Diagrama de dispersão da nota em relação ao tempo de estudo dos participantes do estudo

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

5.3 Coeficiente de Correlação Linear de Pearson

O coeficiente de correlação linear de Pearson (Karl Pearson 1857-1936) mede o grau de relacionamento linear entre os valores pareados x_i e y_i em uma amostra. O coeficiente linear de Pearson é obtido da seguinte forma:

$$r = \frac{n\sum xy - (\sum x)(\sum y)}{\sqrt{n(\sum x^2) - (\sum x)^2}\sqrt{(\sum y^2) - (\sum y)^2}}$$

em que:

- n = número de pares na amostra
- x: valores da variável x
- y: valores da variável y

O coeficiente de correlação linear (r) é uma estatística amostral, representando a magnitude da relação entre duas variáveis na amostra. O parâmetro populacional é representado por ρ . O coeficiente de correlação linear assume valores entre -1 e +1, inclusive. Se o valor

de r está próximo de 0, conclui-se que não há correlação linear entre as variáveis X e Y. Seo valor de r está próximo de -1 ou +1, conclui-se pela existência de correlação linear significativa entre as variáveis X e Y, sendo que o sinal indica uma relação linear positiva (direta) ou negativa (inversa).

```
Sintaxe no software R:

cor(x,y)

Obs: x e y são numéricos.
```

cor(tempo,nota)

[1] 0.9224

5.4 Modelo de Regressão

O estudo de regressão refere-se aos casos em que se pretende estabelecer uma relação entre uma variável Y considerada dependente (variável resposta ou desfecho) e uma ou mais variáveis x_1, x_2, \dots, x_k (variáveis explicativas ou preditoras) consideradas independentes.

O objetivo da análise de regressão é ajustar uma equação que permita explicar o comportamento da variável resposta de maneira que o valor previsto possa estar próximo do que seria observado. A forma do modelo de regressão depende da relação entre as variáveis, expressa visualmente pelo diagrama de dispersão, conforme Figura 5.1.

A análise de regressão é uma técnica muito utilizada em variáveis quantitativas, como por exemplo:

- Vendas em função do investimento em comunicação;
- Altura de crianças em função da idade;
- Nota obtida em função de horas de estudo;
- Produtividade de uma cultura em relação a quantidade de adubação.

Na Figura 5.3 é apresentada a variação explicada e não explicada na análise por modelo regressão.

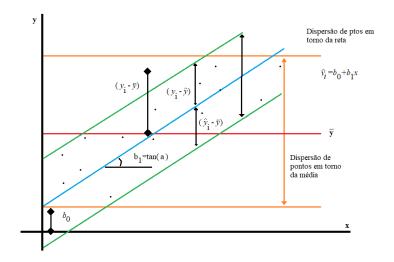


Figura 5.3: Variação explicada e não explicada na análise de regressão

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Observa-se na Figura 5.3, uma identidade na regressão, conforme a seguinte expressão:

$$\sum (y_i - \bar{y})^2 = \sum (\hat{y}_i - \bar{y})^2 + \sum (y_i - \hat{y}_i)^2$$

$$\uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow$$
SQTotal = SQRegressão + SQResíduo

Figura 5.4: Identidade da Regressão

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Assim, a partir da expressão apresentada que o modelo de regressão será mais adequado na medida em que a proporção de "Soma de Quadrados de Regressão" é mais alta em relação à "Soma de Quadrado Total" do que a "Soma de Quadrado do Resíduo".

5.5 Modelo de Regressão Linear Simples

O modelo de regressão linear simples é usado quando a resposta da variável dependente se expressa de forma linear (Figura 5.3 e neste caso com apenas uma variável explicativa, expresso da seguinte maneira (HOFFMANN; OTHERS, 1998):

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$$

Em que:

 y_i : valores da variável resposta (dependente, desfecho), i = 1, 2, ..., n observações;

 x_i : valores da variável explicativa (independente, preditora), i=1,2,...,n observações;

 β_0 : coeficiente linear (intercepto). Interpretado como o valor da variável dependente quando a variável independente é igual a 0;

 β_1 : coeficiente angular (inclinação). Interpretado como acréscimo/decréscimo na variável dependente para a variação de uma unidade na variável independente;

 ε_i : erros aleatórios supostamente de uma população normal, com média 0 e variância constante $\left[\varepsilon_i N(0,\sigma^2)\right]$.

5.6 Método dos Mínimos Quadrados

O método dos mínimos quadrados (MMQ) é utilizado para a obtenção dos coeficientes linear e angular. Consiste em minimizar a Soma de Quadrados de Resíduos, ou seja, minimizar:

$$\sum (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum (y_i - b_0 - b_1 x_i^2)$$

As expressões para os coeficientes, que minimizam SQResíduos são obtidas pela derivadas desta soma de quadrados em relação a b_0 e em relação a b_1 e podem ser descritas por (HOFFMANN; OTHERS, 1998):

$$b_1 = \frac{\sum xy - \frac{\sum x \sum y}{n}}{\sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{n}}$$

em que:

n: número de pares na amostra;

x: valores da variável x;

y: valores da variável y.

 \mathbf{e}

$$b_0 = \bar{y} - b_1 \bar{x}$$

em que:

 \bar{x} : média aritmética dos valores de x;

 \bar{y} : média aritmética dos valores de y;

 b_1 : valor calculado do coeficiente angular.

Obtendo-se a seguinte equação de regressão linear simples estimada:

$$\hat{y} = b_0 - b_1 x$$

em que:

 b_0 : coeficiente linear estimado;

 b_1 : coeficiente angular estimado;

x: valores da variável explicativa.

Esta equação refere-se a reta de regressão, se b_1 é um valor positivo a reta é crescente, demonstrando uma relação positiva entre as variáveis e se b_1 é um o valor negativo, a reta é decrescente, demonstrando uma relação inversa entre as variáveis.

Sintaxe no software R:

```
regressao=lm(y~x)
```

Obs: y são valores numéricos da variável resposta e x são valores numéricos da variável preditora.

Por exemplo:

```
regressao=lm(nota~tempo)
regressao
```

Call:

lm(formula = nota ~ tempo)

Coefficients:

(Intercept) tempo 2.221 0.947

5.7 Análise de Variância

A análise de variância (técnica introduzida por Fisher, na década de 20) testa o ajuste da equação como um todo, ou seja, um teste para verificar se a equação de regressão obtida é significativa ou não. No caso de regressão linear simples, a análise de variância é definida como apresentada na Tabela 5.2.

As hipóteses testadas na Análise de Variância da Regressão são:

 $H_0: \beta_1 = 0$ (a regressao não é significativa)

 $H_1: \beta_1 \neq 0$ (a regressão é significativa)

Tabela 5.2: Análise de variância para a regressão linear.

$\overline{ ext{FV}}$	GL	\mathbf{SQ}	$\mathbf{Q}\mathbf{M}$	\mathbf{F}
Regressão	1	$SQRegress\~{a}o$	QMRegressão	Fc
Desvios	n-2	SQResíduos	QMResíduos	-
Total	n-1	SQTotal	-	_

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

em que:

$$SQ \text{Regressao} = \frac{\left(\sum xy - \frac{(\sum x \sum y)^2}{n}\right)}{\sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{n}}$$

$$SQ\text{Total} = \sum y^2 - \frac{(\sum y)^2}{n}$$

SQResiduo = SQTotal - SQRegressão

 ${\rm QMRegress\tilde{a}o} = {\rm SQRegress\tilde{a}o} \; / \; {\rm GLregress\tilde{a}o}$

QMResíduo = SQResíduo / GLresíduo

Fc = QMRegressão / QMResíduo

Espera-se que o QM Resíduo seja mínimo, assim o modelo de regressão estará bem ajustado.

