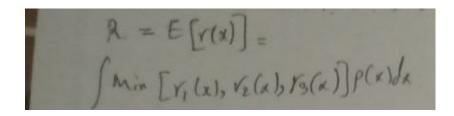
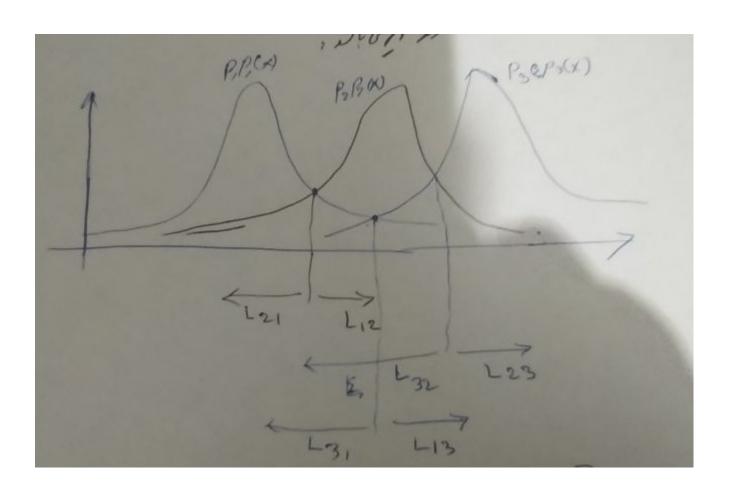
بخش اول تمرین شماره ۱۰ فصل سوم

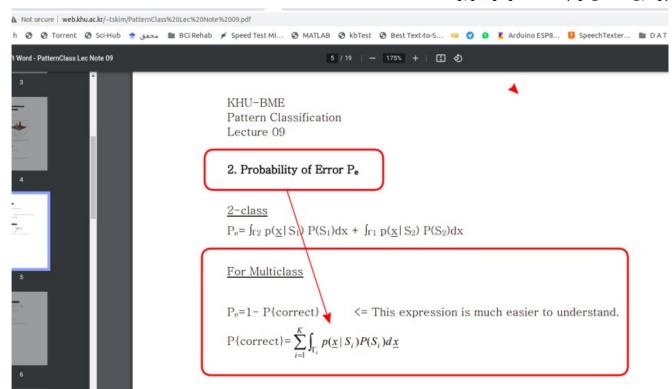
تابع هزینه برای سه وضعیت تصمیمگیری W1, W2 و W3، به صورت زیر می باشد



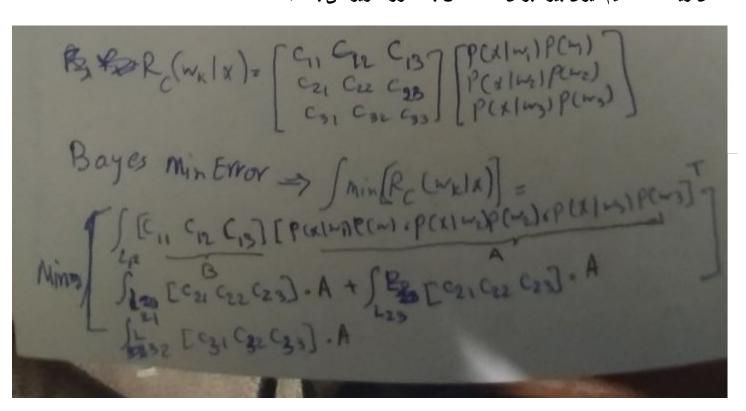
همچنین نمودار خط های تصمیم گیری بر اساس قضیه بیز برای کمترین خطا با فرض توزیع نرمال برای سه کلاس تصمیمگیری در تصویر زیر قابل مشاهده می باشد:



بر این اساس و با کمک فرمول زیر:



خطای ریسک تصمیم گیری بیز، برای سه کلاس به صورت زیر می باشد:



=> Min[Rc] . [[0 1 1] [[1. 1] .

بر این اساس با استفاده از توابع جدا ساز برای توزیع نرمال بالا شکل ۳ بعدی محدوده های بیز، آن به صورت زیر می باشد:

گزینه های معمول برای توابع جدا ساز:

- $g_i(x) = -R(\alpha_i \mid x)$ تابع ریسک •
- $g_i(x) = P(\omega_i \mid x)$ یا برای حالت کمترین خطا : •

در حالتی که P(x)=1 (احتمال مشاهده) باشد انتخاب تابع جدا ساز راحت $g_i(x)\equiv p(x\mid\omega_i)\ P(\omega_i)$ تر می شود:

چون می توان از طرفین هر تابع یکنوایی گرفت ب اینکه دون نتیجه مقایسه توابع جدا ساز تغییر کند، بخصوص اگر توابع توزیع از نوع نمایی باشد، با گرفتن لگاریتم خواهیم داشت:

 $g_i(x) = \ln p(x \mid \omega_i) + \ln P(\omega_i)$

بازشناسي أماري الكو - طراحي با توابع توزيع رضا قادري

22

توابع جدا ساز برای چگالی توزیع نرمال

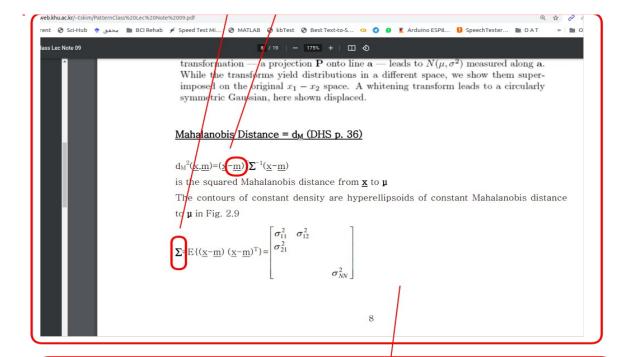
- اگر توزیع کلاس ها نرمال باشد:
- $p(x \mid \omega_i) = \frac{1}{(2\pi)^{d/2} \sum_{i=1}^{J/2}} \exp\left[\frac{-1}{2}(x \mu)^T \sum_{i=1}^{J/2} (x \mu)\right]$
 - تابع جدا ساز عبارت خواهد بود از:

 $g_i(x) = \ln P(x \mid \omega_i) + \ln P(\omega_i)$

$$g_i(x) = -\frac{1}{2}(x - \mu_i) \sum_{i=1}^{-1} x - \frac{1}{2} \ln 2\pi - \frac{1}{2} \ln |\Sigma_i| + \ln P(\omega_i)$$

بازشناسی آماری الگو - طراحی با توابع توزیع رضا قادری

٣۵

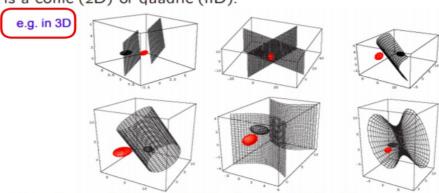


Case 3: Σ_i = arbitrary

The discriminant surface

$$g(\mathbf{x}) = -(\mathbf{x} - \mu_1)^{\top} \Sigma_1^{-1} (\mathbf{x} - \mu_1) + (\mathbf{x} - \mu_2)^{\top} \Sigma_2^{-1} (\mathbf{x} - \mu_2) + c'$$

is a conic (2D) or quadric (nD).



The surface can be a hyperboloid, i.e. it need not be closed