

Masterarbeit

Optimization of on-demand line-based bus services

vorglegt von

Alexander Klaus

Matrikelnummer 7169020

Bereich:

1. Gutachter: Prof. Dr. Knut Haase

2. Gutachter: Prof. Dr. Malte Fliedner

vorgelegt am: 27. August 2025

AM LEHRANGEBOT BETEILIGTE HOCHSCHULEN: Universität Hamburg Hochschule für Angewandte Wissenschaften Hamburg Helmut Schmidt Universität - Universität der Bundeswehr Hamburg

Inhaltsverzeichnis

Abbildungsverzeichnis										
Ta	ellenverzeichnis	v								
ΑŁ	ürzungsverzeichnis	vi								
Sy	bolverzeichnis	vii								
1	Einleitung 1 Motivation 2 Zielsetzung der Arbeit									
2	Literaturüberblick 2.1 Forschung auf den Gebieten der zentrale Begriffe	8								
3	Problemstellung	10								
4	Mathematisches Modell 4.1 Zentrale Modellannahmen 4.2 Szenario 1.A) 5.3 Szenario 1.B) 4 Szenario 2.C) 5 Szenario 3.C)	13 14 14								
5	mplementierung des Modells 5.1 Grundlagen der Implementierung	17 18								
6	Diskussion & Erweiterungsmöglichkeiten des Modells 3.1 Limitierungen des aktuellen Modells	20								
7	Fazit & Ausblick	22								
Lit	ratur	23								
A	Anhang A: Literaturrecherche	A-1								

	A.2 Surchergebnisse - BEI BEDARF	 A-1
В	B Implementierung	B-1
	B.1 Beispieldatensatz	 B-1
	B.2 Code der implementierten Settings	 B-1
	B 3 BELBEDARE ????	R_{-1}

Abbildungsverzeichnis

Tabellenverzeichnis

2.1	Forschungsergebnisse zu Line-based — rural											5
2.2	Forschungsergebnisse zu Line-based — urban			 								6
2.3	Forschungsergebnisse zu on-demand — rural			 								7

Abkürzungsverzeichnis

Symbolverzeichnis

Symbol	Bedeutung
l	Index einer Buslinie
l'	Index einer Nachfolgertour
L	Menge aller Buslinien
j	Index einer Haltestelle innerhalb einer Linie
m_l	Anzahl der Haltestellen auf Linie l
$t^l_{s_j,s_{i'}}$	Fahrzeit zwischen Haltestellen s_j und $s_{j'}$ auf Linie l
$K^{'}$	Menge der verfügbaren Busse
Q_k	Kapazität des Busses k
$d_{s_j,s_{i'}^l}$	Nachfrage zwischen zwei Haltestellen einer Linie \boldsymbol{l}

1 Einleitung

Das Bestreben nach dem effizienten Einsatz von Ressourcen ist wohl so alt wie die Nutzung von Ressourcen selbst. In Großstädten sind Busse teil eines umfassenden öffentlichen Personennahverkehr (ÖPNV)-Netzwerks und ergänzen U-Bahn und/oder Straßenbahnen, um der Nachfrage nach Mobilität ausreichend Kapazität entgegenzubringen. Im ländlicheren Bereich sind Busse für den Transport von Personengruppen hingegen oft die einzige Mobilitätsform, da schlicht keine ausreichend hohe, konstante Nachfrage für U-Bahnen oder Ähnliches besteht.

Noch unsauber:

Während es sich in Großstädten schwer vermeiden lässt einen gewissen Kapazitätspuffer vorhalten zu müssen, um die hohe Nachfrage zu den Stoßzeiten bedienen zu können, stellt sich hier für den ländlichen Bereich die Frage, ob eine möglichst geringe Kapazität nicht noch effizienter genutzt werden kann, um die zur Verfügung stehenden Mittel möglichst effizient zu nutzen.

Während eine feste Struktur aus linienbasierten Systemen in Großstädten sinnvoll ist, um einen geregelten Fluss von Personen und Verkehr zu gewährleisten und planbar zu machen, mangelt es im ländlichen Bereich an der Nachfrage, um ein solch aufwendig zu implementierendes System aufrecht zu erhalten /

Heutzutage sind Menschen daran gewöhnt viele Dinge und Leistungen jederzeit durch das Internet abrufen zu können. Daher kommt der Fähigkeit auf Abruf innerhalb eines kurzen Zeitraums reagieren zu können eine wichtige Rolle zu.

irgendwo einordnen: Betrachtung autonomer Busse in den Settings gar incht mal mehr sooo unwahrscheinlich, da auch Forschung dazu stattfindet - Quellen

1.1 Motivation

- \rightarrow warum ist das Thema relevant?
 - CO₂-Reduktion & Individualmobilität: aktueller Zielkonflikt im ÖPNV
 - Herausforderungen im ländlichen Raum (geringe Auslastung, lange Taktzeiten)
 - Technologischer Fortschritt: Autonome Busse & digitale Nachfrageerfassung ermöglichen neue Konzepte
 - Klassischer Linienverkehr: fixe Zeiten & Routen, hohe Bündelung, geringe Flexibilität
 - Ridepooling: Tür-zu-Tür, aber hohe operative Komplexität, oft ineffizient
 - On-Demand-Linienbusse als Hybridform: planbare, aber flexible Nachfragebedienung

1.2 Zielsetzung der Arbeit

Leitfrage:

1. Wie geeignet ist das von Vléek & Schulz entwickelte Modell zur ressourceneffizienten Planung von On-Demand-Linienbusverkehren unter variierenden betrieblichen Bedingungen?

Dazu wird folgendes gemacht (eventuell auf so auch schon die Beschreibung was in welchem Kapitel gemacht wird, abarbeiten):

PASST NICHT MEHR!!!!

- 2.1 Kontext des zu implementierenden Modells beschrieben
- 2.2 Modell wird eingeordnet
- 3. Mathematischer Modellaufbau wird beschrieben
- 4.
 - 4.1 4.3 Implementierung eines zu veröffentlichenden Optimierungsmodells
 - 4.4 Validierung durch Reproduktion der Ergebnisse (fraglich)
 - 4.5 Ergebnisvergleich & Plausibilität
- 5. Analyse von Anwendbarkeit, Stärken & Schwächen des Modells, Erweiterungen

2 Literaturüberblick

Das von Schulz & Vléek vorgeschlagene System stellt eine Kombination des klassischen Linienbusverkehrs und Elementen eines, auf Abruf basierenden Ridepooling-Dienstes dar. Das präsentierte mathematische Modell ist im Bereich der OR-Probleme mit der Problemfamilie des Dial-a-Ride Problems und des Vehicle Routing Problems (VRP) verwandt. Eine ausführlichere Einordnung erfolgt in Kapitel 2.2. Mit dem vorgeschlagenen System werden Elemente aus unterschiedlichen Systemen, Problemstellungen und Modellen verknüpft. Um ein einheitliches Verständnis zu schaffen, wird in diesem Kapitel die Definition zentraler Begriffe vorgenommen. Im Anschluss ein Überblick zur Forschung auf den gebieten der zentralen Begrife gegeben, bevor das Modell von Schulz & Vléek in die Menge verwandter Untersuchungen eingeordnet wird. Da Schulz & Vléek ein öffentliches Bus-System in einer ländlicheren Gegend untersuchen, fokussiert sich die folgende Literaturübersicht auf Forschungsarbeiten die auf den ländlichen Kontext anwendbar sind. noch unsicher ob der vorige Satz drinne bleibt Andere Mobilitätsformen wie zum Beispiel das klassische Taxi oder U-Bahnen werden zur kontextuellen Abgrenzung erwähnt, sind aber kein Teil des Untersuchungsbereiches dieser Arbeit.

Methodik Nachfolgend wird ein Überblick der Forschung auf den Gebieten der zentralen Begriffe in Bezug auf das Verkehrsmittel Bus gegeben. Dabei wird unterschieden, ob die Forschung im ländlichen oder städtischen Raum durchgeführt wurde. Kontexte wie private Bereiche (Universiäts-Campus-Shuttle, etc.) sind nicht Teil des Untersuchungsbereiches. Bei der systematischen Vorgehensweise wurden die Suchbegriffe in englischer Sprache verwendet, da die meisten Veröffentlichungen heutzutage auf englischer Sprache getätigt werden. Die Suchbegriffe wurden miteinander verknüpft und in sogenannten Searchstrings verwendet. Alle verwendeten Veröffentlichungen sind in Anhang XXXXX jenem Searchstring zugeordnet, mit dem sie gefunden wurden. An dieser Stelle sei erwähnt, dass dieselben Veröffentlichungen teilweise mit mehreren Searchstrings gefunden wurden, allerdings nur einem Searchstring zugeordnet wurden. Die Recherche der nachfolgend präsentierten Literatur erfolgte mittels der gebildeten Searchstrings in den wissenschaftlichen Online-Datenbanken Google Schoolar und Scopus. Es wurden nur Veröffentlichungen berücksichtigt, die in einer vollständigen PDF-Version mittels des VPN-Zugangs der Universität Hamburg oder der Helmut-Schmidt-Universität zugänglich waren. Für die, im Kapitel 2.1 präsentierte, Literatur wurden die Searchstrings auf der Plattform Scopus im Rahmen der funktion "TITLE-ABS-KEY()" gesucht. Die, in Kapitel 2.2 genutzte, Literatur zur Einordnung / Abgrenzung des BLSP wurde auf Scopus durch Eingabe der Searchstrings innerhalb der Funktion "TITLE()" gefunden. Die Literatur wurde anhand des Titels und Abtracts bewertet und somit für die weitere Analyse und eventuelle spätere Verwendung in dieser Arbeit ausgewählt.

