

Chapitre 18

Fonctions sous Python

L'objectif de ce chapitre est de décrire des algorithmes en langage naturel ou dans un langage de programmation ; d'en réaliser quelques uns à l'aide d'un programme simple écrit dans un langage de programmation textuel et d'interpréter, compléter ou modifier des algorithmes plus complexes notamment par l'usage de fonctions.

Le saviez-vous ?

Le mathématicien anglais Alan Turing est considéré comme l'un des pères fondateurs de l'informatique moderne. Après avoir grandement contribué à casser les codes de la machine *Enigma*, qui cryptait les messages de l'armée nazie, il a posé les bases du fonctionnement des tout premiers ordinateurs.



1. Fonctions

En informatique, la notion de fonction est très importante ; elle permet de structurer un programme en le décomposant en sous-programme.

Fonctions

.....

.....

.....

.....

Exemple : on considère les algorithmes suivants calculant le volume de pyramides à base carrée. Soient c , h et v des variables réelles.

Algorithme sans fonction

```

c ← 2
h ← 5
Afficher 1/3 × h × c2
c ← .5
h ← 10
Afficher 1/3 × h × c2

```

Algorithme avec fonction

```

Définir fonction
volpyr ← 1/3 × h × c2

Afficher volpyr(2, 5)
Afficher volpyr(.5, 10)

```

Ce qui se traduit par les programmes suivants :

sans fonction

```
c=2
h=5
print(1/3*h*c**2)
c=.5
h=10
print(1/3*h*c**2)
```

avec fonction

```
def volpyr(c,h):
    return 1/3*h*c**2

print(volpyr(2,5))
print(volpyr(.5,10))
```

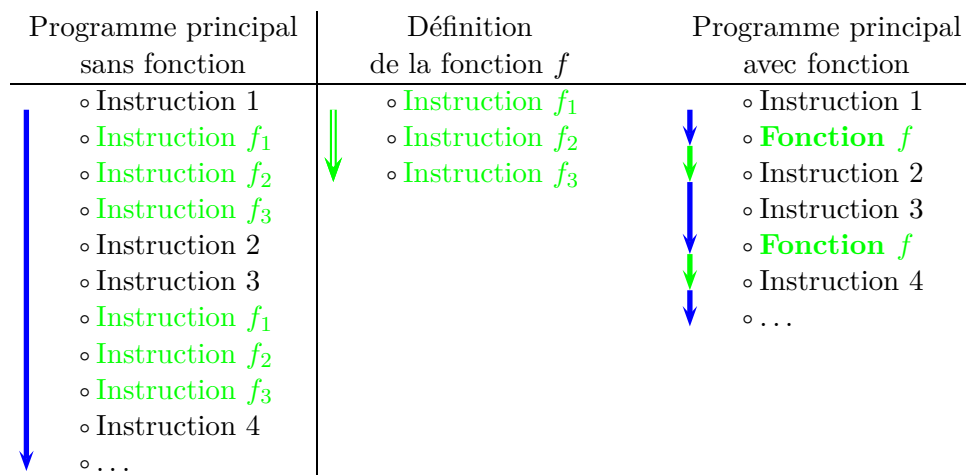
La fonction *volpyr* prend en paramètres les valeurs du côté de la base et la hauteur de la pyramide et renvoie le volume de la pyramide.

a) Intérêts

- Lisibilité : les fonctions rendent le programme principal plus facile à lire.
- Répétabilité : les fonctions permettent d'éviter la redondance du programme. Il est assez fréquent d'avoir à répéter des blocs d'instructions, on les regroupe alors dans une fonction.
- Flexibilité : il est plus rapide de modifier une fonction que de modifier l'ensemble des parties du programme où elle est utilisée.

b) Structure

Les schémas ci-dessous montrent la différence entre l'exécution d'un programme sans fonction, à gauche, et d'un programme avec fonction, à droite ; où les instructions f_1 , f_2 , f_3 sont regroupées dans une fonction f .



2. Les fonctions existantes

Il existe déjà un très grand nombre de fonctions stockées dans des modules que l'on importe en début de programme. Quelques exemples :

- le module **math** intègre la fonction *sqrt()* qui permet de calculer la racine carrée d'un nombre ;
- le module **random** intègre la fonction *random()* qui permet de renvoyer un nombre aléatoire compris entre 0 et 1 ;
- ...

3. Mes fonctions

Le programmeur peut créer ses propres fonctions et enrichir une ou des bibliothèques personnelles. Les lignes de création d'une fonction sont les suivantes :

- la première ligne du bloc d'instructions commence par le mot clé *def*, suivi du nom de la fonction avec entre parenthèses les éventuels paramètres et terminée par ; ;

- on place une indentation pour les instructions ;
- la dernière ligne du bloc d'instructions commence par le mot clé *return*, suivi entre parenthèses du(des) résultat(s) renvoyé(s) par la fonction.

Exemple :

Fonction calculant le volume d'un pavé

Définir fonction
 $volpav \leftarrow L \times l \times h$
 Renvoyer le volume

```
def volpav(a,b,c):
    return a*b*c
```

Le mot clé *def* permet la construction d'une fonction.

