자료구조의 정의

- 컴퓨터 프로그램
 - > 데이터 + 명령어
- 자료구조
 - > 데이터를 효율적으로 처리할 수 있도록 만들어진 데이터의 처리 방식
- 알고리즘
 - > 데이터를 효율적으로 처리할 수 있는 방법
 - → 프로그램의 목적에 따라 올바른 자료구조를 사용할 경우 얻을 수 있는 이득
 - 1) 메모리의 효율적 사용
 - 2) 프로그램 수행 시간의 단축
 - ◆ 효율적인 알고리즘 적용하기 위해서는 알맞은 자료구조가 선행 되어야 함

- 자료구조의 분류

- 1. 단순구조 : 기본적인 데이터타입들이 해당
 - → EX) int, float, double, ...
- 2. 선형구조 : 각각의 자료들이 1:1로 연결된 형태
 - → EX) 스택, 큐, 리스트, 덱, ...
- 3. 비선형구조 : 각각의 자료들이 1:다 또는 다:다로 연결된 형태
 - → EX) 트리, 그래프, ...
- 4. 파일구조 : 일반적으로 메모리에 로드하기 어려운 큰 자료들이 대상
 - → 보조기억장치에 저장하는 것을 전제로 만들어졌다.
 - → 구성 방식에 따라 순차적, 상대적, 색인, 다중 키 파일구조등이 있다.

- 추상자료형

> 자료형이란?

- 자료(데이터) + 명령어
- EX) int 자료형 = int + 사칙연산을 필두로 한 명령어들

> 정보은닉

- 사용자로 하여금 핵심적인 정보만 확인할 수 있게 하고, 내부적 기능이나, 형태는 공 개하지 않는 것 > 백조를 생각하면 편할 듯 하다.

> 추상자료형이란?

- 정보은닉 + 자료형
- 데이터와 명령어로 구성된 자료형에 정보은닉의 개념을 쓰까 만든 것
- 사용에 있어서 핵심적인 데이터나 명령어들의 정의만 공개하고 내부 로직 같은 필수 적이지 않은 부분들은 비공개로 정의한 형태

- 알고리즘

> 알고리즘이란?

- 문제해결을 위한 일련의 절차
- 컴퓨터가 이해할 수 있는 명백한 명령어의 집합이면서 어떤 문제를 해결하기 위한 절차
- 알고리즘은 문제 해결을 위한 5가지 조건이 필요
 - 1) 입력 : 외부에서 제공되는 자료가 0개이상 존재해야 한다.
 - 2) 출력: 적어도 1개 이상의 결과를 만들어야 한다.
 - 3) 유한성 : 각 명령어는 의미가 모호해서는 안된다.
 - 4) 명백성 : 한정된 수의 단계 뒤에는 반드시 종료되어야 한다.
 - 5) 유효성 : 모든 명령은 실행 가능한 연산이어야 한다.

> 알고리즘의 표현법

- 대표적으로 4가지의 표현 방법이 존재
 - 1) 자연어
 - 2) 순서도
 - 3) 의사코드
 - 4) 프로그래밍 언어

> 알고리즘의 분석기준

- 공간 복잡도
- 시간 복잡도
 - → 임베디드 환경을 제외한 대부분의 환경에서 시간 복잡도를 우선시 함

> 시간 복잡도

- 계산방법
 - 한번의 연산을 1로 잡아 명령어들의 구성을 통해 함수를 도출
 - 반복문의 경우 명령어 동작시 적용되는 연산 마다 1씩 증가 후 * 반복횟수
- 빅오 표기법
 - 시간 복잡도 함수에서 가장 큰 차수의 항만 도출해 표기
 - O(n)의 형태
 - \blacksquare n < logn < nlogn < n^2 < n^3 < 2^n < n!

C프로그래밍

- 컴파일 및 실행 프로그램 작성

- → 빌드 시 출력되는 메시지에서 구성:DebugWin32가 출력 되는 것을 확인 가능
- → 일반적으로 visual Studio의 프로젝트는 2개의 빌드환경을 가짐
- 1) Debug: C 소스파일을 컴파일 할 때 디버깅 정보를 실행 프로그램에 자동 추가
 - → 솔루션 파일이 저장되는 폴더의 하위Debug폴더에 저장

- 2) Release : 개발이 완료된다음에 실행 프로그램 배포 시에 Release환경에서 빌드 된 실행 파일을 배포
 - → Release폴더에 저장

- 단순 자료형

> 정수

- 소수점이하는 저장하지 않음
- unsigned추가시 음수 값에 할당된 비트까지 가져와서 표현 가능

> 실수

- 소수를 포함하는 수
- 수의 범위에서 E라는 문자가 표현되는대, E다음에 오는 수가 지수(Exponential)이라는 의미이다.

> 문자

- 문자를 나타내는대 사용

- 배열

- > 같은 자료 형의 데이터를 메모리상에 연속적으로 저장하는 자료형
- > 연속된 각각의 값을 배열의 원소(Element)라고 한다.
 - → 어떤 자료형의 배열수를 추출하는 방법 : Sizeof(배열)/sizeof(배열의 자료형)

- 다차원 배열

- > 배열의 원소가 배열 자료형인 배열
- > 2차원 배열에서는 열에 대한 인덱스가 행에 대한 인덱스보다 먼저 나온다
- > 물리적인 실제 메모리 구조는 순차적으로 할당된다.

- 구조체

> 다른 자료형의 데이터를 하나의 그룹으로 묶은 자료형

- > 사용하려면 먼저 구조체에 대한 선언이 필요
- > 자료형 정의를 통해 하나의 독립된 구조를 가지도록 선언해야 함
- > 자료형 선언이라 후에 변수선언도 따로 해줘야 한다.
- > Typedef를 통해 하나의 데이터타입으로 정의 하기도 한다.

- 포인터

- > 포인터 변수는 메모리주소값을 저장하는 변수이다.
- > 프로그램의 안정성 차원에서 가능한 변수 선언에 항상 NULL값을 넣어 초기화를 시켜 줘야 한다.
- > 포인터 연산
 - 1) 주소연산자(&): 변수의 주소값을 얻기 위한 연산자
 - 2) 참조연산자(*) : 포인터 변수에 저장된 주소를 이용해 해당 주소에 있는 값을 얻는 연산자

> 동적 메모리 할당

- 프로그램 실행중(런타임)i에 임의의 크기로 메모리를 할당 할 수 있다.
- Void* Malloc(int size)을 사용해 할당 가능
 - 파라미터인 size바이트 만큼 메모리를 할당 후 할당된 메모리 블록의 시작 주소를 반환한다.
 - 할당 불가능시 NULL을 반환 → malloc호출후에는 반드시 NULL이 아닌지 검사를 해야 한다.
 - 할당시킨 메모리는 사용 후 반드시 void free(void *ptr)로 할당을 해제해 줘야 한다.
 - free함수의 경우 파라미터로 NULL또는 쓰레기값이 전달 될 경우 ㅈ 될수 있다.
- 초기화 : void *Memset(void *ptr_start, int value, size_t count)를 사용해 초기화 가능
 - String.h를 선언 시켜 줘야 한다.
 - Ptr start가 가리키는 메모리 영역을 시작으로 Count크기만큼 value로 설정한다.

- 더블 포인터

- > 다른 변수의 메모리 주소를 저장하는 포인터 변수의 주소를 저장
- > 포인터와 배열
 - 배열을 포인터로 나타내는 것 또한 가능하다.
 - 2차 배열의 경우 더블 포인터를 활용해 표현 가능하다.
 - 배열의 이름 = 포인터변수
- Ex) int arr[10]일 때, arr = 포인터 변수 \rightarrow 값을 더해주는 것으로 다른 인덱스에 접근 가능
 - 2차배열의 이름 = 더블 포인터 변수
 - Ex) int arr[a][b]일 때, arr = 더블 포인터 변수
 - → 값을 더해주는 것으로 a의 인덱스에 접근 가능
 - → 이후 도출된 값에 수를 더해주는 것으로 b인덱스에 접근 가능
- > 구조체에서도 포인터 사용가능
 - 포인터 참조연산으로 값 도출 시 (.)연산자가 (*)연산자보다 우선순위가 높으니 주의

리스트

- 리스트

- > 여러 개의 자료가 일직선으로 서로 연결된 선형 구조를 의미
- > 리스트의 활용 예시
 - 1. 문자리스트 : 문자들이 각각 차례대로 저장
 - 리스트에 저장되는 자료는 각각의 문자가 되고, 문자들은 순서대로 선형 구조를 이루게 된다.
 - 2. 문자열 리스트 : 저장되는 자료가 문자열
 - 제일 마지막 문자는 널문자('₩0')가 오게된다.

- 3. 행렬: 행렬은 각각의 열이 행개수만큼의 자료를 가지는 리스트라 볼 수 있다.
- 4. 다항식 : 리스트를 활용하여 다항식 또한 저장 할 수 있다.
- → 다항식의 계수값을 저장하는 리스트로 표현 가능하다.
- → 계수가 0인 경우도 저장을 해야 한다.

- 리스트 추상자료형

> 리스트 사용에 필요한 추상자료형

| 이름 | | 입력 | 출력 | 설명 |
|--------|--------------|---------|------------|-------------------|
| 리스트 생성 | createList() | 최대 원소 개 | 리스트 | 최대 n개의 원소를 가지는 공 |
| | | 수 n | | 백(Empty)리스트 I을 생성 |
| 리스트 삭제 | deleteList() | 리스트 I | N/A | 리스트의 모든 원소를 제거 |
| 원소 추가 | isFull() | 리스트 I | TRUE/FALSE | 리스트의 원소 개수가 최대 원 |
| 가능여부판단 | | | | 소 개수와 같은지를 반환. |
| | | | | 배열 리스트인 경우에만 의미가 |
| | | | | 있음 |
| 원소 추가 | addElemen | 리스트 I | 성공/실패 여부 | 원소 e를 리스트의 특정 위치 |
| | t() | 원소 위치 p | | p에 추가 |
| | | 원소 e | | |
| 원소 제거 | removeEle | 리스트 | 성공/실패 여부 | 리스트의 위치 p에 있는 원소 |
| | ment() | 원소 위치 p | | 를 제거 |
| 리스트 초기 | clearList() | 리스트 | N/A | 리스트의 모든 원소를 제거 |
| 화 | | | | |
| 원소 개수 | getListLeng | 리스트 | 원소의 개수 | 리스트의 모든 원소개수를 반환 |
| | th | | | |
| 원소 반환 | getElement | 리스트 | 원소 | 리스트의 위치 p에 있는 원소 |
| | () | 원소 위치 p | | 를 반환 |

→ 경우에 따라서 디버깅 용도로 모든 노드를 출력하는 displayList()가 필요 할 수 있다.

- 배열리스트

- > 배열을 통해 리스트를 구현한 것
- > 논리적 순서와 물리적 순서가 같다는 특징이 있다.
- > 원소 추가

- → 배열리스트의 중간에 새로운 원소를 추가하려면 기존의 원소들을 이동 시켜 줘야 한 다.
- → 원소의 논리적 순서를 보장하기 위해 물리적인 순서에 제약을 준 것
- → 배열의 가장 오른쪽 원소부터 왼쪽으로 진행

> 원소 제거

→ 제거하려는 원소의 다음 인덱스부터 시작해 오른쪽으로 진행

> 구현

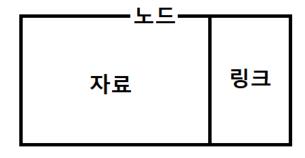
→ github.com/Snack1511/DataStructure/tree/master/ArrayList

- 연결리스트

- > 포인터를 이용하여 구현
- > 자료의 순서상으로는 연결된 듯 하지만 물리적으로는 서로 떨어져 있다.
 - → 링크에 의해 논리적으로만 연결되어 있음을 시사한다.
 - → 배열리스트와 달리 저장 가능한 최대원소의 개수를 지정 할 필요가 없다.
 - → 새로운 원소를 추가할 경우 동적으로 원소를 생성하고 포인터로 이어주면 된다.

> 연결 리스트의 노드구조

- → 원소 = 노드인 배열리스트와 다르게 노드 = 자료 + 링크 형태로 구성되어 있다.
- → 이는 노드가 원소를 포함하는 개념이다.



→ 위 그림과 같이 노드는 자료를 저장하는 부분과 링크(다음 주소지)를 저장하는 부분 으로 나뉘어 있다.

- 1) 자료 : 정수와 실수 같은 단순데이터 뿐만 아니라 복잡한 구조체 정보도 저장 할 수 있다.
- 2) 링크 : 포인터를 이용하여 현재 노드와 연결된 다음 노드를 가리킨다.
- → 제일 마지막 노드는 다음 노드가 더 없으므로 NULL값을 가리킨다.

> 노드추가

→ 기존에 연결된 링크를 제거하고 새로 추가되는 노드의 링크를 기존의 노드들과 연결 시켜 준다.

> 노드제거

- → 기존의 링크를 제거하고 다음 노드를 연결시켜준다
- → 연결이 끊긴 노드는 메모리를 해제해서 메모리 누수가 발생 하지 않도록 하는 것이 중요하다.

> 연결리스트의 장점

- 1) 추가 원소 이동 연산 불필요
- → 배열리스트의 경우 모든 원소를 이동시키는 연산이 반드시 필요하다.
- 연결리스트는 링크만 새로 연결 하면 되므로 이동연산의 제약에서 자유로워 진다.
- 2) 최대 원소 개수 지정 불필요
- → 배열리스트는 생성 시 반드시 최대 원소 개수를 지정해줘야 한다.
- → 연결리스트는 동적으로 메모리를 할당하므로 제약에서 자유롭다.

> 연결리스트의 단점

- 1) 구현이 어렵다.
- 동적인 메모리 할당 및 포인터 연산등으로 배열리스트보다 구현의 비용이 높다.
- → 메모리 관리와 관련해서 메모리 누수오류의 발생 가능성이 높다.
- 2) 탐색연산의 비용이 높다.
- → 배열리스트는 특정 원소에 대한 탐색은 O(1)의 시간복잡도를 가지는 반면 연결리스 트는 O(n)의 시간복잡도를 가진다.

→ 이는 연결리스트의 경우 원하는 원소를 찾을 때까지 포인터로 노드를 탐색해야 하기 때문에 시간 비용이 높아질 수 밖에 없다.

> 연결리스트의 종류

1) 단순 연결리스트

- 연결리스트의 가장 기본이다.
- 첫 노드부터 끝 노드까지 일직선으로 구현하기에 간단한 구조를 지닌다.
- 이전노드로의 링크가 없으므로 이전 노드 탐색 시 새로운 순회를 시작해야 한 다.

