

# ACM/ICPC TEMPLATE

---



fz

Last build at April 3, 2015

此页为双面打印之留白页

打印需注意：选择双面打印，并缩放到可打印区域！

## Contents

<b>1</b>	<b>设置</b>	<b>3</b>
1.1	头文件 . . . . .	3
1.2	Ubuntu 相关设置 . . . . .	3
<b>2</b>	<b>STL</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>基本算法</b>	<b>5</b>
3.1	二分 . . . . .	5
3.2	三分 . . . . .	6
<b>4</b>	<b>数据结构</b>	<b>6</b>
4.1	离散化 . . . . .	6
4.2	并查集 . . . . .	7
4.3	树状数组 . . . . .	7
4.3.1	一维树状数组 . . . . .	7
4.3.2	一维树状数组区间更新区间查询 . . . . .	8
4.3.3	多维树状数组的处理 . . . . .	9
4.4	RMQ . . . . .	10
4.4.1	一维 RMQ . . . . .	10
4.4.2	二维 RMQ . . . . .	10
4.5	线段树 . . . . .	11
4.5.1	单点更新 . . . . .	11
4.5.2	区间更新 . . . . .	12
4.5.3	对一棵树进行线段树操作 . . . . .	13
4.5.4	二维线段树区间更新单点求和 . . . . .	13
4.5.5	二维线段树单点更新区间求最大最小值 . . . . .	14
4.5.6	线段树相关例题 . . . . .	16
4.6	左偏树 . . . . .	32
4.7	划分树 . . . . .	34
4.8	Size Balanced Tree . . . . .	34
4.9	可持久化线段树 . . . . .	40
4.9.1	可持久化线段树 . . . . .	40
4.9.2	树状数组套可持久化线段树 . . . . .	41
4.9.3	相关例题 . . . . .	43
4.10	splay . . . . .	47
4.11	KD-tree . . . . .	50
4.11.1	二维 KD-tree . . . . .	50
4.11.2	K 维 KD-tree . . . . .	52
4.12	树链剖分 . . . . .	53
<b>5</b>	<b>字符串</b>	<b>61</b>
5.1	KMP . . . . .	61
5.2	扩展 KMP . . . . .	62
5.3	trie 字典树 . . . . .	62
5.4	AC 自动机 . . . . .	63
5.5	哈希 . . . . .	65
5.5.1	字符串哈希 . . . . .	65
5.5.2	字符串矩阵哈希 . . . . .	65
5.5.3	哈希函数 . . . . .	66
5.6	字符串的最小表示法 . . . . .	68

<b>6</b>	<b>动态规划</b>	<b>68</b>
6.1	最大子段和	68
6.2	二维最大子段和	69
6.3	最长上升子序列 (LIS)	69
6.4	最长公共子序列 (LCS)	70
6.5	最长公共上升子序列 (LCIS)	70
6.6	数位 DP	71
<b>7</b>	<b>数论</b>	<b>72</b>
7.1	筛法打质数表	72
7.2	区间筛质数	72
7.3	分解质因数	73
7.4	因数个数打表	73
7.5	快速幂	74
7.6	费马小定理求逆元	74
7.7	扩展欧几里得	74
7.8	扩展欧几里得求逆元	74
7.9	欧拉函数	75
7.10	欧拉函数打表	75
7.11	中国剩余定理不互质	75
7.12	组合数打表	76
7.13	组合数在线	76
7.14	lucas 定理	77
7.15	指数循环节	77
<b>8</b>	<b>图论</b>	<b>78</b>
8.1	邻接表	78
8.2	spfa	78
8.3	dijkstra	79
8.4	dijkstra+heap	80
8.5	floyd-warshall	81
8.6	kruskal	82
8.7	prim	83
8.8	prim+heap	84
8.9	最小树形图朱刘算法	85
8.10	树的直径	86
8.11	二分图最大匹配匈牙利算法	87
8.12	网络流 Dinic 算法	88
8.13	LCA 的 tarjan 离线算法	90
8.14	2-SAT	91
<b>9</b>	<b>数学</b>	<b>93</b>
9.1	高斯消元	93
9.2	二进制下的高斯消元	93
9.3	高精度整数类	94
9.4	分数类	98
9.5	矩阵类	98
9.6	分治法等比数列求和	100
9.7	自适应 Simpson 积分法	101
9.8	Romberg 积分法	101
9.9	De Bruijn 序列	102
9.10	格雷码	102
9.11	表达式求值	103

9.12	卡特兰数	105
9.13	求和公式	106
9.14	小公式	106
<b>10</b>	<b>博弈</b>	<b>106</b>
10.1	巴什博弈	106
10.2	尼姆博弈	107
10.3	威佐夫博弈	107
<b>11</b>	<b>计算几何</b>	<b>109</b>
<b>12</b>	<b>其他</b>	<b>121</b>
12.1	编译器相关	121
12.1.1	强制 O2 优化	121
12.1.2	G++(MinGW32) 扩栈	122
12.1.3	G++(64 位 linux) 扩栈	122
12.1.4	C++ 扩栈	122
12.2	输入输出优化	122
12.3	位反转	123
12.4	蔡勒公式	123
12.5	坐标旋转变换	123
12.6	归并排序求逆序数	124
12.7	奇怪的东西	124
<b>13</b>	<b>一些题目</b>	<b>127</b>
<b>14</b>	<b>现场赛宝典</b>	<b>146</b>



## 1 设置

### 1.1 头文件

```
1 #include<cstdio>
2 #include<cstdlib>
3 #include<cstring>
4 #include<cmath>
5 #include<ctime>
6 #include<cassert>
7 #include<climits>
8 #include<iostream>
9 #include<algorithm>
10 #include<string>
11 #include<vector>
12 #include<deque>
13 #include<list>
14 #include<set>
15 #include<map>
16 #include<stack>
17 #include<queue>
18 #include<numeric>
19 #include<iomanip>
20 #include<bitset>
21 #include<sstream>
22 #include<fstream>
23 #define debug puts("——")
24 #define pi (acos(-1.0))
25 #define eps (1e-8)
26 #define inf (1<<30)
27 #define INF (111<<62)
28 using namespace std;
29 int main()
30 {
31
32     return 0;
33 }
```

### 1.2 Ubuntu 相关设置

CodeBlocks 终端命令行:

gnome-terminal --disable-factory -t \$TITLE -x

计算器:

gnome-calculator

xcalc

## 2 STL

```
1 /// 欧几里得求最大公约数
2 __gcd(a,b);
3 /// 对[0,n) 建堆
4 make_heap(a,a+n);
5 /// 将n-1插入到[0,n-1)的堆中
6 push_heap(a,a+n);
7 /// 将1从[0,n)的堆中取出到n
8 pop_heap(a,a+n);
9 /// 对[0,n)的堆进行排序
10 sort_heap(a,a+n);
```

```

11 // 翻转容器内元素
12 reverse(v.begin(),v.end());
13 // 对容器中的key计数
14 count(v.begin(),v.end(),key);
15 // 对容器中符合pred条件的元素计数
16 count_if(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a);
17 // 删除容器中值为key的元素，返回end()迭代器
18 remove(v.begin(),v.end(),key);
19 v.erase(remove(v.begin(),v.end(),key),v.end());
20 // 删除容器中符合pred条件的元素，返回end()迭代器
21 remove_if(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a);
22 // 对容器中元素排重，返回end()迭代器。符合pred的视为相同
23 unique(v.begin(),v.end());
24 unique(v.begin(),v.end(),pred),bool pred(type a,type b);
25 v.erase(unique(v.begin(),v.end()),v.end());
26 // 遍历容器找到值为key元素，返回迭代器，找不到则返回end()
27 find(v.begin(),v.end(),key);
28 // 生成下一个全排列，有则返回1，无则返回0
29 next_permutation(v.begin(),v.end());
30 // 生成上一个全排列，有则返回1，无则返回0
31 prev_permutation(v.begin(),v.end());
32 // 可以插入value，而不会破坏容器顺序的第一个位置（插入后其和其后的数后移）。
    指向键值 >=key 的第一个元素
33 lower_bound(v.begin(),v.end(),key);
34 // 可以插入value，而不会破坏容器顺序的最后一个位置（插入后其和其后的数后移）。
    指向键值 >key 的第一个元素
35 upper_bound(v.begin(),v.end(),key);
36 // 将容器内元素按pred条件分开，pred为1的在前，返回分开处end()迭代器
37 partition(v.begin(),v.end(),pred);
38 stable_partition(v.begin(),v.end(),pred);
39 // 求两个容器内积，返回sum+内积
40 inner_product(v1.begin(),v1.end(),v2.begin(),sum);
41 // 对容器内元素求和，返回sum+和
42 accumulate(v.begin(),v.end(),sum);
43 // 返回容器内元素的最大/最小值
44 max_element(v.begin(),v.end());
45 min_element(v.begin(),v.end());
46 // 求第n小的元素，并把它放在第n位置上
47 nth_element(v.begin(),v.end());
48 // 将容器内元素都赋值为key
49 fill(v.begin(),v.end(),key);
50 // 交换区间 [__first,__middle) [__middle,__last)
51 rotate(__first,__middle,__last);
52 // 将字符串以base进制转换成long，并通过ed得到一个char *
    指向后面未被识别的第一个字符
53 long strtol(const char *s, char **ed, int base);
54 // 将字符串str1用str2中的字符分隔开。第一次调用传入str1，以后传入NULL。
    全部分隔完时返回NULL
55 char *strtok(char *str1, const char *str2);
56 /**
57     char str[] = "now # is the $time for all # good men to co$$me to the # aid
        of the$ir country";
58     char delims[] = "#$";
59     char *result = NULL;
60     result = strtok(str, delims);
61     while(result != NULL)
62     {
63         printf("result is \"%s\"\n", result);
64         result = strtok(NULL, delims);
65     }
66     运行结果：
67     result is "now "
68     result is " is the "

```



```

69     result is "time for all "
70     result is " good men to co"
71     result is "me to the "
72     result is " aid of the"
73     result is "ir country"
74 **/

```

bitset<n> b;	b 有 n 位，每位都为 0
bitset<n> b(u);	b 是 unsigned long 型 u 的一个副本
bitset<n> b(s);	b 是 string 对象 s 中含有的位串的副本
bitset<n> b(s, pos, n);	b 是 s 中从位置 pos 开始的 n 个位的副本

b.any()	b 中是否存在置为 1 的二进制位?
b.none()	b 中不存在置为 1 的二进制位吗?
b.count()	b 中置为 1 的二进制位的个数
b.size()	b 中二进制位的个数
b[pos]	访问 b 中在 pos 处的二进制位
b.test(pos)	b 中在 pos 处的二进制位是否为 1?
b.set()	把 b 中所有二进制位都置为 1
b.set(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位置为 1
b.reset()	把 b 中所有二进制位都置为 0
b.reset(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位置为 0
b.flip()	把 b 中所有二进制位逐位取反
b.flip(pos)	把 b 中在 pos 处的二进制位取反
b.to_ulong()	用 b 中同样的二进制位返回一个 unsigned long 值
os << b	把 b 中的位集输出到 os 流

### 3 基本算法

#### 3.1 二分

```

1  ///二分（单调增）
2  double l=0,r=100,mid;
3  while(r-l>eps)
4  {
5      mid=(l+r)/2;
6      if (f(mid)>0)
7          r=mid;
8      else
9          l=mid;
10 }
11
12 ///二分（精确binary_search）
13 int l=0,r=10000,mid;
14 while(l<=r)
15 {
16     mid=l+r>>1;
17     if (a[mid]>key)
18         r=mid-1;
19     else if (a[mid]<key)
20         l=mid+1;
21     else
22         break;
23 }

```

```

24 if (a[mid]==key);
25
26 /// 二分 (lower_bound)
27 int l=0,r=10000,mid;
28 while(l<r)
29 {
30     mid=l+r>>1;
31     if (a[mid]>=key)
32         r=mid;
33     else if (a[mid]<key)
34         l=mid+1;
35 }
36 if (a[l]==key);

```

## 3.2 三分

```

1 /// (极小值)
2 double left,right,mid1,mid2;
3 left=-1e7;
4 right=1e7;
5 while(fabs(left-right)>eps)
6 {
7     mid1=(left+right)/2;
8     mid2=(mid1+right)/2;
9     if (f(mid1)<f(mid2))
10         right=mid2;
11     else
12         left=mid1;
13 }

```

## 4 数据结构

### 4.1 离散化

```

1 int discrete(int data[],int n,int dis[],int idx[])
2 {
3     int sub[n+1];
4     memcpy(sub,data,sizeof(sub));
5     sort(sub+1,sub+n+1);
6     int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
7     for(int i=1; i<=n; i++)
8     {
9         dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
10        idx[dis[i]]=data[i];
11    }
12    return m;
13 }
14
15 const int NV=60005;
16 int m,data[NV];
17 int inithash(int n)
18 {
19     sort(data+1,data+n+1);
20     return unique(data+1,data+n+1)-data-1;
21 }
22 int hash(int x)
23 {
24     return lower_bound(data+1,data+m+1,x)-data;
25 }

```

## 4.2 并查集

```
1 int f[LEN],rk[LEN];
2 int finds(int x) //非递归
3 {
4     int k,j,r;
5     r=x;
6     while(r!=f[r])
7         r=f[r];
8     k=x;
9     while(k!=r)
10    {
11        j=f[k];
12        f[k]=r;
13        k=j;
14    }
15    return r;
16 }
17 int finds(int x) //递归
18 {
19     return f[x]==x?x:f[x]=finds(f[x]);
20 }
21 void uni(int a,int b)
22 {
23     a=finds(a);
24     b=finds(b);
25     if (a==b) return;
26     if (rk[a]>rk[b]) f[b]=a;
27     else
28     {
29         if (rk[a]==rk[b]) rk[b]++;
30         f[a]=b;
31     }
32 }
33 void init(int n)
34 {
35     memset(rk,0,sizeof(rk));
36     for (int i=1; i<=n; i++)
37         f[i]=i;
38 }
```

## 4.3 树状数组

### 4.3.1 一维树状数组

```
1 int N;
2 const int NV=500005;
3 int c[NV];
4 inline int lowbit(int t)
5 {
6     return t&(-t);
7 }
8 void update(int x,int v)
9 {
10    while(x<=N)
11    {
12        c[x]+=v;
13        x+=lowbit(x);
14    }
15 }
16 int query(int x)
```

```

17 {
18     int ans=0;
19     while(x>0)
20     {
21         ans+=c[x];
22         x-=lowbit(x);
23     }
24     return ans;
25 }
26 int findkth(int k)
27 {
28     int idx = 0;
29     for(int i=20; i>=0; i--)
30     {
31         idx |= 1 << i;
32         if(idx <= N && c[idx] < k)
33             k -= c[idx];
34         else idx ^= 1 << i;
35     }
36     return idx + 1;
37 }

```

### 4.3.2 一维树状数组区间更新区间查询

```

1 int N;
2 const int NV=500005;
3 long long c[NV],b[NV];
4 inline int lowbit(int t)
5 {
6     return t&(-t);
7 }
8 void update(long long c[],int flag,int x,long long v)
9 {
10     if (flag) for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i)) c[i]+=x*v;
11     else for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i)) c[i]+=v;
12 }
13 long long query(long long c[],int flag,int x)
14 {
15     long long ans=0;
16     if (flag) for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i)) ans+=c[i];
17     else for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i)) ans+=c[i];
18     return ans;
19 }
20 void add(int l,int r,long long v)
21 {
22     update(b,0,r,v);
23     update(c,1,r,v);
24     if (l>1)
25     {
26         update(b,0,l-1,-v);
27         update(c,1,l-1,-v);
28     }
29 }
30 long long sum(int x)
31 {
32     if (x) return query(b,0,x)*x+query(c,1,x-1);
33     else return 0;
34 }
35 long long sum(int l,int r)
36 {
37     return sum(r)-sum(l-1);
38 }

```

## 4.3.3 多维树状数组的处理

```

1  int N;
2  int c[2005][2005];
3  inline int lowbit(int t)
4  {
5      return t&(-t);
6  }
7  void update(int x,int y,int v)
8  {
9      for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i))
10         for (int j=y; j<=N; j+=lowbit(j))
11             c[i][j]+=v;
12 }
13 int query(int x,int y)
14 {
15     int s=0;
16     for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i))
17         for (int j=y; j>0; j-=lowbit(j))
18             s+=c[i][j];
19     return s;
20 }
21 int sum(int x,int y,int xx,int yy)
22 {
23     x--,y--;
24     return query(xx,yy)-query(xx,y)-query(x,yy)+query(x,y);
25 }
26
27 int N;
28 long long c[130][130][130]= {};
29 inline int lowbit(int t)
30 {
31     return t&(-t);
32 }
33 void update(int x,int y,int z,long long v)
34 {
35     for (int i=x; i<=N; i+=lowbit(i))
36         for (int j=y; j<=N; j+=lowbit(j))
37             for (int k=z; k<=N; k+=lowbit(k))
38                 c[i][j][k]+=v;
39 }
40 long long query(int x,int y,int z)
41 {
42     long long s=0;
43     for (int i=x; i>0; i-=lowbit(i))
44         for (int j=y; j>0; j-=lowbit(j))
45             for (int k=z; k>0; k-=lowbit(k))
46                 s+=c[i][j][k];
47     return s;
48 }
49 long long sum(int x,int y,int z,int xx,int yy,int zz)
50 {
51     x--,y--,z--;
52     return query(xx,yy,zz)
53         -query(x,yy,zz)-query(xx,y,zz)-query(xx,yy,z)
54         +query(x,y,zz)+query(xx,y,z)+query(x,yy,z)
55         -query(x,y,z);
56 }

```

## 4.4 RMQ

### 4.4.1 一维 RMQ

```

1  const int NV=50005;
2  const int NVB=20;
3  int mx[NVB][NV],mn[NVB][NV],a[NV];
4  void init(int data[],int n)
5  {
6      int k=log2(n);
7      for (int i=1; i<=n; i++)
8          mx[0][i]=mn[0][i]=data[i];
9      for (int i=1; i<=k; i++)
10         for (int j=1; j+(1<<i)-1<=n; j++)
11             {
12                 mx[i][j]=max(mx[i-1][j],mx[i-1][j+(1<<i>>1)]);
13                 mn[i][j]=min(mn[i-1][j],mn[i-1][j+(1<<i>>1)]);
14             }
15 }
16 int query(int l,int r,int flag)
17 {
18     int k=log2(r-l+1);
19     if (flag) return max(mx[k][l],mx[k][r-(1<<k)+1]);
20     else return min(mn[k][l],mn[k][r-(1<<k)+1]);
21 }

```

### 4.4.2 二维 RMQ

```

1  const int NV=255;
2  const int NVB=20;
3  int mx[NVB][NV][NV],mn[NVB][NV][NV],a[NV][NV],mxt,mnt;
4  void init(int data[][NV],int n)
5  {
6      for(int i=1; i<=n; i++)
7          for(int j=1; j<=n; j++)
8              mx[0][i][j]=mn[0][i][j]=data[i][j];
9      for(int k=1; (1<<k)<=n; k++)
10         for(int i=1; i<=n; i++)
11             for(int j=1; j+(1<<k)-1<=n; j++)
12                 {
13                     mx[k][i][j]=max(mx[k-1][i][j],mx[k-1][i][j+(1<<k>>1)]);
14                     mn[k][i][j]=min(mn[k-1][i][j],mn[k-1][i][j+(1<<k>>1)]);
15                 }
16 }
17 ///行，列，矩阵宽度
18 void query(int row,int col,int b)
19 {
20     int k=log2(b);
21     mxt=-1;
22     mnt=inf;
23     int l=col,r=col+b-1;
24     for(int i=row; i<row+b; i++)
25         {
26             mxt=max(mxt,max(mx[k][i][l],mx[k][i][r-(1<<k)+1]));
27             mnt=min(mnt,min(mn[k][i][l],mn[k][i][r-(1<<k)+1]));
28         }
29 }
30 int main()
31 {
32     int n,b,q;
33     while(scanf("%d%d%d",&n,&b,&q)!=EOF)

```

```

34 {
35     for(int i=1; i<=n; i++)
36         for(int j=1; j<=n; j++)
37             scanf("%d",&a[i][j]);
38     init(a,n);
39     while(q--)
40     {
41         int r,c;
42         scanf("%d%d",&r,&c);
43         query(r,c,b);
44         printf("%d\n",mxt-mnt);
45     }
46 }
47 return 0;
48 }

```

## 4.5 线段树

### 4.5.1 单点更新

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 100005;
4 int sum[NV<<2];
5 void PushUp(int rt)
6 {
7     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8 }
9 void build(int l,int r,int rt=1)
10 {
11     if (l == r)
12     {
13         sum[rt]=0;
14         return ;
15     }
16     int m = (l + r) >> 1;
17     build(lson);
18     build(rson);
19     PushUp(rt);
20 }
21 void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
22 {
23     if (L == l && l == r)
24     {
25         sum[rt] += c;
26         return ;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     if (L <= m) update(L , c , lson);
30     else update(L , c , rson);
31     PushUp(rt);
32 }
33 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
34 {
35     if (L <= l && r <= R)
36         return sum[rt];
37     int m = (l + r) >> 1;
38     int ret = 0;
39     if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
40     if (m < R) ret += query(L , R , rson);
41     return ret;

```

42 | }

## 4.5.2 区间更新

```

1  #define lson l,m,rt<<1
2  #define rson m+1,r,rt<<1|1
3  const int NV = 100005;
4  int add[NV<<2],sum[NV<<2];
5  void PushUp(int rt)
6  {
7      sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8  }
9  void PushDown(int rt,int m)
10 {
11     if (add[rt])
12     {
13         add[rt<<1] += add[rt];
14         add[rt<<1|1] += add[rt];
15         sum[rt<<1] += add[rt] * (m - (m >> 1));
16         sum[rt<<1|1] += add[rt] * (m >> 1);
17         add[rt] = 0;
18     }
19 }
20 void build(int l,int r,int rt=1)
21 {
22     add[rt] = 0;
23     if (l == r)
24     {
25         sum[rt]=0;
26         return ;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     build(lson);
30     build(rson);
31     PushUp(rt);
32 }
33 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
34 {
35     if (L <= l && r <= R)
36     {
37         add[rt] += c;
38         sum[rt] += c * (r - l + 1);
39         return ;
40     }
41     PushDown(rt , r - l + 1);
42     int m = (l + r) >> 1;
43     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
44     if (m < R) update(L , R , c , rson);
45     PushUp(rt);
46 }
47 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
48 {
49     if (L <= l && r <= R)
50     {
51         return sum[rt];
52     }
53     PushDown(rt , r - l + 1);
54     int m = (l + r) >> 1;
55     int ret = 0;
56     if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
57     if (m < R) ret += query(L , R , rson);
58     return ret;

```



59 | }

### 4.5.3 对一棵树进行线段树操作

```

1  const int NV=10005;
2  const int NE=NV;
3  int he[NV],ecnt;
4  struct edge
5  {
6      int v,next;
7  } E[NE];
8  void adde(int u,int v)
9  {
10     ecnt++;
11     E[ecnt].v=v;
12     E[ecnt].next=he[u];
13     he[u]=ecnt;
14 }
15 int l[NV],r[NV],p;
16 void dfs(int u)
17 {
18     p++;
19     l[u]=p;
20     for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
21         dfs(E[i].v);
22     r[u]=p;
23 }
24 void init()
25 {
26     ecnt=p=0;
27     memset(he,-1,sizeof(he));
28 }

```

### 4.5.4 二维线段树区间更新单点求和

```

1  const int NV=1005;
2  struct Nodey
3  {
4      int l,r;
5      int val;
6  };
7  int n;
8  int locx[NV],locy[NV];
9  struct Nodex
10 {
11     int l,r;
12     Nodey sty[NV*3];
13     void build(int _l,int _r,int i=1)
14     {
15         sty[i].l = _l;
16         sty[i].r = _r;
17         sty[i].val = 0;
18         if(_l == _r)
19         {
20             locy[_l] = i;
21             return;
22         }
23         int mid = (_l + _r)>>1;
24         build(_l,mid,i<<1);
25         build(mid+1,_r,(i<<1)|1);

```

```

26     }
27     void add(int _l,int _r,int val,int i=1)
28     {
29         if(sty[i].l == _l && sty[i].r == _r)
30         {
31             sty[i].val += val;
32             return;
33         }
34         int mid = (sty[i].l + sty[i].r)>>1;
35         if(_r <= mid)add(_l,_r,val,i<<1);
36         else if(_l > mid)add(_l,_r,val,(i<<1)|1);
37         else
38         {
39             add(_l,mid,val,i<<1);
40             add(mid+1,_r,val,(i<<1)|1);
41         }
42     }
43 } stx[NV*3];
44 void build(int l,int r,int i=1)
45 {
46     stx[i].l = l;
47     stx[i].r = r;
48     stx[i].build(1,n);
49     if(l == r)
50     {
51         locx[l] = i;
52         return;
53     }
54     int mid = (l+r)>>1;
55     build(l,mid,i<<1);
56     build(mid+1,r,(i<<1)|1);
57 }
58 void add(int x1,int x2,int y1,int y2,int val,int i=1)
59 {
60     if(stx[i].l == x1 && stx[i].r == x2)
61     {
62         stx[i].add(y1,y2,val);
63         return;
64     }
65     int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
66     if(x2 <= mid)add(x1,x2,y1,y2,val,i<<1);
67     else if(x1 > mid)add(x1,x2,y1,y2,val,(i<<1)|1);
68     else
69     {
70         add(x1,mid,y1,y2,val,i<<1);
71         add(mid+1,x2,y1,y2,val,(i<<1)|1);
72     }
73 }
74 int sum(int x,int y)
75 {
76     int ret = 0;
77     for(int i = locx[x]; i; i >>= 1)
78         for(int j = locy[y]; j; j >>= 1)
79             ret += stx[i].sty[j].val;
80     return ret;
81 }

```

#### 4.5.5 二维线段树单点更新区间求最大最小值

```

1  const int NV=1005;
2  struct Nodey
3  {

```

```

4     int l,r;
5     int Max,Min;
6 };
7 int locy[NV],locx[NV];
8 struct Nodex
9 {
10    int l,r;
11    Nodey sty[NV*4];
12    void build(int _l,int _r,int i=1)
13    {
14        sty[i].l = _l;
15        sty[i].r = _r;
16        sty[i].Max = -inf;
17        sty[i].Min = inf;
18        if(_l == _r)
19        {
20            locy[_l] = i;
21            return;
22        }
23        int mid = (_l + _r)/2;
24        build(_l,mid,i<<1);
25        build(mid+1,_r,(i<<1)|1);
26    }
27    int queryMin(int _l,int _r,int i=1)
28    {
29        if(sty[i].l == _l && sty[i].r == _r)
30            return sty[i].Min;
31        int mid = (sty[i].l + sty[i].r)/2;
32        if(_r <= mid) return queryMin(_l,_r,i<<1);
33        else if(_l > mid) return queryMin(_l,_r,(i<<1)|1);
34        else return min(queryMin(_l,mid,i<<1),queryMin(mid+1,_r,(i<<1)|1));
35    }
36    int queryMax(int _l,int _r,int i=1)
37    {
38        if(sty[i].l == _l && sty[i].r == _r)
39            return sty[i].Max;
40        int mid = (sty[i].l + sty[i].r)/2;
41        if(_r <= mid) return queryMax(_l,_r,i<<1);
42        else if(_l > mid) return queryMax(_l,_r,(i<<1)|1);
43        else return max(queryMax(_l,mid,i<<1),queryMax(mid+1,_r,(i<<1)|1));
44    }
45 } stx[NV*4];
46 int n;
47 void build(int l,int r,int i=1)
48 {
49     stx[i].l = l;
50     stx[i].r = r;
51     stx[i].build(1,n);
52     if(l == r)
53     {
54         locx[l] = i;
55         return;
56     }
57     int mid = (l+r)/2;
58     build(l,mid,i<<1);
59     build(mid+1,r,(i<<1)|1);
60 }
61 void modify(int x,int y,int val)
62 {
63     int tx = locx[x];
64     int ty = locy[y];
65     stx[tx].sty[ty].Min = stx[tx].sty[ty].Max = val;
66     for(int i = tx; i; i >>= 1)

```

```

67     for(int j = ty; j; j >>= 1)
68     {
69         if(i == tx && j == ty)continue;
70         if(j == ty)
71         {
72             stx[i].sty[j].Min = min(stx[i<<1].sty[j].Min, stx[(i<<1)|1].sty[j]
73                                     ].Min);
74             stx[i].sty[j].Max = max(stx[i<<1].sty[j].Max, stx[(i<<1)|1].sty[j]
75                                     ].Max);
76         }
77         else
78         {
79             stx[i].sty[j].Min = min(stx[i].sty[j<<1].Min, stx[i].sty[(j<<1)
80                                     |1].Min);
81             stx[i].sty[j].Max = max(stx[i].sty[j<<1].Max, stx[i].sty[(j<<1)
82                                     |1].Max);
83         }
84     }
85 }
86 int queryMin(int x1,int x2,int y1,int y2,int i=1)
87 {
88     if(stx[i].l == x1 && stx[i].r == x2)
89         return stx[i].queryMin(y1,y2);
90     int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
91     if(x2 <= mid)return queryMin(x1,x2,y1,y2,i<<1);
92     else if(x1 > mid)return queryMin(x1,x2,y1,y2,(i<<1)|1);
93     else return min(queryMin(x1,mid,y1,y2,i<<1),queryMin(mid+1,x2,y1,y2,(i<<1)
94                     |1));
95 }
96 int queryMax(int x1,int x2,int y1,int y2,int i=1)
97 {
98     if(stx[i].l == x1 && stx[i].r == x2)
99         return stx[i].queryMax(y1,y2);
100    int mid = (stx[i].l + stx[i].r)/2;
101    if(x2 <= mid)return queryMax(x1,x2,y1,y2,i<<1);
102    else if(x1 > mid)return queryMax(x1,x2,y1,y2,(i<<1)|1);
103    else return max(queryMax(x1,mid,y1,y2,i<<1),queryMax(mid+1,x2,y1,y2,(i<<1)
104                    |1));
105 }

```

### 4.5.6 线段树相关例题

单点增加，区间求和

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 100005;
4 int sum[NV<<2];
5 void PushUp(int rt)
6 {
7     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8 }
9 void build(int l,int r,int rt=1)
10 {
11     if (l == r)
12     {
13         sum[rt]=0;
14         return ;
15     }
16     int m = (l + r) >> 1;
17     build(lson);
18     build(rson);

```

```

19     PushUp(rt);
20 }
21 void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
22 {
23     if (L == l && l == r)
24     {
25         sum[rt] += c;
26         return ;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     if (L <= m) update(L , c , lson);
30     else update(L , c , rson);
31     PushUp(rt);
32 }
33 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
34 {
35     if (L <= l && r <= R)
36         return sum[rt];
37     int m = (l + r) >> 1;
38     int ret = 0;
39     if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
40     if (m < R) ret += query(L , R , rson);
41     return ret;
42 }
43 int main()
44 {
45     int t,cas=0;
46     cin>>t;
47     while(t--)
48     {
49         int n;
50         scanf("%d",&n);
51         int x,v;
52         build(1,n);
53         for (int i=1; i<=n; i++)
54         {
55             scanf("%d",&v);
56             update(i,v,1,n);
57         }
58         printf("Case %d:\n",++cas);
59         char s[10];
60         while(scanf("%s",s),s[0]!='E')
61         {
62             scanf("%d%d",&x,&v);
63             if (s[0]=='A')
64                 update(x,v,1,n);
65             if (s[0]=='S')
66                 update(x,-v,1,n);
67             if (s[0]=='Q')
68                 printf("%d\n",query(x,v,1,n));
69         }
70     }
71     return 0;
72 }

```

单点修改，区间求最值

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 200005;
4 int mx[NV<<2];
5 void PushUp(int rt)
6 {
7     mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);

```

```

8 }
9 void build(int l,int r,int rt=1)
10 {
11     if (l == r)
12     {
13         scanf("%d",&mx[rt]);
14         return ;
15     }
16     int m = (l + r) >> 1;
17     build(lson);
18     build(rson);
19     PushUp(rt);
20 }
21 void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
22 {
23     if (L == l && l == r)
24     {
25         mx[rt] = c;
26         return ;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     if (L <= m) update(L , c , lson);
30     else update(L , c , rson);
31     PushUp(rt);
32 }
33 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
34 {
35     if (L <= l && r <= R)
36         return mx[rt];
37     int m = (l + r) >> 1;
38     int ret = -1;
39     if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));
40     if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));
41     return ret;
42 }
43 int main()
44 {
45     int n,m;
46     while(scanf("%d%d",&n,&m)!=EOF)
47     {
48         build(1,n);
49         char s[10];
50         int a,b;
51         while(m--)
52         {
53             scanf("%s%d%d",s,&a,&b);
54             if (s[0]=='U')
55                 update(a,b,1,n);
56             else
57                 printf("%d\n",query(a,b,1,n));
58         }
59     }
60     return 0;
61 }

```

单点找最大值  $\geq c$  的第一个位置，同时单点更新

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 int h,w,n;
4 const int NV = 200005;
5 int mx[NV<<2];
6 void PushUp(int rt)
7 {

```

```

8     mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);
9 }
10 void build(int l,int r,int rt=1)
11 {
12     if (l == r)
13     {
14         mx[rt]=w;
15         return ;
16     }
17     int m = (l + r) >> 1;
18     build(lson);
19     build(rson);
20     PushUp(rt);
21 }
22 void update(int c,int l,int r,int rt=1)
23 {
24     if (l == r)
25     {
26         mx[rt]-=c;
27         printf("%d\n",l);
28         return;
29     }
30     int m = (l + r) >> 1;
31     if (mx[rt<<1]>=c) update(c , lson);
32     else update(c , rson);
33     PushUp(rt);
34 }
35 int main()
36 {
37     while(~scanf("%d%d%d",&h,&w,&n))
38     {
39         build(1,min(h,200000));
40         for (int i=1; i<=n; i++)
41         {
42             int x;
43             scanf("%d",&x);
44             if (x<=mx[1]) update(x,1,min(h,200000));
45             else puts("-1");
46         }
47     }
48     return 0;
49 }

