# 1. ТЕСТИРОВАНИЕ ГЕНЕРАТОРОВ СЛУЧАЙНЫХ И ПСЕВДОСЛУЧАЙНЫХ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЕЙ

Специальная лаборатория включает два блока заданий:

- 1) Статистический анализ выходных последовательностей блочного алгоритма шифрования.
- 2) Статистический анализ выходных последовательностей физического генератора случайных чисел.

## 1.1. Статистический анализ выходных последовательностей блочного алгоритма шифрования

Одним из способов оценки стойкости криптографических алгоритмов является статистическое тестирование их выходных последовательностей. Обнаружение в выходных последовательностях статистически значимых отклонений от свойств дискретной равномерно распределенной последовательности свидетельствует о наличии у криптоалгоритмов нежелательных свойств, использование которых может привести к компрометации криптоалгоритма.

Этапы конкурсов AES и NESSIE, наряду с оценкой стойкости и эффективности предложенных алгоритмов, включали проведение статистического тестирования выходных последовательностей криптоалгоритмов [4, 3] с помощью специальных методов [1, 2].

#### 1.1.1. Сценарии тестирования блочного алгоритма

Пусть  $F_K: V_n \to V_n$  — алгоритм блочного шифрования с ключом  $K \in V_m$ . При проведении статистического тестирования на конкурсе AES выходные последовательности алгоритма  $F_K$  строились для решения следующих задач.

Исследование вероятностных свойств выходной последовательности режима простой замены при произвольном выборе открытого текста и ключа. Выходная последовательность длиной N блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_i = F_K(X_i),$$
 
$$X_i, Y_i \in V_n, \quad K \in V_m, \quad i = \overline{1, N},$$

где  $\{X_i\}$  — независимые равномерно распределенные на  $V_n$  случайные вектора; K — случайно выбранный из  $V_m$  ключ.

Такой тип выходных последовательностей позволяет оценить вероятностные свойства шифртекста, обеспечиваемые алгоритмом при зашифровании в режиме простой замены произвольного открытого текста на случайном ключе.

Исследование вероятностных свойств выходной последовательности режима простой замены при специальном выборе открытого текста и ключа. Выходная последовательность длиной N блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_i = F_K(X_i),$$
 
$$X_i, Y_i \in V_n, \quad K \in V_m, \quad i = \overline{1, N},$$

где  $\{X_i\}$  и K выбирались следующими способами:

- 1) в качестве  $\{X_i\}$  из  $V_n$  выбирались вектора с малым весом Хэмминга (0, 1 или 2), K выбирался случайным образом из  $V_m$ ;
- 2) в качестве  $\{X_i\}$  из  $V_n$  выбирались вектора с большим весом Хэмминга (n, n-1, n-2), K выбирался случайным образом из  $V_m$ ;
- 3)  $\{X_i\}$  выбирались случайным образом из  $V_n$ , в качестве K из  $V_m$  выбирался вектор с малым весом Хэмминга (0, 1 или 2);
- 4)  $\{X_i\}$  выбирались случайным образом из  $V_n$ , в качестве K из  $V_m$  выбирался вектор с большим весом Хэмминга (m, m-1, m-2).

Такой тип выходных последовательностей позволяет оценить свойства "перемешивания" и "рассеивания" алгоритма шифрования.

Исследование размножения ошибки при изменении ключа в режиме простой замены. Выходная последовательность длиной  $m \cdot N$  блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_{i,j} = F_{K_i}(X) \oplus F_{K_i \oplus \Delta K^{(j)}}(X),$$
 
$$X, Y_{i,j} \in V_n, \quad K, \Delta K^{(j)} \in V_m, \quad i = \overline{1, N}, \quad j = \overline{1, m},$$
 
$$\Delta K^{(j)} = \left(\Delta K_t^{(j)}\right), \quad \Delta K_t^{(j)} = \{1, \text{ если } t = j; \text{ 0 иначе}\}, \quad t = \overline{1, m},$$

где  $X = (0, ..., 0)' \in V_n$ ,  $\{K_i\}$  — независимые равномерно распределенные на  $V_m$  случайные вектора.