2) 원형 연결리스트

- 연결리스트의 마지막 노드가 첫 노드를 가리키는 원형의 형태를 가진다.
- 이전노드를 탐색하려면 순회를 지속하면 된다.
 - 이 경우 전체 리스트를 한번 순회해야 한다.
- → 단순 연결리스트와 원형 연결리스트는 링크가 단 방향이라는 것에 주의하자.

3) 이중 연결리스트

- 노드 사이의 링크가 양방향으로 구성되어 있다.
- 이로 인해 이전 노드에 대한 직접 접근이 가능하다.

- 단순연결리스트

- > 노드의 구조체 = 현재 노드 개수 + 헤더노드
- > 구현

- 원형연결리스트

- > 리스트의 마지막 노드가 리스트의 첫 번째 노드와 연결된 단순연결리스트
- > 마지막 노드가 첫 번째 노드와 연결되어 순환 구조를 지님
- > 원형 연결리스트는 링크를 따라 이동하면 이전 노드에 접근 할 수 있다.
 - → 현재 노드의 이전노드가 현재노드의 다음 노드인지 확인하면 이전노드인지 판별 가

능

> 헤더포인터를 사용한 구현

→ 헤더 포인터를 사용한 경우 추가 제거 기능에서 여러가지 고려해야 할 사항이 발생 할 수 있다.

> 추가

- → 헤드포인터를 이용하여 고려 시 3가지 경우를 생각해야 한다.
 - 1) 리스트의 첫 번째 노드로 추가하는 경우
 - 1-1) 공백리스트인 경우
 - 1-2) 공백리스트가 아닌 경우
 - 2) 리스트의 중간에 노드를 추가하는 경우

> 제거

- → 이 또한 3가지 경우를 고려 해야 한다.
 - 1) 리스트의 첫 번째 노드를 제거하는 경우
 - 1-1) 제거하려는 노드가 리스트의 마지막 노드인 경우
 - 1-2) 마지막 노드가 아닌 경우
 - 2) 중간 노드를 제거하는 경우

> 구현

- 이중연결리스트

- > 각각의 노드마다 2개의 링크가 있기 때문에 특정 노드의 다음 노드뿐 아니라 이전 노드에도 직접 접근 가능
- > 이전노드에 직접적인 접근은 장점이나, 이 때문에 추가 메모리 공간을 더 사용한다는 단점이 존재
- > 마지막 노드가 첫 번째 노드를 가리키는 원형 연결 리스트의 속성을 지닌다.
- > 헤더노드를 포함하는 이중연결리스트는 임의의 위치에 있는 노드pNode에 대해 다음식 이 성립한다.

- → pNode == pNode->pLLink->pRLink == pNode->pRLink->pLLink
- → 이 식은 헤드포인터로는 성립될 수 없다.

> 생성

→ 생성 시 헤더 노드에서 좌우 링크 모두 자기자신을 참조하도록 초기화시켜줘야 한다.

> 추가

→ 노드가 추가될 적절한 위치를 찾아서 새로 생성한 노드를 삽입만 하면 된다.

> 제거

→ 삭제하려는 노드의 이전 노드를 찾고 삭제하려는 노드의 좌우 링크를 재설정 해준다.

> 구현

- 연결리스트의 응용

> 순회

→ 노드 사이에 연결된 노드의 링크를 이용해, 보다 효율적으로 리스트 순회 가능

> 다른 리스트 연결

- → 연결 주체 리스트에 연결하려는 리스트를 연결한 후 연결하려는 리스트의 링크를 해 제해줘야 한다.
- → 각 리스트들의 노드개수 또한 수정해줘야 한다.

> 역순

- → 현재 노드와 현재노드의 이전노드가 있다면 현재노드의 다음노드로의 링크를 이전노 드로의 링크로 설정해주고, 현재노드의 다음노드로 이동한다.
 - 1) B = A
 - 2) A = C
 - 3) $C = C \rightarrow link$
 - 4) $A \rightarrow link = B$

> 다항식

- → 각 항을 노드로 나타내고, 이런 항들의 집합인 다항식을 단순연결리스트로 구현
- → 각 항의 계수와 차수를 멤버변수를 이용해 저장하되, 차수의 내림차순으로 저장하고, 저장공간을 절약하기 위해 계수가 0인 항은 노드를 추가하지 않는다.
- → 다항식의 덧셈연산 : 3가지 경우를 고려
 - 1) 다항식들 주체식의 차수가 높은경우 : 주체식에 대해서만 다음노드로 이동
 - 2) 다항식들 중 주체식의 차수가 낮은 경우 : 더해주려는 식만 다음노드로 이동
 - 3) 같은 경우 : 다항식들 전체의 노드 이동
 - → 항들 끼리 더해준 후 남은 항들은 마지막에 연산
- → 연산 후 식들은 모두 메모리를 해제해줘야 한다.
- > 옵션함수들 구현
- > 다항식 구현

스택

- 스택

- > 자료를 쌓아두는 기능
- > 특성
 - → Last In First Out
 - → 선형 자료구조 : 저장된 자료들 사이의 선후관계가 모두 1대1
- > 제약사항
 - → 자료의 추가 및 반환은 스택의 끝에서만 가능
 - → 스택의 끝이란 스택의 제일 위→ 가장 최근에 추가된 자료가 있는곳
 - → 후입선출의 특성을 지니는 이유
- > 후입선출의 특성은 다양한 알고리즘에서 필수적인 요소로 사용
 - → 수식을 해석하고 이를 계산하는데 사용

- → 복잡한 미로에서 길을 찾는 알고리즘등으로 사용
- → 트리나 그래프등 다른 복잡한 자료구조에서도 내부적으로 사용

> 푸쉬(Push)

- → 새로운 자료를 스택에 추가하는 것
- → 스택의 제일 위에서만 발생
- → 스택의 크기는 스택이 저장할 수 있는 최대 자료의 개수를 의미
- → 스택의 크기를 초과해 새로운 자료를 추가할 때 자료가 추가될 수 없는 현상을 넘침 (Overflow)현상이라 한다.
- → 탑을 어떻게 변경해야 할지를 가장 주의깊게 고려해야 한다.

> 팝(Pop)

- → 스택에 저장된 자료를 사용하기 위해 스택에서 자료를 꺼내는 것
- → 스택의 제일 위에서만 발생
- → 스택에 아무 자료가 저장되지 않은 상태를 공백(Empty)이라 한다.
- → 공백상태에서 팝연산이 호출되면 부족(Underflow)현상이 발생

> 피크(Peek)

- → 팝 연산과 달리 자료를 제거하지 않고 해당자료에 접근만 하는 것
- → 최상위 자료를 반환하는 점에서 팝연산과 비슷하지만 스택에서 자료를 제거하지 않고 반환만 시킨다.

> 추상자료형

| 이름 | | 입력 | 출력 | 설명 |
|--------|---------------|-------|------------|------------------|
| 스택 생성 | createStack() | 스택의 크 | 스택 s | 최대 n개의 원소를 가지는 공 |
| | | 기 n | | 백(Empty)스택 s를 생성 |
| 스택 삭제 | deleteStack() | 스택 s | N/A | 스택제거(메모리 해제) |
| 원소 추가 | isFull() | 스택 s | TRUE/FALSE | 스택의 원소 개수가 최대 원소 |
| 가능여부판단 | | | | 개수와 같은지를 반환. |
| | | | | 배열 스택인 경우에만 의미가 |
| | | | | 있음 |

| 공백스택인지 | isEmpty() | 스택 s | TRUE/FALSE | 공백 스택인지 여부를 전달 |
|--------|-----------|------|------------|-------------------|
| 여부 판단 | | | | |
| | | | | |
| 푸시 | Push() | 스택 s | 성공/실패 여부 | 스택의 맨 위에 새로운 원소를 |
| | | 원소 e | | 추가 |
| 팝 | Pop() | 스택 s | 원소 e | 스택의 맨 위에 있는 원소를 제 |
| | | | | 거한 뒤 이를 반환 |
| 피크 | Peek() | 스택 s | 원소 e | 스택의 맨 위에 있는 원소를 반 |
| | | | | 환 |
| | | | | (스택에서 제거하지는 않음) |

- → createStack()과 deleteStack()은 각각 스택을 생성 및 삭제하는 연산이다.
- → isFull은 스택의 크기를 초과하는 overflow가 발생할지에 따라 원소가 추가 가능한지 를 알려준다.
 - → 구현 시 최대 저장 원소 개수라는 제약조건이 필요하지만, 스택을 어떻게 구현 할지에 따라 필요가 없을 수도 있다.
- → isEmpty는 현제 스택이 공백상태인지 확인하는 기능이다.
- → 스택의 가장 최근 자료를 반환하는 팝/피크 연산은 스택에 있어서 가장 기본적인 연 산이다.
- → 스택의 구현 방법은 배열을 이용한 방법과 포인터를 이용한 방법으로 구분할 수 있다.

> 배열로 구현한 스택

- → C언어에서 사용하는 배열을 이용하여 스택을 구현한 것
- → 물리적으로 연결된 C의 배열을 이용하기 때문에 스택을 생성할 때 스택의 크기를 반 드시 지정해 주어야 한다.
- → 배열로 구현한 스택은 스택의 크기(최대노드개수)를 내부변수로 저장하고 있다.
- 스택을 생성해 줄 때에 스택의 크기에 해당하는 개수만큼 노드의 배열을 생성해준다.
- → 스택에 저장된 현재 노드 개수 또한 내부변수에 저장
- → 이를 이용해 스택에서의 탑의 위치를 알수있다. → 탑의 위치 = 현재노드개수 1

> 배열스택 구현

> 연결리스트로 구현한 스택

- → 배열로 구현시에는 스택의 크기를 미리 지정해야 하고, 최대저장수보다 많은 자료를 저장하려고 할 때 오버플로우가 발생
- → 연결리스트로 스택을 구현할 때에는 노드 추가 때마다 동적으로 메모리를 할당하기 에 스택크기를 미리 지정해 줄 필요가 없다.
 - → 보다 효율적인 메모리 사용이 가능
- 답노드를 포인터 변수가 기리키고 있기 때문에 포인터 변수로 직접 접근 할 수 있다.
- → 노드 추가시에는 새로운 노드를 연결리스트에 추가하고 탑을 가리키는 포인터변수는 새로 추가된 노드를 가리키도록 수정해야 한다.
 - → 또한 새로운 탑 노드의 다음노드가 기존의 탑 노드가 되도록 노드사이의 링크 를 설정해줘야 한다.
- → 정리 : 연결리스트로 구현한 스택은 최대저장개수로 인한 오버플로우가 발생하지 않는 대신 구현이 어렵다

> 이전에 했던 연결리스트를 조금 변형시키면?

- → 스택은 탑에서만 자료를 추가/제거 할 수 있기 때문에 범용적인 리스트를 직접 이용 하는 것보다 스택에 맞춰 구현해 주는게 훨씬 효율적이다.
- → 기존의 연결리스트를 활용할 경우 가장 마지막에 추가된 노드에 접근하기 위해 리스 트 전체를 순회해야 한다.
- → 연결리스트스택의 경우 가장 마지막에 추가된 노드가 스택구조체 내에서 탑포인터에 의해 링크되어 있어서 접근이 쉽다.
- 기존의 연결리스트와 다르게 추가순서와 연결방향이 반대라는 것 또한 차이점이다.
- → 가장마지막에 추가된 자료의 다음 노드는 그 이전에 추가된 노드가 되고, 스택에 맨처음 추가된 노드는 다음 노드값이 NULL이 된다.
- > 연결리스트스택 구현

- 스택응용1

> 역순문자열

- → 입력받은 문자열의 순서를 뒤집은 문자열을 출력하는 함수
- → 스택을 활용해 비교적 간단하게 구현 가능
 - 1) 문자열의 모든 문자를 순서대로 스택에 푸시
 - 2) 공백스택이 될 때까지 스택의 모든 노드를 팝
 - 3) 정반대 순서대로 문자들이 스택에서 추출

> 수식괄호검사

- → 2가지를 점검해야한다.
 - 1) 여는 괄호와 닫는 괄호가 서로 쌍을 이루는가?여는 괄호를 만날 때 스택에 푸시 하다, 닫는 괄호를 만날 때마다 팝을 해주면 쉽게 구현 할 수 있다.
 - 2) 여러 개의 괄호가 중첩 될 경우 차례대로 처리되는가? 스택의 후입선출 제약을 이용하면 검사할 수 있다.

> 스택응용1 구현

- 수식계산과 표기법 변환

- > 표기법
 - → 중위 표기법 : a * b
 - → 후위표기법 : a b +
 - → 변환1 : A*(B+C) -> A B C + *
 - → 변환2: A * B+ C -> A B * C +
 - → 후위 표기수식 계산시 3가지 원칙
 - 1) 피연산자를 마나면 스택에 푸시
 - 2) 연산자를 만나면 연산에 필요한개수만큼 피연산자를 스택에서 팝
 - 3) 연산한 결과는 다시 스택에 푸시
 - → 스택에 저장된 유일한 노드에서 최종계산 결과를 팝시키면 정상종료

- → 결과 노드가 없다면 수식에 오류
- > 지금부터 피연산자와 연산자를 묶어서 요소 혹은 토큰이라 칭한다.
- > 후위 표기수식은 중위 표기와는 달리 수식을 따라 단계별로 토큰을 처리
- > 토큰타입선언
 - → 연산자들의 종류를 열거형타입으로 정의
 - → 숫기의 각 단위인 토큰을 표현하기 위해 구조체 선언
 - → 데이터 값과 연산자 종류를 멤버변수로 가짐

> 중위에서 후위표기로의 전환

- → 기본규칙 : 피연산자를 만나면 바로 출력, 연산자를 만나면 일단 스택에 보관
- → 연산자 우선순위 : 스택내부와 스택 외부에서의 연산자 우선순위에 차이가 있다.
- → 연산자 "("는 스택안에서는 우선순위가 가장 낮은 연산자이다.
- → 중위 표기에서 후위표기로의 변환 과정 도중에 연산자 ")"를 만나게 되면 스택에서 여는 괄호를 만날 때까지 스택에 저장된 모든 연산자를 팝시켜야 한다.
- → 중위->후위표기 변환시 적용되는 5가지 규칙
 - 1) 피연산자를 만나면 바로 출력
 - 2) 연산자를 만나게 되면 일단 스택에 보관
 - 3) 단, 스택보관중인 연산자 중에서 우선순위가 높은 연산자는 출력
 - 4) (주의)스택의 내부와 외부에서의 연산자 우선순위는 다르다.
 - 5) 닫는 괄호연산자")"를 만나게 되면, 스택에서 여는 괄호"("를 만날 때까지 스택에 저장된 모든 연산자들을 팝 시키고 이를 출력

> 스택응용2 구현

- 미로찾기

- > 입구와 출구가 주어진 미로에서 입구부터 출구까지의 경로를 찾는 문제
- > 스택의 노드가 위치정보를 저장하도록 디자인

> 알고리즘

- → 스택에 기존에 방문한 위치 정보를 차례로 저장하는 방식을 통해 경로를 찾는 알고 리즘
- → 입구 출구 까지의 경로를 출력하기 위해서는 어떤 경로를 통해 탐색했는지 정보가 저장되어야 한다. → 위치정보의 저장에 스택을 이용
- → 특정방향으로 탐색을 계속 진행하다가 더 이상 진행 할 수 없을 시, 이전의 이정표에 해당하는 위치로 돌아와서 다른 방향으로 탐색
- → 제약사항 : 무한루프가 발생하지 않기 위해서 미로의 위치별로 기존에 방문했던 곳인 지를 저장할 필요가 있다.