Die in der Arbeit genutzten zentralen Begriffe werden wie folgt definiert:

Linienbasiert (engl.: line-based) bedeutet für das ÖPNV-System die Einhaltung von festen Routen, festgelegten Haltestellen und Fahrplänen wie es von städtischen Bus-, Straßenbahn- und U-Bahn-Netzen bekannt ist.

Auf Abruf (engl.: on-demand) ist die Eigenschaft eines Systems auf die realisierte Nachfrage der Fahrgäste zu reagieren (vgl. Vansteenwegen et al., 2022, S.3). Dies kann in Echtzeit oder auch vorverarbeitet in einem zuvor abgegrenzten Zeitraum erfolgen. Die Nachfrage wird dann innerhalb eines

festgelegten Zeitraums bedient. Zeiträume können sich überschneiden und so zum Beispiel die Form eines rollierenden Horizonts annehmen.

Hier evtl. nochmal Klarstellung, dass on-demand zwar demand-responsive ist, aber nicht andersrum, wie fälschlicherweise von Wang et al. (2014) in ihrem Paper behauptet

Ridepooling wird vom Verband der Automobilindustrie (2025) (Achtung online Quelle - Schulz & Vlćek nutzen hier (Vansteenwegen et al., 2022)) als kombinierte Mobilitätsform von ÖPNV und Taxi definiert. Der Ablauf bei dieser besonderen Form des Personenverkehrswerden ist wie folgt: Der Fahrgast wird an seinem individuellen Startpunkt abgeholt. Auf dem Weg zum individuellen Ziel steigen andere Fahrgäste zu und/oder wieder aus. Je nach Zielpunkt werden die Routen so kombiniert, dass benachbarte Ziele mit einem Fahrzeug bedient werden können.

2.1 Forschung auf den Gebieten der zentrale Begriffe

An dieser Stelle sei erwähnt, dass in diesem Kapitel zunächst die Breite der Forschung dargestellt wird, bevor in Kapitel 2.2 das Modell von Schulz & Vlćek eingeordnet wird.

Anwendungsbereiche & typische Zielkonflikte darstellen (evtl. Grafik dazu anfertigen: Taxi als flexibelstes on-demand, keine festen Routen und krasses Gegenteil ist Linienbus mit festem Fahrplan und Routen)

line-based sind einfach der backbone in urban areas und sind, wenn nicht asl einziges, dann das teil des zentralen public transport networks um hohe Nachfrage kosteneffizient zu bedienen (hinweis Richtung Forschung zu feeder-networks). werden verwendet als Schulbusse, Schienenersatzverkehr, ...

on-demand häufig als "Feederßu den hoch-volumigen Systemen wie Metro oder Line-based buses

Generell Zielkonflikt von echten on-demand Lösungen in rural areas: geringere Kosten (durch weniger Fahrzeuge) vs. Abdeckung(?) Soll darauf hinführen, dass Schulz & Vlćek weniger Busse nutzen bei Beibehaltung der Flexibilität.

Aussage darüber, dass viel zu ön-demand rural "mit "line-based rural "gefunden wurde -> zeigt enge verbundenheit der begriffe usw.

Es ist ersichtlich, das dieses Thema seit mehr als 20 Jahren eine große Aufmerksamkeit genießt. IN 2003 haben Quelle bereits eine Übersicht erstellt. 2014 noch eine und die eneuste 2022 von Quelle

Ridepooling: dem zugrundeliegend ist das DARP -> wofür entwickelt (Quelle), dann überführen auf Busse (Quelle) siehe Schulz & Vlćek, **ganze wichtig: reiter et al. 2024** - das beschreiben Schulz & Vlćek als sehr nah dran, aber Schulz & Vlćek berücksichtigen einen vorgegebenen Fahrplan.

Ridepooling: Synonyme Verwendung der Begriffe Ride-sharing, ridepooling usw

2 Literaturüberblick

Tabelle 2.1: Forschungsergebnisse zu Line-based — rural

Paper		Region / Land	Betrachtungs- ebene	Fokus / Anwendungsfeld	Methode	Daten	KPI	Zentrale Erkenntnisse
Cirella et al. (2019)	Review: Innovationen für Ältere	ohne Bezug	Region	Ältere	Literatur-Review	 Literatur	 	Ältere brauchen Innovationen bei Angebot, Infrastruktur und Fahrzeugen; Umsetzungs- und Barrierefreiheitslücken bestehen.
Das et al. (2012)	 Planung ländlicher Feederlinien	Indien	Linie	Feeder	Analytische Nä- herung / Empirie		Ø-Wartezeit / Gehzeit	Generalisiert gewichtete Geh-/Warte- und Komfortfaktoren liefern praktikable Linienführungen und Takte für ländliche Feeder.
Guiver et al. (2007)	Bewertung touris- tischer Buswirkun- gen	UK	Region	 Tourismus 	 Empirie	 Umfrage 	Modal-Shift / Er- reichbarkeit	Geplante Busse bewirken moderaten Modal-Shift, er- möglichen Zugang ohne Auto und stützen lokale Ökono- mien; Fördermittel bleiben problematisch.
Petersen (2016)	Netzansatz mit Taktfahrplan	Schweiz	 Netz	 Taktfahrplan	Fallstudie / Literatur-Review	Literatur	 	In ländlichen Räumen bieten integrierte Taktfahrplan- Netze verlässliche Anschlüsse und sollten vor DRT als Basisstrategie geprüft werden.
Takamatsu und Taguchi (2020)	Optimierung von Umsteigezeiten	 Japan 	 Netz	 Taktfahrplan 	Matem. Optimie- rungsmodell / Fallstudie		Ø-Wartezeit / Umsteigezeit	Optimierte Takte/Anschlüsse verkürzen Wartezeiten deutlich; Tohoku-Fall bestätigt Praxistauglichkeit bei niedriger Angebotsdichte.
Tsigdinos et al. (2024)	Strategie flexibler Busdienste	Griechenland	Region	 Flexible Busse	Empirie / Kar- tenbasierte Raumanalyse (GIS)	 Umfrage 	 - -	Befragung+GIS zeigen: Kosten und Zeit dominieren; morgens wird Tür-zu-Tür, nachmittags Haltestellenbetrieb bevorzugt.
Zhen und Gu (2024)	CA-Design heterogener Feeder	ohne Bezug	 Netz	Feeder	Analytische Nä- herung / Matem. Optimierungsmo- dell	synthetisch	Reisezeit / Kosten/Fahrgast- km	Koordinierte Zubringer-/Stammfahrpläne senken Nutzerkosten und verbessern Systemleistung bei heterogener Nachfrage.

2 Literaturüberblick

Tabelle 2.2: Forschungsergebnisse zu Line-based — urban

Paper	Zielsetzung	Region /	Betrachtungs- ebene	Fokus / Anwendungsfeld	Methode	Daten	KPI	Zentrale Erkenntnisse
Fielbaum et al. (2024)	Integration Ride- pooling	 	Linie	Ridepooling	Matem. Optimie- rungsmodell / Simulation	 - -	Reisezeit / Fahrzeug-km	zeigt Vorteile einer Ridepooling-Kopplung mit Linien; senkt Betriebskosten; senkt Emissionen.
Filippi et al. (2024)	Linienoptimierung	Italy	Linie	 Modularbus	Matem. Optimie- rungsmodell	i—	Reisezeit / Auslas- tung	nutzt modulare Kopplung für flexible Kapazität; verkürzt Reisezeiten und verbessert Auslastung.
Gal et al. (2017)	Reisezeitprognose	ohne Bezug	Linie	Taktfahrplan	Empirie	Realdaten	Reisezeit / Progno- següte	liefert praxistaugliche Prognosen der Reisezeiten im Linienverkehr (gute Prognosegüten).
Hatzenbühler et al. (2022)	Netzdesign	ohne Bezug	Netz	Autonom	Matem. Optimie- rungsmodell / Simulation	 	Ø-Wartezeit / Reisezeit	zeigt, wie autonome Busnetz-Designs Nutzer- und Betreiberkosten senken können.
Jiménez und Román (2016)	Flottenzuordnung	Spain	Linie	Emissionen	Matem. Optimie- rungsmodell	Mix		weist nach, dass optimierte Flottenzuordnung Emissionen im Liniennetz deutlich reduzieren kann.
Kim und Schonfeld (2013)	Integration ge-	USA	Linie	Flotten	Matem. Optimie- rungsmodell	 - 	Kosten/Fahrgast-	kombinierte feste und flexible Dienste mit gemischten Flotten senken Kosten und erhöhen Auslastung.
Rashvand et al. (2024)	Ankunftsprognose	USA	Linie	KI	Empirie	Realdaten	Prognosegüte / Pünktlichkeit	Deep-Learning-Ansätze liefern robuste Ankunftsprognosen und verbessern die wahrgenommene Pünktlichkeit.
Rosca et al. (2024)	 Fahrplanoptimierur	gRomania	Linie	Flotten	Empirie / Simu-	 	Pünktlichkeit / Kosten/Fahrgast- km	KI-gestützte Planung verbessert Pünktlichkeit und senkt Planungskosten in urbanen Netzen.
Tang et al. (2021)	Fahrplanoptimierur	gChina	Linie	Taktfahrplan	Matem. Optimie- rungsmodell	Realdaten	Ø-Wartezeit / Reisezeit	zweckmäßige MOEA-Fahrpläne verkürzen Warte- und Reisezeiten auf städtischen Linien.
Tian et al. (2021)	Flottenoptimierung	China	Linie	Autonom	Matem. Optimie- rungsmodell	I — I	Kosten/Fahrgast- km / Flottengröße	autonome Flotten mit Unsicherheiten können Betreiberkosten senken und Leistung stabilisieren.
Wei et al. (2020)	Integration Metro-Bus	China	 Netz	 Integration 	Matem. Optimie- rungsmodell / Fallstudie	 Realdaten 	Ø-Wartezeit / Reisezeit	koordinierte Metro-Bus-Planung senkt Nutzerzeiten und verbessert Gesamtleistung.