```

找第 K 大数，同时单点更新。（使用 sum 数组）

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 200005;
4 int sum[NV<<2];
5 void PushUp(int rt)
6 {
7     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8 }
9 void build(int l,int r,int rt=1)
10 {
11     if (l == r)
12     {
13         sum[rt]=1;
14         return ;
15     }
16     int m = (l + r) >> 1;
17     build(lson);
18     build(rson);
19     PushUp(rt);

```

```

20 }
21 int update(int c,int l,int r,int rt=1)
22 {
23     if (l == r)
24     {
25         sum[rt]--;
26         return l;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     int ret;
30     if (sum[rt<<1]>=c) ret=update(c, lson);
31     else ret=update(c-sum[rt<<1], rson);
32     PushUp(rt);
33     return ret;
34 }
35 int a[200005];
36 int q[200005];
37 int w[200005];
38 int main()
39 {
40     int n;
41     while(scanf("%d",&n)!=EOF)
42     {
43         build(1,n);
44         for (int i=1; i<=n; i++)
45             scanf("%d%d",&q[i],&w[i]);
46         for (int i=n; i>=1; i--)
47             a[update(q[i]+1,1,n)]=w[i];
48         for (int i=1; i<=n; i++)
49             printf("%d%c",a[i]," \n"[i==n]);
50     }
51     return 0;
52 }

```

1、add x 表示往集合里添加数 x。2、del x 表示将集合中数 x 删除。3、sum 求出从小到大排列的集合中下标模 5 为 3 的数的和。集合中的数都是唯一的。

在线段树中维护当前这个集合中数的个数 sum，和所有的数模 5 为  $0 \cdots 4$  内的数的和 设为  $ans[0 \cdots 4]$ 。在进行区间合并的时候，父区间里的  $ans[0 \cdots 4]$  首先等于左子区间里的  $ans[0 \cdots 4]$ ，设要加入的右子区间的数为  $ans[i]$ ，则它应该加到父区间的  $ans[sum[rt<<1]+i]$ 。

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 100005;
4 int sum[NV<<2];
5 long long ans[NV<<2][5];
6 void PushUp(int rt)
7 {
8     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
9     for (int i=0; i<5; i++)
10         ans[rt][i]=ans[rt<<1][i]+ans[rt<<1|1][((i-sum[rt<<1])%5+5)%5];
11 }
12 void build(int l,int r,int rt=1)
13 {
14     if (l == r)
15     {
16         sum[rt]=0;
17         memset(ans[rt],0,sizeof(ans[rt]));
18         return ;
19     }
20     int m = (l + r) >> 1;
21     build(lson);
22     build(rson);
23     PushUp(rt);

```



```

24 }
25 void update(int L,int t,int c,int l,int r,int rt=1)
26 {
27     if (L == l && l == r)
28     {
29         sum[rt]+=t;
30         ans[rt][1]+=t*c;
31         return ;
32     }
33     int m = (l + r) >> 1;
34     if (L <= m) update(L, t , c , lson);
35     else update(L, t , c , rson);
36     PushUp(rt);
37 }
38 int discrete(int data[],int n,int dis[])
39 {
40     int sub[n+1];
41     memcpy(sub,data,sizeof(sub));
42     sort(sub+1,sub+n+1);
43     int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
44     for(int i=1; i<=n; i++)
45         dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
46     return m;
47 }
48 int op[100005],data[100005],dis[100005];
49 int main()
50 {
51     int n;
52     while(~scanf("%d",&n))
53     {
54         char s[5];
55         int m=0;
56         for (int i=1; i<=n; i++)
57         {
58             scanf("%s",s);
59             if (s[0]=='a') op[i]=1,scanf("%d",&data[++m]);
60             else if (s[0]=='d') op[i]=2,scanf("%d",&data[++m]);
61             else op[i]=3;
62         }
63         m=discrete(data,m,dis);
64         build(1,m);
65         int x=0;
66         for (int i=1; i<=n; i++)
67         {
68             if (op[i]==1) x++,update(dis[x],1,data[x],1,m);
69             else if (op[i]==2) x++,update(dis[x],-1,data[x],1,m);
70             else printf("%I64d\n",ans[1][3]);
71         }
72     }
73     return 0;
74 }

```

有三种操作 “add x y” 往平面上添加 (x,y) 这个点, “remove x y”, 将平面上已经存在的点 (x,y) 删除, “find x y” 找出平面上坐标严格大于 (x,y) 的点, 如果有多个点找 x 最小的, 再找 y 最小的。

用线段树维护 y 的最大值。

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 200005;
4 set<int> stt[NV];
5 int mx[NV<<2];
6 void PushUp(int rt)

```

```

7 {
8     mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);
9 }
10 void build(int l,int r,int rt=1)
11 {
12     if (l == r)
13     {
14         mx[rt]=-1;
15         return ;
16     }
17     int m = (l + r) >> 1;
18     build(lson);
19     build(rson);
20     PushUp(rt);
21 }
22 void add(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
23 {
24     if (l == r)
25     {
26         mx[rt] = max(mx[rt],c);
27         stt[l].insert(c);
28         return ;
29     }
30     int m = (l + r) >> 1;
31     if (L <= m) add(L , c , lson);
32     else add(L , c , rson);
33     PushUp(rt);
34 }
35 void remove(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
36 {
37     if (l == r)
38     {
39         stt[l].erase(c);
40         mx[rt]=stt[l].empty()?-1:*--stt[l].end();
41         return ;
42     }
43     int m = (l + r) >> 1;
44     if (L <= m) remove(L , c , lson);
45     else remove(L , c , rson);
46     PushUp(rt);
47 }
48 pair<int,int> find(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
49 {
50     if (mx[rt]<c||r<L) return make_pair(l,-1);
51     if (l == r) return make_pair(l,*stt[l].lower_bound(c));
52     int m = (l + r) >> 1;
53     pair<int,int> p=find(L , c , lson);
54     if (p.second!=-1) return p;
55     else return find(L , c , rson);
56 }
57 int discrete(int data[],int n,int dis[],int index[])
58 {
59     int sub[n+1];
60     memcpy(sub,data,sizeof(sub));
61     sort(sub+1,sub+n+1);
62     int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
63     for(int i=1; i<=n; i++)
64     {
65         dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
66         index[dis[i]]=data[i];
67     }
68     return m;
69 }

```

```

70 int dis[NV],op[NV],x[NV],y[NV],index[NV];
71 int main()
72 {
73     int n;
74     cin>>n;
75     for (int i=1; i<=n; i++)
76     {
77         char s[10];
78         scanf("%s%d%d",s,&x[i],&y[i]);
79         if (s[0]=='a') op[i]=1;
80         else if (s[0]=='r') op[i]=2;
81         else op[i]=3;
82     }
83     int m=discrete(x,n,dis,index);
84     build(1,m);
85     for (int i=1; i<=n; i++)
86     {
87         if (op[i]==1)
88             add(dis[i],y[i],1,m);
89         else if (op[i]==2)
90             remove(dis[i],y[i],1,m);
91         else
92         {
93             pair<int,int> p=find(dis[i]+1,y[i]+1,1,m);
94             if (p.second==-1) puts("-1");
95             else printf("%d %d\n",index[p.first],p.second);
96         }
97     }
98     return 0;
99 }

```

### 区间置值，区间求和

```

1  #define lson l,m,rt<<1
2  #define rson m+1,r,rt<<1|1
3  const int NV = 100005;
4  int stt[NV<<2],sum[NV<<2];
5  void PushUp(int rt)
6  {
7      sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8  }
9  void PushDown(int rt,int m)
10 {
11     if (stt[rt])
12     {
13         stt[rt<<1] = stt[rt];
14         stt[rt<<1|1] = stt[rt];
15         sum[rt<<1] = stt[rt] * (m - (m >> 1));
16         sum[rt<<1|1] = stt[rt] * (m >> 1);
17         stt[rt] = 0;
18     }
19 }
20 void build(int l,int r,int rt=1)
21 {
22     stt[rt] = 0;
23     if (l == r)
24     {
25         sum[rt]=1;
26         return ;
27     }
28     int m = (l + r) >> 1;
29     build(lson);
30     build(rson);
31     PushUp(rt);

```

```

32 }
33 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
34 {
35     if (L <= l && r <= R)
36     {
37         stt[rt] = c;
38         sum[rt] = c * (r - l + 1);
39         return ;
40     }
41     PushDown(rt , r - l + 1);
42     int m = (l + r) >> 1;
43     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
44     if (m < R) update(L , R , c , rson);
45     PushUp(rt);
46 }
47 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
48 {
49     if (L <= l && r <= R)
50     {
51         return sum[rt];
52     }
53     PushDown(rt , r - l + 1);
54     int m = (l + r) >> 1;
55     int ret = 0;
56     if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
57     if (m < R) ret += query(L , R , rson);
58     return ret;
59 }
60 int main()
61 {
62     int t;
63     cin>>t;
64     int cas=0;
65     while(t--)
66     {
67         int n,q;
68         cin>>n>>q;
69         build(1,n);
70         while(q--)
71         {
72             int l,r,c;
73             scanf("%d%d%d",&l,&r,&c);
74             update(l,r,c,1,n);
75         }
76         printf("Case %d: The total value of the hook is %d.\n",++cas,sum[1]);
77     }
78     return 0;
79 }

```

### 区间置值，单点询问

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 20005;
4 int col[NV<<2];
5 void PushDown(int rt,int m)
6 {
7     if (col[rt])
8     {
9         col[rt<<1] = col[rt];
10        col[rt<<1|1] = col[rt];
11        col[rt] = 0;
12    }
13 }

```

```

14 void build(int l,int r,int rt=1)
15 {
16     col[rt] = 0;
17     if (l == r)
18     {
19         return ;
20     }
21     int m = (l + r) >> 1;
22     build(lson);
23     build(rson);
24 }
25 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
26 {
27     if (L <= l && r <= R)
28     {
29         col[rt] = c;
30         return ;
31     }
32     PushDown(rt , r - l + 1);
33     int m = (l + r) >> 1;
34     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
35     if (m < R) update(L , R , c , rson);
36 }
37 int query(int L,int l,int r,int rt=1)
38 {
39     if (L == l && l == r)
40     {
41         return col[rt];
42     }
43     PushDown(rt , r - l + 1);
44     int m = (l + r) >> 1;
45     if (L <= m) return query(L , lson);
46     else return query(L , rson);
47 }
48 int discrete(int data[],int n,int dis[])
49 {
50     int sub[n+1];
51     memcpy(sub,data,sizeof(sub));
52     sort(sub+1,sub+n+1);
53     int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
54     for(int i=1; i<=n; i++)
55         dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
56     return m;
57 }
58 int a[NV],dis[NV],co[NV];
59 int main()
60 {
61     int t;
62     cin>>t;
63     while(t--)
64     {
65         int n;
66         scanf("%d",&n);
67         for (int i=1; i<=n; i++)
68             scanf("%d%d",&a[i],&a[i+n]);
69         discrete(a,2*n,dis);
70         build(1,2*n);
71         for (int i=1; i<=n; i++)
72             update(dis[i],dis[i+n],i,1,2*n);
73         memset(co,0,sizeof(co));
74         for (int i=1; i<=2*n; i++)
75             co[query(i,1,2*n)]=1;
76         printf("%d\n",accumulate(co+1,co+2*n+1,0));

```

```

77     }
78     return 0;
79 }

```

区间置值，区间查询有几种值

```

1  #define lson l,m,rt<<1
2  #define rson m+1,r,rt<<1|1
3  const int NV = 8005;
4  int stt[NV<<3];
5  bool a[NV][NV];
6  void PushDown(int rt,int m)
7  {
8      if (stt[rt])
9      {
10         stt[rt<<1] = stt[rt];
11         stt[rt<<1|1] = stt[rt];
12         stt[rt] = 0;
13     }
14 }
15 void build(int l,int r,int rt=1)
16 {
17     stt[rt] = 0;
18     if (l == r)
19     {
20         return ;
21     }
22     int m = (l + r) >> 1;
23     build(lson);
24     build(rson);
25 }
26 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
27 {
28     if (L <= l && r <= R)
29     {
30         stt[rt] = c;
31         return ;
32     }
33     PushDown(rt , r - l + 1);
34     int m = (l + r) >> 1;
35     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
36     if (m < R) update(L , R , c , rson);
37 }
38 void query(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
39 {
40     if (stt[rt])
41     {
42         a[stt[rt]][c]=1;
43         return;
44     }
45     if (l == r)
46     {
47         return;
48     }
49     PushDown(rt , r - l + 1);
50     int m = (l + r) >> 1;
51     if (L <= m) query(L , R , c , lson);
52     if (m < R) query(L , R , c , rson);
53 }
54 struct node
55 {
56     int x,y1,y2;
57 } q[NV];
58 bool cmp(node a,node b)

```

```

59 {
60     return a.x<b.x;
61 }
62 int main()
63 {
64     int t;
65     cin>>t;
66     while(t--)
67     {
68         int n;
69         scanf("%d",&n);
70         for (int i=1; i<=n; i++)
71         {
72             scanf("%d%d%d",&q[i].y1,&q[i].y2,&q[i].x);
73             q[i].y1*=2;
74             q[i].y1++;
75             q[i].y2*=2;
76             q[i].y2++;
77         }
78         sort(q+1,q+1+n,cmp);
79         build(1,16001);
80         memset(a,0,sizeof(a));
81         for (int i=1; i<=n; i++)
82         {
83             query(q[i].y1,q[i].y2,i,1,16001);
84             update(q[i].y1,q[i].y2,i,1,16001);
85         }
86         int ans=0;
87         for (int i=1; i<=n; i++)
88             for (int j=1; j<=n; j++)
89                 if (a[i][j])
90                     for (int k=1; k<=n; k++)
91                         ans+=a[i][k]&&a[j][k];
92         printf("%d\n",ans);
93     }
94     return 0;
95 }

```

有  $N$  根杆子，前后两根杆子通过一个节点连接，每个节点可以旋转一定的角度，每次给你一个操作  $(s,a)$  表示将第  $S$  与  $S+1$  之间的角度修改为  $a$  度，并且每次操作之后都需要求出第  $N$  个节点的位置。

首先，最后一个节点的坐标（即位置）可以通过所有杆子末尾的坐标相加得到（这跟向量相加很类似）。因为每次更新需要修改  $S$  和  $S+1$  的位置，所以我们需要知道每次更新之后  $S$  和  $S+1$  的角度——查询操作，知道之后，再根据这次需要修改的角度  $a$ ，得到  $S+1$  到最后一段杆子需要改变的角度——更新操作。最后输出答案即所有节点的  $x$  坐标和， $y$  坐标和。

$add$  为  $ang$  增加的 lazy 标记， $ang$  记录杆子末尾的角度，每次更新前 query 角度，就可以知道此次更新的角度相对值，从而修改坐标  $x,y$ 。

```

1 #define lson l,m,rt<<1
2 #define rson m+1,r,rt<<1|1
3 const int NV = 10005;
4 double add[NV<<2],x[NV<<2],y[NV<<2],ang[NV<<2];
5 //ang不需要pushup，因为查询是单点查询
6 void PushUp(int rt)
7 {
8     x[rt]=x[rt<<1]+x[rt<<1|1];
9     y[rt]=y[rt<<1]+y[rt<<1|1];
10 }
11 void PushDown(int rt,int m)
12 {
13     if (add[rt])
14     {

```

```

15     ang[rt<<1] += add[rt];
16     ang[rt<<1|1] += add[rt];
17     add[rt<<1] += add[rt];
18     add[rt<<1|1] += add[rt];
19     double xx=x[rt<<1],yy=y[rt<<1];
20     x[rt<<1] = cos(add[rt])*xx-sin(add[rt])*yy;
21     y[rt<<1] = sin(add[rt])*xx+cos(add[rt])*yy;
22     xx=x[rt<<1|1],yy=y[rt<<1|1];
23     x[rt<<1|1] = cos(add[rt])*xx-sin(add[rt])*yy;
24     y[rt<<1|1] = sin(add[rt])*xx+cos(add[rt])*yy;
25     add[rt] = 0;
26 }
27 }
28 void build(int l,int r,int rt=1)
29 {
30     add[rt] = ang[rt] = 0;
31     if (l == r)
32     {
33         scanf("%lf",&y[rt]);
34         x[rt] = 0;
35         // ang[rt] = pi/2; // 此处可以不加，因为只需要相对值
36         return ;
37     }
38     int m = (l + r) >> 1;
39     build(lson);
40     build(rson);
41     PushUp(rt);
42 }
43 void update(int L,int R,double c,int l,int r,int rt=1)
44 {
45     if (L <= l && r <= R)
46     {
47         ang[rt] += c;
48         add[rt] += c;
49         double xx=x[rt],yy=y[rt];
50         x[rt] = cos(c)*xx-sin(c)*yy;
51         y[rt] = sin(c)*xx+cos(c)*yy;
52         return ;
53     }
54     PushDown(rt , r - l + 1);
55     int m = (l + r) >> 1;
56     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
57     if (m < R) update(L , R , c , rson);
58     PushUp(rt);
59 }
60 double query(int L,int l,int r,int rt=1)
61 {
62     if (L == l && l == r)
63     {
64         return ang[rt];
65     }
66     PushDown(rt , r - l + 1);
67     int m = (l + r) >> 1;
68     if (L <= m) return query(L , lson);
69     else return query(L , rson);
70 }
71 int main()
72 {
73     int n,q;
74     while(scanf("%d%d",&n,&q)!=EOF)
75     {
76         build(1,n);
77         while(q--)

```



```

78     {
79         int s,d;
80         scanf("%d%d",&s,&d);
81         update(s+1,n,d/180.0*pi-(query(s+1,1,n)-query(s,1,n)+pi),1,n);
82         printf("%.2f %.2f\n",x[1],y[1]);
83     }
84     puts("");
85 }
86 return 0;
87 }

```

给定  $n$  长的序列  $m$  个操作

序列默认为 1, 2, 3... $n$

操作 1: D  $[l,r]$  把  $[l,r]$  区间增长: (1,2,3,4 进行 D  $[1,3]$  变成 1,1,2,2,3,3,4)

操作 2: Q  $[l,r]$  问区间  $[l,r]$  上出现最多次数的数的次数

区间乘积, 单点增加, 区间求最值, 找第  $K$  大数

```

1  #define lson l,m,rt<<1
2  #define rson m+1,r,rt<<1|1
3  const int NV = 50005;
4  long long mul[NV<<2],sum[NV<<2],mx[NV<<2];
5  void PushUp(int rt)
6  {
7      sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
8      mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);
9  }
10 void PushDown(int rt,int m)
11 {
12     if (mul[rt]!=1)
13     {
14         mul[rt<<1] *= mul[rt];
15         mul[rt<<1|1] *= mul[rt];
16         sum[rt<<1] *= mul[rt];
17         sum[rt<<1|1] *= mul[rt];
18         mx[rt<<1] *= mul[rt];
19         mx[rt<<1|1] *= mul[rt];
20         mul[rt] = 1;
21     }
22 }
23 void build(int l,int r,int rt=1)
24 {
25     mul[rt] = 1;
26     if (l == r)
27     {
28         sum[rt]=1;
29         mx[rt]=1;
30         return ;
31     }
32     int m = (l + r) >> 1;
33     build(lson);
34     build(rson);
35     PushUp(rt);
36 }
37 void update(int L,long long c,int l,int r,int rt)
38 {
39     if (L == l && l == r)
40     {
41         sum[rt] += c;
42         mx[rt] += c;
43         return ;
44     }
45     PushDown(rt , r - l + 1);
46     int m = (l + r) >> 1;

```

```

47     if (L <= m) update(L , c , lson);
48     else update(L , c , rson);
49     PushUp(rt);
50 }
51 void update(int L,int R,long long c,int l,int r,int rt)
52 {
53     if (L <= l && r <= R)
54     {
55         mul[rt] *= c;
56         sum[rt] *= c;
57         mx[rt] *= c;
58         return ;
59     }
60     PushDown(rt , r - l + 1);
61     int m = (l + r) >> 1;
62     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
63     if (m < R) update(L , R , c , rson);
64     PushUp(rt);
65 }
66 long long num;
67 int query(long long c,int l,int r,int rt)
68 {
69     if (l == r)
70     {
71         num=c;
72         return l;
73     }
74     PushDown(rt , r - l + 1);
75     int m = (l + r) >> 1;
76     if (sum[rt<<1]>=c) return query(c , lson);
77     else return query(c-sum[rt<<1] , rson);
78 }
79 long long query(int L,int R,int l,int r,int rt)
80 {
81     if (L <= l && r <= R)
82     {
83         return mx[rt];
84     }
85     PushDown(rt , r - l + 1);
86     int m = (l + r) >> 1;
87     long long ret = 0;
88     if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));
89     if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));
90     return ret;
91 }
92 int main()
93 {
94     int t;
95     cin>>t;
96     int cas=0;
97     while(t--)
98     {
99         printf("Case #%d:\n",++cas);
100         int n,m;
101         scanf("%d%d",&n,&m);
102         build(1,n);
103         while(m--)
104         {
105             char str[5];
106             long long a,b;
107             scanf("%s%I64d%I64d",str,&a,&b);
108             long long mx=0,s1,s2,mx1=0,mx2=0;
109             int l=query(a,1,n,1);

```

```

110         s1=num;
111         mx1=query(1,1,1,n,1)-s1+1;
112         l++;
113         int r=query(b,1,n,1);
114         s2=num;
115         mx2=s2;
116         r--;
117         if (str[0]=='Q')
118         {
119             if (l<=r) mx=query(1,r,1,n,1);
120             if (l-1!=r+1) mx=max(mx,max(mx1,mx2));
121             else mx=b-a+1;
122             printf("%I64d\n",mx);
123         }
124         else
125         {
126             if (l<=r) update(1,r,2,1,n,1);
127             if (l-1==r+1)
128                 update(l-1,b-a+1,1,n,1);
129             else
130             {
131                 if (mx1) update(l-1,mx1,1,n,1);
132                 if (mx2) update(r+1,mx2,1,n,1);
133             }
134         }
135     }
136 }
137 return 0;
138 }

```

区间更新最值，单点查询最值

```

1  #define lson l,m,rt<<1
2  #define rson m+1,r,rt<<1|1
3  #define ll long long
4  const int NV = 55555;
5  long long stt[NV << 2], mn[NV << 2];
6  void PushUp(int rt)
7  {
8      mn[rt] = min(mn[rt << 1], mn[rt << 1 | 1]);
9  }
10 void PushDown(int rt, int m)
11 {
12     if (stt[rt] != inf)
13     {
14         stt[rt << 1] = min(stt[rt], stt[rt << 1]);
15         stt[rt << 1 | 1] = min(stt[rt], stt[rt << 1 | 1]);
16         mn[rt << 1] = min(mn[rt << 1], stt[rt << 1]);
17         mn[rt << 1 | 1] = min(mn[rt << 1 | 1], stt[rt << 1 | 1]);
18         stt[rt] = inf;
19     }
20 }
21 void build(int l, int r, int rt = 1)
22 {
23     stt[rt] = inf;
24     if (l == r)
25     {
26         mn[rt] = inf;
27         return ;
28     }
29     int m = (l + r) >> 1;
30     build(lson);
31     build(rson);
32     PushUp(rt);

```

```

33 }
34 void update(int L, int R, long long c, int l, int r, int rt = 1)
35 {
36     if (L <= l && r <= R)
37     {
38         stt[rt] = min(c, stt[rt]);
39         mn[rt] = min(mn[rt], stt[rt]);
40         return ;
41     }
42     PushDown(rt, r - l + 1);
43     int m = (l + r) >> 1;
44     if (L <= m) update(L, R, c, lson);
45     if (m < R) update(L, R, c, rson);
46     PushUp(rt);
47 }
48 ll query(int L, int l, int r, int rt = 1)
49 {
50     if (L == l && l == r)
51     {
52         return mn[rt];
53     }
54     PushDown(rt, r - l + 1);
55     int m = (l + r) >> 1;
56     if (L <= m) return query(L, lson);
57     else return query(L, rson);
58 }
59 ll mon[NV];
60 int day[NV], n;
61 int main()
62 {
63     while(~scanf("%d", &n))
64     {
65         for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%lld", mon + i);
66         for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", day + i);
67         build(1, n, 1);
68         ll get = 0;
69         for (int i = 1; i <= n; i++)
70         {
71             update(i, min(i + day[i] - 1, n), get + mon[i], 1, n, 1);
72             get = query(i, 1, n, 1);
73             //cout<<get<<endl;
74         }
75         printf("%lld\n", get);
76     }
77     return 0;
78 }

```

## 4.6 左偏树

int finds(int x) 找到 x 的堆顶

int merge(int x, int y) 将以 x 和 y 为堆顶的两个堆合并，返回新堆顶编号

int pop(int x) 删除以 x 为堆顶的元素（merge 与 pop 都要用 finds 找到堆顶后才可操作）

void init(int n) 对左偏树初始化

```

1 struct node
2 {
3     int l,r,dis,val,dad;
4 } heap[100005];
5 int finds(int x)
6 {
7     return heap[x].dad == x ? x : heap[x].dad = finds (heap[x].dad);

```

```

8 }
9 int merge(int x, int y)
10 {
11     if (!x) return y;
12     if (!y) return x;
13     if (heap[y].val > heap[x].val) swap (x, y);
14     heap[x].r = merge (heap[x].r, y);
15     heap[heap[x].r].dad = x;
16     if (heap[heap[x].l].dis < heap[heap[x].r].dis)
17         swap (heap[x].l, heap[x].r);
18     if (heap[x].r == 0) heap[x].dis = 0;
19     else heap[x].dis = heap[heap[x].r].dis + 1;
20     return x;
21 }
22 int pop(int x)
23 {
24     int l = heap[x].l;
25     int r = heap[x].r;
26     heap[l].dad = l;
27     heap[r].dad = r;
28     heap[x].l = heap[x].r = heap[x].dis = 0;
29     return merge(l, r);
30 }
31 void init(int n)
32 {
33     for (int i=1; i<=n; i++)
34     {
35         heap[i].l = heap[i].r = heap[i].dis = 0;
36         heap[i].dad = i;
37     }
38 }
39 int main()
40 {
41     int n;
42     while(cin>>n)
43     {
44         init(n);
45         for (int i=1; i<=n; i++)
46             scanf("%d",&heap[i].val);
47         int m;
48         cin>>m;
49         while(m--)
50         {
51             int x,y;
52             scanf("%d%d",&x,&y);
53             x=finds(x);
54             y=finds(y);
55             if (x==y) puts("-1");
56             else
57             {
58                 heap[x].val>>=1;
59                 heap[y].val>>=1;
60                 x=merge(pop(x),x);// 因为堆顶改变所以要重新pop再merge
61                 y=merge(pop(y),y);
62                 printf("%d\n",heap[merge(x,y)].val);
63             }
64         }
65     }
66     return 0;
67 }

```

## 4.7 划分树

在  $n \log n$  的时间内离线处理一个序列，在  $\log n$  的时间查询  $[l, r]$  区间内的第  $K$  大数。

```

1  const int NV=100005;
2  int a[NV],sum[20][NV],s[20][NV];
3  void build(int l,int r,int rt=0)
4  {
5      int mid=l+r>>1;
6      int ln=l,rn=mid+1;
7      int x=a[mid];
8      sum[rt][l]=0;
9      int cnt=mid-l+1;
10     for (int i=l;i<=r;i++)
11         if (s[rt][i]<x) cnt--;
12     for (int i=l; i<=r; i++)
13     {
14         if (i>l) sum[rt][i]=sum[rt][i-1];
15         if (ln<=mid&&(s[rt][i]<x||s[rt][i]==x&&cnt-->0))
16             s[rt+1][ln++]=s[rt][i],sum[rt][i]++;
17         else s[rt+1][rn++]=s[rt][i];
18     }
19     if (l<mid) build(l,mid,rt+1);
20     if (mid+1<r) build(mid+1,r,rt+1);
21 }
22 int query(int k,int L,int R,int l,int r,int rt=0)
23 {
24     if (l==r) return s[rt][l];
25     int mid=l+r>>1;
26     int lsum=0;
27     if (L>l) lsum=sum[rt][L-1];
28     int t=sum[rt][R]-lsum;
29     if (t>=k) return query(k,l+lsum,l+sum[rt][R]-1,l,mid,rt+1);
30     else return query(k-t,mid+1+L-l-lsum,mid+1+R-l-sum[rt][R],mid+1,r,rt+1);
31 }
32 void init(int n)
33 {
34     for (int i=0; i<20; i++) sum[i][0]=0;
35     for (int i=1; i<=n; i++) s[0][i]=a[i];
36     sort(a+1,a+n+1);
37     build(1,n);
38 }

```

## 4.8 Size Balanced Tree

```

1  const int NV=200005;
2  template<typename T>
3  struct SBT
4  {
5      int sz[NV];
6      T K[NV];
7      int lc[NV];
8      int rc[NV];
9      int rt,tsz;
10     void clear()
11     {
12         tsz=0;
13         lc[0]=rc[0]=0;
14         sz[0]=0;
15         rt=0;
16     }
17     SBT()

```

```
18 {
19     clear();
20 }
21 int Size()
22 {
23     return sz[rt];
24 }
25 bool empty()
26 {
27     return rt==0;
28 }
29 void Build(int s,int e)
30 {
31     Build(rt,s,e);
32 }
33 bool Find(T key)
34 {
35     return Find(rt ,key);
36 }
37 void Insert(T key)
38 {
39     Insert(rt,key);
40 }
41 void Delete(T key)
42 {
43     Delete(rt,key);
44 }
45 T DeleteSelect(int k)
46 {
47     return DeleteSelect(rt,k);
48 }
49 void DeleteLess(T key)
50 {
51     DeleteLess(rt,key);
52 }
53 void DeleteGreater(T key)
54 {
55     DeleteGreater(rt,key);
56 }
57 int Rank(T key)
58 {
59     return Rank(rt,key);
60 }
61 T Select(int k)
62 {
63     return Select(rt,k);
64 }
65 T pred(T key)
66 {
67     return pred(rt,key);
68 }
69 T succ(T key)
70 {
71     return succ(rt,key);
72 }
73 void inorder()
74 {
75     inorder(rt);
76 }
77 T getMin()
78 {
79     int t=rt;
80     while (lc[t]) t=lc[t];
```

```

81     return K[t];
82 }
83 T getMax()
84 {
85     int t=rt;
86     while (rc[t]) t=rc[t];
87     return K[t];
88 }
89 T DeleteMax()
90 {
91     int t=rt;
92     if(rc[rt]==0)
93     {
94         rt=lc[rt];
95         return K[t];
96     }
97     while (rc[rc[t]])
98     {
99         sz[t]--;
100        t=rc[t];
101    }
102    sz[t]--;
103    T ret=K[rc[t]];
104    rc[t]=lc[rc[t]];
105    return ret;
106 }
107 T DeleteMin()
108 {
109     int t=rt;
110     if(lc[rt]==0)
111     {
112         rt=rc[rt];
113         return K[t];
114     }
115     while (lc[lc[t]])
116     {
117         sz[t]--;
118         t=lc[t];
119     }
120    sz[t]--;
121    T ret=K[lc[t]];
122    lc[t]=rc[lc[t]];
123    return ret;
124 }
125 private:
126 void Build(int &rt,int s,int e)
127 {
128     if(s>e) return;
129     int mid=(s+e)/2;
130     rt=++tsz;
131     K[rt]=mid;
132     lc[rt]=0;
133     rc[rt]=0;
134     sz[rt]=e-s+1;
135     if(s==e) return;
136     Build(lc[rt],s,mid-1);
137     Build(rc[rt],mid+1,e);
138 }
139 bool Find(int &rt,T key)
140 {
141     if (rt==0) return false;
142     else if (key<K[rt]) return Find(lc[rt],key);
143     else return K[rt]==key||Find(rc[rt],key);

```



```

144     }
145     void Insert(int &rt,T key)
146     {
147         if (rt==0)
148         {
149             rt=++tsz;
150             lc[rt]=rc[rt]=0;
151             sz[rt]=1;
152             K[rt]=key;
153             return;
154         }
155         sz[rt]++;
156         if (key<K[rt]) Insert(lc[rt],key);
157         else Insert(rc[rt],key);
158         maintain(rt,!(key<K[rt]));
159     }
160     T Delete(int &rt,T key)
161     {
162         sz[rt]--;
163         if ((K[rt]==key)||((key<K[rt]&&lc[rt]==0)||((K[rt]<key&&rc[rt]==0)))
164         {
165             T ret=K[rt];
166             if (lc[rt]==0||rc[rt]==0)
167                 rt=lc[rt]+rc[rt];
168             else K[rt]=Delete(lc[rt],K[rt]+1);
169             return ret;
170         }
171         else
172         {
173             if (key<K[rt]) return Delete(lc[rt],key);
174             else return Delete(rc[rt],key);
175         }
176     }
177     void DeleteLess(int &rt,T key)
178     {
179         if (rt==0) return;
180         if (K[rt]<key)
181         {
182             rt=rc[rt];
183             DeleteLess(rt,key);
184         }
185         else
186         {
187             DeleteLess(lc[rt],key);
188             sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
189         }
190     }
191     void DeleteGreater(int &rt,T key)
192     {
193         if (rt==0) return;
194         if (K[rt]>key)
195         {
196             rt=lc[rt];
197             DeleteGreater(rt,key);
198         }
199         else
200         {
201             DeleteGreater(rc[rt],key);
202             sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
203         }
204     }
205     int Rank(int &rt,T key)
206     {