→ 정리

- 1) 미로찾기 알고리즘에서는 기존 위치를 저장하고 다른 방향으로 재탐색 하기 위해 스택을 이용한다.
- 2) 미로의 탐색단계마다 방문위치 정보와 이동방향 정보를 스택에 푸시한다.
- 3) 출구 탐색에 실패한다면 다시 이전 위치로 돌아오기 위해 스택에 팝을 실시한다.

> 스택응용3 구현

큐

- 큐의 개념

> 선입선출(First in First Out) 특성을 지니는 선형자료구조.

- 특징

- > 선입선출 : 추가되는 자료를 차례대로 저장 후 추가된 순서대로 반환시킨다.
- > 선형구조 : 큐에 있는 모든 자료는 각각 자신의 앞에도 1개의 자료만 존재하고 뒤에도1개의 자료만 존재한다.
- > 큐의 제일 앞은 프런트 혹은 전단이라 부르고 제일 뒤는 리어 혹은 후단이라고 한다.

- 스택과의 비교

- > 스택의 탑과 큐의 리어는 자료가 추가되는 리스트의 제일 끝이라는 점에서 공통점을 보 인다.
- > 스택은 탑(첫 부분)에서 자료를 반환하는 반면 큐는 리어(끝 부분)에서 자료를 반환한다.

- 인큐

- > 새로운 자료를 큐에 추가하는 것
- > 큐의 최대자료수를 넘어 추가하면 오버플로우 현상이 발생한다.
- > 추가 시 큐의 리어가 가장 나중에 삽입된 자료를 가리킨다.

- 디큐

- > 큐에서 자료를 꺼내는 것
- > 큐의 프런트가 가리키는 자료를 반환한 이후 그 다음 자료를 가리킨다.
- > 한 개의 자료만 저장된 상태에서는 프런트와 리어가 모두 한 자료를 가리킨다.
 - → 의미하는 바
 - 1) 해당 자료가 현재 큐에서 유일한 원소이다.
 - 2) 현재 큐에 있는 자료 중 가장 오래된 자료이다.
 - 3) 현재 큐에 있는 자료 중 가장 최근 자료이다.
 - → 반환 시 프런트와 리어는 공백자료를 가리키게 된다.
- 큐에 아무런 자료가 저장되어 있지 않은 상태를 공백상태라 하며, 이 경우에 디큐 연산
 시 언더플로우 현상이 발생한다.

- 피크

- > 스택과 마찬가지로 기존 자료를 제거하지 않고 반환만 하는 특성이 있다.
- > 큐의 프런트 자료에 접근하는 점에서는 디큐와 같지만, 실제 큐에서 자료를 반환 시키지는 않는다는 차이점이 존재한다.

- 추상자료형

| 이름 | 입력 | 출력 | 설명 |
|----------------|----|----|----|
| · - | | | |

| 큐 생성 | createQueue() | 스택의 크기 n | 큐 q | 최대 n개의 원소를 가지 는 공백(Empty) 큐 q를 |
|--------|---------------|---------------|------------|-----------------------------------|
| | | | | 생성 |
| 큐 삭제 | deleteQueue() | 큐 q | N/A | 큐 제거(메모리 해제) |
| 원소 추가 | isFull() | 큐 q | TRUE/FALSE | 큐의 원소 개수가 최대 |
| 가능여부판단 | | | | 원소 개수와 같은지를 반 |
| | | | | 환. |
| | | | | 배열 큐인 경우에만 의미 |
| | | | | 가 있음 |
| 공백 큐 | isEmpty() | 큐 q | TRUE/FALSE | 공백 큐인지 여부를 전달 |
| 여부 판단 | | | | |
| 인큐 | Enqueue() | 큐 q | 성공/실패 여부 | 큐의 리어에 새로운 원소 |
| | | H 역 원소 e | | 를 추가 |
| 디큐 | Dequeue() | 큐 q | 원소 e | 큐의 프런트에 있는 원소 |
| | | | | 를 제거한 뒤 이를 반환 |
| 피크 | Peek() | 큐 q | 원소 e | 큐의 프런트에 있는 원소 |
| | | | | 를 반환 |
| | | | | (큐에서 제거하지는 않음) |

> 구현 방법에 따른 구분

- 1) 배열: 구현의 복잡도가 낮은 대신 고정된 큐의 크기로 인해 불필요한 메모리 사용량이 증가
- 2) 리스트 : 구현의 복잡도가 높은 대신 큐의 크기를 가변적으로 추가/삭제할 수 있기에 메모리 사용 효율 면에서는 우수함

- 배열 선형 큐

- > 배열을 이용해 큐를 구현한 것
- > 선형 큐는 인큐/디큐를 반복함에 따라 배열에 비어 있는 곳이 있음에도 이를 인식 하지 못하는 경우가 발생한다. > 이는 비효율적인 메모리 사용으로 이어진다.
- > 보통 배열로 구현한 원형 큐 또는 연결리스트로 구현한 큐를 많이 사용
- > 선형큐와 원형 큐모두 같은 구조체를 사용하지만 함수 내부의 알고리즘에서 차이가 발 생한다.

- 배열은 동적할당으로 생성되며 큐 구조체에서는 이를 가리키는 포인터변수를 가지고 있다.
- 큐에 저장된 현재 노드의 개수를 내부변수로 저장하고, 배열에서의 프런트와 리어 위치를 각각 내부변수로 저장한다.

> 구현

- 배열 원형 큐

- > 선형 큐에 최대개수까지 인큐하고, 이후 디큐한후 다시 인큐를 하면 오버플로우 현상이 발생
- > 프런트 쪽의 빈노드가 있음에도 리어가 이동할 오른쪽에 빈 노드가 없기 때문에 넘침 현상이 발생한 것
- > 대안으로 배열을 이동시키는 방법을 생각 할 수는 있으나 배열의 크기에 비례해 시간복 잡도가 O(n)만큼 증가한다. → 더욱 효과적인 방법이 필요
- > 배열의 오른쪽을 배열의 왼쪽과 연결시킨다면 효율적일 것
- > 리어의 오른쪽과 프런트의 왼쪽을 연결 시킨 것이 원형 큐
 - ◆ 리어와 프런트의 이동에 mod연산자를 이용하면 구현 가능
- > 인큐
 - → 리어 변수 증가시 : (rear + 1)%maxElementCount
- > 디큐
 - → 프런트 변수 증가시 : (front +1)%maxElementCount
- > display함수
 - → mod연산자 때문에 rear의 값이 front보다 작을 수 있기 때문에 리어를 인덱스 계산 에 쓰는 것이 아니라 프런트를 기준으로 계산한다.
- > 구현

- 연결리스트 큐

> 단순연결리스트의 제일 앞부분이 프런트, 제일 뒷부분이 리어

- 서로운 자료 추가 시 리어에 추가하고, 기존 자료를 반환할 때는 가장 앞 프런트에 있는 노드를 제거한 뒤 이를 반환한다.
- > 각각의 노드는 자신의 앞, 뒤 노드와 1대1의 선형관게로 서로 연결되어 있다.
- > 자료의 방향은 프런트에서 리어 순서로 이어진다.

> 배열큐와의 차이점

- → 저장 노드 개수 초과로 인한 넘침현상이 발생하지 않는다는 장점이 있다.
- → 하지만 동적으로 메모리를 할당하기 때문에 구현 시 난이도가 있다.

> 구현시 주의점

→ 연결큐의 제일 마지막인 리어노드의 경우 pLink값이 NULL이다.

> 인큐

- → 기존의 연결리스트와 유사하게 이미 저장된 자료가 있는 지에 따라 인큐로직에 다소 차이가 있다.
 - 1) 공백일때 : 기존의 프런트와 리어모두 NULL을 가리키고 있다. 이 상태에서 새로운 자료를 추가하면 프런트 노드와 리어노드가 모두 새로 추가된 노드를 가리키도록 수정해야 한다.
 - 2) 공백이 아닐 때 : 새로추가되는 노드를 리어의 다음 노드로 설정한다. 그 다음 리어노드의 포인터를 새로추가된 노드를 가리키도록 재설정한다.

> 디큐와 피크

→ 디큐를 통해 전달 받은 노드는 기존 큐의 연결리스트에서 제거된 노드이므로 전달받은 쪽(main)에서 노드의 메모리 해제(free)를 책임지지만, 피크는 큐에서 해당노드를 제거한 것이 아니기 때문에 전달받은 쪽에서의 해제에 대한 책임이 없다.

> 디큐

- → 기존 연결리스트에서 제거하는 연산이 필요하기 때문에 조금 복잡하다.
 - 1) 일반적인 경우 : 기존 큐의 프런트 노드가 연결리스트에서 제거되어 포인터 변수로 반환된다. 또한 기존 프런트노드의 다음 노드가 큐의 새로운 프런트 노드로 설정된다. 반환 되는 포인터 변수 또한 기존의 연결을 NULL로 초기화 시켜줘야한다.

- 2) 노드가 1개 남은 경우: 새로운 노드에 대한 처리는 일반적인 경우와 동일하나, 리어노드의 경우 마지막 남은 노드를 처리하는 과정이라 NULL을 가리키도록 해 야 한다.
- > 연결리스트 큐 구현

- 연결리스트 덱

- > 덱(Deque)이란?
 - → 두 개의 끝을 가지는 큐(Double-Ended Queue)
 - → 양쪽 끝에서 자료의 삽입과 반환이 모두 가능한 선형자료구조
 - → 이런 특성 때문에 큐와 스택의 기능을 합친 자료구조로도 설명될 수 있다.

> 덱과 큐, 스택 비교

| 연산위치 | 연산 | 덱 | 스택 | 큐 |
|--------|----|-------------|------|---------|
| 앞, 프런트 | 추가 | InsertFront | X | X |
| | 반환 | DeleteFront | X | Dequeue |
| 뒤, 리어 | 추가 | InsertRear | Push | Enqueue |
| | 반환 | DeleteRear | Рор | X |

- → 스택의 두 연산 Push/Pop은 덱의 InsertRear/DeleteRear와 매칭된다.
- → 큐의 두 연산 Enqueue/Dequeue또한 InsertRear/DeleteFront로 매칭된다.
- > 덱은 기존의 스택 혹은 큐에서 제공하지 않던 기능을 제공한다.
 - → InsertFront
- > 덱은 스택과 큐를 일반화 시킨 포괄적인 자료구조로 해설 될 수 있다.
 - → A-Steal스케줄링 알고리즘과 같이 몇몇 알고리즘에서 덱의 이러한 포괄적인 기능이 요구되기도 한다.

> 추상자료형

| 이름 | | Input | Output | 설명 |
|------|---------------|--------|--------|------------------|
| 덱 생성 | CreateDeque() | 덱의 크기n | 덱 d | 최대 n개의 원소를 가 |
| | | | | 질 수 있는 공백(Empty) |
| | | | | 덱 d생성 |

| 덱 삭제 | DeleteDeque() | 덱 d | N/A | 덱을 제거(메모리 해제) |
|-------|----------------|-----|------------|------------------|
| 원소추가 | isFull() | 덱 d | TRUE/FALSE | 덱의 원소 개수가 최대 |
| 가능 여부 | | | | 언소 개수와 같은지를 |
| 판단 | | | | 반환 |
| 공백 판단 | isEmpty() | 덱 d | TRUE/FALSE | 공백 덱인지를 전달 |
| 앞 추가 | InsertFront() | 덱 d | 성공/실패여부 | 덱의 맨 앞(Front)에 새 |
| | | 원소e | | 로운 원소를 추가 |
| 뒤 추가 | InsertRear() | 덱 d | 성공/실패여부 | 덱의 맨 뒤(Rear)에 새 |
| | | 원소e | | 로운 원소를 추가 |
| 앞 제거 | DeleteFront() | 덱 d | 원소e | 덱의 맨 앞(Front)에 있 |
| | | | | 는 원소를 제거 한 뒤 |
| | | | | 반환 |
| 뒤 제거 | DeleteRear() | 덱 d | 원소e | 덱의 맨 뒤(Rear)에 있 |
| | | | | 는 원소를 제거한 뒤 |
| | | | | 반환 |
| 앞 반환 | PeekFront() | 덱 d | 원소e | 덱의 맨 앞(Front)에 있 |
| | | | | 는 원소를 반환(제거X) |
| 뒤 반환 | PeekRear() | 덱 d | 원소e | 덱의 맨 뒤(Rear)의 원 |
| | | | | 소를 반환(제거X) |
| 덱 표시 | displayDeque() | 덱 d | N/A | 덱에 저장된 원소를 화 |
| | | | | 면에 표시 |

- > 덱은 구현 방법에 따라 배열을 이용하거나 연결리스트를 이용하는 두가지 방법으로 구 현 될 수 있음
- > 지금은 이중연결리스트를 이용해서 구현
 - → 이중연결리스트를 사용한면서 헤드포인터를 사용해 구현

> 선언

- → 헤드포인터를 이용하기 때문에 두개의 해드포인터(Front, Rear)에 대한 변수를 가지고 있다.
- → "헤더노드"를 이용하는 이중연결 리스트는 임의의 위치에 있는 노드 pNode에 대해 항상 다음식이 성립한다.
- → pNode == pNode->pLLink->pRLink == pNode->pRLink->pLLink

- → 헤드 포인터를 이용하여 구현하는 이중 연결리스트는 위 식이 성립하지 않는다.
- → 따라서 헤드포인터를 이용하여 이중연결리스트를 구현하면, 노드의 추가와 삭제 시에 고려해야 할 경우의 수가 많아짐을 유념해야 한다.