A distribuição de probabilidade para a razão de duas variâncias é conhecida como

a distribuição F. Se a hipótese nula for rejeitada ao nível de signicância α , rejeita-se H0, portanto a regressão é significativa.

Sintage no software R:

anova(regressao)

Obs: regressao é o nome dado ao modelo de regressão.

Por exemplo:

```
anova(regressao)
```

Analysis of Variance Table

Response: nota

Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

tempo 1 22.8 22.82 74.2 9.9e-07 ***

Residuals 13 4.0 0.31

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

5.8 Coeficiente de Determinação

Representa o percentual de variação total que é explicada pela equação de regressão, sendo obtido da seguinte forma:

$$R^2 = \frac{\text{SQRegressao}}{SQTotal}$$

Quanto mais próximo de 1 (ou 100%), melhor será o ajuste da equação de regressão. Também utiliza-se o coeficiente de determinação ajustado (R^2 ajustado), o qual considera o número de variáveis e o tamanho da amostra, sendo este o mais indicado para regressão múltipla.

Sintaxe no software R:

summary(regressao)

Obs: regressao é o nome dado ao modelo de regressão.

Por exemplo:

summary(regressao)

```
Call:
lm(formula = nota ~ tempo)
Residuals:
   Min
            10 Median
                           3Q
                                  Max
-0.8372 -0.4109 0.0418 0.3733 1.0154
Coefficients:
           Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
              2.221 0.673
                                 3.30 0.0057 **
(Intercept)
              0.947
                        0.110
                                 8.61 9.9e-07 ***
tempo
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Residual standard error: 0.555 on 13 degrees of freedom Multiple R-squared: 0.851, Adjusted R-squared: 0.839 F-statistic: 74.2 on 1 and 13 DF, p-value: 9.88e-07

Para traçar a reta de regressão no diagrama de dispersão, utiliza-se o seguinte comando:

Sintaxe no software R:

```
abline(regressao)
```

Obs: regressao é o nome dado ao modelo de regressão.

Para o exemplo:

```
plot(nota~tempo)
abline(coef(regressao))
```

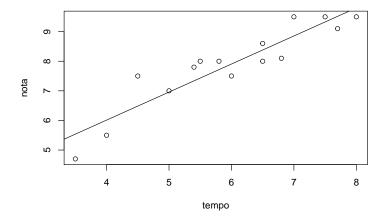


Figura 5.5: Reta de regressão ajustada da nota em relação ao tempo de estudo dos participantes da pesquisa

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

O intervalo de 95% de confiança para os coeficientes de regressão são obtidos, no software R, da seguinte forma:

Sintaxe no software R:

confint(regressao)

Obs: regressao é o nome dado ao modelo de regressão.

Para o exemplo:

confint(regressao)

```
2.5 % 97.5 % (Intercept) 0.7671 3.676 tempo 0.7097 1.185
```

5.9 Análise dos Resíduos

Para a validade dos intervalos de confiança e teste de hipótese torna-se necessário supor que as observações de Y sejam independentes e o termo de erro tenha distribuição aproximadamente normal com média 0 e variância constante.

O método gráfico pode ser utilizado para testar estas suposições, descrevendo que após

a estimação dos parâmetros do modelo, pode-se calcular os resíduos, através da diferença entre os valores observados y e os valores preditos \hat{y} , associados a cada x usado na análise. Faz-se então um gráfico com os pares (x, ε) , sendo $\varepsilon = y - \hat{y}$ (BARBETTA, 2010).

Se o modelo ajustado for apropriado para os dados, os pontos devem estar distribuídos de forma aleatória no gráfico dos resíduos, conforme Figura 5.6a. Caso a suposição não seja satisfeita, métodos alternativos podem ser utilizados como: método dos mínimos quadrados ponderados para o caso de não homocedasticidade; o método dos mínimos quadrados generalizados para o caso de erros correlacionados; e, métodos não-paramétricos para o caso de não normalidade.

Além da análise gráfica, existem testes para avaliar a homocedasticidade como o Teste de Bartlett e para avaliar a normalidade aplicam-se os testes de Shapiro Wilks ou Kolmogorov-Smirnov.

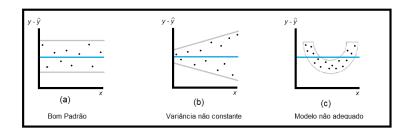


Figura 5.6: Gráficos para análise de resíduos em regressão

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

O primeiro gráfico de resíduos que podemos elaborar é para representar os valores ajustados pela equação de regressão ajustada no eixo x e os valores dos resíduos no eixo y, conforme segue.

Sintaxe no software R:

```
plot(fitted(regressao), residuals(regressao),
xlab="Valores ajustados", ylab="Resíduos")
```

Obs: regressão é o nome dado ao modelo de regressão, fitted define os valores ajustados no eixo x; residuals define os valores ajustados no eixo Y; xlab indica o nome do eixo x e ylab indica o nome do eixo y.

```
abline(h=0) (obs: adicionar uma linha constante em y=0).
```

Na Figura 5.7 é apresentado o gráfico de resíduo, no qual os resíduos são apresentados no eixo y e os valores ajustados são apresentados no eixo x.

```
plot(fitted(regressao), residuals(regressao),
xlab="Valores ajustados", ylab="Residuos")
abline(h=0)
```

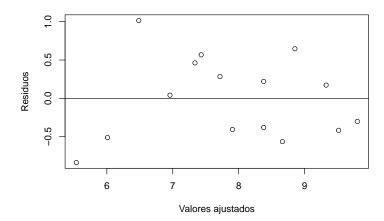


Figura 5.7: Gráfico dos resíduos em relação aos valores ajustados para os dados do exemplo

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Outro gráfico de resíduos que é possível elaborar na análise de resíduos representa a variável preditora (x) no eixo x e o resíduos no eixo Y.

Sintaxe no software R:

```
plot(tempo,residuals(regressao),
xlab="Valores independente", ylab="Residuos")
```

Obs: regressão é o nome dado ao modelo de regressão; a variável x define os valores do eixo x e residuals define os valores ajustados no eixo Y; xlab indica o nome do eixo x e ylab indica o nome do eixo y.