Le mot clé *return* permet à la fonction de renvoyer un résultat.

Les paramètres sont des variables nécessaires au bon fonctionnement de la fonction ; certaines d'entre-elles n'admettent aucun paramètre.

Remarques :

- on choisit le nom de la fonction en rapport avec ce qu'elle réalise pour rendre le programme principal plus lisible, plus intelligible ;
- on retrouve le double-point : et l'indentation pour indiquer le début et la fin de la fonction ;
- de nombreuses bibliothèques de fonctions sont disponibles ; il faut au préalable les importer avec le mot clé *import*.

a) Constitution d'une bibliothèque

Aire d'un carré

L'aire d'un carré est obtenue en élevant au carré la longueur d'un côté donc on peut traduire cela avec une fonction telle que :

```
def Scarre(c):
    return c**2
```

Bibliothèque de fonctions calculant des aires

On crée un fichier *Surfaces.py* dans lequel on stocke les fonctions calculant les aires. On importe le module **math** pour avoir le nombre π .

```
from math import*

def Scarre(c):
    return c**2

def Sdisque(r):
    return pi()*r**2

def Srectangle(l,h):
    return l*h

def Striangle(b,h):
    return b*h/2

def Strapeze(b,B,h):
    return (b+B)*h/2
```

Utilisation de la bibliothèque *Surfaces*

En début de programme j'importe la bibliothèque désirée puis je peux utiliser les fonctions qui y sont définies.

Ce programme demande à l'utilisateur de renseigner une longueur, une base et une hauteur puis affiche l'aire d'un rectangle de longueur l et de hauteur h , l'aire d'un triangle de base b et de hauteur h , l'aire d'un carré de côté l , l'aire d'un disque de rayon b et enfin l'aire d'un carré de côté 5.

```
from Surfaces import*

l=float(input("longueur ="))
b=float(input("base ="))
h=float(input("hauteur = "))

print(Srectangle(l,h))
print(Striangle(b,h))
print(Scarre(1))
print(Sdisque(b))
print(Scarre(5))
```

4. Caisse à outils

a) Savoir-faire

Créer une fonction simple \implies on débute le bloc d'instructions par le mot clé *def*, on lui attribue un nom explicite puis entre parenthèse on indique les paramètres. Après indentation, on écrit les instructions et pour terminer on renvoie éventuellement un résultat par le mot clé *return*.

Voici une fonction qui simule le lancer d'un dé de n faces (valeur donnée en paramètre) renvoyant un entier naturel compris entre 1 et le nombre total de faces.

Définir fonction
 $\text{lancerde}(n) \leftarrow$ nombre entier entre 1 et n

```
def lancerde(n):
    return(randint(1,n))
```

Dans le programme, il faudra appeler le module **random** pour que la commande *randint* soit opérationnelle. On peut également passer par l'usage d'une liste qui contient l'ensemble des issues, puis utiliser la commande **choice** qui permet de choisir aléatoirement une valeur contenue dans la liste.

```
def lancerde(n):
    de=[i+1 for i in range(n)]
    return(choice(de))
```

Application : écrire une fonction simulant le lancer d'un dé cubique truqué sachant que la face 5 à deux fois plus chance de sortir que les autres faces et renvoie 1 si l'on lit la face 5.

Modifier ou compléter une fonction \implies suivant le cahier des charges on modifie les instructions déjà présentes ou l'on ajoute les instructions manquantes.

Voici une fonction qui calcule la vitesse d'un coureur à pied, à partir de deux paramètres qui sont la distance parcourue en kilomètres et le temps en heures ; elle renvoie une vitesse exprimée en kilomètre par heure.

Définir fonction
 $v \leftarrow d/t$

```
def vitesse(d,t):
    return(d/t)
```

Mais dans les plans d'entraînement pour les courses de fond, les consignes ne sont pas des vitesses exprimées en *km/h* mais des allures exprimées en *min/km*. Pour simplifier on conservera les minutes décimales.

Définir fonction
 $v \leftarrow d/t$
 $a \leftarrow 60 \times t/d$

```
def vitesse(d,t):
    v=d/t
    a=60*t/d
    return(v,a)
```

Application :
 le programme ci-contre renvoie la moyenne de deux valeurs. Modifier ce programme pour qu'il renvoie la moyenne de trois valeurs.

```
def moy(a,b):
    return((a+b)/2)
```

5. Algorithmes

Fonction renvoyant la moyenne d'une série de valeurs

Pour déterminer la moyenne d'une série de valeurs, on doit ajouter toutes les valeurs de la série puis diviser cette somme par l'effectif total. La commande **len** donne le nombre de valeurs dans la liste donc l'effectif total ; la commande **sum** qui effectue la somme des valeurs d'une liste.

Définir fonction
 $\bar{x} \leftarrow \text{somme des valeurs} / \text{Nb des valeurs}$

```
def moy(a):
    return(sum(a)/len(a))
```

Fonction renvoyant l'écart type d'une série de valeurs

Pour déterminer l'écart type d'une série, on effectue la moyenne des écarts positifs des valeurs par rapport à la moyenne. On doit penser à importer la collection **math** pour pouvoir effectuer le calcul de la racine carrée.