> InsertFront/Rear

- → 덱의 상태가 공백인지에 따라 처리 과정에서 차이가 있다.
 - 1) 공백일때 : 프런트노드와 제일 뒤쪽 리어노드가 모두 이 새로 추가된 노드를 가리키도록 한다.
 - 2) 공백이 아닐 때 :
 - 2-1) 새로운 노드가 기존 프런트 노드의 왼쪽 노드로 설정된다.
 - 2-2) 새로운 노드의 오른쪽 노드는 기존의 프런트 노드가 차지한다.
 - 2-3) 이후 새로 추가된 노드를 덱의 프런트 노드로 설정해 줘야 한다.
- → Rear의 경우 Front를 Rear로 대체하고 반대방향으로 연결해준다.

> DeleteFront/Rear

- → delete연산을 통해 전달되는 노드들은 사용이 끝난 후 반드시 메모리를 해제 시켜 줘 야 한다.
- → 덱의 노드가 1개인지 1개이상(일반적인 경우)인지에 따라 차이가 발생한다.
 - 1) 일반적인 경우
 - 1-1) 반환되는 노드에 덱의 프런트노드를 대입한다.
 - 1-2) 덱의 새로은 프런트 노드는 기존 프런트 노드의 오른쪽 노드로 대체한다.
 - 1-3) 반환되는 노드의 오른쪽링크 정보는 NULL로 초기화 시킨다.
 - 1-4) 덱의 새 프런트 노드는 왼쪽 링크정보를 NULL로 설정해준다.
 - 2) 노드가 1개인경우 : 남은 노드 1개를 제거했을 때, 프런트 노드는 일반적인 경우 와 차이기 없지만 리어 노드의 경우 NULL로 설정해 줘야 한다.
- → Rear의 경우 Front를 Rear로 대체하고 반대방향으로 연결해준다.

> 연결리스트 덱 구현

- 큐의 응용 시뮬레이션

- > 시뮬레이션이란?: 현실 시스템에 대한 모델을 설계하고, 컴퓨터 기반의 실험을 통해, 시
 스템의 현상을 예측하는 일련의 과정
- > 시뮬레이션을 구현하는 방법에는 많은 방법이 존재하지만, 시스템에서 시간을 일정하게 증가시키면서, 각각의 시각마다 발생하는 이벤트들을 큐에 저장하고 이를 처리하는 방식을 채택 할것이다.
- > 하나의 노드를 고객으로 잡고, 노드의 멤버로 도착시간과 서비스시간을 정의한다.
- > 큐를 통해 대기열, 서비스를 제공할 은행원, 고객의 방문순서를 표현한다.
- > 시뮬레이션 시작시 도착시각이 미리 정의된 고객들은 시간 순서에 의해 고객의 방문순 서를 기록한 큐에 미리 삽입되어 있다고 가정한다.
- > 구현

- 연습문제

- > 시뮬레이션에서 은행원이 1명 더 추가되었을 때를 구현하자
- > 구현

재귀호출

- 개념

- > 자기 자신을 호출하는 것
- > 비선형 자료구조에 기반을 둔 다양한 알고리즘에 사용된다.
 - → 트리 혹은 그래프에 있는 모든 노드를 탐색하거나 다원탐색트리에서 노드를 삭제하 거나 병합할 때 사용한다.
 - → 문제 해결을 위한 접근방식으로 사용되기도 한다.
 - ◆ 재귀적 접근방법은 일단 큰 문제를 여러 개의 작은 문제들로 나누는 것으로 시작
 - ◆ 재귀적 접근 방법은 이처럼 하나의 큰 문제를 여러 개의 작은 문제들로 나누는 방

법인 것

- ◆ 이때 나누어진 작은 문제는 모두 같은 타입이어야 한다는 제약이 존재
- ◆ 종료조건 또한 재귀적 접근방법의 다른 특성으로 더 이상 나눌 수 없는 상태에 이 를 때 재귀 호출을 종료하고 값을 반환한다.
- ◆ 재귀적 접근방법은 여러 개의 문제들로 쪼개어 해결한다는 점에서 분할정복의 한 방법으로 볼 수 있다.
- ◆ 단순히 자기자신을 호출 할 뿐 아니라 호출 될때마다 문제가 더 작아지는 특징이 존재
- → 성능상의 몇가지 제약사항 때문에 문제해결방법이 어느정도 고정된 후에는 비 재귀적인 방법(반복적인 방법)으로 다시 수정되기도 한다.

> 재귀호출의 내부적 구현

- → 실제 운영체제에서는 스택을 이용해 재귀호출을 가능케 한다.
- → 호출 시 함수에서 사용되는 모든 지역변수와 전달인자를 저장하는 공간을 활성 레코드라 하는대, 운영체제에서는 하나의 함수가 호출되면, 함수별로 이러한 활성화 레코드에 함수관련 정보를 저장한다.
- → 재귀호출 종료시 활성레코드를 팝하여 처리하는 과정은 문맥변경(ContextSwitch)가 필요하며, 이는 운영체제가 기존에 수행되던 함수의 지역변수와 전달된 인자를 대신하여 새로운 함수의 지역변수와 인자를 적재하기 때문에, 이를 처리하는 과정에서 시간이 소요될 수 있다.
- → 따라서 같은 기능을 수행하는 함수의 경우 반복호출을 사용하는 함수가 재귀호출을 사용하는 함수보다 수행시간이 더 빠를 수 있다.

> 재귀호출의 종료조건

- → 기본경우 혹은 최소한계라 부른다.
- → 만약 재귀호출에서 문제범위의 최소한계를 정하는 부분이 없다면 시스템 스택이 허용할 대까지 계속 순환적으로 호출 하다가 메모리 에러를 발생시키며 끝날 것이다.

> 재귀호출과 반복호출

→ 재귀호출과 비교되는 방법으로 반복호출이 존재

- → 정해진 반복 횟수 혹은 완료조건을 만족할 때까지 반복적으로 계산을 실시하는 것이 반복 호출의 기본 개념이다.
- → 재귀호출이 반복호출과 비교하여 가지는 장점은 알고리즘의 간결성과 명화성이다.
- → 그러나 시스템 스택을 사용하므로 수행시간이 더 오래걸리며, 스택 메모리 문제가 발생할 수 있다.

> 재귀 호출 의 예

- → 팩토리얼
- → 피보나치
- → 하노이탑

트리

- 트리의 개념

> 트리는 노드와 간선의 집합니다.

→ 노드 : 일반적으로 모델링하려는 시스템의 객체를 나타낸다.

→ 간선 : 모델링한 객체들 사이의 부모-자식 관계를 정의한다.

> 노드의 구분

| 구분 | 용어 | 내용 |
|----------|------------------------|-----------------------|
| 트리에서의 위치 | 루트(Root)노드 | 트리의 첫번쨰 노드 |
| | 단말(Leaf or Terminal)노드 | 자식노드가 없는 노드 |
| | 내부(Internal)노드 | 자식노드가 있는 노드 |
| 노드사이의 관계 | 부모(parent)노드 | 부모노드와 자식노드는 간선으로 연결되어 |
| | 자식(Child)노드 | 있음 |
| | 선조(Ancestor)노드 | 루트 노드로부터 부모노드까지의 경로상에 |
| | | 있는 모든 노드 |
| | 후손(Descendant)노드 | 특정 노드의 아래에 있는 모든 노드 |
| | 형제(Sibling)노드 | 같은 부모노드의 자식노드 |

> 노드의 속성

| 용어 | 내용 |
|----|----|
|----|----|

| 레벨(Level) | 루트 노드로부터의 거리 |
|------------|--------------------------------------|
| 높이(Height) | 루트노드부터 가장 먼 거리에 있는 자식 노드 높이에 1을 더한 값 |
| 차수(Degree) | 한 노드가 가지는 자식 노드의 수 |

> 트리의 특징

- → 계층구조로 자료를 저장
- ◆ 계층구조란 트리를 구성하는 노드가 부모-자식관계라는 의미 → 특정부모 노드 하 나에 여러 개의 자식 노드들이 연결되는 구조
- → 계층구조(하나의 노드에 여러 자식노드가 연결된 구조)인 점에서 비선형 자료임을 알수 있다.
- → 노드 하나가 여러 자식을 가질 수 는 있지만, 반대로 각 노드의 부모노드는 모두 1개 라는 점을 주의해야 한다.

> 트리의 기타 용어

- → 서브트리 : 트리에 속한 노드들의 부분집합을 서브트리라 한다.
- → 포리스트(Forest): 트리의 집합 → 여러 개의 루트 노드가 존재하기도 한다.
- > 일반적인 트리의 경우 자식노드에 개수제한이 없는 반면, 최대 2개까지 제한을 가진 트리가 존재 > 이진트리

- 이진트리

- > 이진트리란?
 - → 모든 노드의 차수가 2이하인 트리를 말한다.

> 특성

- → 이진트리의 각 노드는 3가지 경우가 존재한다.
 - 1) 차수가 2(왼쪽, 오른쪽 자식 모두 가지는 경우)이거나
 - 2) 차수가 1(왼쪽 오른쪽 중 하나만 가지는 경우)이거나
 - 3) 차수가 0(단말노드인 경우)
- → 이진트리의 모든 서브트리들은 이진트리이다.
 - ◆ n개의 노드를 가지는 이진트리는 모두 (n-1)개의 간선을 가지는데, 루트노드를 제외

한 나머지 노드들이 모두 부모-자식 관계에 의해 간선이 있기 때문이다.

- ◆ 정리하면 모든 노드개수에서 루트노드 1개를 제외한 수만큼의 간선이 존재한다.
- ◆ n-1개 보다 작은 간선을 가진다면 트리가 아니라 포리스트인 경우이다.

> 이진트리의 종류

- → 트리의 형태는 레벨과 노드 수에 따라 결정된다.
 - 1) 포화이진트리 : 모든레벨의 노드가 꽉 차있는 형태의 이진트리로 노드개수의 일 반식은 $n = 2^h-1$ 이다.
 - 2) 완전이진트리 : 노드가 왼쪽부터 차례로 채워진, 중간에 빈 노드가 없는 트리로 노드개수는 $n < 2^h$ -1이다.
 - 3) 편향이진트리 : 같은 높이의 이진트리 중에서 최소개수의 노드개수를 가지면서 왼쪽 혹은 오른쪽 서브트리만을 가지는 이진트리로 노드의 최대개수 범위는 $h \le n \le (2^h-1)$ 가 된다.

> 이진트리의 추상자료형

| 이름 | | Input | Output | 설명 |
|------|------------------------|-------|--------|---------------|
| 이진트 | makeBinTree() | 원소e | 이진트리bt | 원소 e를 데이터로 갖 |
| 리생성 | | | | 는 루트노드로 구성된 |
| | | | | 이진트리bt를 생성 |
| 루트노 | getRootNode() | 이진트리 | 루트노드rn | 이진트리bt의 루트노드 |
| 드 반환 | | bt | | 반환 |
| 왼쪽 자 | insertLeftChildNode() | 부모노드 | 생성된 노드 | 부모 노드pt의 오른쪽 |
| 식노드 | | pt | n | 자식 노드 n추가 |
| 추가 | | 원소e | | |
| 오른쪽 | insertRightChildNode() | 부모노드 | 생성된 노드 | 부모노드pt의 왼쪽 자식 |
| 자식 노 | | pt | n | 노드 n추가 |
| 드 추가 | | 원소e | | |
| 왼쪽 자 | getLeftChildNode() | 노드n | 왼쪽 자식노 | 노드n의 오른쪽 자식노 |
| 식 노드 | | | 드 In | 드 반환 |
| 반환 | | | | |
| 오른쪽 | getRightChildNode() | 노드n | 오른쪽 자식 | 노드n의 왼쪽 자식노드 |
| 자식 노 | | | 노드 rn | 반환 |
| 드 반환 | | | | |

| 이진트 | getData() | 이진트리 | 원소e | 이진트리bt의 루트노드 |
|------|-----------------|------|-----|--------------|
| 리루트 | | bt | | 데이터를 반환 |
| 노드의 | | | | |
| 데이터 | | | | |
| 이진트 | deleteBinTree() | 이진트리 | | 이진트리를 제거(메모리 |
| 리 삭제 | | bt | | 해제) |

> 배열을 이용한 이진트리 구현

→ 배열을 이용한 트리는 노드의 번호가 인덱스 역할을 하는 점이 중요

> 특징

→ 장점 : 배열 인덱스를 사용하여 노드접근이 편리

→ 단점 : 편향이진트리와 같이 빈 노드가 많을 경우에 메모리 낭비가 심하다.

- 높이가 h인 트리에 대해서는 미리 최대 저장노드개수보다 한 개 더 많게 $(2^h 1 + 1)$ 메모리를 할당 해야 한다.
- → 트리의 크기가 증가하는 경우 필요한 메모리 양이 급속히 증가하게 된다.

> 포인터를 이용한 이진트리 구현

> 장점 : 필요한 만큼만 메모리를 할당하기 때문에 메모리 효율성 측면에서 우수하다.

→ 단점 : 포인터를 이용해 구현하기 때문에 노드의 탐색과 메모리 관리측면에서 구현이 다소 복잡하다.

> 포인터를 이용한 구현

- 이진트리 순회

> 순회

- → 트리의 모든 노드를 한번씩 방문하는 것을 말한다.
- → 트리의 내용을 출력하기 위해서는 트리의 모든 노드를 한번씩 방문하는 순회가 필요하다.
- → 트리를 대상으로 한 다양한 알고리즘은 기본적으로 이러한 순회를 기반으로 한다는 점에서 순회 알고리즘을 정확히 이해하고 구현할 수 있다는 것은 매우 중요하다.
- → 이진트리에서의 순회는 크게 현재 노드방문(V), 왼쪽서브트리 방문(L), 오른쪽 서브트

리 방문(R)으로 구성된다.

→ 트리는 계층구조를 가지기 때문에 순회알고리즘에 따라 여러가지 순회 방법이 가능 한대, 대표적으로 전위 중위 후위 순회와 레벨 순회가 있다.

| | 종류 | 방문순서 |
|---|------|---------------------------------------|
| 1 | 전위순회 | V-L-R |
| | | (현재 노드 방문 — 왼쪽 서브트리 이동 — 오른쪽 서브트리 방문) |
| 2 | 중위순회 | L-V-R |
| | | (왼쪽 서브트리 방문 - 현재 노드 방문 - 오른쪽 서브트리 방문) |
| 3 | 후위순회 | L-R-V |
| | | (왼쪽 서브트리 방문 - 오른쪽 서브트리 방문 - 현재 노드 방문) |

- → 레벨순회는 앞의 3가지 순회가 현재노드방문과 서브트리 방문으로 구성된 것에 비해, 형제노드 방문으로 구성되어 있다.
 - ◆ 같은 레벨에서는 왼쪽에서 오른쪽으로 노드를 방문한다.