```
abline(h=0)
```

Obs: adicionar uma linha constante em y=0.

Por exemplo:

```
plot(tempo, residuals(regressao), xlab = "Valores independentes",
ylab="Residuos")
abline(h=0)
```

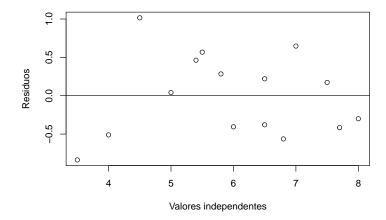


Figura 5.8: Gráfico gerado pelo RStudio para análise dos resíduos com os valores da variável independente

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Na Figura 5.8 é apresentado o gráfico de resíduo, em que no eixo y constam os valores dos resíduos e no eixo x constam os valores da variável independente.

Considerando os dados do exemplo, suponha que um aluno estudou 6,5 horas (x=6,5), então o valor ajustado da nota (y) é dado por 2,2214+0,9474*6,5, resultando em 8,38. Para esse caso, o resíduo é:

Yobservado – Yestimado =8 - 8.38 = -0.38

Para exibir os valores ajustados e os resíduos da equação de regressão utilizam-se os seguintes comandos:

Sintaxe no software R:

regressao\$residuals (exibe os resíduos do modelo regressao).

regressao\$fitted.values (exibe os valores ajustados do modelo regressao).

Por exemplo:

regressao\$residuals

Para testar a suposição que os erros aleatórios têm distribuição normal, pode-se elaborar o gráfico de probabilidade normal, conforme segue:

Sintaxe no software R:

```
qqnorm(residuals(regressao))
```

```
qqnorm(residuals(regressao))
```

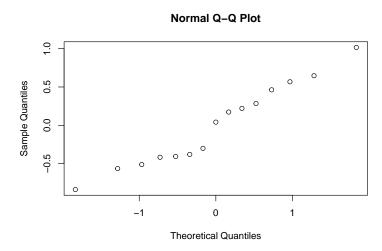


Figura 5.9: Gráfico de probabilidade normal para verificar normalidade dos resíduos

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Ainda, pode-se construir o gráfico com a distribuiçõa da probabilidade dos resíduos, através de um histograma, verificando assim se a cauda é simétrica ou não:

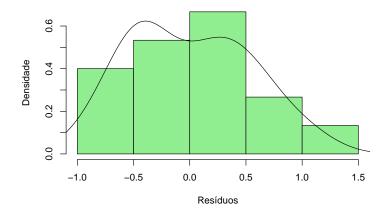


Figura 5.10: Histograma de distribuição da probabilidade para os resíduos

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Também, pode-se aplicar o teste de normalidade de Shapiro Wilk para verificar a normalidade dos dados, confirmando a simetria ou não da cauda do gráfico acima. O comando utilizado é o seguinte:

```
shapiro.test(residuals(regressao))
```

Obs: residuals(regressão) indica os resíduos do modelo de regressão.

Por exemplo:

```
shapiro.test(residuals(regressao))
```

Shapiro-Wilk normality test

```
data: residuals(regressao)
W = 0.96, p-value = 0.6
```

5.9.1 Valores outliers na regressão

Para análise dos valores outliers nos resíduos (residuals standard e residuals studentized), utilizam-se os seguintes comandos:

Sintaxe no software R:

rstudent(regressao)

rstandard(regressao)

rstudent(regressao)

rstandard(regressao)

E o gráfico para verificar valores outliers nos resíduos:

Sintaxe no software R:

```
plot(rstudent(regressao))
plot(rstandard(regressao))
```

Os gráficos dos resíduos padronizados (standard) e studentizados (student) estão apresentados nas Figuras 5.11 e 5.12, respectivamente.

Para o exemplo:

```
plot(rstandard(regressao))
abline(h=2,col="red")
abline(h=-2,col="red")
```

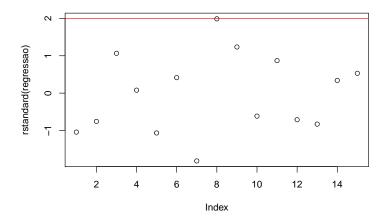


Figura 5.11: Resíduos padronizados para o exemplo

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Aqueles valores fora do intervalo (-2,+2) são possíveis outliers.

```
plot(rstudent(regressao))
abline(h=2,col="red")
abline(h=-2,col="red")
```

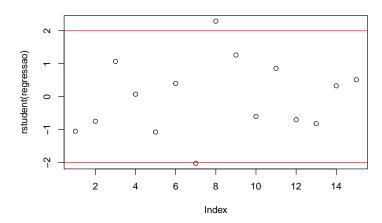


Figura 5.12: Resíduos studentizados para o exemplo

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

5.9.2 Valores influentes na regressão

Para análise dos valores influentes, utiliza-se:

Sintaxe no software R:

```
dffits(regressao)
```

Para esse exemplo:

```
dffits(regressao)
```

```
1
                  2
                            3
                                      4
                                                 5
                                                           6
                                                                     7
                                                                                8
-0.55767 \ -0.19884 \ \ 0.30669 \ \ 0.02611 \ -0.34386 \ \ 0.11597 \ -1.34854 \ \ 0.97320
                 10
                           11
                                     12
                                                13
                                                          14
                    0.25379 -0.20196 -0.38792 0.14210 0.13902
 0.43848 -0.32566
```

Aqueles valores maiores que $2*(p/n)^(1/2)$ são possíveis pontos influentes. Em que, p = número de parâmetros do modelo e n = tamanho da amostra.

Para esse exemplo:

```
2*(2/15)^(1/2)
```

[1] 0.7303

O gráfico para detectar pontos influentes pode ser elaborado pelo comando (o gráfico está apresentado na Figura 5.13:

```
plot(dffits(regressao))
abline(h=-0.73,col="red")
abline(h=0.73,col="red")
```

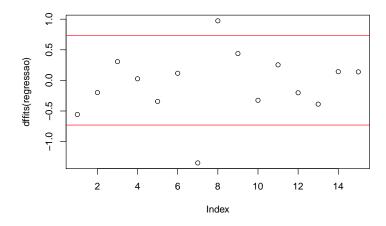


Figura 5.13: Pontos influentes para o exemplo

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

O comando plot(regressao) elabora diferentes gráficos para o diagnóstico do modelo.

5.10 Intervalo de Predição

Após o ajuste da equação de regressão linear simples, verificada a significância da equação (p < 0,05) e verificada que a equação estimada se ajusta bem aos dados pelo valor do coeficiente de determinação então podemos utilizar a para predizer valores da variável Y (resposta) a partir de valores da variável X (explicativa). Caso a regressão não seja significativa a melhor predição para a variável Y é média dos valores de y, ou seja, \hat{y} .

A predição de valores só tem sentido nos seguintes casos:

- regressão significativa;
- os valores de X devem estar dentro dos limites inferior e superior dos dados amostrais;
- as inferências referem-se somente a população de onde a amostra aleatória foi extraída;
- as suposições sobre os resíduos devem ser satisfeitas.

Quando tem-se um equação estimada do tipo $\hat{y} = b_0 + b_1 x$, \hat{y} representa o valor predito da variável Y para um dado valor da variável X, ou seja, é uma predição pontual, porém esta não informa a sua precisão, a qual é contemplada no intervalo de predição (da mesma forma do intervalo de confiança, já visto em inferência estatística).

O intervalo de predição para um determinado Y é dado por:

$$\hat{y} \pm \varepsilon$$

em que:

$$\varepsilon = t_{(n-2;\frac{a}{2})}.S_e.\sqrt{1 + \frac{1}{n} + \frac{n(x_p - \bar{x})^2}{n(\sum x^2) - (\sum x)^2}}$$

onde:

 x_p : o valor dado para x

 S_e : o erro padrão da estimativa, definido por:

$$S_e = \sqrt{\text{QMResiduo}} = \sqrt{\frac{\sum (y - \hat{y})^2}{n - 2}}$$

Assim, obtêm-se o intervalo de predição para um determinado Y, que também pode ser expresso da seguinte forma:

$$(\hat{y} - \varepsilon; \hat{y} + \varepsilon)$$

Sintaxe no software R:

x0=data.frame(x=valor_numérico)

Obs: x0 recebe o valor de x.

predict(regressao,x0,interval="prediction")

Obs: regressao é o nome dado ao modelo de regressão.

Para o exemplo R:

