## AGE GROUP 7

AGE GROUP 7									
Задача	Отговор/ответ	Решение							
Problem	/answer	Solution							
1		Числата са $7, p$ и $q$ . Тогава							
	<b>@</b> = 105	$p \times q = 7 + p + q \implies p \times q - p - q + 1 = 8 \implies (p - 1) \times$							
		$(q-1)=8 \implies p=3, q=5 \implies 7pq=105.$							
2	# = 52	$\frac{1}{1+2} + \frac{1}{1+2+3} + \dots + \frac{1}{1+2+\dots + @}$ $= \frac{2}{2\times 3} + \frac{2}{3\times 4} + \dots + \frac{2}{105\times 106} =$ $= 2\times \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{106}\right) = \frac{52}{53}.$ Получаваме, че # = 52.							
3	& = 8 § = 45	Наистина от $23 + 13 = 36$ , следва че $36 - 26 = 10$ деца са държали							
		момичета и момчета. Тогава от $13 - 10 = 3$ , следва че 3 от децата с							
		държали само момичета. Тези 3 деца държат 3.2 = 6 момичешк							
		ръце, още 10 държат по една момичешка ръка – общ							
		момичешките ръце са $6 + 10 = 16$ , а момичетата са $16:2 = 8$ .							
4		Нека означим с $x$ лицето на триъгълник DEF, тогава $\frac{AD}{DE} = \frac{10}{5} = \frac{8}{x} \implies x = 4.$ Нека означим с у лицето на триъгълник BEF, тогава $\frac{AF}{BF} = \frac{18}{9+y} = \frac{12}{y} \implies y = 18.$ Лицето на четириъгълника $DEBFe$ $x+y=22 \implies \S=10+5+22=45.$ Свалено от Klasirane.com							
5	*=0	Последната цифра на $(n+10) \times (n+11) \times (n+12)$ , съвпада с последната цифра на $n \times (n+1) \times (n+2)$ за всяко естествено число $n$ . Последните цифри на първите $10$ събираеми са							

## МАТЕМАТИЧЕСКА ЩАФЕТА 2019 - ОТГОВОРИ

## MATHEMATICAL RELAY 2019 – ANSWER KEY

Age group Problem	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1- @	2	4	6	2	14	25	105	24	49
2 - #	27	12	12	25	336	85	52	3	35
3 - &	6	81	81	325	28	10	8	84	20
4 - §	5	4	14	28	27	60	45	37	2
5 - *	65	11	6	8, 7 or 6	7 or 8	2.4	0	7	5