> 전위 순회

- → 노드 방문순서는 VLR로 순회의 목적이 내용출력이라면, 현재 노드 방문은 현재 노드 의 내용을 출력하는 것이다. 반면 서브트리 이동은 해당 서브트리의 루트 노드로의 이동을 의미한다.
- 만약 오른쪽 자식노드만 있다면 다음 이동노드가 오른쪽 자식노드가 된다.
- → 아울러 자식노드가 없는 단말노드의 경우 부모노드로 올라가서 마찬가지로 부모노드 의 왼쪽 혹은 오른쪽 노드가 다음 이동노드가 된다.

> 중위순회

→ 노드 방문순서는 LVR로 왼쪽 자식노드를 방문한 다음 현재노드를 방문하고 오른쪽 서브트리로 이동한다.

> 후위순회

→ 노드의 방문순서는 LRV로 왼쪽 자식노드를 방문한 다음 바로 오른쪽 서브트리로 이 동한다.

> 레벨순회

레벨의 크기에 따라 낮은 레벨에서 높은 레벨의 노드로 방문하는 순회방법이다.

→ 만약 같은 레벨이면 왼쪽 노드에서 오른쪽 노드로 이동한다는 특성이 있다.

> 순회의 구현

→ 순회는 크게 재귀호출에 의한 구현과 반복에 의한 구현이 있다.

> 재귀 호출로 구현한 순회

> 반복으로 구현한 순회

- → 반복으로 순회를 구현하기 위해서 연결리스트 스택과 연결리스트큐를 사용했다.
- → 구조체 BinTreeNode에 내부변수 Visited를 추가했다.
 - ◆ 이 변수는 반복 후위 순회 함수 구현을 위해 추가 되었다.
- → 전위 중위 후위 순회를 반복으로 구현하려면 스택이 필요하다.
- → 또한 레벨순회 구현에는 큐가 필요하다.

> 반복전위순회

- → 스택에서 팝된 노드가 현재노드라고 한다면, 현재 노드를 먼저 방문처리하고 난 뒤 현재노드의 오른쪽 자식 노드와 왼쪽 자식 노드를 차례로 푸시한다.
- → 이런 반복적 처리를 스택에 저장된 노드가 없을 때까지 계속한다.

> 반복중위 순회

- → 스택에 현재 노드부터 왼쪽 서브트리 노드들을 차례로 푸시한다.
- → 팝된 현재노드를 방문 처리한 이후, 현재 노드의 오른쪽 서브트리를 대상으로 다시 앞서 작업을 반복한다.
- → 반복적 처리를 스택에 저장된 노드가 더 없을 때까지 계속한다.

> 반복레벨 순회

- → 루트노드를 시작노드로 각 노드의 왼쪽 서브트리와 오른쪽 서브트리를 큐에 인큐한 다.
- → 이는 큐의 선입선출특성을 이용한 방법이다.

- 이진트리연산

- > 앞서 다루지 않은 6개의 함수를 구현했다.
 - 1) 이진트리 복사 : 현재노드를 먼저 복사한 다음, 왼쪽 서브트리 및 오른쪽 서브트리를 재귀 호출을 통해 복사한다.
 - 2) 이진트리 동일성 검사 : 앞서 소개한 재귀호출을 이용한 전위순회를 이용해 구현할 수 있다. 현재 노드의 자료를 비교한 뒤 왼쪽서브트리와 오른쪽 서브트리를 각각 재귀 호출을 통해 비교한다.
 - 3) 이진트리 노드개수 반환: 이진트리의 노드개수 반환은 재귀호출을 이용한 후위 순회를 이용하면 구현할 수 있다. 왼쪽 서브트리의 노드수와 오른쪽의 수를 더한 후 현재 노드개수를 더하면 구할 수 있다.
 - 4) 이진트리 단말노드개수 반환 : 노드개수 반환 함수와 비슷한 구조이나 단말 노드 인 경우에만 노드 개수를 반환하는 점에서 차이가 있다.
 - 5) 이진트리 높이 반환: 트리의 높이는 루트노드부터 가장 먼거리에 잇는 자식노드의 높이에 1을 더한 값이기 때문에, 왼쪽 서브트리와 오른쪽 서브트리의 높이를 비교해, 더 큰값에 1을 더한 값으로 계산될 수 있다.
 - 6) 이진트리 구조 및 내용 출력 : 전위 순회를 통해 출력할 수 있다.

- 힙(Heap)

- > 힙은 루트노드가 언제나 그 트리의 최댓값 혹은 최솟값을 가진다는 특성이 있다.
- 루트노드가 트리의 최댓값을 가지는 힙을 최대힙이라 하고 최솟값을 가지면 최소힙이라 부른다.
- > 최대힙은 최대트리의 속성을 가진다.
 - ◆ 이처럼 최소트리 혹은 최대트리의 조건을 만족하는 이진트리라고 해서 반드시 힙인 것은 아니다.
- > 힙의 또다른 조건은 힙은 완전이진트리여야 한다는 점이다.
 - ◆ 힙은 앞서 언급했던 완전이진트리처럼 노드사이에 공백이 없어야 한다.
- > 정리 : 힙이란 완전이진트리이면서 동시에 최대/최소트리를 만족하는 트리를 말한다.
 - ◆ 최대힙과 최소힙은 루트노드를 제외하면 느슨한 정렬상태를 유지한다.

- ◆ 각 노드별로 부모노드가 자식 노드의 키값보다 최대힙은 크고 같을 경우, 최소힙은 작거나 같을 경우면 된다.
- ◆ 이는 특정노드의 키값이 하위 레벨의 모든 노드보다 크거나 작다는 의미는 아니다.

> 힙의 추상자료형

| 이름 | | Input | Output | 설명 |
|------|--------------|--------|---------|-------------|
| 힙 생성 | CreateHeap() | 힙의 크기n | 힙의 크기 d | 최대 n개의 원소를 |
| | | | | 가질 수 있는 공백힙 |
| | | | | d생성 |
| 힙 삭제 | DeleteHeap() | 힙h | N/A | 힙제거(메모리 해제) |
| 자료추 | InsertHeap() | 힙h | 성공/실패여부 | 힙에 새로운 원소 추 |
| 가 | | 원소e | | 가 |
| 자료제 | DeleteHeap() | 힙h | 원소e | 힙의 루트노드의 원 |
| 거 | | | | 소를 제거한 뒤 반환 |

→ 힙은 구현 방법에 따라 배열을 이용하는 경우와 연결리스트를 이용하는 경우로 구분 되며 자료 저장방식에 따라 최대힙과 최소힙으로 구분된다.

> 최대힙에서의 삽입연산

- 1) 트리의 마지막 자리에 임시저장
 - 힙에 새로운 노드가 추가되면 먼저 트리의 가장 마지막 자리에 임시로 저 장한다.
 - 포화 이진트리의 경우 마지막 레벨의 다음레벨에서 제일 왼쪽에 추가한다.
- 2) 부모노드와 키값비교 및 이동
 - 최대트리 조건을 만족시키기 위해 새로 추가된 노드와 이 노드의 부모노드 사이의 키값을 비교해야 한다.

> 최대힙에서의 삭제연산

- → 힙에서 노드의삭제는 오직 루트노드만 가능하다.
- 삭제 연산을 실행하면 힙 내에서 가장 큰 값을 가져가는 루트노드가 반환된다.
 - 1) 루트노드의 삭제
 - 삭제 연산은 루트노드를 대상으로 한다.

- 2) 트리 마지막 자리 노드의 임시이동
 - 트리의 가장 마지막자리에 있는 노드를 임시로 루트노드위치로 이동한다.
- 3) 자식노드와 키값 비교 및 이동
 - 한번의 노드 이동만으로는 최대트리의 조건을 만족시키지 못할 때도 있으므로 최대트리의 조건을 만족할 때까지 부모노드와 자식노드사이의 이동 연산을 계속 실행해 줘야한다.
- > 힙에 저장되는 자료의 개수를 n으로 놓았을 때 새로운 자료를 추가하는 함수의 시간 복잡도는 $O(log_2n)$ 이다.
- > 이런 시간복잡도를 가지는 이유는 힘은 추가되는 자료를 완전이진트리 형태로 저장하기 때문이다.
 - lack이로인해 자료의 개수가 n개인 경우에는 트리의 높이가 log_2n 이 된다.
 - $lack \lack$ 따라서 새로운 자료를 추가하거나 삭제할 경우 $O(log_2n)$ 번의 접근을 통해 자료의 추가 제거가 가능하다.
- > 배열로 만들어진 힙은 각 노드별로 부여된 배열 인덱스 값에 아래와 같은 규칙이 적용되다.
 - 1) 노드 i의 부모노드 인덱스 → (int)i/2 (단 i > 1)
 - 2) 노드 i의 왼쪽 자식 노드 인덱스 = 2*i
 - 3) 노드 i의 오른쪽 자식노드 인덱스 = (2*i)+1
- > 힙 구현

- 이진탐색트리

- > 이름에 탐색이 들어간 이진트리 답게 자료의 검색이 주된 기능이다.
- > 효율적인 자료검색을 목적으로 기존 이진트리에 몇가지 제약사항을 추가한 이진트리를 말한다.
- > 특정 키 값에 해당하는 노드를 신속하게 찾는 것이 기본적인 기능이다.
- > 특성
 - 1) 트리의 모든 노드는 유일한 키를 가진다.

- 2) 왼쪽 서브트리에 있는 모든 노드의 키는 루트의 키보다 작다.
- 3) 오른쪽 서브트리에 있는 모든 노드의 키는 루트의 키보다 크다.
- 4) 왼쪽 서브트리와 오른쪽 서브트리도 모두 이진탐색트리이다.

> 추상자료형

| 이름 | | Input | Output | 설명 |
|--------|-----------------------|---------|---------|----------|
| 이진탐색트리 | createBinSearchTree() | | 이진탐색트리d | 공백 이진탐색 |
| 생성 | | | | 트리d를 생성 |
| 검색 | Search() | 이진탐색트리d | | 이진탐색트리에 |
| | | 키값k | | 서 키값k를 가 |
| | | | | 지는 노드를 반 |
| | | | | 환 |
| 데이터 추가 | InsertElement() | 이진탐색트리d | 성공/실패여부 | 이진탐색트리에 |
| | | 원소e | | 새로운 원소를 |
| | | | | 추가 |
| 데이터 제거 | DeleteElement() | 이진탐색트리d | | 이진탐색트리에 |
| | | 키값k | | 서 키값k를 가 |
| | | | | 지는 노드를 제 |
| | | | | 거 |
| 이진탐색트리 | DeleteBinSearchTree() | 이진탐색트리d | N/A | 이진탐색트리를 |
| 삭제 | | | | 제거(메모리 해 |
| | | | | 제) |

→ 이진탐색트리는 자료의 검색이 일차적인 목적이기 때문에 자료를 검색하는 search연 산이 필요하다.

> 검색 연산

- → 검색연산은 이진탐색트리의 루트노드를 시작으로 하여, 단계마다 3가지 경우에 따라 연산이 지속된다.
 - 1) 입력 키 값과 현재노드의 키 값이 같은 경우 : 검색종료(성공)
 - 2) 입력 키 값보다 현재노드의 키 값이 큰경우 : 왼쪽 서브트리로 이동
 - 3) 입력 키 값보다 현재노드의 키 값이 작은경우 : 오른쪽 서브트리로 이동

> 추가 연산

- → 새로운 노드를 추가하기 위해서는 추가하려는 노드의 키 값이 삽입되기 적절한 위치 를 먼저 찾아야 한다.
 - ◆ 추가 하려는 노드의 키 값을 입력값으로 해서 먼저 검색연산을 실시한 다음 같은 키 값을 가진 노드를 찾았다면 추가연산이 실패하도록, 찾지 못했다면 검색연산의 최종위치에 새로운 노드가 삽입 될 수 있도록 한다.

> 삭제 연산

- → 삭제할 노드의 자식 노드 수에 따라 3가지 경우를 고려해야 한다.
 - 1) 삭제하려는 노드의 자식노드가 없는 경우(단말노드인 경우)
 - 대상노드를 메모리 해제 하고 부모노드의 연결에 NULL을 대입한다.
 - 2) 삭제하려는 노드의 자식노드가 1개인 경우
 - 해당노드를 삭제하고, 삭제노드의 자식노드를 삭제노드의 위치에 이동시켜 주면 된다.
 - 3) 삭제하려는 노드의 자식노드가 2개인 경우
 - 해당 노드 제거 후 대체되는 노드는 이진탐색트리의 특성을 해치지 않게 왼쪽 서브트리의 모든 노드키값보다는 큰, 오른쪽 서브트리의 모든 키값보다는 작은 노드를 선택해 대체한다.
 - 이런 조건의 노드는 아래의 경우와 같이서브트리 노드 키 값의 중간이 되는 노드여야 한다.
 - ◆ 왼쪽 서브트리의 가장 큰 키값
 - ◆ 오른쪽 서브트리의 가장 작은 키값.
- > 이진탐색트리 구현

그래프

- 그래프 개념

- > 그래프는 노드(Node혹은 정점Vertex)와 간선(Edge)의 집합이다.
- > 그래프는 객체사이의 연결 관계를 표현하는 자료구조이다.

- > 지금껏 나온 자료구조 중에서 표현 능력이 가장 우수하여 현실세계의 다양한 문제를 효과적으로 모델링하는 목적으로 사용되고 있다.
- > 그래프의 정의는 노드V와 간선E로 구성된 그래프 G에 대한 식 G = (V(G), E(G)) = (V, E)으로 나타낼 수 있다.
 - ◆ 해당 식은 "그래프G는 노드들의 집합V(G)와 간선들의 집합 E(G)로 구성된다."라는 의미이다.

> 그래프의 종류

| 구분 | 종류 | 설명 | |
|---------|---------|----------------------------|--|
| 간선의 방향성 | 무방향 그래프 | 간선에 방향이 없는 그래프 | |
| | 방향 그래프 | 간선에 방향이 있는 그래프 | |
| 간선의 가중치 | 가중 그래프 | 간선에 가중치가 할당된 그래프 | |
| 구조적 특징 | 완전 그래프 | 연결 가능한 최대 간선 수를 가진 그래프 | |
| | 부분 그래프 | 원래의 그래프에서 일부의 노드나 간선을 제외하여 | |
| | | 만든 그래프 | |
| | 다중 그래프 | 중복된 간선을 포함하는 그래프 | |

◆ 무방향 그래프 : 노드르 ㄹ연결하는 간선에 방향이 없는 그래프로 A, B노드를 잇는 간선(A,B)는 간선(B, A)와 같은 간선이다.