```
x0=data.frame(tempo=5.5)
predict(regressao, x0, interval="prediction")
```

```
fit lwr upr
1 7.432 6.189 8.675
```

Capítulo 6

RMarkdown

Felipe Micail da Silva Smolski

Markdown é uma linguagem de marcação de textos utilizada para a criação de diversos documentos, incluindo artigos, livros e apresentações. A grande inovação do RMarkdown no RStudio neste sentido é a utilização desta linguagem por meio do pacote rmarkdown (arquivos .Rmd) para integrar a criação de documentos com a análise e manipulação de dados em um único documento (Figura 6.1). Desta forma, é possível efetuar pesquisas científicas que podem ser reproduzidas de forma muito mais fácil.



Figura 6.1: Processo de criação de documentos no RMarkdown

Fonte: Adaptado de ALLAIRE et al. (2017).

Para criação dos documentos é preciso a instalação dos pacotes rmarkdown e knitr dentro do RStudio, bem como sugere-se a instalação, no Windows, do programa MiKTeX (https://miktex.org/download), que se encarrega de suporte à configurações da linguagem de marcação de textos LaTeX no caso de criação dos arquivos PDF.

6.1 Criando o documento

Para criação do documento R
Markdown, no R Studio clique em "File > New File > R
 Markdown", ou mesmo através do atalho para criação de documentos conforme mostra a Figura 6.2. Haverá a escolha entre a criação de documentos (HTML, PDF e Word/Libre/Open Office), a criação de uma apresentação (*Presentation*), a criação de um documento Shiny (documento dinâmico para criação de *dashboards*) e o carregamento de um modelo de documento pré-estabelecido (*From Template*).

Neste exemplo será criado um documento em Word, onde são preenchidos os campos com o título do documento, o nome do autor e escolha o tipo de documento.

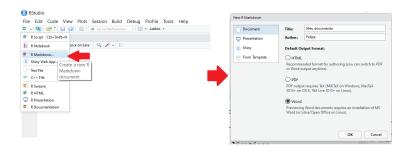


Figura 6.2: Criar documento RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

6.2 Compilando os resultados do arquivo

O **RMarkdown** cria um documento incial padrão, contendo alguns exemplos básicos de inserção de textos e de formatação, que serão vistos adiante. Para compilação do documento para o formato desejado (neste caso Word), o usuário deve clicar na aba "Knit > Knit to Word", ou pelo atalho no teclado CTRL+SHIFT+K.

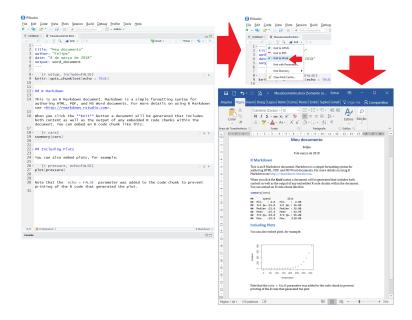


Figura 6.3: Compilado o documento RMarkdown

Caso ocorram erros com relação à codificação do documento, no que diz respeito aos caracteres de acentuação da língua portuguesa, este pode ser resolvido salvando o documento criado com a codificação UTF-8. Para isto, clique em "File > Save with Encoding > UTF-8". Deve ser feito este procedimento para cada tipo de arquivo: Word, HTML e PDF.

```
1 ---
2 title: "Meu documento"
3 author: "Felipe"
4 date: "8 de marã§o de 2018"
```

Figura 6.4: Erro de codificação do documento RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

6.3 Elementos básicos do RMarkdown

A configuração básica de um arquivo RMarkdown divide-se entre a YAML Header e o corpo do documento. A YAML (Yet Another Markup Language) Header, ou metadados, é um cabeçalho onde são inseridas as informações sobre o arquivo e das opções de compilação. Sempre devem iniciar o documento, sendo inseridas dentro de dois campos de sinais ---.

Já abaixo do YAML, situa-se o local onde o pesquisador digitará o texto, bem como

integrará a inserção de códigos do R e também efetuará as análises posteriores (análises descritivas, regressões, tabelas, fórmulas, etc.). Por sua vez, os códigos do R (para manipulação de dados, como visto até o capítulo anterior deste livro) são "embutidos" no texto por meio das **Code Chunks**. Já o texto é inserido normalmente em forma de parágrafos ("fora" dos Chunks), sendo que o novo parágrafo é iniciado após pressionar a tecla "Enter" entre os textos informados.

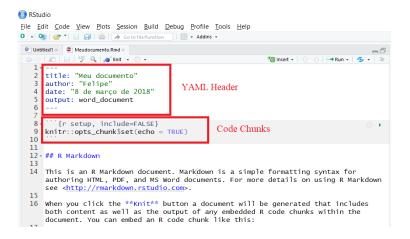


Figura 6.5: Tela inicial do arquivo RMarkdown

Elaborado pelo(s) autor(es).

Desta forma, ao efetuar a compilação do documento, o RStudio "lê" todas as informações inseridas no arquivo e cria como resultado um arquivo escolhido com todas as análises feitas pelo usuário.

No exemplo acima (Figura 6.5), a compilação irá gerar um arquivo em Word, de acordo com o output escolhido, no caso word_document. Se o usuário desejar gerar como arquivo de texto final um documento que pode ser aberto inclusive em software livre, pode utilizar o formato OpenDocument (.otd). Para isto, basta substituir o output para odt_document.

6.4 Elementos básicos de formatação

Dentro do documento **RMarkdown**, depois dos metadados, começa o espaço destinado ao texto do documento. Nesta etapa seguem algumas condições para a formatação do texto, bem como da configuração dos títulos e fórmulas matemáticas. A linguagem *markdown* preza pela simplicidade na formatação do texto, a qual posteriormente pode ser exportada para diversos tipos de documentos de uma só vez. Desta forma, como visto anteriormente, cria documentos totalmente dinâmicos entre si.

Os níveis de títulos dos documentos RMarkdown são definidos pelo símbolo #:

```
## Titulo nivel um {#ancora}

## Titulo nivel dois

### Titulo nivel três

#### Titulo nivel quatro

##### Titulo nivel quatro

Titulo nivel três

##### Titulo nivel cinco

###### Titulo nivel seis

Titulo nivel quatro

Titulo nivel quatro

Titulo nivel cinco

Titulo nivel seis
```

Figura 6.6: Títulos no RMarkdown

A acentuação das palavras, dentro do texto, é feita normalmente pelo teclado do usuário. Os caracteres *#/() [] <> podem ser escritos normalmente dentro do texto, no entanto os demais (exemplo do cifrão \$) devem ser escritos precedidos de uma barra: \\$. Por outro lado, a formatação em itálico, negrito, subscrito, sobrescrito, links e demais formatações são feitas no documento (Figura 6.7).

