#### 北京邮电大学 (软件学院) 2011-2012 学年第二学期

#### 《概率论与随机过程》期末考试试题(A)

TeXify: LEE E-mail: snowonionlee@gmail.com Warning: 2012-2013 学年的该课程的期末考试的难度大了不少.

一. 填空题 (每小题 3 分,共 45 分	<b>—</b> .	填空题	(每小题	3	分,	共 45	分分
------------------------	------------	-----	------	---	----	------	----

- 1. 设A, B为相互独立的随机事件,  $P(A) = 0.8, P(B) = 0.4, 则<math>P(A\bar{B}) =$  .
- 2. 设A,B为两个随机事件,已知 $P(A)=\frac{1}{2},P(B)=\frac{1}{3},P(AB)=\frac{1}{4}$ ,则 $P(A\cup B)=$  \_\_\_\_\_\_\_
- 3. 设一批产品中共有10件产品, 其中有2件次品, 现不放回地连续任取6件, 则第5次取出次品的概率为 \_\_\_\_\_\_\_\_\_.
- 4. 已知随机变量X的分布律为  $\frac{X \mid -1 \quad 0 \quad 1 \quad 2}{p_k \mid 0.2 \quad 0.1 \quad 0.4 \quad 0.3}$ ,设Y = 2|X|+1,则Y的分布律为 \_
- 5. 设随机变量X的分布函数为F(X), 概率密度为

$$f(x) = \begin{cases} 2e^{-2x}, & x > 0, \\ 0, & x \le 0. \end{cases}$$

则F(5) =\_\_\_\_\_.

6. 二维随机变量(X,Y)的概率密度为

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{1}{2}, & 0 \le x \le 1, 0 \le y \le 2, \\ 0, & else. \end{cases}$$

则 $P{X < Y}$ = \_\_\_\_\_.

- 7. 设随机变量 $X \sim U(0,1)$ , 则随机变量Y = 2X + 1的概率密度f(y) =\_\_\_\_\_\_
- 8. 设随机变量 $X \sim \pi(2), Y \sim B(10, 0.5), 则 E(2X + 4Y 1) =$  \_\_\_\_\_\_.
- 9. 设离散型随机变量X的分布律

$$P\{X=k\} = \frac{A}{3^k k!}$$
  $(k=0,1,2,...)$ 

,则常数A= .

- 12. 设随机变量 $X_1, X_2, ..., X_n$ 独立同分布,分布函数为F(x),求随机变量 $Z = max\{X_1, X_2, ..., X_n\}$ 的分布函数 $F_Z(z) =$ \_\_\_\_\_\_\_.
- 13. 设随机过程 $X(t) = Yt, Y \sim N(5,9)$ , 则均值函数为 \_\_\_\_\_\_.

## 二. (10分)

设随机变量X具有概率密度

$$f(x) = \begin{cases} a\cos x, & |x| < \frac{\pi}{2}, \\ 0, & else. \end{cases}$$

求: (1) 常数a, (2)  $P\{0 < X < \frac{\pi}{4}\}$ , (3) X的分布函数.

### 三. (10分)

设二维随机变量(X,Y)具有概率密度

$$f(x,y) = \left\{ \begin{array}{ll} kxy, & 0 < x < y < 1, \\ 0, & else. \end{array} \right.$$

求: (1) 常数k, (2)  $P\{X+Y<1\}$ , (3) 边缘概率密度 $f_X(x)$ ,  $f_Y(y)$ .

# 四. (10分)

设随机变量X, Y相互独立,均服从区间(0,1)上的均匀分布,求: Z = X + Y的概率密度.

#### 五. (15分)

已知齐次马氏链 $\{X_n, n \geq 0\}$ , 状态空间为 $I = \{0, 1, 2\}$ , 转移矩阵为

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 0\\ \frac{1}{2} & 0 & \frac{1}{2}\\ 0 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

,初始分布为 $P_0(0) = \frac{1}{3}, P_1(0) = \frac{1}{3}, P_2(0) = \frac{1}{3}.$ 

(1) 求二步转移矩阵P(2), (2) 求 $P\{X_2=1,X_4=0,X_5=1\}$ , (3) 证明遍历性,并求平稳分布.

### 六. (10分)

设 $X(t), Y(t), t \ge 0$ 是相互独立的平稳过程,验证Z(t) = X(t) + Y(t)是否是平稳过程.