- ◆ 방향 그래프 : 노드를 연결하는 간선에 방향이 있는 그래프이며, 다이그래프 (Digraph)로 불린다.
 - 간선<A, B> 는 간선<B, A>와 다른 간선이다.

- 방향 그래프는 모델링 하려는 시스템이 구성 객체들 사이에 연결 관계가 대칭 적이지 않을 때 사용된다.
- 덧붙여, 방향 그래프의 간선<A, B>에서 시작노드 A는 꼬리(Tail)라 하고 종료노 드B는 머리(Head)라 한다.
 - 즉 방향그래프의간선은 꼬리에서 머리로 그려진 화살표이다.

- ◆ 가중그래프 : 노드를 연결하는 간선에 가중치가 할당된 그래프로, 가중치는 간선 사이의 비용(Cost)혹은 거리(Distance)등 다양한 속성으로 사용될 수 있다.
- ◆ 무방향 그래프에 가중치가 존재한다면 해당 그래프는 무방향 가중그래프라 하고 방향그래프에 가중치가 있으면 이는 방향 가중그래프라 한다.
 - 일반적으로 방향 가중그래프르 네트워크라고도 부른다.
 - 노드사이의 연결관계 이외에 비용 혹은 거리 등의 추가 속성을 정의 할 수 있어서 응용분야가 포괄적인 그래프 모델이다.
- ◆ 완전 그래프 : 그래프 내의 모든 노드가 1:1 간선을 연결된 경우로, 연결 가능한 최 대 간선 수를 가진 그래프를 말한다.
 - 노드의 개수를 n, 간선의 개수를 m이라 할 때 무방향그래프와 방향그래프는 다음과 같은 식으로 정의 할 수 있다.
 - 식 : $\begin{cases} \text{무방향 그래프} & \text{m} = \frac{n(n-1)}{2} \\ \text{방향 그래프} & \text{m} = n(n-1) \end{cases}$
- ◆ 부분 그래프 : 일부의 노드나 간선을 제외하여 만든 그래프를 부분 그래프이다.
 - 그래프G의 부분 그래프G'는 G의 노드 V(G)와 간선의 집합E(G)의 부분집합으로 만들어졌으며 이를 식으로 표현하면 다음과 같다.

$$\bullet \quad \ \ \, \stackrel{\triangleleft}{\vdash} : \begin{cases} G' = (V(G'), E(G')) \\ V(G') \subseteq V(G) \\ E(G') \subseteq E(G) \end{cases}$$

◆ 다중 그래프 : 중복된 간선을 포함하는 그래프를 말한다.

> 그래프 관련 용어

- → 인접 : 두개의 노드를 연결하는 간선이 존재하는 경우 인접(Adjacent)되었다 표현한다.
- → 부속 : 두 노드를 연결하는 간선이 존재하는 경우 해당 간선은 두 노드에 각각 부속 (Incident)되었다고 한다.
- → 차수 : 노드에 부속된 간선의 개수를 차수(Degree)라 한다.
 - 단 방향그래프의 경우 노드로 들어오는 간선의 개수를 진입차수(In-Degree)라 하고, 나가는 간선의 개수를 (Out-Degree)라 한다.

- ◆ 경로 : 노드 A에서 B까지의 경로는 A에서 B에 이르는 간선들의 인접(Adjacent)노드 를 순서대로 나열한 리스트를 말한다.
- ◆ 경로를 구성하는 간선의 개수를 경로 길이(Path Length)라 하며 특히 경로 중에 같은 노드가 존재하지 않는 경우를 단순경로(Simple Path)라 한다.
- ◆ 보통 방향그래프에서의 단순 경로는 단순 방향경로(Simple Direted Path)라 한다.
- ◆ 아울러 단순경로 중에서 경로의 시작노드와 마지막 노드가 같은 경로를 사이클 (Cycle)이라 한다.
- ◆ 그래프 내의 모든 노드사이에 경로가 있을 때, 그래프가 연결(Connected) 되었다고 한다.

> 그래프의 동일성

- → 같은 그래프라 할지라도 시각적 표현은 다를 수 있다.
 - ◆ 노드와 간선의 집합이 같으면 같은 그래프이다.

> 루프

→ 임의의 노드에서 자기 자신으로 이어지는 간선을 루프라고 한다.

- 추상자료형

| 이름 | | Input | Output | 설명 |
|--------|----------------|----------|--------|-----------|
| 그래프생성 | createGraph() | 최대노드개수 n | 그래프g | 최대n개의 노드를 |
| | | | | 가지는 공백 그래 |
| | | | | 프 생성 |
| 그래프 삭제 | deleteGraph() | 그래프 g | | 그래프 g의 모든 |
| | | | | 노드 및 간선제거 |
| 노드추가 | addVertex() | 그래프 g | | 그래프g에 노드 |
| | | 노드v | | 추가 |
| 간선추가 | addEdge() | 그래프g | | 그래프g에 해당 |
| | | 노드u | | 노드들을 잇는 간 |
| | | 노드v | | 선추가 |
| 노드제거 | removeVertex() | 그래프g | | 그래프g의 노드 |
| | | 노드v | | 및 해당 노드에 |

| | | | | 연결된 간선제거 |
|--------|----------------|------|--------|------------|
| 간선제거 | removeEdge() | 그래프g | | 그래프g의 간선을 |
| | | 노드u | | 제거 |
| | | 노드v | | |
| 인접노드반환 | adjacentNode() | 그래프g | 노드의 목록 | 그래프 g의 노드v |
| | | 노드v | | 에 인접한 모든 |
| | | | | 노드를 반환 |

- 그래프 구현

- > 일반적으로 인접행렬을 이용하는 방법과 인접리스트로 구현하는 2가지 방법이 사용된다.
- > 인접행렬: 데이터를 2차원배열로 저장
 - → 각 노드 사이의 간선을 2차원 배열에 저장하는 방법
 - → 간선이 있을 때는 값이 1 없을 때는 0
 - → 각 행은 나가는 간선 열은 들어오는 간선을 의미한다
 - → 무방향그래프는 대칭인 배열의 값이 같은 대 이러한 성질을 대칭성이라 한다.
 - → 각 노드의 차수는 인접행렬의 각 행의 합 또는 열의 합으로 구할 수 있다.
 - → 구현
- > 인접리스트: 연결리스트로 저장
 - → 정점 별 인접정점을 연결리스트로 저장하는 방식
 - → 인접행렬이 노드 사이의 연결 여부와 상관없이 모든 간선의 정보를 2차원배열에 저 장한 반면, 인접리스트는 실제 연결된 노드만을 저장한다.
 - → 간선에 대한 접근이 연결리스트의 순회가 필요하다.
 - → 구현

- 그래프 탐색

- > 그래프의 탐색은 긴선을 이용하여 그래프 상의 모든 노드를 한번 씩 방문하는 것을 말한다.
- > 대표적으로 깊이 우선탐색(DFS)와 너비우선탐색(BFS)이 있다.

> 깊이 우선 탐색

- → 깊이 우선은 현재 선택된 노드와 연결된 노드를 먼저 선택하는 것
- → 스택을 통해 구현
 - 1) 선택된 노드인 0과 연결된 노드들을 찾고, 이들 중에서 아직 탐색되지 않은 노드들이 있는지 점검한 후 차례대로 푸시한 뒤, 다음에 이동할 노드를 팝을 해 반환한다.
 - 2) 선택된 노드와 연결된 노드들을 각각 스택에 푸시시키고 다음으로 이동할 노드를 팝해 선택한다.
 - 3) 만약 이미 스택에 추가된 인접노드는 넘어간다.

> 넓이 우선 탐색

- → 현재 선택된 노드의 이전 노드에서 연결된 다른 노드를 먼저 탐색 하는 것
- → 큐를 통해 구현
 - 1) 시작노드와 연결된 노드들을 인큐 한 후 다음 디큐로 반환
 - 2) 큐의 선입선출로 자연스럽게 넓이 우선 탐색이 가능해 졌음을 파악 할 수 있다.
 - 3) 인큐시킬 데이터는 방문한 적 없고 이미 큐에 삽입된 것이 아니어야 한다.

- 신장트리와 최소비용신장트리

- > 신장트리는 모든 노드를 포함하는 트리이다.
- > 트리의 일종이기 때문에 순환이 없어야 한다는 제약사항이 있다.
- > 기존 그래프가 가진 모든 노드를 순환 없이 서로 연결시킨 트리이다.
- > 그래프G의 간선 중에 신장트리에도 포함된 간선을 트리간선이라 하고, 신장트리에 포함되지 않는 간선을 비 트리 간선이라고 한다.
- 신장트리는 앞서 설명한 그래프 탐색을 이용하여 생성 할 수 있고, 앞에서 설명한 탐색 방법을 활용해 깊이 우선 신장트리, 넓이 우선 신장트리를 구할 수 있다.
- 최소비용 신장트리는 가중 그래프의 신장트리중에서 가중치의 합이 최소인 신장트리를 말하낟.

- > 최소 신장트리를 구하는 방법은 대표적으로 Prim알고리즘과 Kruskal알고리즘이 있다.
- > 크루스칼 알고리즘 : 모든 간선을 비용순으로 정렬한 다음 낮은 비용을 가지는 간선을 차례대로 선택해서 신장트리를 완성해가는 방법.

> 알고리즘

- 1) 간선을 가중치 값에 따라 오름차순으로 정렬한다.
- 2) 간선 중 가중치가 가장 작은 간선을 추츨
- 3) 신장트리에 연결된 노드개수와 그래프에 연결된 노드개수를 비교한 뒤 신장트리가 작으면 다시추출
- 4) 어떤 간선을 선택했을 때, 순환이 발생한다면 다음으로 작은 가중치의 간선을 선택
- > 프림알고리즘 : 임의의 시작노드1개만을 추가해서 현재 신장트리와 연결된 간선 중에서 가장 적은 비용을 가지는 간선을 선택한다.

> 알고리즘

- 1) 시작노드 선택
- 2) 해당 노드에 부속된 간선들은 모두 2개이며 이중 가장 가중치가 작은 간선이 선택되어 해당 간선의 진출노드가 새로운 노드로 추가
- 3) 추가된 노드들에 부속된 간선들 중 가중치가 가장 작은 노드를 선택하되, 사이클이 생성되지 않는 간선을 선택한다.
- 4) 신장트리의 노드수와 그래프의 노드수가 같을 때까지 반복

- 최단경로

- > 두 노드 사이의 경로들 중에서 최소의 비용으로 이동할 수 있는 경로를 찾는 문제
- > 세분화 하면 크게 세가지 종류로 난ㄹ 수 있다.
 - 1) 단일 시작점에서 최단경로 구하기
 - → 첫 번째 문제는 특정 노드에서 다른 모든 노드 사이의 최단 경로를 구하는 문제로 다른 최단경로 문제의 가장 기본이 되는 문제이다.
 - → 간선의 가중치가 양수인 경우와 음수인 경우로 나눌 수 있다.

2) 모든 최단경로 구하기

→ 그래프 상의 모든 노드에서 다른 모든 노드사이의 최단경로를 구하는 문제로, 첫번째 문제의 확장된 경태이다.

3) 도달 가능성 구하기

→ 방향그래프인 경우에 특정 노드에서 다른 노드 사이에 경로가 존재하는지를 판단하는 문제이다.

> 단일 시작점에서의 최단경로 - Dijkstra

- → 노드 사이의 거리가 음수인 경우에는 구할 수 없다.
- → 시작노드부터 노드V까지는 최단 거리를 알고 있다고 가정한 뒤 시작노드부터 노드 W까지의 최단거리를 알고 싶을 때 사용한다.
- → 다익스트라 알고리즘의 단계
 - 1) 시작노드에서 최단거리를 알고 있는 노드 V선택
 - 2) 최단거리 노드 V와 연결된노드 W에 대해 다음 조건을 검사
 - 3) 조건 : 만약 노드W의 기존거리보다 노드V에 간선(v,w)를 연결한 새로운 경로가 더 짧다면, 노드 w의 경로를 수정한다.
- → 다익스트라 알고리즘은 단일시작점이 주어진 경우 최대n번수행한다.

> 알고리즘

◆ 초기화

- 시작노드와 연결된 노드들에 대해서만 거리를 설정하고, 남은 노드들은 도달하지 못함(INF)을 표시한다.
- 집합S는 시작노드를 제외한 그래프의 모든 노드를 포함한다.

◆ 루프

- 집합S 중 최단 거리를 가지는 노드를 선택 후 해당 노드를 S에서 제거한다.
- 또한 앞서 제거한 노드에 인접한 노드에 대해 앞서 나온 조건을 검사한다.
- S에 포함되지 않은 노드는 검사대상에서 제외된다.

- S집합에 포함된 노드들의 거리정보를 갱신한다.
- S가 공백상태가 될 때까지 반복한다.

> 모든 최단경로 구하기 : Floyd 알고리즘

- → 그래프 상의 모든 노드에서 다른 모든 노드 사이의 최단 경로를 구하는 알고리즘
- → 기본적으로 다익스트라 알고리즘과 동일한 접근 방법을 사용하고 있다.
- ◆ 최단경로를 수정하는 전략이 동일 한대, 시작노드에서 임의의 노드까지의 최단 거리를 구하는 방법으로 기존의 최단경로를 알고있는 노드를 이용하는 방법이다.
- ◆ 대신 시작노드가 그래프의 특정노드가 아니라 그래프의 모든 노드 집합에 대해서 수행한다.
- → 플루이드 알고리즘은 시작노드와 도착노드로 구성된 2차원 배열의 모든 원소에 대해 루프를 돌면서 최단경로를 구한다.
- → 이때 그래프의 모든 노드를 중간노드로 놓고 최단경로를 변경한다.
- → 또한 그래프의 시작노드와 도착노드 사이의 거리를 저장하는 2차원배열을 A라고 가 정했을 때, 행렬의 각 원소[시작노드][종료노드]는 해당 경로의 길이를 저장하게 된다.
- → 초깃값으로는 해당 간선이 존재한다면 간선의 가중치가 되고, 서로 인접하지 않은 노 드의 경우라면 무한대가 저장된다.

> 알고리즘

◆ 초기화

- 서로 인접한 두 노드에 대해서 해당 간선의 가중치로 조기화되며, 직접적으로 연결되지 않는 노드 사이의 거리는 무한대가 된다.
- 직접적으로 연결된 노드들에 대해서만 설정된다.