```

```

207     if (K[rt]==key) return sz[lc[rt]]+1;
208     else if (key<K[rt]) return Rank(lc[rt], key);
209     else return sz[lc[rt]]+1+Rank(rc[rt],key);
210 }
211 T Select(int &rt,int k)
212 {
213     if (sz[lc[rt]]+1==k) return K[rt];
214     else if (k>sz[lc[rt]]) return Select(rc[rt],k-1-sz[lc[rt]]);
215     else return Select(lc[rt],k);
216 }
217 T DeleteSelect(int &rt,int k)
218 {
219     sz[rt]--;
220     if (sz[lc[rt]]+1==k)
221     {
222         T ret=K[rt];
223         if (lc[rt]==0||rc[rt]==0) rt=lc[rt]+rc[rt];
224         else K[rt]=Delete(lc[rt],K[rt]+1);
225         return ret;
226     }
227     else if (k>sz[lc[rt]]) return DeleteSelect(rc[rt],k-1-sz[lc[rt]]);
228     else return DeleteSelect(lc[rt],k);
229 }
230 T pred(int &rt,T key)
231 {
232     if (rt==0) return key;
233     else if (key>K[rt])
234     {
235         T ret=pred(rc[rt],key);
236         if (ret==key) return K[rt];
237         return ret;
238     }
239     else return pred(lc[rt],key);
240 }
241 T succ(int &rt,T key)
242 {
243     if (rt==0) return key;
244     else if (K[rt]>key)
245     {
246         T ret=succ(lc[rt],key);
247         if (ret==key) return K[rt];
248         return ret;
249     }
250     else return succ(rc[rt],key);
251 }
252 void zag(int &rt) //LeftRotate
253 {
254     int t=rc[rt];
255     rc[rt]=lc[t];
256     lc[t]=rt;
257     sz[t]=sz[rt];
258     sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
259     rt=t;
260 }
261 void zig(int &rt) //RightRotate
262 {
263     int t=lc[rt];
264     lc[rt]=rc[t];
265     rc[t]=rt;
266     sz[t]=sz[rt];
267     sz[rt]=1+sz[lc[rt]]+sz[rc[rt]];
268     rt=t;
269 }

```

```

270 void maintain(int &rt, bool flag)
271 {
272     if (rt==0) return;
273     if (!flag)
274     {
275         if (sz[lc[lc[rt]]]>sz[rc[rt]]) zig(rt);
276         else if (sz[rc[lc[rt]]]>sz[rc[rt]])
277         {
278             zag(lc[rt]);
279             zig(rt);
280         }
281         else return;
282     }
283     else
284     {
285         if (sz[rc[rc[rt]]]>sz[lc[rt]]) zag(rt);
286         else if (sz[lc[rc[rt]]]>sz[lc[rt]])
287         {
288             zig(rc[rt]);
289             zag(rt);
290         }
291         else return;
292     }
293     maintain(lc[rt], false);
294     maintain(rc[rt], true);
295     maintain(rt, false);
296     maintain(rt, true);
297 }
298 void inorder(int &rt)
299 {
300     if(rt==0) return;
301     else
302     {
303         inorder(lc[rt]);
304         cout<<"rt:"<<rt<<" key:"<<K[rt]<<" size:"<<sz[rt]<<endl;
305         inorder(rc[rt]);
306     }
307 }
308 };
309 struct node
310 {
311     int key,id;
312     node(int key=0,int id=0):key(key),id(id) {}
313     bool operator <(node b)
314     {
315         return key<b.key;
316     }
317     bool operator >(node b)
318     {
319         return key>b.key;
320     }
321     bool operator ==(node b)
322     {
323         return key==b.key;
324     }
325     node operator +(int K)
326     {
327         return node(key+K,id);
328     }
329 };

```

## 4.9 可持久化线段树

## 4.9.1 可持久化线段树

```

1  #define lson l,m
2  #define rson m+1,r
3  const int NV = 100005;
4  const int NN = NV*25;
5  int sum[NN],ln[NN],rn[NN];
6  int tot,root[NV];
7  void PushUp(int k)
8  {
9      sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
10 }
11 int build(int l,int r)
12 {
13     int k=++tot;
14     if (l == r)
15     {
16         sum[k]=0;
17         return k;
18     }
19     int m = (l + r) >> 1;
20     ln[k]=build(lson);
21     rn[k]=build(rson);
22     PushUp(k);
23     return k;
24 }
25 int update(int o,int L,int c,int l,int r)
26 {
27     int k=++tot;
28     sum[k]=sum[o];
29     ln[k]=ln[o];
30     rn[k]=rn[o];
31     if (L == l && l == r)
32     {
33         sum[k]+=c;
34         return k;
35     }
36     int m = (l + r) >> 1;
37     if (L <= m) ln[k]=update(ln[o], L , c , lson);
38     else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
39     PushUp(k);
40     return k;
41 }
42 int query(int a,int b,int L,int l,int r)
43 {
44     if (l==r) return l;
45     int m = (l + r) >> 1;
46     int tmp=sum[ln[b]]-sum[ln[a]];
47     if (L <= tmp) return query(ln[a], ln[b], L , lson);
48     return query(rn[a], rn[b], L-tmp , rson);
49 }
50 int main()
51 {
52     root[0]=build(1,n);
53     for (int i=1; i<=n; i++)
54         root[i]=update(root[i-1],pos,val,1,n);
55     query(root[a-1],root[b],pos,1,n);
56     return 0;
57 }

```

## 4.9.2 树状数组套可持久化线段树

在  $\log n$  的时间查询  $[l, r]$  区间内的第  $K$  大数，同时支持更新操作。

```

1  const int NV=60005;
2  const int M=NV*40;
3  int N,m,tot;
4  int a[NV],T[NV],S[NV],use[NV];
5  int lson[M],rson[M],c[M];
6  int build(int l,int r)
7  {
8      int rt = tot++;
9      c[rt] = 0;
10     if(l != r)
11     {
12         int mid = l+r>>1;
13         lson[rt] = build(l,mid);
14         rson[rt] = build(mid+1,r);
15     }
16     return rt;
17 }
18 int insert(int rt,int pos,int val)
19 {
20     int nrt = tot++, tmp = nrt;
21     int l = 1, r = m;
22     c[nrt] = c[rt] + val;
23     while(l < r)
24     {
25         int mid = l+r>>1;
26         if(pos <= mid)
27         {
28             lson[nrt] = tot++;
29             rson[nrt] = rson[rt];
30             nrt = lson[nrt];
31             rt = lson[rt];
32             r = mid;
33         }
34         else
35         {
36             rson[nrt] = tot++;
37             lson[nrt] = lson[rt];
38             nrt = rson[nrt];
39             rt = rson[rt];
40             l = mid+1;
41         }
42         c[nrt] = c[rt] + val;
43     }
44     return tmp;
45 }
46 inline int lowbit(int x)
47 {
48     return x&(-x);
49 }
50 int sum(int x)
51 {
52     int ans = 0;
53     while(x > 0)
54     {
55         ans += c[lson[use[x]]];
56         x -= lowbit(x);
57     }
58     return ans;
59 }
60 void update(int x,int p,int d)

```

```

61 {
62     while(x <= N)
63     {
64         S[x] = insert(S[x],p,d);
65         x += lowbit(x);
66     }
67 }
68 int query(int L,int R,int k)
69 {
70     int lrt = T[L-1];
71     int rrt = T[R];
72     int l = 1, r = m;
73     for(int i = L-1; i; i -= lowbit(i)) use[i] = S[i];
74     for(int i = R; i; i -= lowbit(i)) use[i] = S[i];
75     while(l < r)
76     {
77         int mid = l+r>>1;
78         int tmp = sum(R) - sum(L-1) + c[lson[rrt]] - c[lson[lrt]];
79         if(tmp >= k)
80         {
81             r = mid;
82             for(int i = L-1; i; i -= lowbit(i))
83                 use[i] = lson[use[i]];
84             for(int i = R; i; i -= lowbit(i))
85                 use[i] = lson[use[i]];
86             lrt = lson[lrt];
87             rrt = lson[rrt];
88         }
89         else
90         {
91             l = mid+1;
92             k -= tmp;
93             for(int i = L-1; i; i -= lowbit(i))
94                 use[i] = rson[use[i]];
95             for(int i = R; i; i -= lowbit(i))
96                 use[i] = rson[use[i]];
97             lrt = rson[lrt];
98             rrt = rson[rrt];
99         }
100     }
101     return l;
102 }
103 int op[NV],ql[NV],qr[NV],qk[NV],data[NV];
104 void inithash()
105 {
106     sort(data+1,data+m+1);
107     m=unique(data+1,data+m+1)-data;
108 }
109 int hash(int x)
110 {
111     return lower_bound(data+1,data+m+1,x)-data;
112 }
113 void init(int n,int q)
114 {
115     N=n;
116     tot=0;
117     m=0;
118     for(int i = 1; i <= n; i++)
119         scanf("%d",&a[i]),data[++m]=a[i];
120     char s[10];
121     for(int i = 1; i <= q; i++)
122     {
123         scanf("%s",s);

```

```

124     if(s[0] == 'Q')
125     {
126         op[i]=0;
127         scanf("%d%d%d",&ql[i],&qr[i],&qk[i]);
128     }
129     else
130     {
131         op[i]=1;
132         scanf("%d%d",&ql[i],&data[++m]);
133         qk[i]=data[m];
134     }
135 }
136 inithash();
137 T[0] = build(1,m);
138 for(int i = 1; i <= n; i++)
139     T[i] = insert(T[i-1],hash(a[i]),1);
140 for(int i = 1; i <= n; i++)
141     S[i] = T[0];
142 }
143 int main()
144 {
145     int t;
146     cin>>t;
147     while(t--)
148     {
149         int n,q;
150         scanf("%d%d",&n,&q);
151         init(n,q);
152         for(int i = 1; i <= q; i++)
153         {
154             if(op[i])
155             {
156                 update(ql[i],hash(a[ql[i]]),-1);
157                 update(ql[i],hash(qk[i]),1);
158                 a[ql[i]]=qk[i];
159             }
160             else printf("%d\n",data[query(ql[i],qr[i],qk[i])]);
161         }
162     }
163     return 0;
164 }

```

### 4.9.3 相关例题

#### 区间第 K 大数

```

1  #define lson l,m
2  #define rson m+1,r
3  const int NV = 100005;
4  const int NN = NV*25;
5  int sum[NN],ln[NN],rn[NN];
6  int tot,root[NV];
7  void PushUp(int k)
8  {
9      sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
10 }
11 int build(int l,int r)
12 {
13     int k=++tot;
14     if (l == r)
15     {
16         sum[k]=0;

```

```

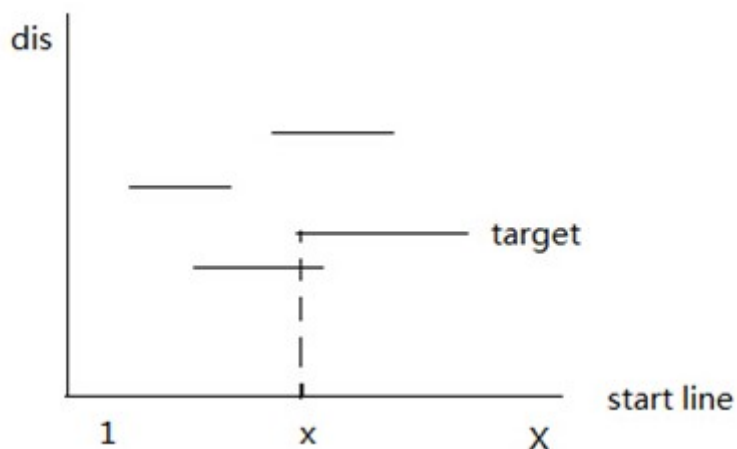
17     return k;
18 }
19 int m = (l + r) >> 1;
20 ln[k]=build(lson);
21 rn[k]=build(rson);
22 PushUp(k);
23 return k;
24 }
25 int update(int o,int L,int c,int l,int r)
26 {
27     int k=++tot;
28     sum[k]=sum[o];
29     ln[k]=ln[o];
30     rn[k]=rn[o];
31     if (L == l && l == r)
32     {
33         sum[k]+=c;
34         return k;
35     }
36     int m = (l + r) >> 1;
37     if (L <= m) ln[k]=update(ln[o], L , c , lson);
38     else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
39     PushUp(k);
40     return k;
41 }
42 int query(int a,int b,int L,int l,int r)
43 {
44     if (l==r) return l;
45     int m = (l + r) >> 1;
46     int tmp=sum[ln[b]]-sum[ln[a]];
47     if (L <= tmp) return query(ln[a], ln[b], L , lson);
48     return query(rn[a], rn[b], L-tmp , rson);
49 }
50 int discrete(int data[],int n,int dis[],int idx[])
51 {
52     int sub[n+1];
53     memcpy(sub,data,sizeof(sub));
54     sort(sub+1,sub+n+1);
55     int m=unique(sub+1,sub+n+1)-sub-1;
56     for(int i=1; i<=n; i++)
57     {
58         dis[i]=lower_bound(sub+1,sub+m+1,data[i])-sub;
59         idx[dis[i]]=data[i];
60     }
61     return m;
62 }
63 int a[NV],dis[NV],idx[NV];
64 int main()
65 {
66     int n,m;
67     scanf("%d%d",&n,&m);
68     for (int i=1; i<=n; i++)
69         scanf("%d",&a[i]);
70     discrete(a,n,dis,idx);
71     root[0]=build(1,n);
72     for (int i=1; i<=n; i++)
73         root[i]=update(root[i-1],dis[i],1,1,n);
74     while(m--)
75     {
76         int aa,bb,k;
77         scanf("%d%d%d",&aa,&bb,&k);
78         printf("%d\n",idx[query(root[aa-1],root[bb],k,1,n)]);
79     }

```



```
80     return 0;
81 }
```

区间更新单点求和，求第 K 大，二分



```
1  #define lson l,m
2  #define rson m+1,r
3  const int NV = 200005;
4  const int NN = NV*25;
5  int cnt[NN],ln[NN],rn[NN];
6  long long sum[NN];
7  int tot,root[NV];
8  void PushUp(int k)
9  {
10     sum[k]=sum[ln[k]]+sum[rn[k]];
11     cnt[k]=cnt[ln[k]]+cnt[rn[k]];
12 }
13 int build(int l,int r)
14 {
15     int k=++tot;
16     if (l == r)
17     {
18         sum[k]=0;
19         cnt[k]=0;
20         return k;
21     }
22     int m = (l + r) >> 1;
23     ln[k]=build(lson);
24     rn[k]=build(rson);
25     PushUp(k);
26     return k;
27 }
28 int M,data[NV];
29 int update(int o,int L,int c,int l,int r)
30 {
31     int k=++tot;
32     sum[k]=sum[o];
33     cnt[k]=cnt[o];
34     ln[k]=ln[o];
35     rn[k]=rn[o];
36     if (L == l && l == r)
37     {
38         sum[k]+=c*data[l];
39         cnt[k]+=c;
40         return k;

```

```

41     }
42     int m = (l + r) >> 1;
43     if (L <= m) ln[k]=update(ln[o], L , c , lson);
44     else rn[k]=update(rn[o], L , c , rson);
45     PushUp(k);
46     return k;
47 }
48 long long query(int a,int L,int l,int r)
49 {
50     if (l==r) return (long long)data[l]*L; // 注意不能是sum[a]
51     int m = (l + r) >> 1;
52     if (L <= cnt[ln[a]]) return query(ln[a], L , lson);
53     return sum[ln[a]]+query(rn[a], L-cnt[ln[a]] , rson);
54 }
55 int inithash(int n)
56 {
57     sort(data+1,data+n+1);
58     return unique(data+1,data+n+1)-data-1;
59 }
60 int hash(int x)
61 {
62     return lower_bound(data+1,data+M+1,x)-data;
63 }
64 struct node
65 {
66     int d,x;
67     node(int d=0,int x=0):d(d),x(x) {}
68     int sgn() const
69     {
70         if (d>0) return 1;
71         if (d==0) return 0;
72         return -1;
73     }
74     bool operator <(const node &b) const
75     {
76         if (x!=b.x) return x<b.x;
77         else if (sgn()!=b.sgn()) return sgn()>b.sgn();
78         return abs(d)<abs(b.d);
79     }
80 } a[NV];
81 int main()
82 {
83     int n,m,x,P;
84     while(~scanf("%d%d%d%d",&n,&m,&x,&P))
85     {
86         tot=0;
87         for (int i=1; i<=n; i++)
88         {
89             int l,r;
90             scanf("%d%d",&l,&r,&data[i]);
91             a[i].d=data[i];
92             a[i].x=1;
93             //在r处加负的，但在排序时把负的的全排到最后
94             //二分，如果当前位置没有点，那么会找到x后面的一个位置
95             //如果有很多点，肯定会找到正数后面的一个位置（下个x或当前x但为负的点）
96             //最后位置减1即可
97             a[i+n].d=-data[i];
98             a[i+n].x=r;
99         }
100         sort(a+1,a+2*n+1);
101         M=inithash(n);
102         root[0]=build(1,M);

```

```

103     for (int i=1; i<=2*n; i++)
104     {
105         int d=a[i].d;
106         if (d>0) root[i]=update(root[i-1],hash(d),1,1,M);
107         else root[i]=update(root[i-1],hash(-d),-1,1,M);
108     }
109     long long pre=1;
110     while(m--)
111     {
112         int X,aa,bb,cc;
113         scanf("%d%d%d%d",&X,&aa,&bb,&cc);
114         int k=(aa%cc*pre%cc+bb)%cc;
115         int p=lower_bound(a+1,a+2*n+1,node(0,X))-a-1;
116         long long ans;
117         if (k) ans=query(root[p],k,1,M);
118         else ans=0;
119         if (pre>P) ans*=2;
120         pre=ans;
121         printf("%I64d\n",ans);
122     }
123 }
124 return 0;
125 }

```

## 4.10 splay

```

1 #define keyTree (ch[ch[rt][1]][0])
2 const int NV=100005;
3 struct SplayTree
4 {
5     int sz[NV];
6     int ch[NV][2];
7     int pre[NV];
8     int rt,top,tops;
9     int stk[NV],que[NV];
10    SplayTree():rt(0),top(0) {}
11    void Rotate(int x,int c)
12    {
13        int y=pre[x];
14        push_down(y);
15        push_down(x);
16        ch[y][!c]=ch[x][c];
17        pre[ch[x][c]]=y;
18        pre[x]=pre[y];
19        if(pre[x]) ch[pre[y]][ch[pre[y]][1]==y]=x;
20        ch[x][c]=y;
21        pre[y]=x;
22        push_up(y);
23    }
24    void Splay(int x,int f)
25    {
26        if (x==f) return;
27        push_down(x);
28        while(pre[x]!=f)
29        {
30            if(pre[pre[x]]==f)
31                Rotate(x,ch[pre[x]][0]==x);
32            else
33            {
34                int y=pre[x],z=pre[y];
35                int t=(ch[z][0]==y);
36                if(ch[y][t]==x) Rotate(x,!t),Rotate(x,t);

```

```

37         else Rotate(y,t),Rotate(x,t);
38     }
39 }
40 push_up(x);
41 if(f==0) rt=x;
42 }
43 void Select(int k,int f) //把第k位的数转到f下边
44 {
45     int x=rt;
46     push_down(x);
47     while(sz[ch[x][0]]!=k)
48     {
49         if(k<sz[ch[x][0]]) x=ch[x][0];
50         else
51         {
52             k--=(sz[ch[x][0]]+1);
53             x=ch[x][1];
54         }
55         push_down(x);
56     }
57     Splay(x,f);
58 }
59 void Erase(int x) //把以x为祖先结点删掉放进内存池，回收内存
60 {
61     int father=pre[x];
62     int head=0,tail=0;
63     for (que[tail++]=x; head<tail; head++)
64     {
65         stk[tops++]=que[head];
66         if(ch[que[head]][0]) que[tail++]=ch[que[head]][0];
67         if(ch[que[head]][1]) que[tail++]=ch[que[head]][1];
68     }
69     ch[father][ch[father][1]==x]=0;
70     push_up(father);
71 }
72 int Find(int c)
73 {
74     int x=rt;
75     while(x)
76     {
77         if (c==val[x])
78         {
79             Splay(x,rt);
80             return x;
81         }
82         else if (c<val[x]) x=ch[x][0];
83         else x=ch[x][1];
84     }
85     return 0;
86 }
87 void Insert(int c)
88 {
89     int p=rt;
90     int *t=&p;
91     int f=0;
92     while(*t)
93     {
94         f=*t;
95         if (c<val[*t]) t=&ch[*t][0];
96         else t=&ch[*t][1];
97     }
98     int &x=*t;
99     if (tops) x=stk[--tops];

```

```

100     else x=++top;
101     ch[x][0]=ch[x][1]=pre[x]=0;
102     sz[x]=1;
103     val[x]=sum[x]=c;
104     pre[x]=f;
105     while(f)
106     {
107         push_up(f);
108         f=pre[f];
109     }
110     Splay(x,rt);
111 }
112 void Debug()
113 {
114     cout<<rt<<endl;
115     Inorder(rt);
116 }
117 void Inorder(int x)
118 {
119     if(x)
120     {
121         Inorder(ch[x][0]);
122         printf(" 结点%2d: 左儿子 %2d 右儿子 %2d 父结点 %2d size=%2d ,val=%2d\n",
123             x,ch[x][0],ch[x][1],pre[x],sz[x],val[x]);
124         Inorder(ch[x][1]);
125     }
126 }
127 // 以下是题目的特定函数
128 void newnode(int &x,int c)
129 {
130     if (tops) x=stk[--tops];
131     else x=++top;
132     ch[x][0]=ch[x][1]=pre[x]=0;
133     sz[x]=1;
134     /// 题目特定
135     val[x]=sum[x]=c;
136     add[x]=0;
137 }
138 void push_down(int x) /// 题目特定
139 {
140     if(add[x])
141     {
142         val[x]+=add[x];
143         add[ch[x][0]]+=add[x];
144         add[ch[x][1]]+=add[x];
145         sum[ch[x][0]]+=(long long)sz[ch[x][0]]*add[x];
146         sum[ch[x][1]]+=(long long)sz[ch[x][1]]*add[x];
147         add[x]=0;
148     }
149 }
150 void push_up(int x)
151 {
152     sz[x]=1+sz[ch[x][0]]+sz[ch[x][1]];
153     /// 题目特定
154     sum[x]=val[x]+sum[ch[x][0]]+sum[ch[x][1]];
155 }
156 void build(int &x,int l,int r,int f)
157 {
158     if(l>r) return;
159     int m=(l+r)>>1;
160     newnode(x,num[m]); /// 题目特定
161     build(ch[x][0],l,m-1,x);

```

```

162     build(ch[x][1],m+1,r,x);
163     pre[x]=f;
164     push_up(x);
165 }
166 void init(int n)
167 {
168     rt=top=0;
169     // 为了方便处理边界，加两个边界顶点
170     newnode(rt,-1);
171     newnode(ch[rt][1],-1);
172     pre[top]=rt;
173     sz[rt]=2;
174     build(keyTree,1,n,ch[rt][1]);
175     push_up(ch[rt][1]);
176     push_up(rt);
177 }
178 void update(int l,int r,int c)
179 {
180     Select(l-1,0);
181     Select(r+1,rt);
182     /// 题目特定
183     add[keyTree]+=c;
184     sum[keyTree]+=(long long)c*sz[keyTree];
185 }
186 long long query(int l,int r)
187 {
188     Select(l-1,0);
189     Select(r+1,rt);
190     return sum[keyTree];
191 }
192 /// 题目特定变量
193 int num[NV];
194 int val[NV];
195 int add[NV];
196 long long sum[NV];
197 } sp;
198 int main()
199 {
200     sp.Insert(5);
201     sp.Insert(8);
202     sp.Insert(2);
203     sp.Insert(8);
204     sp.Insert(6);
205     sp.Insert(1);
206     sp.Debug();
207     cout<<sp.Find(8)<<endl;
208     cout<<sp.Find(2)<<endl;
209     cout<<sp.Find(5)<<endl;
210     return 0;
211 }

```

## 4.11 KD-tree

离线处理一堆点，在线询问一个点到这一堆点最近的是哪个点。

### 4.11.1 二维 KD-tree

```

1  const int NV=100005;
2  struct point
3  {
4      int x, y;

```

```

5     void in()
6     {
7         scanf("%d%d",&x,&y);
8     }
9 } p[NV];
10 bool Div[NV];
11 bool cmpX(const point &p1,const point &p2)
12 {
13     return p1.x<p2.x;
14 }
15 bool cmpY(const point &p1,const point &p2)
16 {
17     return p1.y<p2.y;
18 }
19 long long dis(const point &p1,const point &p2)
20 {
21     return (long long)(p1.x-p2.x)*(p1.x-p2.x)+(long long)(p1.y-p2.y)*(p1.y-p2.y)
22     ;
23 }
24 void build(int l, int r, point p[])
25 {
26     if (l > r) return;
27     int mid = l + r >> 1;
28     int minX, minY, maxX, maxY;
29     minX = min_element(p + l, p + r + 1, cmpX)->x;
30     minY = min_element(p + l, p + r + 1, cmpY)->y;
31     maxX = max_element(p + l, p + r + 1, cmpX)->x;
32     maxY = max_element(p + l, p + r + 1, cmpY)->y;
33     Div[mid] = (maxX - minX >= maxY - minY);
34     nth_element(p + l, p + mid, p + r + 1, Div[mid] ? cmpX : cmpY);
35     build(l, mid - 1, p);
36     build(mid + 1, r, p);
37 }
38 void find(long long &res, int l, int r, point &a, point p[])
39 {
40     if (l > r) return;
41     int mid = l + r >> 1;
42     long long dist = dis(a, p[mid]);
43     if (dist > 0) ///NOTICE
44         res = min(res, dist);
45     long long d = Div[mid] ? (a.x - p[mid].x) : (a.y - p[mid].y);
46     int l1, l2, r1, r2;
47     l1 = l, l2 = mid + 1;
48     r1 = mid - 1, r2 = r;
49     if (d > 0) swap(l1, l2), swap(r1, r2);
50     find(res, l1, r1, a, p);
51     if (d * d < res) find(res, l2, r2, a, p);
52 }
53 long long find(int l,int r, point &a, point p[])
54 {
55     long long res=INF;
56     find(res,l,r,a,p);
57     return res;
58 }
59 point pp[NV];
60 int main()
61 {
62     int t;
63     cin>>t;
64     while(t--)
65     {
66         int n;
67         cin>>n;

```

```

67     for (int i=1; i<=n; i++) p[i].in(),pp[i]=p[i];
68     build(1,n,p);
69     for (int i=1; i<=n; i++)
70         printf("%I64d\n",find(1,n,pp[i],p));
71 }
72 return 0;
73 }

```

### 4.11.2 K 维 KD-tree

```

1  #define sqr(x) (x)*(x)
2  const int NV=50005,K=5;
3  //k为维数,n为点数,idx为当前比较的维度
4  int k,n,idx;
5  struct point
6  {
7      int x[K];
8      bool operator <(const point &u) const
9      {
10         return x[idx]<u.x[idx];
11     }
12 } po[NV]; // 输入的点
13 priority_queue<pair<double,point> >nq;
14 // 线段树节点
15 point pt[NV<<2];
16 int son[NV<<2];
17 void build(int l,int r,int rt=1,int dep=0)
18 {
19     if(l>r) return;
20     son[rt]=r-l;
21     son[rt<<1]=son[rt<<1|1]=-1;
22     idx=dep%k;
23     int mid=l+r>>1;
24     nth_element(po+l,po+mid,po+r+1);
25     pt[rt]=po[mid];
26     build(l,mid-1,rt<<1,dep+1);
27     build(mid+1,r,rt<<1|1,dep+1);
28 }
29 void query(point &p,int m,int rt=1,int dep=0)
30 {
31     if(son[rt]==-1) return;
32     pair<double,point> nd(0,pt[rt]);
33     for(int i=0; i<k; i++) nd.first+=sqr(nd.second.x[i]-p.x[i]);
34     int dim=dep%k,x=rt<<1,y=rt<<1|1,fg=0;
35     if(p.x[dim]>=pt[rt].x[dim]) swap(x,y);
36     if(~son[x]) query(p,m,x,dep+1);
37     if(nq.size()<m) nq.push(nd),fg=1;
38     else
39     {
40         if(nd.first<nq.top().first) nq.pop(),nq.push(nd);
41         if(sqr(p.x[dim]-pt[rt].x[dim])<nq.top().first) fg=1;
42     }
43     if(~son[y]&&fg) query(p,m,y,dep+1);
44 }
45 int main()
46 {
47     while(scanf("%d%d",&n,&k)!=EOF)
48     {
49         for(int i=1; i<=n; i++)
50             for(int j=0; j<k; j++)
51                 scanf("%d",&po[i].x[j]);
52         build(1,n);

```



```

53     int t;
54     scanf("%d",&t);
55     while(t--)
56     {
57         point ask;
58         for(int j=0; j<k; j++) scanf("%d",&ask.x[j]);
59         int m;
60         scanf("%d",&m);
61         query(ask,m);
62         printf("the closest %d points are:\n", m);
63         point ans[20];
64         int cnt=0;
65         while(!nq.empty())
66         {
67             ans[++cnt]=nq.top().second;
68             nq.pop();
69         }
70         for(int i=cnt; i>=1; i--)
71             for(int j=0; j<k; j++)
72                 printf("%d%c",ans[i].x[j]," \n"[j==k-1]);
73     }
74 }
75 return 0;
76 }

```

## 4.12 树链剖分

'I' 区间增加

'D' 区间减少

'Q' 单点查询

点权, change(update) 区间更新, query 单点查询

```

1  const int NV=50005;
2  //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
3  int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
4  int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
5  int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
6  void adde(int u,int v)
7  {
8      to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
9      to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
10 }
11 void dfs1(int u,int father,int d)
12 {
13     dep[u]=d;
14     fa[u]=father;
15     siz[u]=1;
16     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
17     {
18         int v=to[i];
19         if(v!=father)
20         {
21             dfs1(v,u,d+1);
22             siz[u]+=siz[v];
23             if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
24                 son[u]=v;
25         }
26     }
27 }
28 void dfs2(int u,int tp)
29 {

```

```

30     top[u]=tp;
31     w[u]=++tot;
32     rank[w[u]]=u;
33     if(son[u]==-1) return;
34     dfs2(son[u],tp);
35     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
36     {
37         int v=to[i];
38         if(v!=son[u]&&v!=fa[u])
39             dfs2(v,v);
40     }
41 }
42 #define lson l,m,rt<<1
43 #define rson m+1,r,rt<<1|1
44 int add[NV<<2],sum[NV<<2];
45 void PushUp(int rt)
46 {
47     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
48 }
49 void PushDown(int rt,int m)
50 {
51     if (add[rt])
52     {
53         add[rt<<1] += add[rt];
54         add[rt<<1|1] += add[rt];
55         sum[rt<<1] += add[rt] * (m - (m >> 1));
56         sum[rt<<1|1] += add[rt] * (m >> 1);
57         add[rt] = 0;
58     }
59 }
60 void build(int l,int r,int rt=1)
61 {
62     add[rt] = 0;
63     if (l == r)
64     {
65         sum[rt]=num[rank[l]];
66         return ;
67     }
68     int m = (l + r) >> 1;
69     build(lson);
70     build(rson);
71     PushUp(rt);
72 }
73 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
74 {
75     if (L <= l && r <= R)
76     {
77         add[rt] += c;
78         sum[rt] += c * (r - l + 1);
79         return ;
80     }
81     PushDown(rt , r - l + 1);
82     int m = (l + r) >> 1;
83     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
84     if (m < R) update(L , R , c , rson);
85     PushUp(rt);
86 }
87 int query(int L,int l,int r,int rt=1)
88 {
89     if (L == l && l == r)
90     {
91         return sum[rt];
92     }

```

```

93     PushDown(rt , r - 1 + 1);
94     int m = (l + r) >> 1;
95     if (L <= m) return query(L , lson);
96     return query(L , rson);
97 }
98 void change(int x,int y,int l,int r,int c)
99 {
100     while(top[x]!=top[y])
101     {
102         if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
103         update(w[top[x]],w[x],c,l,r);
104         x=fa[top[x]];
105     }
106     if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
107     update(w[x],w[y],c,l,r);
108 }
109 void init(int n)
110 {
111     memset(he,-1,sizeof(he));
112     memset(son,-1,sizeof(son));
113     tot=0;
114     ecnt=0;
115     for(int i=1; i<=n; i++)
116         scanf("%d",&num[i]);
117     for(int i=1; i<n; i++)
118     {
119         int u,v;
120         scanf("%d%d",&u,&v);
121         adde(u,v);
122     }
123     dfs1(1,0,0);
124     dfs2(1,1);
125     build(1,n);
126 }
127 int main()
128 {
129     int n,q;
130     while(~scanf("%d%d",&n,&q))
131     {
132         init(n);
133         while(q--)
134         {
135             int a,b,c;
136             char op[5];
137             scanf("%s",op);
138             if(op[0]=='Q')
139             {
140                 scanf("%d",&a);
141                 printf("%d\n",query(w[a],1,n));
142             }
143             else
144             {
145                 scanf("%d%d%d",&a,&b,&c);
146                 if(op[0]=='D') c=-c;
147                 change(a,b,1,n,c);
148             }
149         }
150     }
151     return 0;
152 }

```

Message A: 0 u

A kid in hut u calls Wind. She should go to hut u from her current position.

Message B: 1 i w

The time required for i-th road is changed to w.

