ФИНАЛ 2022-7. КЛАС

Задача 1. Пресметнете

$$1 - \frac{1}{2} + \frac{1}{4} - \frac{1}{8} + \frac{1}{16} - \frac{1}{32}$$

Задача 2. Пресметнете

$$0,00000256 + \left(1 - \frac{1}{5}\right) \cdot \left(1 + \frac{1}{5}\right) \cdot \left(1 + \frac{1}{25}\right) \cdot \left(1 + \frac{1}{625}\right)$$

Задача 3. Пресметнете сбора на всички цели отрицателни числа x, за които

$$(-x-\pi)$$
. $|\pi-4| < (\pi-4)^2$

Пояснение: Числото $\pi \approx 3,14$

Задача 4. Цяла част [x] на числото x се нарича най-голямото цяло число, което не е поголямо от x. Дробна част $\{x\}$ на числото x се нарича числото, равно на x-[x].

Пресметнете

$$\{-\pi\} + \{-2\pi\} + [\pi] + [2\pi]$$

Задача 5. Ако $(x-y)xy \neq 0$ и $\frac{x^3-y^3}{(x-y)^3} = 7$ пресметнете $\frac{x}{y} + \frac{y}{x}$.

Задача 6. Числото 2 е корен на уравнението $|x-5| = a^2 - 3a + 5$, в което a е параметър. Кой е другият корен?

Задача 7. При делението на естественото число A на 55 се получава остатък 34. При делението на същото число на 32 се получава остатък 2. Коя е цифрата на единиците на числото A?

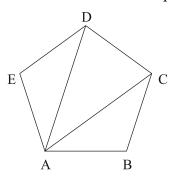
Задача 8. Намерете остатъка при делението на $2^{22} - 6^{12}$ на 10.

3адача 9. Пресметнете x, ако

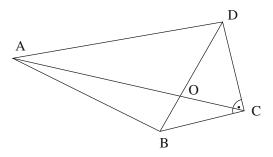
$$|x| - \left|\frac{x}{-6}\right| = x - \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{x}{2} - 1\right)$$

Задача 10. Пресметнете сбора на естествените числа m и n, за които 20m + 22n = 222?

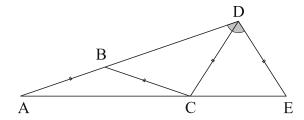
Задача 11. Даден е правилен петоъгълник *ABCDE*. Намерете градусната мярка на **4**CAD.



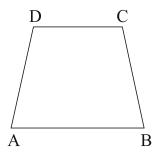
Задача 12. За четириъгълника ABCD е известно, че DB = 13 cm, BC = 5 cm, 4BCD = 90°, AO : AC = 2:3. Пресметнете колко квадратни cm е лицето му.



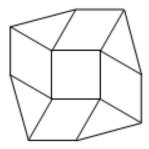
Задача 13. На чертежа AB = BC = CD = DE. Мярката на $\angle ADE$ е цяло число градуси. Коя е възможно най-малката стойност на мярката на $\angle ADE$?



Задача 14. Всеки от диагоналите на трапеца е равен на сбора на двете основи. Колко градуса е ъгълът между диагоналите?



Задача 15. Фигурата на чертежа е съставена от един квадрат в центъра, четири ромба с равни остри ъгли и четири триъгълника. Намерете лицето в квадратни сантиметри на всеки от ромбовете, ако лицето на квадрата е $36 \ cm^2$, а лицето на цялата фигура е $204 \ cm^2$



Задача 16. Числото n е естествено число, а числото $m=4n^2-121$ е просто число. Пресметнете m.

Задача 17. Пресметнете ab, ако a+b=3 и $a^3+b^3=63$.

Задача 18. Колко са естествените числа N, такива че сред числата от 1 до N точно 12 % се делят на 8?

Задача 19. Разполагаме с везна с две блюда и с три теглилки, съответно от 1 kg, 3 kg и 10 kg. Колко предмета с различни тегла може да се претеглят с помощта на везната, ако в едно претегляне участва само един предмет?

Задача 20. Нека x и y са прости числа, такива че x дели 2y+1, а y дели 2x+1. Коя е наймалката стойност на x+y?