◆ 루프

- 거리가 단축되는 경우
 - 값을 대입하고 다음 노드 확인
- 단축 되지 않는 경우

● 다음노드 확인

> 도달 가능성 구하기

- → 그래프 상의 모든노드에서 다른 모든 노드 사이로 이동할 수 있는 지를 구하는 문제
- → 방향그래프를 대상으로 하며, 플로이드 알고리즘과 마찬가지로 시작노드와 도착노드로 구성된 2차원 배열의 모든 원소에 대해 루프를 돌면서 이동할 수 있을지를 확인한다.
- → 단순히 경로가 존재하는지만 특정값으로 설정한다는 점이 플로이드 알고리즘과 다른 점이다.
- → 핵심은 도달 가능성을 점검하는 부분에 있다.
- → 시작노드에서 중간노드까지 경로가 있는지를 점검한 후, 시작노드에서 중간노드까지 경로 가 있다면, 중간노드부터 도착노드까지 경로가 있는지 파악한 후, 만약 경로가 존재한다면 이는 시작노드부터 도착노드까지 경로가 존재한다는 뜻으로 도달 가능하다는 표시를 남긴다.
- → 즉 도달 가능성 문제는 플로이드 알고리즘을 적절히 응용한 형태이다.

정렬

- 정렬

> 정렬이란?

→ 순서없이 배열되 있는 자료들을 그 값 및 순서에 따라 재배열 하는 것

> 키 값

→ 자료를 정렬하는 데 사용하는 자료의 값

→ 오름차순 : 작은 값부터 시작해 값이 증가하는 순서대로 배열하는 것

→ 내림차순 : 오름차순 반대

> 효율성

- → 얼마만큼 빠르게 정렬을 실시하는지를 나타내는 것
- → 대상이 되는 자료가 n개일 때 필요한 비교 연산과 자료 이동연산의 횟수에 의해 결

- → 연산의 횟수가 같다 하더라도 알고리즘에 따라 비교 연산이 많이 수행되는 경우와 이동 연산이 많이 되는 경우로 나눌 수 있다.
- → 저장된 자료의 상태에 따라 평균 효율성과 최악인 경우의 효율성이 차이가 있다면 이 또한 알고리즘의 선택 시 고려해야 할 관점 중 하나이다.

> 안정성

- → 같은 키 값을 가지는 자료들을 입력 순서 그대로 정렬하는지를 확인
- → 결과가 원본의 정렬순서와 일치된다면 이는 안정성이 있는 안정 정렬이다.
- → 일치 하지 않는다면 이는 불안정 정렬이다.
- → 안정성 여부는 정렬에 사용되는 키가 2개 이상인 경우에 의미가 존재
- → 정렬에 사용되는 키가 여러 개라면 이는 다중키 정렬이라 부른다.
- → 안정성 여부는 다중 키 정렬에서 중요한 차이를 발생시키는데, 안정정렬이라면 기존 정렬 내용이 유지되기 때문에 단순히 우선순위가 낮은 키부터 높은 순으로 여러 번 정렬만 한다면 자동으로 다중키 정렬이 가능 할 것인 반면, 불안정 정렬의 경우 다중 키 정렬의 키값 비교를 위한 별도의 비교 로직이 추가되기에 비효율 적일 것이다.
- → 일반적으로 효율성이 높은 정렬알고리즘은 불안정 정렬인 경우가 많다.

- 정렬의 종류

- > 정렬이 수행되는 방법에 따라 두가지로 구분 가능
 - 1) 정렬 수행 장소
 - → 메모리 내부에서 정렬될 경우 내부정렬
 - ◆ 자료가 컴퓨터 메모리에 로딩되기 때문에 빠르게 정렬 할 수 있지만, 대용량데이터 는 정렬할 수 없다.
 - → 외부보조기억장치에서 정렬하는 경우 외부정렬
 - ◆ 외부보조기억장치를 활용하기 때문에 대용량 데이터를 정렬할 수 있지만, 수행속도 가 느리다.

2) 정렬 실행 방법

- → 크게 다섯가지로 분류가능
 - 1) 교환 : 키 값을 비교 후 자료 교환
 - 버블 정렬이나 퀵 정렬이 이에 해당
 - 2) 삽입 : 키 값 비교 후 자료 삽입
 - 삽입정렬과 셸정렬이 여기 해당
 - 3) 병합 : 키 값 비교 후 자료 병합
 - 2 way 병합과 n way병합이 이에 해당
 - 4) 분배 : 키 값을 여러 개의 부분집합으로 분배 한 후, 이를 이용해 자료를 정렬
 - 기수정렬이 여기에 해당
 - 5) 선택 : 트리 자료구조 등 특정 자료구조를 통해 정렬하는 방식
 - 힙 정렬이 여기에 해당

- 선택정렬

- > 정렬되지 않은 전체 자료 중 해당 위치에 맞는 자료를 선택하여 위치를 교환 하는 정렬 방식
- > 알고리즘
 - 1) 최솟값 탐색
 - 2) 가장 처음 인덱스의 값과 교환
 - 3) 교환된 다음번지의 인덱스부터 최소값 탐색
 - 4) 다음 번지의 값과 교환
 - 5) 반복

> 특성

- → 비교연산의 시간복잡도 : O(n(n-1) / 2) = O(n^2)
- → 이동 연산의 시간복잡도 : O(3(n-1)) = O(n)
- → 전체 : $O(n^2 + n) = O(n^2)$

- → 자료의 이동연산횟수가 O(n)이기 때문에 자료의 크기가 큰 정렬에 유리
- → 또한 비교 및 이동연산의 횟수가 미리 정해져서 최악의 경우와 평균인 경우의 시간 복잡도에 차이가 없다.
- → 하지만 전체효율성이 낮고, 정렬의 안정성이 불안정하다.

> 구현

- 버블정렬

 > 정렬되지 않은 전체 자료들을 대상으로 인접한 두개 자료의 키 값을 비교하여 위치를 교환하는 정렬방식

> 알고리즘

- 1) 가장 처음 인덱스와 다음 인덱스를 비교
- 2) 기준에 따라 부합될 경우 교환
- 3) 자료의 끝까지 반복
- 4) 가장 마지막으로 확인한 인덱스를 제외시키며 전체 반복

> 특성

- → 비교연산의 시간 복잡도 : O(n(n-1)/2) = O(n^2)
- → 이동 연산의 시간 복잡도 : O(0) ~ O(n(n-1)) + O(n^2)
 - 버블정렬은 정렬 전 상태에 따라 이동연산의 차이가 있다.
- → 전체 : O(n^2)
- → 전체 효율성을 볼 때 느린 알고리즘이다.
- → 또한 이동 연산의 횟수가 크기 때문에 자료의 크기가 클 때는 사용하기 어렵다는 단점이 존재한다.
- → 하지만 정렬의 안정성은 유지되기 때문에 같은 키 값을 가지는 자료형의 위치는 변경되지 않는다는 장점이 존재한다.

> 구현

- 퀵정렬

- > 중심값을 기준으로 두 자료의 키 값을 비교하여 위치를 교환하는 정렬방식
- > 피봇기준의 위치 교환이 끝난 다음, 기존 자료 집합을 피봇을 기준으로 2개의 부분집합으로 나눈 뒤, 분할된 부분 집합에 대해 다시 퀵 정렬을 실행하는 "분할정복 기법"에 바탕을 두고 있다.

> 알고리즘

- 1) 첫 인덱스 또는 마지막 인덱스를 피봇기준으로 설정
- 2) 조건에 따라 참이면 피봇과 가까운 인덱스를 이동 거짓일 경우 먼 인덱스를 이동
- 3) 두 인덱스가 만나면 피봇과 교환
- 4) 피봇을 기준으로 두 집합으로 나눈 뒤 재귀호출을 통한 분할정복
- 5) 분할 할 수 없는 집합의 수 까지 반복

> 특징

- → 피봇을 기준으로 두 개의 부분집합으로 나누어 자료의 위치를 교환하기 때문에 n개 의 자료를 평균O(nlogn)번 만에 정렬하는 효율성을 가진다.
- → 정렬 횟수가 n/2, n/2^2, n/2^3과 같이 평균 logn의 횟수가 되며, 각 정렬 마다 모두 n번의 비교가 필요하기 때문에 평균 비교 횟수는 nlogn이 된다.
- → 또한 이동연산은 비교 연산보다 상대적으로 적게 발생하지만, 피봇을 기준으로 나누어지는 두 개의 부분집합에 지속적인 불균형이 발생한다면 최악의 경우 O(n^2)의 효율성을 가진다.
- → 퀵정렬은 정렬 전 자료의 상태에 따라 효율성에 차이가 있기는 하지만, 전체적인 효율성은 우수한 편에 속한다.
- → 단 최악의 경우 효율성이 떨어진 다는 단점이 존재해, 이를 보완하기 위해 중간값을 피봇으로 선택해서 퀵연산을 수행하는 방법이 사용된다.
- → 또한 퀵정렬은 정렬의 안정성이 유지되지 않는다.

> 구현

- 삽입정렬

> 기존에 정렬된 부분집합에 정렬할 자료의 위치를 찾아 삽입하는 방식이다.

> 알고리즘

- 1) 비교 대상 인덱스의 값을 임시변수에 저장한 후 해당 인덱스의 이전 인덱스와 비교
- 2) 반복하며 비교한 인덱스의 값을 오른쪽으로 이동
- 3) 반복 탈출조건에 부합할 경우 탈출 후 임시 변수에 저장한 값을 대상인덱스에 저장
- 4) 마지막 인덱스까지 반복

> 특성

- → 정렬 전 자료의 상태에 따라 효율성의 차이가 무척 큰 알고리즘이다.
- → 기존에 정렬 되어 있는 경우 각 정렬단계에서 1번씩의 비교만 필요하고 이동연산은 필요 없으므로, O(n)의 효율성을 가진다.
- → 반면 모든 원소가 역순으로 되어있는 경우 비교연산과 이동연산의 횟수가 O(n^2)의 효율성을 가지는 특성이 있다.
- → 따라서 효율성은 O(n) ~ O(n^2)을 가진다.
- → 전체 효율성은 그렇게 빠르진 않아도, 알고리즘 자체가 간단하며, 기존자료가 어느정 도 정렬된 경우에는 효율적일 수 있다는 장점이 있다.
- → 또한 정렬의 안정성도 유지된다.

> 구현

- 셸정렬

- > 셸정렬은 기존자료를 일정한 간격(interval or gap)에 의해 여러 개의 부분집합으로 나 눈 다음, 각 부분 집합에 대해 삽입 정렬을 수행하여 전체 자료를 정렬하는 방식이다.
- 기존 삽입 정렬이 어느정도 정렬된 집합에서는 상당히 빠른 정렬 알고리즘이라는 특징에서 착안해 고안된 알고리즘 이다.

> 알고리즘

1) 초기 간격을 전체 자료개수의 1/2로 설정한 후 조건에 따라 삽입정렬 시행

- 2) 삽입 정렬 시에는 처음+간격부터 마지막 까지 간격만큼 증가하며 탐색한다.
- 3) 간격이 1보다 작거나 같아질 때 까지 반복

> 특성

- → 기존 자료를 일정한 간격으로 여러 부분집합으로 나눈 다음 각 부분집합에 대해 삽 입정렬을 수행하는 정렬방식이다.
- → 기존의 삽입정렬에 비해 우수한 효율성을 가진다.
- → 단계별로 미리 정렬을 수행하기 때문에 최종적으로 아주 빠른 삽입정렬이 가능하도록 했기 때문이며, 최선의 경우에는 O(n)의 시간복잡도를 가지지만, 평균적으로 O(n^1.25)의 효율성을 가지며, 최악의 경우 O(n^2)의 효율성을 가지는 특성이 있다.
- → 셸정렬은 삽입정렬과 달리 정렬의 안정성이 유지되지 않는다.

> 구현

- 병합정렬

- > 같은 개수의 원소를 가지는 부분 집합으로 기존 자료를 분할하고 분할된 각 부분집합을 병합 하면서 정렬작업을 완성하는 분할정복기법에 의한 정렬방식이다.
- > 2개의 정렬된 자료집합을 병합하는 경우 2-way병합이라 하고, n개의 자료집합을 병합하는 경우 n-way집합이라 한다.

> 알고리즘

- 1) 분할단계 : 재귀 호출을 활용해 더 이상 나눌 수 없을 때까지 부분집합을 나눈다.
- 2) 병합단계 : 나눠지 부분집합들을 병합하며 조건에 따라 먼저 저장할 자료를 선택해 정렬하며 병합
- 3) 분할되었던 모든 집합들을 병합하면 종료

> 특징

- → 이동 및 비교연산이 평균적으로O(nlogn)번 필요한 비교적 우수한 효율성을 가진다.
- → 따라서 정렬전 자료의 상태에 영향이 적을 뿐만 아니라, 효율이 매우 우수한 정렬방식이다.
- → 단, 추가 메모리 공간이 필요하며, 자료의 이동 횟수가 많다는 단점이 존재한다.

- → 따라서 정렬대상의 자료의 크기가 큰 경우에는 시간적 낭비가 심해지므로 이 경우에 는 배열보단 연결리스트를 사용해 실제자료의 이동 대신 연결 포인터만을 변경하는 방식을 통해 물리적 이동 양을 줄여서 성능을 향상시키는 최적화 기법이 필요하다.
- → 또한 이 정렬은 안정성이 유지되는 방식이다.

> 구현

- 기수정렬

- > 기수(Radix)는 숫자의 자리수를 말한다.
- > 키 값의 자릿수에 따라 자료를 분배하는 방식을 통해 정렬하는 알고리즘이다.
- > 즉 앞서 나온 알고리즘들이 각 자료의 키값을 비교하여 이동을 수행하는 방식이었던 것에 비해 기수정렬은 키값끼리의 비교연산이 필요 없으며, 버킷이라 불리는 자료 보관 큐에 자료를 분배하고 다시 이를 꺼내는 연산을 통해 정렬이 이루어진다.

> 알고리즘

- 1) 일정한 크기의 버킷배열을 생성한다.
- 2) 키값을 버킷배열의 수만큼 나머지 연산한 후 도출되는 기수를 인덱스 삼아 해당 버킷에 삽입한다.
- 3) 이후 버킷 배열의 전체를 순차적으로 출력해 일차적으로 정렬을 시킨 후 다음자 릿수의 기수를 구해 반복한다.

> 특징

- → 자릿수가 d인 자료의 정렬의 경우 효율성은 O(d*n)이 되며, 이때 자릿수는 보통 32비트 기준 10정도의 상수에 해당하기에 실질적인 효율성은 O(n)으로 볼 수 있다.
- → 즉, 기존의 정렬알고리즘과 비교해 상당히 우수한 효율성을 가진다.
- → 다만, 기수정렬을 위해 자릿수의 개념이 적용될 수 있어야 하기에, 보통 숫자키의 경 우에만 적용 될 수 있으며, 한글과 같은 문자키의 경우 상당히 많은 버킷이 필요하다.
- → 또한 자료의 분배 저장을 위해 버킷의 메모리가 필요하다는 특성이 있다.
- → 기수정렬은 안정성이 유지되는 정렬이다.