```
Formatação itálico
*Formatação itálico*
**Formatação negrito**
                                    Formatação negrito
 ***Negrito itálico***
                                    Negrito itálico
                                    <del>Tachado</del>
~~Tachado~~
Palavra \Sobrescrita\
                                    Palayra Sobrescrita
                                    Palavra <sub>Subscrita</sub>
Palavra ~Subscrita~
                                    Linha de código
`Linha de código`
<!-- Comentário de texto,
não aparece no documento
final-->
> Bloco de citações
                                         Bloco de citações
Bloco de Equações: $$E=mc^2$$ Bloco de Equações
                                               E = mc^2
Equações em linha de texto:
                                   Equações em linha de texto: E=mc^2
E=mc^2
```

Figura 6.7: Formatação no RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Como visto, é possível escrever as fórmulas em notação matemática, o que facilita e muito a vida do pesquisador. No ambiente matemático do **RMarkdown**, elas são escritas por meio da linguagem de marcação de textos LaTeX. Existem muitos manuais sobre esta linguagem, e para facilitar a escrita, sites como https://www.codecogs.com/latex/eqneditor.php?lang=pt-br ajudam o pesquisador nesta empreitada.

É possível efetuar a inserção de links nos documentos, para páginas externas ou mesmo internas ao documento (Figura 6.8).

```
<http://www.rstudio.com http://www.rstudio.com link

Pule para o [Título 1] (#ancora) Pule para o Título 1
```

Figura 6.8: Links no RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

A inserção de imagens externas no documento, em diversos formatos (aqui no exemplo .png) é feita a partir do direcionamento do nome da imagem salva na mesma pasta do arquivo .Rmd criado, ou mesmo pelo link na internet (Figura 6.9).



Figura 6.9: Imagens no RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

A Figura 6.10 demonstra algumas formas de criar listas e itens no decorrer do corpo de texto no ${\bf RMarkdown}$.

```
* Lista desordenada
                                                 · Lista desordenada
  + Sub-item 1

    Sub-item 1

  + Sub-item 2
                                                     Sub-item 2
* Item 2

    Item 2

1. Lista ordenada
                                                1. Lista ordenada
2. Item 2
                                                2. Item 2
  i) sub-item 1
    A. sub-sub-item 1
                                                i. sub-item 1 A. sub-sub-item 1
(@) Lista automática que continua
                                                1. Lista automática que continua
                                             depois de uma
depois de uma
                                                2. Interrupção
(@) Interrupção
                                                · Outra forma de intenizar
- Outra forma de intenizar
- Item 2

    Item 2
```

Figura 6.10: Listas no RMarkdown

A criação de tabelas simples segue a disposição dos elementos pré-definidos, sendo que o alinhamento da coluna se dá pelo caractere ":" (dois pontos) conforme a Figura 6.11:

Direita *Esquerda* *Default* *Centro* : : :: 10 27 52 70 100 200 13 52 14 2 20 200 400 Table: Titulo da tabela	Título da tabela			
	Direita	Esquerda	Default	Centro
	10	27	52	70
	200	13	52	14
	2	20	200	400

Figura 6.11: Tabelas simples no RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

As notas de rodapé são inseridas no texto dentro das chaves precedidas do acento circunflexo ^[]. O pesquisador adiciona-os durante o texto, e o programa enumera automaticamente no documento final em Word (Figura 6.12).

Figura 6.12: Notas de rodapé no RMarkdown

6.5 Elementos básicos do YAML

O YAML, ou os metadados do documento, são informações básicas do documento que podem ser alteradas (Figura 6.13). Dentre elas *title* define o título do documento; em *author* é inserido o autor ou autores e as informações do currículo do pesquisador são inseridas via nota de rodapé dentro do símbolo ^[]; o campo *date* é opcional.

```
🖒 | 🔊 | 🔒 | 💯 🔍 | 🖋 Knit 🗸 💮 🗸
2 title: "Meu documento" author:
 4 - Felipe^[UFFS]
    - Segundo Autor^[Descrição do currículo.]
   date: "8 de março de 2018"
   output:
      word_document:
 9
        fig_caption: yes
10
        fig_height: 3
11
12
        fig_width: 7
        keep_md: yes
13
        toc: yes
highlight: "pygments"
14
15
        toc_depth: 2
16
17
      html_document:
18
19
        df_print: paged
20
      pdf_document:
21
        toc: ves
22
   lang: pt-BR
```

Figura 6.13: Configuração do YAML

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Já o campo *output* define a opção de salvamento do arquivo final. Pode ser informado todos os tipos de arquivos previamente, sendo que no momento da compilação será utilizado o primeiro tipo de arquivo, no exemplo, em Word. Para salvar em PDF, é só colocar o campo pdf_document em primeiro lugar juntamente com a configuração dentro deste tipo de arquivo.

Abaixo do tipo de arquivo a ser salvo, constam as opções de salvamento. No caso do exemplo, abaixo de Word está constando a opção fig_caption, que dita se as figuras do documento em Word serão inseridas com títulos.

Os campos fig_height e fig_width determinam a altura e largura padrão de todas as imagens do documento Word. Abaixo seguem algumas opções do YAML relacionando-se com a saída do documento em Word:

- fig_caption As figuras devem ter título?
- fig height, fig width Altura e largura padrão das imagens.
- **highlight** Estilo de saída pré-definido, inclui "default", "tango", "pygments", "kate", "monochrome", "espresso", "zenburn", e "haddock".
- keep_md Salva uma cópia em arquivo .md juntamente com os outros arquivos.
- md_extensions Extensões Markdown a serem incluídas como definições padrão no RMarkdown.
- pandoc args Argumentos adicionais para utilizar com o pandoc.
- reference_docx Arquivo docx com as configurações de estilos de texto padrão. Deve ser salvo na mesma pasta do documento .rmd criado.
- toc Adiciona o sumário no início do texto.
- toc_depth Determina o menor nível de títulos que será exibido no sumário. Exemplo, 1 mostra somente o primeiro nível.

Também é possível incluir um campo abstract para o resumo, no caso de artigo e suas respectivas palavras-chave:

```
d author:

- Felipe
abstract: |

**Resumo**

Lorem ipsum lorem ips
```

Figura 6.14: Abstract no YAML

6.6 Elementos básicos dos Chunks

Os Code Chunks, como já visto, são espaços destinados à inclusão de códigos diretamente do RStudio, como se inseríssemos a informação em seu Console. Desta forma, por exemplo, se efetuarmos uma operação matemática ou se carregarmos uma base de dados para ser trabalhada, as rotinas serão efetuadas no momento em que for compilado o arquivo .Rmd trabalhado.

A criação das Chunks é feita manualmente no corpo do documento .Rmd pela inclusão do código ???? , ou via plataforma RStudio, no menu "Insert > Insert a new R chunk", conforme demonstra a Figura 6.15:

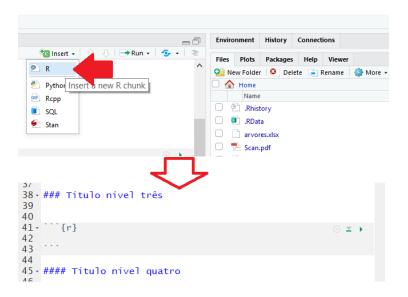


Figura 6.15: Criação de Chunks

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Nota-se que o corpo do documento .Rmd ficou de outra cor, indicando que está inserida uma Chunk naquele local. Dentro das chaves, a Chunk divide-se entre uma identificação/nome para aquele campo (é opcional, no entanto se constar não pode ser repetido no documento) e; as opções da Chunk.

No exemplo abaixo, o nome da Chunk criada foi "r nomedochunk". E no campo das opções, constaram echo=FALSE, fig.height=10 e fig.width=5. Lembrando que estes campos determinam as opções somente para este chunk.

A primeira opção, echo=FALSE, informa que no arquivo compilado, somente será mostrado o resultado da rotina inserida na Chunk (1+1), portanto será mostrado somente o valor 2. Caso o usuário almejasse inserir, no arquivo final, o código do R escrito (1+1) juntamente com o resultado da operação, marcaria echo=TRUE.