边权, update 单点更新, getsum(query) 区间求和

```

1  const int NV=100005;
2  //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
3  int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
4  int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
5  int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
6  void adde(int u,int v)
7  {
8      to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
9      to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
10 }
11 void dfs1(int u,int father,int d)
12 {
13     dep[u]=d;
14     fa[u]=father;
15     siz[u]=1;
16     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
17     {
18         int v=to[i];
19         if(v!=father)
20         {
21             dfs1(v,u,d+1);
22             siz[u]+=siz[v];
23             if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
24                 son[u]=v;
25         }
26     }
27 }
28 void dfs2(int u,int tp)
29 {
30     top[u]=tp;
31     w[u]=++tot;
32     rank[w[u]]=u;
33     if(son[u]==-1) return;
34     dfs2(son[u],tp);
35     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
36     {
37         int v=to[i];
38         if(v!=son[u]&&v!=fa[u])
39             dfs2(v,v);
40     }
41 }
42 #define lson l,m,rt<<1
43 #define rson m+1,r,rt<<1|1
44 int sum[NV<<2];
45 void PushUp(int rt)
46 {
47     sum[rt]=sum[rt<<1]+sum[rt<<1|1];
48 }
49 void build(int l,int r,int rt=1)
50 {
51     if (l == r)
52     {
53         sum[rt]=num[l];
54         return ;
55     }
56     int m = (l + r) >> 1;
57     build(lson);
58     build(rson);

```

```

59     PushUp(rt);
60 }
61 void update(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
62 {
63     if (L == l && l == r)
64     {
65         sum[rt] = c;
66         return ;
67     }
68     int m = (l + r) >> 1;
69     if (L <= m) update(L , c , lson);
70     else update(L , c , rson);
71     PushUp(rt);
72 }
73 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
74 {
75     if (L <= l && r <= R)
76     {
77         return sum[rt];
78     }
79     int m = (l + r) >> 1;
80     int ret = 0;
81     if (L <= m) ret += query(L , R , lson);
82     if (m < R) ret += query(L , R , rson);
83     return ret;
84 }
85 int getsum(int x,int y,int l,int r)
86 {
87     int ret=0;
88     while(top[x]!=top[y])
89     {
90         if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
91         ret+=query(w[top[x]],w[x],l,r);
92         x=fa[top[x]];
93     }
94     if (x==y) return ret; ///Notice! 防止产生 son[x]为-1的情况
95     if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
96     ret+=query(w[son[x]],w[y],l,r); ///Notice! 比点权多了个 son
97     return ret;
98 }
99 int uu[NV],vv[NV],ll[NV];
100 void init(int n)
101 {
102     memset(he,-1,sizeof(he));
103     memset(son,-1,sizeof(son));
104     tot=0;
105     ecnt=0;
106     for(int i=1; i<n; i++)
107     {
108         scanf("%d%d%d",&uu[i],&vv[i],&ll[i]);
109         adde(uu[i],vv[i]);
110     }
111     dfs1(1,0,0);
112     dfs2(1,1);
113     num[1]=0;
114     for (int i=1; i<n; i++)
115     {
116         if (dep[uu[i]]<dep[vv[i]]) num[w[vv[i]]]=ll[i];
117         else num[w[uu[i]]]=ll[i];
118     }
119     build(1,n);
120 }
121 int main()

```

```

122 {
123     int n,q,s;
124     while(~scanf("%d%d%d",&n,&q,&s))
125     {
126         init(n);
127         while(q--)
128         {
129             int a,b;
130             int op;
131             scanf("%d",&op);
132             if(op==0)
133             {
134                 scanf("%d",&a);
135                 printf("%d\n",getsum(a,s,1,n));
136                 s=a;
137             }
138             else
139             {
140                 scanf("%d%d",&a,&b);
141                 if (dep[uu[a]]<dep[vv[a]]) a=w[vv[a]];
142                 else a=w[uu[a]];
143                 update(a,b,1,n);
144             }
145         }
146     }
147     return 0;
148 }

```

CHANGE iv Change the weight of the ith edge to v

NEGATE ab Negate the weight of every edge on the path from a to b

QUERY ab Find the maximum weight of edges on the path from a to b

边权, change 单点更新, Negate(update) 区间更新, getmax(query) 区间求最值

```

1  const int NV=10005;
2  //num为初始数组, rank只在为初始数组build时使用
3  int num[NV],siz[NV],top[NV],son[NV];
4  int dep[NV],w[NV],rank[NV],fa[NV];
5  int he[NV],to[2*NV],next[2*NV],ecnt,tot;
6  void adde(int u,int v)
7  {
8      to[ecnt]=v,next[ecnt]=he[u],he[u]=ecnt++;
9      to[ecnt]=u,next[ecnt]=he[v],he[v]=ecnt++;
10 }
11 void dfs1(int u,int father,int d)
12 {
13     dep[u]=d;
14     fa[u]=father;
15     siz[u]=1;
16     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
17     {
18         int v=to[i];
19         if(v!=father)
20         {
21             dfs1(v,u,d+1);
22             siz[u]+=siz[v];
23             if(son[u]==-1||siz[v]>siz[son[u]])
24                 son[u]=v;
25         }
26     }
27 }
28 void dfs2(int u,int tp)
29 {

```

```

30     top[u]=tp;
31     w[u]=++tot;
32     rank[w[u]]=u;
33     if(son[u]==-1) return;
34     dfs2(son[u],tp);
35     for(int i=he[u]; ~i; i=next[i])
36     {
37         int v=to[i];
38         if(v!=son[u]&&v!=fa[u])
39             dfs2(v,v);
40     }
41 }
42 #define lson l,m,rt<<1
43 #define rson m+1,r,rt<<1|1
44 int sgn[NV<<2],mx[NV<<2],mn[NV<<2];
45 void PushUp(int rt)
46 {
47     mx[rt]=max(mx[rt<<1],mx[rt<<1|1]);
48     mn[rt]=min(mn[rt<<1],mn[rt<<1|1]);
49 }
50 void PushDown(int rt,int m)
51 {
52     if (sgn[rt]==-1)
53     {
54         sgn[rt<<1] *= -1;
55         swap(mx[rt<<1],mn[rt<<1]);
56         mx[rt<<1] = -mx[rt<<1];
57         mn[rt<<1] = -mn[rt<<1];
58         sgn[rt<<1|1] *= -1;
59         swap(mx[rt<<1|1],mn[rt<<1|1]);
60         mx[rt<<1|1] = -mx[rt<<1|1];
61         mn[rt<<1|1] = -mn[rt<<1|1];
62         sgn[rt] = 1;
63     }
64 }
65 void build(int l,int r,int rt=1)
66 {
67     sgn[rt] = 1;
68     if (l == r)
69     {
70         mx[rt]=num[l];
71         mn[rt]=num[l];
72         return ;
73     }
74     int m = (l + r) >> 1;
75     build(lson);
76     build(rson);
77     PushUp(rt);
78 }
79 void update(int L,int R,int c,int l,int r,int rt=1)
80 {
81     if (L <= l && r <= R)
82     {
83         sgn[rt] *= c;
84         swap(mx[rt],mn[rt]);
85         mx[rt] = -mx[rt];
86         mn[rt] = -mn[rt];
87         return ;
88     }
89     PushDown(rt , r - l + 1);
90     int m = (l + r) >> 1;
91     if (L <= m) update(L , R , c , lson);
92     if (m < R) update(L , R , c , rson);

```

```

93     PushUp(rt);
94 }
95 void change(int L,int c,int l,int r,int rt=1)
96 {
97     if (L == l && l == r)
98     {
99         mx[rt] = c;
100        mn[rt] = c;
101        return ;
102    }
103    PushDown(rt , r - l + 1);
104    int m = (l + r) >> 1;
105    if (L <= m) change(L , c , lson);
106    else change(L , c , rson);
107    PushUp(rt);
108 }
109 int query(int L,int R,int l,int r,int rt=1)
110 {
111     if (L <= l && r <= R)
112     {
113         return mx[rt];
114     }
115     PushDown(rt , r - l + 1);
116     int m = (l + r) >> 1;
117     int ret = -inf;
118     if (L <= m) ret = max(ret,query(L , R , lson));
119     if (m < R) ret = max(ret,query(L , R , rson));
120     return ret;
121 }
122 void Negate(int x,int y,int l,int r)
123 {
124     while(top[x]!=top[y])
125     {
126         if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
127         update(w[top[x]],w[x],-1,l,r);
128         x=fa[top[x]];
129     }
130     if (x==y) return; ///Notice! 防止产生son[x]为-1的情况
131     if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
132     update(w[son[x]],w[y],-1,l,r); ///Notice! 比点权多了个son
133 }
134 int getMax(int x,int y,int l,int r)
135 {
136     int ret=-inf;
137     while(top[x]!=top[y])
138     {
139         if(dep[top[x]]<dep[top[y]]) swap(x,y);
140         ret=max(ret,query(w[top[x]],w[x],l,r));
141         x=fa[top[x]];
142     }
143     if (x==y) return ret; ///Notice! 防止产生son[x]为-1的情况
144     if(dep[x]>dep[y]) swap(x,y);
145     ret=max(ret,query(w[son[x]],w[y],l,r)); ///Notice! 比点权多了个son
146     return ret;
147 }
148 int uu[NV],vv[NV],ll[NV];
149 void init(int n)
150 {
151     memset(he,-1,sizeof(he));
152     memset(son,-1,sizeof(son));
153     tot=0;
154     ecnt=0;
155     for(int i=1; i<n; i++)

```



```

156     {
157         scanf("%d%d%d",&uu[i],&vv[i],&ll[i]);
158         adde(uu[i],vv[i]);
159     }
160     dfs1(1,0,0);
161     dfs2(1,1);
162     num[1]=0;
163     for (int i=1; i<n; i++)
164     {
165         if (dep[uu[i]]<dep[vv[i]]) num[w[vv[i]]]=ll[i];
166         else num[w[uu[i]]]=ll[i];
167     }
168     build(1,n);
169 }
170 int main()
171 {
172     int t;
173     cin>>t;
174     while(t--)
175     {
176         int n;
177         scanf("%d",&n);
178         init(n);
179         char op[10];
180         while(scanf("%s",op),op[0]!='D')
181         {
182             int a,b;
183             scanf("%d%d",&a,&b);
184             if (op[0]=='C')
185             {
186                 if (dep[uu[a]]<dep[vv[a]]) a=w[vv[a]];
187                 else a=w[uu[a]];
188                 change(a,b,1,n);
189             }
190             else if (op[0]=='N') Negate(a,b,1,n);
191             else printf("%d\n",getmax(a,b,1,n));
192         }
193     }
194     return 0;
195 }

```

## 5 字符串

### 5.1 KMP

```

1  const int LEN=1000005;
2  int next[LEN];
3  char s[LEN];
4  char sub[LEN];
5  void getnext(char sub[],int next[],int len2)
6  {
7      int i=0,j=-1;
8      next[0]=-1;
9      while(i<len2)
10     {
11         if (j==-1||sub[i]==sub[j])
12             i++,j++,next[i]=j;
13         else j=next[j];
14     }
15 }
16 int kmp(char s[],char sub[],int len1,int len2,int next[])

```

```

17 {
18     int i=0,j=0;
19     while(i<len1&& j<len2)
20     {
21         if (j== -1 || s[i]==sub[j])
22             i++,j++;
23         else j=next[j];
24     }
25     if (j>=len2) return i-len2;
26     else return -1;
27 }

```

## 5.2 扩展 KMP

```

1  const int LEN = 100005;
2  char s[LEN], sub[LEN];
3  int next[LEN], ret[LEN];
4  void exkmp(char *a, char *b, int M, int N, int *next, int *ret)
5  {
6      int i, j, k;
7      //得到A关于A的后缀的最长公共前缀，存在next数组中
8      for (j = 0; 1 + j < M && a[j] == a[1 + j]; j++) ;
9      next[1] = j;
10     k = 1;
11     for (i = 2; i < M; i++)
12     {
13         int len = k + next[k], L = next[i - k];
14         if (L < len - i) next[i] = L;
15         else
16         {
17             for (j = max(0, len - i); i + j < M && a[j] == a[i + j]; j++) ;
18             next[i] = j;
19             k = i;
20         }
21     }
22     //得到A关于B的后缀的最长公共前缀，存在ret数组中
23     for (j = 0; j < N && j < M && a[j] == b[j]; j++) ;
24     ret[0] = j;
25     k = 0;
26     for (i = 1; i < N; i++)
27     {
28         int len = k + ret[k], L = next[i - k];
29         if (L < len - i) ret[i] = L;
30         else
31         {
32             for (j = max(0, len - i); j < M && i + j < N && a[j] == b[i + j]; j++) ;
33             ret[i] = j;
34             k = i;
35         }
36     }
37 }

```

## 5.3 trie 字典树

```

1  const int NS=1005*25;
2  int c[NS][128];
3  struct trie
4  {
5      // int val[NS];

```

```

6   int cnt[NS];
7   int sz;
8   trie()
9   {
10      sz=1;
11      memset(c[0],0,sizeof(c[0]));
12      memset(cnt,0,sizeof(cnt));
13  }
14  void insert(char s[],int v=0)
15  {
16      int u=0;
17      for (int i=0; s[i]; i++)
18      {
19          if (!c[u][s[i]])
20          {
21              memset(c[sz],0,sizeof(c[sz]));
22              val[sz]=0;
23              c[u][s[i]]=sz++;
24          }
25          u=c[u][s[i]];
26          cnt[u]++;
27      }
28      val[u]=v;
29  }
30  int query(char s[])
31  {
32      int u=0,n=strlen(s);
33      for (int i=0; i<n; i++)
34      {
35          if (!c[u][s[i]]||u!=0&&cnt[u]<=1)
36              return i;
37          u=c[u][s[i]];
38      }
39      return n;
40      // return cnt[u];
41  }
42 };

```

## 5.4 AC 自动机

```

1  struct trie
2  {
3      int next[500010][26],fail[500010],ed[500010];
4      int root,L;
5      int newnode()
6      {
7          for(int i = 0; i < 26; i++)
8              next[L][i] = -1;
9          ed[L++] = 0;
10         return L-1;
11     }
12     void init()
13     {
14         L = 0;
15         root = newnode();
16     }
17     void insert(char buf[])
18     {
19         int len = strlen(buf);
20         int now = root;
21         for(int i = 0; i < len; i++)
22         {

```

```

23         if(next[now][buf[i]-'a'] == -1)
24             next[now][buf[i]-'a'] = newnode();
25         now = next[now][buf[i]-'a'];
26     }
27     ed[now]++;
28 }
29 void build()
30 {
31     queue<int> q;
32     fail[root] = root;
33     for(int i = 0; i < 26; i++)
34         if(next[root][i] == -1)
35             next[root][i] = root;
36         else
37         {
38             fail[next[root][i]] = root;
39             q.push(next[root][i]);
40         }
41     while(!q.empty())
42     {
43         int now = q.front();
44         q.pop();
45         for(int i = 0; i < 26; i++)
46             if(next[now][i] == -1)
47                 next[now][i] = next[fail[now]][i];
48             else
49             {
50                 fail[next[now][i]] = next[fail[now]][i];
51                 q.push(next[now][i]);
52             }
53     }
54 }
55 int query(char buf[])
56 {
57     int len = strlen(buf);
58     int now = root;
59     int res = 0;
60     for(int i = 0; i < len; i++)
61     {
62         now = next[now][buf[i]-'a'];
63         int temp = now;
64         while(temp != root)
65         {
66             res += ed[temp];
67             ed[temp] = 0;
68             temp = fail[temp];
69         }
70     }
71     return res;
72 }
73 void Debug()
74 {
75     for(int i = 0; i < L; i++)
76     {
77         printf("id = %3d,fail = %3d,end = %3d,chi = [",i,fail[i],ed[i]);
78         for(int j = 0; j < 26; j++)
79             printf("%2d",next[i][j]);
80         printf("]\n");
81     }
82 }
83 };
84 char buf[1000010];
85 trie ac;

```

```

86 int main()
87 {
88     int t;
89     int n;
90     scanf("%d",&t);
91     while(t--)
92     {
93         scanf("%d",&n);
94         ac.init();
95         for(int i = 0; i < n; i++)
96         {
97             scanf("%s",buf);
98             ac.insert(buf);
99         }
100        ac.build();
101        scanf("%s",buf);
102        printf("%d\n",ac.query(buf));
103    }
104    return 0;
105 }

```

## 5.5 哈希

### 5.5.1 字符串哈希

```

1  const int LEN=100005;
2  unsigned long long f[LEN],r[LEN],pw[LEN];
3  int len;
4  void init(char *s)
5  {
6      pw[0]=1;
7      len=1;
8      f[0]=s[0];
9      for (int i=1; s[i]; i++)
10         f[i] = f[i-1] * 131 + s[i],len++,pw[i]=pw[i-1]*131;
11      r[len-1]=s[len-1];
12      for (int i=len-2; i>=0; i--)
13         r[i] = r[i+1] * 131 + s[i];
14  }
15  unsigned long long fwd(int i,int j)
16  {
17      if (i<0||j>=len) return 0;
18      if (i==0) return f[j];
19      return f[j]-f[i-1]*pw[j-i+1];
20  }
21  unsigned long long rev(int i,int j)
22  {
23      if (i<0||j>=len) return 0;
24      if (j==len-1) return r[i];
25      return r[i]-r[j+1]*pw[j-i+1];
26  }

```

### 5.5.2 字符串矩阵哈希

```

1  const int NN=1005;
2  const int NM=1005;
3  unsigned long long hash[NN][NM],pw1[NM],pw2[NN],seed1=131,seed2=1313;
4  void init(char s[][NM],int n,int m)
5  {
6      int mx=max(n,m);

```

```

7   pw1[0]=pw2[0]=1;
8   for (int i=1; i<=m; i++)
9       pw1[i]=pw1[i-1]*seed1;
10  for (int i=1; i<=n; i++)
11      pw2[i]=pw2[i-1]*seed2;
12  hash[0][1]=hash[1][0]=hash[0][0]=0;
13  for (int i=1; i<=n; i++)
14  {
15      for (int j=1; j<=m; j++)
16          hash[i][j] = hash[i][j-1] * seed1 + s[i][j];
17      for (int j=1; j<=m; j++)
18          hash[i][j] = hash[i-1][j] * seed2 + hash[i][j];
19  }
20 }
21 unsigned long long query(int x,int y,int xx,int yy,int n,int m)
22 {
23     if (x<1||x>n||xx<1||x>n||y<1||y>m||yy<1||yy>m||x>xx||y>yy)
24         return 0;
25     unsigned long long t1,t2;
26     t1=hash[xx][y-1]-hash[x-1][y-1]*pw2[xx-x+1];
27     t2=hash[xx][yy]-hash[x-1][yy]*pw2[xx-x+1];
28     return t2-t1*pw1[yy-y+1];
29 }

```

### 5.5.3 哈希函数

```

1  // BKDR Hash Function
2  unsigned long long BKDRHash(char *str)
3  {
4      unsigned long long seed = 131; // 31 131 1313 13131 131313 etc..
5      unsigned long long hash = 0;
6      while (*str)
7          hash = hash * seed + (*str++);
8      return hash;
9  }
10
11 // BKDR Hash Function
12 unsigned int BKDRHash(char *str)
13 {
14     unsigned int seed = 131; // 31 131 1313 13131 131313 etc..
15     unsigned int hash = 0;
16     while (*str)
17         hash = hash * seed + (*str++);
18     return (hash & 0x7FFFFFFF);
19 }
20
21 // AP Hash Function
22 unsigned int APHash(char *str)
23 {
24     unsigned int hash = 0;
25     for (int i=0; *str; i++)
26     {
27         if ((i & 1) == 0)
28         {
29             hash ^= ((hash << 7) ^ (*str++) ^ (hash >> 3));
30         }
31         else
32         {
33             hash ^= (~((hash << 11) ^ (*str++) ^ (hash >> 5)));
34         }
35     }
36     return (hash & 0x7FFFFFFF);

```

```

37 }
38
39 // DJB Hash Function
40 unsigned int DJBHash(char *str)
41 {
42     unsigned int hash = 5381;
43     while (*str)
44         hash += (hash << 5) + (*str++);
45     return (hash & 0x7FFFFFFF);
46 }
47
48 // JS Hash Function
49 unsigned int JSHash(char *str)
50 {
51     unsigned int hash = 1315423911;
52     while (*str)
53     {
54         hash ^= ((hash << 5) + (*str++) + (hash >> 2));
55     }
56     return (hash & 0x7FFFFFFF);
57 }
58
59 // RS Hash Function
60 unsigned int RSHash(char *str)
61 {
62     unsigned int b = 378551;
63     unsigned int a = 63689;
64     unsigned int hash = 0;
65     while (*str)
66     {
67         hash = hash * a + (*str++);
68         a *= b;
69     }
70     return (hash & 0x7FFFFFFF);
71 }
72
73 unsigned int SDBMHash(char *str)
74 {
75     unsigned int hash = 0;
76     while (*str)
77     {
78         // equivalent to: hash = 65599*hash + (*str++);
79         hash = (*str++) + (hash << 6) + (hash << 16) - hash;
80     }
81     return (hash & 0x7FFFFFFF);
82 }
83
84 // P. J. Weinberger Hash Function
85 unsigned int PJWHash(char *str)
86 {
87     unsigned int BitsInUnsignedInt = (unsigned int)(sizeof(unsigned int) * 8);
88     unsigned int ThreeQuarters = (unsigned int)((BitsInUnsignedInt * 3) / 4);
89     unsigned int OneEighth = (unsigned int)(BitsInUnsignedInt / 8);
90     unsigned int HighBits = (unsigned int)(0xFFFFFFFF) << (
91         BitsInUnsignedInt - OneEighth);
92     unsigned int hash = 0;
93     unsigned int test = 0;
94     while (*str)
95     {
96         hash = (hash << OneEighth) + (*str++);
97         if ((test = hash & HighBits) != 0)
98             hash = ((hash ^ (test >> ThreeQuarters)) & (~HighBits));

```

```
99     }
100 }
101 return (hash & 0x7FFFFFFF);
102 }
103
104 // ELF Hash Function
105 unsigned int ELFHash(char *str)
106 {
107     unsigned int hash = 0;
108     unsigned int x     = 0;
109     while (*str)
110     {
111         hash = (hash << 4) + (*str++);
112         if ((x = hash & 0xF0000000L) != 0)
113         {
114             hash ^= (x >> 24);
115             hash &= ~x;
116         }
117     }
118     return (hash & 0x7FFFFFFF);
119 }
```

## 5.6 字符串的最小表示法

```
1 int getmin(char s[],int len)
2 {
3     int i=0,j=1,k=0;
4     while(i<len&&j<len&&k<len)
5     {
6         int t=s[(i+k)%len]-s[(j+k)%len];
7         if (!t) k++;
8         else
9         {
10             if (t>0) i+=k+1;
11             else j+=k+1;
12             if (i==j) j++;
13             k=0;
14         }
15     }
16     return min(i,j);
17 }
```

## 6 动态规划

### 6.1 最大子段和

```
1 int a[100005];
2 int dp[100005]= {};
3 for (int i=1; i<=n; i++)
4     dp[i]=max(a[i],dp[i-1]+a[i]);
5 for (int i=2; i<=n; i++)
6     dp[i]=max(dp[i-1],dp[i]);
7 /// 输出子段起始点
8 while(scanf("%d",&n),n)
9 {
10     for (int i=1; i<=n; i++)
11         scanf("%d",&a[i]);
12     memset(dp,-1,sizeof(dp));
13     for (int i=1; i<=n; i++)
```



```

14 {
15     if (dp[i-1]<0)
16     {
17         b[i]=i;
18         dp[i]=a[i];
19     }
20     else
21     {
22         b[i]=b[i-1];
23         dp[i]=dp[i-1]+a[i];
24     }
25 }
26 int index,mx=-1;
27 for (int i=1; i<=n; i++)
28     if (dp[i]>mx)
29     {
30         mx=dp[i];
31         index=i;
32     }
33 if (mx<0) printf("%d %d %d\n",0,a[1],a[n]);
34 else printf("%d %d %d\n",mx,a[b[index]],a[index]);
35 }

```

## 6.2 二维最大子段和

```

1 int main()
2 {
3     int t[500][500];
4     int n;
5     while(cin>>n)
6     {
7         for (int i=1; i<=n; i++)
8             for (int j=1; j<=n; j++)
9                 scanf("%d",&t[i][j]);
10        int a[500][500]= {};
11        int mx=0;
12        for (int i=1; i<=n; i++)
13        {
14            for (int j=1; j<=n; j++)
15                a[i][j]+=t[i][j]+a[i-1][j];
16            for (int j=1; j<=i; j++)
17            {
18                int sum=0;
19                for (int k=1; k<=n; k++)
20                {
21                    if (sum<0)
22                        sum=a[i][k]-a[j-1][k];
23                    else
24                        sum+=a[i][k]-a[j-1][k];
25                    mx=max(mx,sum);
26                }
27            }
28        }
29        printf("%d\n",mx);
30    }
31    return 0;
32 }

```

## 6.3 最长上升子序列 (LIS)

```

1  ///O(n^2)
2  int dp[5000]= {};
3  dp[1]=1;
4  for (int i=2; i<=n; i++)
5  {
6      int mx=0;
7      for (int j=1; j<i; j++)
8          if (a[j]<a[i])
9              mx=max(mx,dp[j]);
10     dp[i]=mx+1;
11 }
12 int mx=0;
13 for (int i=1; i<=n; i++)
14     mx=max(mx,dp[i]);
15
16 ///O(nlogn)
17 int dp[5000]= {};
18 dp[1]=a[1];
19 int ans=1;
20 for (int i=2; i<=n; i++)
21 {
22     if (a[i]>=dp[ans]) dp[++ans]=a[i];
23     else *lower_bound(dp+1,dp+ans+1,a[i])=a[i];
24 }

```

## 6.4 最长公共子序列 (LCS)

```

1  const int LEN=1005;
2  int dp[LEN][LEN],res;
3  int a[LEN],b[LEN];
4  int n,m;
5  int lcs()
6  {
7      memset(dp,0,sizeof(dp));
8      for (int i=1; i<=n; i++)
9          for (int j=1; j<=m; j++)
10             if (a[i]==b[j]) dp[i][j]=dp[i-1][j-1]+1;
11             else dp[i][j]=max(dp[i-1][j],dp[i][j-1]);
12     return res=dp[n][m];
13 }
14 int ans[LEN];
15 void getans()
16 {
17     int num=res;
18     for (int i=n,j=m; i>=1&&j>=1;)
19         if (a[i]==b[j])
20             {
21                 ans[num--]=a[i];
22                 i--;
23                 j--;
24             }
25         else
26             {
27                 if (dp[i-1][j]>dp[i][j-1]) i--;
28                 else j--;
29             }
30 }

```

## 6.5 最长公共上升子序列 (LCIS)

```

1  const int LEN=1005;
2  int dp[LEN][LEN],path[LEN][LEN],res;
3  int a[LEN],b[LEN];
4  int n,m,ai,aj;
5  int lcis()
6  {
7      memset(dp,0,sizeof(dp));
8      res=0;
9      for (int i=1; i<=n; i++)
10     {
11         int mx=0,t;
12         for (int j=1; j<=m; j++)
13         {
14             dp[i][j]=dp[i-1][j];
15             path[i][j]=-1;
16             if (a[i]>b[j]&&mx<dp[i-1][j]) mx=dp[i-1][j],t=j;
17             if (a[i]==b[j]) dp[i][j]=mx+1,path[i][j]=t;
18             if(res<dp[i][j])
19             {
20                 res=dp[i][j];
21                 ai=i;
22                 aj=j;
23             }
24         }
25     }
26     return res;
27 }
28 int ans[LEN];
29 void getans()
30 {
31     int num=res;
32     while(num)
33     {
34         if (path[ai][aj]!=-1)
35         {
36             ans[num--]=b[aj];
37             aj=path[ai][aj];
38         }
39         ai--;
40     }
41 }

```

## 6.6 数位 DP

```

1  int dfs(int pos, int s, bool e) //e==1表示满了（当前pos之前的数位都相同）
2  {
3      if (pos==-1) return s==target_s; //返回 当前状态==目标状态
4      if (~f[pos][s] && !e) return f[pos][s]; //
        如果值已经算过并且没满则返回记录的值
5      int ans = 0;
6      int u = e ? bit[pos] : 9; //9可以相应改成进制
7      for (int i = 0; i <= u; ++i)
8          ans += dfs(pos-1, new_s(s, i), e&&i==u); //new_s表示新的状态。另外，“
        肯定不符合目标状态”的状态可以直接continue掉
9      return e ? ans : f[pos][s]=ans; //如果满了就直接返回，否则记录再返回
10 }
11 int solve(int n)
12 {
13     memset(f,-1,sizeof(f));
14     int pos=-1;
15     while(n)
16     {

```

```

17     bit[++pos]=n%10; //10为进制
18     n/=10;
19 }
20 return dfs(pos,0,1); // 初始状态
21 }
22
23 int f[20][5];
24 int bit[20];
25 int dfs(int pos, int s, bool e)
26 {
27     if (pos== -1) return s==0||s==1;
28     if (~f[pos][s]&&!e) return f[pos][s];
29     int ans=0;
30     int u=e?bit[pos]:9;
31     for (int i=0; i<=u; ++i)
32     {
33         if(i==4||s==1&&i==2)
34             continue;
35         ans+=dfs(pos-1,i==6,e&&i==u);
36     }
37     return e?ans:f[pos][s]=ans;
38 }
39 int solve(int n)
40 {
41     memset(f,-1,sizeof(f));
42     int pos=-1;
43     while(n)
44     {
45         bit[++pos]=n%10;
46         n/=10;
47     }
48     return dfs(pos,0,1);
49 }

```

## 7 数论

### 7.1 筛法打质数表

```

1 const int NP=1000005;
2 int ispri[NP]= {},prime[NP],pcnt=0;
3 void getprime()
4 {
5     ispri[0]=ispri[1]=1;
6     for (long long i=2; i<NP; i++)
7         if (ispri[i]==0)
8         {
9             prime[++pcnt]=i;
10            for (long long j=i*i; j<NP; j+=i)
11                ispri[j]=1;
12        }
13 }

```

### 7.2 区间筛质数

```

1 const int NP=100005;
2 int ispri[NP]= {},prime[NP],pcnt=0;
3 void getprime()
4 {
5     ispri[0]=ispri[1]=1;

```

```

6   for (long long i=2; i<NP; i++)
7       if (ispri[i]==0)
8       {
9           prime[++pcnt]=i;
10          for (long long j=i*i; j<NP; j+=i)
11              ispri[j]=1;
12      }
13 }
14 const int NI=1000005;
15 int iispri[NI], iprime[NI], icnt;
16 void igetprime(int l, int r)
17 {
18     memset(iispri, 0, sizeof(iispri));
19     if (l<2) l=2;
20     for (int i=1; i<=pcnt&&(long long)prime[i]*prime[i]<=r; i++)
21     {
22         int s=l/prime[i]+(l%prime[i]>0);
23         if (s==1) s=2;
24         for (long long j=s; j*prime[i]<=r; j++)
25             if (j*prime[i]>=l)
26                 iispri[j*prime[i]-1]=1;
27     }
28     icnt=0;
29     for (int i=0; i<=r-l; i++)
30         if (!iispri[i])
31             iprime[++icnt]=i+l;
32 }

```

### 7.3 分解质因数

```

1  int a[1000000]= {}, pcnt=0;
2  void pdec(int n)
3  {
4      int x=sqrt(n);
5      for (int i=1; prime[i]<=x; i++)
6          if (n%prime[i]==0)
7          {
8              a[++pcnt]=prime[i];
9              n/=prime[i];
10             i--;
11         }
12     if (n!=1)
13         a[++pcnt]=n;
14 }

```

### 7.4 因数个数打表

```

1  int y[500005]= {};
2  void getfactor(int n)
3  {
4      int x=sqrt(n);
5      for (int i=1; i<=x; i++)
6      {
7          for (int j=i+1; j*i<=n; j++)
8              y[i*j]+=2;
9          y[i*i]++;
10     }
11 }

```

## 7.5 快速幂

```

1 const long long M=1000000007;
2 long long quickpow(long long a, long long b)
3 {
4     if(b < 0) return 0;
5     long long ret = 1;
6     a %= M;
7     for (; b >>= 1, a = (a * a) % M)
8         if (b & 1)
9             ret = (ret * a) % M;
10    return ret;
11 }

```

## 7.6 费马小定理求逆元

$M$  必须是质数

```

1 const long long M=1000000007;
2 long long quickpow(long long a, long long b)
3 {
4     if(b < 0) return 0;
5     long long ret = 1;
6     a %= M;
7     for (; b >>= 1, a = (a * a) % M)
8         if (b & 1)
9             ret = (ret * a) % M;
10    return ret;
11 }
12 long long inv(long long a)
13 {
14     return quickpow(a,M-2);
15 }

```

## 7.7 扩展欧几里得

```

1 long long exgcd(long long a,long long b,long long &x,long long &y)
2 {
3     if (b==0)
4     {
5         x=1;
6         y=0;
7         return a;
8     }
9     long long ans=exgcd(b,a%b,x,y);
10    long long temp=x;
11    x=y;
12    y=temp-(a/b)*y;
13    return ans;
14 }

```

## 7.8 扩展欧几里得求逆元

需要与  $M$  互质

```

1 const long long M=1000000007;
2 long long exgcd(long long a,long long b,long long &x,long long &y)
3 {
4     if (b==0)
5     {

```

```

6      x=1;
7      y=0;
8      return a;
9  }
10     long long ans=exgcd(b,a%b,x,y);
11     long long temp=x;
12     x=y;
13     y=temp-(a/b)*y;
14     return ans;
15 }
16 long long inv(long long a)
17 {
18     long long x,y;
19     long long t=exgcd(a,M,x,y);
20     if(t!=1)
21         return -1;
22     return (x%M+M)%M;
23 }

```

## 7.9 欧拉函数

```

1 long long phi(long long n)
2 {
3     long long ans=n;
4     long long x=sqrt(n);
5     for (long long i=2; i<=x; i++)
6     {
7         if (n%i==0)
8         {
9             while(n%i==0)
10                 n/=i;
11             ans=ans/i*(i-1);
12         }
13     }
14     if (n>1)
15         ans=ans/n*(n-1);
16     return ans;
17 }