Tabelle 2.3: Forschungsergebnisse zu on-demand — rural

Paper	Zielsetziing	Region /	Betrachtung ebene	Fokus / Anwendungsfeld	Methode	Daten	KPI	Zentrale Erkenntnisse
Bauchinger et al. (2021)	 Konnektivität verbessern	Europa	Region	 Feeder, Multi- modal	 Fallstudie, Empi- rie	Mix	Erreichbarkeit, Umsteigezeit	Komplementäre Dienste (DRT, multimodal) verbessern Erreichbarkeit und ÖPNV-Anbindung in ländlich-urbanen Regionen.
Brake et al. (2004)	DRT-Markt prüfen	UK	Region	Inklusion	 Fallstudie	Realdaten	 	Britische DRT-Erfahrungen fördern soziale Inklusion und Intermodalität; Umsetzung wird durch Finanzierungs- und Betriebsfragen begrenzt.
Calabrò et al. (2023)	DRT-Bedingungenvergleichen	 Italien 	 	 Kleinstädte 	 Simulation 	 synthetisch 	Ø-Wartezeit, Aus-	ABM zeigt: DRT ist FRT in Kleinstädten überlegen, wenn Umwege, Warte- und Gehzeiten minimiert und Teilfahrten gebündelt werden.
Coutinho et al. (2020)	Linienersatz bewerten	 Niederlande 	 - Linie -	 Linienersatz 	 - Empirie - 	 	 Fahrgast-km, CO ₂	Im Mokumflex-Pilotprojekt sanken Fahrgast-km, Kosten und Emissionen pro Fahrgast deutlich, jedoch ging die Nachfrage stark zurück.
D'Orso et al. (2025)	DRT-Effekte bewerten	 - Italien -	 	 Pilotstudie 	Empirie, Simula- tion	 	Ø-Wartezeit, Reise-	DRT steigerte Erreichbarkeit und senkte Warte- und Fahrzeiten im suburbanen Palermo; wirtschaftliche und rechtliche Rahmenbedingungen bleiben kritisch.
Daduna (2020)	 Entwicklung skizzieren	ohne Bezug	Region	 - Autonom/Digital -	Literatur-Review	 - Literatur - 	 	Autonome Fahrzeuge und Digitalisie- rung können Kostenstrukturen ländlicher ÖPNV-Angebote grundlegend verändern, ersetzen Linienverkehr jedoch nicht voll- ständig.
Daniels und Mulley (2012)	 Barrieren identifizieren	 Australien	Region	 Implementierung	 Empirie 	 - Umfrage -	 - -	Fünf Barrierefelder (Regulierung, Finanzierung, Betrieb, Einstellungen, Information) hemmen FTS-Einführung in Niedrigdichtegebieten.
White (2016)	Rollen ver-	UK	Region	Kostenvergleich	Literatur-Review	Literatur	Kosten/Fahrgast-	Konventionelle Interurban-Linien sind oft kosteneffizienter; DRT weist häufig hohe Kosten je Fahrt auf und eignet sich eher für Zielgruppen-/Mindestbedienung.

Nachdem die Forschungsgebiete der zentralen Begriffe nun beleuchtet wurden, werden im Folgenden Kapitel Arbeiten aufgezeigt, die mit dem von Schulz & Vléek vorgestellten Modell verwandt sind, um das Modell von Schulz & Vléek einzuordnen und abzugrenzen.

Es ist zwar nicht Teil des Untersuchungsgebietes dieser Arbeit, da Schulz & Vléek einen fest vorgegebenen Fahrplan für ihr Modell nutzen, aber es sei an dieser Stelle auf die Forschung im Bereich für die Vorhersage der Ankunftszeiten, etc. mit Quelle1, Quelle 2 usw. verwiesen

DAS HIER IST ÜBERLEITUNG MIT DEM "REINEN"DARP UND VRP ZU DEN SEMI-FLEXIBLEN SYSTEMEN Das, in dieser Arbeit zu testende, Modell von Schulz & Vléek kombiniert Elemente eines klassischen Linienbus-Services mit der Flexibilität die Routen anhand der gestellten Nachfrage zu optimieren. Die Problemstellung von Schulz & Vléek ist mit denen des Diala-Ride Problems (DARP) und des Vehicle Routing Problems (VRP) verwandt, lässt sich aber nicht klar einer der beiden Problemfamilien zuordnen ???. Das DARP wird bereits seit Jahrzenten untersucht (Psaraftis, 1980), die Forschung zu diesem Problem ist dementsprechend sehr umfassend. Den wohl aktuellsten Überblick zum DARP und seinen Vairanten geben Molenbruch et al. (2017) und Ho et al. (2018).

Auch das VRP ist ein seit Jahrzehnten erforschtes Problem (Orloff, 1974). Das VRP allein ist ein so breit und intensiv erforschtes Problem, dass es dazu über 150 Review-Paper für spezifische Varianten oder Aspekte gibt. Es wird mit dem Searchstring XXXX (siehe Anhang XXX) auf die Literatur dieser Reviews und damit indirekt auf die einzelnen Veröffentlichungen ??? verwiesen. Reviews des Problems haben unter anderem Braekers et al. (2016) und Vidal et al. (2020) gegeben.

Irgendwie noch erwähnen, dass auch die CVRP Variante ein breit erforschtes Thema ist, daher nicht tiefer im Detail betrachtet

Überleitung: Da Mdoell von Schulz & Vléek semiflexibel und nicht so richtig ein reines DARP pder VRP wird anschließend auf die verwandten Problemstellungen verwiesen und eingeordnet.

2.2 Semi-flexible Systeme - Einordnung des zu betrachtenden Modells

Hier Recherche mit Kombi-Searchstrings -> Frage der klassifizierung mit VRP?

Irgendwie Aussage darüber, dass in der Forschung oft gesagt wird, dass durch autonome vehicle erst so richtig ermöglichen demand responsive zu agiere, um fixed-schedule abzulösen (sieh)

Modell von Schulz & Vlćek ist Kombination aus Linienverkehr & on-demand, daher: semi-flexible Systeme -> HIER EVENTUELL mehrere Quellen die Felxibilitt definieren?

EINORDNUNG ÜBER EINEN TABELARISCHEN VERGLEICH IN HINBLICK AUF OPTIMIERUNGSZIELE, WIE: total rider time, total number of vehicles -> UNterscheidung auch durch: äus sicht des betreibersöder aus sicht des fahrgastes"

- Überblick über verwandte OR-Modelle
 - DARP Dial a ride Problem
 - VRP Vehicle Routing Problem: Screenshots der ChatGPT Begründungen in Word bei searchstrings
 - * CVRP

* VRPTW

*

- PTP (?) Public Transport Planning
- Line Planning
- Vehicle Scheduling
- MIP
- Netzwerkflussmodelle

_

- Besonderheiten des gewählten Modells (Netzwerkstruktur, einfache Erweiterbarkeit)
- Überblick zur Methodik: LP/IP, Flow-Modelle, Erweiterbarkeit für verschiedene Szenarien

TABELLE Übersicht der Modelle

2.3 Offene Forschungsfragen

- welche offenen Punkte aus anderen Papern greifen Schulz & Vlćek eventuell auf?
- Kapazitätsfragen, Depotstruktur, Echtzeitfähigkeit
- kombination von on-demand und line-based nochmal evtl. aufgreifen nachdem entsprechend mit searchstring bewiesen oder nicht bewiesen ist, dass es diese kombination so noch nicht extensiv gibt
- Zukunftsperspektiven: adaptive Fahrpläne, Realtime-Demand
- Bewertung der Robustheit und Praktikabilität in Realanwendungen
 - \rightarrow Enden mit Rechtfertigung dafür, dass es sich lohnt die Kombination, die Vl
ćek und Schulz gemacht haben, weiter zu untersuchen
- -> Aussage on-demand senkt kosten in rural areas, aber ...

3 Problemstellung

CHECKEN, OB ICH HIER SAGEN MUSS, DASS DIESER TEIL SEHR NAH AN DEM PAPAER VON Schulz & Vléek IST ???

Das zu lösende Optimierungsproblem von Schulz & Vléek beschäftigt sich mit der Einsatzplanung von Bussen in einem, auf Abruf operierenden, linienbasierten System mehrerer Buslinien.

In einem ersten Schritt werden die Nachfragewünsche der Fahrgäste konsolidiert und vorverarbeitet, im darauffolgenden Optimierungsprozess wird für das jeweilige Szenario die optimale, minimale Anzahl von Bussen zu Nachfragebedienung bestimmt. Szenarien siehe

Grundsätzlich kann eine Buslinie mehrmals im zu betrachtenden Zeitraum bedient bzw. gestartet werden. Daher wird im weiteren Verlauf jede einzigartige Kombination aus Buslinie und Startzeit der Buslinie als Tour $l \in L = \{1, \ldots, n\}$ bezeichnet. Das linienbasierte System wird durch ein Graphenmodell mit Knoten und Kanten aufgebaut. Jede Buslinie besteht aus einer Anzahl von Haltestellen (Knoten) s_1, \ldots, s_m . Hier sei erwähnt, dass sich die Zusammensetzung und Reihenfolge der Haltestellen je Buslinie mit unterschiedlicher Startzeit durch die einzelnen Touren hinweg nicht verändert. Deshalb kann die Notation der Tour mit in die Notation der Haltestellen aufgenommen werden und es ergibt sich für jede Tour eine Abfolge von Haltestellen $s_1^l, \ldots, s_{m_l}^l$. Jeder Haltestelle wird eine Zeit $\bar{t}_{s_j^l}$ zugewiesen, zu der der Bus dort hält, es gilt: $\bar{t}_{s_j^l}, l \in L, j = 1, \ldots, m_l$. In der Realität sind die einzuhaltenden Zeiten durch einen zuvor aufgestellten Fahrplan gegeben. Für ein höheres Maß an Flexibilität bei der Implementierung des Modells werden die Zeiten der einzelnen Haltestellen in dieser Arbeit ausgehend von der Startzeit der jeweiligen Tour und der gewählten Fahrgeschwindigkeit der Busse berechnet. Eine detaillierte Beschreibung der Berechnung folgt in Kapitel XXXXXXX.