```
47 \ \tag{r nome do chunk, opções }
48 Códigos do R
49 \ \tag{r nomedachunk, echo=FALSE, fig.height=10, fig.width=5} \\
43 #Texto de apoio, não será compilado \\
44 1+1 \ \tag{1+1} \ \ta
```

Figura 6.16: Criação de Chunks

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

As opções fig.height e fig.width referem-se à altura e largura caso o resultado final da Chunk fosse uma figura ou gráfico derivado de dados inseridos na mesma. Vale lembrar que somente seriam determinadas as medidas para esta Chunk.

Para padronizar todas as Chunks para que tenham as mesmas opções, uma maneira utilizada usualmente é a inserção de uma Chunk global. Ela é incluída no início do texto, sendo que a sua inclusão é facultativa. No entanto, contribui para padronizar o texto, ao mesmo tempo que se existir uma Chunk durante o texto que deva ser configurada de forma diferente (por exemplo, o tamanho da imagem), pode ser efetuado em cada Chunk individual.

```
24
25-```{r setup, include=FALSE}
26 knitr::opts_chunk$set(echo = TRUE, message = TRUE,
27 warning = TRUE, fig.height=5, fig.width=5)
28 ```
```

Figura 6.17: Chunk global

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Seguem algumas importantes opções das Chunks dos arquivos R
Markdown (AL-LAIRE et al., 2017):

- echo O código da Chunk deve ser incluído no resultado final? Padrão = FALSE.
- error Mostra mensagens de erro no documento (TRUE) ou para quando os erros ocorrem.
- fig.align Alinhamento da figura: "left", "right" ou "center" (padrão = "default").
- fig.height, fig.width Tamanho das figuras em polegadas.
- include Para incluir a Chunk depois de compilar (padrão = TRUE).
- message Mostra as mensagens por ventura existentes no documento (padrão = TRUE).

- results (default="markup") "asis" processa os resultados na saída do documento; "hide" não mostra os resultados; "hold" coloca os resultados abaixo do código.
- warning Mostra avisos de advertência no documento (padrão = TRUE).

Como mencionado no início deste capítulo, a grande vantagem do **RMarkdown** é a sua versatilidade na criação de documentos concatenados com as análises estatísticas no RStudio. Desta forma, dentro das Ckunks, podem ser criadas bases de dados, bem como importados de sites ou mesmo carregados de arquivos trabalhados previamente no RStudio.

No exemplo abaixo, foi criado um *data frame* nomeado "amost" diretamente no console dentro da Chunk. Em um segundo momento, para utilizarmos um determinado pacote instalado no RStudio, utiliza-se, dentro da Chunk, o comando require () juntamente com o pacote necessário. Podem ser inseridos tantos pacotes quanto forem utilizados no documento, conforme a Figura 6.18.

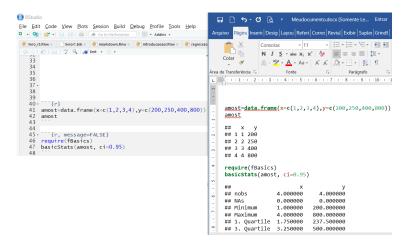


Figura 6.18: Exemplo de criação de Chunk e carregamento de pacote

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

6.6.1 Inserindo tabelas com as Chunks

Como visto, algumas ações extremamente úteis podem ser efetuadas por meio das Chunks. Dentre elas, inclui-se a plotagem de tabelas no texto final, derivadas de objetos criados pelo pesquisador no RStudio. Os exemplos trazidos abaixo incluem a utilização dos pacotes kable, xtable e flextable para a criação das tabelas.

Figura 6.19: Exemplo de criação de tabelas com os pacotes kable, xtable e flextable

Além disso, o pacote stargazer é extremamente útil para geração de tabelas com resultados de regressões com a saída dos documentos em PDF.

```
61- ``{r, results='asis'}
62 regressao=lm(tabela$x-tabela$y)
63 regressao
64 require(stargazer)
65 stargazer(regressao, summary = F, digits=2,decimal.mark = ",",
type ="html")
66
```

Figura 6.20: Exemplo de criação de tabelas com stargazer

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Outra forma de passar as tabelas para o Word é criando-a no formato HTML e copiando para o arquivo em Word (veja em https://cran.r-project.org/web/packages/kableExtra/vignettes/kableExtra and word.html.).

6.6.2 Inserindo imagens com as Chunks

Da mesma forma que as tabelas, as imagens também podem ser inseridas com o auxílio de Chunks. Lembrando que a imagem deve estar na mesma pasta do arquivo ou na pasta indicada:

Figura 6.21: Exemplo de inserção de imagens pelos Chunks

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

6.7 Criação de modelos para formatação vinculada

Para os pesquisadores que trabalham intensamente com o Word ou Libre/Open Office, a formatação dos resultados decorrentes das análises compiladas no RMarkdown podem ser incrementadas. Isto porque existe um recurso de criação de modelos vinculados aos editores de texto, estes que serão responsáveis pela definição da formatação de todos os itens (títulos, subtítulos, parágrafos, fontes, etc.), como será visto a seguir.

6.7.1 Primeiro passo: criação de um documento modelo

Primeiramente deve-se criar um documento mínimo padrão que será utilizado como modelo. Crie um novo documento (Rmd), aqui denominaremos de "modelo" (o usuário pode escolher o nome), que será salvo em .Rmd e gerado o respectivo arquivo Word (ou no formato .odt), na mesma pasta que o pesquisador salvar arquivos a serem formatados.

Como já visto, para criação de documentos .Rmd clique em "File > New File > R Markdown". Escolha o nome e salve na pasta escolhida. Gere o documento em Word (.docx) ou em outro arquivo de texto (exemplo .odt) em "File > Knit Document".

6.7.2 Segundo passo: formatação do modelo

Abra o arquivo em Word (denominamos "modelo.docx"). Atente para a caixa de seleção de estilos do Word, que será trabalhado nesta etapa (Figura 6.22).

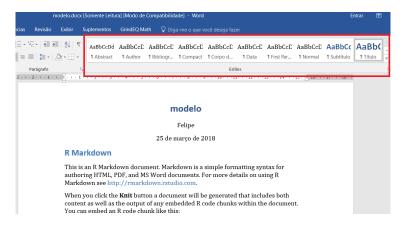


Figura 6.22: Caixa estilos no Word

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Note que para o resultado desta compilação, o menu estilos traz várias formatações das diferentes partes do texto, entre elas "Abstract", "Author", "Normal", "Titulo", "Titulo 1",

etc. Estes estilos serão alterados pelo usuário, para adequar às necessidades do pesquisador na criação do documento padrão. Clique com o botão direito nos estilos e em "Modificar" para definir a formatação padrão para cada parte do texto.

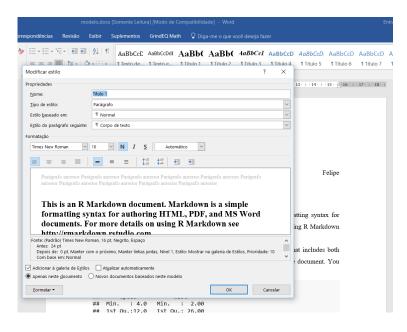


Figura 6.23: Modificação de estilos no Word

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

6.7.3 Terceiro passo: vinculação do modelo ao arquivo em RMarkdown

Após detemrinar as alterações em todos os campos de estilos do documento modelo no Word, o pesquisador deve vincular este modelo ao documento .Rmd principal. Além de deixar salvo o modelo em Word na mesma pasta, deve-se incluir a seguinte informação no YAML mostrada na Figura 6.24 (reference_docx). Lembrando que para arquivos em Open/Libre Office, deve ser inserida a opção reference_odt seguida do arquivo (.odt) do modelo.