```

## 7.10 欧拉函数打表

```

1 const int MAXN=10005;
2 long long phi[MAXN];
3 void getphi()
4 {
5     for (int i=1; i<MAXN; i++)
6         phi[i]=i;
7     for (int i=2; i<MAXN; i++)
8         if (phi[i]==i)
9             for (int j=i; j<MAXN; j+=i)
10                 phi[j]=phi[j]/i*(i-1);
11 }

```

## 7.11 中国剩余定理不互质

```

1 void crt()
2 {
3     int t;

```

```

4   while(cin>>t)
5   {
6       int flag=1;
7       long long n1,a1;
8       if (t) scanf("%lld%lld",&n1,&a1),t--;
9       while(t--)
10      {
11          long long n2,a2,k1,k2;
12          scanf("%lld%lld",&n2,&a2);
13          if (flag==0)
14              continue;
15          long long d=exgcd(n1,n2,k1,k2);
16          if ((a2-a1)%d!=0)
17              flag=0;
18          if (flag)
19          {
20              k1=(k1*(a2-a1)/d%(n2/d)+n2/d)%(n2/d);
21              long long a=n1*k1+a1;
22              long long n=n1/d*n2;
23              n1=n;
24              a1=a;
25          }
26      }
27      if (flag) return a1;
28      else return -1;
29  }
30 }
```

## 7.12 组合数打表

```

1  const int CN=20;
2  long long c[CN][CN]= {};
3  void cinit()
4  {
5      for(int i=0; i<CN; i++)
6      {
7          c[i][0]=c[i][i]=1;
8          for(int j=1; j<i; j++)
9              c[i][j]=c[i-1][j]+c[i-1][j-1];
10     }
11 }
```

## 7.13 组合数在线

```

1  const int fcnt=100005;
2  const long long M=1000000007;
3  long long fac[fcnt];
4  void getfac()
5  {
6      fac[0]=1;
7      for (int i=1; i<fcnt; i++)
8          fac[i]=fac[i-1]*i%M;
9  }
10 long long C(long long n,long long m)
11 {
12     if (n<m)
13         return 0;
14     return fac[n]*inv(fac[m])%M*inv(fac[n-m])%M;
15 }
```



## 7.14 lucas 定理

```

1  const int fcnt=100005;
2  const long long M=1000000007;
3  long long fac[fcnt];
4  void getfac()
5  {
6      fac[0]=1;
7      for (int i=1; i<fcnt; i++)
8          fac[i]=fac[i-1]*i%M;
9  }
10 long long C(long long n,long long m)
11 {
12     if (n<m)
13         return 0;
14     return fac[n]*inv(fac[m])%M*inv(fac[n-m])%M;
15 }
16 long long lucas(long long n,long long m)
17 {
18     if (m==0)
19         return 1;
20     return (lucas(n/M,m/M)*C(n%M,m%M))%M;
21 }

```

## 7.15 指数循环节

$$a^b \bmod c = a^{b \bmod \phi(c) + \phi(c)} \bmod c$$

输入  $m, n, a_1, a_2, a_3, \dots, a_n$ , 求  $a_{123} \dots_n \bmod m$

```

1  long long phi(long long n)
2  {
3      long long ans=n;
4      long long x=sqrt(n);
5      for (long long i=2; i<=x; i++)
6      {
7          if (n%i==0)
8          {
9              while(n%i==0)
10                 n/=i;
11                 ans=ans/i*(i-1);
12             }
13         }
14         if (n>1)
15             ans=ans/n*(n-1);
16         return ans;
17     }
18 long long quickpow(long long a, long long b, long long c)
19 {
20     if(b < 0) return 0;
21     long long ret = 1;
22     a %= c;
23     for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % c)
24         if (b & 1)
25             ret = (ret * a) % c;
26     return ret;
27 }
28 long long solve(long long a[],int i,int n,long long c)
29 {
30     if (i==n)
31         return a[i]%c;

```

```

32     long long p=phi(c);
33     return quickpow(a[i],solve(a,i+1,n,p)%p+p,c);
34 }
35 int main()
36 {
37     int m,n;
38     int cas=0;
39     while(scanf("%d%d",&m,&n)!=0)
40     {
41         long long a[50];
42         for (int i=1; i<=n; i++)
43             scanf("%lld",&a[i]);
44         printf("Case #%d: %lld\n",++cas,solve(a,1,n,m));
45     }
46     return 0;
47 }

```

## 8 图论

### 8.1 邻接表

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=105;
3  const int NE=10005*2;
4  int he[NV],ecnt;
5  struct edge
6  {
7      int v,next;
8      mytype l;
9  } E[NE];
10 void adde(int u,int v,mytype l)
11 {
12     E[++ecnt].v=v;
13     E[ecnt].l=l;
14     E[ecnt].next=he[u];
15     he[u]=ecnt;
16 }
17 /// 初始化 :
18 ecnt=0;
19 memset(he,-1,sizeof(he));
20 /// 调用 :
21 for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next) ;

```

### 8.2 spfa

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=105;
3  const int NE=10005*2;
4  mytype dis[NV];
5  int pre[NV],vis[NV],vcnt[NV],he[NV],ecnt,flag;
6  struct edge
7  {
8      int v,next;
9      mytype l;
10 } E[NE];
11 void adde(int u,int v,mytype l)
12 {
13     E[++ecnt].v=v;
14     E[ecnt].l=l;

```

```

15     E[ecnt].next=he[u];
16     he[u]=ecnt;
17 }
18 void init(int n,int m,int s)
19 {
20     ecnt=0;
21     memset(pre,0,sizeof(pre));
22     memset(vis,0,sizeof(vis));
23     memset(vcnt,0,sizeof(vcnt));
24     memset(he,-1,sizeof(he));
25     for (int i=0; i<=n; i++)
26         dis[i]=inf;
27     dis[s]=0;
28     for (int i=1; i<=m; i++)
29     {
30         int u,v;
31         mytype l;
32         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
33         adde(u,v,l);
34         adde(v,u,l);
35     }
36 }
37 void spfa(int n,int m,int s)
38 {
39     queue<int> q;
40     vis[s]=1;
41     q.push(s);
42     flag=0;
43     while(!q.empty())
44     {
45         int u=q.front();
46         q.pop();
47         vis[u]=0;
48         if(vcnt[u]>=n)
49         {
50             flag=1;
51             break;
52         }
53         for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
54             if (dis[u]+E[i].l<dis[E[i].v])
55             {
56                 dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].l;
57                 pre[E[i].v]=u;
58                 if (!vis[E[i].v])
59                 {
60                     vis[E[i].v]=1;
61                     q.push(E[i].v);
62                     vcnt[E[i].v]++;
63                 }
64             }
65     }
66 }

```

### 8.3 dijkstra

```

1 typedef int mytype;
2 const int NV=1005;
3 int pre[NV],vis[NV];
4 mytype dis[NV],g[NV][NV];
5 void init(int n,int m,int s)
6 {
7     memset(pre,0,sizeof(pre));

```

```

8   memset(vis,0,sizeof(vis));
9   for (int i=0; i<=n; i++)
10      dis[i]=inf;
11   dis[s]=0;
12   for (int i=1; i<=n; i++)
13      for (int j=1; j<=n; j++)
14         g[i][j]=inf;
15   for (int i=1; i<=m; i++)
16   {
17       int u,v,l;
18       scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
19       g[u][v]=l;
20       g[v][u]=l;
21   }
22 }
23 void dijkstra(int n)
24 {
25     for (int i=1; i<=n; i++)
26     {
27         int u=0;
28         for (int j=1; j<=n; j++)
29             if (!vis[j]&&dis[j]<dis[u])
30                 u=j;
31         vis[u]=1;
32         for (int j=1; j<=n; j++)
33             if (g[u][j]!=inf&&!vis[j]&&dis[u]+g[u][j]<dis[j])
34             {
35                 dis[j]=dis[u]+g[u][j];
36                 pre[j]=u;
37             }
38     }
39 }

```

## 8.4 dijkstra+heap

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=105;
3  const int NE=10005*2;
4  mytype dis[NV];
5  int pre[NV],vis[NV],he[NV],ecnt;
6  struct edge
7  {
8      int v,next;
9      mytype l;
10 } E[NE];
11 void adde(int u,int v,mytype l)
12 {
13     E[++ecnt].v=v;
14     E[ecnt].l=l;
15     E[ecnt].next=he[u];
16     he[u]=ecnt;
17 }
18 void init(int n,int m,int s)
19 {
20     ecnt=0;
21     memset(pre,0,sizeof(pre));
22     memset(vis,0,sizeof(vis));
23     memset(he,-1,sizeof(he));
24     for (int i=0; i<=n; i++)
25         dis[i]=inf;
26     dis[s]=0;
27     for (int i=1; i<=m; i++)

```

```

28     {
29         int u,v;
30         mytype l;
31         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
32         adde(u,v,l);
33         adde(v,u,l);
34     }
35 }
36 struct point
37 {
38     int u;
39     mytype l;
40     point(int u,mytype l):u(u),l(l) {}
41     bool operator<(const point &p) const
42     {
43         return l>p.l;
44     }
45 };
46 void dijkstra_heap(int s)
47 {
48     priority_queue<point> q;
49     q.push(point(s,0));
50     while(!q.empty())
51     {
52         point p=q.top();
53         q.pop();
54         int u=p.u;
55         if (vis[u]) continue;
56         vis[u]=1;
57         for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
58             if (!vis[E[i].v]&&p.l+E[i].l<dis[E[i].v])
59             {
60                 dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].l;
61                 pre[E[i].v]=u;
62                 q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
63             }
64     }
65 }

```

## 8.5 floyd-warshall

```

1  const int NV=1005;
2  int g[NV][NV];
3  int path[NV][NV];
4  void init(int n,int m)
5  {
6      for (int i=1; i<=n; i++)
7          for (int j=1; j<=n; j++)
8              {
9                  g[i][j]=inf;
10                 if (i==j) g[i][j]=0;
11             }
12     for (int i=1; i<=m; i++)
13     {
14         int u,v,l;
15         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
16         if (l<g[u][v]) g[u][v]=l;
17         if (l<g[v][u]) g[v][u]=l;
18     }
19 }
20 void floyd_warshall(int n)
21 {

```

```

22     for (int k=1; k<=n; k++)
23         for (int i=1; i<=n; i++)
24             for (int j=1; j<=n; j++)
25                 if (g[i][k]!=inf&&g[k][j]!=inf&&g[i][k]+g[k][j]<g[i][j])
26                     g[i][j]=g[i][k]+g[k][j],path[i][j]=path[i][k];
27 }
28 void out(int u,int v)
29 {
30     int tmp=u;
31     printf("%d",u);
32     while(tmp!=v)
33     {
34         printf("—>%d",path[tmp][v]);
35         tmp=path[tmp][v];
36     }
37 }

```

## 8.6 kruskal

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=105;
3  const int NE=10005;
4  struct edge
5  {
6      int u,v;
7      mytype l;
8      bool operator<(const edge e) const
9      {
10         return l<e.l;
11     }
12 } E[NE];
13 int f[NV],rk[NV];
14 int finds(int x)
15 {
16     return f[x]==x?x:f[x]=finds(f[x]);
17 }
18 void uni(int a,int b)
19 {
20     a=finds(a);
21     b=finds(b);
22     if (a==b) return;
23     if (rk[a]>rk[b]) f[b]=a;
24     else
25     {
26         if (rk[a]==rk[b]) rk[b]++;
27         f[a]=b;
28     }
29 }
30 void init(int n,int m)
31 {
32     memset(rk,0,sizeof(rk));
33     for (int i=1; i<=n; i++)
34         f[i]=i;
35     for (int i=1; i<=m; i++)
36         scanf("%d%d%d",&E[i].u,&E[i].v,&E[i].l);
37 }
38 mytype kruskal(int n,int m)
39 {
40     sort(E+1,E+m+1);
41     mytype ans=0;
42     for (int i=1; i<=m; i++)
43         if (finds(E[i].u)!=finds(E[i].v))

```

```

44     {
45         uni(E[i].u,E[i].v);
46         ans+=E[i].l;
47     }
48     return ans;
49 }
50 bool judge(int n)
51 {
52     int flag=0;
53     for (int i=1; i<=n; i++)
54         if (finds(i)==i)
55             flag++;
56     return flag==1;
57 }

```

## 8.7 prim

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=1005;
3  int pre[NV],vis[NV];
4  mytype dis[NV],g[NV][NV];
5  void init(int n,int m,int s)
6  {
7      memset(pre,0,sizeof(pre));
8      memset(vis,0,sizeof(vis));
9      for (int i=0; i<=n; i++)
10         dis[i]=inf;
11     dis[s]=0;
12     for (int i=1; i<=n; i++)
13         for (int j=1; j<=n; j++)
14             g[i][j]=inf;
15     for (int i=1; i<=m; i++)
16     {
17         int u,v,l;
18         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
19         g[u][v]=l;
20         g[v][u]=l;
21     }
22 }
23 mytype prim(int n)
24 {
25     mytype ans=0;
26     for (int i=1; i<=n; i++)
27     {
28         int u=0;
29         for (int j=1; j<=n; j++)
30             if (!vis[j]&&dis[j]<dis[u])
31                 u=j;
32         vis[u]=1;
33         ans+=dis[u];
34         for (int j=1; j<=n; j++)
35             if (!vis[j]&&g[u][j]<dis[j])
36             {
37                 dis[j]=g[u][j];
38                 pre[j]=u;
39             }
40     }
41     return ans;
42 }
43 bool judge(int n)
44 {
45     int cnt=0;

```

```

46     for (int i=1; i<=n; i++)
47         cnt+=vis[i];
48     return cnt==n;
49 }

```

## 8.8 prim+heap

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=105;
3  const int NE=10005*2;
4  mytype dis[NV];
5  int pre[NV],vis[NV],he[NV],ecnt,pcnt;
6  struct edge
7  {
8      int v,next;
9      mytype l;
10 } E[NE];
11 void adde(int u,int v,mytype l)
12 {
13     E[++ecnt].v=v;
14     E[ecnt].l=l;
15     E[ecnt].next=he[u];
16     he[u]=ecnt;
17 }
18 void init(int n,int m,int s)
19 {
20     ecnt=0;
21     memset(pre,0,sizeof(pre));
22     memset(vis,0,sizeof(vis));
23     memset(he,-1,sizeof(he));
24     for (int i=0; i<=n; i++)
25         dis[i]=inf;
26     dis[s]=0;
27     for (int i=1; i<=m; i++)
28     {
29         int u,v;
30         mytype l;
31         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
32         adde(u,v,l);
33         adde(v,u,l);
34     }
35 }
36 struct point
37 {
38     int u;
39     mytype l;
40     point(int u,mytype l):u(u),l(l) {}
41     bool operator<(const point &p) const
42     {
43         return l>p.l;
44     }
45 };
46 mytype prim_heap(int s)
47 {
48     priority_queue<point> q;
49     q.push(point(s,0));
50     mytype ans=0;
51     pcnt=0;
52     while(!q.empty())
53     {
54         point p=q.top();
55         q.pop();

```



```

56     int u=p.u;
57     if (vis[u])
58         continue;
59     vis[u]=1;
60     ans+=p.l;//==dis[x]
61     pcnt++;
62     for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
63         if (!vis[E[i].v]&&E[i].l<dis[E[i].v])
64             {
65                 dis[E[i].v]=E[i].l;
66                 pre[E[i].v]=u;
67                 q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
68             }
69     }
70     return ans;
71 }
72 bool judge(int n)
73 {
74     return pcnt==n;
75 }

```

## 8.9 最小树形图朱刘算法

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=1005;
3  const int NE=NV*NV;
4  struct edge
5  {
6      int u,v;
7      mytype l;
8  } E[NE];
9  int pre[NV],ID[NV],vis[NV];
10 mytype In[NV];
11 void init(int m)
12 {
13     for(int i=1; i<=m; i++)
14         scanf("%d%d%d",&E[i].u,&E[i].v,&E[i].l);
15 }
16 mytype Directed_MST(int root,int NV,int NE)
17 {
18     //  memset(pre,0,sizeof(pre));
19     mytype ret = 0;
20     while(1)
21     {
22         //1. 找最小入边
23         for(int i=1; i<=NV; i++)
24             In[i] = inf;
25         for(int i=1; i<=NE; i++)
26         {
27             int u = E[i].u;
28             int v = E[i].v;
29             if(E[i].l < In[v] && u != v)
30             {
31                 pre[v] = u;
32                 In[v] = E[i].l;
33             }
34         }
35         for(int i=1; i<=NV; i++)
36         {
37             if(i == root)
38                 continue;
39             if(fabs(In[i]-inf)<eps)

```

```

40         return -1;//除了跟以外有点没有入边,则根无法到达它
41     }
42     //2.找环
43     int cntnode = 0;
44     memset(ID,-1,sizeof(ID));
45     memset(vis,-1,sizeof(vis));
46     In[root] = 0;
47     for(int i=1; i<=NV; i++) //标记每个环
48     {
49         ret += In[i];
50         int v = i;
51         while(vis[v] != i && ID[v] == -1 && v != root)
52         {
53             vis[v] = i;
54             v = pre[v];
55         }
56         if(v != root && ID[v] == -1)
57         {
58             ID[v] = ++cntnode;
59             for(int u = pre[v] ; u != v ; u = pre[u])
60                 ID[u] = cntnode;
61         }
62     }
63     if(cntnode == 0)
64         break;//无环
65     for(int i=1; i<=NV; i++)
66         if(ID[i] == -1)
67             ID[i] = ++cntnode;
68     //3.缩点,重新标记
69     for(int i=1; i<=NE; i++)
70     {
71         int v = E[i].v;
72         E[i].u = ID[E[i].u];
73         E[i].v = ID[E[i].v];
74         if(E[i].u != E[i].v)
75         {
76             E[i].l -= In[v];
77         }
78     }
79     NV = cntnode;
80     root = ID[root];
81 }
82 return ret;
83 }
84 bool judge(mytype ans)
85 {
86     return fabs(ans+1)>eps;
87 }

```

## 8.10 树的直径

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=40005;
3  const int NE=2*NV;
4  int vis[NV],he[NV],ecnt;
5  struct edge
6  {
7      int v,next;
8      mytype l;
9  } E[NE];
10 void adde(int u,int v,mytype l)
11 {

```

```

12     E[++ecnt].v=v;
13     E[ecnt].l=1;
14     E[ecnt].next=he[u];
15     he[u]=ecnt;
16 }
17 void init(int n,int m)
18 {
19     ecnt=0;
20     memset(he,-1,sizeof(he));
21     for (int i=1; i<=m; i++)
22     {
23         int u,v;
24         mytype l;
25         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
26         adde(u,v,l);
27         adde(v,u,l);
28     }
29 }
30 int U;
31 mytype L;
32 void dfs(int u,int uu,mytype l)
33 {
34     if (l>L)
35     {
36         U=u;
37         L=l;
38     }
39     for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
40         if (E[i].v!=uu)
41             dfs(E[i].v,u,l+E[i].l);
42 }
43 mytype solve()
44 {
45     dfs(1,0,0);
46     dfs(U,0,0);
47     return L;
48 }

```

## 8.11 二分图最大匹配匈牙利算法

1、一个二分图中的最大匹配数等于这个图中的最小点覆盖数

König 定理是一个二分图中很重要的定理，它的意思是，一个二分图中的最大匹配数等于这个图中的最小点覆盖数。

最小点覆盖：假如选了一个点就相当于覆盖了以它为端点的所有边，你需要选择最少的点来覆盖所有的边。

2、最小路径覆盖 =  $|G|$  - 最大匹配数

在一个  $N \times N$  的有向图中，路径覆盖就是在图中找一些路径，使之覆盖了图中的所有顶点，且任何一个顶点有且只有一条路径与之关联。（如果把这些路径中的每条路径从它的起始点走到它的终点，那么恰好可以经过图中的每个顶点一次且仅一次）。如果不考虑图中存在回路，那么每条路径就是一个弱连通子集。

由上面可以得出：

1. 一个单独的顶点是一条路径

2. 如果存在一路径  $p_1, p_2, \dots, p_k$ ，其中  $p_1$  为起点， $p_k$  为终点，那么在覆盖图中，顶点  $p_1, p_2, \dots, p_k$  不再与其它的顶点之间存在有向边最小路径覆盖就是找出最小的路径条数，使之成为  $G$  的一个路径覆盖。

2、二分图最大独立集 = 顶点数 - 最大匹配数

独立集：图中任意两个顶点都不相连的顶点集合。

```

1  const int NV=505;
2  const int NE=10005;
3  int he[NV],ecnt,pre[NV],vis[NV];
4  struct edge
5  {
6      int v,next;
7  } E[NE];
8  void adde(int u,int v)
9  {
10     E[++ecnt].v=v;
11     E[ecnt].next=he[u];
12     he[u]=ecnt;
13 }
14 int dfs(int u)
15 {
16     for(int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
17     {
18         int v=E[i].v;
19         if(!vis[v])
20         {
21             vis[v]=1;
22             if(pre[v]==0||dfs(pre[v]))
23             {
24                 pre[v]=u;
25                 return 1;
26             }
27         }
28     }
29     return 0;
30 }
31 void init(int m)
32 {
33     ecnt=0;
34     memset(he,-1,sizeof(he));
35     memset(pre,0,sizeof(pre));
36     while(m--)
37     {
38         int u,v;
39         scanf("%d%d",&u,&v);
40         adde(u,v);
41     }
42 }
43 int hungary(int n)
44 {
45     int ans=0;
46     for (int i=1; i<=n; i++)
47     {
48         memset(vis,0,sizeof(vis));
49         ans+=dfs(i);
50     }
51     return ans;
52 }

```

## 8.12 网络流 Dinic 算法

```

1  const int NV=20005;
2  const int NE=500005;
3  int he[NV],ecnt;
4  int src,sink;

```

```

5 struct edge
6 {
7     int v,next,f;
8 } E[2*NE];
9 void adde(int u,int v,int c)
10 {
11     E[++ecnt].v=v;
12     E[ecnt].f=c;
13     E[ecnt].next=he[u];
14     he[u]=ecnt;
15     E[++ecnt].v=u;
16     E[ecnt].f=0;
17     E[ecnt].next=he[v];
18     he[v]=ecnt;
19 }
20 void init()
21 {
22     ecnt=0;
23     memset(he,-1,sizeof(he));
24 }
25 queue<int> que;
26 bool vis[NV];
27 int dis[NV];
28 void bfs()
29 {
30     memset(dis,0,sizeof(dis));
31     while(!que.empty()) que.pop();
32     vis[src]=1;
33     que.push(src);
34     while(!que.empty())
35     {
36         int u=que.front();
37         que.pop();
38         for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
39             if (E[i].f&&!vis[E[i].v])
40             {
41                 que.push(E[i].v);
42                 dis[E[i].v]=dis[u]+1;
43                 vis[E[i].v]=1;
44             }
45     }
46 }
47 int dfs(int u,int delta)
48 {
49     if (u==sink)
50         return delta;
51     else
52     {
53         int ret=0;
54         for (int i=he[u]; delta&&i!=-1; i=E[i].next)
55             if (E[i].f&&dis[E[i].v]==dis[u]+1)
56             {
57                 int dd=dfs(E[i].v,min(E[i].f,delta));
58                 E[i].f-=dd;
59                 E[(i+1)^1-1].f+=dd;
60                 delta-=dd;
61                 ret+=dd;
62             }
63         return ret;
64     }
65 }
66 int maxflow()
67 {

```

```

68     int ret=0;
69     while(1)
70     {
71         memset(vis,0,sizeof(vis));
72         bfs();
73         if (!vis[sink]) return ret;
74         ret+=dfs(src,inf);
75     }
76 }

```

### 8.13 LCA 的 tarjan 离线算法

```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=40005;
3  const int NE=NV;
4  const int NQ=10005;
5  mytype dis[NV],ans[NV];
6  int vis[NV],he[NV],hq[NV],ecnt,qcnt;
7  struct edge
8  {
9      int v,next;
10     mytype l;
11 } E[2*NE];
12 struct quer
13 {
14     int v,next,i;
15 } q[2*NQ];
16 void adde(int u,int v,mytype l)
17 {
18     E[++ecnt].v=v;
19     E[ecnt].l=l;
20     E[ecnt].next=he[u];
21     he[u]=ecnt;
22 }
23 void addq(int u,int v,int i)
24 {
25     q[++qcnt].v=v;
26     q[qcnt].i=i;
27     q[qcnt].next=hq[u];
28     hq[u]=qcnt;
29 }
30 int fa[NV],rk[NV];
31 void init(int n,int m)
32 {
33     ecnt=0;
34     qcnt=0;
35     memset(vis,0,sizeof(vis));
36     memset(rk,0,sizeof(rk));
37     memset(he,-1,sizeof(he));
38     memset(hq,-1,sizeof(hq));
39     for (int i=1; i<=m; i++)
40     {
41         int u,v;
42         mytype l;
43         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
44         adde(u,v,l);
45         adde(v,u,l);
46     }
47 }
48 int finds(int x)
49 {
50     int k,j,r;

```

```

51     r=x;
52     while(r!=fa[r])
53         r=fa[r];
54     k=x;
55     while(k!=r)
56     {
57         j=fa[k];
58         fa[k]=r;
59         k=j;
60     }
61     return r;
62 }
63 void tarjan(int u,mytype d)
64 {
65     dis[u]=d;
66     fa[u]=u;
67     vis[u]=1;
68     for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
69         if (!vis[E[i].v])
70             tarjan(E[i].v,d+E[i].l),fa[E[i].v]=u;
71     for (int i=hq[u]; i!=-1; i=q[i].next)
72         if (vis[q[i].v])
73             ans[q[i].i]=dis[u]+dis[q[i].v]-2*dis[finds(q[i].v)];
74 }
75 void solve(int n,int m)
76 {
77     init(n,m);
78     int k;
79     scanf("%d",&k);
80     for (int i=1; i<=k; i++)
81     {
82         int u,v;
83         scanf("%d%d",&u,&v);
84         addq(u,v,i);
85         addq(v,u,i);
86     }
87     tarjan(1,0);
88     for (int i=1; i<=k; i++)
89         printf("%d\n",ans[i]);
90 }

```

## 8.14 2-SAT

```

1  /*
2  x          <x', x >
3  ~x         <x , x'>
4  x&y        <x', x > <y', y >
5  ~(x&y)     <x , y'> <y , x'>
6  x|y        <x', y > <y', x >
7  ~(x|y)     <x , x'> <y , y'>
8  x^y        <x , y'> <y , x'> <x', y > <y', x >
9  ~(x^y)     <x , y > <y , x > <x', y'> <y', x'>
10 */

1  const int NV=1005;
2  const int NE=200005;
3  int low[2*NV],dfn[2*NV],stk[2*NV],instk[2*NV],he[2*NV],belong[2*NV],sol[2*NV];
4  int idcnt,ecnt,ccnt,top;
5  vector<int> c[2*NV];
6  struct edge
7  {
8      int v,next;

```

```

9  } E[2*NE];
10 void adde(int u,int v)
11 {
12     E[++ecnt].v=v;
13     E[ecnt].next=he[u];
14     he[u]=ecnt;
15 }
16 int getvalue(int n,int x)
17 {
18     int r=x>n?x-n:x;
19     if (sol[r]==-1)
20         return -1;
21     return x>n?!sol[r]:sol[r];
22 }
23 void dfs(int u)
24 {
25     low[u]=dfn[u]=++idcnt;
26     stk[++top]=u;
27     instk[u]=1;
28     for (int i=he[u],v; i!=-1; i=E[i].next)
29         if (!dfn[v=E[i].v])
30             {
31                 dfs(v);
32                 low[u]=min(low[u],low[v]);
33             }
34     else if (instk[v])
35         low[u]=min(low[u],dfn[v]);
36     if (dfn[u]==low[u])
37     {
38         stk[top+1]=-1;
39         for (++ccnt; stk[top+1]!=u; --top)
40             {
41                 c[ccnt].push_back(stk[top]);
42                 instk[stk[top]]=0;
43                 belong[stk[top]]=ccnt;
44             }
45     }
46 }
47 bool two_sat(int n,int m)
48 {
49     ecnt=idcnt=ccnt=top=0;
50     for (int i=1; i<=2*n; i++)
51     {
52         he[i]=-1;
53         dfn[i]=instk[i]=0;
54         c[i].clear();
55     }
56     for (int i=1; i<=n; i++)
57         sol[i]=-1;
58     for (int i=0; i<m; i++)
59     {
60         ///TODO: adde
61     }
62     adde(1,n+1);
63     for (int i=1; i<=2*n; i++)
64         if (!dfn[i])
65             dfs(i);
66     for (int i=1; i<=n; i++)
67         if (belong[i]==belong[i+n])
68             return 0;
69     for (int i=1; i<=ccnt; i++)
70     {
71         int val=1;

```



```

72     for (int j=0; j<c[i].size(); j++)
73     {
74         int cur=c[i][j];
75         if (getvalue(n,cur)==0)
76             val=0;
77         for (int k=he[cur]; k!=-1; k=E[k].next)
78             if (getvalue(n,E[k].v)==0)
79                 val=0;
80         if (val==0)
81             break;
82     }
83     for (int j=0; j<c[i].size(); j++)
84         if (c[i][j]>n)
85             sol[c[i][j]-n]=!val;
86         else
87             sol[c[i][j]]=val;
88     }
89     return 1;
90 }

```

## 9 数学

### 9.1 高斯消元

```

1  const int MAXN=105;
2  double a[MAXN][MAXN],b[MAXN]; /// 要注意 -0.000 的情况 +eps
3  int gauss_elimination(int n,double a[][MAXN],double b[])
4  {
5      int i,j,k,row;
6      double mx,t;
7      for(k=1; k<=n; k++)
8      {
9          for(mx=0,i=k; i<=n; i++)
10             if (fabs(a[i][k])>fabs(mx))
11                 mx=a[i][k];
12             if(fabs(mx)<eps)
13                 return 0;
14             if(row!=k)
15             {
16                 for(j=k; j<=n; j++)
17                     swap(a[k][j],a[row][j]);
18                 swap(b[k],b[row]);
19             }
20             for(j=k+1; j<=n; j++)
21                 for(a[k][j]/=mx,i=k+1; i<=n; i++)
22                     a[i][j]-=a[i][k]*a[k][j];
23             for(b[k]/=mx,i=k+1; i<=n; i++)
24                 b[i]-=b[k]*a[i][k];
25     }
26     for(i=n; i>=1; i--)
27         for(j=i+1; j<=n; j++)
28             b[i]-=a[i][j]*b[j];
29     return 1;
30 }

```

### 9.2 二进制下的高斯消元

```

1  const int MAXN=105;
2  int a[MAXN][MAXN],b[MAXN];

```

```

3 void gauss(int n,int a[][MAXN],int b[])
4 {
5     for (int i=1; i<=n; i++)
6     {
7         int k;
8         for (int j=i; j<=n; j++)
9             if (a[j][i])
10                {
11                    k=j;
12                    break;
13                }
14         for (int j=1; j<=n; j++)
15             swap(a[i][j],a[k][j]);
16         swap(b[i],b[k]);
17         for (int j=1; j<=n; j++)
18             if (i!=j&&a[j][i])
19             {
20                 for (k=1; k<=n; k++)
21                     a[j][k]^=a[i][k];
22                 b[j]^=b[i];
23             }
24     }
25 }

```

### 9.3 高精度整数类

在进行大数的其他操作时要注意输出字符串为空的情况

```

1 const int ra=10;
2 int ten[4]= {1,ra,ra*ra,ra*ra*ra};
3 int radix=ra*ra*ra*ra;
4 const int NV=1000;
5 struct integer
6 {
7     int d[NV];
8     integer()
9     {
10         *this=integer(0);
11     }
12     integer(int x)
13     {
14         for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;
15         if (!x) d[0]=1;
16         while(x)
17         {
18             d[++d[0]]=x%radix;
19             x/=radix;
20         }
21     }
22     integer(long long x)
23     {
24         for (int i=0; i<NV; i++) d[i]=0;
25         if (!x) d[0]=1;
26         while(x)
27         {
28             d[++d[0]]=x%radix;
29             x/=radix;
30         }
31     }
32     integer(const char s[])
33     {
34         int len=strlen(s),i,j,k;

```

```

35     d[0]=(len-1)/4+1;
36     for (i=1; i<NV; i++) d[i]=0;
37     for (i=len-1; i>=0; i--)
38     {
39         j=(len-i-1)/4+1;
40         k=(len-i-1)%4;
41         d[j]+=ten[k]*(s[i]-'0');
42     }
43     while(d[0]>1&& d[d[0]]==0) d[0]--;
44 }
45 string toString()
46 {
47     string s;
48     int i,j,temp;
49     for (i=3; i>=1; i--) if (d[d[0]]>ten[i]) break;
50     temp=d[d[0]];
51     for (j=i; j>=0; j--)
52     {
53         s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
54         temp%=ten[j];
55     }
56     for (i=d[0]-1; i>0; i--)
57     {
58         temp=d[i];
59         for (j=3; j>=0; j--)
60         {
61             s+=(char) (temp/ten[j]+'0');
62             temp%=ten[j];
63         }
64     }
65     return s;
66 }
67 void output()
68 {
69     int k=d[0];
70     printf("%d",d[k--]);
71     while(k) printf("%04d",d[k--]);
72     putchar('\n');
73 }
74 } d,mid1[15];
75 bool operator <(const integer &a,const integer &b)
76 {
77     if (a.d[0]!=b.d[0]) return a.d[0]<b.d[0];
78     for (int i=a.d[0]; i>0; i--)
79         if (a.d[i]!=b.d[i])
80             return a.d[i]<b.d[i];
81     return 0;
82 }
83 integer operator +(const integer &a,const integer &b)
84 {
85     integer c;
86     c.d[0]=max(a.d[0],b.d[0]);
87     int i,x=0;
88     for (i=1; i<=c.d[0]; i++)
89     {
90         x+=a.d[i]+b.d[i];
91         c.d[i]=x%radix;
92         x/=radix;
93     }
94     while(x)
95     {
96         c.d[++c.d[0]]=x%radix;
97         x/=radix;