Schulz & Vléek argumentieren, dass die Zeiten für Ein- und Ausstieg in Relation zur Fahrzeit zur vernachlässigen sind. Daher können die Busse die Haltestellen im Vorbeifahren bedienen. Für die Fahrtzeit zwischen zwei beliebigen Haltestellen im System $t_{s_j^l,s_j^{l'}}$ muss gelten $t_{s_j^l,s_j^{l'}}>0$, $l,l'\in L$, $j=1,\ldots,m_l$, $j'=1,\ldots,m_l$, da die beiden Haltestellen sonst identisch sind. In der Problemstellung von Schulz & Vléek haben alle Busse ein einzelnes Depot D als Start- und Endpunkt der Schicht bzw. dem Betrachtungszeitraum. Die Verbindung vom Depot zu jeder Haltestelle im System muss möglich sein. Für die Fahrzeiten zwischen dem Depot und einer beliebigen Haltestelle der Tour l gilt entsprechend $t_{D,s_j^l}>0$ und $t_{s_j^l,D}>0$, $l\in L$, $j=1,\ldots,m_l$. Allgemein gilt die Dreiecksungleichung für alle Fahrtzeiten. Für die im Modell verwendeten Busse $k\in K=\{1,\ldots,|K|\}$ wird eine Kapazität Q_k festgelegt, die angibt wie hoch die zulässige ganzzahlige Anzahl der, gleichzeitig im Bus transportierbaren, Fahrgäste ist. Die Nachfrage zwischen zwei Haltestellen wird durch $d_{s_j^l,s_j^{l'}}$ mit $l\in L$, sowie $j,j'=1,\ldots,m_l$ und j'>j berücksichtigt.

Dimensionen der Problemstellung - 9 Szenarien

Schulz & Vléek stellen für die systematische Untersuchung der Problemstellung 2 Dimensionen vor, die die Problemstellung wie folgt untergliedern:

Operative Komplexität

- 1. **Uneingeschränkter autonomer Betrieb**: Es werden homogene, autonome Busse mit unendlicher Kapazität eingesetzt.
- 2. Kapazitätsbeschränkung im autonomen Betrieb: Die Busse sind weiterhin autonom, allerdings nun heterogen, durch die Berücksichtigung der individuellen Kapazitätsgrenze Q_k .
- 3. Fahrer- und Kapazitätsbeschränkung: Es werden Fahrer für die Busse eingesetzt. Die Busse sind somit nicht mehr autonom. Für die Fahrer werden Arbeits- und Pausenzeiten berücksichtigt. Durch die feste Zuweisung von Fahrer zu Bus ergibt sich der Zeitpunkt a_k , zu dem der Bus $k \in K$ verfügbar wird, dem Arbeitszeitbeginn des Fahrers. Folglich ergibt sich auch der Zeitpunkt b_k , zu dem der Fahrer seine Pause mit der Länge p beginnt und der Zeitpunkt c_k , zu dem der Fahrer seine Schicht beendet und ab dem der Bus nicht mehr verfügbar ist.

Strategien zur Nachfragebedienung

- A) Bedienung des gesamten Netzes: Ohne Betrachtung der Nachfrage werden alle Touren vollständig bedient.
- B) Bedienung der nachgefragten Touren: Es werden jene Touren vollständig bedient für die eine (Teil-)Nachfrage besteht.
- C) Bedienung der nachgefragten Haltestellen: Es werden nur die Teile der jeweiligen Touren bedient, für deren Haltestellen zu Beginn des Betrachtungszeitraums eine Nachfrage besteht.

Daraus ergeben sich insgesamt 9 Szenarien 1.A) - 3.C). Ziel in jedem der 9 Szenarien ist es die Anzahl der benötigten Busse zu minimieren. Auf diese Weise soll aufgezeigt werden, welcher Einfluss auf die minimale Anzahl der Busse besteht, wenn anstelle vollständiger Touren ausschließlich nachgefragte Haltestellen einer Tour l bedient werden müssen. Weitere zukünftige Analysemöglichkeiten werden in Kapitel 6 beschrieben.

4 Mathematisches Modell

CHECKEN, OB ICH HIER SAGEN MUSS, DASS DIESER TEIL SEHR NAH AN DEM PAPAER VON Schulz & Vléek IST ???

Von den 9 Szenarien werden im nachfolgend die mathematischen Modellformulierungen dieser Szenarien aufgestellt:

WÄRE ES NICHT EIGENTLICH GUT FÜR EINEN VERGLECIH AM ENDE DAS SZENARIO 3.A) ZU BETRACHTEN, UM DEN ON-DEMAND EFFEKT BESSER DARSTELLEN ZU KÖNNEN?

Szenario 1.A (uneingeschränkter, autonomer Betrieb & Bedienung des gesamten Netzes) wurde ausgewählt, um ein grundlegendes Konstrukt aufzubauen, welches möglich uneingeschränkt ist und somit als Basis für die anderen Szenarien zu sehen ist.

Szenario 1.B (uneingeschränkter, autonomer Betrieb & Bedienung der nachgefragten Touren) wurde ausgewählt, um ... zu validieren, dass das modell auch für andere Sets korrekt funktioniert?

Szenario 2.C (Kapazitätsbeschränkung im autonomen Betrieb & Bedienung der nachgefragten Haltestellen) wurde ausgewählt, um einen Zwischenstand der Komplexität abzubilden, der die Berücksichtigung von Nachfrage und Möglichkeit der reinen Bedienung nachgefragter Haltestellen erlaubt.

Szenario 3.C (Fahrer- und Kapazitätsbeschränkung & Bedienung der nachgefragten Haltestellen) wurde ausgewählt, um einen möglichst realitätsnahen Anwendungsfall abzubilden.

4.1 Zentrale Modellannahmen

Schulz & Vlćek stellen folgende vereinfachenden Annahmen auf:

- Es wird ein gemeinsames Depot für alle Busse angenommen
- Die Arbeits- und Pausenzeiten der Fahrer entsprechen den gesetzlichen Regelungen
- Die feste Planung einer festgelegten Pausenzeit für die Fahrer steht im Einklang mit geltendem Recht
- Die Zuteilung von Fahrer zu Bus erfolgt im Vorfeld des Betrachtungszeitraums und wird als gegeben angenommen. Der Bus ist somit im Rahmen der Fähigkeiten des Fahrers zwischen Beginn und Schichtende des Fahrers verfügbar
- Die Busse müssen während des Betrachtungszeitraums nicht tanken/aufgeladen werden, da sie für den gesamten Betrachtungszeitraum als ausreichend betankt/aufgeladen angenommen werden
- Die Busse sind bis auf die Kapazität homogen

Für alle Settings ist die Menge aller relevanter Knoten V, sowie die Menge A aller Verbindungen bzw. Kanten zwischen den Knoten aufzustellen.

4.2 Szenario 1.A)

Zunächst wird von Schulz & Vléek der Fall betrachtet, in dem alle Touren (Buslinien zu unterschiedlichen Startzeiten) vollständig bedient werden müssen. Zur Erinnerung: In diesem Setting werden homogene autonome Busse eingesetzt, deren Eigenschaften keinen Einfluss auf die Lösung haben. Die Busse werden in der Modellformulierung nicht erwähnt, sind aber die Instanz, die die Verbindungen nutzt und die Knoten bedient Die Menge aller relevanter Knoten ergibt sich in diesem ersten Szenario daher aus dem Depot, sowie allen Start- und Endknoten einer Linie:

$$V = \{D, s_1^1, \dots, s_1^n, s_{m_1}^1, \dots, s_m^n\}$$

Um alle Möglichkeiten für das Lösen des Problems zu erhalten, erlauben Schulz & Vléek Verbindungen zwischen Touren. Diese werden durch die Fahrtzeit zwischen der letzten Haltestelle von Tour l und der ersten Haltestelle von Nachfolgertour l' mit $t_{s_{m_l}^l,s_1^{l'}}$ beschrieben. Eine Verbindung von zwei Touren darf in einer möglichen Lösung des Problems nur dann bestehen, wenn folgende Gleichung erfüllt ist:

$$\bar{t}_{s_{m_l}^l} + t_{s_{m_l}^l, s_1^{l'}} \le \bar{t}_{s_1^{l'}} \tag{4.1}$$

Mit Gleichung 4.1 beschreiben Schulz & Vléek, dass der zeitliche Abstand zwischen der letzten Haltestelle einer Tour $s_{m_l}^l$ und der ersten Haltestelle der Nachfolgertour $s_1^{l'}$ groß genug sein muss, um die Fahrtzeit zwischen den Haltestellen abdecken zu können.