```
1 - ---
    title: "Meu documento"
     author:
     Felipe^[UFFS]
  5
    - Segundo Autor^[Descrição do currículo.]
    date: "8 de março de 2018'
  6
  7
     output:
  8
       word_document:
  9
         reference_docx: modelo.docx
         fig_caption: yes fig_height: 3
 10
 11
 12
         fig_width: 7
```

Figura 6.24: Vinculação do modelo

A partir de então, as compilações do arquivo .Rmd criado pelo pesquisador seguirão as formatações de estilo que estão determinadas no arquivo "modelo.docx".

6.8 Citações e bibliografias

Na escrita de trabalhos acadêmicos com o R
Markdown é possível efetuar um gerenciamento de citações e bibliografias de maneira extremamente satisfatória e automática. Para isto, o
software MiKTeX contribuirá nesta empreitada.% juntamente com o programa Pandoc.

O exemplo abaixo será utilizado com o formato BibLaTeX (extensão .bib). Primeiramente crie um documento .bib, que será o local onde o pesquisador armazenará as bibliografias, que serão posteriormente utilizadas. Crie um novo arquivo de texto ("File > New File > Text file") e depois salve-o na mesma pasta do arquivo .Rmd em que serão inseridas as citações (salve com a extensão ".bib" - exemplo: "bibliografia.bib").

Dentro deste arquivo serão armazenadas as referências biliográficas, não deve-se preocupar neste momento com a ordem das referências. Como mostra a Figura 6.25, inserimos duas bibliografias a serem citadas posteriormente.

A primeira (@article), demonstra que é um artigo de uma revista enquanto a segunda (@book) se trata de um livro. Dentro das chaves estão os dados das referências, como o título (title), autores (author) e o ano (year) por exemplo.

```
o_r5.Rnw × 📄 bibliografia.bib* × 🥏 regressao.Rnw × 🥏 introducaoaor.Rnw × 👲 estatinf.Rnw × 👲 rm
      a la ABC Q
   1 @article{bresser,
        title={Da administração pública burocrática à gerencial},
        author={Pereira, Luiz Carlos Bresser},
         journal={Revista do Serviço Público},
         volume=\{47\},
   6
        number={1},
        pages={7-40},
         year={1996},
        publisher={Escola Nacional de Administraão Pública-ENAP}
  10 }
  11
  12
  13
      @book {Forstater2008,
      address = {Hampshire, England},
      author = {Forstater, Mathew and Wray, L. Randall},
 publisher = {Palgrave Macmillan},
title = {{Keynes for the Twenty-First Century}},
year = {2008}
```

Figura 6.25: Arquivo .bib

O BibLateX gerencia todos os tipos de bibliografias sendo que, como visto acima, as bibliografias possuem campos padrão a serem informados no arquivo ".bib". Por exemplo, a categoria de artigos, possui como campos obrigatórios author, title, journal e year. Abaixo seguem algumas especificações dos tipos de bibliografias (adaptado de LEHMAN; KIME (2006)), explicitando os itens obrigatórios e opcionais que devem ou podem constar em cada registro:

CIONAIS: volume, number, pages, month, note, key.

©book - Livro. **OBRIGATÓRIOS**: author/editor, title, publisher, year. **OPCIO- NAIS**: volume/number, series, address, edition, month, note, key.

@inbook - Parte de livro. **OBRIGATÓRIOS**: author/editor, title, chapter/pages, publisher, year. **OPCIONAIS**: volume/number, series, type, address, edition, month, note, key.

@incollection - Parte de livro com título próprio. OBRIGATÓRIOS: author, title, booktitle, publisher, year. OPCIONAIS: editor, volume/number, series, type, chapter, pages, address, edition, month, note, key.

@inproceedings - Trabalho de anais de conferência. **OBRIGATÓRIOS**: author, title, booktitle, year. **OPCIONAIS**: editor, volume/number, series, pages, address, month, organization, publisher, note, key.

Omastersthesis - Dissertação mestrado. OBRIGATÓRIOS: author, title, school, year. OPCIONAIS: type, address, month, note, key.

Ophdthesis - Tese de doutorado. OBRIGATÓRIOS: author, title, school, year. OPCIONAIS: type, address, month, note, key.

Estas configurações do BibLateX são comuns nos programas de gerenciamento de bibliografias, como por exemplo no *software* Mendeley. Os usuários deste programa tem uma facilidade na exportação para o formato do BibLateX, pois podem copiar as entradas com as informações de um trabalho e inserí-las dentro do arquivo .bib (Figura 6.26).

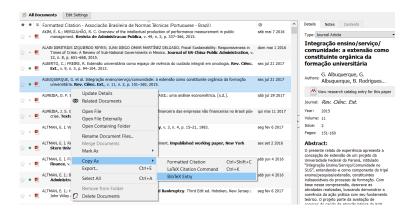


Figura 6.26: Utilização do Mendeley para exportação de dados de bibliografias

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Após escolhidas as bibliografias a serem utilizadas no trabalho, o pesquisador deve inserir estas entradas como referências dentro do texto. Para isto, utiliza o nome da bibliografia inserida no arquivo .bib, no nosso exemplo bresser e Forstater2008, como mostra a Figura 6.27.

