# МАТЕМАТИКА БЕЗ ГРАНИЦИ

# 7 КЛАС

#### ЗИМА 2016

# УВАЖАЕМИ УЧЕНИЦИ,

Времето за работа по задачите е 60 минути.

За задачите с посочен отговор в листа за отговори посочвате буквата на верния отговор, а за задачите със свободен отговор – посочвате отговора/отговорите.

Забранено е използването на учебници, калкулатори, мобилни телефони и справочници с формули.

За всеки правилен отговор се присъжда по 1 точка.

Самостоятелната и честна работа е главното изискване на организаторите към участниците в турнира.

# Желаем успех!

3адача 1.  $30^0 - 25^0 30 35 =$ 

- **A)**  $5^{0}29'25$
- **D**) друг отговор

Задача 2. През 1808 г. немският математик Карл Гаус въвежда означението [х]. С него означава най-голямото цяло число, което не е по-голямо от х.

Стойността на [-20,15] + [20,15] + [-20,16] + [20,16] е:

**A)** -2

**B**) -1

**C**) 0

**D**) 1

**Задача 3.** Стойността на израза  $\frac{999^3-1}{998} + 999$  е:

- **A)** 1 000
- **B**) 10 000
- **C**) 100 000
- **D**) 1 000 000

Задача 4. Един от вътрешните ъгли на триъгълник е 70 градуса, а разликата на два от вътрешните ъгли на този триъгълник е 30 градуса. Колко, според ъглите, са тези триъгълници?

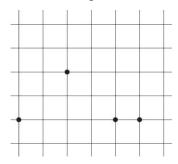
**A**) 1

**B**) 2

**C**) 3

**D**) 4

**Задача 5.** На квадратната мрежа са отбелязани 4 точки. Колко остри ъгли се получават при пресичането на правите, преминаващи през всеки две от дадените точки?



**A)** 4

**B**) 5

**C**) 6

**D**) друг отговор

**Задача 6.** Колко е остатъкът при делението на числото  $10^{2016}$  на 15?

**A**) 0

**B**) 5

**C**) 10

**D**) 15

**Задача 7.** Произведението на две цели числа, които са по-малки от 7 и по-големи от (-77), е 77. Сборът на тези числа е:

A) - 18

**B**) -78

**C**) 18

**D**) 78

**Задача 8.** При сушене ябълките губят 84% от теглото си. От колко килограма ябълки ще се получат 24 кг сушени ябълки?

**A)** 84

**B**) 100

**C**) 125

**D**) 150

**Задача 9.** Питър събрал 3 последователни нечетни числа и получил сбор A. Стивън събрал 3 последователни нечетни числа и получил сбор B. Ако сред числата, които е събирал Питър има 1 от числата, които е събирал Стивън, тогава най-голямата възможна разлика на получените сборове A и B е:

**A)** 10

**B**) 11

**C**) 12

**D**) 13

**Задача 10.** Шифърът на сейф е съставен от всички нечетни цифри, без да се повтарят. Колко най-много различни неуспешни опити можем да направим, преди да открием шифъра?

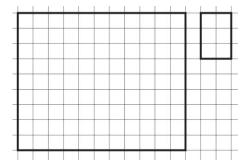
**A)** 120

**B**) 99

**C**) 119

**D**) друг отговор

**Задача 11.** На колко най-много правоъгълници с размери  $cm \times 2 cm$  можем да разрежем правоъгълник с размери  $11 cm \times 9 cm$ ?



**Задача 12.** Естественото числото A се увеличава 11 пъти, ако запишем отдясно една от деветте цифри 1,2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 или 9. Колко цифри има числото A?

**Задача 13.** По колко начина можем да разделим 7 теглилки от 1, 2, 3, 4, 5, 6 и 7 *грама* на 2 групи с равни тегла?

**Задача 14.** Колко са правилните несъкратими дроби, на които числителят и знаменателят са естествени числа със сбор 33?

**Задача 15.** Кое е най-малкото естествено число N, за което произведението на 13, 17 и N може да се представи като произведение на три последователни естествени числа?

### Задача 16.

- Колко е часът? попитали Питагор.
- До края на денонощието остават два пъти по две пети от времето, което е минало от началото – отговорил той.

Колко е часът?

**Задача 17.** За x= стойността на израза  $\frac{3x-6}{3}-A$  е (-1). Определете стойността на израза за x=2.

**Задача 18.** Колко са простите числа p, за които и трите числа p, p+10 и p+14 са прости?

**Задача 19.** В една кошница имаше 18 ябълки, а в друга -20. От първата кошница взех няколко ябълки, а от втората взех толкова ябълки, колкото са останали в първата кошница. Колко ябълки са останали общо в двете кошници?

**Задача 20.** Ако A е цяло число, намерете най-големия остатък при делението на  $A^2$  на 4.