Folglich ergibt sich für das erste Setting:

$$A = \{(D, s_1^1), \dots, (D, s_1^n), (s_{m_1}^1, D), \dots, (s_{m_n}^n, D), (s_1^1, s_{m_1}^1), \dots, (s_1^n, s_{m_n}^n)\} \cup \{(s_{m_l}^l, s_1^{l'}) : \bar{t}_{s_{m_l}^l} + t_{s_{m_l}^l, s_1^{l'}} \leq \bar{t}_{s_1^{l'}}\}$$

Schulz & Vléek verwenden in der folgenden Modellformulierung des Szenarios 1.A) die binäre Entscheidungsvariable x_{ij} , deren Wert 1 ist, wenn die Verbindung $(i,j) \in A$ von i nach j genutzt wird und sonst 0.

$$\min \sum_{j:(D,j)\in A} x_{Dj} \tag{4.2}$$

unter den Nebenbedingungen:

$$\sum_{j:(i,j)\in A} x_{ij} - \sum_{j:(j,i)\in A} x_{ji} = 0 \qquad \forall i \in V$$

$$(4.3)$$

$$x_{s_1^l, s_{m_l}^l} = 1 \qquad \forall l \in L$$
 (4.4)

$$x_{ij} \ge 0 \qquad \forall (i,j) \in A \qquad (4.5)$$

Der Wert der Zielfunktion 4.2 gibt die Anzahl der Busse die das Depot verlassen wieder und ist zu minimieren. Die Nebenbedingung 4.3 stellt sicher, dass die Flusserhaltung für jeden Knoten gilt, d.h. die Anzahl der eingehenden Verbindungen ist gleich der Anzahl der ausgehenden Verbindungen. Nebenbedingung 4.4 stellt sicher, dass jede Tour bedient wird. Nebenbedingung 4.5 ist die Nichtnegativitätsbedingung der Entscheidungsvariable.

HIER NOCH CHECKEN OB KLASSIFIZIERUNG ALS EINE BESTIMMTE ART VON MODELL WIE BEI Schulz & Vléek

4.3 Szenario 1.B)

In diesem Szenario lassen Schulz & Vlćek jene Touren vollständig bedienen, für die mindestens an einer Haltestelle eine Nachfrage bekannt ist.

HIER EVTL. GRAFIK ZUR VISUALISIERUNG

Die Menge aller relevanter Knoten ändert sich zu

$$\bar{V} = \{D, s_1^1, \dots, s_{m_1}^1, s_1^n, \dots, s_{m_n}^n\},\$$

sodass nun alle Haltestellen im System, sowie das Depot aufgenommen sind. Auch die Menge der relevanten Verbindungen ändert sich und ergibt sich zu:

$$\bar{A} = \{(D, s_1^1), \dots, (D, s_{m_n}^n), (s_1^1, D), \dots, (s_{m_n}^n, D), (s_1^1, s_{m_1}^1), \dots, (s_1^n, s_{m_n}^n)\} \cup \{(s_i^l, s_j^{l'}) : \bar{t}_{s_i^l} + t_{s_i^l, s_j^{l'}} \leq \bar{t}_{s_j^{l'}}\},$$

mit $i = 1, ... m_l \text{ und } j = 1, ... m_{l'}$.

HIER DIE THEMATIK MIT ÜBERLAPPENDEN CUSTOMER TRIPS ERKLÄREN

4.4 Szenario 2.C)

In diesem Szenario berücksichtigen Schulz & Vléek eine Kapazitätsbeschränkung für die Busse. Die Busse sind somit als heterogen zu betrachten. Außerdem lassen Schulz & Vléek nur noch die einzelnen Haltestellen bedienen, die zu Beginn des Betrachtungszeitraums nachgefragt sind.

Dementsprechend ändert sich die Menge aller relevanter Verbindungen zu:

$$\begin{split} \hat{A} = & \{(D, s_1^1), \dots, (D, s_{m_n}^n), (s_1^1, D), \dots, (s_{m_n}^n, D)\} \cup \{(s_i^l, s_j^{l'}) : i = 1, \dots m_l, j = 1, \dots m_{l'}, \bar{t}_{s_i^l} + t_{s_i^l, s_j^{l'}} \leq \bar{t}_{s_j^{l'}}\} \\ \cup & \{(s_i^l, s_j^l) : i, j = 1, \dots, m_l, \ i > j, \ \exists k < j < i : d_{s_k^l, s_i^l} > 0, \ \exists k > j : d_{s_j^l, s_k^l} > 0\} \end{split}$$

Mittels Set erlauben Schulz & Vlćek, im Gegenteil zu Set Ā, dass ein Bus, im Falle von verschachtelten Kundenfahrten zu einer vorigen Haltestelle der gleichen Tour "zurückfahren" kann, um die dortige Nachfrage zu bedienen. Diese Fähigkeit von Set wird in Nebenbedingung 4.10 ausgestaltet und nach der Modellformulierung weiter erläutert. Für eine genauere Erklärung wird auf Schulz & Vlćek verwiesen. Nach wie vor gilt für den Wert der binären Entscheidungsvariable x_{ijk} : 1, wenn die Verbindung

 $(i,j) \in \hat{A}$ zwischen i und j genutzt wird und sonst 0. Die Modellformulierung für das Szenario 2.C) ist wie folgt:

$$\min \sum_{k=1}^{K} \sum_{j:(D,j)\in\hat{A}} x_{Djk} \tag{4.6}$$

unter den Nebenbedingungen:

$$\sum_{j:(i,j)\in\hat{A}} x_{ijk} - \sum_{j:(j,i)\in\hat{A}} x_{jik} = 0 \qquad \forall i \in V, k \in K$$

$$(4.7)$$

$$\sum_{k=1}^{K} x_{ijk} = 1 \qquad \forall i, j \in V : (i, j) \in \hat{A} \land d_{ij} > 0$$
 (4.8)

$$\sum_{j:(D,j)\in\hat{A}} x_{Djk} \le 1 \qquad \forall k \in K$$

$$x_{s_i^l s_j^{l'} k} \le 1 - x_{s_h^l s_{h'}^l k} \qquad \forall l, l' \in L, k \in K, i = \{1, \dots, m_l\}, \ j = \{1, \dots, m_{l'}\},$$

$$x_{s_i^l s_i^{l'} k} \le 1 - x_{s_h^l s_h^l k} \quad \forall l, l' \in L, k \in K, i = \{1, \dots, m_l\}, \ j = \{1, \dots, m_{l'}\},$$

$$(s_i^l, s_j^{l'}) \in \hat{A}, h, h' \in \{1, \dots, m_l\}: h \le i < h' \land$$

$$d_{s_{h}^{l}, s_{h'}^{l}} > 0 \wedge \bar{t}_{s_{h'}^{l}} + t_{s_{h'}^{l}, s_{j}^{l'}} > \bar{t}_{s_{j}^{l'}}$$

$$(4.10)$$

$$\sum_{j,j'=1,\dots,m_l:s_i^l \le s_i^l < s_{i'}^l} d_{s_j^l,s_{j'}^l} \cdot x_{s_j^l s_{j'}^l k} \le Q_k \qquad \forall l \in L, \ i \in \{1,\dots,m_l\}, \ k \in K$$

$$(4.11)$$

$$x_{ijk} \in \{0,1\} \qquad \forall (i,j) \in \hat{A}, \ k \in K$$

$$(4.12)$$

Die Zielfunktion 4.6 wurde im Vergleich zu den vorigen Szenarien 1.A) und 1.B) mit den neuen Sets angepasst und verwendet die, um den Index der Busse ergänzte, Entscheidungsvariable x_{ijk} . Der Zielfunktionswert (Anzahl der Busse, die das Depot verlassen) ist, für ein optimales Ergebnis, weiterhin zu minimieren. Nebenbedingung 4.7 stellt wie zuvor in den Kapiteln 4.2 und 4.3 die Flusserhaltung für jeden Knoten sicher. Nebenbedingung 4.8 sorgt dafür, dass alle nachgefragten Verbindungen bedient werden. Nebenbedingung 4.9 beschränkt das Verlassen des Depots von jedem Bus auf ein einziges Mal. Nebenbedingung 4.10 stellt die Bedingungen für das "Zurückfahren" eines Busses für den Fall von sich überschneidenden Kundenfahrten auf. Dabei wird für jedes Wechseln eines Busses auf eine andere Tour sichergestellt, dass dies nur vom letzten Teil der Überlappung aus geschieht. Sollte versucht werden von einer anderen, als dieser Haltestelle zu wechseln, wird die Summe auf der rechten Seite der Gleichung null und die Entscheidungsvariable auf der linken Seite gezwungen, den Wert null anzunehmen. Nebenbedingung 4.11 stellt die Einhaltung der Kapazitätsbeschränkung für jeden Bus je Buslinie sicher, indem für jede Haltestelle s_i^l die Summe aller Fahrgäste, die von Haltestelle s_j^l zu Haltestelle $s_{i'}^l$ transportiert werden, gebildet wird und die Kapazität des Busses Q_k nicht überschritten werden darf. Nebenbedingung 4.12 ist die Nichtnegativitätsbedingung der Entscheidungsvariable.