> 구현

- 힙 정렬

- 회 자료구조를 이용한 정렬로 힘은 완전이진트리이면서 동시에 최대트리 혹은 최소트리를 말한다.
- > 힙의 루트는 항상 최대 혹은 최솟값을 가지며, 이를 이용해 정렬을 하는 알고리즘이다.

> 알고리즘

- 1) 힙을 통해 전체 자료들을 저장
- 2) 힙의 원소들을 제거하는 것으로 정렬 완료

> 특징

- → 힙 정렬은 정렬하고자 하는 자료를 힙에 삽입하고, 삭제하는 것으로 정렬한다.
- → 힙을 유지하는데 있어서 힙 재구성이 필수적이기 때문에 평균 O(logn)의 시간이 소요된다.
- → 때문에 전체 평균 효율성은 O(nlogn)으로 다른 방식에 비해 상당히 우수하다.
- → 하지만 힙 생성에 필요한 추가적인 메모리가 필요하고 정렬의 안정성이 유지되지 못 하는 단점이 존재한다.

검색

- 검색

- > 정보검색의 가장 기본이 되는 분야로, 기존에 저장된 자료 중에서 원하는 자료를 찾는 것을 말한다.
- 이때 찾고자 하는 자료를 같이 저장되어 있는 자료들과 구별 시켜주는 키를 검색 키라하며 검색은 이러한 검색키를 가지는 자료를 찾는 것을 말한다.
- > 정렬과 마찬가지로 검색이 수행되는 위치에 따라 내부검색과 외부검색으로 나눌 수 있다.
 - → 내부검색 : 검색연산이 모두 메모리 내에서 수행되는 것
 - → 외부검색 : 디스크 등의 보조 기억장치를 이용해 자료를 수행하는 것

- > 검색 방법에 따라 나누기도 한다.
 - → 비교 검색 방법 : 검색키를 비교하여 검색하는 방법
 - 대표적으로 순차, 이진, 트리검색등으로 나누어진다.
 - → 계산 검색 방법 : 검색키를 계수적으로 계산하여 검색하는 방법
 - 해싱이 가장 대표적인 계산방법이다.

- 순차검색

- > 일렬로 되어있는 자료들의 검색 키값을 차례대로 비교하는 검색방법이다.
- > 일렬로 되어있는 자료를 검색하기 때문에 선형 검색이라고도 한다.
- > 순차 검색은 가장 단순하면서도 직관적인 검색방법으로 구현이 쉽다는 장점이 있지만, 자료의 양이 증가하면 효율성이 상당히 감소하기 때문에 자료가 적은 경우에만 사용할 수 있다는 단점이 있다.
- > 자료가 정렬 되지 않은 경우의 순차검색
 - → 전체자료를 전부 비교하기 전까지 검색실패여부를 알 수 없기 때문에 전체를 비교해 야 하며, n개의 자료를 가지는 경우 평균적으로 O(n+1/2)만큼의 비교연산을 한다.

> 자료가 정렬된 경우의 순차검색

- → 정렬되지 않은 경우와의 차이점은 검색 실패여부를 자료의 마지막 원소까지 찾지 않아도 된다는 점이다.
- → 검색 실패시 평균 비교횟수가 반으로 감소하지만 평균적인 시간복잡도는 여전히 O(n) 이므로 자료의 개수가 증가함에따라 검색에 소요되는 시간또한 비례해 증가함을 알수 있다.

> 순차검색구현

> 색인 순차 검색

- → 자료가 미리 정렬된 경우에 인덱스 테이블을 이용해 검색의 효율성을 높이는 방법이 다.
- → 인덱스 테이블은 정렬된 자료를 일정 간격으로 저장하기 때문에, 찾아야 하는 전체 자료의 개수를 감소시키는 역할을 한다.

- → 검색 대상이 되는 전체 자료의 개수가 n개이고, 인덱스 테이블의 개수가 m개라면, 키 값을 비교해야 하는 자료의 개수는
 - 인덱스 테이블에서 비교해야 하는 평균 m개와
 - 실제 자료집합에서 비교해야 하는 평균 n/m의 합이므로
 - ◆ 평균 O(m+n/m)의 시간복잡도를 가진다.
- → 시간복잡도에서 알 수 있듯 색인검색의 성능향상은 최적의 n과 m의 결정에 있다.
- → 또한 인덱스 테이블을 사용하기 위해서는 자료의 정렬이 필요한데, 만약 중간에 새로 운 자료가 삽입되거나 기존 자료의 삭제가 발생한 경우, 기존의 생성된 테이블을 변 경해야 하는 문제 또한 발생한다.
- > 색인 순차 검색 구현

- 이진 검색

- > 미리 정렬된 자료를 대상으로 검색범위를 반으로 감소시키는 과정을 반복해 검색키를 탐색
- 가운데 위치한 자료의 키값을 비교해 자료가 배열의 왼쪽에 있는지 오른쪽에 있는지를 판단한다.
- > 구현

- 해싱

- > 검색키에 대한 산술연산을 이용한 검색방식
- > 검색키 값을 입력값으로 계산을 실시하면 검색하려는 자료의 위치를 알 수 있다는 것이 해싱의 기본개념이다.
- > 앞서 순차검색이나 이진검색은 검색 키 값과 실제 자료들의 키값을 하나하나 비교하여 자료를 찾는 비교검색인 반면, 해싱은 검색 키 값만으로 원하는 자료의 위치를 직접 계 산할 수 있다는 점에서 차이가 있다.

- 해싱함수

> 검색 키값을 이용해 저장된 자료의 주소를 변환하는 함수이다.

> 어떤 해싱함수를 사용하느냐에 따라 검색속도와 효율성이 결정되기 때문에 해싱함수가 굉장히 중요해진다.

- 해싱테이블

- > 해싱 함수를 통해 계산된 주소에 따라 자료를 저장하는 자료구조를 해시테이블이라 한다.
- 보통 배열이 선호되며, 버킷을 통해 생성되기도 하는데, 버킷이란 해시 테이블에 저장되는
 는 각각의 노드를 칭한다.
 - ◆ 버킷을 사용할 경우 버킷이 실제 자료가 저장되는 주소가 된다.
 - ◆ 1개의 버킷에 여러 개의 자료가 저장 될 수 있으며, 이때 버킷 내부에는 여러 개의 슬롯이 존재하게 된다.
 - ◆ 서로 다른 검색 키값을 가지지만, 같은 버킷에 저장된 키값들을 동거자라 칭한다.

- 해싱특징

- 해싱은 검색키를 계산해 찾으려는 자료의 위치를 바로 알 수 있기 때문에 검색에 필요
 한 평균 시간복잡도가 O(1)이 가능하다는 특징이 있다.
- > 단순히 키 값에 대한 산술적 연산만 하면 찾을 수 있기에 상수시간내에 검색할 수 있다.
- > 단, 이런 최적의 해싱이 가능하려면 해싱함수와 해싱테이블의 설계시에 고려해야 할 몇 가지 제약사항이 존재한다.
- > 제약사항 1. 해싱검색
 - → 해싱 검색은 먼저 전달받은 검색 키 값으로 버킷의 주소를 계산한다.
 - → 즉 해싱함수를 이용해 검색 키에 대한 주소를 계산한 후 만약 계산된 주소에 자료가 있으면 검색이 성공한 것이고, 계산된 주소에 자료가 없다면 검색은 실패로 종료된다.
 - → 해싱을 이용한 검색의 순서
 - 1) 검색 자료의 주소계산 : 검색 키값을 입력 값으로 하여 해싱 함수로 계산
 - 2) **해시 테이블의 자료점검**: 앞단계에서 계산된 주소로 해시 테이블에서 실제 자료 가 있는지 점검
 - 3) 검색 완료 : 검색 대상항목이 있으면 검색성공, 없다면 실패

> 제약사항 2. 자료의 저장

- → 앞서 검색과 마찬가지로 전달받은 검색 키값에 대해 해싱함수를 이용하여 주소를 계산한다.
- → 만약 계산된 주소에 자료가 없으면, 해당 위치에 자료를 저장하면 되고, 있다면 충돌 이 발생했다는 뜻이다.
- → 충돌이 발생하는 가장 큰 이유는 이상적인 해싱이 현실적으로 힘들기 때문이다.
- → 이상적인 해싱은 발생가능한 모든 검색 키 값에 대해 해시테이블에 저장공간을 만들어 두는 경우인대, 이럴경우 불필요하게 저장공간이 낭비 될 수 있다.
- 실제 해싱에서는 여러 개의 키값에 대해 하나의 공간을 할당하는 것이 일반적이다.

- 해싱함수 상세

- 해싱검색의 효율성을 측정하는 지표는 충돌발생빈도, 해시테이블 사용률, 해싱함수 계산 속도이다.
- > 해싱함수는 충돌이 드물게 발생하고 해시 테이블을 고르게 사용할 수 있도록 주소를 계산할 수 있어야 하며, 동시에 계산속도 또한 빨라야 한다.

> 대표적인 해싱함수

1) 나머지(제산) 함수

- 가장 일반적으로 사용되는 함수 중 하나로 검색 키 값 k를 해시테이블의 크기 m으로 나눈 나머지를 해시 주소로 사용한다.
- 이 함수는 어떤 크기의 해시테이블에서도 사용할 수 있지만, 테이블의 크기 m 이 소수(prime number)인 경우 충돌 발생 빈도가 낮아지고 해시 테이블의 사용률이 증가하는 특성이 있다.
 - 그래서 보통 해시테이블의 크기를 소수로 하는 것이 권장된다.

2) 접기(접지) 함수

2-1) 이동 접기 함수

■ 키 값을 일정한 자릿수 만큼 자른 후 오른쪽 끝자리가 일치하도록 맞춘 다음 더하는 방법

2-2) 경계 접기 함수

■ 키 값을 일정한 자릿수 만큼 자른 후 분할된 부분들 사이의 경계를 기준으로 반전시켜 더하는 방법

3) 중간-제곱 함수

● 검색 키를 제곱한 값 중에서 중간부분을 해시테이블 주소로 이용하는 방법

4) 숫자 분석 방법

- 숫자로 이루어진 검색 키 값의 각 자릿수의 분포를 미리 분석하여 해시 주소로 사용하는 방법
- 검색 키 값의 각 자릿수 중 가장 편중된 분산을 가지는 자릿수를 생략하고 가 장 고르게 분포된(충돌 가능성이 적은) 자릿수만을 추출하여 이를 주소로 사용 한다.
- > 그 밖에 진법 변환, 비트 추출, 가상 난수 기법 등이 있으니 한번 찾아보도록 하자.

> 검색 키가 문자열인 경우

- 1) 첫번째 문자를 키값으로 사용 : 문자열이 긴 경우에는 문제가 발생할 수 있다.
- 2) 문자열의 모든 코드 값 더하기 : 문자열을 이루는 모든 문자에 대해 코드값을 더하는 방법으로 글자들의 순서가 바뀐 문자열에 대해서도 같은 값을 가진다는 문제가 있다.
- 3) 문자의 위치를 고려한 코드 값 더하기 : 문자열을 이루는 각 문자의 코드값을 자신의 위치에 해당하는 값을 곱하여 더하는 방법으로, 보통 "호너의 방법"을 사용한다.
 - 이 방법을 사용할 경우 오버플로우가 발생하는 등 해시테이블의 크기를 벗어나는 값이 계산될 수 있다. 따라서 산출된 검색 키값을 검사하여 정상범위를 벗어나지 않도록 조절 해야 한다.

- 충돌 해결

- > 해싱 함수를 잘 선택해 충돌을 예방해야 하지만 충돌이 발생했다면 효율적으로 문제를 해결해야 한다.
- > 해싱함수에 따라 해싱테이블에 저장되는 자료들이 해시테이블에 고르게 분포되지 않고

특정 주소들 주위로 뭉치는 현상을 군집화 현상이라 한다.

- > 군집화는 보통 충돌에 의해 나타나는대 한 테이블 내에서 군집화 현상이 발생하면 효율 이 급감한다.
- > 때문에 충돌을 해결하는 기법은 군집화를 최소화 하도록 설계되어야 한다.
- > 해결 기법으로 개방주소법과 체이닝 기법이 있다.
- > 첫번째 해결방법 : 개방주소법
 - → 조사법이라고도 하며, 해싱함수로 산출된 주소가 비어있지 않은 경우 그 다음 주소가 비었는 지 조사하는 방법
 - → 대표적인 방법으로 선형 조사법, 제곱 조사법, 이중해싱등이 있다.

1) 선형 조사법

- 충돌이 발생한 경우 주소를 일정한 상수만큼 증가시켜 다시 조사하는 방법
- 특성상 군집화 가능성이 크다는 단점이 있다.

2) 제곱 조사법

- 출동이 발생한 경우 주로를 조사 횟수의 제곱만큼 증가시켜 다시 조사해 보는 방법
- 1차 충돌에서는 1을 더하고, 2차 충돌에서는 2*2를 n차 충돌에서는 n*n을 주소에 더해주는 방식이다.
- 1차 군집화 현상은 어려우나 군집화 자체의 가능성은 여전히 존재한다.
- 해시 테이블의 모든 주소를 조사하기 위해서는 테이블의 크기가 반드시 소수여
 야 한다는 제약사항이 존재한다.

3) 이중 해싱

- 충돌 발생시 주소를 원래의 해싱함수와는 다른 추가적인 해싱 함수를 통해 주 소를 증가시켜 다시 조사하는 방법
- 다양한 이중해싱기법이 존재하나 가장 간단한 방법으로 조사간격을 이용하는 방법이 있다.
- K는 검색키이고, m은 해시테이블의 크기라 가정할 때 조사간격 = m (k mod m)

의 식을 기존의 주소에 더해 계산하는 방식이다.

● 이 방식은 같은 해싱함수값을 가지더라도 다른 조사순서를 가지도록 해 2차 집 중을 줄인다는 장점이 있다.

> 해시테이블 개방주소법 추상자료형

| 이름 | | Input | Output |
|--------|-----------------|-------------|------------|
| HT생성 | CreateHT | HT크기 | HT |
| HT삭제 | DeleteHT | HT | |
| 데이터 추가 | addElement | HT, element | TRUE/FALSE |
| 데이터 제거 | deleteElement | HT, key | TRUE/FALSE |
| 자료 검색 | Search | HT, key | Element |
| 자료 개수 | getElementCount | НТ | 저장된 자료 개수 |

> 구현