```

```

98     }
99     return c;
100 }
101 integer operator -(const integer &a,const integer &b)
102 {
103     integer c;
104     c.d[0]=a.d[0];
105     int i,x=0;
106     for (i=1; i<=c.d[0]; i++)
107     {
108         x+=radix+a.d[i]-b.d[i];
109         c.d[i]=x%radix;
110         x=x/radix-1;
111     }
112     while(c.d[0]>1&& c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
113     return c;
114 }
115 integer operator *(const integer &a,const integer &b)
116 {
117     integer c;
118     c.d[0]=a.d[0]+b.d[0];
119     int i,j,x=0;
120     for (i=1; i<=a.d[0]; i++)
121     {
122         x=0;
123         for (j=1; j<=b.d[0]; j++)
124         {
125             x=a.d[i]*b.d[j]+x+c.d[i+j-1];
126             c.d[i+j-1]=x%radix;
127             x/=radix;
128         }
129         c.d[i+b.d[0]]=x;
130     }
131     while(c.d[0]>1&& c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
132     return c;
133 }
134 integer operator *(const integer &a,const long long &k)
135 {
136     integer c;
137     c.d[0]=a.d[0];
138     int i;
139     long long x=0;
140     for (i=1; i<=a.d[0]; i++)
141     {
142         x+=a.d[i]*k;
143         c.d[i]=x%radix;
144         x/=radix;
145     }
146     while(x>0)
147     {
148         c.d[++c.d[0]]=x%radix;
149         x/=radix;
150     }
151     while(c.d[0]>1&& c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
152     return c;
153 }
154 long long rem;
155 integer operator /(const integer &a,const long long &k)
156 {
157     integer c;
158     c.d[0]=a.d[0];
159     long long x=0;
160     for (int i=a.d[0]; i>=1; i--)

```

```

161     {
162         x+=a.d[i];
163         c.d[i]=x/k;
164         x%=k;
165         rem=x;
166         x*=radix;
167     }
168     while(c.d[0]>1&& c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
169     return c;
170 }
171 bool smaller(const integer &a,const integer &b,int delta)
172 {
173     if (a.d[0]+delta!=b.d[0]) return a.d[0]+delta<b.d[0];
174     for (int i=a.d[0]; i>0; i--)
175         if (a.d[i]!=b.d[i+delta])
176             return a.d[i]<b.d[i+delta];
177     return 1;
178 }
179 void Minus(integer &a,const integer &b,int delta)
180 {
181     int i,x=0;
182     for (i=1; i<=a.d[0]-delta; i++)
183     {
184         x+=radix+a.d[i+delta]-b.d[i];
185         a.d[i+delta]=x%radix;
186         x=x/radix-1;
187     }
188     while(a.d[0]>1&&a.d[a.d[0]]==0) a.d[0]--;
189 }
190 integer operator /(const integer &a,const integer &b)
191 {
192     integer c;
193     d=a;
194     int i,j,temp;
195     mid1[0]=b;
196     for (i=1; i<=13; i++) mid1[i]=mid1[i-1]*2;
197     for (i=a.d[0]-b.d[0]; i>=0; i--)
198     {
199         temp=8192;
200         for (j=13; j>=0; j--)
201         {
202             if (smaller(mid1[j],d,i))
203             {
204                 Minus(d,mid1[j],i);
205                 c.d[i+1]+=temp;
206             }
207             temp/=2;
208         }
209     }
210     c.d[0]=max(1,a.d[0]-b.d[0]+1);
211     while(c.d[0]>1&&c.d[c.d[0]]==0) c.d[0]--;
212     return c;
213 }
214 bool operator ==(const integer &a,const integer &b)
215 {
216     if (a.d[0]!=b.d[0]) return 0;
217     for (int i=1; i<=a.d[0]; i++)
218         if (a.d[i]!=b.d[i])
219             return 0;
220     return 1;
221 }
222 void init(int b) /// 将大数切换至任意 <=10进制
223 {

```

```

224     for (int i=1; i<=3; i++)
225         ten[i]=ten[i-1]*b;
226     radix=b*b*b*b;
227 }

```

## 9.4 分数类

num 为 0 则为 0, den 为 0 则不存在, 都为 0 无法构造

```

1 struct frac
2 {
3     long long num,den;
4     frac(long long num=0,long long den=1)
5     {
6         if (den<0) num=-num,den=-den;
7         long long g=__gcd(abs(num),den);
8         this->num=num/g;
9         this->den=den/g;
10    }
11    frac operator +(const frac &o) const
12    {
13        return frac(num*o.den+den*o.num,den*o.den);
14    }
15    frac operator -(const frac &o) const
16    {
17        return frac(num*o.den-den*o.num,den*o.den);
18    }
19    frac operator *(const frac &o) const
20    {
21        return frac(num*o.num,den*o.den);
22    }
23    frac operator /(const frac &o) const
24    {
25        return frac(num*o.den,den*o.num);
26    }
27    bool operator <(const frac &o) const
28    {
29        return num*o.den<den*o.num;
30    }
31    bool operator ==(const frac &o) const
32    {
33        return num*o.den==den*o.num;
34    }
35    void out()
36    {
37        printf("%lld/%lld",num,den);
38    }
39 };

```

## 9.5 矩阵类

```

1 typedef long long mytype;
2 const int SZ=105;
3 const long long M=1000000007;
4 long long quickpow(long long a, long long b)
5 {
6     if(b < 0) return 0;
7     long long ret = 1;
8     a %= M;
9     for (; b; b >>= 1, a = (a * a) % M)
10        if (b & 1)

```

```

11         ret = (ret * a) % M;
12     return ret;
13 }
14 long long inv(long long a)
15 {
16     return quickpow(a,M-2);
17 }
18 struct mat
19 {
20     int n,m;
21     mytype a[SZ][SZ];
22     void init()
23     {
24         memset(a,0,sizeof(a));
25     }
26     mat(int n=SZ,int m=SZ):n(n),m(m) {}
27     mat unit()
28     {
29         mat t(n,n);
30         t.init();
31         for (int i=0; i<n; i++)
32             t.a[i][i]=1;
33         return t;
34     }
35     mytype *operator [](int n)
36     {
37         return *(a+n);
38     }
39     mat operator +(const mat &b)
40     {
41         mat t(n,m);
42         for (int i=0; i<n; i++)
43             for (int j=0; j<m; j++)
44                 t.a[i][j]=(a[i][j]+b.a[i][j]+M)%M;
45         return t;
46     }
47     mat operator -(const mat &b)
48     {
49         mat t(n,m);
50         for (int i=0; i<n; i++)
51             for (int j=0; j<m; j++)
52                 t.a[i][j]=(a[i][j]-b.a[i][j]+M)%M;
53         return t;
54     }
55     mat operator *(const mat &b)
56     {
57         mat t(n,m);
58         for(int i=0; i<n; i++)
59             for(int j=0; j<m; j++)
60             {
61                 t.a[i][j]=0;
62                 for(int k=0; k<m; k++)
63                     t.a[i][j]=(t.a[i][j]+(a[i][k]*b.a[k][j])%M)%M;
64             }
65         return t;
66     }
67     mat operator *(const mytype &b)
68     {
69         mat t(n,m);
70         for(int i=0; i<n; i++)
71             for(int j=0; j<m; j++)
72                 t.a[i][j]=a[i][j]*b%M;
73         return t;

```

```

74     }
75     mat operator /(const mytype &b)
76     {
77         mat t(n,m);
78         for(int i=0; i<n; i++)
79             for(int j=0; j<m; j++)
80                 t.a[i][j]=a[i][j]*inv(b)%M;
81         return t;
82     }
83     mat operator !()
84     {
85         mat t(n,m);
86         for(int i=0; i<n; i++)
87             for(int j=0; j<m; j++)
88                 t.a[i][j]=a[j][i];
89         return t;
90     }
91     mytype det()
92     {
93     }
94     mat invm(mat &a)
95     {
96     }
97     friend mat quickpow(mat a, mytype b)
98     {
99         if(b<0) return a.unit();
100        mat ret=a.unit();
101        for (; b; b>>=1,a=a*a)
102            if (b&1)
103                ret=ret*a;
104        return ret;
105    }
106    void in()
107    {
108        for (int i=0; i<n; i++)
109            for (int j=0; j<m; j++)
110                scanf("%lld",&a[i][j]);
111    }
112    void out()
113    {
114        for (int i=0; i<n; i++)
115            for (int j=0; j<m; j++)
116                printf("%lld%c",a[i][j]," \n"[j==m-1]);
117    }
118 };

```

## 9.6 分治法等比数列求和

$$1 + q^1 + \cdots + q^n$$

```

1 long long qsum(long long q,long long n)
2 {
3     n++;
4     long long ans=0,temp=1;
5     while(n>0)
6     {
7         if (n&1)
8             ans=((ans*q)%M+temp%M)%M;
9             temp=(temp*(1+q))%M;
10            q=(q*q)%M;
11            n>>=1;
12    }

```



```

13     return ans;
14 }
15
16 mat qsum(mat q,long long n)
17 {
18     n++;
19     mat unit=q.unit();
20     mat ans(q.n,q.m),temp=unit;
21     ans.init();
22     while(n>0)
23     {
24         if (n&1) ans=ans*q+temp;
25         temp=temp*(unit+q);
26         q=q*q;
27         n>>=1;
28     }
29     return ans;
30 }

```

## 9.7 自适应 Simpson 积分法

```

1 double simpson(double a,double b)
2 {
3     double c = a + (b-a)/2;
4     return (f(a)+4*f(c)+f(b))*(b-a)/6;
5 }
6 double asr(double a,double b,double epss,double A)
7 {
8     double c = a+(b-a)/2;
9     double L = simpson(a,c) , R = simpson(c,b);
10    if (fabs(L+R-A) <= 15*epss) return L+R+(L+R-A)/15;
11    return asr(a,c,epss/2,L) + asr(c,b,epss/2,R);
12 }
13 double solve(double l,double r)
14 {
15     return asr(l,r,eps,simpson(l,r));
16 }

```

## 9.8 Romberg 积分法

```

1 double romberg(double l,double r,double epss=eps)
2 {
3     vector<double> t;
4     double h=r-l,last,curr;
5     int k=1,i=1;
6     t.push_back(h*(f(l)+f(r))/2);
7     do
8     {
9         last=t.back();
10        curr=0;
11        double x=l+h/2;
12        for (int j=0; j<k; j++)
13        {
14            curr+=f(x);
15            x+=h;
16        }
17        curr=(t[0]+h*curr)/2;
18        double k1=4.0/3,k2=1.0/3;
19        for (int j=0; j<i; j++)
20        {

```

```

21         double temp=k1*curr-k2*t[j];
22         t[j]=curr;
23         curr=temp;
24         k2/=4*k1-k2;
25         k1=k2+1;
26     }
27     t.push_back(curr);
28     k*=2;
29     h/=2;
30     i++;
31 }
32 while(fabs(last-curr)>epss);
33 return t.back();
34 }

```

## 9.9 De Bruijn 序列

$k$  为元素值范围,  $n$  为串长度。

```

1 void db(int n,int k,vector<int> &v,int a[],int t=1,int p=1)
2 {
3     if (t>n)
4     {
5         if (n%p==0)
6             for (int i=1; i<=p; i++)
7                 v.push_back(a[i]);
8     }
9     else
10    {
11        a[t]=a[t-p];
12        db(n,k,v,a,t+1,p);
13        for (int i=a[t-p]+1; i<k; i++)
14        {
15            a[t]=i;
16            db(n,k,v,a,t+1,t);
17        }
18    }
19 }
20 vector<int> de_bruijn(int n,int k)
21 {
22     vector<int> v;
23     int a[n*k];
24     memset(a,0,sizeof(a));
25     db(n,k,v,a);
26     return v;
27 }

```

## 9.10 格雷码

```

1 vector<unsigned long> gray(int n)
2 {
3     vector<unsigned long> res;
4     for (unsigned long i=0; i<(1<<n); i++)
5         res.push_back(i^(i>>1));
6     return res;
7 }
8 int main()
9 {
10    vector<unsigned long> v=gray(8);
11    for (int i=0; i<v.size(); i++)
12        cout<<bitset<8>(v[i])<<endl;

```

```
13     return 0;
14 }
```

## 9.11 表达式求值

```
1 char str1[1005], str2[1005];
2 int s1[1005], s2[1005];
3 int nei[300], wai[300]; // 运算符优先级
4 int cust[1005]; // 自定义变量
5 stack<int> optr;
6 stack<long long> opnd;
7 stack<int> neg;
8 bool flag;
9 long long calculate(long long x, long long y, char c)
10 {
11     switch(c)
12     {
13     case '+':
14         return x + y;
15     case '-':
16         return x - y;
17     case '*':
18         return x * y;
19     case '/':
20         return x / y;
21     case '^':
22         long long tmp = 1;
23         for(int i = 0; i < y; i++) tmp *= x;
24         return tmp;
25     }
26 }
27 char cmp(char a, char b)
28 {
29     if(nei[a] > wai[b]) return '>';
30     else if(nei[a] == wai[b]) return '=';
31     return '<';
32 }
33 long long calc(int *s)
34 {
35     flag=1;
36     int i = 0;
37     long long num;
38     int sgn=0;
39     while(s[i] != '#' || optr.top() != '#')
40     {
41         num = 0;
42         if(!flag) return -1;
43         if(s[i] >= '0' && s[i] <= '9')
44         {
45             while(s[i] >= '0' && s[i] <= '9')
46             {
47                 num *= 10;
48                 num += s[i] - '0';
49                 i++;
50             }
51             opnd.push(num);
52             sgn++;
53         }
54         else if(s[i] >= 300)
55         {
56             opnd.push(cust[s[i] - 300]);
57             i++;
```

```

58         sgn++;
59     }
60     else
61     {
62         if (s[i]=='(') neg.push(sgn),sgn=0;
63         switch(cmp(optr.top(), s[i]))
64         {
65             case '<' :
66                 optr.push(s[i]);
67                 i++;
68                 break;
69             case '=' :
70                 optr.pop();
71                 if (s[i]==')') sgn=neg.top()+1,neg.pop();
72                 i++;
73                 break;
74             case '>' :
75                 if(opnd.empty())
76                 {
77                     flag = false;
78                     return -1;
79                 }
80                 long long ta = opnd.top();
81                 opnd.pop();
82                 if ((opnd.empty()||sgn==1)&&(optr.top()=='+'||optr.top()=='-'))
83                 {
84                     if (optr.top()=='-') opnd.push(-ta);
85                     else opnd.push(ta);
86                     optr.pop();
87                     break;
88                 }
89                 if(opnd.empty())
90                 {
91                     flag = false;
92                     return -1;
93                 }
94                 long long tb = opnd.top();
95                 opnd.pop();
96                 opnd.push(operate(tb, ta, optr.top()));
97                 optr.pop();
98                 break;
99             }
100     }
101 }
102 return opnd.top();
103 }
104 void init()
105 {
106     nei['+'] = 2,wai['+'] = 1;
107     nei['-'] = 2,wai['-'] = 1;
108     nei['*'] = 4,wai['*'] = 3;
109     nei['/'] = 4,wai['/'] = 3;
110     ///乘方自右向左结合, 内外交换后可变成自左向右结合
111     nei['^'] = 5,wai['^'] = 6;
112     nei[')'] = 8,wai[')'] = 0;
113     nei['('] = 0,wai['('] = 8;
114     nei['#'] = -1,wai['#'] = -1;
115 }
116 void initstr(int *s,char *str)
117 {
118     int len = 0;
119     for(int i = 0; str[i]; i++)
120     {

```

```

121     if(!isspace(str[i]))
122     {
123         s[len++] = str[i];
124         // 在栈中计算时，超过300的数视为自定义数
125         // cust数组从0开始
126         /// 'a'-'z' 之间的数用 cust数组的数计算
127         if (isalpha(s[len-1])) s[len-1]+='a'+300;
128     }
129 }
130 s[len++] = '#';
131 s[len] = 0;
132 }
133 void initstack()
134 {
135     while(!opnd.empty()) opnd.pop();
136     while(!optr.empty()) optr.pop();
137     optr.push('#');
138 }
139 int main()
140 {
141     init();
142     int t;
143     scanf("%d\n", &t);
144     srand(time(0));
145     while(t--)
146     {
147         gets(str1);
148         initstr(s1, str1);
149         gets(str2);
150         initstr(s2, str2);
151         flag = 1;
152         for(int i = 0; i < 10; i++)
153         {
154             for(int j = 0; j < 26; j++) cust[j] = abs(rand()) % 100;
155             initstack();
156             long long t1 = calc(s1);
157             initstack();
158             long long t2 = calc(s2);
159             if(t1 != t2)
160             {
161                 flag = 0;
162                 break;
163             }
164         }
165         if(flag) puts("YES");
166         else puts("NO");
167     }
168     return 0;
169 }

```

## 9.12 卡特兰数

$$\frac{1}{n+1}C_{2n}^n$$

1, 2, 5, 14, 42, 132, 429, 1430, 4862, 16796, 58786, 208012, 742900, 2674440, 9694845, 35357670, 129644790, 477638700, 1767263190, 6564120420, 24466267020, 91482563640, 343059613650, 1289904147324, 4861946401452

递推式:  $h(n)=h(n-1)*(4*n-2)/(n+1);$

## 9.13 求和公式

$$\begin{aligned}\sum k &= \frac{n \times (n+1)}{2} \\ \sum 2k - 1 &= n^2 \\ \sum k^2 &= \frac{n \times (n+1) \times (2n+1)}{6} \\ \sum (2k-1)^2 &= \frac{n \times (4n^2-1)}{3} \\ \sum k^3 &= \left(\frac{n \times (n+1)}{2}\right)^2 \\ \sum (2k-1)^3 &= n^2 \times (2n^2-1) \\ \sum k^4 &= \frac{n \times (n+1) \times (2n+1) \times (3n^2+3n-1)}{30} \\ \sum k^5 &= \frac{n^2 \times (n+1)^2 \times (2n^2+2n-1)}{12} \\ \sum k \times (k+1) &= \frac{n \times (n+1) \times (n+2)}{3} \\ \sum k \times (k+1) \times (k+2) &= \frac{n \times (n+1) \times (n+2) \times (n+3)}{4} \\ \sum k \times (k+1) \times (k+2) \times (k+3) &= \frac{n \times (n+1) \times (n+2) \times (n+3) \times (n+4)}{5}\end{aligned}$$

## 9.14 小公式

球扇形：

全面积： $T = \pi r(2h + r_0)$ ， $h$  为球冠高， $r_0$  为球冠底面半径

体积： $V = \frac{2\pi r^2 h}{3}$

Pick 公式： $A = E \times 0.5 + I - 1$  ( $A$  是多边形面积， $E$  是边界上的整点， $I$  是多边形内部的整点)

海伦公式： $S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}$ ，其中  $p = \frac{a+b+c}{2}$ ， $abc$  为三角形的三条边长

求  $\binom{n}{k}$  中素因子  $P$  的个数：

1. 把  $n$  转化为  $P$  进制，并记它每个位上的和为  $S1$
2. 把  $n - k$ ， $k$  做同样的处理，得到  $S2$ ， $S3$

则  $\binom{n}{k}$  中素因子  $P$  的个数： $\frac{S2+S3-S1}{P-1}$

部分错排公式：

$n + m$  个数中  $m$  个数必须错排求排列数

```
1 dp[i] = n*dp[i-1]+(i-1)*(dp[i-1]+dp[i-2]);
2 dp[0] = n!;
3 dp[1] = n*n!;
```

$dp[m]$  为所求解

## 10 博弈

### 10.1 巴什博弈

只有一堆  $n$  个物品，两个人轮流从这堆物品中取物，规定每次至少取一个，最多取  $m$  个。最后取光者得胜。

```
1 int bash(int n, int m)
2 {
3     if(n%(m+1) != 0)
4         return 1;
5     else
6         return 0;
```

```
7 }int main()
8 {
9     int n,m;
10    while(~scanf("%d%d",&n,&m))
11    {
12        if (bash(n,m))
13        {
14            if (n>m)
15                printf("%d",n%(m+1));
16            else
17            {
18                printf("%d",n);
19                for (int i=n+1; i<=m; i++)
20                    printf(" %d",i);
21            }
22            puts("");
23        }
24        else
25            puts("none");
26    }
27    return 0;
28 }
```

## 10.2 尼姆博弈

有  $m$  堆各若干个物品，两个人轮流从某一堆取任意多的物品，规定每次至少取一个，多者不限，最后取光者得胜。

```
1 int sg(int n,int numsg[])
2 {
3     int ans = 0;
4     for(int i=1; i <= n; i++)
5         ans ^= numsg[i];
6     if(ans == 0)
7         printf("No\n");
8     else
9     {
10        printf("Yes\n");
11        for(int i = 1; i <= n; i++)
12        {
13            int x = ans ^ numsg[i];
14            if(x < numsg[i])
15                printf("%d %d\n", numsg[i], x);
16        }
17    }
18 }
```

## 10.3 威佐夫博弈

有两堆各若干个物品，两个人轮流从某一堆或同时从两堆中取同样多的物品，规定每次至少取一个，多者不限，最后取光者得胜。

```
1 int wzf(int n, int m)
2 {
3     if(n > m)
4         swap(n, m);
5     int k = m-n;
6     int a = (k * (1.0 + sqrt(5.0)))/2.0;
7     if(a == n)
8         return 0;
9     else
```

```

10     return 1;
11 }
12 int main()
13 {
14     int a,b;
15     while(scanf("%d%d",&a,&b),a|b)
16     {
17         if (wzf(a,b))
18         {
19             puts("1");
20             if(a>b)
21                 swap(a,b);
22             // 第一种
23             int k=b-a;
24             double q=(1+sqrt(5.0))/2;
25             int ak=k*q;
26             // 特殊情况
27             if(a==0)
28                 puts("0 0");
29             // 同时减
30             if(a>=ak)
31                 printf("%d %d\n",ak,ak+k);
32             for (int i=1; i<=b; i++)
33             {
34                 //b减一点
35                 if(a==(int)(i*q)&&b>a+i)
36                     printf("%d %d\n",a,a+i);
37                 //b减很多
38                 if(a==(int)(i*q)+i)
39                     printf("%d %d\n",a-i,a);
40                 //a减一点
41                 if(b==(int)(i*q)+i&&b-i<a)
42                     printf("%d %d\n",b-i,b);
43             }
44             // 第二种
45             // 同时减
46             for(int i=a-1,j=b-1; i>=0,j>=0; i--,j--)
47                 if(wzf(i,j)==0)
48                 {
49                     cout<<i<<' '<<j<<endl;
50                     break;
51                 }
52             //a减一点
53             for(int i=a-1; i>=0; i--)
54                 if(wzf(i,b)==0)
55                 {
56                     cout<<i<<' '<<b<<endl;
57                     break;
58                 }
59             for(int i=b-1; i>=0; i--)
60                 if(wzf(i,a)==0)
61                 {
62                     //b减很多
63                     if (i<a)
64                         cout<<i<<' '<<a<<endl;
65                     //b减一点
66                     else
67                         cout<<a<<' '<<i<<endl;
68                 }
69             }
70         }
71     else
72         puts("0");

```



```

73     }
74     return 0;
75 }

```

## 11 计算几何

```

1  #include<cstdio>
2  #include<cstdlib>
3  #include<cstring>
4  #include<cmath>
5  #include<ctime>
6  #include<cassert>
7  #include<climits>
8  #include<iostream>
9  #include<algorithm>
10 #include<string>
11 #include<vector>
12 #include<deque>
13 #include<list>
14 #include<set>
15 #include<map>
16 #include<stack>
17 #include<queue>
18 #include<numeric>
19 #include<iomanip>
20 #include<bitset>
21 #include<sstream>
22 #include<fstream>
23 #define debug puts("——")
24 #define pi (acos(-1.0))
25 #define eps (1e-8)
26 #define inf (1<<30)
27 #define INF (1ll<<62)
28 using namespace std;
29 inline double sqr(const double &x)
30 {
31     return x * x;
32 }
33 inline int sgn(const double &x)
34 {
35     return x < -eps ? -1 : x > eps;
36 }
37 struct point
38 {
39     double x, y;
40     point(const double &x = 0, const double &y = 0): x(x), y(y) {}
41     friend point operator + (const point &a, const point &b)
42     {
43         return point(a.x + b.x, a.y + b.y);
44     }
45     friend point operator - (const point &a, const point &b)
46     {
47         return point(a.x - b.x, a.y - b.y);
48     }
49     friend point operator * (const point &a, const double &b)
50     {
51         return point(a.x * b, a.y * b);
52     }
53     friend point operator * (const double &a, const point &b)
54     {
55         return point(a * b.x, a * b.y);

```

```

56     }
57     friend point operator / (const point &a, const double &b)
58     {
59         return point(a.x / b, a.y / b);
60     }
61     friend bool operator == (const point &a, const point &b)
62     {
63         return !sgn(a.x - b.x) && !sgn(a.y - b.y);
64     }
65     friend bool operator < (const point &a, const point &b)
66     {
67         return sgn(a.x - b.x) < 0 || (sgn(a.x - b.x) == 0 && sgn(a.y - b.y) < 0)
68         ;
69     }
70     double norm()
71     {
72         return sqrt(sqr(x) + sqr(y));
73     }
74     friend double det(const point &a, const point &b)
75     {
76         return a.x * b.y - a.y * b.x;
77     }
78     friend double dot(const point &a, const point &b)
79     {
80         return a.x * b.x + a.y * b.y;
81     }
82     friend double dist(const point &a, const point &b)
83     {
84         return (a - b).norm();
85     }
86     double arg()
87     {
88         return atan2(y, x);
89         // double res = atan2(y, x);    //(-pi, pi]
90         // if(res < -pi / 2 + eps) res += 2 * pi; //eps修正精度
91         // return res;
92     }
93     // 逆时针旋转 angle 弧度
94     point rotate(const double &angle)
95     {
96         return rotate(cos(angle), sin(angle));
97     }
98     point rotate(const point &p, const double &angle)
99     {
100         return (*this - p).rotate(angle) + p;
101     }
102     point rotate(const double &cosa, const double &sina)
103     {
104         return point(x * cosa - y * sina, x * sina + y * cosa);
105     }
106     int in()
107     {
108         return scanf("%lf %lf", &x, &y);
109     }
110     void out()
111     {
112         printf("%.2f %.2f\n", x, y);
113     }
114 };
115 struct line
116 {
117     point s, t;

```

```

118 line(const point &s = point(), const point &t = point()): s(s), t(t) {}
119 point vec() const
120 {
121     return t - s;
122 }
123 double norm() const
124 {
125     return vec().norm();
126 }
127 //点在直线上
128 bool ispointonline(const point &p) const
129 {
130     return sgn(det(p - s, t - s)) == 0;
131 }
132 //点在线段上
133 bool ispointonseg(const point &p) const
134 {
135     return ispointonline(p) && sgn(dot(p - s, p - t)) <= 0;
136 }
137 //点在线段上不含端点
138 bool ispointonsegex(const point &p)
139 {
140     return ispointonline(p) && sgn(dot(p - s, p - t)) < 0;
141 }
142 //点到直线的垂足
143 point pointprojline(const point &p)
144 {
145     return s + vec() * ((dot(p - s, vec()) / norm()) / (norm()));
146 }
147 //点到直线的距离
148 double pointdistline(const point &p)
149 {
150     return fabs(det(p - s, vec()) / norm());
151 }
152 //点到线段的距离
153 double pointdistseg(const point &p)
154 {
155     if (sgn(dot(p - s, t - s)) < 0) return (p - s).norm();
156     if (sgn(dot(p - t, s - t)) < 0) return (p - t).norm();
157     return pointdistline(p);
158 }
159 //判断两直线是否平行
160 friend bool parallel(const line &l1, const line &l2)
161 {
162     return !sgn(det(l1.vec(), l2.vec()));
163 }
164 //判断两个点是否在直线的同一侧
165 friend bool sameside(const line &l, const point &a, const point &b)
166 {
167     return sgn(det(b - l.s, l.vec())) * sgn(det(a - l.s, l.vec())) > 0;
168 }
169 //两直线的交点
170 friend point linexline(const line l1, const line l2) //
    利用相似三角形对应边成比例
171 {
172     double s1 = det(l1.s - l2.s, l2.vec());
173     double s2 = det(l1.t - l2.s, l2.vec());
174     return (l1.t * s1 - l1.s * s2) / (s1 - s2);
175 }
176 //判断线段交
177 friend bool issegxseg(const line &l1, const line &l2)
178 {
179     if(!sgn(det(l2.s - l1.s, l1.vec())) && !sgn(det(l2.t - l1.s, l1.vec())))

```

```

180     {
181         return l1.ispointonseg(l2.s) ||
182             l1.ispointonseg(l2.t) ||
183             l2.ispointonseg(l1.s) ||
184             l2.ispointonseg(l1.t);
185     }
186     return !sameside(l1, l2.s, l2.t) && !sameside(l2, l1.s, l1.t);
187 }
188 // 直线沿法线方向移动d距离
189 friend line move(const line &l, const double &d)
190 {
191     point t = l.vec();
192     t = t / t.norm();
193     t = t.rotate(pi / 2);
194     return line(l.s + t * d, l.t + t * d);
195 }
196 int in()
197 {
198     s.in();
199     return t.in();
200 }
201 void out()
202 {
203     s.out(), t.out();
204 }
205 };
206
207 struct polygon
208 {
209     #define next(i) ((i+1)%n)
210     int n;
211     vector<point> p;
212     polygon(int n = 0): n(n)
213     {
214         p.resize(n);
215     }
216     // polygon(vector<point> &v):p(v){}
217     // 多边形周长
218     double perimeter()
219     {
220         double sum = 0;
221         for (int i = 0; i < n; i++)
222             sum += (p[next(i)] - p[i]).norm();
223         return sum;
224     }
225     // 多边形面积
226     double area()
227     {
228         double sum = 0;
229         for (int i = 0; i < n; i++)
230             sum += det(p[i], p[next(i)]);
231         return sum / 2 + eps; // 要加eps吗?
232     }
233     // 判断点与多边形的位置关系, 0外, 1内, 2边上
234     int pointin(const point &t)
235     {
236         int num = 0;
237         for (int i = 0; i < n; i++)
238         {
239             if (line(p[i], p[next(i)]).ispointonseg(t))
240                 return 2;
241             int k = sgn(det(p[next(i)] - p[i], t - p[i]));
242             int d1 = sgn(p[i].y - t.y);

```

```

243         int d2 = sgn(p[next(i)].y - t.y);
244         if (k > 0 && d1 <= 0 && d2 > 0) num++;
245         if (k < 0 && d2 <= 0 && d1 > 0) num--;
246     }
247     return num != 0;
248 }
249 // 多边形重心
250 point masscenter()
251 {
252     point ans;
253     if (sgn(area()) == 0) return ans;
254     for (int i = 0; i < n; i++)
255         ans = ans + (p[i] + p[next(i)]) * det(p[i], p[next(i)]);
256     return ans / area() / 6 + eps; // 要加eps吗?
257 }
258 // 多边形边界上格点的数量
259 int borderpointnum()
260 {
261     int num = 0;
262     for (int i = 0; i < n; i++)
263     {
264         int a = fabs(p[next(i)].x - p[i].x);
265         int b = fabs(p[next(i)].y - p[i].y);
266         num += __gcd(a, b);
267     }
268     return num;
269 }
270 // 多边形内格点数量
271 int insidepointnum()
272 {
273     return int(area()) + 1 - borderpointnum() / 2;
274 }
275 void in()
276 {
277     for (int i = 0; i < n; i++)
278         p[i].in();
279 }
280 void out()
281 {
282     for (int i = 0; i < n; i++)
283         p[i].out();
284 }
285 };
286
287 struct convex : public polygon
288 {
289     convex(int n = 0): polygon(n) {}
290     // convex(vector<point> &v):polygon(v){}
291     // 需要先求凸包, 若凸包每条边除端点外都有点, 则可唯一确定凸包
292     bool isunique(vector<point> &v)
293     {
294         if (sgn(area()) == 0)
295             return 0;
296         for (int i = 0; i < n; i++)
297         {
298             line l(p[i], p[next(i)]);
299             bool flag = 0;
300             for (int j = 0; j < v.size(); j++)
301                 if (l.ispointonsegex(v[j]))
302                 {
303                     flag = 1;
304                     break;
305                 }

```

```

306         if (!flag)
307             return 0;
308     }
309     return 1;
310 }
311 //O(n) 时间内判断点是否在凸包内
312 bool containon(const point &a)
313 {
314     int sign = 0;
315     for (int i = 0; i < n; i++)
316     {
317         int x = sgn(det(p[i] - a, p[next(i)] - a));
318         if (x)
319         {
320             if (sign)
321             {
322                 if (sign != x)
323                     return 0;
324             }
325             else
326                 sign = x;
327         }
328     }
329     return 1;
330 }
331 //O(logn) 时间内判断点是否在凸包内
332 bool containologn(const point &a)
333 {
334     point g = (p[0] + p[n / 3] + p[2 * n / 3]) / 3.0;
335     int l = 0, r = n;
336     while(l + 1 < r)
337     {
338         int m = (l + r) / 2;
339         if (sgn(det(p[l] - g, p[m] - g)) > 0)
340         {
341             if (sgn(det(p[l] - g, a - g)) >= 0 && sgn(det(p[m] - g, a - g))
342                 < 0)
343                 r = m;
344             else
345                 l = m;
346         }
347         else
348         {
349             if (sgn(det(p[l] - g, a - g)) < 0 && sgn(det(p[m] - g, a - g))
350                 >= 0)
351                 l = m;
352             else
353                 r = m;
354         }
355     }
356     return sgn(det(p[r % n] - a, p[l] - a)) - 1;
357 }
358 //最远点对 (直径)
359 int first, second; //最远的两个点对应标号
360 double diameter()
361 {
362     double mx = 0;
363     if (n == 1)
364     {
365         first = second = 0;
366         return mx;
367     }
368     for (int i = 0, j = 1; i < n; i++)