4.5 Szenario 3.C)

In diesem Szenario wird das in Kapitel 4.4 beschriebene Modell lediglich durch die Berücksichtigung der Schicht- und Pausenzeiten der Busfahrer erweitert. Die Fahrzeiten zwischen zwei Haltestellen $t_{s_i^l,s_i^{l'}}$ mit $l,l'\in L, i=\{1,...,m_l\}, j=\{1,...,m_{l'}\},$ sowie zwischen dem Depot und den Haltestellen

 $t_{D,s_i^l},\ t_{s_i^l,D}$ mit $l\in L,i,j=\{1,...,m_l\}$, als auch die Zeiten zu denen jede Haltestellen auf den unterschiedlichen Touren bedient werden muss $\bar{t}_{s_i^l}$ mit $l\in L,i=\{1,...,m_l\}$ sind bekannt. Daher können genau die Entscheidungsvariablen der Bus-spezifischen, mit den Schicht- und Pausenzeiten der Fahrer unvereinbaren, Verbindungen im Vorfeld des Lösens auf 0 gesetzt werden:

(i)
$$x_{Ds_{i}^{l}k} = 0$$
 if $\bar{t}_{s_{i}^{l}} - t_{Ds_{i}^{l}} < a_{k}$,

(ii)
$$x_{s_i^l D k} = 0$$
 if $\bar{t}_{s_i^l} + t_{s_i^l D} > c_k$,

(iii)
$$x_{s_i^l s_j^l k} = 0$$
 if $b_k < \bar{t}_{s_i^l} < b_k + p \lor (\bar{t}_{s_i^l} < b_k \land b_k + p < \bar{t}_{s_i^{l'}}),$

$$\text{(iv)} \ \ x_{s_i^l s_j^{l'} k} = 0 \quad \ \text{if} \quad \ b_k < \bar{t}_{s_i^l} < b_k + p \vee \bar{t}_{s_i^{l'}} < b_k + p \vee (\bar{t}_{s_i^{l'}} - \bar{t}_{s_i^l} - t_{s_i^l s_j^{l'}} < p \wedge \bar{t}_{s_i^l} < b_k \wedge \bar{t}_{s_j^{l'}} > b_k + p)$$

Durch (i) wird sichergestellt, dass kein Bus das Depot vor dem Schichtbeginn a_k verlassen kann. (ii) sorgt dafür, dass kein Bus eine Tour bedienen kann, die nach dem Schichtende enden würde. (iii) stellt zum Einen sicher, dass kein Bus an einer Haltestelle während einer Pause sein darf und um anderen, dass keine Fahrt zwischen zwei Haltestellen vor der Pause beginnen und nach der Pause enden darf. (iv) spiegelt (iii) für den Fall wieder, dass es sich bei der Fahrt um einen Wechsel zwischen Buslinien handelt. Dabei darf die Fahrt nur mit dem Zusatz zu (iii) stattfinden, wenn die Zeitspanne zwischen den beiden Haltestellen groß genug ist, um die Fahrtzeit und die Pausenzeit zu beinhalten.

5 Implementierung des Modells

5.1 Grundlagen der Implementierung

Das Modell von Schulz & Vléek wurde in der Programmiersprache Julia in der Entwicklungsumgebung Visual Studio Code implementiert. Dabei wurde der Code mittels Jupyter Notebooks (.pynb-Dateien) direkt ausführbar gestaltet, sodass zunächst jedes Szenario einzeln aufgebaut und getestet werden konnte. Die Analysen wurden mit einem Apple Macbook Pro mit M1 Pro Prozessor und 16 Gigabyte Arbeitsspeicher ausgeführt. Zum Lösen des Modells wurde der HiGHS Solver verwendet.

Das, dem Modell zugrundeliegende, Graphenmodell (siehe Kapitel 3), sowie die Nachfrage nach Fahrten von und nach einzelnen Haltestellen dieses Netzwerks, wird in der Implementierung mittels eines Testdatensatzes aufgebaut.

Der generierte Datensatz besteht aus folgenden Tabellen:

Tabelle 1 beinhaltet die unterschiedlichen Buslinien inklusive aller sich auf der jeweiligen Linie befindlichen Haltestellen. Für jede Haltestelle sind die Koordinaten (in X- und Y-Richtung), sowie die einzuhaltende Abfahrtzeit festgelegt.

Tabelle 2 legt fest zu welchen unterschiedlichen Startzeiten die einzelnen Touren je Buslinie vom Depot aus gestartet werden.

Tabelle 3 stellt eine fiktive Nachfragesituation zu Beginn eines Betrachtungszeitraums dar. Die hier simuliert Nachfragesituation umfasst insgesamt **XXXXXX** angemeldete Kundenfahrten.

Tabelle 4 legt die Parameter der fiktiven, in dem Betrachtungszeitfenster zur Verfügung stehenden Busse fest. Je Bus sind die Kapazität, sowie die, dem Bus zugeteilten, Schicht- und Pausenzeiten des Busfahrers festgelegt.

5.2 Struktur der Implementierung

Die in Kapitel 4 beschriebenen Szenarien wurden jeweils in eigenen Jupyter Notebooks umgesetzt, sodass der Code unmittelbar ausgeführt werden konnte. Die Notebooks sind alle gleich strukturiert aufgebaut: 1. Begonnen wird mit der Einbindung aller relevanter Bibliotheken. 2. Anschließend werden alle, für das Szenario relevante, Eingangsdaten in Form von CSV-Dateien geladen und in pandas Dataframes geschrieben. 3. Alle relevanten Eingabeparameter werden gesetzt. 4. Die Strukturen des Graphenmodells, die Knoten und Kanten, werden aufgebaut. 5. Die szenario-spezifischen Sets A und V werden aufgebaut. 6. Die szenario-spezifische Modelldefinition wird vorgenommen. 7. Das Model wird gelöst und die Parameter-bezogenen Ergebnisse, sowie der Lösungsstatus, der Zielfunktionswert NOCH ANDERE???, die erreichte GAP und Laufzeit ???? werden ausgegeben. 8. Zur grafischen Darstellung wird am Ende ein 3D-Plot ausgegeben, der die gefahrenen Touren im Zeitverlauf

darstellt. HIE IRGENDWIE NOCH UNSICHER, OB DAS ALLES IST UND SO BLEIBEN SOLL

Relevante Klassen/Methoden (z.B. für Pfadgenerierung, Kapazitätsprüfung)????

EVENTUELL ALS GRAFIKEN: Ablaufdiagramm für Code-Struktur und Organigramm für Klassenstruktur

ÜBERALL NOCHMAL DIE VERWIESE AUF DEN ANHANG CHECKEN

5.3 Herausforderungen bei der Umsetzung

Die Übertragung der kompakten, mathematischen Modellformulierung in experimentierfähigen Code war gut durchführbar, brachte allerdings einige Herausforderungen mit sich auf die an dieser Stelle eingegangen wird.

Aufbau der Sets und Indexstrukturen Die wohl größte Herausforderung bei der Übertragung der mathematischen Modellformulierung in experimentierfähgien Code stellte der Aufbau der Sets A, \bar{A}, \hat{A} dar. Die Sets, mit den zu zulässigen, nutzbaren Verbindungen, bilden die Grundlage des Optimierungsproblems und sind daher entscheidend korrekt aufzubauen.

- 1. Aufbau der Sets und Indexstrukturen
 - Herausforderung: die im Paper abstrakt beschriebenen Mengen (A, \bar{A}, \hat{A}) korrekt in Datenstrukturen zu überführen.
 - Schwierigkeit: sicherzustellen, dass die Verbindungen und Knoten konsistent erzeugt werden und den Modellbedingungen entsprechen.
 - Besonders XXXX, da die Sets die Grundlage für alle Nebenbedingungen bilden.
- 2. Zeitabhängige Modellierung
 - Herausforderung: die korrekte Abbildung von Fahrzeiten.
 - Innerhalb einer Linie mussten kumulierte Teilfahrzeiten gebildet werden. Für Verbindungen zwischen Linien war eine Distanz-basierte Fahrzeitberechnung erforderlich.
 - Die saubere Trennung dieser Logiken war essenziell, um das Modell konsistent aufzubauen.
- 3. Interpretation überlappender Kundenfahrten (Szenario 2.C)
 - Theoretische Herausforderung: zu verstehen, wie Rücksprünge innerhalb einer Tour modelllogisch zulässig sind, ohne Kapazitätsbeschränkungen zu verletzen.
 - Praktisch war die Umsetzung durch die klare Bauanleitung der Modellformeln jedoch relativ direkt (Übersetzung in If-Bedingungen).
 - Damit zeigt sich eine Diskrepanz zwischen "Verstehen der Modelllogik" und "Implementierung der Modellformulierung".
- 4. Verifikation der Implementierung
 - ohne Reale Daten schwierig -> ausformulieren

- Zwar konnten die Modellgleichungen nahezu 1:1 in JuMP übertragen werden.
- Die Unsicherheit lag jedoch im Aufbau der Sets und deren Interaktion mit den Constraints: Ist die Implementierung tatsächlich identisch zum mathematischen Modell?
- Die Verifikation war eine strukturelle Herausforderung, die sich nicht allein durch das Lösen des Modells (Gap=0.0) beantworten ließ, sondern zusätzlich durch Plausibilitätschecks der Ergebnisse.

5. Skalierbarkeit und Effizienz

- Auch wenn keine großen Instanzen getestet wurden, ist die Skalierbarkeit ein offensichtlicher Knackpunkt für die Weiterentwicklung.
- In der aktuellen Form mit Jupyter Notebooks wäre die Umsetzung bei steigenden Instanzgrößen vermutlich nicht effizient genug, sodass eine funktional modulare Implementierung nötig wäre.

5.4 Verifikation & Validierung

Bei der durchgeführten Implementierung handelt es sich um einen quasi Proof of Concept anhand eines Testdatensatzes, der speziell für dieses Modell erstellt wurde. Daher ist die Implementierung noch mit einem weiteren realitätsnäheren Datensatz zu validieren. Es wird erwartet, dass der größere Anteil des Aufwands für dieses Vorhaben in der Vorverarbeitung der dann zur Verfügung stehenden Daten liegen wird, gefolgt von der Verarbeitung der Daten zu nutzbaren Strukturen.

- Tourenanzahl, Busanzahl, Tourverläufe: Vergleich Paper vs. eigene Lösung
- Abweichungen und deren mögliche Ursachen (z.B. Rundungsfehler, alternative Pfade)
- Validierung der eigenen Implementierung
 - Da MIP Modell mit Gap 0.0 erreicht wurde, ist die Implementierung als validiert anzusehen. ????

Nach der Betrachtung der vorgenommenen Implementierung wird im folgenden Kapitel das Modell selbst diskutiert.