Такой тип выходных последовательностей позволяет оценить чувствительность алгоритма шифрования к внесению ошибок в ключ.

Исследование размножения ошибки при изменении открытого текста в режиме простой замены. Выходная последовательность длиной  $n \cdot N$  блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_{i,j} = F_K(X_i) \oplus F_K(X_i \oplus \Delta X^{(j)}),$$
 
$$X_i, Y_{i,j}, \Delta X^{(j)} \in V_n, \quad K \in V_m, \quad i = \overline{1, N}, \quad j = \overline{1, n},$$
 
$$\Delta X^{(j)} = \left(\Delta X_t^{(j)}\right), \quad \Delta X_t^{(j)} = \{1, \text{ если } t = j; \text{ 0 иначе}\}, \quad t = \overline{1, n},$$

где  $\{X_i\}$  — независимые равномерно распределенные на  $V_n$  случайные вектора;  $K=(0,\ldots,0)'\in V_m$ .

Такой тип выходных последовательностей позволяет оценить чувствительность алгоритма шифрования к внесению ошибок в открытый текст.

Исследование корреляции открытого текста и зашифрованного текста в режиме простой замены. Выходная последовательность длиной N блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_i = X_i \oplus F_K(X_i),$$
  
$$X_i, Y_i \in V_n, \quad K \in V_m, \quad i = \overline{1, N},$$

где  $\{X_i\}$  — независимые равномерно распределенные на  $V_n$  случайные вектора; K — случайно выбранный из  $V_m$  ключ.

Такой тип выходных последовательностей позволяет корреляцию между открытым и зашифрованным текстом алгоритма шифрования.

Исследование вероятностных свойств выходной последовательности в режиме цепочной обработки. Выходная последовательность длиной N блоков для алгоритма  $F_K$  строится по следующему правилу:

$$Y_i = F_K(Y_{i-1}), \quad Y_0 = (0, \dots, 0)' \in V_n,$$
  
 $Y_i \in V_n, \quad K \in V_m, \quad i = \overline{1, N},$ 

где K — случайно выбранный из  $V_m$  ключ.

Выходная последовательность  $\{Y_i\}$  соответствует зашифрованию открытого текста  $\{X_i\}$ , состоящего из нулевых векторов  $X_i = (0, \dots, 0)' \in V_n$ , в режиме цепочной обработки с синхропосылкой  $Y_0$ .

Такой тип выходных последовательностей позволяет оценить вероятностные свойства шифртекста, обеспечиваемые алгоритмом при зашифровании в режиме цепочной обработки на случайном ключе.

#### 1.1.2. Задание

Указать возможные отклонения от модели чисто случайной последовательности у построенных выборок. Выбрать из [6, 5] набор критериев, способных обнаруживать такие отклонения, и программно реализовать. Провести анализ построенных выборок для блочного алгоритма, разработанного на c/n «Криптографические методы», (с полным и уменьшенным числом тактов). Сделать вывод о стойкости блочного алгоритма.

### ЛИТЕРАТУРА

- [1] National Institute of Standards and Technology.— NIST Special Publication 800-22. A Statistical Test Suite for Random and Pseudorandom Number Generators for Cryptographic Applications, 2000.
- [2] NESSIE report. List of general NESSIE test tools. nes/doc/sag/wp2/d03/1. 2000. http://www.cryptonessie.org.
- [3] Soto J., Bassham L. Randomness testing of the Advanced Encryption Standard finalist candidates. 2000. http://www.nist.gov/aes/.
- [4] Soto J. Randomness testing of the AES candidate algorithms.— 1999. http://www.nist.gov/aes/.
- [5] *Харин Ю. С., Берник В. И., Матвеев Г. В., Агиевич С. В.* Математические и компьютерные основы криптологии. Минск: Новое знание, 2003. 320 с.
- [6] Харин Ю. С., , Агиевич С. В. Компьютерный практикум по математическим методам защиты информации. Минск: БГУ, 2001. 190 с.