```

```

367     {
368         while(sgn(det(p[next(i)] - p[i], p[j] - p[i]) -
369             det(p[next(i)] - p[i], p[next(j)] - p[i])) < 0)
370             j = next(j);
371         double d = dist(p[i], p[j]);
372         if (d > mx)
373         {
374             mx = d;
375             first = i;
376             second = j;
377         }
378         d = dist(p[next(i)], p[next(j)]);
379         if (d > mx)
380         {
381             mx = d;
382             first = next(i);
383             second = next(j);
384         }
385     }
386     return mx;
387 }
388 // 凸包是否与直线有交点 O(log(n)), 需要 O(n) 的预处理, 适合判断与直线集是否有交点
389 vector<double> ang; // 角度
390 bool isinitangle;
391 int finda(const double &x)
392 {
393     return upper_bound(ang.begin(), ang.end(), x) - ang.begin();
394 }
395 double getangle(const point &p) // 获取向量角度 [0, 2pi]
396 {
397     double res = atan2(p.y, p.x); // (-pi, pi]
398     // if (res < 0) res += 2 * pi; // 为何不可以
399     if(res < -pi / 2 + eps) res += 2 * pi; // eps 修正精度
400     return res;
401 }
402 void initangle()
403 {
404     for(int i = 0; i < n; i++)
405         ang.push_back(getangle(p[next(i)] - p[i]));
406     isinitangle = 1;
407 }
408 bool isxline(const line &l)
409 {
410     if(!isinitangle) initangle();
411     int i = finda(getangle(l.t - l.s));
412     int j = finda(getangle(l.s - l.t));
413     if(sgn(det(l.t - l.s, p[i] - l.s) * det(l.t - l.s, p[j] - l.s) >= 0))
414         return 0;
415     return 1;
416 }
417 };
418 convex convexhull(vector<point> &a)
419 {
420     // 从一个 vector 获取凸包
421     convex res(2 * a.size() + 5); // 为何? 经测试好像只需要 a.size()?
422     sort(a.begin(), a.end());
423     a.erase(unique(a.begin(), a.end()), a.end());
424     int m = 0;
425     for (int i = 0; i < a.size(); i++)
426     {
427         // <= 0 则不含边界, < 0 则含边界
428         while(m > 1 && sgn(det(res.p[m - 1] - res.p[m - 2], a[i] - res.p[m - 2])
            ) <= 0)

```

```

429         m--;
430         res.p[m++] = a[i];
431     }
432     int k = m;
433     for (int i = a.size() - 2; i >= 0; i--)
434     {
435         while(m > k && sgn(det(res.p[m - 1] - res.p[m - 2], a[i] - res.p[m - 2])
436             ) <= 0)
437             m--;
438         res.p[m++] = a[i];
439     }
440     if (m > 1) m--;
441     res.p.resize(m);
442     res.n = m;
443     return res;
444 }
445 struct halfplane: public line
446 {
447     //ax+by+c<=0
448     double a, b, c;
449     //s->t的左侧表示半平面
450     halfplane(const point &s = point(), const point &t = point()): line(s, t)
451     {
452         a = t.y - s.y;
453         b = s.x - t.x;
454         c = det(t, s);
455     }
456     halfplane(double a, double b, double c): a(a), b(b), c(c) {}
457     //求点p带入直线方程的值
458     double calc(const point &p) const
459     {
460         return p.x * a + p.y * b + c;
461     }
462     //好像跟linexline一样，那个是4个点计算。这个是用abc与两点进行计算
463     friend point halfxline(const halfplane &h, const line &l)
464     {
465         point res;
466         double t1 = h.calc(l.s), t2 = h.calc(l.t);
467         res.x = (t2 * l.s.x - t1 * l.t.x) / (t2 - t1);
468         res.y = (t2 * l.s.y - t1 * l.t.y) / (t2 - t1);
469         return res;
470     }
471     //用abc进行计算 尚未测试
472     friend point halfxhalf(const halfplane &h1, const halfplane&h2)
473     {
474         return point((h1.b * h2.c - h1.c * h2.b) / (h1.a * h2.b - h2.a * h1.b) +
475             eps,
476             (h1.a * h2.c - h2.a * h1.c) / (h1.b * h2.a - h1.a * h2.b) +
477             eps);
478     }
479     //凸多边形与半平面交(cut)
480     friend convex halfxconvex(const halfplane &h, const convex &c)
481     {
482         convex res;
483         for (int i = 0; i < c.n; i++)
484         {
485             if (h.calc(c.p[i]) < -eps)
486                 res.p.push_back(c.p[i]);
487             else
488             {
489                 int j = i - 1;
490                 if (j < 0) j = c.n - 1;

```



```

489         if (h.calc(c.p[j]) < -eps)
490             res.p.push_back(halfxline(h, line(c.p[j], c.p[i])));
491         j = i + 1;
492         if (j == c.n) j = 0;
493         if (h.calc(c.p[j]) < -eps)
494             res.p.push_back(halfxline(h, line(c.p[i], c.p[j])));
495     }
496 }
497 res.n = res.p.size();
498 return res;
499 }
500 // 点在半平面内
501 friend int satisfy(const point &p, const halfplane &h)
502 {
503     return sgn(det(p - h.s, h.t - h.s)) <= 0;
504 }
505 friend bool operator <(const halfplane &h1, const halfplane &h2)
506 {
507     int res = sgn(h1.vec().arg() - h2.vec().arg());
508     return res == 0 ? satisfy(h1.s, h2) : res < 0;
509 }
510 // 半平面交出的凸多边形
511 friend convex halfx(vector<halfplane> &v)
512 {
513     sort(v.begin(), v.end());
514     deque<halfplane> q;
515     deque<point> ans;
516     q.push_back(v[0]);
517     for (int i = 1; i < v.size(); i++)
518     {
519         if (sgn(v[i].vec().arg() - v[i - 1].vec().arg()) == 0)
520             continue;
521         while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.back(), v[i]))
522         {
523             ans.pop_back();
524             q.pop_back();
525         }
526         while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.front(), v[i]))
527         {
528             ans.pop_front();
529             q.pop_front();
530         }
531         ans.push_back(linexline(q.back(), v[i]));
532         q.push_back(v[i]);
533     }
534     while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.back(), q.front()))
535     {
536         ans.pop_back();
537         q.pop_back();
538     }
539     while(ans.size() > 0 && !satisfy(ans.front(), q.back()))
540     {
541         ans.pop_front();
542         q.pop_front();
543     }
544     ans.push_back(linexline(q.back(), q.front()));
545     convex c(ans.size());
546     int i = 0;
547     for (deque<point>::iterator it = ans.begin(); it != ans.end(); it++, i
548         ++)
549         c.p[i] = *it;
550     return c;
551 }

```

```

551 };
552 // 多边形的核, 逆时针
553 convex core(const polygon &a)
554 {
555     convex res;
556     res.p.push_back(point(-inf, -inf));
557     res.p.push_back(point(inf, -inf));
558     res.p.push_back(point(inf, inf));
559     res.p.push_back(point(-inf, inf));
560     res.n = 4;
561     for (int i = 0; i < a.n; i++)
562         res = halfxconvex(halfplane(a.p[i], a.p[(i + 1) % a.n]), res);
563     return res;
564 }
565 // 凸多边形交出的凸多边形
566 convex convextxconvex(convex &c1, convex &c2)
567 {
568     vector<halfplane> h;
569     for (int i = 0; i < c1.p.size(); i++)
570         h.push_back(halfplane(c1.p[i], c1.p[(i + 1) % c1.p.size()]));
571     for (int i = 0; i < c2.p.size(); i++)
572         h.push_back(halfplane(c2.p[i], c2.p[(i + 1) % c2.p.size()]));
573     return halfx(h);
574 }
575 double mysqrt(double n) // 防止出现 sqrt(-eps) 的情况
576 {
577     return sqrt(max(0.0, n));
578 }
579 struct circle
580 {
581     point o;
582     double r;
583     circle(point o = point(), double r = 0): o(o), r(r) {}
584     bool operator ==(const circle &c)
585     {
586         return o == c.o && !sgn(r - c.r);
587     }
588     double area()
589     {
590         return pi * r * r;
591     }
592     // 圆与线段交 用参数方程表示直线: P=A+t*(B-A), 带入圆的方程求解t
593     friend vector<point> cirxseg(const circle &c, const line &l)
594     {
595         double dx = l.t.x - l.s.x, dy = l.t.y - l.s.y;
596         double A = dx * dx + dy * dy;
597         double B = 2 * dx * (l.s.x - c.o.x) + 2 * dy * (l.s.y - c.o.y);
598         double C = sqr(l.s.x - c.o.x) + sqr(l.s.y - c.o.y) - sqr(c.r);
599         double delta = B * B - 4 * A * C;
600         vector<point> res;
601         if(sgn(delta) >= 0) //or delta > -eps ?
602         {
603             // 可能需要注意delta接近-eps的情况, 所以使用mysqrt
604             double w1 = (-B - mysqrt(delta)) / (2 * A);
605             double w2 = (-B + mysqrt(delta)) / (2 * A);
606             if(sgn(w1 - 1) <= 0 && sgn(w1) >= 0)
607                 res.push_back(l.s + w1 * (l.t - l.s));
608             if(sgn(w2 - 1) <= 0 && sgn(w2) >= 0)
609                 res.push_back(l.s + w2 * (l.t - l.s));
610         }
611         return res;
612     }
613     // 圆与直线交

```

```

614 friend vector<point> cirxline(const circle &c, const line &l)
615 {
616     double dx = l.t.x - l.s.x, dy = l.t.y - l.s.y;
617     double A = dx * dx + dy * dy;
618     double B = 2 * dx * (l.s.x - c.o.x) + 2 * dy * (l.s.y - c.o.y);
619     double C = sqr(l.s.x - c.o.x) + sqr(l.s.y - c.o.y) - sqr(c.r);
620     double delta = B * B - 4 * A * C;
621     vector<point> res;
622     if(sgn(delta) >= 0) //or delta > -eps ?
623     {
624         double w1 = (-B - mysqrt(delta)) / (2 * A);
625         double w2 = (-B + mysqrt(delta)) / (2 * A);
626         res.push_back(l.s + w1 * (l.t - l.s));
627         res.push_back(l.s + w2 * (l.t - l.s));
628     }
629     return res;
630 }
631 // 扇形面积 a->b
632 double sectorarea(const point &a, const point &b) const
633 {
634     double theta = atan2(a.y, a.x) - atan2(b.y, b.x);
635     while (theta < 0) theta += 2 * pi;
636     while (theta > 2 * pi) theta -= 2 * pi;
637     theta = min(theta, 2 * pi - theta);
638     return sgn(det(a, b)) * theta * r * r / 2.0; // 此处交大板子有误
639 }
640 // 与线段AB的交点计算面积 a->b
641 double calcarea(const point &a, const point &b) const
642 {
643     vector<point> p = cirxseg(*this, line(a, b));
644     bool ina = sgn((a - o).norm() - r) < 0;
645     bool inb = sgn((b - o).norm() - r) < 0;
646     if (ina)
647     {
648         if (inb) return det(a - o, b - o) / 2;
649         else return det(a - o, p[0] - o) / 2 + sectorarea(p[0] - o, b - o);
650     }
651     else
652     {
653         if (inb) return det(p[0] - o, b - o) / 2 + sectorarea(a - o, p[0] - o);
654         else
655         {
656             if (p.size() == 2)
657                 return sectorarea(a - o, p[0] - o) + sectorarea(p[1] - o, b - o)
658                     + det(p[0] - o, p[1] - o) / 2;
659             else
660                 return sectorarea(a - o, b - o);
661         }
662     }
663 }
664 // 圆与多边形交，结果可以尝试+eps
665 friend double cirxpolygon(const circle &c, const polygon &a)
666 {
667     int n = a.p.size();
668     double ans = 0;
669     for(int i = 0; i < n; i++)
670     {
671         if(sgn(det(a.p[i] - c.o, a.p[next(i)] - c.o)) == 0)
672             continue;
673         ans += c.calcarea(a.p[i], a.p[next(i)]);
674     }

```

```

675     return ans;
676 }
677 //点在圆内, 不包含边界
678 bool pointin(const point &p)
679 {
680     return sgn((p - o).norm() - r) < 0;
681 }
682 };
683 //三点求圆
684 circle getcircle3(const point &p0, const point &p1, const point &p2)
685 {
686     double a1 = p1.x - p0.x, b1 = p1.y - p0.y, c1 = (a1 * a1 + b1 * b1) / 2;
687     double a2 = p2.x - p0.x, b2 = p2.y - p0.y, c2 = (a2 * a2 + b2 * b2) / 2;
688     double d = a1 * b2 - a2 * b1;
689     point o(p0.x + (c1 * b2 - c2 * b1) / d, p0.y + (a1 * c2 - a2 * c1) / d);
690     return circle(o, (o - p0).norm());
691 }
692 //直径上两点求圆
693 circle getcircle2(const point &p0, const point &p1)
694 {
695     point o((p0.x + p1.x) / 2, (p0.y + p1.y) / 2);
696     return circle(o, (o - p0).norm());
697 }
698 //最小圆覆盖 用之前可以随机化random_shuffle
699 circle mincircover(vector<point> &a)
700 {
701     int n = a.size();
702     circle c(a[0], 0);
703     for (int i = 1; i < n; i++)
704         if (!c.pointin(a[i]))
705             {
706                 c.o = a[i];
707                 c.r = 0;
708                 for (int j = 0; j < i; j++)
709                     if (!c.pointin(a[j]))
710                         {
711                             c = getcircle2(a[i], a[j]);
712                             for (int k = 0; k < j; k++)
713                                 if (!c.pointin(a[k]))
714                                     c = getcircle3(a[i], a[j], a[k]);
715                         }
716             }
717     return c;
718 }
719 int main()
720 {
721     return 0;
722 }

```

```

1  const int MAXN=100005;
2  // 分治算法求最近点对
3  struct point
4  {
5      double x,y;
6  };
7  point p[MAXN];
8  int index[MAXN]; //保存筛选的坐标点的索引
9  int cmpx(const point &a,const point &b)
10 {
11     return a.x<b.x;
12 }
13 int cmpy(int a,int b) //这里用的是下标索引
14 {

```

```

15     return p[a].y<p[b].y;
16 }
17 inline double dis(point &a , point &b)
18 {
19     return sqrt( (a.x-b.x)*(a.x-b.x) + (a.y-b.y)*(a.y-b.y) );
20 }
21 inline double min(double a , double b)
22 {
23     return a<b?a:b;
24 }
25 double closest(int low , int high)
26 {
27     if(low+1==high)
28         return dis(p[low],p[high]);
29     if(low+2==high)
30         return min( dis(p[low],p[high]) , min(dis(p[low],p[low+1]),dis(p[low+1],
        p[high])) );
31     int mid = (low + high)>>1; // 求中点
32     double ans = min( closest(low,mid),closest(mid+1,high) ); //
        分治法进行递归求解
33     int cnt = 0;
34     for(int i=low; i<=high; i++) // 把x坐标在p[mid].x-ans~p[mid].x+ans
        范围内的点取出来
35     {
36         if(p[i].x >= p[mid].x - ans && p[i].x <= p[mid].x + ans)
37             index[cnt++]=i; // 保存的是下标索引
38     }
39     sort(index,index+cnt,cmpy); // 按y坐标进行升序排序
40     for(int i=0; i<cnt; i++)
41         for(int j=i+1; j<cnt; j++)
42         {
43             if(p[index[j]].y - p[index[i]].y >= ans) // 注意下标索引
44                 break;
45             ans = min( ans,dis(p[index[i]],p[index[j]]) );
46         }
47     return ans;
48 }
49 void init(int n)
50 {
51     for (int i=0; i<n; i++)
52         scanf("%lf%lf",&p[i].x,&p[i].y);
53     sort(p,p+n,cmpx);
54     return;
55 }
56 int main()
57 {
58     int n;
59     while(cin>>n,n!=0)
60     {
61         init(n);
62         printf("%.2lf\n",closest(0,n-1)/2);
63     }
64     return 0;
65 }

```

## 12 其他

### 12.1 编译器相关

#### 12.1.1 强制 O2 优化

```
1 #pragma GCC optimize(2)
```

### 12.1.2 G++(MinGW32) 扩栈

```
1 int SIZE_OF_STACK = 256 << 20; // 256MB
2 char *p = (char*)malloc(SIZE_OF_STACK) + SIZE_OF_STACK;
3 __asm__("movl %0, %%esp\n" :: "r"(p));
```

### 12.1.3 G++(64 位 linux) 扩栈

```
1 /// 只在会爆栈的函数前后使用汇编语句会更安全
2 /// 但要注意避免使用局部变量保存函数返回值
3 long rsp;
4 int main()
5 {
6     int SIZE_OF_STACK = 256 << 20; // 256MB
7     char *p = (char*)malloc(SIZE_OF_STACK) + SIZE_OF_STACK;
8     __asm__("movq %%rsp, %0" :: "m"(rsp));
9     __asm__("movq %0, %%rsp" :: "r"(p));
10
11     // 程序体
12
13     __asm__("movq %0, %%rsp\n" :: "m"(rsp));
14     return 0;
15 }
```

### 12.1.4 C++ 扩栈

```
1 #pragma comment(linker, "/STACK:102400000,102400000")
```

## 12.2 输入输出优化

```
1 inline void RD(int &ret)
2 {
3     char c;
4     do c=getchar();
5     while(c<'0' || c>'9');
6     ret=c-'0';
7     while((c=getchar())>='0'&&c<='9')
8         ret=ret*10+(c-'0');
9 }
10 inline void OT(int a)
11 {
12     if(a>=10) OT(a/10);
13     putchar(a%10+'0');
14 }
15 // 负数
16 inline void RD(int &ret)
17 {
18     char c;
19     int sgn;
20     while(c!='-'&&(c<'0' || c>'9')) c=getchar();
21     sgn=(c=='-')?-1:1;
22     ret=(c=='-')?0:(c-'0');
23     while(c=getchar(),c>='0'&&c<='9') ret=ret*10+(c-'0');
24     ret*=sgn;
25 }
```

## 12.3 位反转

```

1 inline int reversebits(int x)
2 {
3     x = ((x >> 1) & 0x55555555) | ((x << 1) & 0xaaaaaaaa);
4     x = ((x >> 2) & 0x33333333) | ((x << 2) & 0xcccccccc);
5     x = ((x >> 4) & 0x0f0f0f0f) | ((x << 4) & 0xf0f0f0f0);
6     x = ((x >> 8) & 0x00ff00ff) | ((x << 8) & 0xff00ff00);
7     x = ((x >> 16) & 0x0000ffff) | ((x << 16) & 0xffff0000);
8     return x;
9 }
10
11 inline long long reversebits(long long x)
12 {
13     x = ((x >> 1) & 0x5555555555555555LL) | ((x << 1) & 0xaaaaaaaaaaaaaaaaLL);
14     x = ((x >> 2) & 0x3333333333333333LL) | ((x << 2) & 0xccccccccccccccccLL);
15     x = ((x >> 4) & 0x0f0f0f0f0f0f0f0fLL) | ((x << 4) & 0xf0f0f0f0f0f0f0f0LL);
16     x = ((x >> 8) & 0x00ff00ff00ff00ff00LL) | ((x << 8) & 0xff00ff00ff00ff00LL);
17     x = ((x >> 16) & 0x0000ffff0000ffffLL) | ((x << 16) & 0xffff0000ffff0000LL);
18     x = ((x >> 32) & 0x00000000ffffffffffLL) | ((x << 32) & 0xffffffff00000000LL);
19     return x;
20 }

```

## 12.4 蔡勒公式

$$w = \left( y + \left[ \frac{y}{4} \right] + \left[ \frac{c}{4} \right] - 2c + \left[ \frac{26(m+1)}{10} \right] + d - 1 \right) \bmod 7$$

若要计算的日期是在 1582 年 10 月 4 日或之前，公式则为：

$$w = \left( y + \left[ \frac{y}{4} \right] + \left[ \frac{c}{4} \right] - 2c + \left[ \frac{26(m+1)}{10} \right] + d + 2 \right) \bmod 7$$

公式中的符号含义如下：

w: 星期（计算所得的数值对应的星期：0-星期日；1-星期一；2-星期二；3-星期三；4-星期四；5-星期五；6-星期六）

c: 年份前两位数

y: 年份后两位数

m: 月（m 的取值范围为 3 至 14，即在蔡勒公式中，某年的 1、2 月要看作上一年的 13、14 月来计算，比如 2003 年 1 月 1 日要看作 2002 年的 13 月 1 日来计算）

d: 日

（因罗马教宗额我略十三世颁布新历法（公历），把 1582 年 10 月 4 日的后一天改为 1582 年 10 月 15 日）

```

1 int zeller(int y,int m,int d,int flag)
2 {
3     if (m==1||m==2)
4         y--,m+=12;
5     int c=y/100;
6     y%=100;
7     int w=((c/4-2*c+y+y/4+13*(m+1)/5+d-1)%7+7)%7;
8     if (flag) return (w+3)%7;
9     return w;
10 }

```

## 12.5 坐标旋转变换

要注意在处理多个点的时候， $n$  和  $m$  要存副本。

```

1 void rotate(int &x,int &y,int &n,int &m,int t)
2 {
3     t%=4;

```

```

4   while(t--)
5   {
6       swap(x,y);
7       y=n-y+1;
8       swap(n,m);
9   }
10 }
11
12 void rotate(int &x,int &y,int &n,int &m,int t)
13 {
14     int a,b;
15     if (t==1)
16         a=y,b=n-x+1;
17     if (t==2)
18         a=n-x+1,b=m-y+1;
19     if (t==3)
20         a=m-y+1,b=x;
21     if (t) x=a,y=b;
22     if (t&&t!=2) swap(n,m);
23 }

```

## 12.6 归并排序求逆序数

```

1  int a[500005],b[500005];
2  long long mergesort(int left,int right)
3  {
4      if (left==right)
5          return 0;
6      long long cnt=0;
7      int mid=(left+right)/2;
8      cnt=mergesort(left,mid)+mergesort(mid+1,right);
9      int i=left,j=mid+1,k=left;
10     while(i<=mid&&j<=right)
11         if(a[i]<=a[j])
12             b[k++]=a[i++];
13         else
14             {
15                 b[k++]=a[j++];
16                 cnt+=(mid-i+1);
17             }
18     while(i<=mid)
19         b[k++]=a[i++];
20     while(j<=right)
21         b[k++]=a[j++];
22     for(i=left; i<=right; i++)
23         a[i]=b[i];
24     return cnt;
25 }

```

## 12.7 奇怪的东西

格式化 html 标签

```

1  char str[500000];
2  inline void jump()
3  {
4      char c;
5      while(isspace(c=getchar())) ;
6      ungetc(c,stdin);
7  }
8  inline string gtag()

```



```
9 {
10     jump();
11     str[0]=0;
12     scanf("%[^>]",str);
13     string s=str;
14     s+=getchar();
15     return s;
16 }
17 inline void ptag(string &s)
18 {
19     puts(s.c_str());
20 }
21 inline string gstr()
22 {
23     jump();
24     str[0]=0;
25     scanf("%[^ <\n]",str);
26     return str;
27 }
28 inline void pstr(string &s)
29 {
30     printf("%s",s.c_str());
31 }
32 inline int judge(string &s)
33 {
34     if (s[1]=='/') return -1;
35     int flag=0;
36     for (int i=0; i<s.length(); i++)
37     {
38         if (s[i]=='\"') flag=!flag;
39         if (flag==0&&s[i]=='/') return 0;
40     }
41     return 1;
42 }
43 inline void pspace(int x)
44 {
45     for (int i=0; i<x; i++)
46         putchar(' ');
47 }
48 inline bool ishtml(string &s)
49 {
50     return s=="</html>";
51 }
52 void dostr(int k)
53 {
54     string s=gstr();
55     if (s!="")
56     {
57         pspace(k);
58         pstr(s);
59         while(1)
60         {
61             s=gstr();
62             if (s=="") break;
63             putchar(' ');
64             pstr(s);
65         }
66         puts("");
67     }
68 }
69 void solve()
70 {
71     int k=0,x;
```

```

72     while(1)
73     {
74         string s=gtag();
75         x=judge(s);
76         if (x==-1) pspace(k-1);
77         else pspace(k);
78         k+=x;
79         if (ishtml(s))
80         {
81             ptag(s);
82             break;
83         }
84         ptag(s);
85         dostr(k);
86     }
87 }

```

输出数字的英文表示

```

1 char a[50][15]= {"","one","two","three","four","five","six","seven","eight","
   nine","ten","eleven","twelve","thirteen","fourteen","fifteen","sixteen","
   seventeen","eighteen","nineteen","twenty"};
2 char b[50][15]= {"","ten","twenty","thirty","forty","fifty","sixty","seventy","
   eighty","ninety"};
3 char c[50][15]= {"","thousand","million","billion"};
4 void gao(int n)
5 {
6     int t=n/100,t1=n/10%10,t2=n%10,t3=n%100;
7     if (t) printf("%s hundred",a[t]);
8     if (t3)
9     {
10         if (t) printf(" and ");
11         if (t3<=20) printf("%s",a[t3]);
12         else
13         {
14             printf("%s",b[t3/10]);
15             if (t2) printf("-%s",a[t2]);
16         }
17     }
18 }
19 int main()
20 {
21     int n;
22     while(scanf("%d",&n),n!=-1)
23     {
24         if (n==0)
25         {
26             puts("zero");
27             continue;
28         }
29         int q[5];
30         int x=-1;
31         while(n) q[++x]=n%1000,n/=1000;
32         for (int i=x; i>=0; i--)
33             if (q[i])
34             {
35                 gao(q[i]);
36                 if (i) printf(" %s",c[i]);
37                 int flag=0;
38                 for (int j=i-1;j>=0;j--)
39                     if (q[j]) flag=1;
40                 if (flag) printf(", ");
41             }
42         puts("");

```

```

43     }
44     return 0;
45 }
```

## 13 一些题目

### Description

M 公司是一个非常庞大的跨国公司，在许多国家都设有它的下属分支机构或部门。为了让分布在世界各地的  $N$  个部门之间协同工作，公司搭建了一个连接整个公司的通信网络。该网络的结构由  $N$  个路由器和  $N-1$  条高速光缆组成。每个部门都有一个专属的路由器，部门局域网内的所有机器都联向这个路由器，然后再通过这个通信子网与其他部门进行通信联络。该网络结构保证网络中的任意两个路由器之间都存在一条直接或间接路径以进行通信。高速光缆的数据传输速度非常快，以至于利用光缆传输的延迟时间可以忽略。但是由于路由器老化，在这些路由器上进行数据交换会带来很大的延迟。而两个路由器之间的通信延迟时间则与这两个路由器通信路径上所有路由器中最大的交换延迟时间有关。作为 M 公司网络部门的一名实习员工，现在要求你编写一个简单的程序来监视公司的网络状况。该程序能够随时更新网络状况的变化信息（路由器数据交换延迟时间的变化），并且根据询问给出两个路由器通信路径上延迟第  $k$  大的路由器的延迟时间。【任务】你的程序从输入文件中读入  $N$  个路由器和  $N-1$  条光缆的连接信息，每个路由器初始的数据交换延迟时间  $T_i$ ，以及  $Q$  条询问（或状态改变）的信息。并依次处理这  $Q$  条询问信息，它们可能是：1. 由于更新了设备，或者设备出现新的故障，使得某个路由器的数据交换延迟时间发生了变化。2. 查询某两个路由器  $a$  和  $b$  之间的路径上延迟第  $k$  大的路由器的延迟时间。

### Input

第一行为两个整数  $N$  和  $Q$ ，分别表示路由器总数和询问的总数。第二行有  $N$  个整数，第  $i$  个数表示编号为  $i$  的路由器初始的数据延迟时间  $T_i$ 。紧接着  $N-1$  行，每行包含两个整数  $x$  和  $y$ 。表示有一条光缆连接路由器  $x$  和路由器  $y$ 。紧接着是  $Q$  行，每行三个整数  $k$ 、 $a$ 、 $b$ 。如果  $k=0$ ，则表示路由器  $a$  的状态发生了变化，它的数据交换延迟时间由  $T_a$  变为  $b$ 。如果  $k>0$ ，则表示询问  $a$  到  $b$  的路径上所经过的所有路由器（包括  $a$  和  $b$ ）中延迟第  $k$  大的路由器的延迟时间。注意  $a$  可以等于  $b$ ，此时路径上只有一个路由器。

### Output

对于每一个第二种询问 ( $k>0$ )，输出一行。包含一个整数为相应的延迟时间。如果路径上的路由器不足  $k$  个，则输出信息 “invalid request!”（全部小写不包含引号，两个单词之间有一个空格）。

### Sample Input

```

5 5
5 1 2 3 4
3 1
2 1
4 3
5 3
2 4 5
0 1 2
2 2 3
2 1 4
3 3 5
```

### Sample Output

```

3
2
2
```

invalid request!