6 Diskussion & Erweiterungsmöglichkeiten des Modells

6.1 Limitierungen des aktuellen Modells

Durch die von Schulz & Vléek dargelegten Annahmen ergeben sich bereits erste Limitierungen des Modells.

Die Annahme, dass der Bus sich mit einer durchschnittlichen Geschwindigkeit bewegt, birgt die erste Einschränkung, da sich je nach Topologie unter Umständen unterschiedliche Geschwindigkeiten und damit Fahrtzeiten zwischen den Stops ergeben.

Auch wird der Einfluss von verkehrsbedingten Verzögerungen nicht mit berücksichtigt. Dies ist durch eine Fallstudie zu untersuchen.

Das von Schulz & Vléek aufgestellt Modell betrachtet die Nachfrage zu Beginn des Betrachtungszeitraums als statisch. Die Länge des Betrachtungszeitraums ist entscheidend für die Eignung als on-demand Modell. Wird ein ganzer Tag im Voraus geplant bringt dies wenig Flexibilität, wohingegen durch einen Planungshorizont von, zum Beispiel, 90 Minuten viel besser auf Nachfrageänderungen reagiert werden kann.

Für eine größere Nähe zum DARP wäre zu untersuchen, inwieweit sich Live-Anfragen die zu einer bereits geplanten Tour hinzufügen lassen.

Die Betrachtung der Betriebskosten wurde in diesem Modell außen vor gelassen und bringt somit den Anspruch weiterer Forschung mit sich. Zu untersuchen wäre so Beispielsweise eine mehrstufige Optimierung, bei der die Grundlage das Modell von Schulz & Vléek biilden würde und darum herum noch die Gesamtkosten des Systems versucht werden zu minimieren.

Schulz & Vléek betrachten das Problem rein aus der Sicht des Betreibers, der versucht so wenig Ressourcen wie möglich einzusetzen, um der Nachfrage gerecht zu werden. Dadurch wird, abhängig von der Topologie des Netzwerks, in diesem Fall jedoch im ländlichen Bereich durch Landstraßen als passend empfunden, der Benzinverbrauch durch eine Reduzierung an gefahrenen Kilometern reduzieren. (CHECK; OB DAS SO IST, EVTL: BEI MEINEM MODELL DURCH AUSGABE DER GESAMTKILOMETER) Interessant wäre daher eine Variante dieses Modells, bei der die Kundensicht auch ein Gewicht hat. So ließe sich die, für die Fahrgäste relevante, Zeit, die sie im Fahrzeug verbringen, betrachten.

6.2 Praxisrelevanz & Umsetzung

Die Ergebnisse der vorgenommenen Implementierung zeigen, dass sich eine Reduktion der Anzahl an benötigten Bussen vornehmen lässt. Dies bildeten den maßgeblichen Indikator für weitere Forschung und Einschränkung des Lösungsraums durch das Näherbringen des Modells an die Realität. **umformulieren** Ebenso

Die Berücksichtigung von Arbeits- und Pausenzeiten der Fahrer im Modell macht das Modell definitiv realitätsnäher und bereiter um in die Realität überführt zu werden. Die Möglichkeit Überstunden oder Notfälle die eine Abweichung von Schicht- bzw. Pausenplan verursachen würden, werden noch nicht berücksichtigt, könnten allerdings zu Beginn jedes Planungszeitraums berücksichtigt werden, wenn die definierten Rechenzeiträume, durch das erneute Einlesen von Eingangsdaten nicht zu lang werden.

Auch die Berücksichtigung von Kapazitäten ist für eine Umsetzung in der Realität unabdingbar.

- Welche Erkenntnisse sind direkt anwendbar?
- Welche Modellannahmen müssen für reale Implementierung angepasst werden?
- Bewertung der Lösung hinsichtlich Kosten, Fahrgastkomfort, Nachhaltigkeit

6.3 Mögliche Erweiterungen

- Liniennetz überschneidet sich nicht, daher auch keine Linien übergreifenden Touren möglich
- unterscheidlich abzufahrende Stops (Linienzusammensetzung) je Tour
- Mehrere Depots: Flexibilität bei der Tourenplanung, bessere Abdeckung
- Depotzuordnung optimieren
- Zeitfensterbasierte oder dynamische Nachfrage
- Realtime-Routing mit Rolling Horizon
 - -dynamische Änderungen der Fahrzeiten zwischen den Stops sie Abstract von Lian et al. $\left(2023\right)$
- Erweiterung um Ladezeiten, Servicelevel-Bedingungen
- größerer Datensatz

7 Fazit & Ausblick

- 6.1 Wichtigste Erkenntnisse Implementierung gelungen / Modell nachvollziehbar repliziert Validierung zeigt Übereinstimmungen und Grenzen Modell zeigt Potenzial bei Ressourceneinsparung und Flexibilisierung
- 6.2 Bewertung der Zielerreichung Rückblick auf Ziele aus Kapitel 1.3 Welche Ziele wurden vollständig erreicht? Wo gab es Einschränkungen?
- 6.3 Zukunftsperspektiven Technische Weiterentwicklung des Modells Einsatz in kommunalen Verkehrsprojekten Integration in Planungssoftware / Fahrplangenerierungssysteme

Literatur

- Bauchinger, L., A. Reichenberger, B. Goodwin-Hawkins, J. Kobal, M. Hrabar und T. Oedl-Wieser (Jan. 2021). "Developing Sustainable and Flexible Rural-Urban Connectivity through Complementary Mobility Services". In: Sustainability 13.3. Number: 3 Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing Institute, S. 1280. DOI: 10.3390/su13031280. URL: https://www.mdpi.com/2071-1050/13/3/1280 (besucht am 31.07.2025).
- Braekers, K., K. Ramaekers und I. Van Nieuwenhuyse (Sep. 2016). "The vehicle routing problem: State of the art classification and review". In: *Computers & Industrial Engineering* 99, S. 300–313. DOI: 10.1016/j.cie.2015.12.007. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0360835215004775 (besucht am 16.08.2025).
- Brake, J., J. D. Nelson und S. Wright (Dez. 2004). "Demand responsive transport: towards the emergence of a new market segment". In: *Journal of Transport Geography* 12.4, S. 323–337. DOI: 10.1016/j.jtrangeo.2004.08.011. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0966692304000651 (besucht am 07.08.2025).
- Calabrò, G., M. L. Pira, N. Giuffrida, G. Inturri, M. Ignaccolo und G. H. D. A. Correia (2023). "Designing demand responsive transport services in small-sized cities using an agent-based model". In: *Transportation Research Procedia* 69, S. 759–766. DOI: 10.1016/j.trpro.2023.02.233. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S2352146523002466 (besucht am 09.08.2025).
- Cirella, G., M. Bak, A. Kozlak, B. Pawłowska und P. Borkowski (März 2019). "Transport innovations for elderly people". In: *Research in Transportation Business & Management* 30. Publisher: Elsevier BV, S. 100381. DOI: 10.1016/j.rtbm.2019.100381. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S2210539519300823 (besucht am 05.08.2025).
- Coutinho, F. M., N. van Oort, Z. Christoforou, M. J. Alonso-González, O. Cats und S. Hoogendoorn (1. Nov. 2020). "Impacts of replacing a fixed public transport line by a demand responsive transport system: Case study of a rural area in Amsterdam". In: Research in Transportation Economics. Thredbo 16 conference 83, S. 100910. DOI: 10.1016/j.retrec.2020.100910. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0739885920301086 (besucht am 31.07.2025).
- D'Orso, G., V. Torrisi, P. Leonardi, M. Migliore, M. Ignaccolo und R. D'Angelo (2025). "Transforming travel experience in low density areas: evidence from a DRT pilot study and simulation model". In: *Transportation Research Procedia* 90, S. 895–902. DOI: 10.1016/j.trpro.2025.06.041. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S2352146525005502 (besucht am 09.08.2025).
- Daduna, J. R. (2020). "Evolution of Public Transport in Rural Areas New Technologies and Digitization". In: *Design, User Experience, and Usability. Case Studies in Public and Personal Interactive Systems.* Hrsg. von A. Marcus und E. Rosenzweig. Cham: Springer International Publishing, S. 82–99. DOI: 10.1007/978-3-030-49757-6_6.
- Daniels, R. und C. Mulley (1. März 2012). "Flexible Transport Services: Overcoming Barriers to Implementation in Low-Density Urban Areas". In: *Urban Policy and Research* 30.1. Publisher: Routledge _eprint: https://doi.org/10.1080/08111146.2012.660872, S. 59–76. DOI: 10.1080/08111146.2012.660872. URL: https://doi.org/10.1080/08111146.2012.660872 (besucht am 12.08.2025).