$N \leftarrow \text{effectif total}$
 $m \leftarrow \text{moyenne}(\text{serie})$
pour i **variant de** 1 **à** N **faire**
 | $\text{ecarts}[i] \leftarrow (\text{serie}[i] - m)^2$
fin
 $s \leftarrow \sqrt{\frac{\text{somme}(\text{ecarts})}{N}}$
 Afficher s

```
from math import*

def moyenne(maliste):
    return sum(maliste)/len(maliste)

def ecartype(maliste):
    N=len(maliste)
    m=moyenne(maliste)
    ecarts=[(maliste[i]-m)**2 for i in range(N)]
    return (sqrt(sum(ecarts)/N))
```

Pour rappel, l'algorithme suivant a été utilisé dans le chapitre sur l'échantillonnage. On détermine la fréquence des échantillons dont la fréquence observée du caractère étudié est contenue dans l'intervalle de confiance.

Simulation de N échantillons de taille n .

On fait appel à des fonctions qui permettent dans l'ordre de calculer le nombre de succès, tirage inférieur à la proportion p , puis de calculer la fréquence observée dans l'échantillon. Enfin on comptabilise les échantillons pour lesquels l'écart entre proportion et fréquence est suffisamment faible pour en calculer la proportion.

Pour exécuter le programme, saisir par exemple la commande `repet_echan(30,100,0.7)` ; donc $N = 30$, $n = 100$ et $p = 0,7$.

```

Définir fonction nombre_succes
nb_succes ← 0
pour compteur allant jusqu'à n faire
    si valeur aléatoire < p alors
        | nb_succes ← nb_succes + 1
    fin
fin
Renvoyer nb_succes

Définir fonction frequence_succes
Renvoyer nombre_succes(n,p)/n

Définir fonction repet_echan
s ← 0
pour i allant jusqu'à N faire
    f ← frequence_succes(n,p)
    si abs(p - f) ≤ 1/√n alors
        | s ← s + 1
    fin
fin
Renvoyer s/N

```

```

from math import*
from random import*

def nombre_succes(n,p):
    nb_succes = 0
    for compteur in range(n):
        if random()<p:
            nb_succes = nb_succes + 1
    return nb_succes

def frequence_succes(n,p):
    return nombre_succes(n,p)/n

def repet_echan(N,n,p):
    s = 0
    for i in range(N):
        f = frequence_succes(n,p)
        if abs(p-f) <= 1/sqrt(n):
            s = s+1
    return s/N

```

6. Évaluations

Devoir en temps libre n° 18 : Fonctions sous Python

Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements entreront pour une part importante dans l'appréciation des copies. Le barème est donné à titre indicatif. Le sujet sera rendu avec la copie.

Exercice n°1 : Et le plus grand est ...

On souhaite écrire une fonction qui renvoie le maximum de trois valeurs.

1. Écrire un algorithme qui permet d'obtenir le maximum de trois valeurs appelées a , b et c .
2. Compléter la fonction ci-dessous pour qu'elle renvoie le maximum des trois valeurs passées en argument.

```

def max(a,b,c):
    if a>b:
        if a>c:
            return a
        else:
            ...

```

3. Tester et vérifier la fonction.

4. Maintenant que nous avons une fonction opérationnelle, nous allons essayer de l'optimiser en diminuant le nombre de lignes. Compléter la fonction ci-dessous pour qu'elle renvoie le maximum des trois valeurs passées en argument.

```
def max(a,b,c):
    if ... :
        return a
    elif ... :
        ...
```

5. Tester et vérifier la fonction.
6. En vous inspirant de la fonction précédente, écrire , tester et vérifier une fonction qui renvoie le minimum des trois valeurs passées en argument.
7. Pour être encore plus efficace, écrire une fonction qui renvoie le maximum et le minimum des trois valeurs passées en argument en utilisant une liste.
8. Le fin du fin, écrire une fonction qui renvoie le maximum et le minimum des trois valeurs passées en argument en utilisant les commandes existantes.

Exercice n°2 : HT ou TTC ?

En France, le taux courant de la T.V.A. appliqué sur la majorité des biens est de 20 %.

1. Un article coûte 72 € hors taxe. Quel est son prix toutes taxes comprises (TTC) ?
2. La variable *pht* contient un réel positif correspondant au prix hors taxe de l'article. Parmi les instructions suivantes, lesquelles permettent de calculer le prix TTC ?
- a) $p \leftarrow 0,2 \times pht$ b) $p \leftarrow 1,2 \times pht$ c) $p \leftarrow pht + 20/100 \times pht$ d) $p \leftarrow 1,02 \times pht$

3. On considère la fonction Python ci-contre.

- a) Déterminer ce que renvoient les instructions suivantes : **prix(50,False)** et **prix(86.4,True)**.
- b) Expliquer le rôle de cette fonction.

```
def prix(a,b):
    if b:
        h=a/1.2
        return h
    else:
        p=a*1.2
        return p
```