Hint

10

40

100

一样对树进行划分，对于一条链我们需要支持的操作就是修改一个数，以及查询区间第  $k$  大。这是一个经典问题，可以用树套树。具体的说就是链用一个线段树维护，对于线段树中的每个节点，维护当前区间节点的一个平衡树，这样首先内存是  $N\log N$  的，然后对于修改，最多涉及到  $O(\log N)$  个区间，所以复杂度是  $O(\log^2 N)$ 。对于查询，和普通的区间第  $k$  大问题一样，首先二分答案，然后将问题转化成一个判定性问题，从而在区间中查找比这个二分答案小的有几个，复杂度就是  $O(\log^3 N)$ 。因为一个点到根最多跨越  $\log N$  条，所以总复杂度就是  $O(N+Q\log^4 N)$ 。

```

1  const int maxn=100010;
2  const int maxnode=8000010;
3
4  int lc[maxnode],rc[maxnode],num[maxnode],cnt;
5
6  int ins(int old,int pos,int l,int r,int k)
7  {
8      int mid;
9      int n=++cnt,t=n;
10     num[n]=num[old]+k;
11     lc[n]=lc[old],rc[n]=rc[old];
12
13     while(l<r)
14     {
15         mid=(l+r)/2;
16         if(pos<=mid)
17             lc[n]=++cnt,n=lc[n],old=lc[old],r=mid;
18         else
19             rc[n]=++cnt,n=rc[n],old=rc[old],l=mid+1;
20         num[n]=num[old]+k,lc[n]=lc[old],rc[n]=rc[old];
21     }
22     return t;
23 }
24 int build(int l,int r)
25 {
26     int mid=(l+r)/2,n=++cnt;
27     num[n]=0;
28
29     if(l==r)
30         return n;
31     lc[n]=build(l,mid);
32     rc[n]=build(mid+1,r);
33     return n;
34 }
35
36 int get(int l,int r,int *a,int numa,int *b,int numb,int k)
37 {
38     int t=0,i,tt=0;
39     for(i=0;i<numa;i++)
40         t+=num[rc[a[i]]],tt+=num[a[i]];
41     for(i=0;i<numb;i++)
42         t-=num[rc[b[i]]],tt-=num[b[i]];
43     if(tt<k)
44         return -1;
45     if(l==r)
46         return l;
47     if(t>=k)
48     {

```

```

49     for(i=0;i<numa;i++)
50         a[i]=rc[a[i]];
51     for(i=0;i<numb;i++)
52         b[i]=rc[b[i]];
53     return get((l+r)/2+1,r,a,numa,b,numb,k);
54 }
55 for(i=0;i<numa;i++)
56     a[i]=lc[a[i]];
57 for(i=0;i<numb;i++)
58     b[i]=lc[b[i]];
59 return get(l,(l+r)/2,a,numa,b,numb,k-t);
60 }
61 int root[maxn],c[maxn];
62
63 int a[1100],numa,b[1100],numb;
64 int lft[maxn],rht[maxn];
65 void gao(int n,int is)
66 {
67     if(is)
68     {
69         a[numa++]=root[n];
70         n=lft[n];
71         while(n)
72             a[numa++]=c[n],n--=n&(-n);
73     }
74     else
75     {
76         b[numb++]=root[n];
77         n=lft[n];
78         while(n)
79             b[numb++]=c[n],n--=n&(-n);
80     }
81 }
82
83 vector<pair<int,int> >V[maxn];
84 int lca[maxn],fa[maxn],w[maxn],first[maxn],nxt[maxn<<1],vv[maxn<<1],M,tim;
85 int f[maxn],vis[maxn];
86
87 int fin(int n)
88 {
89     if(n==fa[n])
90         return n;
91     return fa[n]=fin(fa[n]);
92 }
93 void dfs(int n)
94 {
95     root[n]=ins(root[f[n]],w[n],1,M,1);
96     lft[n]=++tim;fa[n]=n;
97
98     for(int e=first[n];e;e=nxt[e])if(vv[e]-f[n])
99         f[vv[e]]=n,dfs(vv[e]),fa[vv[e]]=n;
100 vis[n]=1;
101 rht[n]=tim;
102
103 for(int i=0;i<V[n].size();i++)if(vis[V[n][i].first])
104 {
105     int v=V[n][i].first;
106     lca[V[n][i].second]=fin(v);
107 }
108 }
109 int A[maxn],B[maxn],C[maxn],wa[maxn<<1];
110 int N;
111

```

```

112 void upd(int n,int pos,int k)
113 {
114     while(n<=N)
115         c[n]=ins(c[n],pos,1,M,k),n+=n&(-n);
116 }
117 int main()
118 {
119     int n,q,i,j;
120
121     cin>>n>>q;
122     for(i=1;i<=n;i++)
123         scanf("%d",&w[i]),wa[i]=w[i];
124     N=n;M=n;
125     int e=2;
126
127     for(i=1;i<n;i++)
128     {
129         int u,v;
130         scanf("%d%d",&u,&v);
131         nxt[e]=first[u],vv[e]=v,first[u]=e++;
132         nxt[e]=first[v],vv[e]=u,first[v]=e++;
133     }
134     for(i=1;i<=q;i++)
135     {
136         scanf("%d%d%d",&A[i],&B[i],&C[i]);
137         if(A[i])
138             V[B[i]].push_back(make_pair(C[i],i)),V[C[i]].push_back(make_pair(B[i],i));
139         else
140             wa[++M]=C[i];
141     }
142     sort(wa+1,wa+1+M);
143     M=unique(wa+1,wa+1+M)-wa-1;
144     for(i=1;i<=n;i++)
145         w[i]=lower_bound(wa+1,wa+1+M,w[i])-wa;
146     root[0]=build(1,M);
147     dfs((n+1)/2);
148     for(i=1;i<=N;i++)
149         c[i]=root[0];
150
151     for(i=1;i<=q;i++)
152     {
153         if(A[i])
154         {
155             int u=B[i],v=C[i],l=lca[i];
156             numa=numb=0;
157             gao(u,1),gao(v,1),gao(l,0),gao(f[1],0);
158             u=get(1,M,a,numa,b,numb,A[i]);
159             if(u<0)
160                 puts("invalid request!");
161             else
162                 printf("%d\n",wa[u]);
163         }
164         else
165         {
166             int u=B[i],v=C[i];
167             v=lower_bound(wa+1,wa+1+M,v)-wa;
168             upd(lft[u],w[u],-1);
169             upd(rht[u]+1,w[u],1);
170             upd(lft[u],v,1);
171             upd(rht[u]+1,v,-1);
172             w[u]=v;
173         }
174     }
175 }

```

```

174     }
175 }

1 inline int readint() {
2     char c = getchar();
3     while (!isdigit(c)) c = getchar();
4     int x = 0;
5     while (isdigit(c)) {
6         x = x * 10 + c - '0';
7         c = getchar();
8     }
9     return x;
10 }
11
12 inline long long readlong() {
13     char c = getchar();
14     while (!isdigit(c)) c = getchar();
15     long long x = 0;
16     while (isdigit(c)) {
17         x = x * 10 + c - '0';
18         c = getchar();
19     }
20     return x;
21 }
22
23 #define FOR(i, n) for (int i = 0; i < (int)(n); i++)
24 #define REP(i, a, b) for (int i = (int)(a); i <= (int)(b); i++)
25 #define CIR(i, a, b) for (int i = (int)(b); i >= (int)(a); i--)
26 #define PII pair<int, int>
27 #define FI first
28 #define SE second
29 #define MP make_pair
30 #define PB push_back
31 #define SZ(v) v.size();
32 #define ALL(v) v.begin(), v.end()
33 #define CLR(v, a) memset(v, a, sizeof(v));
34 #define IT iterator
35 #define LL long long
36 #define DB double
37 #define PI 3.1415926
38 #define INF 1000000000
39
40 #define N 80005
41 #define M N * 60
42
43 int dep[N], W[N], top[N], idx[N], size[N], fa[N], id;
44 int son[N], head[N], to[N << 1], next[N << 1];
45 int n, E, it;
46 int test;
47
48 void init() {
49     for (int i = 1; i <= n; i++) {
50         head[i] = -1, son[i] = 0, dep[i] = 0;
51     }
52     id = 0;
53     E = 0, it = 1;
54 }
55
56 void addEdge(int u, int v) {
57     to[E] = v, next[E] = head[u], head[u] = E++;
58     to[E] = u, next[E] = head[v], head[v] = E++;
59 }
60

```

```

61 void dfs(int u, int p) {
62     fa[u] = p;
63     size[u] = 1, son[u] = 0;
64
65     for (int i = head[u]; i != -1; i = next[i]) {
66         int v = to[i];
67
68         if (v != p) {
69             dep[v] = dep[u] + 1;
70             dfs(v, u);
71             if (size[v] > size[son[u]]) son[u] = v;
72             size[u] += size[v];
73         }
74     }
75 }
76
77 void dfs(int u, int p, int tu) {
78     idx[u] = ++id, top[u] = tu;
79     if (son[u]) dfs(son[u], u, tu);
80     for (int i = head[u]; i != -1; i = next[i]) {
81         int v = to[i];
82         if (v == p || son[u] == v) continue;
83         dfs(v, u, v);
84     }
85 }
86
87 int lca(int u, int v) {
88     int tu = top[u], tv = top[v];
89     while (tu != tv) {
90         if (dep[tu] < dep[tv]) {
91             swap(tu, tv);
92             swap(u, v);
93         }
94         u = fa[tu], tu = top[u];
95     }
96     if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
97     return u;
98 }
99
100 }
101
102 int root[N], r[M], v[M], ch[M][2], sz[M];
103
104 #define lch ch[rt][0]
105 #define rch ch[rt][1]
106
107 inline void push_up(int rt) {
108     sz[rt] = sz[lch] + sz[rch] + 1;
109 }
110
111 inline int cmp(int rt, int x) {
112     if (v[rt] == x) return -1;
113     else if (x < v[rt])
114         return 0;
115     else
116         return 1;
117 }
118
119 void rotate(int& rt, int d) {
120     int t = ch[rt][d ^ 1];
121     ch[rt][d ^ 1] = ch[t][d];
122     ch[t][d] = rt;
123     push_up(rt);

```



```

124     push_up(t);
125     rt = t;
126 }
127
128 void insert(int&rt, int x) {
129     if (!rt) {
130         rt = it++;
131         sz[rt] = 1;
132         lch = rch = 0;
133         v[rt] = x;
134         r[rt] = rand();
135     }
136     else {
137         int d = x < v[rt] ? 0 : 1;
138         insert(ch[rt][d], x);
139         if (r[ch[rt][d]] > r[rt])
140             rotate(rt, d ^ 1);
141     }
142     push_up(rt);
143 }
144
145 int kth(int rt, int k) {
146     int t = sz[rch] + 1;
147     if (k == t)
148         return v[rt];
149     else if (k < t)
150         return kth(rch, k);
151     else
152         return kth(lch, k - t);
153 }
154
155 int upper(int rt, int val) {
156     if (!rt) return 0;
157     int res = 0;
158     if (v[rt] == val) {
159         res++;
160         res += upper(lch, val);
161         res += upper(rch, val);
162     }
163     else if (val < v[rt]) {
164         res += sz[rch] + 1;
165         res += upper(lch, val);
166     }
167     else {
168         res += upper(rch, val);
169     }
170     return res;
171 }
172
173 void remove(int& rt, int x) {
174     int d = cmp(rt, x);
175     if (d == -1) {
176         if (lch && rch) {
177             int d2 = r[lch] > r[rch] ? 0 : 1;
178             rotate(rt, d2 ^ 1);
179             remove(ch[rt][d2 ^ 1], x);
180             push_up(rt);
181         }
182         else {
183             rt = lch ? lch : rch;
184         }
185     }
186     else {

```

```

187         remove(ch[rt][d], x);
188         push_up(rt);
189     }
190 }
191
192 int gao(int L, int R, int val) {
193     int res = 0;
194     int p = R;
195     while (p) {
196         res += upper(root[p], val);
197         p -= p & (-p);
198     }
199
200     p = L - 1;
201
202     while (p) {
203         res -= upper(root[p], val);
204         p -= p & (-p);
205     }
206
207     return res;
208 }
209
210 int solve(int u, int v, int val) {
211     int res = 0;
212     int tu = top[u], tv = top[v];
213     while (tu != tv) {
214         if (dep[tu] < dep[tv]) {
215             swap(tu, tv);
216             swap(u, v);
217         }
218         res += gao(idx[tu], idx[u], val);
219         u = fa[tu], tu = top[u];
220     }
221
222     if (dep[u] > dep[v]) swap(u, v);
223     res += gao(idx[u], idx[v], val);
224
225     return res;
226 }
227
228 void modify(int u, int val) {
229     if (W[u] == val) return;
230
231     int p = idx[u];
232     while (p <= n) {
233         remove(root[p], W[u]);
234         insert(root[p], val);
235         p += p & (-p);
236     }
237
238     remove(root[N - 1], W[u]);
239     insert(root[N - 1], val);
240     W[u] = val;
241 }
242
243 int query(int u, int v, int k) {
244     int pa = lca(u, v);
245     int temp = dep[u] + dep[v] - 2 * dep[pa] + 1;
246     if (k > temp) return -1;
247     int L = 1, R = n;
248
249     while (L <= R) {

```

```

250         int mid = L + R >> 1;
251         int tmp = kth(root[N - 1], mid);
252
253         if (solve(u, v, tmp) >= k)
254             R = mid - 1;
255         else
256             L = mid + 1;
257     }
258
259     return kth(root[N - 1], L);
260 }
261
262 int main() {
263     int k, a, b, m;
264     while (~scanf("%d%d", &n, &m)) {
265         REP(i, 1, n) scanf("%d", &W[i]);
266
267         init();
268
269         FOR (i, N) root[i] = 0;
270
271         FOR (i, n - 1) {
272             scanf("%d%d", &a, &b);
273             addEdge(a, b);
274         }
275
276         dfs(1, -1);
277         dfs(1, -1, 1);
278
279         REP(i, 1, n) {
280             int p = idx[i];
281             insert(root[N - 1], W[i]);
282             while (p <= n) {
283                 insert(root[p], W[i]);
284                 p += p & (-p);
285             }
286         }
287
288         FOR (i, m) {
289             scanf("%d%d%d", &k, &a, &b);
290             if (k == 0)
291                 modify(a, b);
292             else {
293                 int res = query(a, b, k);
294                 if (res == -1)
295                     puts("invalid request!");
296                 else
297                     printf("%d\n", res);
298             }
299         }
300     }
301     return 0;
302 }
303 }

```

SAT 问题就是说我有一个  $n$  个布尔值组成的序列  $a$ ，每个元素可取 0 或 1，现有一些限制条件，例如  $a[1]$  or  $a[5]$ ,  $a[5]$  xor not  $a[8]$ ,  $a[3]$  and  $a[4]$  or  $a[5]$ ，求  $a$  的一个取值序列可以使这些式子都为真。即求使这些式子的合取式为真的一组解。

而 2-SAT 问题就是所有限制条件中最多有两个元素，在上面的那个例子中  $a[3]$  and  $a[4]$  or  $a[5]$  有 3 个元素，所以这个例子是 3-SAT 问题不是 2-SAT。3-SAT 及以上是 NPC 问题，目前还没有多项式级别的算法。

2-SAT 问题关键在于建图。若图中存在边  $\langle i, j \rangle$ ，则表示若选了  $i$  必须选  $j$ 。

如果我们必须选  $x$ ，则只需连边  $\langle x', x \rangle$  即可。因为这样的话如果我们选了  $x'$  即不选  $x$ ，那么我们就必须选  $x$ ，这就导致了矛盾。所以我们只能选  $x$ 。

有一对新人结婚，邀请  $n$  对夫妇去参加婚礼。有一张很长的桌子，人只能坐在桌子的两边，还要满足下面的要求：1. 每对夫妇不能坐在同一侧 2.  $n$  对夫妇之中可能有通奸关系（包括男男，男女，女女），有通奸关系的不能同时坐在新娘的对面，可以分开坐，也可以同时坐在新娘这一侧。如果存在一种可行的方案，输出与新娘同侧的人。

所以分成 4 种情况来建图。1- $n$  的点为  $h(usband)$ ， $n+1$  到  $2n$  的点为  $w(ife)$ 。

```

1 for (int i=0; i<m; i++)
2 {
3     ///TODO: adde
4     int x,y;
5     char c1,c2;
6     scanf("%d%c%d%c",&x,&c1,&y,&c2);
7     x++,y++;
8     if (c1=='h'&&c2=='h')
9     {
10         adde(x+n,y);
11         adde(y+n,x);
12     }
13     else if (c1=='h'&&c2=='w')
14     {
15         adde(x+n,y+n);
16         adde(y,x);
17     }
18     else if (c1=='w'&&c2=='h')
19     {
20         adde(x,y);
21         adde(y+n,x+n);
22     }
23     else
24     {
25         adde(x,y+n);
26         adde(y,x+n);
27     }
28 }

```

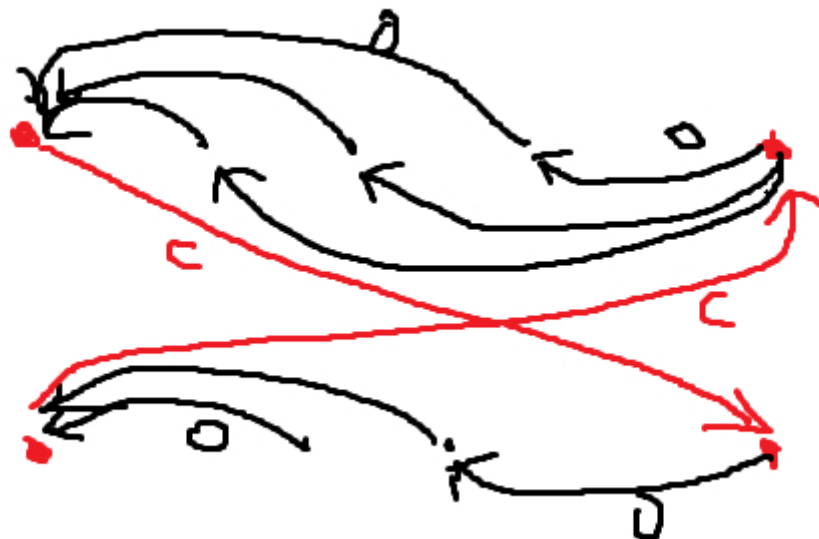
题意：有  $n$  层，有  $n$  个点分布在这  $n$  层上（一层可以有多个点，也可以有 0 个）。层与层之间的点可以互相走，权为  $c$ 。另外还有  $m$  条无向边，从某个点到某个点，权为  $w$ 。求 1 到  $n$  的最短路。

此题的关键在于建图。如果采用朴素建图法，相邻两层的点两两加边，复杂度高达  $N^2$ 。如果用下面的这个方法，可以将复杂度降到  $N$ 。

每层虚拟出来两个点，入点和出点。像图中所示连接（省略了  $m$  条给定的边）。黑线的权都为 0，红线权为  $c$ 。这样借助两个点，可以实现层与层连接。

一开始想只用一个点，但是这样的话同一层的点就可以通过权为 0 的路连接起来了。

（后来发现图中最下面少画了一条边……）



```

1  typedef int mytype;
2  const int NV=300005;
3  const int NE=300005*2;
4  mytype dis[NV];
5  int pre[NV],vis[NV],he[NV],ecnt;
6  struct edge
7  {
8      int v,next;
9      mytype l;
10 } E[NE];
11 void adde(int u,int v,mytype l)
12 {
13     ecnt++;
14     E[ecnt].v=v;
15     E[ecnt].l=l;
16     E[ecnt].next=he[u];
17     he[u]=ecnt;
18 }
19 void init(int n,int m,int s)
20 {
21     for (int i=0; i<=n; i++)
22         dis[i]=inf;
23     dis[s]=0;
24     for (int i=1; i<=m; i++)
25     {
26         int u,v;
27         mytype l;
28         scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
29         adde(u,v,l);
30         adde(v,u,l);
31     }
32 }
33 struct point
34 {
35     int u;
36     mytype l;
37     point(int a,mytype b):u(a),l(b) {}
38     bool operator<(const point p) const
39     {
40         return l>p.l;
41     }
42 };
43 void dijkstra_heap(int s)

```

```

44 {
45     priority_queue<point> q;
46     q.push(point(s,0));
47     while(!q.empty())
48     {
49         point p=q.top();
50         q.pop();
51         int u=p.u;
52         if (vis[u])
53             continue;
54         vis[u]=1;
55         for (int i=he[u]; i!=-1; i=E[i].next)
56             if (!vis[E[i].v]&& p.l+E[i].l<dis[E[i].v])
57             {
58                 dis[E[i].v]=dis[u]+E[i].l;
59                 pre[E[i].v]=u;
60                 q.push(point(E[i].v,dis[E[i].v]));
61             }
62     }
63 }
64 int main()
65 {
66     int t;
67     cin>>t;
68     int cas=0;
69     while(t--)
70     {
71         int n,m,c;
72         scanf("%d%d%d",&n,&m,&c);
73         ecnt=0;
74         memset(pre,0,sizeof(pre));
75         memset(vis,0,sizeof(vis));
76         memset(he,-1,sizeof(he));
77         for (int i=1; i<=n; i++)
78         {
79             int x;
80             scanf("%d",&x);
81             adde(i,n+x,0);
82             adde(2*n+x,i,0);
83         }
84         for (int i=1; i<n; i++)
85         {
86             adde(n+i,2*n+i+1,c);
87             adde(n+i+1,2*n+i,c);
88         }
89         init(n*3,m,1);
90         dijkstra_heap(1);
91         int ans=dis[n];
92         if (ans==inf)
93             ans=-1;
94         printf("Case #d: %d\n",++cas,ans);
95     }
96     return 0;
97 }

```

一个次短路问题。题目是要求最短路和比最短路距离长 1 的次短路的个数。

```

1 typedef int mytype;
2 const int NV=1005;
3 const int NE=10005;
4 mytype dis[NV][2];
5 int vis[NV][2],he[NV],ecnt,cnt[NV][2];
6 struct edge
7 {

```

```

8     int v,next;
9     mytype l;
10 } e[NE];
11 void adde(int u,int v,mytype l)
12 {
13     ecnt++;
14     e[ecnt].v=v;
15     e[ecnt].l=l;
16     e[ecnt].next=he[u];
17     he[u]=ecnt;
18 }
19 struct point
20 {
21     int u,flag;
22     mytype l;
23     point(int a,mytype b,int c):u(a),l(b),flag(c) {}
24     bool operator<(const point p) const
25     {
26         return l>p.l;
27     }
28 };
29 int dijkstra_heap(int n,int m,int s,int E)
30 {
31     priority_queue<point> q;
32     q.push(point(s,0,0));
33     while(!q.empty())
34     {
35         point p=q.top();
36         q.pop();
37         int u=p.u;
38         if (vis[u][p.flag])
39             continue;
40         vis[u][p.flag]=1;
41         for (int i=he[u]; i!=-1; i=e[i].next)
42         {
43             int v=e[i].v;
44             int dist=p.l+e[i].l;
45             if (dist<dis[v][0])
46             {
47                 if (dis[v][0]!=inf)
48                 {
49                     dis[v][1]=dis[v][0];
50                     cnt[v][1]=cnt[v][0];
51                     q.push(point(v,dis[v][1],1));
52                 }
53                 dis[v][0]=dist;
54                 cnt[v][0]=cnt[u][p.flag];
55                 q.push(point(v,dis[v][0],0));
56             }
57             else if (dist==dis[v][0])
58             {
59                 cnt[v][0]+=cnt[u][p.flag];
60             }
61             else if (dist<dis[v][1])
62             {
63                 dis[v][1]=dist;
64                 cnt[v][1]=cnt[u][p.flag];
65                 q.push(point(v,dis[v][1],1));
66             }
67             else if (dist==dis[v][1])
68             {
69                 cnt[v][1]+=cnt[u][p.flag];
70             }

```

```

71     }
72 }
73 if (dis[E][0]+1==dis[E][1])
74     return cnt[E][0]+cnt[E][1];
75 return cnt[E][0];
76 }
77 int main()
78 {
79     int t;
80     cin>>t;
81     while(t--)
82     {
83         int n,m;
84         scanf("%d%d",&n,&m);
85         ecnt=0;
86         memset(he,-1,sizeof(he));
87         memset(vis,0,sizeof(vis));
88         memset(cnt,0,sizeof(cnt));
89         for (int i=1; i<=m; i++)
90         {
91             int u,v;
92             mytype l;
93             scanf("%d%d%d",&u,&v,&l);
94             adde(u,v,l);
95         }
96         int s,E;
97         scanf("%d%d",&s,&E);
98         for (int i=1; i<=n; i++)
99             dis[i][0]=dis[i][1]=inf;
100         dis[s][0]=0;
101         cnt[s][0]=1;
102         printf("%d\n",dijkstra_heap(n,m,s,E));
103     }
104     return 0;
105 }

```

请写一个程序，要求维护一个数列，支持以下 6 种操作：（请注意，格式栏中的下划线‘\_’表示实际输入文件中的空格）

操作编号	输入文件中的格式	说明
1. 插入	INSERT_posi_tot_c1_c2..._c <sub>tot</sub>	在当前数列的第 <i>posi</i> 个数字后插入 <i>tot</i> 个数字：c <sub>1</sub> , c <sub>2</sub> , ..., c <sub>tot</sub> ；若在数列首插入，则 <i>posi</i> 为 0
2. 删除	DELETE_posi_tot	从当前数列的第 <i>posi</i> 个数字开始连续删除 <i>tot</i> 个数字
3. 修改	MAKE-SAME_posi_tot_c	将当前数列的第 <i>posi</i> 个数字开始的连续 <i>tot</i> 个数字统一修改为 <i>c</i>
4. 翻转	REVERSE_posi_tot	取出从当前数列的第 <i>posi</i> 个数字开始的 <i>tot</i> 个数字，翻转后放入原来的位置
5. 求和	GET-SUM_posi_tot	计算从当前数列开始的第 <i>posi</i> 个数字开始的 <i>tot</i> 个数字的和并输出
6. 求和最大的子列	MAX-SUM	求出当前数列中和最大的一段子列，并输出最大和

```

1 #define Key_value ch[ch[root][1]][0]
2 const int MAXN = 500010;
3 const int INF = 0x3f3f3f3f;

```



```

4 int pre[MAXN],ch[MAXN][2],key[MAXN],size[MAXN];
5 int root,tot1;
6 int sum[MAXN],rev[MAXN],same[MAXN];
7 int lx[MAXN],rx[MAXN],mx[MAXN];
8 int s[MAXN],tot2;//内存池和容量
9 int a[MAXN];
10 int n,q;
11 //debug部分*****
12 void Treavel(int x)
13 {
14     if(x)
15     {
16         Treavel(ch[x][0]);
17         printf("结点: %2d: 左儿子 %2d 右儿子 %2d 父结点 %2d size = %2d\n",x,ch[x][0],ch[x][1],pre[x],size[x]);
18         Treavel(ch[x][1]);
19     }
20 }
21 void debug()
22 {
23     printf("root:%d\n",root);
24     Treavel(root);
25 }
26 //以上是debug部分*****
27 void NewNode(int &r,int father,int k)
28 {
29     if(tot2) r = s[tot2--]; //取的时候是tot2--,存的时候就是++tot2
30     else r = ++tot1;
31     pre[r] = father;
32     ch[r][0] = ch[r][1] = 0;
33     key[r] = k;
34     sum[r] = k;
35     rev[r] = same[r] = 0;
36     lx[r] = rx[r] = mx[r] = k;
37     size[r] = 1;
38 }
39 void Update_Rev(int r)
40 {
41     if(!r) return;
42     swap(ch[r][0],ch[r][1]);
43     swap(lx[r],rx[r]);
44     rev[r] ^= 1;
45 }
46 void Update_Same(int r,int v)
47 {
48     if(!r) return;
49     key[r] = v;
50     sum[r] = v*size[r];
51     lx[r] = rx[r] = mx[r] = max(v,v*size[r]);
52     same[r] = 1;
53 }
54 void push_up(int r)
55 {
56     int lson = ch[r][0], rson = ch[r][1];
57     size[r] = size[lson] + size[rson] + 1;
58     sum[r] = sum[lson] + sum[rson] + key[r];
59     lx[r] = max(lx[lson],sum[lson] + key[r] + max(0,lx[rson]));
60     rx[r] = max(rx[rson],sum[rson] + key[r] + max(0,rx[lson]));
61     mx[r] = max(0,rx[lson]) + key[r] + max(0,lx[rson]);
62     mx[r] = max(mx[r],max(mx[lson],mx[rson]));
63 }
64 void push_down(int r)
65 {

```

```

66     if(same[r])
67     {
68         Update_Same(ch[r][0],key[r]);
69         Update_Same(ch[r][1],key[r]);
70         same[r] = 0;
71     }
72     if(rev[r])
73     {
74         Update_Rev(ch[r][0]);
75         Update_Rev(ch[r][1]);
76         rev[r] = 0;
77     }
78 }
79 void Build(int &x,int l,int r,int father)
80 {
81     if(l > r)return;
82     int mid = (l+r)/2;
83     NewNode(x,father,a[mid]);
84     Build(ch[x][0],l,mid-1,x);
85     Build(ch[x][1],mid+1,r,x);
86     push_up(x);
87 }
88 void Init()
89 {
90     root = tot1 = tot2 = 0;
91     ch[root][0] = ch[root][1] = size[root] = pre[root] = 0;
92     same[root] = rev[root] = sum[root] = key[root] = 0;
93     lx[root] = rx[root] = mx[root] = -INF;
94     NewNode(root,0,-1);
95     NewNode(ch[root][1],root,-1);
96     for(int i = 0; i < n; i++)
97         scanf("%d",&a[i]);
98     Build(Key_value,0,n-1,ch[root][1]);
99     push_up(ch[root][1]);
100    push_up(root);
101 }
102 // 旋转,0为左旋,1为右旋
103 void Rotate(int x,int kind)
104 {
105     int y = pre[x];
106     push_down(y);
107     push_down(x);
108     ch[y][!kind] = ch[x][kind];
109     pre[ch[x][kind]] = y;
110     if(pre[y])
111         ch[pre[y]][ch[pre[y]][1]==y] = x;
112     pre[x] = pre[y];
113     ch[x][kind] = y;
114     pre[y] = x;
115     push_up(y);
116 }
117 //Splay调整,将r结点调整到goal下面
118 void Splay(int r,int goal)
119 {
120     push_down(r);
121     while(pre[r] != goal)
122     {
123         if(pre[pre[r]] == goal)
124         {
125             push_down(pre[r]);
126             push_down(r);
127             Rotate(r,ch[pre[r]][0] == r);
128         }

```

```

129     else
130     {
131         push_down(pre[pre[r]]);
132         push_down(pre[r]);
133         push_down(r);
134         int y = pre[r];
135         int kind = ch[pre[y]][0]==y;
136         if(ch[y][kind] == r)
137         {
138             Rotate(r,!kind);
139             Rotate(r,kind);
140         }
141         else
142         {
143             Rotate(r,kind);
144             Rotate(r,kind);
145         }
146     }
147 }
148 push_up(r);
149 if(goal == 0) root = r;
150 }
151 int Get_kth(int r,int k)
152 {
153     push_down(r);
154     int t = size[ch[r][0]] + 1;
155     if(t == k)return r;
156     if(t > k)return Get_kth(ch[r][0],k);
157     else return Get_kth(ch[r][1],k-t);
158 }
159 // 在第pos个数后面插入tot个数
160 void Insert(int pos,int tot)
161 {
162     for(int i = 0; i < tot; i++)scanf("%d",&a[i]);
163     Splay(Get_kth(root,pos+1),0);
164     Splay(Get_kth(root,pos+2),root);
165     Build(Key_value,0,tot-1,ch[root][1]);
166     push_up(ch[root][1]);
167     push_up(root);
168 }
169 // 删除子树
170 void erase(int r)
171 {
172     if(!r)return;
173     s[++tot2] = r;
174     erase(ch[r][0]);
175     erase(ch[r][1]);
176 }
177 // 从第pos个数开始连续删除tot个数
178 void Delete(int pos,int tot)
179 {
180     Splay(Get_kth(root,pos),0);
181     Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
182     erase(Key_value);
183     pre[Key_value] = 0;
184     Key_value = 0;
185     push_up(ch[root][1]);
186     push_up(root);
187 }
188 // 将从第pos个数开始的连续的tot个数修改为c
189 void Make_Same(int pos,int tot,int c)
190 {
191     Splay(Get_kth(root,pos),0);

```

```

192     Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
193     Update_Same(Key_value,c);
194     push_up(ch[root][1]);
195     push_up(root);
196 }
197 // 将第pos个数开始的连续tot个数进行反转
198 void Reverse(int pos,int tot)
199 {
200     Splay(Get_kth(root,pos),0);
201     Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
202     Update_Rev(Key_value);
203     push_up(ch[root][1]);
204     push_up(root);
205 }
206 // 得到第pos个数开始的tot个数的和
207 int Get_Sum(int pos,int tot)
208 {
209     Splay(Get_kth(root,pos),0);
210     Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
211     return sum[Key_value];
212 }
213 // 得到第pos个数开始的tot个数中最大的子段和
214 int Get_MaxSum(int pos,int tot)
215 {
216     Splay(Get_kth(root,pos),0);
217     Splay(Get_kth(root,pos+tot+1),root);
218     return mx[Key_value];
219 }
220 void InOrder(int r)
221 {
222     if(!r)return;
223     push_down(r);
224     InOrder(ch[r][0]);
225     printf("%d ",key[r]);
226     InOrder(ch[r][1]);
227 }
228 int main()
229 {
230     //freopen("in.txt","r",stdin);
231     //freopen("out.txt","w",stdout);
232     while(scanf("%d%d",&n,&q) == 2)
233     {
234         Init();
235         char op[20];
236         int x,y,z;
237         while(q--)
238         {
239             scanf("%s",op);
240             if(strcmp(op,"INSERT") == 0)
241             {
242                 scanf("%d%d",&x,&y);
243                 Insert(x,y);
244             }
245             else if(strcmp(op,"DELETE") == 0)
246             {
247                 scanf("%d%d",&x,&y);
248                 Delete(x,y);
249             }
250             else if(strcmp(op,"MAKE-SAME") == 0)
251             {
252                 scanf("%d%d%d",&x,&y,&z);
253                 Make_Same(x,y,z);
254             }

```

```
255     else if(strcmp(op,"REVERSE") == 0)
256     {
257         scanf("%d%d",&x,&y);
258         Reverse(x,y);
259     }
260     else if(strcmp(op,"GET-SUM") == 0)
261     {
262         scanf("%d%d",&x,&y);
263         printf("%d\n",Get_Sum(x,y));
264     }
265     else if(strcmp(op,"MAX-SUM") == 0)
266         printf("%d\n",Get_MaxSum(1,size[root]-2));
267     }
268 }
269 return 0;
270 }
```

## 14 现场赛宝典

- 1、比赛前晚一定要睡眠充足，至少保证 8-10 个小时睡眠时间。
- 2、热身赛不要纠结 AK 什么的，保证 A 掉一题就可以了。其他时间测试下编译器打表（多长能编译通过）、内存空间、快捷键等等。
- 3、热身赛每个人都轮流适应一下比赛机器。同时测试一下打印代码的流程，和提问、提交流程。要求每个队员都熟悉流程，保证提交不会出现错误。
- 4、热身赛后及时调节心情，如果一定要想出这道题怎么做，要果断问身边的大牛，没有疑惑和纠结度过周六。
- 5、赛前的心情非常非常重要！队友之间一定要互相开玩笑，保持愉快的心情开场。实在所有人都没有心情娱乐，那就脸部保持微笑状态三分钟，保证能改变心情。（强颜欢笑也是乐）
- 6、开场后分配好题目（一般前中后三部分），英语好要迅速读完题目，并且指定一个人每两三分钟看一次 rank，保证 FB 后迅速换题）
- 7、如果读题过程中能确定某题可出，并且为队友的擅长题型，迅速通知队友，并说清题意、题目条件，讨论是否可敲。如果敲题，这时候读完自己题目后，还继续把队友没读的题读完。
- 8、看到有人出题后一定要第一时间阅读该题，有条件最好两人同时读，并且保证题目描述、条件和输入输出都没有异议。讨论该题的可行性，如果完全没有思路，并且是神校出题，再观望一段时间，别盲目敲题。
- 9、一定一定要记住！比赛有五个小时，开场一定要淡定，保证好首次提交，很影响士气。两人仔细检查输入输出范围，多跑几遍样例，保证多 case 考虑了，保证输出格式、没多余空格、空行。可能的 trick 还有提交流程。
- 10、提交后有一段等待时间，这时候不要全部盯着屏幕等，不管对错，直接打印代码，然后再检查一遍输入输出和数据，检查代码有没有问题。空闲的人继续读题或看榜。
- 11、如果提交没过，有其他题在开着，换人敲。之前的人拿着打印的代码检查 bug。如不能保证 bug 很快找到，至少两个人同时 debug，不需要双开。
- 12、如果某题 2 次 WA，并且找不到原因，这时候一边 debug 一边让别人重新读一遍题目，逐字分析条件和输入输出，不受其他人影响，然后交流题意等等是否出现问题。题意和算法没问题的情况下，想 trick 出数据。
- 13、YES 了一道题后，主敲队员最好的放松方法就是去趟洗手间！不管想不想方便，去洗个脸，呼吸一下新鲜空气也是很有必要的。清醒一下，把 YES 的那道题抛到脑后，关注其他题。还有就是在脑子非常乱的时候，非常憋屈的时候，也去趟洗手间，说不定还能偷瞄到大神的思路……
- 14、比赛士气和心情很重要，一定要有一个队员心理素质够硬，负责调动全队状态。小口喝水、身体坐正，双手交叉，互相打气能快速帮你调整状态。
- 15、比赛期间以观察 rank 为出题标准，但是如果认定该题不适合你们，要果断先选择另外一道过的人较多的题！
- 16、在没有两个人都足够主敲的情况下，切忌双开敲题，尤其到了最后一两个小时，一般三人全力攻题！出题的同时，空闲队员想好 trick 数据等等。
- 17、封榜后一定不能乱，不要盲目交题，不要重复交同样代码！！参考 11、12
- 18、记得比赛比的是心态和状态，如果浮躁，自己就先输了，一定要淡定！如果开始自己或队友发现出现浮躁慌乱，一定要提醒大家，参考 13、14
- 19、相信自己，相信队友，和谐相处，共同拿牌!!!
- 20、欢迎补充