```
RStudio
<u>File Edit Code View Plots Session Build Debug Profile Tools Help</u>
O → Go to file/function
                                            ■ - Addins -
 🥯 livro_r5.Rnw × 📗 bibliografia.bib × 😂 rmarkdown.Rnw × 😂 Meudocumento.Rmd ×
     > | 🖅 | 🔒 | ÅBC | Q | ₅∅ Knit 🕶 💮 🕶
    32
    33
    34 - # Título nível um {#ancora}
    35
    36
    37
       Blah blah [@Forstater2008; @bresser].
    38
    39 Segundo Bresser-Pereira [-@bresser] blah.
    40
    41 @Forstater2008 argumenta que blah.
    42
    43
        [@Forstater2008, p.34-35]
    44
        @bresser [p.33] entende blah.
    45
    46
```

Figura 6.27: Inserção de citações no arquivo .Rmd

Para que o arquivo que foi criado com as referências bibliográficas (bibliografia.bib) seja utilizado, o pesquisador deve informar o seu nome dentro do YAML no campo bibliography. Mas qual norma será utilizada para as citações e a criação de referências bibliográficas neste trabalho, já que existem diversas delas? Uma solução é a utilização de arquivos ".csl" (Citation Style Language), que nada mais são do que arquivos com as descrições de cada estilo das diversas normas existentes, para ajudar o pesquisador a citar e gerenciar suas referências.

Estes arquivos podem ser encontrados em diversos locais, como por exemplo em https://github.com/citation-style-language/styles (copie este conteúdo para um arquivo ".txt" e o renomeie para ".csl"). Lembrando que o arquivo ".csl" deve ser salvo na mesma pasta do arquivo ".Rmd". O arquivo csl aqui utilizado refere-se às normas da ABNT (Associação Brasileira de Normas Técnicas) utilizados pelo IPEA (Instituto de Pesquisa Econômica Aplicada). Verifica-se na Figura 6.28 a configuração final do YAML. Neste site http://editor.citationstyles.org/searchByName/ também são encontrados arquivos para várias normas bibliográficas.

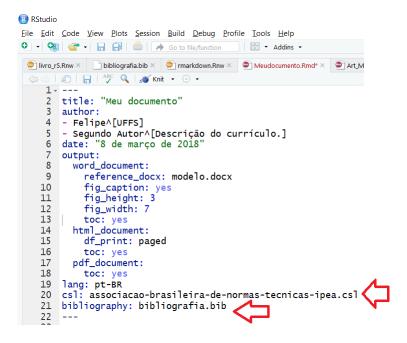


Figura 6.28: Configurando YAML para citações e fererências

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Por fim, após inserir a citação no texto e informar ao RMarkdown os arquivos ".bib" e ".csl" no YAML, basta compilar o arquivo no formato desejado (atalho no teclado CTRL+SHIFT+K), neste caso Word. Lembre-se de inserir um título # Referências ou # Referências Bibliográficas ou # Bibliográfia (como preferir), no final do texto, pois

serão inseridas as referências no final do trabalho.

A partir de então fica muito mais fácil alterar a norma necessária para a produção do trabalho acadêmico, utilizando os mesmos dados de um artigo ou outro material a ser citado. Isto agiliza a produção acadêmica e proporciona, como visto neste livro, uma interação muito proveitosa com a geração das análises por meio do RStudio.

Segue o resultado do arquivo final:

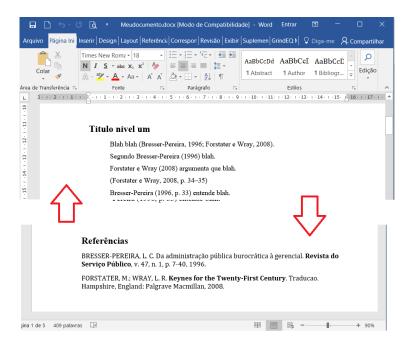


Figura 6.29: Resultado final das citações e referências com RMarkdown

Fonte: Elaborado pelo(s) autor(es).

Sobre os autores

Denize Ivete Reis: Possui Licenciatura Plena em Matemática pela Universidade Regional do Noroeste do Estado do Rio Grande do Sul (1994), especialização em Estatística Aplicada pela Universidade de Santa Cruz do Sul (2003), mestrado em Modelagem Matemática pela Universidade Regional do Noroeste do Estado do Rio Grande do Sul (1997) e doutorado em Qualidade Ambiental pela Universidade Feevale (2015). Atualmente é professora adjunta da Universidade Federal da Fronteira Sul, onde atua na área de Probabilidade e Estatística, Estatística Descritiva e Inferência Estatística. E-mail: denizeir@uffs.edu.br.

Djaina Sibiani Rieger: Acadêmica do curso de Engenharia Ambiental e Sanitária da Universidade Federal da Fronteira Sul (UFFS) Campus Cerro Largo, aluna bolsista de extensão, integrante e conteudista dos cursos ofertados no Campus sobre o *software* livre R.

Erikson Kaszubowski: Doutor em Psicologia pela Universidade Federal de Santa Catarina, sob orientação do Prof. Dr. Fernando Aguiar, com a tese "Modelos de tópicos para associações livres". Formado em Psicologia pela Universidade Federal de Santa Catarina, nas graduações Bacharelado e Formação de Psicólogo (2006), e Licenciatura (2008). Foi professor de Psicologia da Educação na Universidade Federal da Fronteira Sul, ministrando as disciplinas da área de Psicologia nos cursos de Licenciatura e Pós-Graduação. Trabalha atualmente como psicólogo clínico no Serviço de Atenção Psicológica da UFSC. E-mail: erikson84@yahoo.com.br.

Felipe Micail da Silva Smolski: Possui graduação em Ciências Econômicas pela Universidade Regional do Noroeste do Estado do Rio Grande do Sul - UNIJUÍ (2009), pósgraduação em Gestão de Investimentos pela Faculdade Integrada Grande Fortaleza - FGF (2012), mestrado em Desenvolvimento e Políticas Públicas pela Universidade Federal da Fronteira Sul - UFFS, Campus Cerro Largo (2017). E-mail: felipesmolski@hotmail.com.

Iara Denise Endruweit Battisti: Possui graduação em Informática pela Universidade Regional do Noroeste do Estado do Rio Grande do Sul (1996), mestrado em Estatística e Experimentação Agropecuária pela Universidade Federal de Lavras (2001) e doutorado em Epidemiologia pela Universidade Federal do Rio Grande do Sul (2008). Atualmente é professora adjunta na Universidade Federal da Fronteira Sul, campus Cerro Largo (RS). Atua principalmente nos seguintes temas: amostragem complexa, modelagem multinível, estatística computacional, estatística aplicada, relação ambiente e saúde utilizando modelagem

estatística. E-mail: iara.battisti@uffs.edu.br.

Tatiane Chassot: Possui graduação em Engenharia Florestal pela Universidade Federal de Santa Maria (2008), mestrado (2009) e doutorado em Engenharia Florestal também pela Universidade Federal de Santa Maria (2013). Atualmente é professora adjunta da Universidade Federal da Fronteira Sul - Campus Cerro Largo onde ministra as disciplinas de Introdução à Informática, Estatística Básica, Experimentação Agrícola, Sistemas Agroflorestais, Silvicultura e Práticas Integradoras de Campo. E-mail: tatianechassot@uffs.edu.br.

Referências

- ALLAIRE, J. J. et al. **rmarkdown: Dynamic Documents for R**, 2017. Disponível em: https://CRAN.R-project.org/package=rmarkdown>
- ALMEIDA, L.; FREIRE, T. Metodologia da investigação em psicologia e educação. Traducao. 2. ed. Braga: Psiquilíbrios, 2000.
- BARBETTA, P. A. **Estatística aplicada às ciências sociais**. Traducao. 7. ed. Florianópolis: Ed. UFSC, 2010.
- HOFFMANN, R.; OTHERS. Análise de regressão: uma introdução à econometria. Traducao. São Paulo: Hucitec, 1998.
- LEHMAN, P.; KIME, P. **BibLATEX Sophisticated Bibliographies in LATEX**, 2006. Disponível em: https://ctan.org/pkg/biblatex>
- LOPES, L. F. D. et al. **Caderno didático: estatística Geral**. Traducao. 3. ed. Santa Maria: UFSM, 2008. p. 209
- RISTOW, L. P. Exposição ocupacional de trabalhadores rurais a agrotóxicos e relação com políticas públicas. tese de mestrado—Cerro Largo: Universidade Federal da Fronteira Sul, 2017.
- TRIOLA, M. F. **Introdução à estatística**. Traducao. 10. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2011.