- Das, S. S., B. Maitra und M. Boltze (Okt. 2012). "Planning of Fixed-Route Fixed-Schedule Feeder Service to Bus Stops in Rural India". In: *Journal of Transportation Engineering* 138.10. Publisher: American Society of Civil Engineers (ASCE), S. 1274–1281. DOI: 10.1061/(asce)te.1943-5436. 0000419. URL: https://ascelibrary.org/doi/10.1061/%28ASCE%29TE.1943-5436.0000419 (besucht am 31.07.2025).
- Fielbaum, A., A. Tirachini und J. Alonso-Mora (Dez. 2024). "Improving public transportation via line-based integration of on-demand ridepooling". In: *Transportation Research Part A: Policy and Practice* 190, S. 104289. DOI: 10.1016/j.tra.2024.104289. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0965856424003379 (besucht am 09.08.2025).
- Filippi, C., G. Guastaroba, L. Peirano und M. G. Speranza (2024). Exploiting the Flexibility of Modular Buses in an Urban Transit System. DOI: 10.2139/ssrn.4902459. URL: https://www.ssrn.com/abstract=4902459 (besucht am 07.08.2025).
- Gal, A., A. Mandelbaum, F. Schnitzler, A. Senderovich und M. Weidlich (März 2017). "Traveling time prediction in scheduled transportation with journey segments". In: *Information Systems* 64, S. 266–280. DOI: 10.1016/j.is.2015.12.001. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0306437915002112 (besucht am 07.08.2025).
- Guiver, J., L. Lumsdon, R. Weston und M. Ferguson (Juli 2007). "Do buses help meet tourism objectives? The contribution and potential of scheduled buses in rural destination areas". In: *Transport Policy* 14.4. Publisher: Elsevier BV, S. 275–282. DOI: 10.1016/j.tranpol.2007.02.006. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0967070X07000157 (besucht am 05.08.2025).
- Hatzenbühler, J., O. Cats und E. Jenelius (1. Apr. 2022). "Network design for line-based autonomous bus services". In: *Transportation* 49.2, S. 467–502. DOI: 10.1007/s11116-021-10183-7. URL: https://doi.org/10.1007/s11116-021-10183-7 (besucht am 07.08.2025).
- Ho, S. C., W. Szeto, Y.-H. Kuo, J. M. Leung, M. Petering und T. W. Tou (Mai 2018). "A survey of dial-a-ride problems: Literature review and recent developments". In: *Transportation Research Part B: Methodological* 111, S. 395–421. DOI: 10.1016/j.trb.2018.02.001. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0191261517304484 (besucht am 16.08.2025).
- Jiménez, F. und A. Román (Jan. 2016). "Urban bus fleet-to-route assignment for pollutant emissions minimization". In: *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review* 85, S. 120–131. DOI: 10.1016/j.tre.2015.11.003. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S1366554515002069 (besucht am 07.08.2025).
- Kim, M. (und P. Schonfeld (Sep. 2013). "Integrating bus services with mixed fleets". In: *Transportation Research Part B: Methodological* 55, S. 227–244. DOI: 10.1016/j.trb.2013.06.013. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0191261513001124 (besucht am 09.08.2025).
- Lian, Y., F. Lucas und K. Sörensen (1. Sep. 2023). "The on-demand bus routing problem with real-time traffic information". In: *Multimodal Transportation* 2.3, S. 100093. DOI: 10.1016/j.multra.2023. 100093. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S2772586323000254 (besucht am 22.07.2025).
- Molenbruch, Y., K. Braekers und A. Caris (1. Dez. 2017). "Typology and literature review for dialaride problems". In: *Annals of Operations Research* 259.1, S. 295–325. DOI: 10.1007/s10479-017-2525-0. URL: https://doi.org/10.1007/s10479-017-2525-0 (besucht am 14.08.2025).
- Orloff, C. S. (Jan. 1974). "A fundamental problem in vehicle routing". In: *Networks* 4.1, S. 35–64. DOI: 10.1002/net.3230040105. URL: https://onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1002/net.3230040105 (besucht am 16.08.2025).
- Petersen, T. (1. Nov. 2016). "Watching the Swiss: A network approach to rural and exurban public transport". In: *Transport Policy* 52, S. 175–185. DOI: 10.1016/j.tranpol.2016.07.012. URL:

- https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0967070X16301469 (besucht am 31.07.2025).
- Psaraftis, H. N. (1980). "A Dynamic Programming Solution to the Single Vehicle Many-to-Many Immediate Request Dial-a-Ride Problem". In: *Transportation Science* 14.2. Publisher: INFORMS, S. 130–154. URL: https://www.jstor.org/stable/25767975 (besucht am 16.08.2025).
- Rashvand, N., S. S. Hosseini, M. Azarbayjani und H. Tabkhi (4. März 2024). Real-Time Bus Arrival Prediction: A Deep Learning Approach for Enhanced Urban Mobility. DOI: 10.48550/arXiv. 2303.15495. arXiv: 2303.15495[cs]. URL: http://arxiv.org/abs/2303.15495 (besucht am 07.08.2025).
- Rosca, C.-M., A. Stancu, C.-F. Neculaiu und I.-A. Gortoescu (Jan. 2024). "Designing and Implementing a Public Urban Transport Scheduling System Based on Artificial Intelligence for Smart Cities". In: Applied Sciences 14.19. Number: 19 Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing Institute, S. 8861. DOI: 10.3390/app14198861. URL: https://www.mdpi.com/2076-3417/14/19/8861 (besucht am 07.08.2025).
- Takamatsu, M. und A. Taguchi (Sep. 2020). "Bus Timetable Design to Ensure Smooth Transfers in Areas with Low-Frequency Public Transportation Services". In: *Transportation Science* 54.5. Publisher: INFORMS, S. 1238–1250. DOI: 10.1287/trsc.2019.0918. URL: https://pubsonline.informs.org/doi/abs/10.1287/trsc.2019.0918 (besucht am 31.07.2025).
- Tang, J., Y. Yang, W. Hao, F. Liu und Y. Wang (Apr. 2021). "A Data-Driven Timetable Optimization of Urban Bus Line Based on Multi-Objective Genetic Algorithm". In: *IEEE Transactions on Intelligent Transportation Systems* 22.4, S. 2417–2429. DOI: 10.1109/TITS.2020.3025031. URL: https://ieeexplore.ieee.org/document/9208784/ (besucht am 07.08.2025).
- Tian, Q., Y. H. Lin und D. Z. W. Wang (1. Okt. 2021). "Autonomous and conventional bus fleet optimization for fixed-route operations considering demand uncertainty". In: *Transportation* 48.5, S. 2735–2763. DOI: 10.1007/s11116-020-10146-4. URL: https://doi.org/10.1007/s11116-020-10146-4 (besucht am 07.08.2025).
- Tsigdinos, S., C. Karolemeas, M. Siti, K. Papadaki, K. Athanasopoulos und P. G. Tzouras (Dez. 2024). "Route Planning for Flexible Bus Services in Regional Cities and Rural Areas: Combining User Preferences with Spatial Analysis". In: Future Transportation 4.4. Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing Institute, S. 1476–1500. DOI: 10.3390/futuretransp4040071. URL: https://www.mdpi.com/2673-7590/4/4/71 (besucht am 09.08.2025).
- Vansteenwegen, P., L. Melis, D. Aktaş, B. D. G. Montenegro, F. Sartori Vieira und K. Sörensen (1. Apr. 2022). "A survey on demand-responsive public bus systems". In: *Transportation Research Part C: Emerging Technologies* 137, S. 103573. DOI: 10.1016/j.trc.2022.103573. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0968090X22000195 (besucht am 22.07.2025).
- Verband der Automobilindustrie (2025). Ridepooling Eine Lösung für den ländlichen Raum. URL: https://www.vda.de/de/themen/digitalisierung/mobility-as-a-service/ridepooling (besucht am 31.07.2025).
- Vidal, T., G. Laporte und P. Matl (Okt. 2020). "A concise guide to existing and emerging vehicle routing problem variants". In: *European Journal of Operational Research* 286.2, S. 401–416. DOI: 10.1016/j.ejor.2019.10.010. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0377221719308422 (besucht am 17.08.2025).
- Wang, C., M. Quddus, M. Enoch, T. Ryley und L. Davison (1. Mai 2014). "Multilevel modelling of Demand Responsive Transport (DRT) trips in Greater Manchester based on area-wide socio-economic data". In: *Transportation* 41.3, S. 589–610. DOI: 10.1007/s11116-013-9506-1. URL: https://doi.org/10.1007/s11116-013-9506-1 (besucht am 09.08.2025).
- Wei, J., K. Long, J. Gu, Q. Ju und P. Zhu (Jan. 2020). "Optimizing Bus Line Based on Metro-Bus Integration". In: Sustainability 12.4. Number: 4 Publisher: Multidisciplinary Digital Publishing

- Institute, S. 1493. DOI: 10.3390/su12041493. URL: https://www.mdpi.com/2071-1050/12/4/1493 (besucht am 07.08.2025).
- White, P. (7. Okt. 2016). "The Roles of Conventional and Demand-Responsive Bus Services". In: Paratransit: Shaping the Flexible Transport Future. Bd. 8. Emerald Group Publishing Limited, S. 327–330. DOI: 10.1108/S2044-994120160000008015. URL: https://doi.org/10.1108/S2044-994120160000008015 (besucht am 31.07.2025).
- Zhen, L. und W. Gu (Nov. 2024). "Feeder bus service design under spatially heterogeneous demand". In: *Transportation Research Part A: Policy and Practice* 189, S. 104214. DOI: 10.1016/j.tra. 2024.104214. URL: https://linkinghub.elsevier.com/retrieve/pii/S0965856424002623 (besucht am 07.08.2025).

A Anhang A: Literaturrecherche

A.1 Searchstrings

Bei Optimierungsproblemen: DARAUF ACHTEN, DASS DIE JAHRESZAHLEN MIT ANGEGEBEN SIND - DADURCH ERWÄHEN WELCHEN BEI GOOGLE UND WELCHE BEI SCOPUS GENUTZT WURDE

A.2 Surchergebnisse - BEI BEDARF

B Implementierung

- **B.1** Beispieldatensatz
- **B.2 Code der implementierten Settings**
- B.3 BEI BEDARF ????

Versicherung über die Selbstständigkeit

Hiermit erkläre ich an Eides statt, dass ich die vorliegende Masterarbeit ohne fremde Hilfe selbst-
ständig verfasst habe. Ich habe keine anderen als die angegebenen Hilfsmittel – insbesondere keine im
Quellverzeichnis nicht benannten Internet-Quellen – benutzt. Ich habe die Arbeit vorher nicht in einem
anderen Prüfungsverfahren eingereicht. Die schriftliche Fassung entspricht der auf dem elektronischen
Speichermedium.

Hamburg, den 23. August 2025		
Ort, Datum	Unterschrift	